

## 17. Активные префиксы. LR(0)-пункты. Теорема об LR(0)-автомате. Следствия из теоремы об LR(0)-автомате.

### Определение

LR( $k$ )-пункт  $[A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2, v]$  *допустим для активного префикса*  $\gamma$ , если  $\gamma = \gamma_1 \beta_1$  и существует правый вывод  $S' \Rightarrow^* \gamma_1 A w \Rightarrow \gamma_1 \beta_1 \beta_2 w \Rightarrow^* uw$ ,  $v$  — префикс  $w \vdash$ .

Допустимость пункта определяет действия распознавателя в случае, когда содержимое стека равно  $\gamma = \gamma_1 \beta_1$ . Если  $\beta_2 = \lambda$ , то производится свёртка, иначе — перенос. Для данного активного префикса могут быть допустимы несколько пунктов. Далее будем рассматривать LR(0)- и LR(1)-пункты.

**опр.** Активный префикс — это содержимое стека в любой момент времени работы распознавателя, "перенос-свертка" (префикс r-формы не выходящий за правый конец основы)

## Определение

Автомат  $LR(0)$ -пунктов расширенной грамматики — это  $\lambda$ -НКА  $\mathcal{I}_G = (\Sigma \cup \Gamma, I, \delta, i_0, I)$ , где:

$I$  — множество  $LR(0)$ -пунктов грамматики  $G$ ;

$i_0 = [S' \rightarrow \cdot S]$ ;

множество переходов  $\delta$  состоит из переходов двух типов:

$[A \rightarrow \beta_1 \cdot X \beta_2] \xrightarrow{X} [A \rightarrow \beta_1 X \cdot \beta_2]$  (базисные) и

$[A \rightarrow \beta_1 \cdot B \beta_2] \xrightarrow{\lambda} [B \rightarrow \cdot \beta]$ .

*Базисными пунктами* называются пункты  $i_0$  и те пункты, где  $\beta_1 \neq \lambda$ .

## Основная теорема LR-анализа

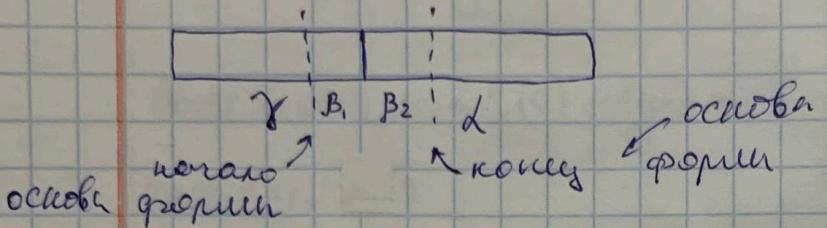
Пункт  $[A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2]$  в грамматике  $G$  допустим для активного префикса  $\gamma$  тогда и только тогда, когда в автомате  $\mathcal{I}_G$  существует путь из  $i_0$  в  $[A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2]$ , помеченный  $\gamma$ .

лемма 1  $A \cap \gamma \models \exists$  допустимый гнёздо

базисный пункт.

Док-бо(леммы):

Рассмотрим ввод  $S' \Rightarrow^* \gamma \Delta \Rightarrow^* w$  и первое  
появление  $\gamma$  в нём.



основа формул не несет  $\beta$  в сущности.

На предыдущем же применено  $A \Rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2$   
допустимый

$$S' \Rightarrow^* \gamma' A \Delta \Rightarrow \underbrace{\gamma' \beta_1, \beta_2}_{\gamma} \cup \Rightarrow^* w \Rightarrow [A \Rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2]$$

где  $\gamma$  не содержит  $\beta_1 \neq \lambda \Rightarrow [A \Rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2]$  базисный

$\gamma = \lambda$  - допустимый базисный пункт  $\square$

лемма 2

Пункт  $[B \Rightarrow \cdot B]$  допустимый гнёздо  $A \cap \gamma \Leftrightarrow$   
 $\exists$  пункт, помечен  $\lambda$ , в  $[B \Rightarrow \cdot B]$  из некоторого  
базисного пункта, допустимое гнёздо  $\gamma$ .

Док-бо (леммы)

I  $\Leftarrow$  Пусть  $[A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2]$  допустим где  $\gamma \Rightarrow \exists \text{ вибог.}$

$S' \Rightarrow^* \gamma' \beta_1 \beta_2 u \Rightarrow^* \gamma \beta v u \Rightarrow^* w \Rightarrow \exists \text{ вибог } S' \Rightarrow^*$   
 $\Rightarrow^* \gamma \beta v u \Rightarrow^* \gamma \beta v u \Rightarrow^* w' \Rightarrow [B \rightarrow \cdot \beta] \text{ допустимый}$   
 где  $\gamma.$

II  $\Rightarrow$  Пусть  $[B \rightarrow \cdot \beta]$  допустим где  $A \Pi \gamma'$   
 $\exists \text{ вибог.}$

$S' \Rightarrow^* \gamma B u \Rightarrow \gamma \beta u \Rightarrow^* w$

Расси первое появление  $\gamma$  в этом  
 вибоге. По 11 али соотвт касомор базиси.

пуким  $[A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2]$ , допустим где  $\gamma$

$S' \Rightarrow^* \gamma' A v \Rightarrow \gamma' \beta_1 \beta_2 v \Rightarrow^* \gamma \beta_2 v \Rightarrow^* \gamma \beta u =^* w$   
еще более маштаб  
 если  $\beta_2 = \beta \beta_2'$ , то наш базисеніи пуким -

$[A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta \beta_2']$  но опред  $\Gamma_G$  есть  $\lambda$ -переход

в пуким  $[B \rightarrow \cdot \beta]$  если  $\beta_2 \Rightarrow^+ \beta \beta_2'$ , то  $\beta_2$   
 начиняется симметрия  $C$ ,  $C \Rightarrow^+ Bd$  (т.к. вибог  
 правый)

$$\beta_2 = Cd_1$$

$$C \Rightarrow \beta_1 u_1$$

$$\beta_1 \Rightarrow \beta_2 u_2$$

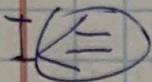
...

$$\beta_n \Rightarrow \beta u$$

3) табуля  $(c \rightarrow B_1 u_1) \dots (B_n \rightarrow B_n u_n) \in P$

$B \vdash_G$  есть переход  $[c \rightarrow \cdot B_1 u_1] \xrightarrow{\lambda} [B_1 \rightarrow \cdot B_2 u_2]$   
 $[B_n \rightarrow \cdot B_n u_n] \xrightarrow{\lambda} [B \rightarrow \cdot \beta]$

Верхнему к гол-бүг мөрөнен:



Изображение ну  $| \gamma |$

Би  $\gamma = \lambda$

$i_0 = [s' \rightarrow \cdot s]$  допустим ги  $\gamma = \lambda$ , ну

$\lambda^2$  би пунктн досманы ну  $\lambda$ -переход из

$i_0$ , допустим ги  $\gamma = \lambda$

Ши  $\gamma = \bar{\gamma} X$

раси. Базичне пункт ги  $\gamma (1)$ :  $[A \rightarrow \beta_1 X \cdot \beta_2]$

3 переход

$[A \rightarrow \beta_1 \cdot X \beta_2] \xrightarrow{\bar{\gamma}} [A \rightarrow \beta_1 X \cdot \beta_2]$  нумб го

$[A \rightarrow \beta_1 \cdot X \beta_2]$  нумб  $\bar{\gamma}$ , ги ное бирокк Н.И.

$s' \Rightarrow^* \bar{\gamma}' A u \Rightarrow \underbrace{\bar{\gamma}' \beta_1 X}_{\bar{\gamma}} \cdot \beta_2 u \Rightarrow^* w \Rightarrow$

$\Rightarrow [A \rightarrow \beta_1 X \cdot \beta_2]$  допустим ги  $\gamma$

Конкін нумб  $\bar{\gamma}$  берилген

...vann ryggen (germar niet no hymen, neither o)

мод сомн в  $[A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2]$ , мод тем из  
кого  $\lambda$ -перех  $\Rightarrow$  no 12 on gonyem. gne  $\gamma$ .

II  $\Rightarrow$

аннуксие no 18/1

б.и.  $\gamma = 1$  Произвольний пукт, gonyem  
гне  $\gamma$ :  $[A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2] = [A \rightarrow \beta \cdot \beta_2]$

III:  $\gamma = \bar{\gamma} X$

no 1:  $\exists$  базисе пукт, gonyem gne  $\gamma$ :

:  $[A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2]$

$S^1 \Rightarrow^* \bar{\gamma}' A \cup \Rightarrow \underbrace{\bar{\gamma}' \beta_1}_{\bar{\gamma}} X \beta_2 \cup \Rightarrow^* w \Rightarrow [A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2]$  gonyem

гне  $\bar{\gamma}$  и гне кого бин ПУ.

:) пукт из  $\beta$   $[A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2]$ , no-лесен.

$\bar{\gamma} \Rightarrow$  добавим к пукт переход  $[A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2]$

$\downarrow X$

$[A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2]$ ,  
получим пукт, лесен  $\gamma$

no 12 A недоказано пукт, gonyem  
гне  $\gamma$  Пукт, лесен  $\lambda$  в дали  
пукт в базисном пукте. ■

## Следствие 1

Язык, распознаваемый автоматом  $\mathcal{I}_G$ , совпадает со множеством всех активных префиксов грамматики  $G$ .

Все состояния автомата  $\mathcal{I}_G$  являются заключительными. Если  $\gamma$  — активный префикс, то по теореме в автомате найдётся путь из начального пункта  $i_0$ , помеченный цепочкой  $\gamma$ , то есть автомат распознаёт  $\gamma$ . Обратно, если в автомате существует путь из  $i_0$  в  $i$ , помеченный цепочкой  $\gamma$ , то  $\gamma$  является активным префиксом, т.к. по теореме  $i$  — допустимый для него пункт.