

---

Nom i Cognoms:

---

**Exercici 1 (1 punt)**

Considerant les següents definicions,

```
vec4 P;      // coordenades homogènies d'un punt
vec3 N;      // components d'un vector normal
vec3 L;      // components d'un vector cap a la font de llum
```

Escriviu el codi en llenguatge GLSL per fer les següents conversions:

- (a) Passar P de *model space* a un vec3 en *normalized device space*

```
P = gl_ModelViewProjectionMatrix * P;
vec3 R = P.xyz / P.w;
```

- (b) Passar P de *eye space* a *model space*

```
vec4 R = gl_ModelViewMatrixInverse * P;
```

- (c) Passar N de *eye space* a *model space*

```
vec3 R = gl_NormalMatrixInverse * N; // però donat que NormalMatrixInverse no existeix...
vec3 R = (vec4(N, 0.0) * gl_ModelViewMatrix).xyz; // ja que  $((M^{-1})^T)^{-1} * N = M^T * N = N * M$ 
vec3 R = (gl_ModelViewMatrixTranspose * vec4(N, 0.0)).xyz;
```

**Exercici 2 (1 punt)**

Escriu el codi GLSL per calcular (en un vertex shader), un vec3 amb la posició de l'observador en *object space*, sense fer servir cap uniform ni cap atribut.

```
vec3 obs = (gl_ModelViewMatrixInverse * vec4(0.0, 0.0, 0.0, 1.0)).xyz;
```

o directament

```
vec3 obs = gl_ModelViewMatrixInverse[3].xyz; // darrera columna
```

**Exercici 3 (0.5 punt)**

- (a) Escriu el nom d'un algorisme d'il·luminació global dels estudiats a classe capaç de simular interreflexions difoses entre els objectes de l'escena.

Radiositat

- (b) Escriu el nom d'un algorisme d'il·luminació global dels estudiats a classe capaç de simular interreflexions especulars entre els objectes de l'escena.

Raytracing

**Exercici 4 (1 punt)**

Com has de declarar els següents objectes en GLSL (incloent-hi els qualificadors const, attribute, uniform, varying... i el tipus)?

- (a) Normal que es passa del vertex shader al fragment shader

varying vec3 normal;

- (b) Velocitat amb la que volem que girin automàticament tots els objectes de l'escena

uniform float speed;

- (c) Vector tangent d'un vèrtex que rebem de l'aplicació

attribute vec3 tangent;

- (d) Textura 2D

uniform sampler2D sampler;

### Exercici 5 (1 punt)

Indica clarament on té més sentit realitzar les següents tasques, al vertex shader (VS) o al fragment shader (FS):

- (a) Transformar el vèrtex de model space a clip space

VS

- (b) Calcular automàticament les coordenades de textura (s,t) segons dos plans S i T.

VS

- (c) Multiplicar les coordenades de textura per la matriu GL\_TEXTURE

VS

- (d) Implementar bump mapping

FS

### Exercici 6 (1 punt)

La crida `gluPerspective(fovy, aspect, n, f)` multiplica la matriu actual per la següent matriu:

$$P = \begin{bmatrix} \cot \frac{fovy}{2} & 0 & 0 & 0 \\ \frac{1}{aspect} & \cot \frac{fovy}{2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{n+f}{n-f} & \frac{2 * n * f}{n-f} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

Suposant que la matriu ModelView és la identitat, i que  $V=(x,y,z,1)$  és un punt en model space:

- (a) Indica quina serà la coordenada Z en clip space del punt V.

$$z(n+f)/(n-f) + 2nf/(n-f)$$

- (b) Indica quin serà el valor de la Z en normalized device space?

$$(z(n+f)/(n-f) + 2nf/(n-f)) / -z$$

- (c) La coordenada Z en normalized device space depèn **linealment** de les coordenades x, y, z en eye space? **Òbviament no és una dependència lineal (sinó tindria la forma  $ax+by+cz$ ; però la z apareix dividint)**

### Exercici 7 (1 punt)

Una forma rudimentària de simular boira d'un cert color és interpolant linealment el color del fragment amb el color de la boira, segons la coordenada z del fragment. Escriu l'expressió per calcular `gl_FragColor` utilitzant aquesta tècnica:

```
uniform vec4 colorBoira;  
gl_FragColor = mix(gl_Color, colorBoira, gl_FragCoord.z);
```

### Exercici 8 (2 punts)

La següent figura mostra la textura d'un tauler d'escacs (a l'esquerra) i una finestra OpenGL amb un polígon texturat amb aquesta textura (a la dreta):



El vèrtex inferior esquerra del polígon té coordenades de textura (0,0), i el vèrtex superior dret té coordenades de textura (1,1).

Si  $(s,t)$  denoten les coordenades de textura a cada fragment, i  $(x,y)$  són coordenades (en window space) dels fragments, responeu aquestes qüestions, justificant la resposta:

(a) Indica, a la imatge de la dreta, en quina regió es maximitza el valor de  $\frac{\partial s}{\partial x}$

El valor de  $\frac{\partial s}{\partial x}$  es maximitza a l'aresta superior del polígon (la longitud de les cel·les del tauler a l'aresta superior és aproximadament la meitat de la longitud de les cel·les del tauler a l'aresta inferior, el que indica que  $\frac{\partial s}{\partial x}$  a l'aresta superior és aproximadament el doble que  $\frac{\partial s}{\partial x}$  a l'aresta inferior).

(b) Indica, a la imatge de la dreta, en quina regió es maximitza el valor de  $\frac{\partial t}{\partial y}$

El valor de  $\frac{\partial t}{\partial y}$  es maximitza també a l'aresta superior del polígon (compareu l'alçada de les cel·les del tauler amunt i avall).

(c) Què podeu dir del valor de  $\frac{\partial t}{\partial x}$ ? És zero a tots els fragments: tots els fragments d'una mateixa línia tenen la mateixa coordenada de textura t. Això fa que les diferents línies de cel·les es vegin horitzontals a la finestra OpenGL.

**Exercici 9 (1 punt)**

Indica, per cadascun d'aquests mètodes de filtrat, quants texels cal consultar per calcular el color de la mostra.

- |                               |   |
|-------------------------------|---|
| (a) GL_NEAREST                | 1 |
| (b) GL_LINEAR                 | 4 |
| (c) GL_NEAREST_MIPMAP_NEAREST | 1 |
| (d) GL_LINEAR_MIPMAP_NEAREST  | 4 |
| (e) GL_NEAREST_MIPMAP_LINEAR  | 2 |
| (f) GL_LINEAR_MIPMAP_LINEAR   | 8 |

**Exercici 10 (0.5 punt)**

Indica quines d'aquestes prestacions són suportades per la tècnica de bump mapping estudiada a classe.

- |  |    |
|--|----|
| (a) Variacions d'il·luminació en superfícies rugoses | SI |
| (b) Self-occlusion                                   | NO |
| (c) View parallax                                    | NO |
| (d) Detalls (rugositat) a la silueta dels objectes   | NO |