## UNIVERSIDADE FEDERAL DE ITAJUBÁ PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA ELÉTRICA

Projeto de um pacote ROS para a gestão de alocação de tarefas complexas em sistemas multi-robôs

Adriano Henrique Rossette Leite

## UNIVERSIDADE FEDERAL DE ITAJUBÁ PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA ELÉTRICA

#### Adriano Henrique Rossette Leite

# Projeto de um pacote ROS para a gestão de alocação de tarefas complexas em sistemas multi-robôs

Dissertação submetida ao Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica como parte dos requisitos para obtenção do Título de Mestre em Ciências em Engenharia Elétrica.

Área de Concentração: Automação e Sistemas Elétricos Industriais

Orientador: Prof. Dr. Guilherme Sousa Bastos

24 de outubro de 2017 Itajubá

#### UNIVERSIDADE FEDERAL DE ITAJUBÁ PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA ELÉTRICA

# Projeto de um pacote ROS para a gestão de alocação de tarefas complexas em sistemas multi-robôs

Adriano Henrique Rossette Leite

Dissertação aprovada por banca examinadora em 01 de Fevereiro de 2018, conferindo ao autor o título de Mestre em Ciências em Engenharia Elétrica.

#### Banca Examinadora:

Prof. Dr. Guilherme Sousa Bastos (Orientador)

(Coorientador)

Prof. Dr. Convidado1

Prof. Dr. Convidado2

Prof. Dr. Convidado3

Itajubá 2018

Adriano Henrique Rossette Leite

Projeto de um pacote ROS para a gestão de alocação de tarefas complexas em sistemas multi-robôs/ Adriano Henrique Rossette Leite. – Itajubá, 24 de outubro de 2017-

47 p. : il. (algumas color.) ; 30 cm.

Orientador: Prof. Dr. Guilherme Sousa Bastos

Dissertação (Mestrado)

Universidade Federal de Itajubá

Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica, 24 de outubro de 2017.

1. Palavra-chave<br/>1. 2. Palavra-chave 2. I. Orientador. II. Universidade <br/>  ${\bf xxx.}$  III. Faculdade de  ${\bf xxx.}$  IV. Título

CDU 07:181:009.3

#### Adriano Henrique Rossette Leite

# Projeto de um pacote ROS para a gestão de alocação de tarefas complexas em sistemas multi-robôs

Dissertação submetida ao Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica como parte dos requisitos para obtenção do Título de Mestre em Ciências em Engenharia Elétrica.

Trabalho aprovado. Itajubá, 01 de Fevereiro de 2018:

Prof. Dr. Guilherme Sousa Bastos Orientador
Coorientador
Prof. Dr. Convidado1
Prof. Dr. Convidado2
Prof. Dr. Convidado3

Itajubá 24 de outubro de 2017

# Agradecimentos

À Deus ...

À meus amigos e familiares ...

Ao meu orientador ...

À banca examinadora, ...

Aos amigos e colegas do LRO, ...

À Capes pelo apoio financeiro durante estes 2 anos.

À Fapemig pelo financiamento do projeto de pesquisa TEC-APQ-00666-12, o qual possibilitou a compra do robô utilizado neste trabalho (Pioneer-3DX).

# Resumo

Esse trabalho apresenta...

Palavras-chaves: ABC. DEF. GHI.

# **Abstract**

This work presents  $\dots$ 

**Key-words**: ABC. DEF. GHF.

# Lista de ilustrações

Figura 1 – Representação visual da taxonomia de três eixos	26
Figura 2 – Motivação da configuração de comportamento /robot1/wander	32
Figura 3 – Motivação da configuração de comportamento /robot2/wander	33
Figura 4 – Motivação da configuração de comportamento /robot2/border-protection.	34
Figura 5 — Grafo do ALLIANCE no ROS para três robôs	35
Figura 6 – Perfil característico de um recurso reusável	38
Figura 7 – Perfil característico de um recurso consumível	39
Figura 8 – Funções degraus	42
Figura 9 – Funções pulsos	43
Figura 10 – Funções lineares	43
Figura 11 – Funções exponenciais.	44

# Lista de tabelas

# Lista de abreviaturas e siglas

ABNT Associação Brasileira de Normas Técnicas

API Application Programming Interface

CBR Competição Brasileira de Robótica

GPU Graphics Processing Unit

LRO Laboratório de Robótica

 $MAS \qquad \qquad \textit{Multi-Agent System}$ 

MRS Multi-Robot System

MRTA Multi-Robot Task Allocation

P3DX Adept Mobile Robots Pioneer 3 DX

ROS Robot Operating System

UNIFEI Universidade Federal de Itajubá

# Lista de símbolos

n Número inteiro

t Tempo

T Período

# Sumário

1	INTRODUÇÃO 1	.6
1.1	Visão Geral	6
1.2	Organização do trabalho	.6
2	REVISÃO TEÓRICA 1	.7
2.1	Sistemas Multi-robos	7
2.1.1	Taxonomias	۱7
2.2	Alocação de Tarefas	7
2.3	Recursos	7
2.4	Sistema Multi-Agente	7
2.4.1	Agentes	۱7
2.4.2	Objetos	L9
2.4.3	Ambiente	L9
2.5	Sistema Multi-Robô	9
2.6	Alocação de Tarefas Multi-Robô	9
2.7	Arquiteturas de Alocação de Tarefas Multi-Robô	9
2.7.1	Arquiteturas baseadas em Mercado	L9
2.7.2	Arquiteturas baseadas em Comportamento	L9
2.7.3	Comparing DAIs, MASs, and MRSs	19
3	ROS	!1
3.1	Conceitos Básicos	22
3.1.1	Sistema de Arquivos do ROS	22
3.1.2	Grafo de Computação do ROS	23
3.1.3	Comunidade do ROS	23
3.1.4	Nomes	24
3.1.4.1	Nomes de Recursos de Grafo no ROS	24
3.1.4.2	Nomes de Recursos de Pacote no ROS	24
4	ALOCAÇÃO DE TAREFAS EM SISTEMAS MULTI-ROBÔS 2	:5
4.1	Definição Formal	25
4.2	Taxonomias	25
4.3	Arquiteturas MRTA	26
4.3.1	Arquiteturas baseadas em Comportamento	26
4.3.2	Arquiteturas baseadas em Mercado	27
4.4	ALLIANCE	27

5	RECURSOS	. 36
5.1	Tarefas	. 36
5.2	Recursos Reusáveis	. 37
5.3	Recursos Consumíveis	. 38
5.4	Tipos de Recurso	. 40
	APÊNDICES	41
	APÊNDICE A – FUNÇÕES TEMPORAIS	. 42
<b>A</b> .1	Funções Degraus	. 42
<b>A.2</b>	Funções Pulsos	. 42
<b>A.3</b>	Funções Lineares	. 42
<b>A.4</b>	Função Exponenciais	. 43
	ANEXOS	45
	ANEXO A – ARTIGO PUBLICADO	. 46
	REFERÊNCIAS	. 47

# 1 Introdução

Uma nova geração de aplicações tem crescido no campo de robótica (MOHAMED; AL-JAROODI; JAWHAR, 2008): grupos de robôs heterogêneos interconectados por uma rede de comunicação agindo cooperativamente de modo à completar uma missão comum. citar exemplos

Sempre que um grupo de robôs visa executar algum comportamento coletivo, aumenta-se em eficiência, confiabilidade, flexibilidade, escalabilidade e versatilidade para resolver tarefas complexas.

falar sobre o ROS

falar sobre o gap existente no ROS para aplicações MRS por causa da dificuldade

#### 1.1 Visão Geral

Colocar texto aqui

## 1.2 Organização do trabalho

Colocar texto aqui

## 2 Revisão teórica

Colocar texto aqui

#### 2.1 Sistemas Multi-robos

Colocar texto aqui

#### 2.1.1 Taxonomias

Colocar texto aqui

#### 2.2 Alocação de Tarefas

Colocar texto aqui

#### 2.3 Recursos

Colocar texto aqui

## 2.4 Sistema Multi-Agente

#### 2.4.1 Agentes

an **agent** is anything that can be viewed as **perceiving** its environment through **sensors** and **acting** upon that environment through **effectors**.

the **performance measure** determines how successful an agent is. The complete perceptual history is called **percept sequence**.

So, it is desired to measure its performance over the long run. a rational agent is not omniscient.

Saying that, we cannot blame an agent for failing to take into account something it could not perceive, or for failing to take an action that it is incapable of taking.

In other words, what is rational at any given time depends on:

- The performance measure that defines degree of success;
- Everything that the agent has perceived so far, that is, the percept sequence;

- What the agent knowsabout the environment;
- and, finally, the actions that the agent can perform.

(RUSSELL; NORVIG; INTELLIGENCE, 1995) defines an **ideal rational agent** as: For each possible percept sequence, an ideal rational agent should do whatever action is expected to maximize its performance measure, an the basis of the evidence provided by the percept sequence and whatever built-in knowledge the agent has.

**ideal mapping**: Specifying which action an agent ought to take in response to any given percept sequence provides a design for an ideal agent.

Talking about autonomy: If the agent's actions are based completely on built-in knownledge, such that it need pay no attention to its percepts, then we say that the agent lacks **autonomy**.

The job of AI is to design the **agent program**: a function that implements the agent mapping from percepts to actions. We assume this program will run on sort of computing device: the **architecture**.

There exists fours types of agent program:

- Simple reflex agents:
- Agents that keep track of the world:
- Goal-based agents:
- Utility-based agents:

This paper deals with utility-based agents!!!

To sum up, ...

- 2.4.2 Objetos
- 2.4.3 Ambiente
- 2.5 Sistema Multi-Robô
- 2.6 Alocação de Tarefas Multi-Robô
- 2.7 Arquiteturas de Alocação de Tarefas Multi-Robô
- 2.7.1 Arquiteturas baseadas em Mercado
  - Murdoch:
  - M+:
- 2.7.2 Arquiteturas baseadas em Comportamento
  - Alliance:

Resource-constrained project scheduling problem The RCPSP problem is a generalization of the production-specific Job-Shop, Flow-Shop and Open-Shop scheduling problems. Given

a set of q resources with given capacities, a set of q resources with given capacities, a network of precedence constraints between the activities, and for each activity and each resource the amount of the resource required by the activity over its execution,

the goal of the RCPSP problem is to find a schedule meeting all the constraints whose makespan (i.e., the time at which all activities are finished) is minimal.

## 2.7.3 Comparing DAIs, MASs, and MRSs

Distributed Artificial Intelligence (DAI) has existed as a subfield of AI for less than two decades. DAI is concerned with systems that consist of multiple independent entities that interact in a domain. Traditionally, DAI has been divided into two sub-disciplines: Distributed Problem Solving (DPS) focuses on the information management aspects of systems with several components working together towards a common goal; Multiagent Systems (MAS) deals with behavior management in collections of several independent entities, or agents. This survey of MAS is intended to serve as an introduction to the field and as an organizational framework. A series of general multiagent scenarios are presented. For each scenario, the issues that arise are described along with a sampling of

the techniques that exist to deal with them. The presented techniques are not exhaustive, but they highlight how multiagent systems can be and have been used to build complex systems. When options exist, the techniques presented are biased towards machine learning approaches. Additional opportunities for applying machine learning to MAS are highlighted and robotic soccer is presented as an appropriate test bed for MAS. This survey does not focus exclusively on robotic systems. However, we believe that much of the prior research in non-robotic MAS is relevant to robotic MAS, and we explicitly discuss several robotic MAS, including all of those presented in this issue (STONE; VELOSO, 2000).

## 3 ROS

Acrônimo para *Robot Operating System* (QUIGLEY et al., 2009), o ROS é uma framework para robótica que tem incentivado a comunidade de pesquisadores em robótica a trabalhar conjuntamente desde seu lançamento.

Primeiramente, ROS é flexível. Um projeto atômico baseado em ROS, denominado pacote, pode ser desenvolvido em diversas linguagens de programação. Deste modo, seus desenvolvedores podem tirar proveito das vantagens que cada linguagem suportada tem, sejam elas eficiência em tempo de execução, confiabilidade, recursos, síntaxe, semântica ou documentação existente. Atualmente, as linguagens de programação suportadas são C++, Python e Lisp. As linguagens Java e Lua ainda estão em fase de desenvolvimento.

Projetos de robótica possuem rotinas que poderia ser reutilizadas em outros projetos. Por esta razão, ROS é também modular, pois pacotes configuráveis existentes podem ser combinados para realizar uma aplicação especifica. Várias bibliotecas externas já foram adaptadas para ser usadas no ROS: aruco<sup>1</sup>, gmapping<sup>2</sup>, interfaces de programação para aplicações de robôs<sup>3</sup>, sensores<sup>4</sup> e simuladores<sup>5</sup>, planejadores<sup>6</sup>, reconhecimento de voz<sup>7</sup>, entre outros. Isso evidencia que os usuários de ROS podem focar no desenvolvimento de pesquisa de sua área e contribuir da melhor forma com essa comunidade.

Em adição, ROS disponibiliza diversas ferramentas para auxiliar no desenvolvimento de projetos e, também, verificar o funcionamento de aplicação. Suas ferramentas típicas são: get e set de parâmetros de configuração, vizualização da topologia de conexão peer-to-peer, medição de utilização de banda, gráficos dos dados de mensagem e outras mais. É altamente recomendado o uso dessas ferramentas para garantir a estabilidade e confiança dos pacotes desenvolvidos, que normalmente têm alta complexidade.

Uma lacuna que antes existia na nova geração de aplicações robóticas foi preenchida com o lançamento do ROS. Como um fornecedor de serviços de *middleware*, ele (1) simplifica o desenvolvimento de processos, (2) suporta comunicação e interoperabilidade, (3) oferece e facilita serviços frequentemente utilizados em robótica e, ainda, oferece (4) utilização eficiente dos seus recursos disponíveis, (5) abstrações heterogênicas e (6) descoberta e configuração automática de recursos (QUIGLEY et al., 2009). No intuito de cobrir todas exigências de um *middleware*, ROS 2.0 tenta dar suporte à sistemas embarcados e

Capítulo 3. ROS 22

dispositivos de baixo recurso.

Como resultado,

Over the years, it has been noticed that: (1) the number of contributors (academic researchers and industry) and projects have increased; (2) the applications have became more sophisticated; (3) the degree of difficulty of solved problems has ??? in different areas of robotics field; (4) the robotic industry has been more interested to contribute.

citar exemplo de middlewares para robótica

falar sobre o conteúdo deste capítulo

#### 3.1 Conceitos Básicos

Sua concepção foi baseada em conceitos divididos em três níveis: (1) Sistema de Arquivos do ROS, (2) Grafo de Computação do ROS e (3) Comunidade do ROS. A seguir será explicado cada um desses níveis, cada um com seu respectivo conjunto de conceitos. Além disso, também serão detalhados os dois tipos de nomes definidos no ROS: nomes de recursos de pacote e nomes de recursos de grafo.

#### 3.1.1 Sistema de Arquivos do ROS

Os conceitos envolvidos no nível do Sistema de Arquivos do ROS se referem aos arquivos armazenados em disco. São eles:

- Pacotes: em inglês *Packages*, é uma forma atômica de organização de criação e lançamento de *software* no ROS. Um pacote contém definições de processos (nós), de dependência de bibliotecas, de tipos de mensagens, ações e serviços, de estruturas de dados e, por fim, de configuração.
- Meta-Pacotes: em inglês *Metapackages*, é um tipo especial de pacote que tem por objetivo agrupar pacotes relacionados.
- Manifestos de Pacote: em inglês *Package Manifests*, arquivo nomeado *package.xml* contido na raíz de cada pacote. Seu papel é fornecer meta-informações sobre seu pacote: nome, versão, descrição, informações de licença, dependências, entre outras.
- **Tipos de Mensagem**: em inglês *Message Types*, arquivos de extensão *.msg*, localizados dentro da pasta *msg* de um dado pacote. Seu conteúdo define a estrutura de dados de uma mensagem que poderá ser enviado pelo ROS.
- Tipos de Serviço: em inglês Service Types, arquivos de extensão .srv, localizados dentro da pasta srv de um dado pacote. Seu conteúdo define a estrutura de dados

Capítulo 3. ROS 23

das mensagens de requisito e resposta de um serviço, as quais poderão ser enviadas pelo ROS.

#### 3.1.2 Grafo de Computação do ROS

O *Grafo de Computação do ROS* é uma rede ponto-a-ponto de processos que processam dados conjuntamente. Os conceitos presentes neste nível são:

- Nós: em inglês *Nodes*, são processos que desempenham computação.
- Nó Mestre: em inglês Master,
- Servidor de Parâmetros: em inglês Parameter Server,
- **Tópicos**: em inglês *Topics*,
- Serviços: em inglês Services,
- Bolsas: em inglês Bags,

#### 3.1.3 Comunidade do ROS

De modo que comunidades separadas possam trocar código fonte e conhecimento, vários recursos foram criados na Comunidade do ROS. Tais como:

- Distribuições: agrupa coleções de pacotes versionados para facilitar a instalação do ROS. Além disso, é mantido uma versão consistente de cada conjunto de pacotes relacionados.
- Repositórios: uma rede federada de repositórios de código permite que instituições diferentes possam desenvolver e lançar componentes de *software* para seus próprios robôs.
- ROS Wiki<sup>8</sup>: é o principal fórum para informações de documentação sobre o ROS. Qualquer pessoa pode solicitar uma conta para contribuir com sua própria documentação, ou ainda fornecer correções e atualizações, bem como, escrever tutoriais.
- Listas de endereços eletrônicos: é o meio de comunicação primário entre os usuários de ROS para perguntar sobre questões de *software* do ROS e para receber notificações de novas atualizações.
- ROS Answers<sup>9</sup>: é uma página web de perguntas e respostas diretamente relacionada ao ROS.

<sup>8 &</sup>lt;http://wiki.ros.org>

<sup>9 &</sup>lt;a href="https://answers.ros.org/questions/">https://answers.ros.org/questions/</a>

Capítulo 3. ROS

 $\bullet$   $\mathbf{Blog}^{10}$ : providencia notícias regularmente com fotos e vídeos.

#### 3.1.4 Nomes

- 3.1.4.1 Nomes de Recursos de Grafo no ROS
- 3.1.4.2 Nomes de Recursos de Pacote no ROS

Falar brevemente sobre tf, sobre ações e tarefas do actionlib, sobre a ontologia de mensagens, sobre plugins, sobre filtros e modelos de robôs

 $<sup>\</sup>overline{^{10}}$  <http://www.ros.org/news/>

# 4 Alocação de Tarefas em Sistemas Multi-Robôs

Um dos problemas mais desafiadores em aplicações multi-robôs é denominado como alocação de tarefas, (MRTA, acrônimo para Multi-Robot Task Allocation). Problemas dessa natureza buscam como solução atribuir otimamente um conjunto de robôs para um conjunto de tarefas de maneira que o desempenho geral de um sistema sujeito a um conjunto de limitações seja otimizado.

falar sobre o conteúdo deste capítulo

#### 4.1 Definição Formal

Colocar texto aqui

#### 4.2 Taxonomias

Gerkey e Matarić (2004) sugeriram uma taxonomia de três eixos independente do domínio de para a classificação de problemas de alocação de tarefas em sistemas multirobôs.

O primeiro eixo determina o  $tipo\ dos\ robôs$  que compõem o problema. Os tipos de robôs possíveis são: ST (acrônimo para Single-Task) ou MT (acrônimo para Multi-Task). Problemas que envolvem robôs que só podem executar uma tarefa por vez são compostos por robôs do tipo ST. Entretanto, se houver pelo menos um robô capaz de executar mais de uma tarefa simultaneamente, então esse problema é composto por robôs do tipo MT.

O segundo eixo da taxonomia determina o tipo das tarefas que compõem o problema. Nesse caso, são possíveis os tipos: ST (acrônimo para Single-Robot) ou MR (acrônimo para Multi-Robot). Problemas cujo tipo das tarefas é SR, diz-se que todas as tarefas envolvidas só podem ser executadas por um robô. Porém, quando o tipo das tarefas envolvidas é MR, diz-se que existe tarefas que podem ser executadas por mais de um robô.

O terceiro eixo, por sua vez, determina o tipo da alocação do problema, o qual pode assumir os valores: IA (acrônimo para Instantaneous Assignment) ou TA (acrônimo para Time-extended Assignment). O primeiro caso, IA, diz repeito à problemas MRTA onde as alocações das tarefas para os robôs são realizadas instantaneamente, sem levar em consideração o estado futuro do sistema. Por outro lado, em problemas cujo tipo de alocação é TA, além de conhecido o estado atual de cada rôbo e do ambiente, também é

conhecido o conjunto de tarefas que precisarão ser alocadas no futuro. Neste último caso, diversas tarefas são alocadas para um robô, o qual deve executar cada alocação conforme seu agendamento. De acordo com (BASTOS; RIBEIRO; SOUZA, 2008), quando o tipo de alocação do problema MRTA é IA, o número de robôs é superior ao número de tarefas alocadas e quando TA, o oposto acontece. Isso se deve ao fato de que, em problemas MRTA cujo tipo de alocação é IA, o número de robôs no sistema é capaz de suprir a taxa de tarefas a serem atribuídas, de modo que é muito provável que haverão robôs ociosos no sistema; enquanto, naqueles cujo tipo de alocação é TA, o número de robôs que compõem o sistema não é suficiente para atender a taxa de tarefas a serem alocadas no sistema.

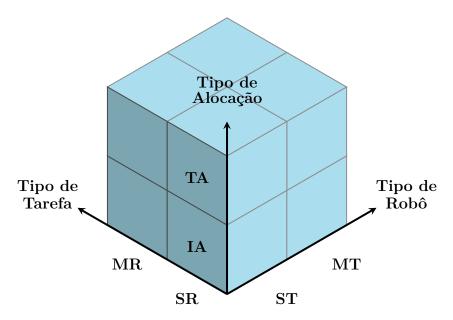


Figura 1 – Representação visual da taxonomia de três eixos sugerida por Gerkey e Matarić (2004).

É visto na Figura 1 uma representação gráfica da taxonomia de (GERKEY; MATARIĆ, 2004) para a classificação de problemas MRTA (*Multi-Robot Task Allocation*), onde pode-se notar que existem oito classes de problemas MRTA bem definidos.

dar exemplo

Uma nova taxonomia foi sugerida por ...

definir o escopo de problemas considerados neste trabalho

## 4.3 Arquiteturas MRTA

#### 4.3.1 Arquiteturas baseadas em Comportamento

• **ALLIANCE**: (PARKER, 1998);

• **ALLIANCE**: (PARKER, 1996);

#### 4.3.2 Arquiteturas baseadas em Mercado

• Murdoch: (GERKEY; MATARIC, 2002);

• M+: (BOTELHO; ALAMI, 1999);

#### 4.4 ALLIANCE

Esta é uma arquitetura totalmente distribuída, tolerante à falhas, que visa atingir controle cooperativo e atender os requisitos de uma missão à ser desempenhada por um grupo de robôs heterogêneos (PARKER, 1998). Cada robô é modelado usando uma aproximação baseada em comportamentos. A partir do estado do ambiente e dos outros robôs cooperadores, uma configuração de comportamento é selecionada conforme sua respectiva função de realização de tarefa na camada de alto nível de abstração. Cada configuração de comportamento permite controlar os atuadores do robô em questão de um modo diferente.

Sejam  $R = \{r_1, r_2, \dots, r_n\}$ , o conjunto de n robôs heterogêneos, e  $A = \{a_1, a_2, \dots, a_m\}$ , o conjunto de m sub-tarefas independentes que compõem uma dada missão. Na arquitetura ALLIANCE, cada robô  $r_i$  possui um conjunto de p configurações de comportamento, dado por  $C_i = \{c_{i1}, c_{i2}, \dots, c_{ip}\}$ . Cada configuração de comportamento fornece ao seu robô uma função de realização de tarefa em alto nível, conforme definido em (BROOKS, 1986). Por fim, é possível saber qual tarefa em A é executada por  $r_i$  quando sua configuração de ativação  $c_{ik}$  é ativa. Tal informação é obtida através da função  $h_i(c_{ik})$ , a qual pertence ao conjunto de n funções  $H: C_i \to A$ ,  $H = \{h_1(c_{1k}), h_2(c_{2k}), \dots, h_n(c_{nk})\}$ .

A ativação de uma dada configuração de comportamento  $c_{ij}$  do robô  $r_i$  para a execução da tarefa  $h_i(c_{ij})$  em um dado instante, é dada pelo cálculo de motivação do seu comportamento motivacional. Por sua vez, cada comportamento motivacional possui um conjunto de módulos que têm a responsabilidade de monitorar alguma informação relevante sobre o sistema. A seguir, será detalhado o papel de cada uma desses módulos e suas contribuições para o cálculo de motivação.

A primeira função, definida pela Equação 4.1, tem como responsabilidade identificar quando a configuração de comportamento  $c_{ij}$  é aplicável. Esta função lógica é implementada no módulo de feedback sensorial, o qual observa constantemente as condições do ambiente por meio de sensores e, então, verifica se o sistema é favorecido se  $c_{ij}$ 

estiver ativada.

$$aplic\'{a}vel_{ij}(t) = \begin{cases} 1, & \text{se o m\'odulo de } \textit{feedback} \text{ sensorial da configura\'eão de comportamento } c_{ij} \text{ do rob\'o} r_i \text{ indicar que esta configura\'eão \'e aplic\'avel mediante ao estado atual do ambiente no instante } t; \\ 0, & \text{caso contr\'erio.} \end{cases}$$

A Equação 4.2 mostra uma das funções lógicas que também compõe o cálculo para ativação de  $c_{ij}$ . Seu papel, neste cálculo, é garantir que o robô  $r_i$  só tenha uma configuração de comportamento ativa por vez. Essa função é implementada pelo módulo de supressão, o qual observa a ativação das demais configurações de comportamento de  $r_i$ .

$$inibida_{ij}(t) = \begin{cases} 1, & \text{se outra configuração de comportamento } c_{ik} \\ & (\text{com } k \neq j) \text{ está ativa no robô } r_i \text{ no instante} \\ & t; \\ 0, & \text{caso contrário.} \end{cases}$$
(4.2)

Cada configuração de comportamento  $c_{ij}$  possui um módulo de comunicação que auxilia vários outros módulos de  $c_{ij}$  por meio do monitoramento da comunicação entre os robôs do sistema. Este módulo mantém o histórico das atividades dos demais robôs do sistema no que diz respeito à execução da tarefa  $h_i(c_{ij})$ . Deste modo, os demais módulos de  $c_{ij}$  podem consultar se os outros robôs estavam executando a tarefa  $h_i(c_{ij})$  em um dado intervalo de tempo  $[t_1;t_2]$ , conforme mostra a Equação 4.3. Existem dois parâmetros no ALLIANCE que influenciam diretamente no módulo de comunicação de cada comportamento motivacional. O primeiro parâmetro,  $\rho_i$ , define a frequência com que  $r_i$  atualiza suas configurações de comportamento e publica seu estado atual, no que diz respeito à arquitetura. O segundo parâmetro,  $\tau_i$ , indica a duração de tempo máxima que o robô  $r_i$  permite ficar sem receber mensagens do estado de qualquer outro robô do sistema. Quando esta duração é excedida para um dado robô  $r_k$ , o robô  $r_i$  passa considerar que  $r_k$  cessou sua atividade. A utilização deste parâmetro visa prever falhas de comunicação e de mal funcionamento.

$$recebida_{ij}(k, t_1, t_2) = \begin{cases} 1, & \text{se o robô } r_i \text{ recebeu mensagem do robô } r_k \\ & \text{referente à tarefa } h_i(c_{ij}) \text{ dentro do intervalo} \\ & \text{de tempo } [t_1; t_2], \text{ em que } t_1 < t_2; \\ 0, & \text{caso contrário.} \end{cases}$$

$$(4.3)$$

A próxima função tem a incumbência de reiniciar o cálculo para a ativação da configuração de comportamento  $c_{ij}$ . Essa função lógica é impulsionada apenas uma vez para cada robô que tenta executar a tarefa  $h_i(c_{ij})$ . Isto é, no instante em que acontece a primeira rampa de subida na Equação 4.3 para cada robô  $r_k$ , está função retorna um nível lógico alto. Essa condição evita que problemas de falhas persistentes não comprometam a completude da missão.

$$reiniciada_{ij}(t) = \exists x, (recebida_{ij}(x, t - dt, t) \land \neg recebida_{ij}(x, 0, t - dt))$$
 (4.4)

onde dt é o tempo decorrido desde a última verificação de comunicação.

A Equação 4.5 auxilia o módulo de aquiescência no cálculo de desistência para a desativação de  $c_{ij}$ . Baseando-se no histórico de ativação de  $c_{ij}$ , o módulo de comportamento motivacional disponibiliza essa função lógica que verifica se  $c_{ij}$  ficou mantida ativa por um dado período de tempo até o instante desejado.

$$ativa_{ij}(\Delta t, t) = \begin{cases} 1, & \text{se a configuração de comportamento } c_{ij} \text{ do} \\ & \text{robô } r_i \text{ estiver ativa por mais de } \Delta t \text{ unidades} \\ & \text{de tempo no instante } t; \\ 0, & \text{caso contrário.} \end{cases}$$

$$(4.5)$$

O módulo de aquiescência monitora o tempo decorrido após a ativação da configuração de comportamento  $c_{ij}$  do robô  $r_i$  com o auxílio da Equação 4.5. São duas as suas preocupações: (1) verificar se  $c_{ij}$  permaneceu ativa por mais tempo que o esperado e (2) verificar se o tempo decorrido após um outro robô  $r_k$  ter iniciado a execução da tarefa  $h_i(c_{ij})$ , enquanto  $c_{ij}$  estava ativa, tenha excedido o tempo configurado para  $r_i$  passar sua vez para esse outro robô. A Equação 4.6 define as condições em que  $r_i$  está aquiescente à desativação de  $c_{ij}$ .

$$aquiescente_{ij}(t) = (ativa_{ij}(\psi_{ij}(t), t) \wedge \exists x, recebida_{ij}(x, t - \tau_i, t))$$

$$\vee ativa_{ij}(\lambda_{ij}(t), t)$$

$$(4.6)$$

onde  $\psi_{ij}(t)$  é a duração de tempo que  $r_i$  deseja manter a configuração de comportamento  $c_{ij}$  ativa antes de dar preferência para outro robô executar a tarefa  $h_i(c_{ij})$ ; e  $\lambda_{ij}(t)$  é a duração de tempo que  $r_i$  deseja manter  $c_{ij}$  ativa antes de desistir para possivelmente tentar outra configuração de comportamento.

A impaciência de  $r_i$  para a ativação de  $c_{ij}$  cresce linearmente mediante a taxa de impaciência instantânea. Assim, o módulo de impaciência de  $c_{ij}$  é responsável por identificar falhas de execução da tarefa  $h_i(c_{ij})$  por outros robôs do sistema e quantificar a insatisfação de  $r_i$  concernente à essa tarefa, conforme visto na Equação 4.7. Para isso, três parâmetros são utilizados: (1)  $\phi_{ij}(k,t)$ , o qual estabelece o tempo máximo que  $r_i$  permite

a um outro robô  $r_k$  executar a tarefa  $h_i(c_{ij})$  antes dele próprio iniciar sua tentativa; (2)  $\delta_{slow_{ij}}(k,t)$ , que determina a taxa de impaciência do robô  $r_i$  com respeito à configuração de comportamento  $c_{ij}$  enquanto o robô  $r_k$  está executando a tarefa correspondente à  $c_{ij}$ ; e (3)  $\delta_{fast_{ij}}(t)$ , que determina a taxa de impaciência de  $r_i$  com relação à  $c_{ij}$  quando nenhum outro robô está executando a tarefa  $h_i(c_{ij})$ .

$$impaci\hat{e}ncia_{ij}(t) = \begin{cases} \min_{x} \delta_{slow_{ij}}(x,t), & \text{se } recebida_{ij}(x,t-\tau_{i},t) \land \neg recebida_{ij}(x,0,t-\tau_{i},t)) \\ \phi_{ij}(x,t); \\ \delta_{fast_{ij}}(t), & \text{caso contrário.} \end{cases}$$

$$(4.7)$$

Note que o método usado incrementa a motivação à uma taxa que permita que o robô mais lento  $r_k$  continue sua tentativa de execução de  $h(c_{ij})$ , desde que seja respeitada a duração máxima estipulada pelo parâmetro  $\phi_{ij}(k,t)$ .

A Equação 4.8 mostra a função de motivação, a qual combina todas as funções mencionadas anteriormente para a ativação da configuração de comportamento  $c_{ij}$ . Seu valor inicial é nulo e aumenta mediante a taxa de impaciência instantânea de  $r_i$  para ativar  $c_{ij}$  quando satisfeitas as seguintes condições: (1)  $c_{ij}$  seja aplicável, (2) mas não tenha sido inibida, (3) nem reiniciada; (4) e, ainda,  $r_i$  não seja aquiescente em desistir de manter  $c_{ij}$  ativa. Quando uma das condições citadas não é satisfeita, seu valor volta a ser nulo.

$$motiva_{\zeta}\tilde{a}o_{ij}(0) = 0$$

$$motiva_{\zeta}\tilde{a}o_{ij}(t) = (motiva_{\zeta}\tilde{a}o_{ij}(t - dt) + impaci\hat{e}ncia_{ij}(t))$$

$$\times aplic\acute{a}vel_{ij}(t) \times inibida_{ij}(t)$$

$$\times reiniciada_{ij}(t) \times aquiescente_{ij}(t).$$

$$(4.8)$$

Assim que a motivação de  $r_i$  para ativar  $c_{ij}$  ultrapassa o limite de ativação, essa configuração de comportamento é ativada, conforme a Equação 4.9:

$$ativa_{ij}(t) = motiva_{\tilde{c}ao_{ij}}(t) > \theta$$
 (4.9)

onde  $\theta$  é o limite de ativação.

Fazendo uma análise das equações acima, verifica-se que, enquanto sua motivação cresce, é possível estimar quanto tempo resta para que a configuração de comportamento  $c_{ij}$  se torne ativa.

$$\overline{\Delta t}_{ativa\varsigma\tilde{a}o_{ij}} = \frac{\theta - motiva\varsigma\tilde{a}o_{ij}(t)}{impaci\hat{e}ncia_{ij}(t)\rho_i}$$
(4.10)

onde  $\rho_i$  é a frequência aproximada, em [Hz], com que  $r_i$  atualiza as motivação das configurações de comportamento em  $C_i$  e, ainda, publica seu estado comportamental. Como a taxa de impaciência não é constante, a Equação 4.10 é apenas uma estimativa, dada em [s].

Em conformidade com o que foi exposto, pode-se observar que é possível normalizar todas as funções de motivação, de modo que a imagem de cada uma delas pertença ao intervalo  $[0;1] \subset \mathbb{R}_+$ . Para isso, é necessário: (1) parametrizar o módulo de impaciência de cada configuração de comportamento  $c_{ij}$ , de maneira que a imagem da sua função de taxa de impaciência instantânea pertença ao intervalo  $(0;1) \subset \mathbb{R}_+^*$ ; além disso, (2) atribuir o valor unitário ao limite de ativação; bem como, (3) saturar a função de motivação no limite de ativação. Como resultado, as Equações 4.9 e 4.10 podem ser rescritas como as Equações 4.11 e 4.12, respectivamente.

$$ativa_{ij}(t) = motiva \tilde{\varsigma ao}_{ij}(t) == 1$$
 (4.11)

$$\overline{\Delta t}_{ativa\varsigma\tilde{a}o_{ij}} = \frac{1 - motiva\varsigma\tilde{a}o_{ij}(t)}{impaci\hat{e}ncia_{ij}(t)\rho_i}$$
(4.12)

Parker (1996) desenvolveu também uma variação do ALLIANCE, chamada L-ALLIANCE, capaz de estimar alguns parâmetros do ALLIANCE durante a fase de aprendizado.

Classificar essa arquitetura segundo as taxonomias revisadas

Comentar sobre o motivo de ter falado sobre essa arquitetura com tanto detalhe

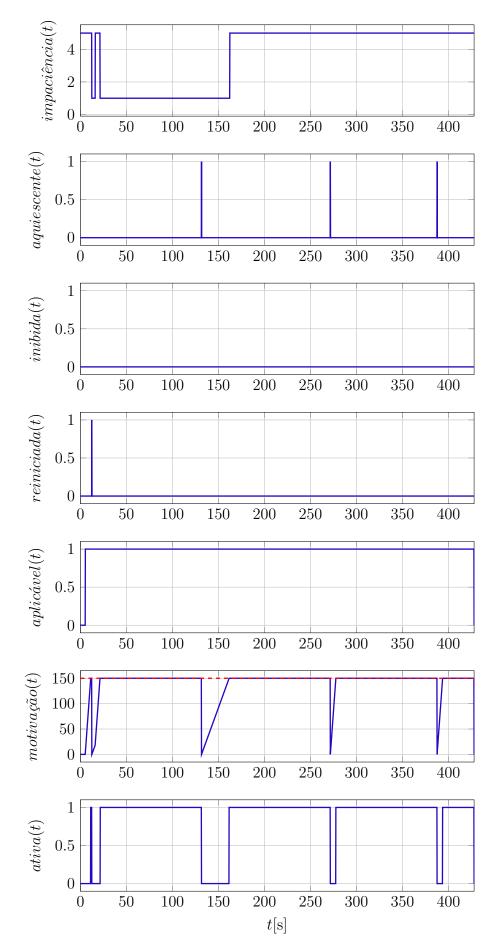


Figura 2 – Motivação da configuração de comportamento /robot1/wander.

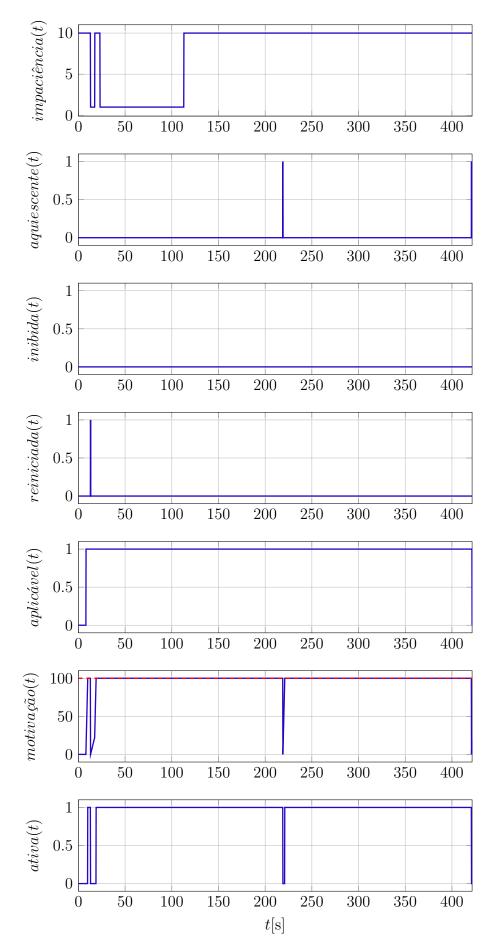


Figura 3 – Motivação da configuração de comportamento /robot2/wander.

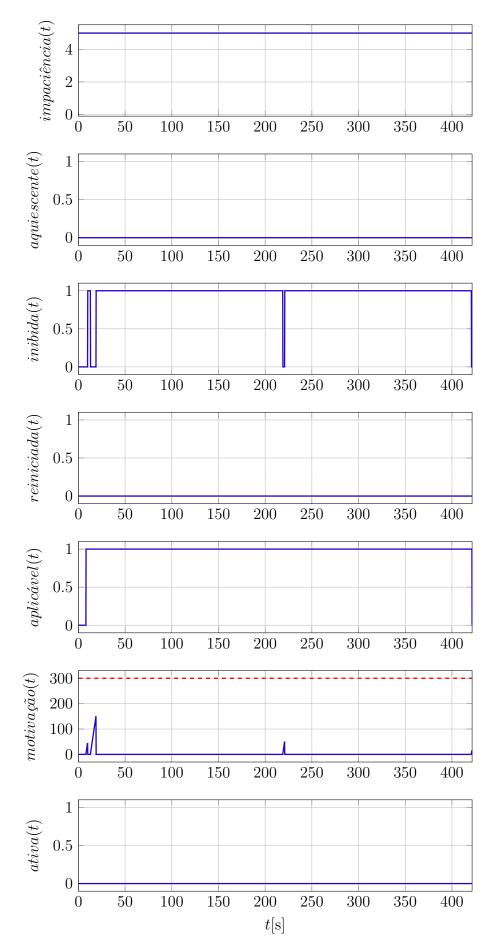


Figura 4 – Motivação da configuração de comportamento /robot2/border-protection.

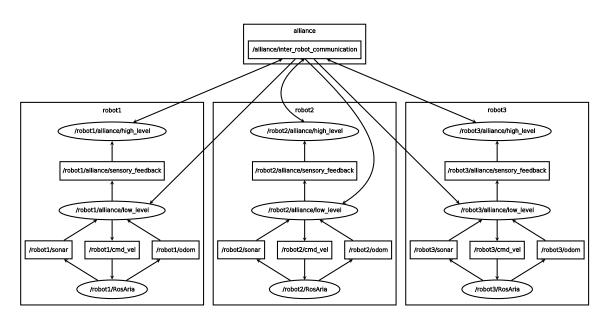


Figura 5 – Grafo do ALLIANCE no ROS para três robôs.

## 5 Recursos

Recursos são altamente utilizados, compartilhados, produzidos e consumidos em aplicações industriais e de robótica. Para que os robôs sejam capazes de executar uma dada tarefa, normalmente é requerido que eles possuam um conjunto de recursos, sendo especificado a quantidade necessária de cada um deles. Por exemplo, para que um robô móvel possa adquirir e processar uma imagem digital, como parte de uma dada tarefa, é preciso que esse possua uma câmera digital e, dependendo da taxa de processamento desejada, um processador dedicado especialmente para a renderização de gráficos em tempo real, isto é, uma GPU (Graphics Processing Unit).

Seja uma linha de montagem para a produção em série de uma determinado produto, composta por grupo de robôs heterogêneos e, também, por máquinas automáticas. Os processos são realizados pelas máquinas de forma sequencial. E os robôs são responsáveis por transportar matéria-prima e produto semi-acabado de um processo a outro. Além disso, eles devem abastecer os suprimentos das máquinas quando notificados. As máquinas possuem sinalizadores que identificam em qual estado elas se encontram: (1) aguardando, modo em que a máquina está ociosa, esperando um novo produto semi-acabado entrar para processar; (2) preparando, modo em que a máquina se configura para processar o produto semi-acabado recebido; (3) processando peça, modo em que a máquina está trabalhando o produto semi-acabado; (4) peça processada, produto já recebeu todo trabalho necessário nesta etapa; (5) danificada, ; (6) em manutenção, ; e (7) em abastecimento, .

falar sobre o conteúdo deste capítulo

#### 5.1 Tarefas

Uma tarefa a pode ser especificada pelos seus requerimentos de recurso, pelo seu tempo de início s(a), pelo seu tempo de término e(a), bem como, sua duração d(a). Em aplicações reais, o tempo de início, de término e a duração de uma tarefa são estimações apenas. Assim, s(a) e e(a) são especificados como variáveis estocásticas que possuem uma alta probabilidade de ocorrer dentro dos intervalos:  $s(a) \in [s_{min}(a); s_{max}(a)]$  e  $e(a) \in [e_{min}(a); e_{max}(a)]$ . Podemos ainda definir esses dois parâmetros como distribuições normais:

$$s(a) \sim \mathcal{N}(\mu_{s(a)}, \sigma_{s(a)}^2)$$
$$e(a) \sim \mathcal{N}(\mu_{e(a)}, \sigma_{e(a)}^2)$$

Neste caso, com uma probabilidade de 99,7%, teremos:

$$s_{min}(a) \approx \mu_{s(a)} - 3\sigma_{s(a)}$$

$$s_{max}(a) \approx \mu_{s(a)} + 3\sigma_{s(a)}$$

$$e_{min}(a) \approx \mu_{e(a)} - 3\sigma_{e(a)}$$

$$e_{max}(a) \approx \mu_{e(a)} + 3\sigma_{e(a)}$$

Tarefas podem ainda ser preemptivas ou não-preemptivas. Tarefas não-preemptivas devem ser executadas sem interrupções, de modo que, d(a) = e(a) - s(a). Entretanto, podem ocorrer interrupções durante a execução de tarefas preemptivas. Neste caso, os recursos utilizados por a são liberados para que outras tarefas possam usá-los. O cálculo da duração de tarefas preemptivas é dado por:

$$d(a) = \sum_{i=1}^{k} d_i \le e(a) - s(a)$$

em que  $d_i(a)$  é a duração de cada interrupção. Serão consideradas, no restante deste trabalho, apenas tarefas não-preemptivas.

Contudo, o foco deste capítulo e deste trabalho está nos requerimentos de recurso que as tarefas da missão fazem aos robôs do sistema. Conforme dito anteriormente, ao especificar uma tarefa é necessário informar quais são os recursos necessários para sua execução e completude. Assim, nos próximos parágrafos deste capítulo, serão definidos as classes e os tipos de recursos existentes.

Existem duas classes de recursos, basicamente: aqueles que podem ser usados novamente, os quais são denominados recursos reusáveis; e aqueles que são descartáveis, denominados recursos consumíveis (GHALLAB; NAU; TRAVERSO, 2004). Cada classe de recurso é caracterizada por um perfil. O perfil de um recurso r é uma função do tempo,  $z_r(t)$ , que define sua quantidade instantânea. A seguir, cada classe de recurso será definida, bem como, será detalhado o perfil de cada uma delas.

#### 5.2 Recursos Reusáveis

Um recurso reusável é "emprestado" por uma tarefa durante sua execução. E quando ela é interrompida ou finalizada, esse recurso é liberado sem alterações. Assim, um recurso reusável r tem uma capacidade total  $Q_r$  e uma quantidade corrente  $z_r(t) \in [0; Q_r]$ .

Seja uma tarefa a que requer durante a sua execução uma quantidade q do recurso r. Ao ser iniciada, no tempo s(a), a quantidade corrente de r é diminuída em um montante q. Entretanto, quando a é finalizada, no tempo e(a), a quantidade corrente de r é aumentada pelo mesmo montante, q. Portanto, um recurso reusável possui um perfil característico conforme mostra a Figura 6.

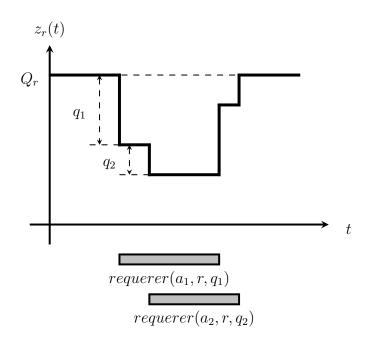


Figura 6 – Perfil característico de um recurso reusável.

Verifica-se, na Figura 6, que o recurso r possui inicialmente uma quantidade equivalente à sua capacidade total, isto é,  $z_r(0) = Q_r$ . Isso acontece pois nenhuma tarefa fez requisição do recurso r. Entretanto, quando a tarefa  $a_1$  é iniciada, a quantidade do recurso r, em  $s(a_1)$ , passa a ser  $z_r(s(a_1)) = Q_r - q_1$ . Em  $s(a_2)$ , a tarefa  $a_2$  é iniciada. Com isso, a quantidade de r passa a valer  $z_r(s(a_2)) = Q_r - q_1 - q_2$ , pois a tarefa  $a_1$  ainda está em execução, utilizando uma quantia  $q_1$  de r. Quando  $a_1$  é finalizada, no instante  $e(a_1)$ , essa deixa de utilizar o recurso r, o qual passa a ter uma quantidade  $z_r(e(a_1)) = Q_r - q_2$ . Finalmente, ao término de  $a_2$ , em  $e(a_2)$ , todas as requisições de r se encerram, fazendo com que sua quantidade volte ao valor de sua capacidade, de modo que,  $z_r(e(a_2)) = Q_r$ . É importante lembrar que, após cada variação de quantidade, a quantidade do recurso reusável r se mantém constante até que um novo evento ocorra, ou seja, até que uma nova requisição seja iniciada ou encerrada.

#### 5.3 Recursos Consumíveis

Um recurso consumível pode ser produzido ou consumido durante a execução de uma tarefa. Esta classe de recurso pode ser modelada como um reservatório de capacidade máxima limitada  $Q_r$  e nível (quantidade) corrente  $z_r(t) \in [0; Q_r]$ .

Seja, pois, uma tarefa a que produz uma quantidade q do recurso r durante a sua execução. Quando iniciada, em s(a), aumenta um montante q do seu nível  $z_r(t)$  ao longo do tempo. Essa produção é modelada por uma função dependente do tempo, crescente no intervalo temporal [s(a); e(a)].

Seja, agora, uma tarefa a que consome uma quantidade q do recurso r durante

a sua execução. Quando iniciada, no instante s(a), reduz um montante q do seu nível  $z_r(t)$  ao longo do tempo. Essa redução/consumo é modelada como uma função do tempo, decrescente no intervalo de tempo [s(a); e(a)]. Portanto, um recurso consumível possui um perfil característico conforme mostrado na Figura 7.

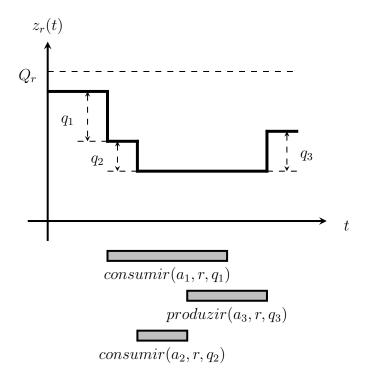


Figura 7 – Perfil característico de um recurso consumível.

A Figura 7 mostra que o recurso r possui inicialmente um valor menor que sua capacidade. Considerando  $z_r(0)=z_0$  com  $z_0\in(0;Q_r]$ , ao iniciar  $a_1$ , em  $s(a_1)$ , r começa a ser consumido por  $a_1$ , evoluindo como uma função degrau ao longo do tempo. Em  $s(a_2)$ , inicia-se o consumo de r pela tarefa  $a_2$ . A quantidade consumida por  $a_2$  também varia no tempo como uma função degrau. Quando em  $s(a_3)$ , inicia-se a tarefa  $a_3$  e, simultaneamente, se termina a execução da tarefa  $a_2$ . Neste instante, inicia-se a produção do recurso r, progredindo como uma função degrau ao final de  $a_3$ . Ao final da execução de cada tarefa, o efeito que cada uma tem sobre a quantidade do recurso consumível r é nulo. Note a diferença entre essa classe de recurso com a classe de recursos reusáveis. Ao lidar com recursos reusáveis, ao término de cada tarefa, é devolvida a quantidade utilizada durante sua execução. Enquanto, ao lidar com recursos consumíveis, não há devoluções para sua quantidade no instante em que a execução da tarefa termina.

São mostrados alguns modelos de funções temporais no Apêndice A. A seguir serão citados os tipos dos modelos sugeridos no Apêndice A para a função temporal de produção de um dado recurso consumível r: (1) a Figura 8a mostra um modelo do tipo degrau; (2) a Figura 10a mostra um modelo do tipo linear; e, enfim, (3) a Figura 11a mostra um modelo do tipo exponencial. Da mesma forma, serão agora citados os tipos dos modelos sugeridos no Apêndice A para a função temporal de consumo de um dado recurso consumível r:

(1) é mostrado na Figura 8b um modelo do tipo degrau; (2) na Figura 10b, é mostrado um modelo do tipo linear; e, por fim, (3) é mostrado na Figura 11b um modelo do tipo exponencial.

## 5.4 Tipos de Recurso

Recursos possuem um tipo, podendo ele ser: (1) contínuo, (2) discreto ou (3) unário.

Primeiramente, em recursos contínuos, a capacidade total do recurso é definida por um número pertencente ao conjunto dos números reais estritamente positivos, enquanto sua quantidade corrente é uma representação numérica que pertence ao conjunto dos números reais não-negativos. Assim temos,

$$z_r: t \in \mathbb{R}_+ \to z \in [0; Q_r] \subset \mathbb{R}_+ \mid Q_r \in \mathbb{R}_+^* \tag{5.1}$$

Exemplificando ... (dar exemplo(s) de recursos reusáveis contínuos e recursos consumíveis contínuos. Falar do tipo de funções tbm: step, pulse, linear e exponential)

Recursos discretos possuem capacidade total definida por um número inteiro estritamente positivo, isto é, um número natural, e quantidade corrente por um número inteiro não-negativo, obtendo:

$$z_r: t \in \mathbb{R}_+ \to z \in [0; Q_r] \subset \mathbb{Z}_+ \mid Q_r \in \mathbb{N}$$
 (5.2)

Exemplificando ... (dar exemplo(s) de recursos reusáveis discretos e recursos consumíveis discretos. Falar do tipo de funções tbm: step, pulse, linear e exponential)

E, finalmente, um recurso unário sempre possui capacidade total igual à 1 e sua quantidade corrente pode assumir os valores 0 ou 1. Com isso, podemos concluir que a quantidade corrente do recurso informa sua disponibilidade ao longo do tempo: quando 0, o recurso se encontra indisponível; e, quando 1, o recurso está disponível. Em outras palavras,

$$z_r: t \in \mathbb{R}_+ \to z \in \{0; 1\} \quad \text{e} \quad Q_r = 1$$
 (5.3)

Exemplificando ... (dar exemplo(s) de recursos reusáveis unários e recursos consumíveis unários. Falar do tipo de funções tbm: step, pulse, linear e exponential)

... (dar de uma aplicação com várias tarefas que utilizam recursos de classes e tipos variados.)



# APÊNDICE A - Funções Temporais

## A.1 Funções Degraus

A Figura 8 mostra duas funções degraus: ascendente 8a e descendente 8b.

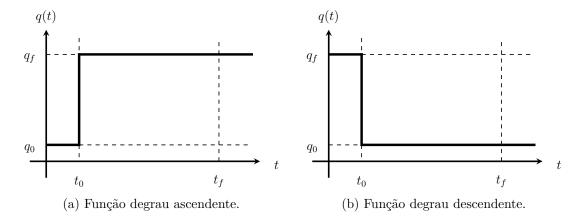


Figura 8 – Funções degraus.

$$q(t) = \begin{cases} q_0, & t \le t_0 \\ q_f, & t > t_0 \end{cases}$$
 (A.1)

$$q(t) = \begin{cases} q_f, & t \le t_0 \\ q_0, & t > t_0 \end{cases}$$
 (A.2)

## A.2 Funções Pulsos

A Figura 9 mostra duas funções pulsos: ascendente 9a e descendente 9b.

$$q(t) = \begin{cases} q_0, & t \le t_0 \\ q_f, & t > t_0 \end{cases}$$
 (A.3)

$$f(t) = \begin{cases} q_f, & t \le t_0 \\ q_0, & t > t_0 \end{cases}$$
 (A.4)

## A.3 Funções Lineares

A Figura 10 mostra duas funções lineares: ascendente 10a e descendente 10b.

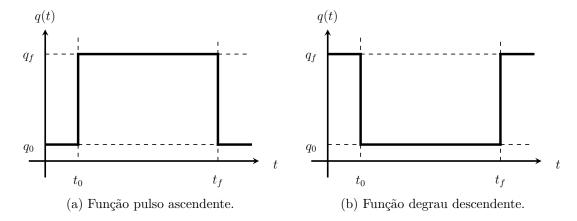


Figura 9 – Funções pulsos.

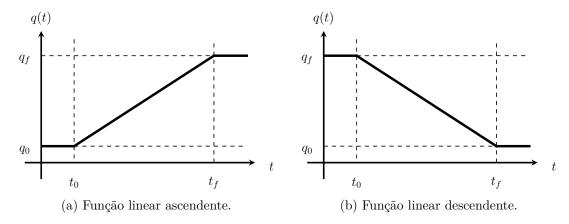


Figura 10 – Funções lineares.

$$q(t) = \begin{cases} q_0, & t \le t_0 \\ (q_f - q_0) \frac{t - t_0}{t_f - t_0} + q_0, & t_0 < t \le t_f \\ q_f, & t > t_f \end{cases}$$
(A.5)

$$q(t) = \begin{cases} q_f & t \le t_0 \\ (q_0 - q_f) \frac{t - t_0}{t_f - t_0} + q_f, & t_0 < t \le t_f \\ q_0 & t > t_f \end{cases}$$
(A.6)

## A.4 Função Exponenciais

A Figura 11 mostra duas funções exponenciais: ascendente 11a e descendente 11b.

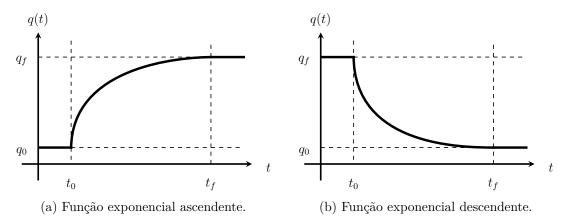


Figura 11 – Funções exponenciais.

$$q(t) = \begin{cases} q_0 & t \le t_0 \\ q_f - (q_f - q_0)e^{-K} \frac{t - t_0}{t_f - t_0}, & t_0 < t \le t_f \\ q_f & t > t_f \end{cases}$$

$$q(t) = \begin{cases} q_f & t \le t_0 \\ q_0 - (q_0 - q_f)e^{-K} \frac{t - t_0}{t_f - t_0}, & t_0 < t \le t_f \\ q_0 & t > t_f \end{cases}$$

$$(A.7)$$

$$q(t) = \begin{cases} q_f & t \le t_0 \\ q_0 - (q_0 - q_f)e^{-K} \frac{t - t_0}{t_f - t_0}, & t_0 < t \le t_f \\ q_0 & t > t_f \end{cases}$$
(A.8)



# ANEXO A - Artigo publicado

Sed mattis, erat sit amet gravida malesuada, elit augue egestas diam, tempus scelerisque nunc nisl vitae libero. Sed consequat feugiat massa. Nunc porta, eros in eleifend varius, erat leo rutrum dui, non convallis lectus orci ut nibh. Sed lorem massa, nonummy quis, egestas id, condimentum at, nisl. Maecenas at nibh. Aliquam et augue at nunc pellentesque ullamcorper. Duis nisl nibh, laoreet suscipit, convallis ut, rutrum id, enim. Phasellus odio. Nulla nulla elit, molestie non, scelerisque at, vestibulum eu, nulla. Ut odio nisl, facilisis id, mollis et, scelerisque nec, enim. Aenean sem leo, pellentesque sit amet, scelerisque sit amet, vehicula pellentesque, sapien.

## Referências

- BASTOS, G. S.; RIBEIRO, C. H. C.; SOUZA, L. E. de. Variable utility in multi-robot task allocation systems. In: IEEE. *Robotic Symposium*, 2008. LARS'08. IEEE Latin American. [S.l.], 2008. p. 179–183. 26
- BOTELHO, S. C.; ALAMI, R. M+: a scheme for multi-robot cooperation through negotiated task allocation and achievement. In: IEEE. *Robotics and Automation*, 1999. Proceedings. 1999 IEEE International Conference on. [S.l.], 1999. v. 2, p. 1234–1239. 27
- BROOKS, R. A robust layered control system for a mobile robot. *IEEE journal on robotics and automation*, IEEE, v. 2, n. 1, p. 14–23, 1986. 27
- GERKEY, B. P.; MATARIC, M. J. Sold!: Auction methods for multirobot coordination. *IEEE transactions on robotics and automation*, IEEE, v. 18, n. 5, p. 758–768, 2002. 27
- GERKEY, B. P.; MATARIĆ, M. J. A formal analysis and taxonomy of task allocation in multi-robot systems. *The International Journal of Robotics Research*, SAGE Publications, v. 23, n. 9, p. 939–954, 2004. 25, 26
- GHALLAB, M.; NAU, D.; TRAVERSO, P. Automated Planning: theory and practice. [S.l.]: Elsevier, 2004. 37
- MOHAMED, N.; AL-JAROODI, J.; JAWHAR, I. Middleware for robotics: A survey. In: IEEE. *Robotics, Automation and Mechatronics, 2008 IEEE Conference on.* [S.l.], 2008. p. 736–742. 16
- PARKER, L. E. L-alliance: Task-oriented multi-robot learning in behavior-based systems. *Advanced Robotics*, Taylor & Francis, v. 11, n. 4, p. 305–322, 1996. 26, 31
- PARKER, L. E. Alliance: An architecture for fault tolerant multirobot cooperation. *IEEE transactions on robotics and automation*, IEEE, v. 14, n. 2, p. 220–240, 1998. 26, 27
- QUIGLEY, M. et al. Ros: an open-source robot operating system. In: KOBE. *ICRA* workshop on open source software. [S.l.], 2009. v. 3, p. 5. 21
- RUSSELL, S.; NORVIG, P.; INTELLIGENCE, A. A modern approach. Artificial Intelligence. Prentice-Hall, Egnlewood Cliffs, Citeseer, v. 25, 1995. 18
- STONE, P.; VELOSO, M. Multiagent systems: A survey from a machine learning perspective. *Autonomous Robots*, v. 8, n. 3, p. 345–383, 2000. 20