## Probabilités I

## MINES ParisTech

22 septembre 2021 (#c1a798e)

Question 1 (réponse multiple) Soit $(\Omega, \mathcal{A}, \mathbb{P})$ un espace de probabilité Soient $A, B \in \mathcal{A}$ tels que $A \subset B$ . On a :
$\Box \ \ \mathrm{A} \colon \mathbb{P}(A) \leq \mathbb{P}(B)$ $\Box \ \ \mathrm{B} \colon \mathbb{P}(A^c) \geq \mathbb{P}(B^c)$
$\square$ C: Si $\mathbb{P}(A) > 0$ , alors $\mathbb{P}(B A) = \frac{\mathbb{P}(B)}{\mathbb{P}(A)}$
<b>Question 2</b> Soit $(\Omega, (A), \mathbb{P}) = (\mathbb{R}_+, \mathcal{B}(\mathbb{R}_+), \mathbb{P})$ où $\mathbb{P}$ est la loi exponentielle de paramètre $\theta$ . Soit la variable aléatoire
$X: \omega \in \Omega \mapsto \left\{ \begin{array}{ll} 0 & \mathrm{si} \ \omega \in [0,1], \\ 1 & \mathrm{si} \ \omega \in ]1, +\infty[ \end{array} \right.$
$\square A: \mathbb{P}(X = 0) = \frac{1}{2}$ $\square B: \mathbb{P}(X = 1) = e^{-\theta}$ $\square C: \mathbb{P}(X \in \{0, 1\}) = 1$
Question 3 (réponse multiple) Soit $X$ une variable aléatoire telle que $\mathbb{P}(X \in [0,1]) = 0$ . Alors
□ A: $X(\omega) = 0$ quand $\omega \in [0, 1]$ □ B: La fonction de répartition $F$ associée est nulle sur $[0, 1]$ □ C: Si $X$ est de densité $f$ , alors $f$ est nulle sur $[0, 1]$ .
<b>Question 4</b> Soit $X$ une variable aléatoire réelle suivant une loi normale de paramètres $\mu$ et $\sigma^2$ , quelle est la loi de $2X$ ?
$\Box \text{ A: } \mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ $\Box \text{ B: } \mathcal{N}(2\mu, (2\sigma)^2)$ $\Box \text{ C: } \mathcal{N}(\frac{1}{2}\mu, \sigma^2)$ $\Box \text{ D: } \mathcal{N}(\mu, (2\sigma)^2)$
<b>Question 5</b> Soit $U$ une variable aléatoire réelle de loi uniforme sur $[0,1]$ . $U^2$ admet-elle une densité?

□ A: Non □ B: Oui :  $\frac{1}{2\sqrt{x}}1_{[0,1]}(x)$ □ C: Oui :  $2x1_{[0,1]}(x)$