## Calcul Différentiel II

## MINES ParisTech

22 septembre 2021 (#c1a798e)

Question 1 (réponses multiples)	Cochez la case s'il est possibe d'expliciter
une dépendance fonctionnelle de la formation d	me $x = \psi(\lambda)$ par le théorème des fonctions
implicites quand:	

- $\square$  A:  $x\lambda^2 + x^2\lambda 1 = 0$  au voisinage de  $(x, \lambda) = (1, 1)$ ,
- $\square$  B:  $\sin(\lambda x_1) + \sin(\lambda x_2) = 0$  au voisinage de  $(x_1, x_2, \lambda) = (0, 0, 0)$ ,
- $\square$  C:  $\lambda x_1^2 + x_2 = x_1 + \lambda x_2^2 = 2$  au voisinage de  $(x_1, x_2, \lambda) = (1, 1, 1)$ .

Question 2 La méthode de Newton appliquée à la recherche d'une solution de

$$x^2 - 1 = 0, \ x \in \mathbb{R}$$

produit une suite de valeurs réelles  $x_k$  définies par la récurrence

- $\Box$  A:  $x_{k+1} = x_k^2 1$ ,
- □ B:  $x_{k+1} = 1/x_k$ , □ C:  $x_{k+1} = 0.5(x_k + 1/x_k)$ .

**Question 3** Une fonction  $f: \mathbb{R}^2 \mapsto \mathbb{R}^2$  continûment différentiable et dont la matrice jacobienne est inversible en tout point est un  $C^1$ -difféomorphisme de  $\mathbb{R}^2$ sur son image  $f(\mathbb{R}^2)$ .

- ☐ A: vrai,
- $\square$  B: faux.

Question 4 (réponses multiples) Le symbole  $\varepsilon$  désigne l'epsilon machine des doubles. Le nombre d'or  $x=(1+\sqrt{5})/2\approx 1.618$  peut être représenté par un double x avec une erreur |x - x|:

- $\square$  A: de l'ordre de 1.618  $\times \varepsilon$ ,
- $\square$  B: de l'ordre de  $\varepsilon$ ,
- $\square$  C: de l'ordre de  $\varepsilon/2$ .
- $\square$  D: nulle.

Question 5 Quand le double positif x diminue, l'erreur entre
y = ((1.0 + x) - 1.0) / x
et la valeur attendue 1.0
<ul> <li>□ A: augmente (de façon monotone),</li> <li>□ B: augmente (en tendance générale),</li> <li>□ C: diminue (en tendance générale).</li> </ul>
$ {\bf Question} \ {\bf 6}  {\bf Appliqu\'ee} \ {\bf \grave{a}} \ {\bf une} \ {\bf fonction} \ {\bf d'une} \ {\bf variable}, \ {\bf la} \ {\bf m\'ethode} \ {\bf de} \ {\bf diff\'erentiation} \ {\bf automatique}: $
<ul> <li>□ A: produit une fonction dérivée exacte,</li> <li>□ B: produit une fonction dérivée correctement arrondie,</li> <li>□ C: produit une fonction dérivée sans erreur de troncature.</li> </ul>