Filière MP - ENS de Paris-Saclay, Lyon, Rennes et Paris - Session 2022 Page de garde du rapport de TIPE

			:		,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	
NOM: DUBO 5			Prénoms: Adum	, Sébastien ,	Pierre	
Classe: MP3						
Lycée: Faidherbe			Numéro de candidat : 51 771			
ville: Lille						
Concours aux	quels vous êtes admissible, da	ıns la banque MP int	er-ENS (les indiquer p	ar une croix) :		
ENS Cachan	MP - Option MP		MP	MP - Option MPI		
	Informatique				大事 (
ENS Lyon	MP - Option MP] MP	MP - Option MPI		
	Informatique - Option M	X	Info	natique - Option P		
	MP - Option MP		MP	- Option MPI		
ENS Rennes	Informatique	X				
				Ontine MDI		
ENS Paris	MP - Option MP Informatique		IMP	- Option MPI		
	Intomatique			***************************************		
Informatique		Mathématiques		Physic		
Titre du TIPE : LOMPACAIS C	: Application de mêthec on de structures d	de protéines	re av isomoi pini	smes de grapme		
Nombre de pa	ges (à indiquer dans les cases	s ci-dessous) :				
Texte	4,5	Illustration	2,5	Bibliogra	phie /	
	illustrations doivent figurer da					
Résumé ou de L'objectif et position des prêd et avisi r La conna	escriptif succinct du TIPE (6 lig est de comparer les ans oldens l'espace. Littors Mormatiques emplacer les méthodes ex assimce de ces struc	nes, maximum): structures de Un aihil de de la structur périmuntules lon tures permet	proteines birsi comparaison per e à partir d'e ques et coûtres pau exemple, de	qu'elles ont forme met de mesurer me séquence elle uses. L'concevoir des m	Leur liaisons la précision acides ammés, adicuments.	
<u> </u>					- B44-LBaaa	
A Lille		Signature du professeur responsable de Cachet de l'établissement la classe préparatoire dans la discipline				
Le 16/0	6/2022	ia Gasse piepa	rationio danto la discipini	₩ # hade a hade		

Signature du (de la) candidat(e)

Lycée FAIDHERBE

9, rue Armand Carrel B.P. 767 - 59034 LILLE Cedex

Tél.: 03.20.60.5000 Fax: 03.20.60.5005

La signature du professeur responsable et le tampon de l'établissement ne sont pas indispensables pour les candidats libres (hors CPGE).

Application de méthodes de recherche d'isomorphismes de graphes à la comparaison des structures de protéines

Adrien Dubois - N° Candidat : 51771 $16~\mathrm{juin}~2022$

Table des matières

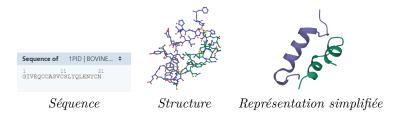
1.1 Contexte, objectif 1.2 Format PDB [3] 2 Comparaison de branches (pas de ramifications) 2.1 Branche 2.2 Coefficient de comparaison 2.3 Valeur du coefficient sur des exemples 3 Isomorphisme de protéines 3.1 Isomorphisme de graphes 3.2 Force brute 3.3 Tri des sommets par invariants 4 Isomorphisme canonique de McKay [2] 4.1 Tri équitable [1] 4.2 Arbre de recherche [1] 4.3 Isomorphisme canonique [1] 5 Plus grand sous-graphe isomorphe commun 5.1 Choix de la méthode utilisée pour le test d'ismorphisme sur deux sous-graphes 5.2 Itération sur les sous-graphes 5.3 Cas d'égalité 6 Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures 7 Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison	1	Contexte, données à traiter et objectif	2			
1.2 Format PDB [3] . 2 Comparaison de branches (pas de ramifications) 2.1 Branche		1.1 Contexte, objectif	2			
2.1 Branche 2.2 Coefficient de comparaison 2.3 Valeur du coefficient sur des exemples 3 Isomorphisme de protéines 3.1 Isomorphisme de graphes 3.2 Force brute 3.3 Tri des sommets par invariants 4 Isomorphisme canonique de McKay [2] 4.1 Tri équitable [1] 4.2 Arbre de recherche [1] 4.3 Isomorphisme canonique [1] 5 Plus grand sous-graphe isomorphe commun 5.1 Choix de la méthode utilisée pour le test d'ismorphisme sur deux sous-graphes 5.2 Itération sur les sous-graphes 5.3 Cas d'égalité 6 Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures 7 Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison		1.2 Format PDB [3]	2			
2.1 Branche 2.2 Coefficient de comparaison 2.3 Valeur du coefficient sur des exemples 3 Isomorphisme de protéines 3.1 Isomorphisme de graphes 3.2 Force brute 3.3 Tri des sommets par invariants 4 Isomorphisme canonique de McKay [2] 4.1 Tri équitable [1] 4.2 Arbre de recherche [1] 4.3 Isomorphisme canonique [1] 5 Plus grand sous-graphe isomorphe commun 5.1 Choix de la méthode utilisée pour le test d'ismorphisme sur deux sous-graphes 5.2 Itération sur les sous-graphes 5.3 Cas d'égalité 6 Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures 7 Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison	2	Comparaison de branches (pas de ramifications)	3			
2.2 Coefficient de comparaison 2.3 Valeur du coefficient sur des exemples 3 Isomorphisme de protéines 3.1 Isomorphisme de graphes 3.2 Force brute 3.3 Tri des sommets par invariants 4 Isomorphisme canonique de McKay [2] 4.1 Tri équitable [1] 4.2 Arbre de recherche [1] 4.3 Isomorphisme canonique [1] 5 Plus grand sous-graphe isomorphe commun 5.1 Choix de la méthode utilisée pour le test d'ismorphisme sur deux sous-graphes 5.2 Itération sur les sous-graphes 5.3 Cas d'égalité 6 Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures 7 Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison			3			
2.3 Valeur du coefficient sur des exemples 3.1 Isomorphisme de graphes 3.2 Force brute 3.3 Tri des sommets par invariants 4 Isomorphisme canonique de McKay [2] 4.1 Tri équitable [1] . 4.2 Arbre de recherche [1] 4.3 Isomorphisme canonique [1] 5 Plus grand sous-graphe isomorphe commun 5.1 Choix de la méthode utilisée pour le test d'ismorphisme sur deux sous-graphes 5.2 Itération sur les sous-graphes 5.3 Cas d'égalité 6 Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures 7 Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison						
3 Isomorphisme de protéines 3.1 Isomorphisme de graphes 3.2 Force brute 3.3 Tri des sommets par invariants 4 Isomorphisme canonique de McKay [2] 4.1 Tri équitable [1] 4.2 Arbre de recherche [1] 4.3 Isomorphisme canonique [1] 5 Plus grand sous-graphe isomorphe commun 5.1 Choix de la méthode utilisée pour le test d'ismorphisme sur deux sous-graphes 5.2 Itération sur les sous-graphes 5.3 Cas d'égalité 6 Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures 7 Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison						
3.1 Isomorphisme de graphes 3.2 Force brute 3.3 Tri des sommets par invariants 4 Isomorphisme canonique de McKay [2] 4.1 Tri équitable [1]		2.5 Valeur du coemicient sur des exemples	J			
3.2 Force brute	3	Isomorphisme de protéines	3			
3.3 Tri des sommets par invariants 4 Isomorphisme canonique de McKay [2] 4.1 Tri équitable [1]		3.1 Isomorphisme de graphes	3			
3.3 Tri des sommets par invariants 4 Isomorphisme canonique de McKay [2] 4.1 Tri équitable [1]						
4 Isomorphisme canonique de McKay [2] 4.1 Tri équitable [1]						
4.1 Tri équitable [1]		Til des sommetts par invariantes	•			
4.2 Arbre de recherche [1] 4.3 Isomorphisme canonique [1] 5 Plus grand sous-graphe isomorphe commun 5.1 Choix de la méthode utilisée pour le test d'ismorphisme sur deux sous-graphes 5.2 Itération sur les sous-graphes 5.3 Cas d'égalité 6 Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures 7 Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison	4 I	somorphisme canonique de McKay [2]				
4.2 Arbre de recherche [1] 4.3 Isomorphisme canonique [1] 5 Plus grand sous-graphe isomorphe commun 5.1 Choix de la méthode utilisée pour le test d'ismorphisme sur deux sous-graphes 5.2 Itération sur les sous-graphes 5.3 Cas d'égalité 6 Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures 7 Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison		4.1 Tri équitable [1]	4			
4.3 Isomorphisme canonique [1]						
5 Plus grand sous-graphe isomorphe commun 5.1 Choix de la méthode utilisée pour le test d'ismorphisme sur deux sous-graphes 5.2 Itération sur les sous-graphes 5.3 Cas d'égalité 6 Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures 7 Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison						
5.1 Choix de la méthode utilisée pour le test d'ismorphisme sur deux sous-graphes 5.2 Itération sur les sous-graphes 5.3 Cas d'égalité Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison		is isomorphisms comonique [2]				
5.1 Choix de la méthode utilisée pour le test d'ismorphisme sur deux sous-graphes 5.2 Itération sur les sous-graphes 5.3 Cas d'égalité Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison	5	Plus grand sous-graphe isomorphe commun	6			
5.2 Itération sur les sous-graphes 5.3 Cas d'égalité Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison			6			
5.3 Cas d'égalité 6 Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures 7 Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison						
6 Comparaison des positions de structures isomorphes 6.1 Application du coefficient des branches sur les structures						
6.1 Application du coefficient des branches sur les structures		5.5 Cas d egante	'			
7 Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison	6	Comparaison des positions de structures isomorphes	7			
7 Comparaison de protéines 7.1 Coefficient de comparaison		6.1 Application du coefficient des branches sur les structures	7			
7.1 Coefficient de comparaison						
7.1 Coefficient de comparaison	7		7			
		7.1 Coefficient de comparaison	7			
7.2 Exemples de coefficients de comparaison de proteines		7.2 Exemples de coefficients de comparaison de protéines	7			

1 Contexte, données à traiter et objectif

1.1 Contexte, objectif

La compétition Casp est un concours de prédiction informatique de structures de protéines à partir de séquences d'acides aminés. Les modèles proposés sont déjà connus, il faut alors comparer les structures informatiques et expérimentales. Un moyen de comparaison permettrait d'affiner la précision des prédictions et ainsi remplacer les méthodes de détermination experimentales longues et coûteuses par des méthodes informatiques.

Finalement, la structure d'une protéine permet une meilleure compréhension de la protéine ; par exemple est nécessaire pour la fabrication de médicaments.



source: Protein Data Bank, https://www.rcsb.org/3d-view/1B0Q[3]

Objectif : proposer une méthode de comparaison de structures

1.2 Format PDB [3]

Voci un fichier PDB:

```
ATOM 171 HG13 VAL A 10 -7.189 -6.908 -5.228 1.00 0.00 H
HETATM 172 N NH2 A 11 -3.913 -3.201 -4.868 1.00 0.00 N
HETATM 173 HN1 NH2 A 11 -3.068 -3.568 -5.283 1.00 0.00 H
HETATM 174 HN2 NH2 A 11 -3.878 -2.361 -4.308 1.00 0.00 H
TER 175 NH2 A 11
HETATM 176 RE RE A 182 2.230 -1.164 0.585 1.00 0.00 RE
CONECT 1 2 3 7
CONECT 2 1
CONECT 3 1 4 5 6
```

Fig. 1: Lignes d'un fichier PDB

A partir de ce fichier on extrait :

- les atomes
- le type (carbone, hydrogène, etc)
- la position dans l'espace des atomes
- les liaisons (attention, à cause de considérations biologiques non prises en compte peu de liaisons sont lues)

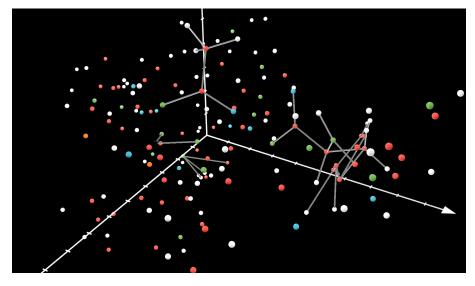


Fig. 2 : Affichage du PDB à l'aide de la bilbiothèque python manim

2 Comparaison de branches (pas de ramifications)

2.1 Branche

Une branche $B_1 = [M_1, \dots, M_n]$ est une suite de points ordonnés dont les liaisons sont de proche en proche (liaison de M_1 à M_2 , M_2 à M_3 , etc)

2.2 Coefficient de comparaison

L'idée est d'associer à deux branches données de même taille un coefficient de proximité $R \in [0,1]$, deux paramètres sont considérés :

- l'écart moyen des longueurs des liaisons
- les angles que forment deux liaisons situées au même niveau des branches

Soit
$$B_1 = [M_1, \cdots, M_n]$$
 et $B_2 = [N_1, \cdots, N_n]$ des branches. On pose $\forall i \in \llbracket 1, n-1 \rrbracket$:
$$l_i = M_i M_{i+1}, \ l_i' = N_i N_{i+1}, \ d_i = \max(l_i, l_i'), \ \text{et } \theta_i = \operatorname{angle}(\overrightarrow{M_i M_{i+1}}, \overrightarrow{N_i N_{i+1}})$$

$$C_{dist} = \frac{\displaystyle\sum_{i=0}^{n-1} |\sin(\frac{\theta_i}{2})| d_i}{\displaystyle\sum_{i=0}^{n-1} d_i} \qquad C_{angle} = \frac{\displaystyle\sum_{i=0}^{n-1} |l_i' - l_i|}{\displaystyle\sum_{i=0}^{n-1} d_i}$$

$$R_{dist} = \frac{1}{1 + C_{dist}} \qquad R_{angle} = \frac{1}{1 + C_{angle}}$$

Finalement, on définit :

$$R = \frac{R_{dist} + R_{angle}}{2}$$

2.3 Valeur du coefficient sur des exemples

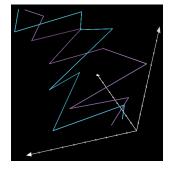


Fig. 3: Branche A

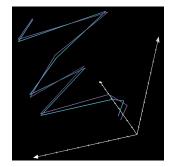


Fig. 4: Branche B

$$R_{dist} = 0.59 \quad R_{angle} = 0.68$$

$$\boxed{R = 0.64}$$

$$R_{dist} = 0.94 \quad R_{angle} = 0.97$$

$$\boxed{R = 0.95}$$

3 Isomorphisme de protéines

3.1 Isomorphisme de graphes

$$\underline{\text{D\'efiniton}} : \text{Soit } A_g = \{g_1, \cdots, g_n\} \text{ et } A_h = \{h_1, \cdots, h_n\} \text{ des ensembles} \\
\text{Soit } G = A_g \times S_g \text{ et } H = A_h \times S_h \text{ deux graphes où } S_g, S_h \subseteq [n] \times [n] \\
\text{(ainsi, l'arête } (g_i, g_j) \text{ est dans } G \iff (i, j) \in S_g \text{)} : \\
G \cong H \text{ si et seulement si } \exists \sigma \in \Sigma_n, S_g = S_h^{\sigma} \\
\text{où } S_h^{\sigma} := \{(\sigma(i), \sigma(j)), \ \exists (i, j) \in [1, n]^2, \ (i, j) \in S_h\} \\$$
(1)

3.2 Force brute

Itération sur n! permutations, on test si H permuté est le même graphe que G

3.3 Tri des sommets par invariants

On crée une partition de
$$\llbracket 1, n \rrbracket$$
 des sommets $(V_1 | \dots | V_t)$ pour G et $(W_1 | \dots | W_t)$ pour H tels que $\forall i \in \llbracket 1, t \rrbracket$, $V_i = (v_{i,1} \dots v_{i,|V_i|})$ et $W_i = (w_{i,1} \dots w_{i,|W_i|})$ alors :
$$G \cong H \iff \exists (\sigma_i)_{i \in \llbracket 1, t \rrbracket} \in \Sigma_{|V_1|} \times \dots \times \Sigma_{|V_t|}, \ G = H^{\sigma} \text{avec } \sigma : \begin{pmatrix} \forall j \leq |W_1|, \ w_{1,j} \longmapsto w_{1,\sigma_1(j)} \\ & \cdots \\ & \forall j \leq |W_t|, \ w_{t,j} \longmapsto w_{1,\sigma_t(j)} \end{pmatrix}$$
(2)

Exemple:

G et H sont des graphes à n sommets tous deux triés canoniquement :

- types des $t \in \mathbb{N}$ paquets du tri sont dans le **même ordre**
- on suppose les paquets de chacun des tris de **même taille** t_i , $i \in [1, t]$ **deux à deux** (sinon les graphes seraient trivialement non isomorphes)

4 Isomorphisme canonique de McKay [2]

Idée générale :

- tri équitable des sommets à partir d'un tri
 - \rightarrow informations avec la propagation du degré
 - \rightarrow tri optimal
- création d'un arbre de recherche de permutations
 - → on crée artificiellement de nouveaux tris équitables (fils de l'arbre) en isolant des sommets
 - \rightarrow les feuilles sont des tris ordonnés de parties à un sommet : ce sont des permutations
- définition d'un ordre total sur les graphes
 - → déterminer le plus grand pour cette relation parmi les graphes permutés avec les feuilles de l'arbre
 - \rightarrow on obtient alors l'isomorphisme canonique

4.1 Tri équitable [1]

Utilisation de la propagation du degré :

Tri des sommets des paquets par degré dans les autres paquets pour en faire un nouveau tri, jusqu'à ce qu'il n'y ait plus de simplification possible

Soit $\pi = (1 \mid 3 \mid 7 \mid 9 \mid 6 \mid 8 \mid 2 \mid 4 \mid 5)$ un tri des sommets du graphe G = $(V_1 \mid V_2 \mid V_3 \mid V_4 \mid V_5)$



Fig. 5: Graphe G avec $V_2 = (3 \ 7 \ 9)$ et $V_3 = (6 \ 8)$

Tri de
$$V_2$$
 par degré dans V_3 : deg $(3,V_3)$ =deg $(7,V_3)$ =1 et deg $(9,V_3)$ =2 donc V_2 = $(3\ 7\ |\ 9)$ et π' = $(1\ |\ 3\ 7\ |\ 9\ |\ 6\ 8\ |\ 2\ 4\ |\ 5)$ est plus fin

underlineTri équitable : la propagation de degré ne donne plus de nouveau tri

$$\forall (i,j) \in [\![1,n]\!]^2, \text{ tous les sommets de } V_i \text{ ont le même degré dans } V_j \\ \iff \forall (i,j) \in [\![1,n]\!]^2, \ \forall (v,w) \in V_i^2, \ deg(v,V_j) = deg(w,V_j)$$

Relation d'ordre partiel sur les partitions Soit $\pi_1 = (V_1 | \dots | V_t)$ et $\pi_2 = (W_1 | \dots | W_{t'})$ des partition de [1, n]

alors
$$\pi_1$$
 est plus fin que $\pi_2 \iff \begin{cases} \forall V \in \pi_1, \exists W \in \pi_2, \ V \subseteq W \\ \forall i \leq j, \ \forall W_k, W_l, \ (\ V_i \subseteq W_k \ \text{et} \ V_j \subseteq W_l \ \Rightarrow \ k \leq l \) \end{cases}$ (3)

Soit π un tri, on note:

$$R(\pi)$$
 le tri équitable ordonné le plus fin obtenu à partir de π (4)

4.2 Arbre de recherche [1]

On considère le tri suivant le degré $\pi=(1\ 3\ 7\ 9\ |\ 2\ 4\ 6\ 8\ |\ 5)$ dans le graphe G (défini ci-dessus).

Principe de l'arbre de recherche :

- racine de l'arbre : $R(\pi)$
- trouver les fils:
 - trouver la première partie V_i d'au moins 2 éléments de π
 - pour $v \in V,$ on crée $\mathbf{artificiellement}$ un nouveau tri équitable :
 - $\pi_v = \pi \perp v = R(\ (V_1|..|\ \{v\} \mid V_i \setminus \{v\} \mid ..)\)$
 - chacun des tris créés est un fils, on réitère jusqu'à obtenir des tris triviaux (paquets de taille 1)

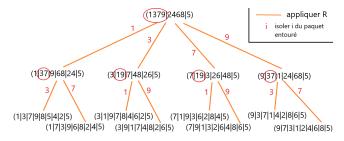


Fig. 6: Arbre T(G) de racine $\pi = (1\ 3\ 7\ 9\ |\ 2\ 4\ 6\ 8\ |\ 5)$

4.3 Isomorphisme canonique [1]

Ordre total \leq sur les graphes :

On pose la fonction $i: G \longmapsto i(G)$ telle que :

- i(G) est la séquence binaire $(\mathbb{1}_{(i,j)\in G})$ avec (i,j) dans l'ordre lexicographique
- $G \leq H$ si et seulement si $i(G) \leq i(H)$ en décimal

On pose alors l'ismorphisme canonique de McKay (pour le tri π) :

$$C_M(G) = \max_{\leq} \{ G^{\sigma}, \ \sigma \text{ noeud terminal de T(G) de racine } \pi \}$$
 (5)

alors:

$$G \cong H$$
 si et seulement si $C_M(G) = C_M(H)$ (6)

Exemple : pour $\pi = (1 \mid 3\ 7 \mid 9 \mid 6\ 8 \mid 2\ 4 \mid 5)$



Fig. 7: Graphe G



Fig. 8: Graphe $C_M(G)$

5 Plus grand sous-graphe isomorphe commun

5.1 Choix de la méthode utilisée pour le test d'ismorphisme sur deux sous-graphes

Dans le cas particulier des protéines, le tri équitable (tri le plus fin obtenu par propagation du degré) proposé par McKay est très efficace et produit des paquets de très petite taille. En combinant ce tri et le test d'isomorphisme sur les graphes à sommets triés, on obtient un algorithme très efficace, plus efficace que la méthode complète de McKay.

Exemple:

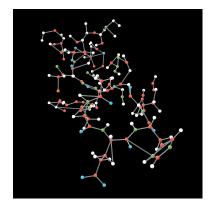


Fig. 9 : Protéine

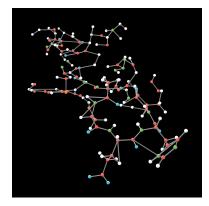


Fig. 10 : Même protéine mais déplacée et numérotation différente des sommets

Temps d'éxecution : pour cette protéine de 171 atomes

 $\begin{array}{c|c} \text{tri par degr\'e et atomes} & 0.002 \text{ s} \\ \text{propagation des degr\'es} & 7.4 \text{ s} \\ \text{test d'isomorphisme} & 0.3 \text{ s} \\ \text{temps total d'\'execution} & 7.8 \text{ s} \\ \end{array}$

5.2 Itération sur les sous-graphes

On cherche la sous-structure de taille maximale de $G_1 = A_1 \times S_1$ et $G_2 = A_2 \times S_2$:

- itération pour k allant de $\min(|S_1|, |S_2|)$ à 1 (sur le nombre d'arêtes du sous-graphe)
- pour un sous-graphe de k arêtes, on itère sur l'ensemble de parties de k arêtes de G_1 formant un graphe connexe
- pour un sous-graphe donné de G_1 de k arêtes, on itère sur l'ensemble de parties de k arêtes de G_2 formant un graphe connexe
- test d'isomorphsime sur les sous-graphes de k arêtes

Complexité en nombre de tests d'isomorphismes : exponentielle , en $O(4^{\min(|S_1|,|S_2|)})$ mais beaucoup de cas sont écartés rapidement, si les sous-graphes ne sont pas connexes ou les tris formés de tailles différentes

 $\overline{\text{NB}}$: on peut trouver plusieurs sous-graphes isomorphes de taille maximale Comment choisir parmi ces sous-structures isomorphes?

5.3 Cas d'égalité

L'idée est de comparer comment les structures sont formées dans l'espace.

6 Comparaison des positions de structures isomorphes

6.1 Application du coefficient des branches sur les structures

Il exite une bijection entre les arêtes des strutures comparées (on les suppose isomorphes). Il est alors possible d'utiliser le même coefficient de comparaison que pour les branches, après alignement, en ordonnant les arêtes des structures.

7 Comparaison de protéines

7.1 Coefficient de comparaison

L'idée est d'associer à deux protéines données un coefficient de comparaison $C \in [0, 100]$ selon deux paramètres :

- la taille des plus grandes sous-structures isomorphes : $C_{struct} = \frac{\text{taille sous-struct}}{\text{taille moyenne des 2 protéines}}$
- la proximité dans l'espace des deux plus grandes sous-structures isomorphes : C_{prox} est le coefficient de comparaison de branches mais appliqué sur les arêtes des sous-structures isomorphes

alors
$$C = \frac{C_{prox} + C_{struct}}{2}$$

7.2 Exemples de coefficients de comparaison de protéines

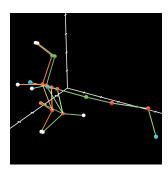


Fig. 11: Protéines plutôt éloignées

$$C_{prox} = 92.9$$
 $C_{struct} = 52$
$$\boxed{C = 72}$$

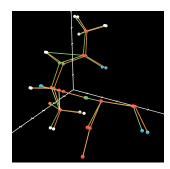


Fig. 12: Protéines plutôt proches

$$C_{prox} = 97.7$$
 $C_{struct} = 93$
$$\boxed{C = 95}$$

Références

- [1] Stephen G. Hartke and A. J. Radcliffe, McKay's Canonical Graph labeling algorithm, 2008
- [2] Brendan D. McKay, Pratical Graph Isomorphism, 1981
- $[3]\;$ Base de données PDB, https://www.rcsb.org/