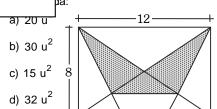
área de la región



13. En la figura se muestra un cuadrado, cuyo centro es el punto O. Si el lado de dicho cuadrado es 8. Hallar el área sombreada.

a) 12

e) 36 u²



c) 20

d) 18

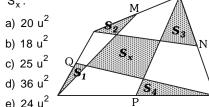
e) 24

14. Hallar el área de la región sombreada:

a)
$$\frac{9}{20}a^2$$

b)
$$\frac{9}{10}a^2$$

15. En la figura: $S_1 < S_2 < S_3 < S_4 \times 20 \text{ u}^2$ Si M, N, P v Q son puntos medios. Hallar S_v.



16. En la figura, calcule el perímetro de la región sombreada, si el lado del hexágono

regular mide 2 cm.



c) 4f

d) 5f

e) 8f

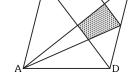
17. Calcule el área de la región sombreada, si el área de de la región limitada por el paralelogramo es 48 u².

b) 5 u²



d) 2 u²





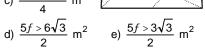
18. Calcule el área de la región sombreada, si el lado del cuadrado mide 2√3 m.

a)
$$\frac{5f < 6\sqrt{3}}{2} \text{ m}^2$$

b)
$$\frac{4f > 6\sqrt{3}}{2} \text{ m}^2$$

c) $\frac{5f > 6\sqrt{3}}{4}$ m²

d)
$$\frac{5f > 6\sqrt{3}}{2}$$
 m²



19. Calcular el área de la región sombreada, si BC N16.

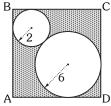
a)
$$4(72 > 13f) \text{ m}^2$$

b) $4(72 < 13f) \text{ m}^2$



d) $4(40 > 13f) \text{ m}^2$





www.unicusco.org

R.D.: 0044

Separata

Razonamiento Matemático

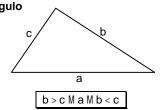


Tema: Razonamiento Geométrico

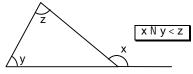
Situaciones Geométricas

ALGUNOS TÓPICOS IMPORTANTES

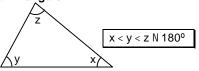
1. Propiedad de la existencia de un triángulo



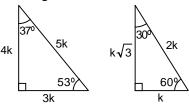
2. Propiedad del ángulo externo

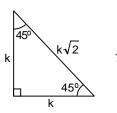


3. Suma de los ángulos interiores de un triángulo



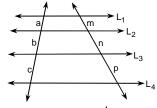
4. Triángulos Notables:







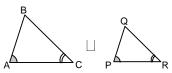
5. Teorema de Thales



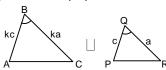
 $L_1//L_2//L_3//L_4 \varnothing \frac{a}{m} N \frac{b}{n} N \frac{c}{p}$

6. Semejanza de Triángulos

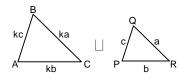
Caso: Si tienen dos ángulos respectivamente congruentes.



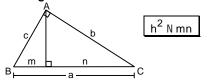
2^{do} Caso: Si tienen un par de ángulos congruentes y los lados que lo forman respectivamente proporcionales.

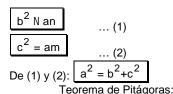


3er Caso: Si tienen sus tres lados respectivamente proporcionales.



Relaciones Métricas en Triángulos Rectángulos



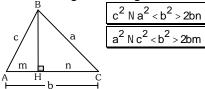


Además:

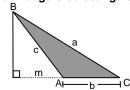
$$\frac{1}{h^2} = \frac{1}{c^2} < \frac{1}{b^2}$$

TEOREMAS DE EUCLIDES:

I. En el triángulo acutángulo

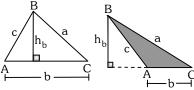


II. En el triángulo obtusángulo



 $a^2 N c^2 < b^2 < 2bm$

Teoremas de Heron

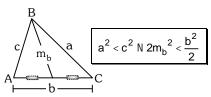


Si: $p \ N \frac{a < b < c}{2}$, se cumple:

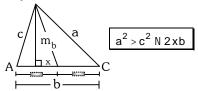
Area N
$$\sqrt{p(p>a)(p>b)(p>c)}$$

$$h_b N \frac{2}{b} \sqrt{p(p > a)(p > b)(p > c)}$$

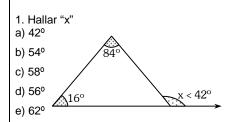
Teorema de la mediana



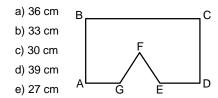
Proyección de la mediana



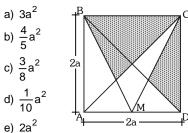
PROBLEMAS PROPUESTOS



- a) 2(x + y)
- b) x y
- c) 2xy
- d) 2x + y
- e) x + y
- 5. EFG, es un triángulo equilátero. AD N 3EG, AB N 2EG. Cuánto mide el perímetro ABCDEFG, Si EG mide 3 cm.



- 6. Hallar el perímetro de la siguiente figura:
- a) a + 2b c
- b) 2(a + 2b 2c)
- c) 2(a + 2b c)
- d) 2a + b c
- e) a + 2b + 2cF C →
- 7. Determinar el perímetro de un triángulo rectángulo cuyos catetos miden 56 m y 42 m?
- a) 144 m d) 96 m
- b) 120 m e) 132 m
 - c) 168 m
- 8. En la figura M es punto medio de AD. Hallar el área sombreada:

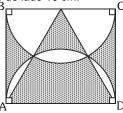


9. En la figura M y N son puntos medios de AD y BC respectivamente. Hallar el área sombreada:



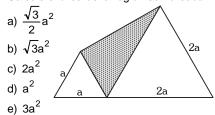
- b) $\frac{1}{5}a^{2}$

- e) 3a²
- 10. En el gráfico: TC es tangente a la semicircunferencia. Hallar sombreada.
- a) 4a²
- b) 5a²
- c) 6a²
- d) 3a²
- e) 2a²
- 11. Calcular el perímetro de la región sombreada; si AMD es un triángulo equilátero de lado 10 cm.

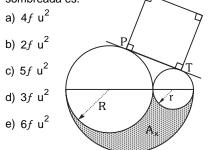


- a) $10(3 < f > \sqrt{3})$ b) $10(3 > f < \sqrt{3})$
- c) $8(3 < f < \sqrt{3})$ d) $12(3 < f < \sqrt{3})$
- e) $5(3 < f < \sqrt{3})$

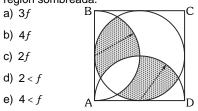
27. Se sabe que ABC y CDE son 2 triángulos equiláteros de lados a y 2a. Calcule el área de la región sombreada.



28. En la figura mostrada, el área de la región cuadrada es numéricamente igual a su perímetro; P y T son puntos de tangencia, entonces el área de la región sombreada es:



29. En el siguiente cuadrado ABCD cuyo lado mide 4 cm, determine el área de la región sombreada.



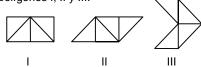
30. Si la altura de un triángulo equilátero es $4\sqrt{3}$, su perímetro es:

a) $18\sqrt{3}$ c) $24\sqrt{3}$ b) 24 d) $12\sqrt{3}$ e) $12\sqrt{2}$

Tarea para tu Domicilio

AUTOEVALUACIÓN:

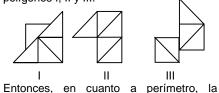
1. Con cuatro triángulos rectángulos isósceles congruentes se forman los polígonos I, II y III.



Entonces, en cuanto a perímetro, la relación correcta, es:

b) I < II < III a) I = II = III c) I < II = IIId) III < I < IIe) I < III < II

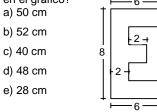
2. Con cinco triángulos rectángulos isósceles congruentes se forman los polígonos I, II y III.



relación correcta, es:

a) I = II = IIIb) I < II = IIIc) II < I < III d) I < II < IIIe) I = III > II

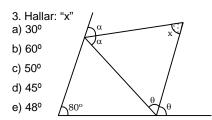
3. ¿Cuál es el perímetro de la figura "E" cuyas dimensiones están representadas en el gráfico?

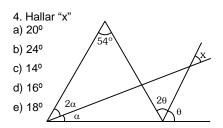


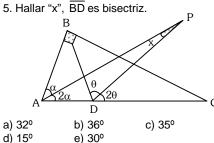
4. La figura es un "T" regular cuyas dimensiones aparecen en el gráfico. ¿Cuánto mide la mitad del perímetro?

2. Hallar "x" a) 115° b) 110° c) 120° d) 118° e) 130°

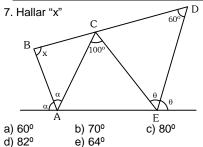
Academia UNICUSCO

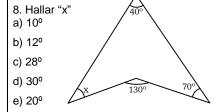


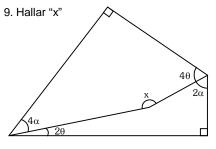


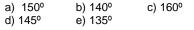


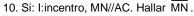


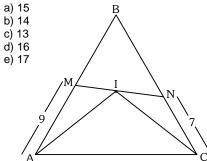




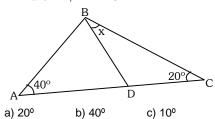








11. Hallar "x", AB = DC



12. "E" es punto medio de \overline{BC} . ABCD es un cuadrado. Hallar "x".

e) 18º

a) 8°

d) 15°

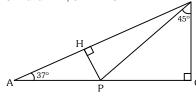


c) 12°



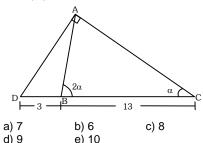
e) 15°

13. Hallar AH, si AP = 5m.

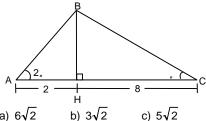


a) 18 b) 21 d) 23 e) 19

14. Hallar AB

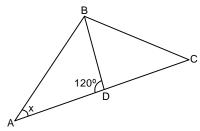


15. Hallar BH



d) $2\sqrt{2}$

e) $4\sqrt{2}$



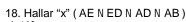
a) 30° d) 40°

c) 20°

b) 28°



e) 29°



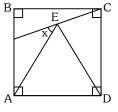
a) 40°



c) 45°

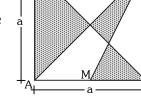


e) 46°



20. En la figura M es punto medio de AD. Hallar el área sombreada:





21. En la figura M es punto medio de AD. Hallar el área sombreada:

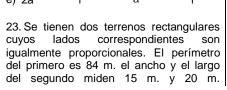






22. En la figura M es punto medio de AD Hallar el área sombreada:





Oficina e Informes: Av. De la cultura Nº 1002 2do. Piso. Cusco

respectivamente. Luego las medidas del primer terreno, son:

a) 19 m y 23 m

b) 20 m y 22 m

c) 16 m y 26 m

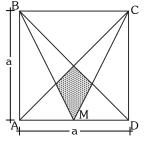
d) 18 m y 24 m

e) 17 m y 25 m

24. En la figura M es punto medio de AD. Hallar el área sombreada:

a) $\frac{1}{12}a^2$

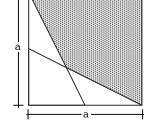




25. Si ABCD es un cuadrado cuyo lado mide 4 m, M y N son puntos medios. Calcule el área de la región sombreada.

a) 15 m²

- b) 12 m²



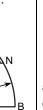
26. El área de la región paralelográmica es de 24u². Calcular el área de la región sombreada.

- a) 6 u²
- b) 5 u²
- c) 10 u²
- d) 8 u²
- e) 9 u²

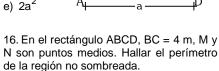
c) 24

12. Hallar el perímetro de la región sombreada. Si: $\overline{AM} \, N \, \overline{MO} \, y \, R \, N \, 12$.

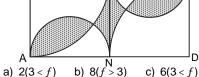
- a) $6^{9}4f > 2\sqrt{3}$: A
- b) $8^{9}3f > 2\sqrt{3}$:
- c) $2^{9}3 < 3\sqrt{3} < 2f$ M
- d) $8^{9}4f > 3\sqrt{3}$
- e) $4^{9}3f > 2\sqrt{3}$:



- 13. Cuál es el perímetro del mayor triángulo equilátero cuyos lados son números enteros, construidos sobre el lado de un triángulo cuyos otros lados
- a) 28 m
- miden 2 m y 9 m? b) 30 m
- c) 29 m
- e) 32 m d) 26 m
- 14. Se da un triángulo equilátero ABC, donde AEN7m v ECN3m perímetro del triángulo ABC no puede ser:
- a) 24 m
- b) 21 m
- c) 18 m d) 15 m
- e) 12 m
- 15. En la figura M es punto medio de AD Hallar el área sombreada:







- d) 4(3 < f)e) 4(6 < f)
- 17. En la figura "M" es punto medio de AD. Hallar el área sombreada:

M





- e) 3a²
- 18. En la figura "M" es punto medio de AD. Hallar el área sombreada:



- c) $\frac{1}{3}a^2$

- 19. Calcular el área de la región sombreada:

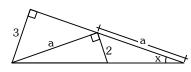


- c) 63 d) 50
- e) 65

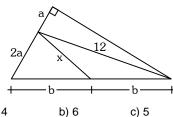
Teléfono: 253309

19. Hallar "x"

Academia UNICUSCO



- a) 15° d) 26°
- b) 30° e) 32°
- c) 25°
- 20. Hallar: "x"



b) 6 a) 4 d) 7 e) 8

Tarea para tu Domicilio

AUTOEVALUACIÓN:

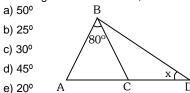
- 1. La suma del complemento de un ángulo más 30º es igual al doble del ángulo. Determinar la medida del ángulo.
- a) 30° d) 60°
- b) 40°
- e) 75°

c) 50°

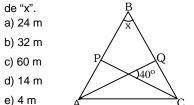
- 2. Calcular la medida de un ángulo sabiendo que los $\frac{3}{4}$ del suplemento de su complemento es igual a l un ángulo recto. a) 15° c) 30°
- d) 45°
- b) 20° e) 60°
- 3. Al sumar el complemento de un ángulo más el suplemento del doble del mismo ángulo y mas el suplemento del complemento del triple del ángulo, se obtiene:
- a) 0°
- b) 90°
- c) 75°
- d) 150° e) 180°

- 4. Si L₁//L₂, hallar "x" en la figura:
- a) 10°
- b) 20°
- c) 15°
- d) 30° e) 25°
- 5. Si L₁//L₂, calcular "x"
- a) 45°
- b) 60°
- c) 75° d) 50°
- e) 40°
- 6. Calcule el valor de "x", si m//n
- a) 63°
- b) 96°
- c) 87°
- d) 83°
- e) 27°
- 7. En la figura mostrada; calcula la medida del ángulo AOC si XY es una recta.
- a) 84°
- b) 104°
- c) 108°
- d) 144°
- e) 168°
- 8. Cual es la medida de "b", si L1 es paralela a L₂
- a) 65°
- b) 75°
- c) 85°
- d) 55°
- e) 25°

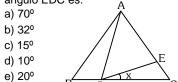
9. Del grafico AB=BC=CD, Hallar:"x"



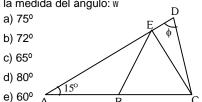
10. En la figura: m(êBAQ) N 2m(êPCA) y m(êPCB) N 2m(êQAC). Hallar el valor



11. En el grafico: si \overline{AB} N \overline{AC} : \overline{AE} N \overline{AD} y el ángulo BAD=30º, entonces el valor del ángulo EDC es:



siguiente figura: Â N 15°; la AÊB N 45°. Además: EB=BC=DC. hallar la medida del ángulo: w



13. Dos lados de un triángulo isósceles miden 3 m y 14 m respectivamente. Hallar el perímetro de dicho triángulo.

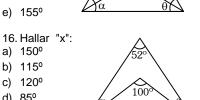
- a) 31 m d) 60 m
- b) 20 m e) 45 m

- 14. Determinar el valor de "x+y+z"
- a) 120°
- b) 180°
- c) 240°
- d) 300° e) 160°



15. Hallar "x":

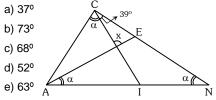
- a) 100°
- b) 132°
- c) 143°
- d) 120°
- e) 155°



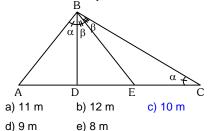
a) 150° b) 115°

- c) 120°
- d) 85°
- e) 148°

siguiente triángulo ABC, determinar el valor de "x", si CA N CI.



18. En el siguiente gráfico se cumple que AB=BC; BD = 6m y DE = 4 m. Halle AB



Entonces, en cuanto a perímetro, la relación correcta, es:

a) I = II = III

Academia UNICUSCO

- c) || = ||| > |
- d) III = II < I
- e) I < II < III

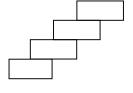
5. Hallar el perímetro de la siguiente figura:

- a) 2a + 4b
- b) 2(a + b)
- c) 3a + 2b
- d) 4a + 2b
- e) 5a 2b

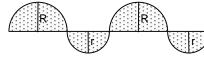


6. En la figura existen cuatro rectángulos iguales cada uno de largo "L" y ancho "A" Calcular el perímetro de la figura.

- a) 5A + 8L
- b) 8A + 5L
- c) 8A + 3L
- d) 8A + 4L
- e) 5A + 12L



7. Hallar el perímetro de la región sombreada:



- a) 4f(r < R)
- b) 4rR(f < 2)d) (4 < f)(R < r)

Oficina e Informes: Av. De la cultura Nº 1002 2do. Piso. Cusco

- c) 2(R < r)(2 < f)e) 4(R < r)(f < 1)
- 8. Hallar el perímetro de la región sombreada; si r N 8 cm.







9. Hallar el perímetro de la región sombreada.

- a) 4fR
- b) 6fR
- c) 5fR
- d) 8fR
- e) 3fR

10. Sobre los lados de un triángulo rectángulo isósceles se grafican medios círculos como se muestra en la figura; hallar el perímetro de dicha figura. (r = 1).

- a) $f^{9}3 < \sqrt{3}$:
- b) $f^{0}4 < \sqrt{2}$:
- c) $92 < \sqrt{2} : 9f < 2$:
- d) 92f > 2: $91 < \sqrt{2}$:
- e) $92f < 3: 94 < \sqrt{4}$

11. Hallar el perímetro del siguiente gráfico; si ABCD, es un cuadrado de lado 8 cm y DE N 6 cm.

- a) 17 cm
- b) 44 cm
- c) 28 cm
- d) 11 cm
- e) 54 cm

c) 50 m

GRUPO UNICUSCO

-10-

Razonamiento Matemático

PROBLEMAS PROPUESTOS

1. Con los cuatro triángulos rectángulos isósceles congruentes se forman polígonos I, II y III.







 $A N \frac{L^2}{4} (4 > f)$

Segmento Circular



S N A_{sector} > A_U

Zona ó Faja Circular



A_{zona} N A_{segmento AD} > A_{segmento BC}

Corona Circular



Trapecio Circular



A N $\frac{fr}{360^{\circ}}$ (R² > r²)



Entonces, en cuanto a perímetro, la relación correcta, es:

- a) I = II = III
- b) I < II < III
- c) || < ||| < |
- d) I = II < III
- e) I = III > II

2. Con cuatro triángulos rectángulos isósceles congruentes se forman los polígonos I, II y III.







Entonces, en cuanto a perímetro, la relación correcta, es:

- a) I < II = III
- b) I = II = III
- c) ||| || = |
- d) I < II < III
- e) I < II > III

3. Con cuatro triángulos rectángulos isósceles congruentes se forman los polígonos I, II y III.







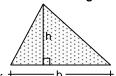
Entonces, en cuanto a perímetro, la relación correcta, es:

- a) I = II = III
- b) I < II = III
- c) || < | < ||
- d) I < II < III
- e) I = III > II
- 4. Con cuatro triángulos rectángulos isósceles congruentes se forman los polígonos I, II y III.

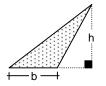
Academia UNICUSCO

Áreas y Perímetros

Área de un Triángulo Cualquiera

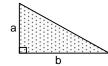


Área de un b riángulo Obtusángulo



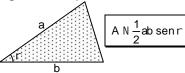
AN $\frac{bh}{2}$

Área de un Triángulo Rectángulo



AN $\frac{bh}{2}$

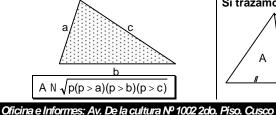
Área de un Triángulo (Fórmula Trigonométrica)



Área de un triángulo equilátero



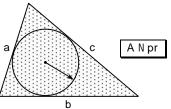
Fórmula de Herón



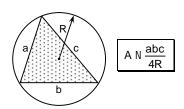
Seriedad en Preparación Preuniversitaria

Donde: $p N \frac{a < b < c}{2}$

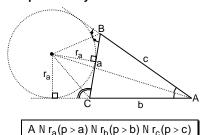
Área de un Triángulo en función del semiperímetro y del inradio



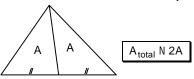
Área de un Triángulo en función de sus lados y del circunradio

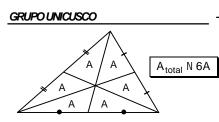


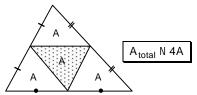
Área de un Triángulo en función de su semiperímetro y los ex-radios



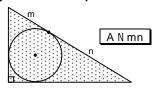
Más propiedades: Si trazamos las medianas se cumple:



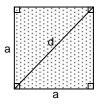




Área de un triángulo rectángulo dados 2 segmentos de la hipotenusa.

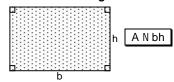


Área de un Cuadrado

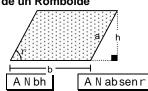




Área de un Rectángulo

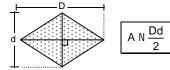


Área de un Romboide

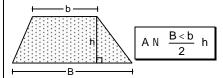


Razonamiento Matemático

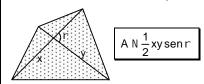
Área de un Rombo



Área de un Trapecio

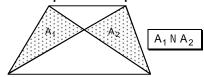


Área de un Cuadrilátero Cualquiera

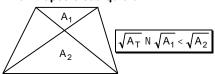


PROPIEDADES:

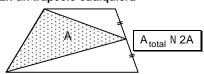
En un trapecio cualesquiera



En un trapecio cualquiera

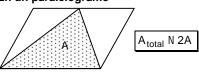


En un trapecio cualquiera

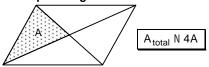


Academia UNICUSCO

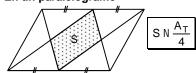
En un paralelogramo



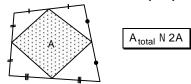
En un paralelogramo



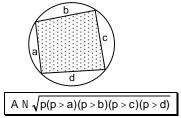
En un paralelogramo



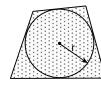
En todo cuadrilátero se cumple que:



Área de un Cuadrilátero Inscrito



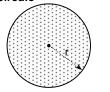
Área de un Cuadrilátero Circunscrito



ANpr

Seriedad en Preparación Preuniversitaria

Círculo



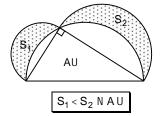
 $\underline{\mathsf{A}}\,\mathsf{N}\,f\mathsf{r}^2$

 $\mathsf{A}\,\,\mathsf{N}\,\frac{f\mathsf{R}^2}{}\mathsf{\Gamma}$

Sector Circular



Lúnulas de Hipócrates



En todo cuadrado se cumple que:



S N Acuadrado



S N Acuadrado



S N Acuadrado 20