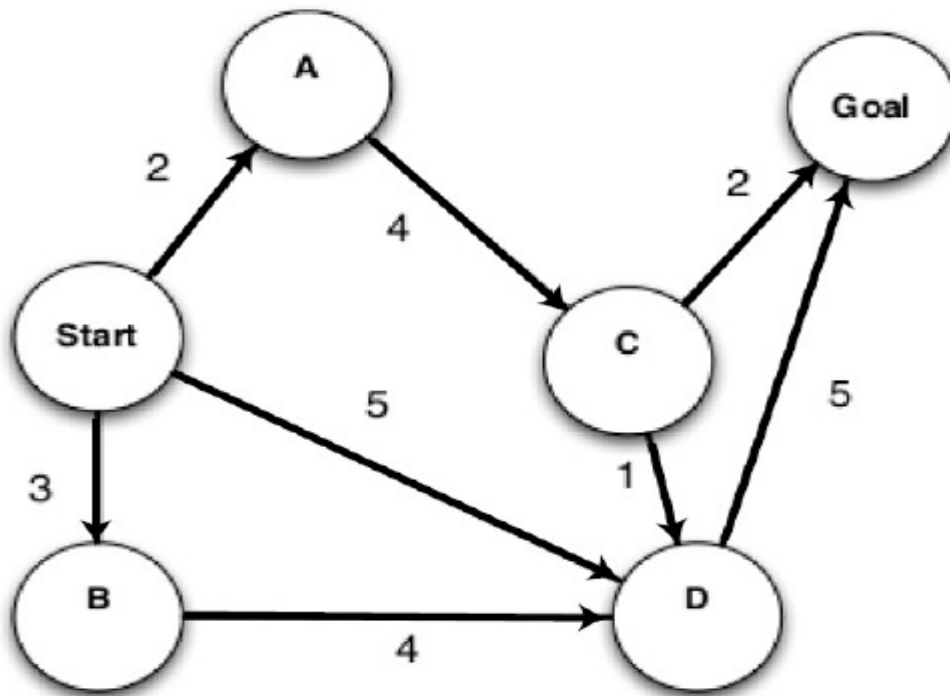


# Τεχνητη Νοημοσυνη

## 1ο Συνολο Ασκησεων:Αναζητηση

### Ασκηση 1.1:



#### 1. Αναζήτηση πρώτα σε βάθος (Depth-First Search)

Εφόσον το graph δεν έχει nodes τα οποία επαναλαμβάνονται η nodes που καταλήγουν σε Dead-ends το Depth-First Search θα γίνει ως εξής:

TOTAL_COST	12	12	8	10
NODE		GOAL		
NODE	GOAL	D	GOAL	
NODE	D	C	C	GOAL
NODE	B	A	A	D
START	START	START	START	START

Αρα παρατηρούμε άμεσα οτι το καλύτερο path που μπορεί να λάβει είναι το: START-A-C-GOAL που έχει συνολικο κοστος 8. Το depth first search ψάχνει έναν-έναν κόμβο μέχρι ήτε να φτάσει στο τέλος του ήτε μέχρι να χρειαστεί να κανει backtrack . Το depth First Search έχει  $O(V+E)$  πολυπλόκωτητα οπου V,E είναι Vertices και Edges δηλαδη κορυφες και Ακρες

## 2. Αναζήτηση πρώτα σε πλάτος (Breadth-First Search)

Το Breadth First Search είναι πολύ πιο χρήσιμο στο να βρεί το γρηγορότερο μονοπάτι σε σχέση με το Depth First Search καθώς παίρνει όλα τα γειτονικά nodes και δεν χρειάζεται να κάνει backtrack, παρόλο που και το Bread First Search έχει  $O(V+E)$  πολυπλοκότητα.

Αρα ξεκινώντας από το START θα έχουμε το εξής:

NODE	D
NODE	B
NODE	A
NODE	START

Στην συνέχεια θα πάρουμε όλα τα γειτονικά nodes του A, το οποίο παρατηρούμε γρήγορα είναι μόνο το C.

Στην συνέχεια παίρνουμε το node B και βλέπουμε ότι το μόνο γειτονικό του node είναι το D.

Στην συνέχεια παίρνουμε το node D και βλέπουμε ότι το μόνο γειτονικό του node είναι το Goal. Αρα συμπληρώνουμε λοιπόν το πρώτο ολόκληρο path :

**START-D-GOAL με κόστος 10**

Δεν έχει τελειώσει όμως εδώ ο αλγόριθμος , έχουμε ακόμα να επεκτείνουμε τα path τα οποία δεν έχουν ολοκληρωθεί.

Συνεχίζοντας από το START-A-C path: Παίρνουμε όλα τα γειτονικά node του C. τα οποία είναι D, GOAL. Βρήκαμε δηλαδή άλλο ένα ολόκληρο path :

**START-A-C-GOAL με κόστος 8**

Επιπλέον βρήκαμε και το D node που ξέρουμε ότι καταλήγει στο Goal , αρα έχουμε και άλλο ένα ολόκληρο path:

**START-A-C-D-GOAL με κόστος 12**

Συνεχίζοντας από το START-B-D path: Παίρνουμε όλα τα γειτονικά node του D. τα οποία είναι GOAL. Βρήκαμε δηλαδή άλλο ένα ολόκληρο path :

**START-B-D-GOAL με κόστος 12**

Έχοντας βρει λοιπόν όλα τα nodes και τα ολόκληρα paths, βλέπουμε ότι το καλύτερο path με το χαμηλότερο κόστος είναι το START-A-C-GOAL .

### 3. Αναζήτηση ομοιόμορφου κόστους (Uniform Cost Search)

Το Uniform Cost Search έχει μια παρόμοια λογική με το Breadth-First Search, καθώς στην αρχή παίρνει όλα τα γειτονικά nodes απο το START. Μονο που το Uniform Cost Search εχει ενα subarray που λέγεται priority queue. Δηλαδή μετα που έχει διαλέξει όλα τα γειτονικά nodes απο το START διαλέγει nodes τα οποία έχουν το χαμηλότερο κόστος.

‘Αμεσα παρατηρεί το προγραμμα οτι το χαμηλότερο κοστος απο την αρχή ειναι προς το node A. Απο εκει και περα το Uniform Cost Search δεν εχει επιλογή και συνεχίζει στο C. Εκει βλέπει οτι έχει παλι 2 επιλογές τα nodes D,GOAL.Εφόσον παίρνει το χαμηλότερο κόστος θα δοκιμάσει το node D, απο το node D έχει μονο το GOAL,που ‘εχει κόστος 5 αρα σύνολο 6 που ειναι αρκετα μεγαλύτερο απο πριν. Τότε το προγραμμα θα γυρίσει στο node C και θα παει στο Goal δίνοντας μας το optimal path:

**START-A-C-GOAL με κόστος 8.**

Αλλα το path που ακολούθησε το προγραμμα ηταν :

START-A-C-D-\*-GOAL

\* Ξαναγύρισε στο node C αλλα εφόσον το έχουμε βάλει ηδη στην λίστα δεν θα το ξαναγράψουμε.

#### Ασκηση 1.1:

Τα heuristic cost του γραφου ειναι η εκτιμηση για το ποσο περιπου απεχουν απο το GOAL node που στην περιπτωση μας ειναι το G.

	A	B	C	G
h(1)	1	1	1	0
h(2)	5	4	3	0
h(3)	5	3	0	0
h(4)	6	2	1	0
h(5)	3	2	1	0

h(1):

Για να είναι το heuristic cost (1) σε κάθε node τότε πρέπει να απέχουν μόνο ένα node απο το GOAL. Επίσης θα πρέπει το κόστος της διαδρομής να ειναι 1 πράγμα που βλέπουμε οτι δεν ισχυει . Επομένως το h(1) είναι αποδεκτό εφόσον ολα απέχουν παρα μονο ενα node μακρια απο το GOAL, αλλα δεν ειναι συνεπής καθώς το κόστος διαδρομης τους ειναι πάνω απο 1.

h(2):

A:

Το heuristic cost (5) του A, δεν είναι αποδεκτό καθώς το μικρότερο κόστος διαδρομής του είναι 6 (A-B-C-GOAL).

B:

Το heuristic cost (5) του B, δεν είναι αποδεκτό καθώς το μικρότερο κόστος διαδρομής του είναι 4 (B-GOAL). Δεν είναι όμως συνεπής εφόσον υπάρχει και άλλη μία πιο φτηνή διαδρομή.

C:

Το heuristic cost (3) του C, δεν είναι αποδεκτό καθώς το μικρότερο κόστος διαδρομής του είναι 1 (C-GOAL). Επομένως δεν είναι και συνεπής.

H(3):

A:

Το heuristic cost (5) του A, δεν είναι αποδεκτό καθώς το μικρότερο κόστος διαδρομής του είναι 6 (A-B-C-GOAL).

B:

Το heuristic cost (4) του B, είναι αποδεκτό. Δεν είναι όμως συνεπής εφόσον υπάρχει και άλλη μία πιο φτηνή διαδρομή. (B-C-GOAL)

C:

Δεν γίνεται ένα node να έχει heuristic cost (0), εκτός από όταν είναι ήδη το GOAL state.

H(4):

A:

Το heuristic cost (6) του A, είναι αποδεκτό καθώς το μικρότερο κόστος διαδρομής του είναι 6. Είναι και συνεπής καθώς είναι η καλύτερη διαδρομή που μπορεί να παρει.

B:

Το heuristic cost (3) του B, είναι αποδεκτό καθώς το μικρότερο κόστος διαδρομής του είναι 3. Είναι και συνεπής καθώς είναι η καλύτερη διαδρομή που μπορεί να παρει.

C:

Το heuristic cost (1) του C είναι συνεπής και αποδέκτο καθώς είναι η πιο φτηνή διαδρομή και ταυτόχρονα η καλύτερη.

H(5):

A:

Το heuristic cost (3) του A, δεν είναι αποδεκτό καθώς το μικρότερο κόστος διαδρομής του είναι 6. Αρα δεν είναι και συνεπής.

B:

Το heuristic cost (2) του B, δεν είναι αποδεκτό καθώς το μικρότερο κόστος διαδρομής του είναι 3. Αρα δεν είναι και συνεπής.

C:

Το heuristic cost (1) του C είναι συνεπής και αποδεκτό καθώς είναι η πιο φτηνή διαδρομή και ταυτόχρονα η καλύτερη.

### Ασκηση 1.3:

Το ρομπότ για ψώνια έχει μόνο 2 καταστάσεις, μεταφορά και αγορά. Επομένως ο χώρος καταστάσεων είναι ουσιαστικά το S.

2.

(α'):

$h = \min_{s' \neq s} t(s, s')$ , δεδομένου ότι το ρομπότ παίρνει ήδη την καλύτερη απόσταση, ο συντομότερος χρόνος από το τρέχον κατάσταση προς οποιοδήποτε άλλο κατάσταση είναι αποδεκτό και συνεπής.

(β'):

Ο χρόνος για το σπίτι από την τρέχουσα τοποθεσία  $h = t(s, s_1)$ , Είναι αποδεκτός, αλλά όχι συνεπής εφόσον η τρέχουσα τοποθεσία(s) αλλάζει συνεχώς.

(γ'):

Ο συντομότερος χρόνος προς οποιοδήποτε κατάσταση που πουλάει ένα αντικείμενο που έχει απομείνει στη λίστα,

$$h = \min_{l \in u} (\min_{s' : l \in s'} t(s, s'))$$

Εφόσον το ρομπότ ήδη παίρνει το συντομότερο δρόμο, ο συντομότερος χρόνος προς οποιοδήποτε κατάσταση που πουλάει ένα αντικείμενο που έχει απομείνει στη λίστα είναι αποδεκτός. Δεν μπορεί όμως να γίνει συνεπής

εφοσον όταν αφαιρεί αντικείμενα απο την λίστα η απόσταση και ο χρόνος αλλάζουν.

(δ')

Ο συνολικός χρόνος που  $\Sigma$  που θα χρειαστούμε ώστε να αγοράσουμε χωριστά το κάθε αντικείμενο που απομένει στη λίστα  
$$h = |u| \min_{s' : l \in s'} t(s, s')$$

Ο συνολικός χρόνος που θα χρειαστεί το ρομπότ για να αγοράσει ενα αντικείμενο είναι  $t(s_i, s_j)$ . Επομένως για να αγοράσει χωριστα το κάθε αντικείμενο που απομένει στη λίστα ο τύπος που μας δόθηκε είναι αποδεκτος καθώς μετάει χωριστά τα αντικείμενα ανα μαγαζί. Είναι και συνεπής αφου το ρομπότ παραμένει στο ιδιο μαγάκι για να αγοράσει τα αντικείμενα.

(ε')

Το γινόμενο του πλήθους των αντικειμένων που δεν έχουν αγοραστεί με τον συντομότερο χρόνο από κατάσταση σε κατάσταση  
$$h = |u| \min_{s_i, s_j \neq s_i} t(s_i, s_j)$$

Επειδή λοιπόν, το ρομπότ παίρνει απο μόνο του το συντομότερο μονοπατι απο μαγαζί σε μαγαζί, ο συνολικός χρόνος του εξαρτάτε απο την λίστα αντικειμένων ανα μαγαζί. Έτσι δεν μπορεί να θεωρειθεί συνεπής η συνάρτηση. Ουτε μπορεί να θεωρειθεί αποδεκτό γιατι το κάθε μαγαζί εχει δικιά του λίστα με αντικείμενα και για αυτόν τον λόγο δεν γίνεται να έχουμε σωστα τον συντομότερο χρόνο των αντικειμένων που δεν έχουν αγοραστεί