$$\iiint\limits_R f(x,y,z) \, \mathrm{d}R = \int\limits_{z_1}^z \int\limits_{\varphi_1(z)}^z \int\limits_{r_1(\varphi,z)}^r F(r,\varphi,z) r \, \mathrm{d}r \, \mathrm{d}\varphi \, \mathrm{d}z$$

$$= \int\limits_{\varphi_2(z)}^{\varphi_2(\varphi)} \int\limits_{r_2(\vartheta,\varphi)}^r F(r,\vartheta,\varphi) r^2 \sin\vartheta \, \mathrm{d}r \, r \, \mathrm{d}\vartheta \, \mathrm{d}\varphi$$

 $z_2 \varphi_2(z) r_2(\varphi,z)$

 $\varphi_1(z) \vartheta_1(\varphi) r_1(\vartheta,\varphi)$