# Paralelización del algoritmo de ordenamiento radixsort usando MPI y OpenMP

# Arquitectura e Enxeñaría de Computadores Curso 2012/2013

Penas Sabín, Darío <dario.penas@udc.es>
Pereira Guerra, Adrián <adrian.pereira@udc.es>
https://github.com/adrisons/AEC

## Índice

1.	Introducción	<b>2</b>
	1.1. Ejemplo del algoritmo	3
	1.2. La complejidad del algoritmo	5
2.	Paralelización con MPI	5
Α.	Código secuencial	7
В.	main con MPI	7
C.	Implementación radixsort con MPI	8

#### 1. Introducción

Radix sort es un algoritmo de ordenación cuyo rendimiento temporal en el peor caso es de  $\mathcal{O}(kN)$  y de memoria  $\mathcal{O}(k+N)$ 

Su principal característica es la utilización de un array de 10 posiciones denominado bucket, inicializado en cada una de las iteraciones a 0 y que guarda en cada una de las posiciones del array el número de apariciones de cada una de las cifras coincidentes con la propia posición del bucket.

Este bucket es utilizado para calcular el propio bucket acumulado con el que asignaremos una posición diferente a cada uno de los elementos en el array en h

En cada una de las iteraciones tenemos una variable llamada exp que se irá multiplicando por 10 y que nos indica la cifra que miraremos en ese instante y que luego copiaremos a a, que es el array inicial.

Este es el código de dicho algoritmo:

```
// Uso del bucket en radix sort
while (m / exp > 0){
    int bucket[10] = {0};
    for (i = 0; i < n; i++){
        bucket[a[i] / exp % 10]++;
    }
    for (i = 1; i < 10; i++)
        bucket[i] += bucket[i - 1];
    for (i = n - 1; i >= 0; i--)
        b[--bucket[a[i] / exp % 10]] = a[i];
    for (i = 0; i < n; i++){
        a[i] = b[i];
    }
    exp *= 10;
}
```

## 1.1. Ejemplo del algoritmo

 $Vector\ inicial;\ 25\ 57\ 48\ 37\ 12\ 92\ 86\ 33$ 

Los elementos quedarían ordenados de la siguiente manera:

 $\begin{array}{c} 0:\\ 1:\\ 2:\ 1\underline{2}\ 9\underline{2}\\ 3:\ 3\underline{3}\\ 4:\\ 5:\ 2\underline{5}\\ 6:\ 8\underline{6}\\ 7:\ 5\underline{7}\ 3\underline{7}\\ 8:\ 4\underline{8} \end{array}$ 

9:

El bucket, en vez de ser lo descrito anteriormente, quedaría con el número de elementos asignados a cada posición:

0: 0 1: 0 2: 2 3: 1 4: 0 5: 1 6: 1 7: 2 8: 1 9: 0

El vector después de esta iteración sería: 12 92 33 25 86 57 37 48

En la siguiente iteración nos centramos el la segunda cifra de cada uno de los elementos:

0: 1: <u>1</u>2 2: <u>2</u>5 3: <u>3</u>3 <u>3</u>7  $4: \bar{4}8$ 5: <u>5</u>7 6: 7: 8: <u>8</u>6 9: <u>9</u>2

En esta ocasión el bucket quedaría de la siguiente forma:

0:0

1: 1

2: 1

3: 2

4: 1

5: 1

6: 0

7: 0

8: 1

9: 1

En este ejemplo el vector ya ha quedado ordenado: 12 25 33 37 48 57 86 92

#### 1.2. La complejidad del algoritmo

#### 2. Paralelización con MPI

Como este código es muy complicado de paralelizar, limitaremos el problema a dos procesadores, para simplificar el paso de datos.

Antes de comenzar a ordenar los datos es necesario calcular el máximo de todos los elementos, ya que influye en el número de ejecuciones del algoritmo, por lo tanto, es necesario que todos los procesos conozcan este dato. Todos los procesos tienen que ejecutar el mismo número de iteraciones, aunque puede que alguno no necesite hacer tantas, para sincronizar el paso de datos final, con el array ordenado. Esto se hace con MPI\_Allreduce, que realiza la operación indicada (MPI\_MAX en este caso) sobre el dato indicado (m) y comparte el resultado con todos los procesos.

El bucket se recalcula en cada iteración, por lo que también es necesario compartirlo en cada iteración. Radixsort ordena en función de la suma acumulada del bucket.

El trabajo de realizar la suma acumulativa lo hace el proceso 1 y le manda el resultado al 0. Es necesario hacerlo de este modo, ya que se utiliza el bucket acumulado para calcular las posiciones destino de los elementos del array a, ordenándolo en cada iteración.

El cálculo de las posiciones destino se hace desde el final al principio del array a ordenar (así lo requiere el algoritmo). Además, se resta el bucket para obtener la posición destino por lo que, al paralelizarlo, es necesario secuencializar esta parte de los procesos, de modo que sigan el mismo orden que el secuencial. Para ello, los elementos se envían en orden *inverso* de procesos (desde el proceso n al n-1, del n-1 al n-2, ...).

Es raro que, al dividir los datos a ordenar entre dos procesos, coincida que los datos del proceso 0 pertenezcan a la primera mitad del array a ordenar y los de proceso 1 a la segunda. Es decir, se va a tener que enviar algún dato de P0 a P1. Para esto, se van almacenando los datos a intercambiar en un array de intercambio y, al final de cada iteración, los procesos intercambian sus a\_intercambio y guardan los datos recibidos.

```
// El PO se queda esperando por los datos del P1
if (myrank==0){

MPI_Recv(a_intercambio, elemTot, MPI_INT, 1, 3, MPI_COMM_WORLD, & status);

MPI_Recv(&bucket[0], 10, MPI_INT, 1, 4, MPI_COMM_WORLD, &status);

for (i=0;i<elemTot;i++){

if (a_intercambio[i]!=-1){

// Se adapta la posicion del otro proceso
pos_envio = i %n;
b[pos_envio] = a_intercambio[i];

}

inicializar_array(&a_intercambio[0], elemTot, -1);
}
```

Este array tiene las dimensiones del array total. Se ha decidido implementarlo así, aunque pueda suponer una mayor carga de memoria, porque los procesos no siempre van a querer enviar datos en el mismo instante, lo que supondría que los procesos se quedaran esperando mútuamente y repercutiría mucho sobre el tiempo de ejecución.

a\_intercambio tiene las dimensiones del array total porque los elementos a intercambiar ya se guardan en la posición destino del otro proceso. De este modo, al guardar los datos en a\_intercambio, cada proceso tiene que adaptar la posición en la que se guarda al otro proceso.

Cuando el P1 acaba una iteración, envía el bucket y el a\_intercambio al P0 y se queda esperando por el a intercambio de P0.

```
if (myrank==1){
    MPI_Send(a_intercambio, elemTot, MPI_INT, 0, 3, MPI_COMM_WORLD);
    MPI_Send(&bucket[0], 10, MPI_INT, 0, 4, MPI_COMM_WORLD);
    MPI_Recv(a_intercambio, elemTot, MPI_INT, 0, 5, MPI_COMM_WORLD, & status);

for (i=0;i<n;i++){
    if (a_intercambio[i]!=-1){
        b[i] = a_intercambio[i];
    }
}
inicializar_array(&a_intercambio[0], elemTot, -1);
}</pre>
```

Al final de cada iteración del bucle, cada proceso recibe el a\_intercambio del otro proceso, lo guarda en su array b local y, finalmente, lo almacena en a.

# A. Código secuencial

```
#include <math.h>
  \#include < assert.h>
   #include <stdio.h>
  #include <stdlib.h>
  #include <sys/time.h>
   #define MAX 100000000
   void radixsor(int *a, int n){
   int i, m = a[0], exp = 1;
   int *b = malloc(MAX*sizeof(int)+1);
12
   \quad \  \  \text{for} \ (\, i \; = \; 0\,; \ i \; < \; n\,; \ i + \! + \! ) \{
13
    if (a[i] > m){
       m = a[i];
16
17
   }
   while (m / exp > 0) {
  int bucket [10] = {0};
18
     for (i = 0; i < n; i++)\{
bucket [a[i] / exp \% 10]++;
20
21
22
      for (i = 1; i < 10; i++)
23
     bucket [i] += bucket [i - 1];

for (i = n - 1; i >= 0; i--)

b[--bucket [a[i] / exp % 10]] = a[i];
24
25
26
      for (i = 0; i < n; i++){
       a[i] = b[i];
28
29
     \exp *= 10;
30
     }
31
32
33
   }
34
35
   int main(int argc, char* argv[]){
36
     int numElementos = atoi(argv[1]);
37
38
     int *array = malloc(MAX*sizeof(int)+1);
39
      static int n;
40
41
      \quad \text{for } (n = 0; \ n < numElementos; \ n++)\{
42
43
        int r = rand() \%1000000;
        array[n] = r;
44
45
      radixsor (&array[0], numElementos);
47
48
     return 0;
49
```

./src/secuencial.c

#### B. main con MPI

```
int main(int argc, char* argv[]) {
  int numElementos = atoi(argv[1]);
  int i, p, myrank;
```

```
MPI Status status;
    struct timeval t0, t1, t;
    if(argc < 2){
      printf("Usage: mpirun -n numprocs ./radix numElementos \n");
      exit(1);
      * Inicializacion de MPI*/
11
    {\rm MPI\_Init~(\&argc\,,~\&argv\,)}\,;
12
     /* myrank will contain the rank of the process
13
    MPI COMM WORLD is all processors together */
14
    MPI_Comm_rank (MPI_COMM_WORLD, &myrank);
     /* p es el numero de procesos
16
    MPI_Comm_size (MPI_COMM_WORLD, &p);
17
    /* n es el numero de elementos de cada proceso*/
    int n = numElementos/p;
19
    int *a = malloc(n*sizeof(int));
20
    inicializar_a_creciente(&a[0], n, myrank);
    /* Ejecuta el algoritmo de ordenamiento*/
    radixsort parallel (a, numElementos, p, myrank);
23
24
    if (myrank == 0)
25
         MPI Recv(a, n, MPI INT, 1, 123, MPI COMM WORLD, &status);
27
      MPI Send(a, n, MPI INT, 0, 123, MPI COMM WORLD);
28
29
    free(a);
30
31
    MPI_Finalize ();
32
```

./src/main.c

# C. Implementación radixsort con MPI

```
void radixsort_parallel(int* a, int elemTot, int p, int myrank){
     int i, m, exp = 1;
     struct timeval t0, t1, t;
     int rank send, rank recv;

\underline{int} \quad n = \underline{elemTot/p};

     int pos_envio = -1;
     int*b = malloc(sizeof(int)*n);
     int* a_intercambio = malloc(sizeof(int)*elemTot);
     int* bucket = malloc(sizeof(int)*10);
     int otro_rank = (myrank+1) %p;
     int iter = 0;
     MPI Status status;
12
13
     inicializar_array(\&a_intercambio[0], elemTot, -1);
    inicializar_array(&b[0], n, -1);

m = maximo(a, n);
16
     \label{eq:mpi_allreduce} $$ MPI\_Allreduce(\&m, \&m, 1, MPI\_INT, MPI\_MAX, MPI\_COMM\_WORLD) ; $$
     while (m / \exp > 0) {
18
       \verb|inicializar_array| (bucket, 10, 0);
19
       // Se calcula el bucket
20
       for (i = 0; i < n; i++){
bucket[a[i] / exp % 10]++;
22
23
       // Se comunican los procesadores para tener los mismos valores
24
            en bucket
```

```
MPI\_Allreduce(\&bucket [0]\ ,\ \&bucket [0]\ ,\ 10\ ,\ MPI\_INT,\ MPI\_SUM,
25
             MPI_COMM_WORLD);
26
        if(myrank==1){
27
           // Se calculan las frecuencias acumulativas de los elementos
28
               del bucket
           for (i = 1; i < 10; i++)
             bucket[i] += bucket[i - 1];
30
31
         // El P0 se queda esperando por los datos del P1
32
        if (myrank==0){
33
           \label{eq:mpi_reconstruction} MPI\_Recv(a\_intercambio\;,\;\; elemTot\;,\;\; MPI\_INT,\;\; 1\;,\;\; 3\;,
34
               MPI_COMM_WORLD, &status);
           \label{eq:mpi_recv} \mbox{MPI\_Recv}(\&\mbox{bucket}\ [\mbox{0}\ ]\ ,\ \ 1\mbox{0}\ ,\ \mbox{MPI\_INT},\ \ 1\ ,\ \ 4\ ,\ \mbox{MPI\_COMM\_WORLD},\ \&\  \  \,
35
                status);
           for (i=0; i<elem Tot; i++){
36
              if(a_intercambio[i]!=-1){
37
                // Se adapta la posicion del otro proceso
38
                pos_envio = i %n;
39
                b[pos_envio] = a_intercambio[i];
40
41
42
           inicializar_array(\&a_intercambio[0], elemTot, -1);
43
44
        // Usando el bucket se guardan en b los elementos de a
45
             ordenados
        for (i = n - 1; i >= 0; i--)
46
47
           int pos = (--bucket[a[i] / exp % 10]);
48
49
           rank_recv = floor(pos / n);
50
           rank_send = myrank;
           if( rank_send == rank_recv ){
              if (myrank==1)
54
                pos \,=\, pos \,\,\%\,n\,;
56
             b\,[\ pos\ ]\,=\,a\,[\,i\,]\,;
           }else{
57
58
              if (myrank==0)
               pos = pos \% n;
             a_{intercambio}[pos] = a[i];
60
61
           }
        // El PO envia el array de intercambio al P1 para continuar
63
             ordenando
        if (myrank==0){
64
65
           MPI\_Send(a\_intercambio\;,\;\;elemTot\;,\;\;MPI\_INT,\;\;1\;,\;\;5\;,
               MPI COMM WORLD);
66
        // El proceso 1 envia los elementos que le corresponden del
67
             proceso 0
        if (myrank==1){
68
           MPI_Send(a_intercambio, elemTot, MPI_INT, 0, 3,
69
               MPI COMM_WORLD);
           \label{eq:mpi_send}  \mbox{MPI\_Send}(\&\,\mbox{bucket}\,[\,0\,]\,\,,\,\,\,10\,,\,\,\,\mbox{MPI\_INT},\,\,\,0\,,\,\,\,4\,,\,\,\mbox{MPI\_COMM\_WORLD})\,;
           MPI Recv(a intercambio, elem\overline{T}ot, MPI INT, \overline{0}, 5,
71
               MPI COMM WORLD, &status);
           for (i=0;i< n;i++){
73
               if (a\_intercambio[i]!\!=\!-1) \{
74
                b[i] = a_intercambio[i];
75
76
```

 $./src/radixsort\_mpi.c$