

Correction des exercices sur le labyrinthe

Antonin Dudermel

Ambroise Poulet

Matthias Goffette

Nous avons ici un algorithme créant un labyrinthe parfait de dimension n . Nous voulons le modifier, d'abord pour enregistrer le labyrinthe en une image, puis pour construire le chemin entre les cases $(0,0)$ et $(n-1, n-1)$.

Les fonctions originales sont les suivantes :

```
def visiter(c):
    (x,y) = c
    if x < 0 or x>= n or y<0 or y>=n:
        return
    atteinte[x][y] = True

def est_atteinte(c):
    (x,y) = c
    if x < 0 or x>= n or y<0 or y>=n:
        return True
    return atteinte[x][y]

def choix(c):
    (x,y) = c
    r = []
    def ajouter(p):
        if not est_atteinte(p):
            r.append(p)
    ajouter((x-1,y))
    ajouter((x+1,y))
    ajouter((x,y-1))
    ajouter((x,y+1))
    return r

def tirage(L):
    m = len(L)
    assert m > 0
    return L[random.randint(0, m-1)]

def labyrinthe():
    pile = creer_pile(n*n)
    empiler(pile, (0,0))
    visiter((0,0))
    while not est_vide(pile):
        cellule = depiler(pile)
        print(cellule)
        c = choix(cellule)
        if len(c) > 0:
            suivante = tirage(c)
            # c'est ici qu'on relie les cases cellule et suivante
            visiter(suivante)
            empiler(pile, cellule)
            empiler(pile, suivante)

atteinte = [[False] * n for i in range(n)]
```

Tout d'abord, nous allons réaliser l'enregistrement du labyrinthe au format PGM. Ce format permet d'enregistrer facilement des images en niveau de gris. Pour ce faire, nous avons besoin de

plusieurs modifications :

- En premier lieu, il faut compléter la fonction labyrinthe, en ajoutant un tableau lislalab, de dimension $(2n+1) \times (2n+1)$ qui contiendra la représentation du labyrinthe. Il est initialisé de manière à ce que chaque case soit isolée des autres.
- Ensuite, la fonction save_lab permet de sauvegarder le labyrinthe au format désiré. Le tableau lislalab est d'abord traité de manière à ce que tous les éléments soient du type str. Puis viens l'enregistrement proprement dit. Un premier f.write permet d'écrire l'en-tête de l'image, dans laquelle il faut indiquer P2, puis les dimensions et enfin la valeur codant le blanc, ici cb.

```
cb = 15 #couleur d'une case visitée

def labyrinthe():
    """Crée le tableau du labyrinthe."""
    # Création de lislalab, tableau de dimensions (2*n+1) contenant la repré
    # sentation du labyrinthe
    lislalab = [[0]*(2*n+1) for i in range(2*n + 1)]
    for i in range(n):
        for j in range(n):
            lislalab[2*i+1][2*j+1] = 1

    pile = creer_pile(n*n)
    empiler(pile, (0,0))
    visiter((0,0))
    while not est_vide(pile):
        cellule = depiler(pile)
        #print(cellule)
        c = choix(cellule)
        if len(c) > 0:
            suivante = tirage(c)
            lislalab[cellule[0] +1+ suivante[0]][cellule[1]+1 +suivante[1]] = cb
            # Lie les deux cases
            visiter(suivante)
            empiler(pile, cellule)
            empiler(pile, suivante)
    return lislalab

def save_lab(fichier, lislalab):
    """Enregistre le labyrinthe en pgm"""
    #conversion des éléments de lislalab en str
    for i in range(2*n+1):
        for j in range(2*n+1):
            lislalab[i][j] = str(lislalab[i][j])
    with open(fichier + '.pgm', "w") as f:
        f.write("P2\n"+str(2*n+1)+' '+str(2*n+1)+'\n'+str(cb)+'\n')
        for i in lislalab:
            f.write(' '.join(i)+'\n')
```

La question suivante consiste à construire le chemin reliant les cases $(0,0)$ et $(n-1, n-1)$. Nous avons besoin d'une nouvelle couleur, cc pour coder le chemin. Le point clé pour construire le chemin consiste à remarquer que labyrinthe construit naturellement le chemin lorsque la case $(n-1, n-1)$ est visitée. Ainsi, si l'état de la pile est le suivant, alors les cases C_{n-1} et C_n sont adjacentes.

C_n
C_{n-1}
...
C_1
C_0

Par récurrence, si la pile est C_0 alors, le chemin allant de C_0 à C_n est $[C_0, C_1, \dots, C_n]$ Or $C_0 = (0,0)$, donc pour $C_n = (n-1, n-1)$ le chemin est la pile.

...
C_{n-1}
C_n
...
C_0

Figure 1: lejeu

- Là aussi, nous avons besoin d'une fonction auxiliaire, revdup. Elle prend en argument une pile et retourne une pile contenant les mêmes éléments, mais retournés.
- Nous introduisons une nouvelle variable pour le labyrinthe : `chemin`. Elle est initialisée à `False`, mais contiendra la liste des cases du chemin à la fin. Lors de l'exécution du `while` principal, un premier cas se présente. En effet, si la case $(n-1, n-1)$ est atteinte, c'est alors qu'un chemin a été construit. Nous vérifions alors que `chemin` est encore vide, puis la valeur du chemin est stocké dans `chemin` sous forme de pile.
- En sortie du `while`, le code suivant permet de modifier `lislalab` pour changer la couleur du chemin.

```

        xp,yp = depiler(chemin)
        lislalab[2*xp+1][2*yp+1] = cc
        while not est_vide(chemin):
            (x,y) = depiler(chemin)
            lislalab[2*x+1][2*y+1] = cc
            lislalab[x+xp+1][y+yp+1] = cc
            xp,yp = x,y
        return lislalab

```

Nous obtenons donc le code suivant :

```

## Variables importantes

cc = 12 #quelques couleurs...
cb = 15

def revdup(p):
    """Prend en argument la pile p
    retourne une pile similaire à p et
    une pile contenant p retournée"""
    n = taille(p)
    s,t = creer_pile(n),creer_pile(n)
    for i in range(n):
        v = depiler(p)
        empiler(s,v)
        empiler(t,v)
    for j in range(n):
        empiler(p,depiler(s))
    return t

def labyrinthe():
    # Création de lislalab, tableau de dimensions (2*n+1)
    #contenant la représentation du labyrinthe

    lislalab = [[0]*(2*n+1) for i in range(2*n + 1)]

    for i in range(n):
        for j in range(n):
            lislalab[2*i+1][2*j+1] = cb

```

```

pile = creer_pile(n*n)
chemin = False

empiler(pile, (0,0))
visiter((0,0))

while not est_vide(pile):
    cellule = depiler(pile)

    #construction du chemin à la volée
    if cellule == (n-1,n-1) and not(chemin):
        empiler(pile, cellule)
        chemin = revdup(pile)
        cellule = depiler(pile)
        print(taille(chemin))

    #print(cellule)
    c = choix(cellule)
    if len(c) > 0:
        suivante = tirage(c)
        # Lie les deux cases
        xc,yc = cellule
        xs,ys = suivante
        #lislal[cellule[0] +1+ suivante[0]][cellule[1]+1 +suivante[1]] =
            cb
        lislal[xc+xs+1][yc+ys+1]=cb
        visiter(suivante)
        empiler(pile, cellule)
        empiler(pile, suivante)
    # fin du while

#ajout du chemin a lislal
xp,yp = depiler(chemin)
lislal[2*xp+1][2*yp+1] = cc
while not est_vide(chemin):
    (x,y) = depiler(chemin)
    lislal[2*x+1][2*y+1] = cc
    lislal[x+xp+1][y+yp+1] = cc
    xp,yp = x,y
return lislal

```