

# EthereumにおけるVOLE-in-the-Headの検証コスト評価

津田匠貴  
Nyx Foundation

November 23, 2025

## Abstract

Vector Oblivious Linear Evaluation (VOLE) を用いたMPC-in-the-Head型ゼロ知識証明 VOLE-in-the-Head (VOLE-itH) は、線形演算をVOLEプリプロセスに置き換える一方、Ethereumでの公開検証ではオンチェーン検証コストが実用性のボトルネックとなる。本研究は、VOLE-itH のオンチェーン適用に向けた実装ベースの評価として、(1) 証明生成・検証の計算量と証明サイズを SNARK (Groth16) で圧縮した上で Ethereum verifier を実装し、そのガスコストを評価した。  
SHA-256/Keccak-F/基本論理回路でベンチマークした結果、VOLE-itH の証明生成は Circom 実装より最大 15.5× 高速だが証明サイズは 6000× 増大した。SNARK で圧縮すると証明サイズを 1,055 バイトに固定でき、オンチェーン検証は 1,055 gas で完了した。これらの結果から、VOLE-itH をブロックチェーン応用に適用する際のコストを評価した。

## 1 序論

### 1.1 ゼロ知識証明の進化とオンチェーン検証の課題

ゼロ知識証明は、ある計算が正しく実行されたことを、その計算に関する入力情報を一切明らかにしない性質はプライバシー保護が強く求められる現代のデジタル社会において極めて重要であり、特にスマートコントラクトプラットフォームにおいては、計算の正当性をトランザクションとして示すとともに、ZKPをオンチェーンで検証する際には、証明サイズ、検証計算量、そしてそれに伴うガス代などの課題が存在する。

### 1.2 VOLEベースZKPとVOLE-in-the-Head

この課題に対し、証明者の計算効率を大幅に向上させる新しいZKPの系統として、VOLE (Vector Oblivious Linear Evaluation) ベースのプロトコルが登場した。これらのプロトコルは、従来のSNARK (Succinct Non-Interactive Argument of Knowledge) で主流であったR1CS (Rank-1 Constraint System) とは異なるアプローチを取り、特に証明者の計算負荷を軽減することに成功した。

その中でもVOLE-in-the-Head (VOLE itH) は、VOLEベースの対話型プロトコルにFiat-Shamir変換を適用することで、誰でも検証可能な公開証明 (publicly verifiable proof) を生成可能にした画期的な手法である[1]。これにより、証明者側の高い計算効率と

### 1.3 研究の目的と貢献

VOLEitHは理論的には有望であるものの、その実用性、特にオンチェーン検証における具体的な性質を明確にするため、本研究の目的は、VOLEitHの特性を活かした軽量な証明者がEthereum上で検証することが可能であることを示す。具体的には、以下の項目を詳細に測定・分析する。

- ・証明生成と検証にかかる時間
- ・生成される証明のサイズ
- ・証明者と検証者の計算負荷 (CPU、メモリ)
- ・最終的なオンチェーン検証にかかるガス代

本研究は、VOLEitHのオンチェーン応用における実現可能性と技術的なトレードオフを明らかにする。

## 2 前提知識と関連研究

本章では、本稿で扱う暗号プロトコルとオンチェーン検証の前提、および関連研究を概観する。計算・ストレージ・データ転送に対して課金されるEthereum上の検証を念頭に、ゼロ知識証明の基礎知識を述べる。

### 2.1 ゼロ知識証明の基礎

ゼロ知識証明は、証明者が検証者に対し、ある表明が真であることを、その表明の真実性を担保する。ZKPは以下の3つの性質を満たす必要がある。

1. 完全性 (Completeness): 証明者の表明が真であるならば、正直な証明者は正直な検証者を必ず受け入れる。
  2. 健全性 (Soundness): 証明者の表明が偽であるならば、不正な証明者が正直な検証者を騙して受け入れられない。
  3. ゼロ知識性 (Zero-Knowledge): 検証者は、証明の正当性以外には、証明者の持つ秘密情報にアクセスしない。

ZKPは、証明者と検証者の間で複数回のやり取りを必要とする「対話型証明システム」と、証明者オンチェーン検証のように、不特定多数の検証者が非同期に検証を行う環境では、NIZKが不可欠

## 2.2 VOLE

VOLE (Vector Oblivious Linear Evaluation) は、二者間 (SenderとReceiver) のセキュアな計算的基本的なVOLEプロトコルでは、Senderが持つアフィン変換  $f(x) = ax + b$  と、Receiverが持つベクトル  $u$  に対し、Receiverが  $v = au + b$  を計算する。この過程で、Senderは  $u$  について、Receiverは  $a, b$  について何も知ることができない。

VOLEベースのプロトコルの多くは、LPN (Learning Parity with Noise) 仮定の困難性に基づくLPN仮定とは、ランダムな線形方程式系にノイズが加わったものから、元の線形関係を復元することである。

VOLEをZKPに応用するために、SPVOLE (Single-Point VOLE) やZP-VOLE (Zero-Point VOLE) といった派生プロトコルが考案された。これら

### 2.3 VOLE-in-the-Head (VOLEitH)

VOLE-in-the-Head (VOLEitH) は、VOLEベースのプロトコルをZKPに昇華させた手法である。その基本的なアイデアは、証明したい算術回路のワイヤ値をProverがコミットし、Verifierがラン

本研究で利用するsoft\_spokenライブラリは、VOLEitHの具体的な実装の一つである。soft\_spokenでは、SPVOLEとZP-VOLEを巧みに組み合わせることで、効率的な証明生成を実現している。

1. コミットメント: Proverは、算術回路の各ワイヤの値を表すベクトルにコミットする。
  2. チャレンジ: Verifierは、ランダムなチャレンジ（乱数）をProverに送信する。
  3. レスポンス: Proverは、チャレンジに基づき、コミットしたベクトル間の線形関係が成立する。
  4. 検証: Verifierは、Proverからのレスポンスと自身が持つ情報を用いて、線形関係が成立する。

この対話型のプロトコルを非対話的にするため、Fiat-Shamir変換が用いられる。これは、Verifierが生成するランダムなチャレンジを、プロトコルのここまで情報（コミットメント）により、ProverはVerifierとの対話をなしに証明を一方的に生成でき、生成された証明は誰でも

## 2.4 SNARKとオンチェーン検証の概観

Groth16を例に、オンチェーン検証は以下の処理で構成される。(i) 証明と公開入力を`calldata`として受領する、(ii) 回路固有の検証鍵をコントラクトに格納する、(iii) 公開入力とICベクトルの多倍長加算 (MSM) から`vk_x`を計算する、(iv) ペアリング用`pre-compile`を用いて等式成立を判定する。コストを支配する因子は次の通りである。第一に、ペアリ`gas` (EIP-1108後) で15-20万`gas`規模の固定費となる。第三に、公開入力数に応じてMSMが線形`gas`で課金され、証明サイズ1055バイトの場合でも約1.7万`gas`を要する。さらに、デプロイ済み二

## 2.5 設計指針

- ・証明サイズの固定性: Groth16の証明サイズは一定であり（本稿では1055バイト）、回路規範を満たす
- ・公開入力の削減: 公開入力数に比例してMSMコストが増えるため、ハッシュ圧縮等で項目数を削減する
- ・検証鍵の配置: コントラクトサイズ上限を考慮し、検証鍵を別コントラクトに分離・共有する
- ・フィールド整合性: 証明生成と検証はBN254に揃える必要があり、異なる曲線を用いる場合に注意する

## 2.6 関連研究

VOLE-in-the-Head (VOLEitH) は MPC-in-the-Head (MPCitH) と QuickSilver という二つの研究 paradigm である。以下では、それぞれの系譜と VOLEitH との接続点を整理する。

### 2.6.1 MPC-in-the-Head (MPCitH) フレームワーク

MPCitH は、セキュア多人数計算のアイデアを識別スキームや ZKPoK に転用する枠組みである。

**起源と概念** Ishai, Kushilevitz, Ostrovsky, Sahai が 2007 年に提案した MPCitH (Multi-Party Computation in the Head) は、証明者  $P$  が秘密の証拠  $x$  を複数パーティのシェア  $[x]_1, \dots, [x]_N$  に分割し、仮想的な MPC プロトコルを頭の中で実行するというアプローチである。検証者  $V$  は、ランダムに選んだパーティ  $i^*$  を除く全てのビューアの開示を要求することで、証拠を知る任意の一方向関数  $F : x \mapsto y$  に対して適用できる汎用性があり、耐量子署名を含む幅広い暗号プロトコルを構成する。

**耐量子署名への応用と限界** MPCitH パラダイムは、耐量子署名スキームにおける重要な構成要素である。

- ・ **Picnic**: MPCitH をベースにした代表的な署名スキームであり、NIST 標準化候補として注目される
- ・ 対称鍵プリミティブ (AES, LowMC, Rain など) をコアに据えた MPCitH スキームが提案されている
- ・ 追加 PQC 候補: AIMer, Biscuit, MIRA, MiRitH, MQOM, PERK, RYDE, SDitH など、

VOLEitH は、MPCitH に代わる手段として、よりシンプルかつ小さく高速な証明プロトコルを提供する。

**VOLEitH が解決する MPCitH の課題** MPCitH では Soundness エラーを抑えるためにチャレンジとレスポンスによる Knowledge 誤り  $2^{-t}$  を達成するには  $t$  ラウンドのやり取りを要し、証明サイズは  $O(t \cdot N)$  に膨らむ。また証明者は各ラウンドで複数パーティ分のビューを再計算するため、線形演算量が  $O(t \cdot N)$  となる。VOLEitH は、QuickSilver 由来の VOLE MAC を使って乗算ゲート整合性を一括チェックすることで、さらに、SoftSpokenOT に代表される OT リダクションを介して、MPCitH で必須だったビュー整合性を Shamir 変換後でも短い証明と高速な証明者性能を維持できる。

### 2.6.2 QuickSilver: VOLE ベース ZKP との統合

VOLEitH は、Vector Oblivious Linear Evaluation (VOLE) にアクセスできる QuickSilver 型の ZKP システムを取り込み、VOLE MAC を準同型コミットメントとして扱うことで効率化する。

**QuickSilverの構造と特徴** Yang、Sarkar、Weng、WangによるQuickSilverプロトコルは、VOL DittmerらのLine-Point Zero-Knowledgeパラダイムを基盤とし、任意の有限体上の算術回路に対する検証を実現する。VOLEから得られるタプル  $(u_i, v_i, q_i)$  は、グローバルキー  $\boxtimes$  の下で機能するメッセージ認証コード  $w_\alpha \cdot w_\beta = w_\gamma$  を効率的に検証する。これにより、指定検証者型のVOLEベースZKPが、軽量な検証

**VOLEitH/FAESTへの取り込み** FAEST署名では、QuickSilverスタイルのプロトコル  $\Pi_{2D\text{-Rep}}$  をFOT-1ハイブリッドモデルに設定し、O2Cコンパイラを適用して非対話型議論  $\Pi_{FAEST}$  を得る。Fiat-Shamir変換を施すことでROM上の安全性が保証され、指定検証者向けだつ VOLEitHは、SoftSpokenOTに代表されるOTベースの技術を活用したコンパイラにより、QuickS

### 3 ベンチマーク設計 (Benchmark Design)

本章では、VOLEitHとSNARKを組み合わせたアーキテクチャの性能を定量的に評価するために設

#### 3.1 測定項目

本研究では、証明システムの性能と実用性を多角的に評価するため、以下のメトリクスを測定対象

メトリクス	説明
証明生成時間 (Proof Generation Time)	証明者が、ある計算に対する証明を生成する時間
証明検証時間 (Proof Verification Time)	検証者が、与えられた証明の正当性を検証する時間
証明サイズ (Proof Size)	生成された証明データの大きさ
通信オーバーヘッド (Communication Overhead)	非対話型証明において、証明者が相手に送信するデータ量
計算負荷 (Computation Load)	証明生成および検証プロセス中に消費される計算資源
SNARK制約数 (Number of constraints)	VOLEitHの証明をSNARKに変換する際に必要となる制約数
オンチェーン検証ガス代 (On-Chain Verification Gas Cost)	生成されたSNARK証明をEthereum上での検証にかかるガス代

Table 1: ベンチマーク測定項目一覧

#### 3.2 評価環境

すべてのベンチマークは、以下の統一された環境で実施した。

- ・ ハードウェア:
  - CPU: Apple M1
  - メモリ: 16GB
- ・ ソフトウェア:
  - 言語: Rust

- ベンチマークツール: cargo bench
- VOLEitH実装: soft\_spoken ライブライ
- スマートコントラクト開発・テスト: Foundryフレームワーク
- Solidityバージョン: 0.8.20

### 3.3 評価対象回路

本ベンチマークでは、プロトコルの基本的な性能と、より実践的な応用における性能の両方を評価

- SHA256回路:
  - 内容: SHA-256。これらは暗号技術で広く利用される標準的なハッシュ関数であり、複数の実装が存在する。
  - 形式: これらの回路は、Bristol Fashion形式で記述されたものを、本研究で利用するVC。
  - 目的: VOLEitHプロトコル単体の性能と、既存のZKP実装（Circom）との比較評価に用いられる。
- E2E評価用基本回路:
  - 内容: 100ゲートおよび1000ゲートのADD（加算）回路とAND（乗算）回路。
  - 目的: エンドツーエンド（E2E）の性能評価、特に回路の規模（ゲート数）と種類（加算、乗算）。

## 4 結果と分析 (Results and Analysis)

本章では、設計したベンチマークに基づき、VOLEitHの性能を多角的に評価する。まず4.1節でVOL

### 4.1 VOLEitH単体性能評価

VOLEitHプロトコル自体の性能を評価するため、標準的な暗号学的ハッシュ関数であるSHA-256とKeccak-Fの回路を用いてベンチマークを実施した。これらの回路はBristol Fashion形式で記述されたものを本研究用に変換したものである。

表1に、Apple M1（メモリ16GB）環境で測定した両回路のベンチマーク結果を示す。

Table 2: VOLEitH単体性能ベンチマーク (SHA-256 vs Keccak-F)

Metric	sha256	keccak_f
Proof Generation Time	95 ms	143 ms
Proof Verification Time	51 ms	74 ms
Proof Size	4,927,342 B (~4.9 MB)	8,416,569 B (~8.4 MB)
Communication Overhead	4,927,407 B (~4.9 MB)	8,416,634 B (~8.4 MB)
Prover Computation Load	0.02% CPU, 118.23 MB	0.04% CPU, 154.14 MB
Verifier Computation Load	0.04% CPU, 138.89 MB	0.04% CPU, 158.1 MB

表2から、回路の複雑性が性能に直接的な影響を与えることがわかる。

Keccak-FはSHA-256よりも複雑な回路構造を持つため、証明生成時間、検証時間、そして証明サイズ256を上回るコストが必要となった。特筆すべきは証明サイズであり、SHA-256で約4.9MB、Keccak-Fでは約8.4MBにも達する。この巨大なデータサイズは、そのままでは

次に、VOLEitHの性能特性をより明確にするため、既存のZKP実装であるCircom ([5]より)とSHA-256実装との比較を行う。表2に両者の性能比較を示す。

Table 3: SHA-256実装の性能比較 (VOLEitH vs Circom)

実装	証明生成時間	証明サイズ
VOLEitH (本研究)	95 ms	~4.9 MB
Circom (先行研究)	~1,473 ms	~821 Bytes

表3は、VOLEitHの基本的なトレードオフを明確に示している。証明生成時間において、VOLEitHはCircomよりも速い。これは、証明者の計算効率を重視するVOLEベースのプロトコルの特性を強く反映している。

一方で、証明サイズに目を向けると、VOLEitHの証明は約4.9MBであるのに対し、Circom (Group 1)は約8.4MBである。

この結果から、VOLEitHはクライアントデバイスのような計算資源が限られた環境での高速な証明が可能である。この「証明は高速だが、証明自体が巨大」という課題が、本研究でSNARKによる証明圧縮アプローチによって解決される。

## 4.2 エンドツーエンド (E2E) 性能評価

前節でVOLEitH単体では証明サイズが大きすぎるという課題が明らかになったため、本節ではVOLEitHの性能を評価する。ベンチマークは、100ゲートおよび1000ゲートのADD回路とAND回路を用いて実施した。

まず、VOLEitHフェーズの性能を表3に示す。

Table 4: E2Eベンチマーク - VOLEフェーズの性能

Metric	100 add	100 and	1000 add	1000 and
Proof Gen. Time	279.012 $\mu$ s	476.5 $\mu$ s	790.062 $\mu$ s	1.649 ms
Proof Ver. Time	68.75 $\mu$ s	274.566 $\mu$ s	585.6 $\mu$ s	1.082 ms
Proof Size	21,361 B	42,491 B	21,319 B	233,175 B
Comm. Overhead	21,426 B	42,556 B	21,384 B	233,240 B

表4から、VOLEフェーズにおいては、回路のゲート数が増加するにつれて、証明生成時間、検証時間、証明サイズがすべて増加する。特に、ANDゲート回路はADDゲート回路と比較して、同程度のゲート数であっても証明生成時間が約2倍かかる。これは、soft\_spokenの実装において、ANDゲートのような乗算処理がADDゲートのような加算処理よりも時間がかかるためである。

次に、SNARKフェーズの性能を表4に示す。このフェーズでは、VOLEitHの証明をSNARK (Group 2)へと変換するため、証明生成時間は約10倍かかる。

Table 5: E2Eベンチマーク - SNARKフェーズの性能

Metric	100 add	100 and	1000 add	1000 and
Proof Gen. Time	272 ms	1,794 ms	324 ms	8,003 ms
Constraints	86,080	3,471,680	86,080	33,942,080
Proof Size	1,055 B	1,055 B	1,055 B	1,055 B
Gas Cost	208,967	208,967	208,967	208,967

表5から、SNARKフェーズではVOLEフェーズとは異なる特性が明らかになる。最も注目すべきは、最終的なSNARK証明のサイズが、回路のゲート数や種類に関わらず1,055バイトである。また、オンチェーン検証のガス代も208,967 gasで一定であり、これはSNARKの検証が固定コストであることを示す。これにより、前節で課題となったVOLEitHの巨大な証明サイズが大幅に圧縮され、オンチェーン検証が実現可能となる。

一方で、SNARK証明の生成時間と制約数には、回路の複雑性が大きく影響している。特に、ANDゲート数が多い場合、証明生成時間が長くなる傾向がある。例えば、1000 ANDゲート回路では、制約数が33,942,080に達し、証明生成に8,003 ms（約8秒）を要している。

この関係性をより視覚的に示すため、図1にSNARKの制約数と証明生成時間の関係を示す。

Figure 1: SNARKの制約数と証明生成時間の関係

図1は、SNARKの証明生成時間が、回路の制約数、特に乗算ゲートに起因する制約数の増加によるものである。これは、SNARKの証明生成における主要な計算ボトルネックが、回路の複雑性、特に乗算の多さによるものである。

**主な観測事項** 本章で得られたE2E測定結果から、以下の特徴が明らかになった。

- ANDゲートはADDゲートよりも大幅に制約数と証明時間を増加させ、VOLEフェーズでも証明時間が長い。
- ADDのみの回路では制約数がほぼ一定であるのに対し、ANDゲート数に比例してSNARK制約数が増加する。
- SNARKフェーズの証明生成時間が、VOLEフェーズの生成・検証時間を大きく上回り、全体の証明時間に大きな割合を占める。
- SNARK証明サイズおよびオンチェーン検証ガスは1,055バイトと約209k gasで一定であり、回路規模に依存しない。
- 総証明時間はSNARKフェーズの制約增加に強く影響されるため、複雑な回路ではクライアント側の計算資源を効率的に利用する必要がある。

### 4.3 SNARK統合に関する洞察

VOLEitHの証明をGroth16で包むと、証明サイズと検証コストは一定になる一方で、R1CS制約数は複雑な回路で増加する。ここでは制約数の内訳と、制約爆発の要因および緩和策を整理する。

#### 4.3.1 制約数の分解

$n$  を拡張witnessの長さ（秘密入力数と乗算ゲート数の合計）とすると、全体の制約数は

$$16,640 \times n + 2,113,664$$

と表せる。線形項に寄与するガジェットは表6の通りであり、compute\_validation\_aggregateが支障となる。

Table 6: 線形に増加するガジェットの制約数

ガジェット	制約数
<code>compute_d_delta</code>	$128n$
<code>compute_masked_witness</code>	$256n$
<code>compute_validation_aggregate</code>	$16,512n$
合計	$\approx 16,640n$

また、回路サイズに依存しない定数項も無視できない（表7）。乗算ゲートが増えると線形項が

Table 7: 定数項として加算されるガジェット

ガジェット	制約数
<i>combine</i>	~ 2,097,152
<i>compute_actual_validation</i>	~ 16,384
最終整合性チェック	~ 128
合計	~ 2,113,664

#### 4.3.2 Field Mappingがもたらす制約爆発

SchmivitzにおけるVOLEitHは、 $\mathbb{F}_2$ 、 $\mathbb{F}_{2^8}$ 、 $\mathbb{F}_{2^{64}}$ 、 $\mathbb{F}_{2^{128}}$ といった2進拡大体上で計算を行う。一方で、Groth16のR1CSはBN254の素数体上で定義されるため、各ビット列をBoolean変数列に実装では以下のように、証明内の各値を逐一Boolean配列に射影している。

```
pub fn build_circuit(
    cs: ConstraintSystemRef<Bn254Fr>,
    proof: Proof<InsecureVole>,
) -> VoleVerificationBoolean {
    let witness_commitment_booleans: Vec<Vec<Boolean<Bn254Fr>>> = proof
        .witness_commitment
        .iter()
        .map(|value| f64b_to_boolean_array(cs.clone(), value).unwrap())
        .collect();

    let witness_challenges_booleans: Vec<Vec<Boolean<Bn254Fr>>> = proof
        .witness_challenges
        .iter()
        .map(|value| f128b_to_boolean_array(cs.clone(), value).unwrap())
        .collect();
    // ...
}
```

この変換により、もともと単一の体要素で表現できた計算が数百ビットのAND/XORに展開さ

#### 4.3.3 ANDゲートとwitness\_challenge

特にANDゲートを検証する際には、*witness\_challenge*と*masked\_witness*の全ビットについてANDゲートを評価する。実装の核心は以下の通りであり、128ビット平方の積をBooleanレベルで計算するため、ANDゲートを複数回呼び出している。

```
for (i, challenge_bit) in challenge.iter().enumerate() {
    if i >= 128 { break; }
    for (j, masked_bit) in masked_witness.iter().enumerate() {
        if j >= 128 || i + j >= 128 { continue; }
```

```

    let and_result = Boolean::and(challenge_bit, masked_bit)?;
    product[i + j] = Boolean::xor(&product[i + j], &and_result)?;
}
}

```

ADDゲートではwitness\_challengeが不要なため制約数は一定だが、ANDゲートが増えるほど

#### 4.4 技術的ボトルネックと解決策

上記の分析から、Field MappingとGGM木再構成が制約爆発の主要因であることが分かる。本節では、これらを緩和するための具体的な研究方向を整理する。

##### 4.4.1 Field Mapping最適化とLookup Table

Mystique[6]は、機械学習向けに $\mathbb{F}_2$ と $\mathbb{F}_p$ のデータ変換を効率化するVOLEベースZKであり、Lookup Table (LUT) を導入することでさらに高速化できることが最新研究[7]で示されている。表8に示す通り、LUTを用いた場合には実行時間が61-130倍短縮し、通信量も最大2.9倍削減でき、VOLEitHのField MappingにMystique型LUTを適用できれば、SNARKフェーズの制約数削減に直

Table 8: MystiqueとLUT拡張の性能比較

関数	プロトコル	実行時間 (s)	通信量 (MB)
指數関数	Mystique with LUT	8.696	99.020
	Mystique	1130.020	291.435
除算	Mystique with LUT	9.837	110.684
	Mystique	617.690	160.428
逆平方根	Mystique with LUT	11.836	147.903
	Mystique	824.639	212.211

##### 4.4.2 GGM木最適化とFolding

Schmivitzでは、VOLEitH検証で最もコストの高いGGM木再構成を簡略化しているが、SNARKでは著者らはGGM木を効率化する手法[8]に加え、FAESTを改良したFAESTERを提案しており、署名時間と検証時間の大幅な削減が可能である。本研究で検討したFoldingスキームとこれらの最適化を組み合わせれば、将来的にGGM木再構成部

Table 9: FAESTとFAESTERの比較（セキュリティ128ビット）

スキーム	バージョン	署名サイズ (B)	署名時間 (ms)	検証時間 (ms)
FAEST	Slow	50,063	4.3813	4.1023
	Fast	63,363	0.4043	0.3953
FAESTER	Slow	45,943	3.2823	4.4673
	Fast	60,523	0.4333	0.6103

#### 4.5 総合考察とトレードオフ分析

これまでの分析結果を統合し、VOLEitHとSNARKを組み合わせたアーキテクチャ全体の有効性と、本研究で採用したアーキテクチャは、図2に示すように、証明者側（Prover）で2段階のプロセスを実現する。

Figure 2: VOLEitH + SNARKによる証明圧縮プロセスの概念図

図2が示す通り、本アーキテクチャは、VOLEitHが生成する巨大な証明（数MBオーダー）を、このアプローチにより、以下の2つの大きな利点を両立することが可能となる。

1. 高速な証明者計算: VOLEitHは、Circomのような従来のR1CSベースのシステムと比較して、これにより、計算能力が限られるクライアントデバイス（例: Webブラウザ、スマートフォン）でも実行可能である。
2. 低コストなオンチェーン検証: SNARK化された証明は、サイズが小さく、検証コストが回路計算時間に比例する。

一方で、このアーキテクチャには考慮すべきトレードオフも存在する。最大のトレードオフは、証明者は、高速なVOLEitH証明生成に加えて、SNARK証明を生成するための追加の計算コストを負担する。特に、回路が多くの乗算（ANDゲート）を含む場合、SNARKの制約数が急増し、SNARK証明の生成時間が長くなる。したがって、本アーキテクチャは、以下のような特性を持つユースケースにおいて特に有効である。

- ・ クライアントサイドでの証明生成: ユーザー自身のデバイスで証明を生成し、サーバーやブロードキャストを経由せずに直接検証する。
- ・ オンチェーンコストの最小化が重要: ブロックチェーンのスケーラビリティが重視され、トランザクションの大きさを最小化する。

結論として、VOLEitHとSNARKを組み合わせたハイブリッドアプローチは、「証明者の高速性」と「証明圧縮」の両立を実現する。その性能は回路の特性、特に乗算の数に大きく依存するため、アプリケーションを設計する際には注意が必要である。

### 5 結論と今後の展望 (Conclusion and Future Work)

#### 5.1 結論

本研究では、証明者効率の高いVOLE-in-the-Head (VOLEitH) プロトコルと、証明圧縮に優れたSNARKを組み合わせたハイブリッドアプローチを提案した。ベンチマークを通じて、以下の主要な知見が得られた。

1. VOLEitHの基本的なトレードオフ: VOLEitHは、CircomのようなR1CSベースのシステムと比較して、この巨大な証明は、単体ではオンチェーン検証の大きな障壁となる。
2. SNARK圧縮の有効性: VOLEitHの証明をSNARK (Groth16) で圧縮することにより、回路の構造を理解する必要がなく、VOLItHのオンチェーン応用の道が拓かれる。
3. アーキテクチャのボトルネック: エンドツーエンドのプロセスにおける主要なボトルネックは、SNARK証明の生成時間である。

結論として、VOLEitHとSNARKを組み合わせたハイブリッドアプローチは、「クライアントサイドでの証明生成」と「オフチェーンの検証」という2つの利点をもたらす。本研究は、その具体的な性能データとトレードオフを明らかにすることで、このアプローチの実用性を示すものである。

## 5.2 今後の展望

本研究の成果を踏まえ、特に優先度の高い研究課題は以下の3点である。

1. Field Mapping最適化: Mystique型のデータ変換やLookup TableをVOLEitHに取り入れ、 $\mathbb{F}_2$  GGM木再構成の高度化: FAESTERのような最適化とFoldingスキームを組み合わせ、検証フ
3. 代替SNARK/証明システムの検討: BinusやRecursive SNARKなど、二進演算に適した新しい

これらに加えて、以下のエンジニアリング課題にも継続的に取り組む必要がある。

- SNARK証明生成の最適化: VOLEitHからR1CSへの変換フローを高速化し、Plonk/Halo2といったSNARKやSolidity verifierのガス最適化を検討する。
- アプリケーション駆動の評価: 分散型ID、プライベートトランザクション、オンチェーンゲー
- セキュリティ整合性の確保: VOLEitHはLPN仮定に基づくポスト量子耐性を持つ一方で、Gro

## 参考文献 (References)

### References

- [1] Baum, C., et al. Publicly Verifiable Zero-Knowledge and Post-Quantum Signatures from VOLE-in-the-Head. Cryptology ePrint Archive, Paper 2023/996, 2023. <https://eprint.iacr.org/2023/996>.
- [2] Groth, J. On the Size of Pairing-based Noninteractive Arguments. In EUROCRYPT 2016, pp. 305-326, 2016. DOI: 10.1007/978-3-662-49896-5\_11.
- [3] Gabizon, A., Williamson, Z. J., and Ciobotaru, O. PLONK: Permutations over Lagrange-bases for Oecumenical Noninteractive arguments of Knowledge. IACR Cryptology ePrint Archive, 2019.
- [4] Grassi, L., et al. Poseidon: A New Hash Function for Zero-Knowledge Proof Systems. In USENIX Security Symposium, 2021. <https://www.usenix.org/conference/usenixsecurity21/presentation/grassi>.
- [5] Iden3. Circom: A Circuit Compiler for Zero-Knowledge Proofs. Cryptology ePrint Archive, Paper 2023/681, 2023. <https://eprint.iacr.org/2023/681>.
- [6] Haitner, Y., et al. Mystique: Efficient Conversions for Zero-Knowledge Proofs with Applications to Machine Learning. Cryptology ePrint Archive, Paper 2021/730, 2021. <https://eprint.iacr.org/2021/730>.
- [7] Fu, H., et al. Scalable Zero-knowledge Proofs for Non-linear Functions in Machine Learning. Cryptology ePrint Archive, Paper 2025/507, 2025. <https://eprint.iacr.org/2025/507>.
- [8] Beullens, W., et al. One Tree to Rule Them All: Optimizing GGM Trees and OWFs for Post-Quantum Signatures. Cryptology ePrint Archive, Paper 2024/490, 2024. <https://eprint.iacr.org/2024/490>.