

Índice

Calculo de Orden de los Algoritmos Solicitados.....2

 BFS.....2

 Dijkstra.....4

 Heurístico y A*.....7

Calculo de Orden de los Algoritmos Solicitados

BFS

```
private void bsf() {

    for (int i = 0; i < grafo.vertices(); i++) { // N (nro de vertices)

        dist.add(Double.POSITIVE_INFINITY); // 1

        nodosPrevios.add(null); // 1

    }

    dist.set(0, 0.0); // 1

    List<Integer> adyacentes = new ArrayList<>(); // 1
    LinkedList<Integer> queue = new LinkedList<Integer>(); // 1
    queue.add(origen); // 1

    Integer current = queue.getFirst(); // 1

    while (!queue.isEmpty() && current != destino) { // N (nro de vertices)
// todos los vertices

        queue.removeFirst(); // 1

        adyacentes = grafo.adyacentesA(current); // (N - 1) N ← todos son adyacentes con todos

        for (Integer adyacente : adyacentes) { // A / (suma de todas las A)= m

            if (!visitado(adyacente)) { // 1

                dist.set(adyacente, dist.get(current) + 1); // 1

                edge.add(obtenerNuevaArista(current, adyacente)); // M

                queue.addLast(adyacente); // 1

                nodosPrevios.set(adyacente, current); // 1

            }

        }

        current = queue.getFirst(); // 1

    }

}

public Arista obtenerNuevaArista(int origen, int destino) {
```

```

Arista nueva = null; // 1

List<Arista> aristas = grafo.incidentesA(destino); // 1

for (Arista a : aristas) { // A (subconjunto de aristas)
    if (a.origen() == origen && a.destino() == destino) {
        nueva = a; // 1
        break;
    }
}

return nueva; // 1
}

```

Orden

Para un grafo de N vértices y M aristas, tenemos N veces la inicialización de la lista de distancias y M las de caminos, y luego se recorren, en el peor de los casos nuevamente todos los vértices y todas las aristas. Analizando el código, tenemos que:

$$\begin{aligned}
 T(n) &= 2N + 5 + N * (N(N-1) + (7+M)N + 2) \\
 &= 2N + 5 + N * (N^2 - N + (7+M)N + 2) \\
 &= 2N + 5 + N * (N^2 + 6N + MN + 2) \\
 &= 2N + 5 + N^3 + (6 + M)N^2 + 2N \\
 &= N^3 + (6 + M)N^2 + 4N + 5
 \end{aligned}$$

Luego $O(n) \in N^3 + MN^2$.

Dijkstra

```
public final void dijkstra() {

    for (int i = 0; i < grafo.vertices(); i++) { // N
        dist.add(Double.POSITIVE_INFINITY);      // 1
        nodosPrevios.add(null);                  // 1
        verticesNoVisitados.add(i);              // 1
    }

    dist.set(origen, 0.0);                       // 1

    int verticeConMenorDistanciaAcumulada;

    while (!verticesNoVisitados.isEmpty()) {      // N

        // 3 * Suma de 1 hasta N

        verticeConMenorDistanciaAcumulada = obtenerVerticeConMenorDistanciaAcumulada();

        if (verticeConMenorDistanciaAcumulada != destino) {
            verticesNoVisitados.remove(verticeConMenorDistanciaAcumulada); // 1

            // Suma de 1 hasta (N - 1) ← todos son adyacentes con todos

            for (Integer adyacente : grafo.adyacentesA(verticeConMenorDistanciaAcumulada)) {

                Arista aristaAAdyacente =
obtenerAristaAAdyacente(verticeConMenorDistanciaAcumulada, adyacente); // N

                double alt = dist.get(verticeConMenorDistanciaAcumulada) +
aristaAAdyacente.peso(); // 1

                if (alt < dist.get(adyacente)) { // A tal que la suma de A = M
                    dist.set(adyacente, alt); // 1
                    nodosPrevios.set(adyacente, verticeConMenorDistanciaAcumulada); // 1
                }
            }
        } else {
            break;
        }
    }
}
```

```

private int obtenerVerticeConMenorDistanciaAcumulada() {

    double distanciaMinima = Double.POSITIVE_INFINITY;
    Integer aDevolver = -1;

    for (Integer vertice : verticesNoVisitados) {          // Suma de 1 hasta N
        if (distanciaMinima > dist.get(vertice)) {          // 1
            distanciaMinima = dist.get(vertice);            // 1
            aDevolver = vertice;                             // 1
        }
    }

    return aDevolver;                                       // 1
}

private Arista obtenerAristaAAyacente(int origen, int adyacente) {

    List<Arista> aristas = grafo.incidentesA(adyacente);

    for (Arista arista : aristas) {                        // Suma de 1 hasta M
        if (arista.origen() == origen) {                  // 1
            return arista;                                  // 1
        }
    }

    return null;                                           // 1
}

```

Orden

Para un grafo de N vértices y M aristas, tenemos N veces la inicialización de la lista de distancias y M las de caminos, y luego se recorren, en el peor de los casos nuevamente todos los vértices y todas las aristas. Analizando el código, tenemos que:

$$\begin{aligned}T(n) &= 3N + 1 + N * (3 * N(N+1)/2 + ((N-1)N/2)*(N+3)) \\&= 3N + 1 + N * (3/2 * (N^2 + N) + (1/2 * (N^2 - N))*(N+3)) \\&= 3N + 1 + N * (3/2 * (N^2 + N) + (1/2 * (N^3 + 2N^2 - 3N)))\end{aligned}$$

Luego, es claro que $O(n) \in N^3$.

Heurístico y A*

En estos casos lo que ocurre es que los algoritmos Heurístico y A* son iguales al BFS y al Dijkstra, respectivamente. Lo único que los diferencia es el uso de la función heurística, la cual puede mejorar sustancialmente el funcionamiento en el mejor de los casos, o ser igual en el peor, con lo cual las estimaciones son las mismas, salvo la suma de una constante K correspondiente al algoritmo de heurística.