

선수 지식 - 자료구조

우선순위 큐

우선순위 큐 | 다양한 알고리즘의 기본이 되는 자료구조 이해하기

강사 나동빈

선수 지식 - 자료구조

우선순위 큐

우선순위 큐(Priority Queue)

- 우선순위 큐는 우선순위에 따라서 데이터를 추출하는 자료구조다.
- 컴퓨터 운영체제, 온라인 게임 매칭 등에서 활용된다.
- 우선순위 큐는 일반적으로 힙(heap)을 이용해 구현한다.

자료구조	추출되는 데이터
스택(stack)	가장 나중에 삽입된 데이터
큐(queue)	가장 먼저 삽입된 데이터
우선순위 큐(priority queue)	가장 우선순위가 높은 데이터

우선순위 큐를 구현하는 방법

- 우선순위 큐는 다양한 방법으로 구현할 수 있다.
- 데이터의 개수가 N 개일 때, 구현 방식에 따른 시간 복잡도는 다음과 같다.

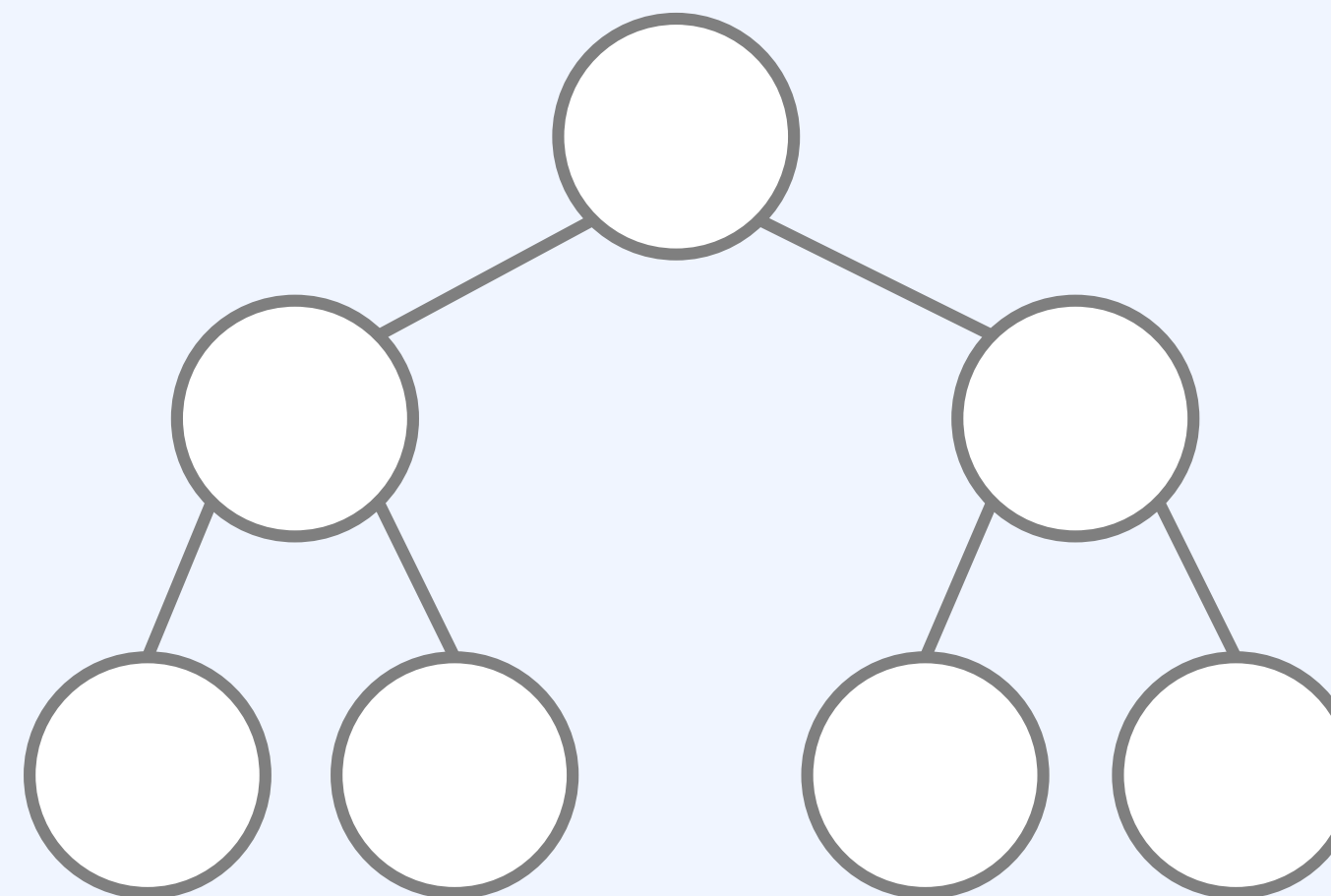
우선순위 큐 구현 방식	삽입 시간	삭제 시간
리스트 자료형	$O(1)$	$O(N)$
힙(Heap)	$O(\log N)$	$O(\log N)$

우선순위 큐를 구현하는 방법

- 일반적인 형태의 큐는 선형적인 구조를 가진다.
- 반면에 **우선순위 큐**는 이진 트리(binary tree) 구조를 사용하는 것이 일반적이다.



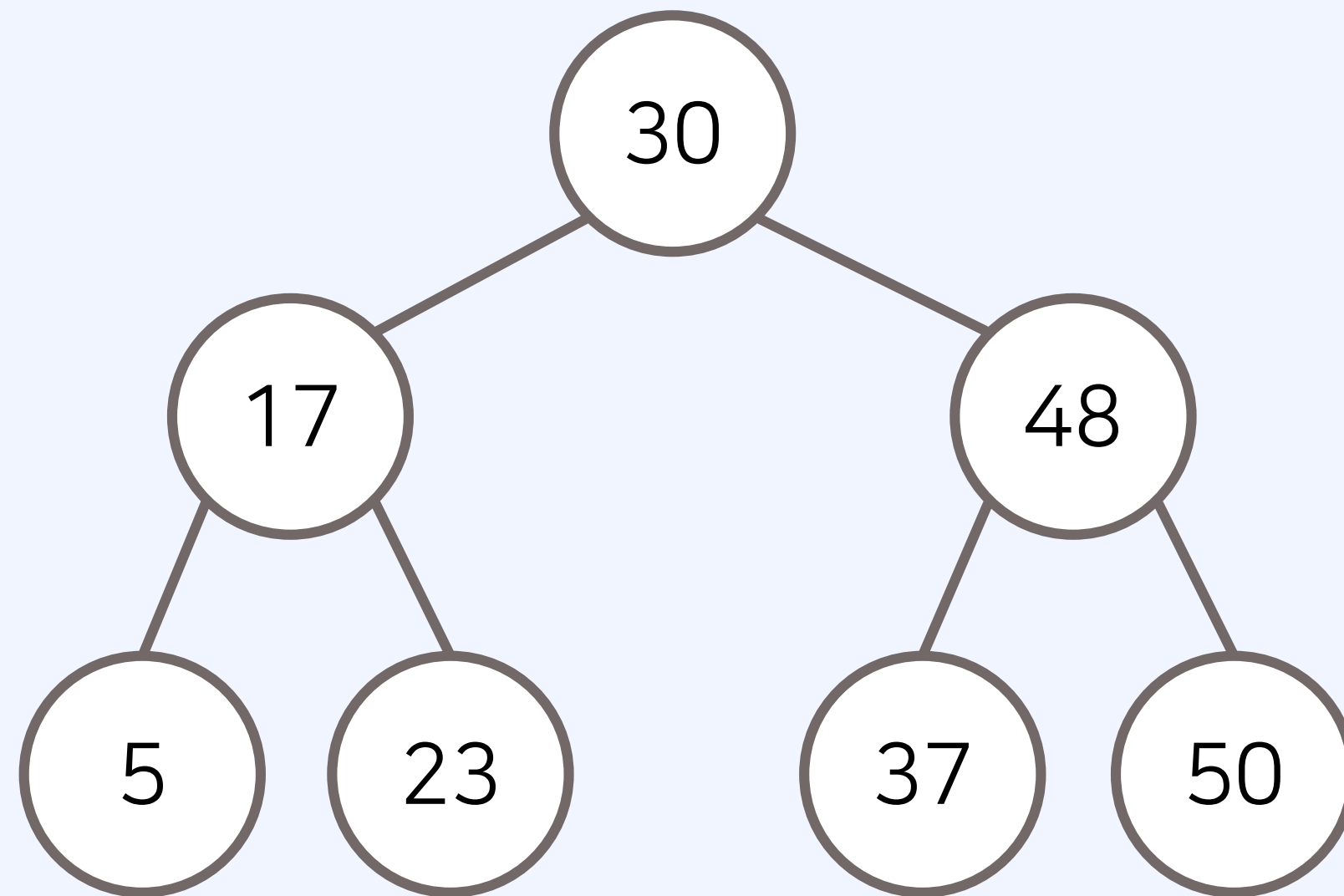
일반적인 큐



우선순위 큐

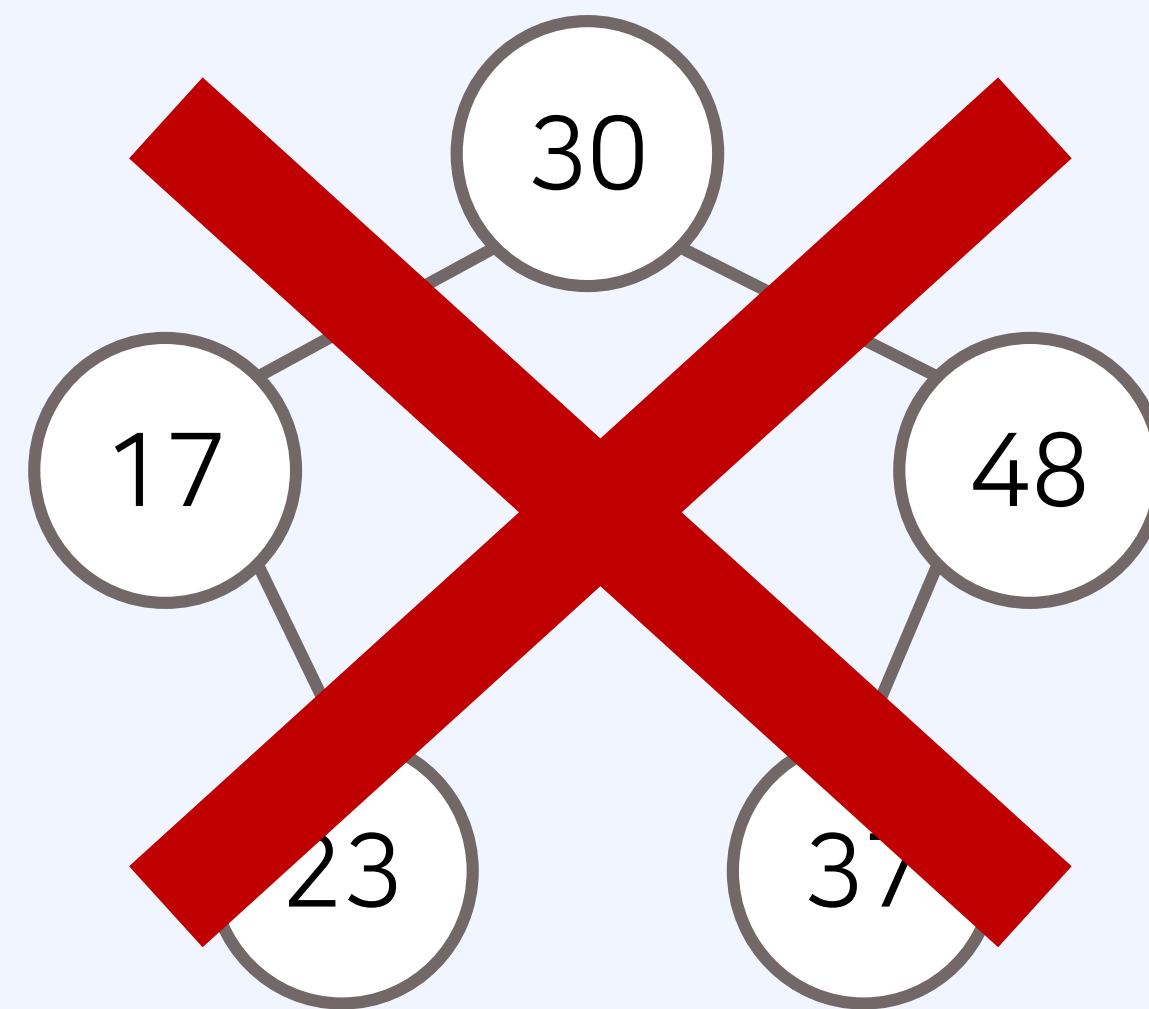
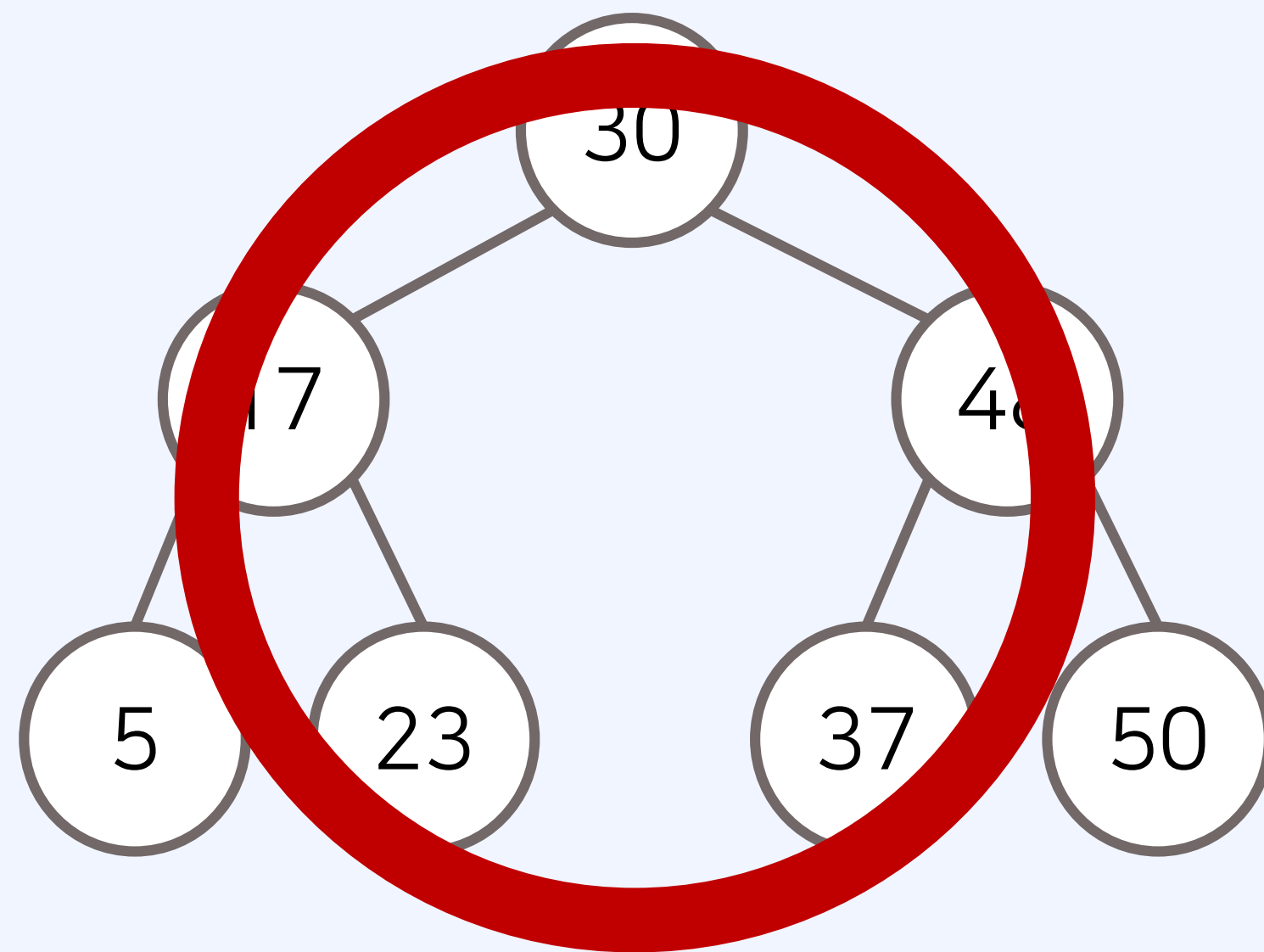
이진 트리(Binary Tree)

- 이진 트리(binary tree)는 최대 2개까지의 자식을 가질 수 있다.



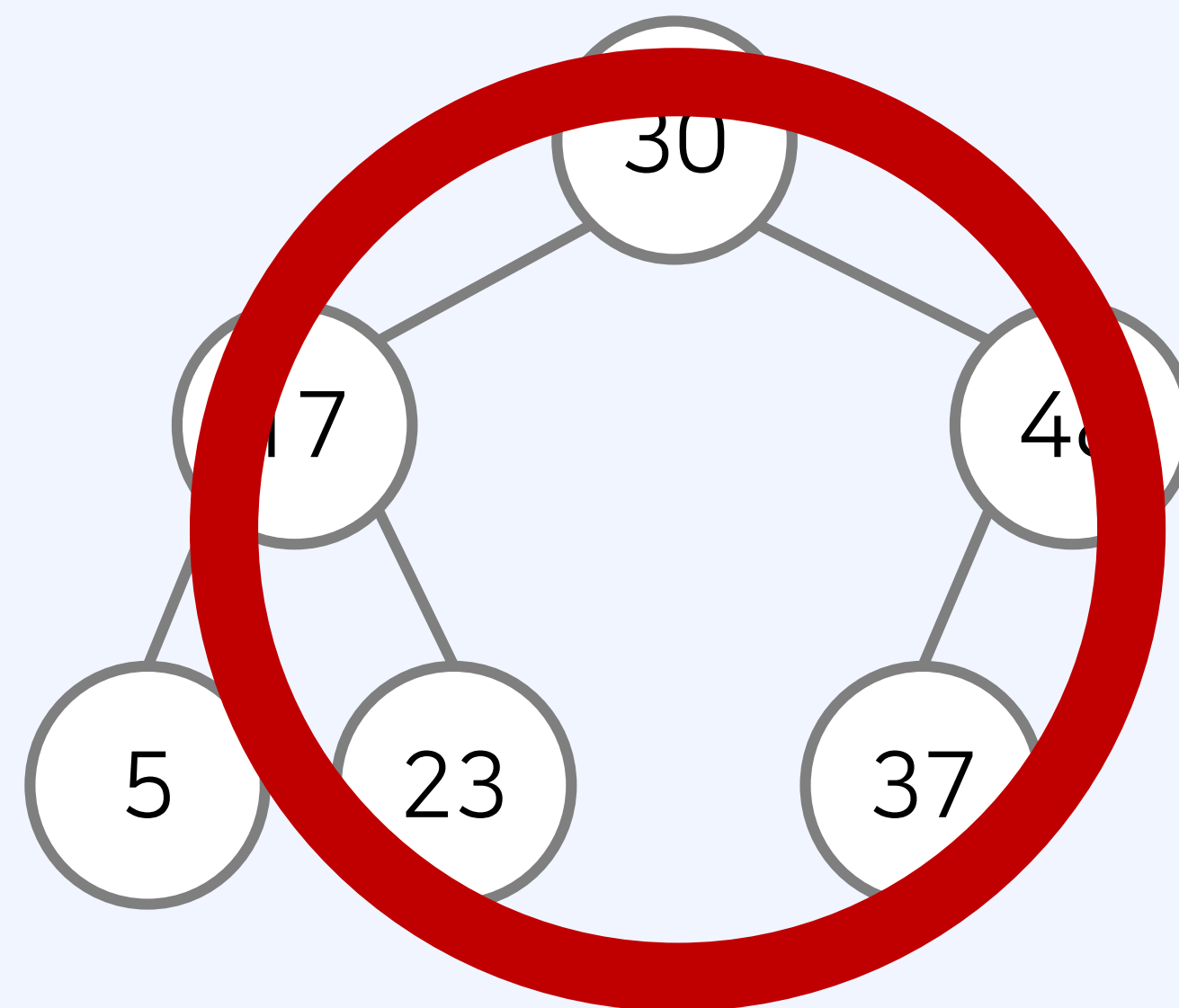
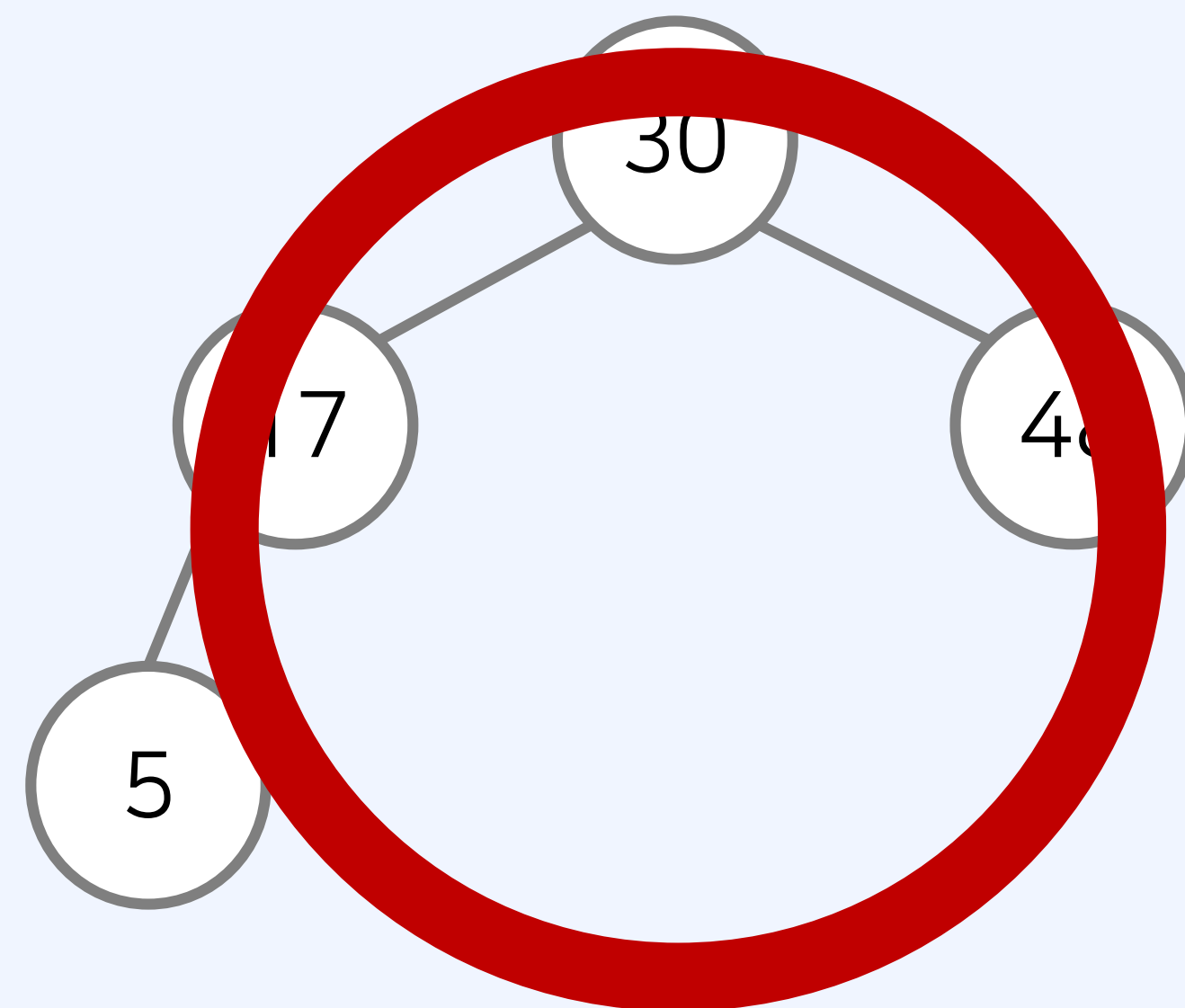
포화 이진 트리(Full Binary Tree)

- 포화 이진 트리는 리프 노드를 제외한 모든 노드가 두 자식을 가지고 있는 트리다.



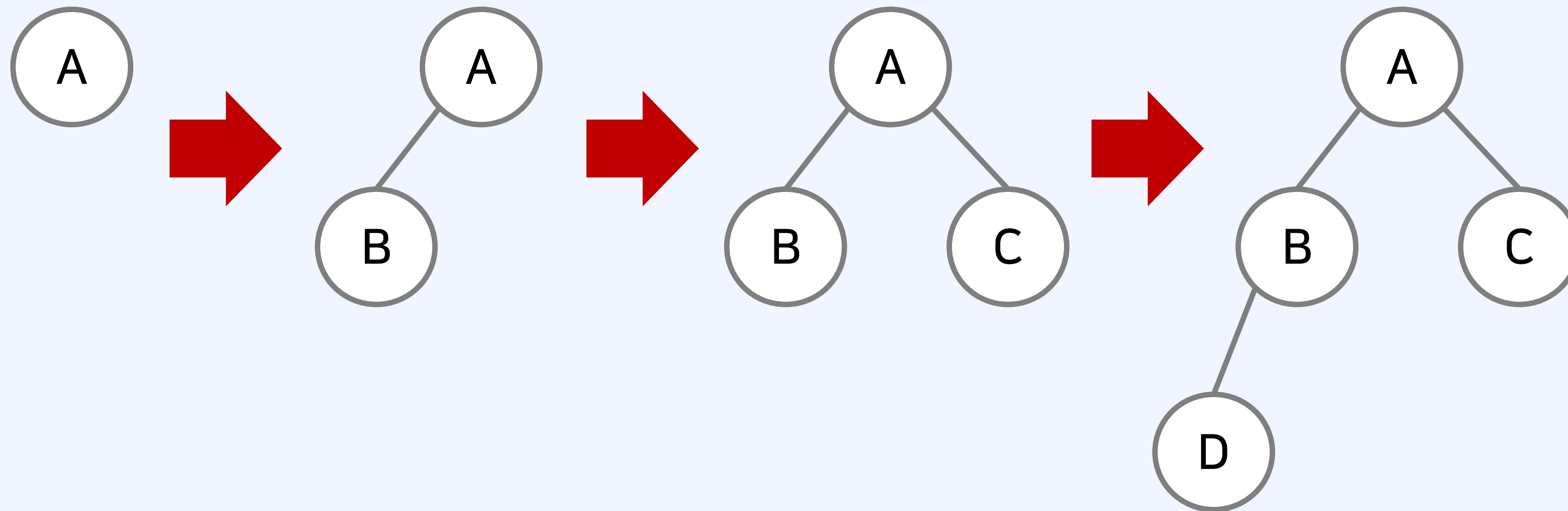
완전 이진 트리(Complete Binary Tree)

- 완전 이진 트리는 모든 노드가 왼쪽 자식부터 차근차근 채워진 트리다.



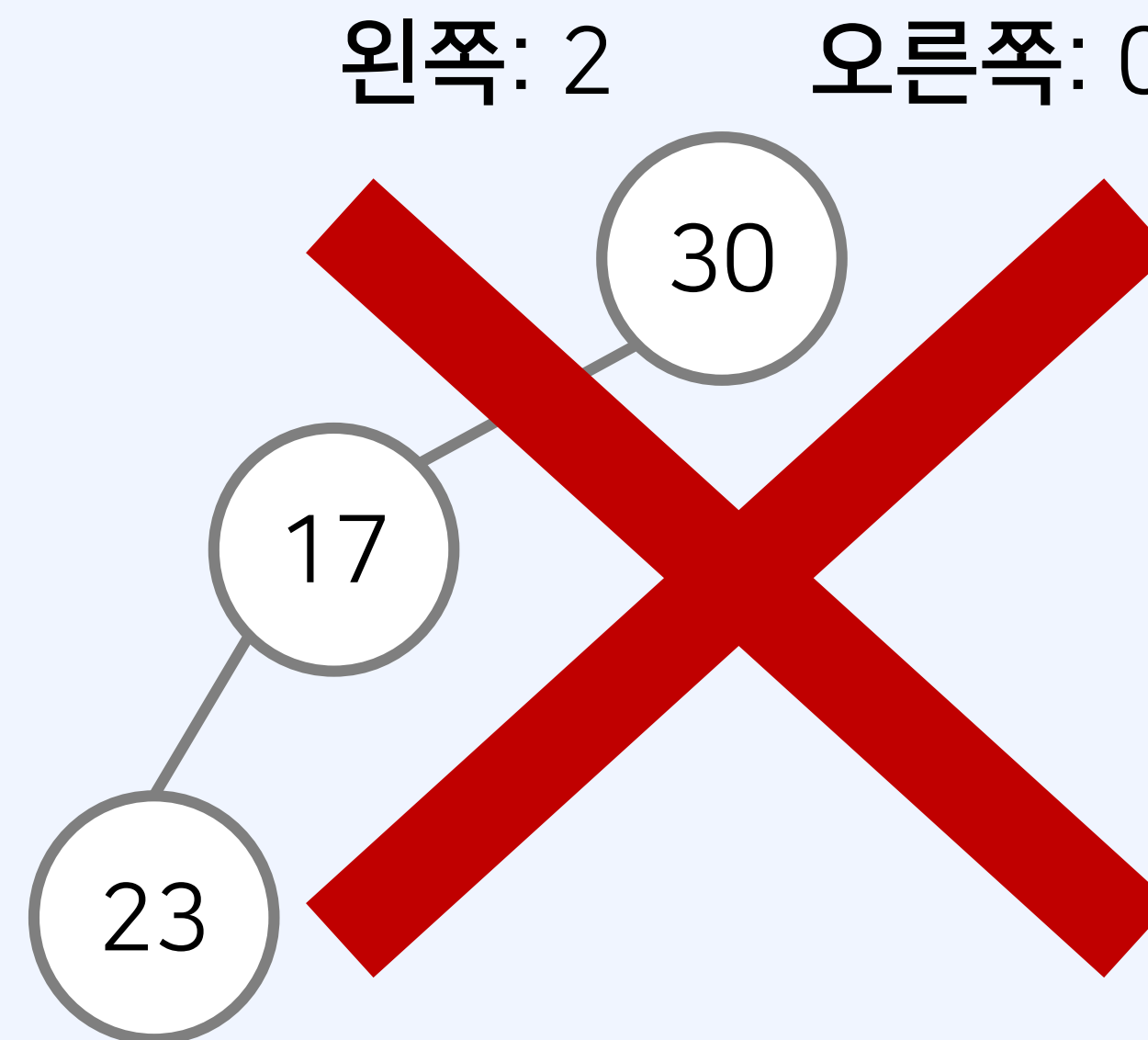
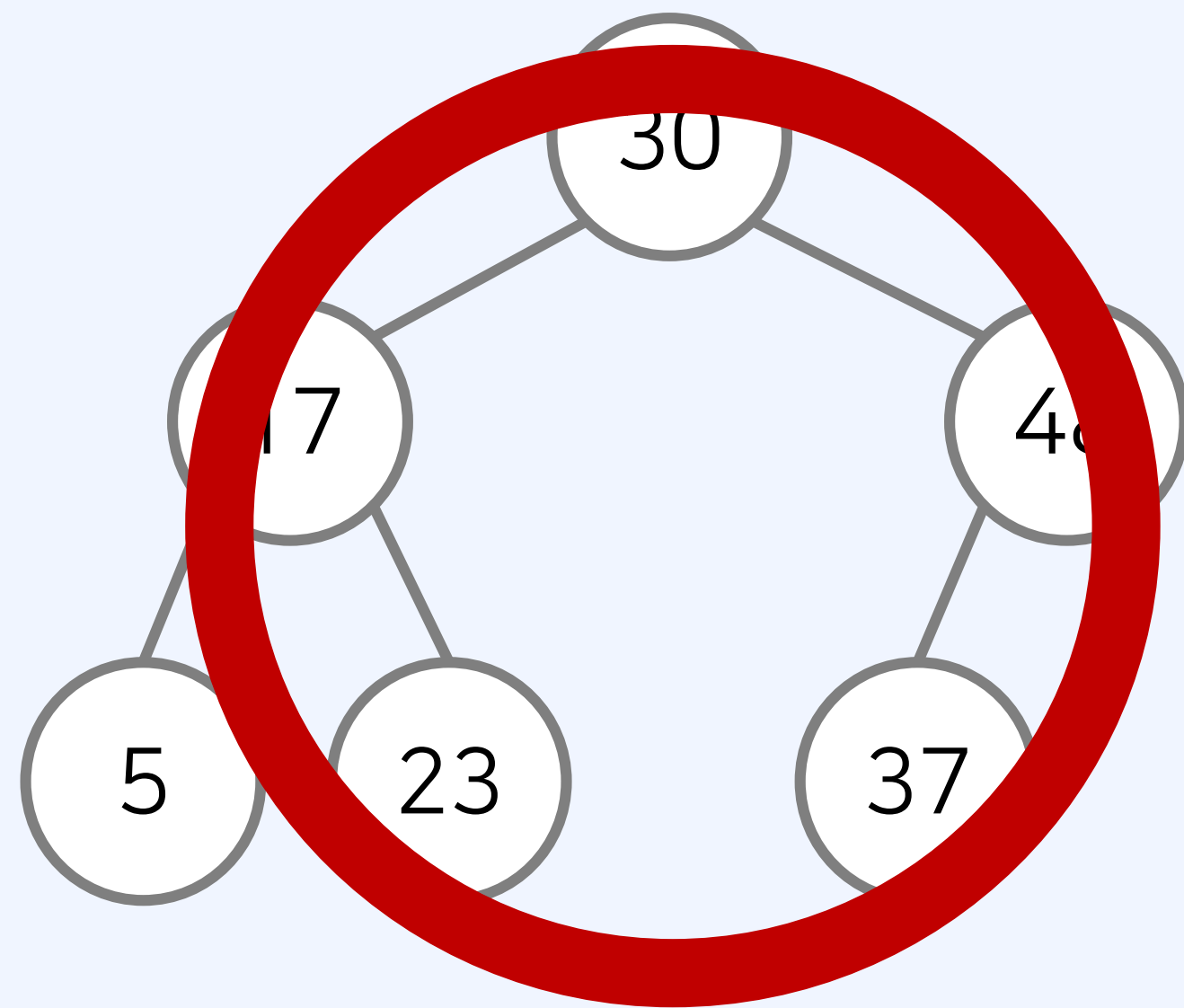
완전 이진 트리(Complete Binary Tree)

- 완전 이진 트리는 모든 노드가 왼쪽 자식부터 차근차근 채워진 트리다.



높이 균형 트리(Height Balanced Tree)

- 왼쪽 자식 트리와 오른쪽 자식 트리의 높이가 1 이상 차이 나지 않는 트리다.

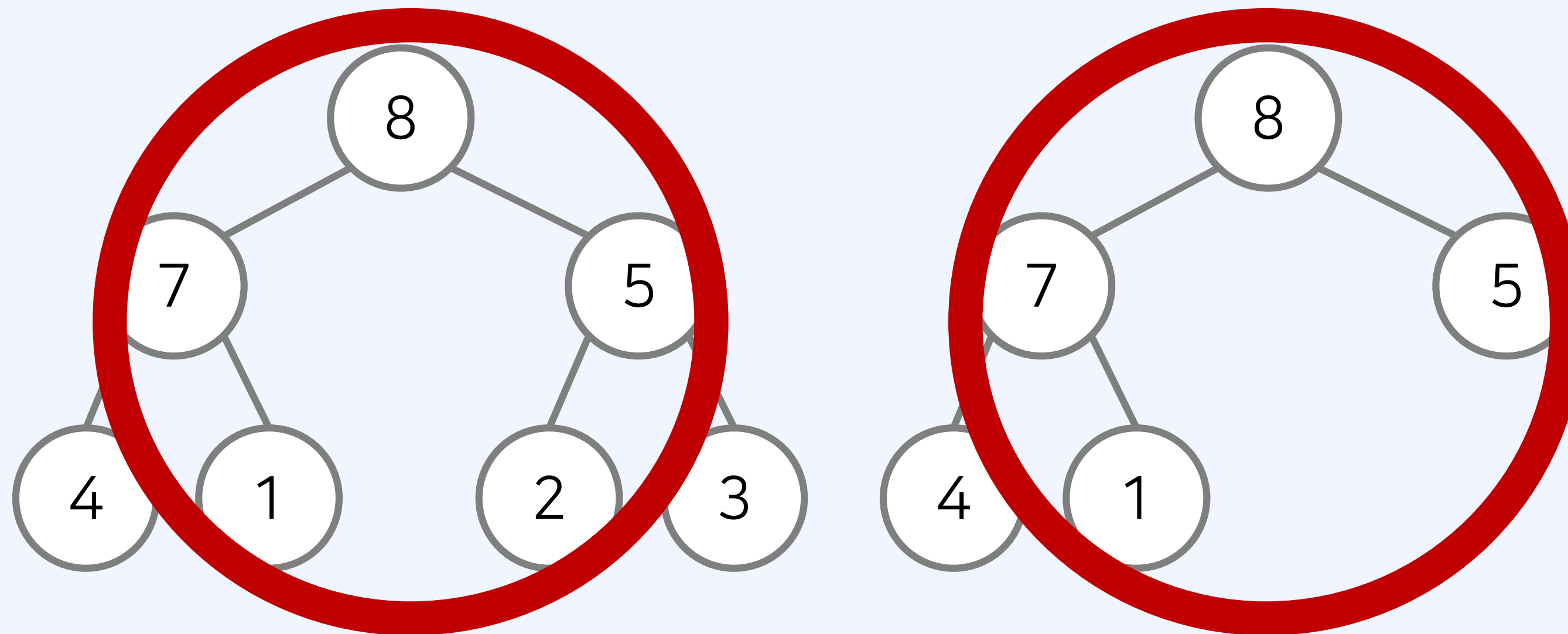


힙(Heap)

- 힙(Heap)은 원소들 중에서 최댓값 혹은 최솟값을 빠르게 찾아내는 자료구조다.
- 최대 힙(Max Heap): 값이 큰 원소부터 추출한다.
- 최소 힙(Min Heap): 값이 작은 원소부터 추출한다.
- 힙은 원소의 삽입과 삭제를 위해 $O(\log N)$ 의 수행 시간을 요구한다.
- 단순한 N 개의 데이터를 힙에 넣었다가 모두 꺼내는 작업은 정렬과 동일하다.
- 이 경우 시간 복잡도는 $O(N \log N)$ 이다.

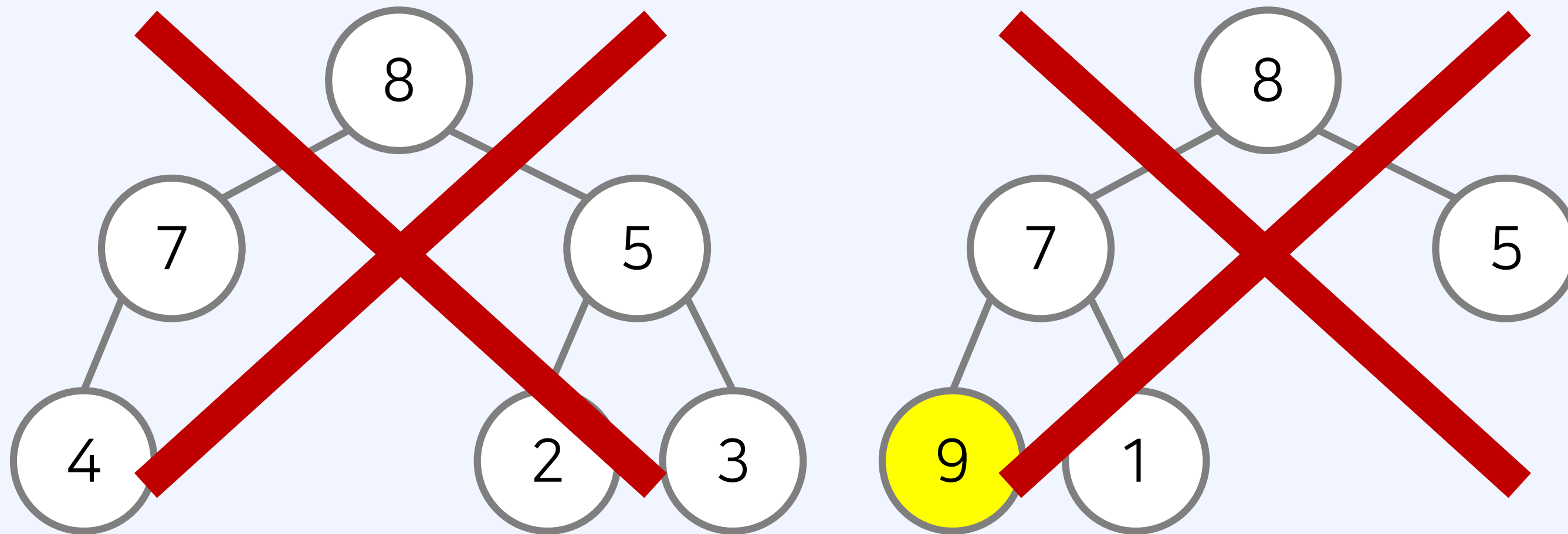
최대 힙(Max Heap)

- 최대 힙(max heap)은 부모 노드가 자식 노드보다 값이 큰 완전 이진 트리를 의미한다.



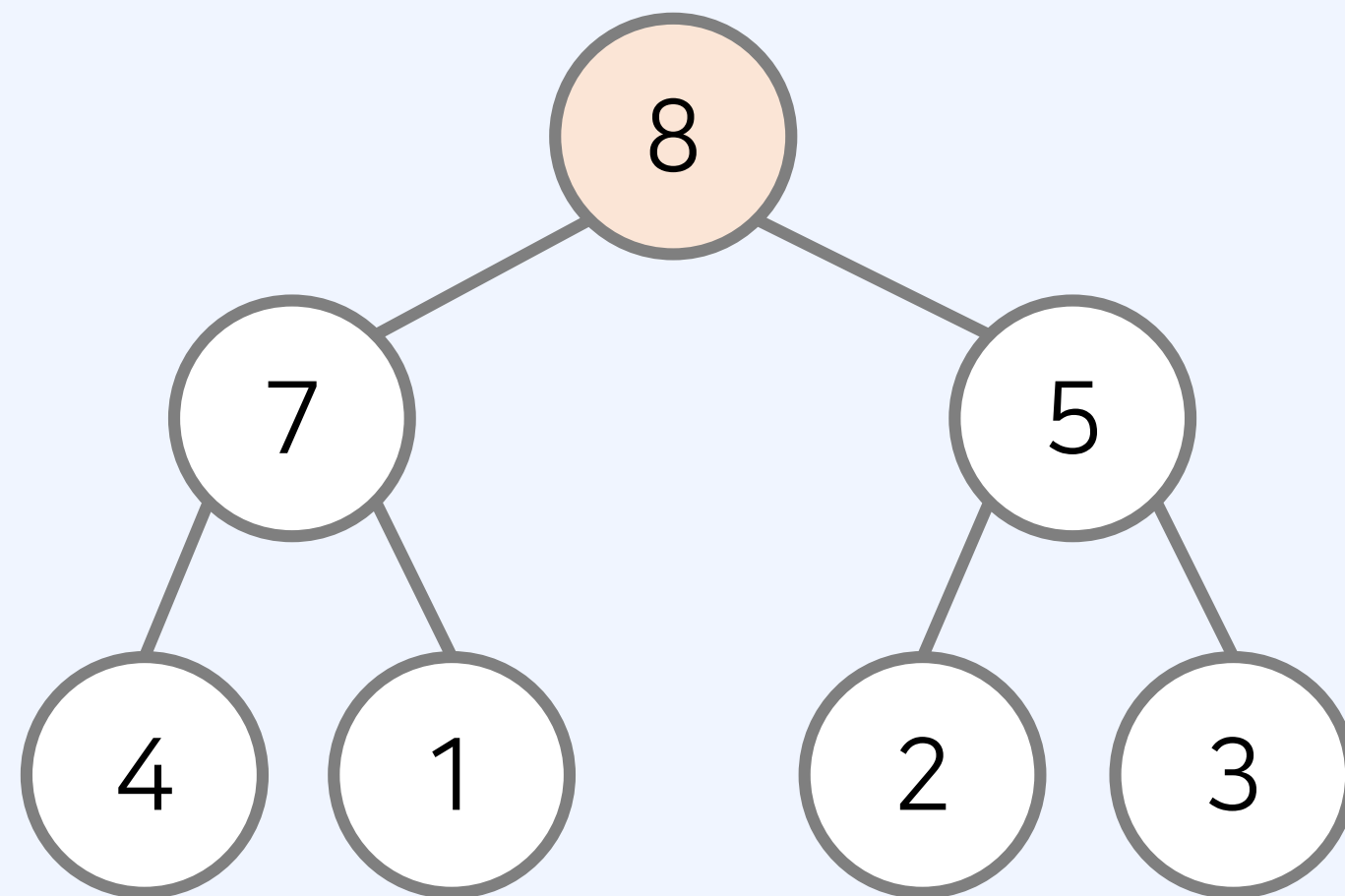
최대 힙(Max Heap)

- 최대 힙(max heap)은 부모 노드가 자식 노드보다 값이 큰 완전 이진 트리를 의미한다.



최대 힙(Max Heap)

- 최대 힙(max heap)의 루트 노드는 전체 트리에서 가장 큰 값을 가진다는 특징이 있다.

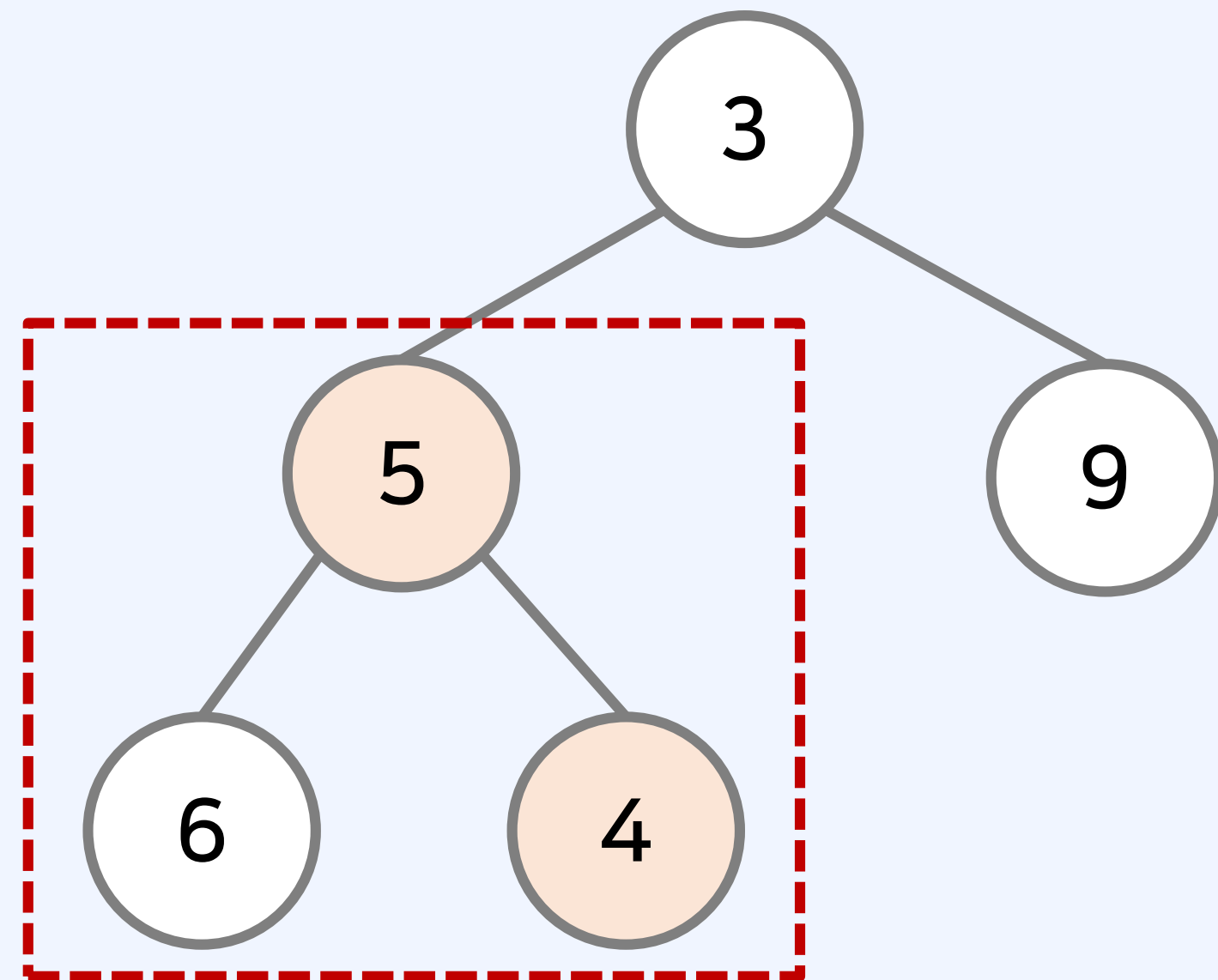


힙(Heap)의 특징

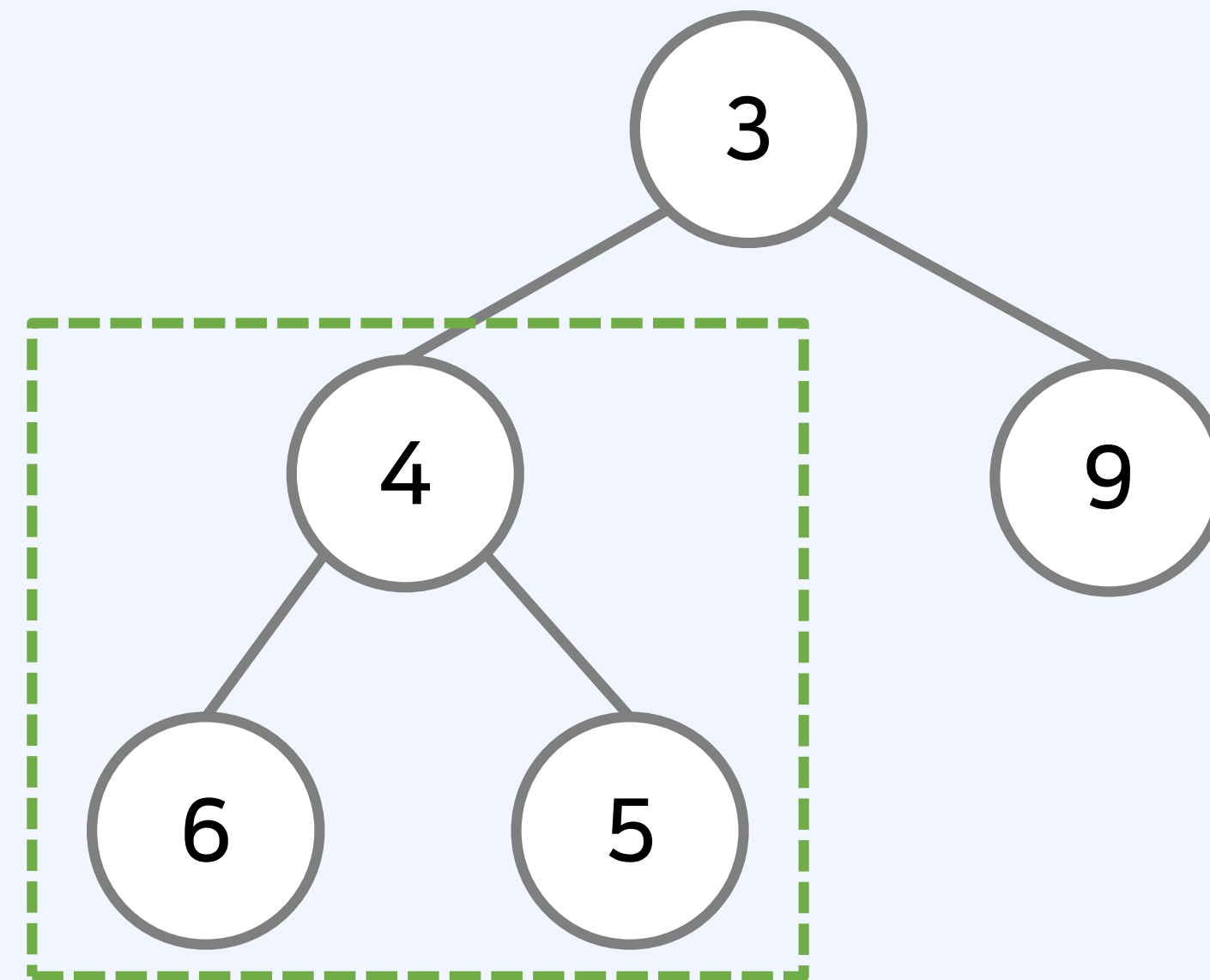
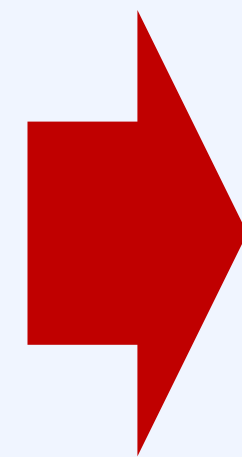
- 힙은 완전 이진 트리 자료구조를 따른다.
 - 힙에서는 우선순위가 높은 노드가 루트(root)에 위치한다.
1. 최대 힙(max heap)
 - 부모 노드의 키 값이 자식 노드의 키 값보다 항상 크다.
 - 루트 노드가 가장 크며, 값이 큰 데이터가 우선순위를 가진다.
 2. 최소 힙(min heap)
 - 부모 노드의 키 값이 자식 노드의 키 값보다 항상 작다.
 - 루트 노드가 가장 작으며, 값이 작은 데이터가 우선순위를 가진다.

최소 힙 구성 함수: Heapify

- (상향식) 부모로 거슬러 올라가며, 부모보다 자신이 더 작은 경우에 위치를 교체한다.



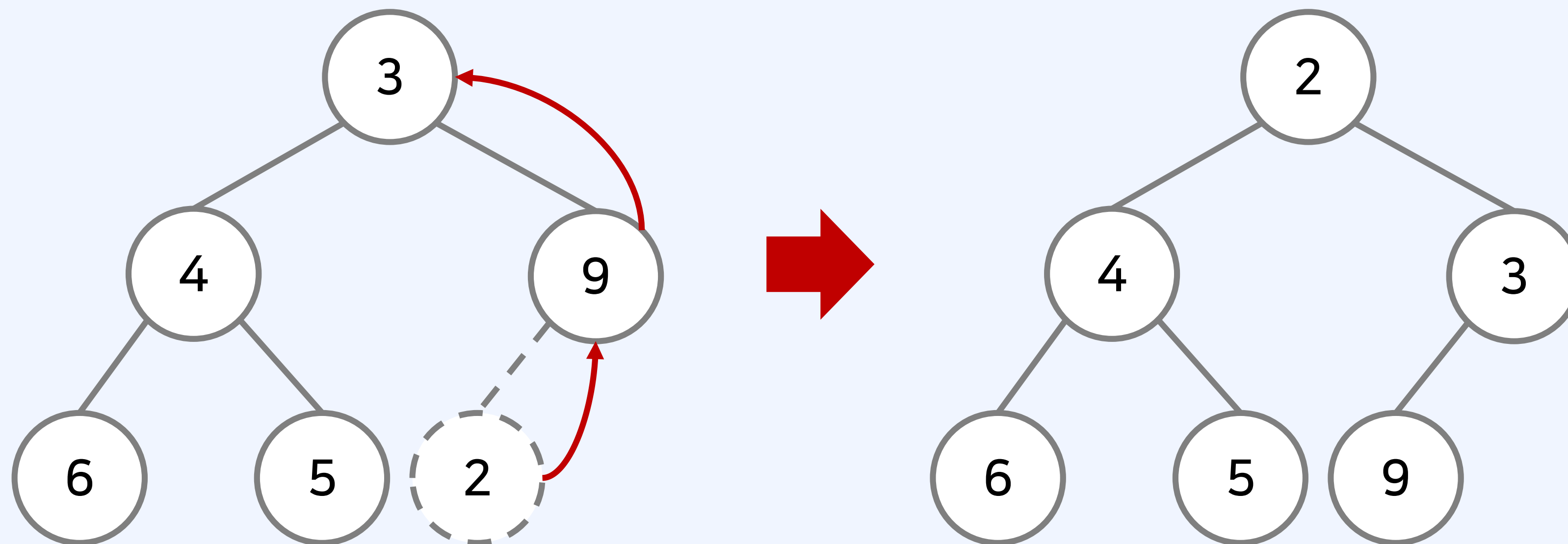
최소 힙 성질을
만족하지 않는 서브 트리



최소 힙 성질을
만족하는 서브 트리

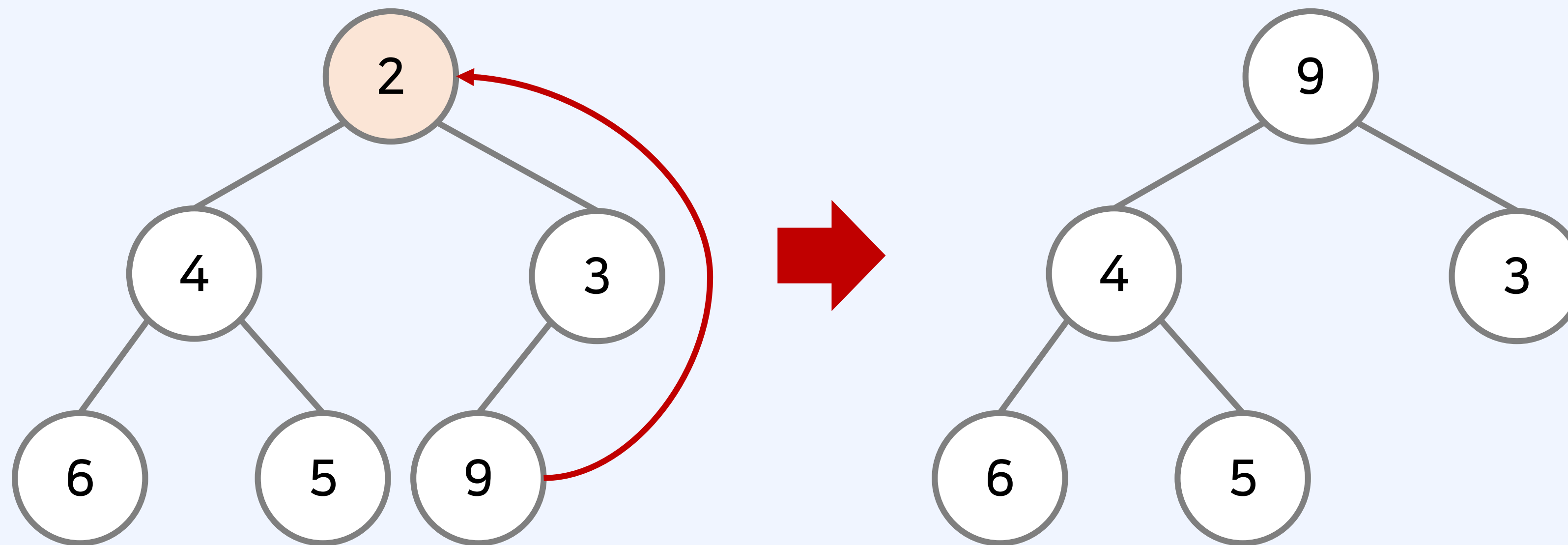
힙에 새로운 원소가 삽입될 때

- (상향식) 부모로 거슬러 올라가며, 부모보다 자신이 더 작은 경우에 위치를 교체한다.
- 새로운 원소가 삽입되었을 때 $O(\log N)$ 의 시간 복잡도로 힙 성질을 유지하도록 할 수 있다.



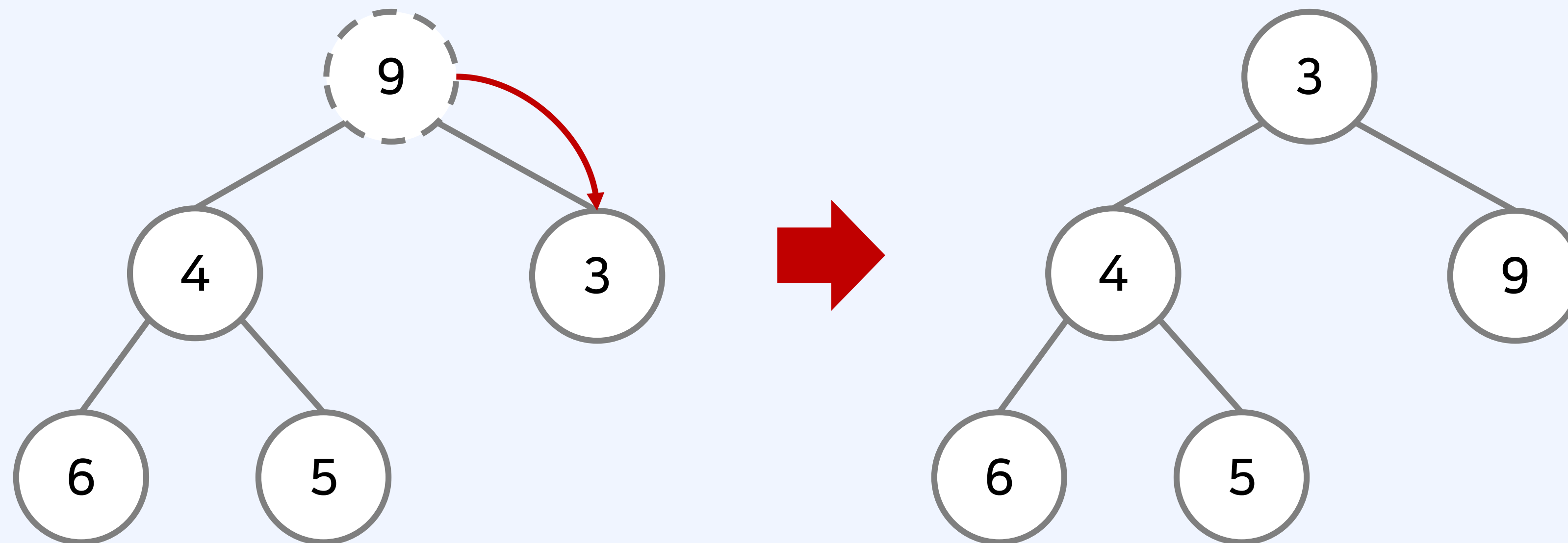
힙에 새로운 원소가 삭제될 때

- 원소가 제거되었을 때 $O(\log N)$ 의 시간 복잡도로 힙 성질을 유지하도록 할 수 있다.
- 원소를 제거할 때는 가장 마지막 노드가 루트 노드의 위치에 오도록 한다.



힙에 새로운 원소가 삭제될 때

- 원소가 제거되었을 때 $O(\log N)$ 의 시간 복잡도로 힙 성질을 유지하도록 할 수 있다.
- 이후에 루트 노드에서부터 하향식으로(더 작은 자식 노드로) Heapify()를 진행한다.



힙(Heap)의 특징

- 힙의 삽입과 삭제 연산을 수행할 때를 고려해 보자.
- 직관적으로, 거슬러 갈 때마다 처리해야 하는 범위에 포함된 원소의 개수가 절반씩 줄어든다.
- 따라서 삽입과 삭제에 대한 시간 복잡도는 $O(\log N)$ 이다.

파이썬의 힙(Heap) 라이브러리

- 파이썬에서는 힙(Heap) 라이브러리를 제공한다.
- *heapq* 라이브러리의 삽입 및 삭제에 대한 시간 복잡도는 모두 $O(\log N)$ 이다.

heapq 라이브러리 - 힙 초기화

- 단순히 하나의 빈 리스트를 만들면, 그것을 힙(heap) 자료구조로 사용할 수 있다.

[실행 결과]

```
import heapq
```

```
heap = []  
print(heap)
```

```
[]
```

heapq 라이브러리 - 삽입(push)과 추출(pop)

- 원소의 삽입: *heappush()* 메서드
- 원소의 추출: *heappop()* 메서드

[실행 결과]

```
import heapq

heap = []

heapq.heappush(heap, 7)
heapq.heappush(heap, 4)
heapq.heappush(heap, 5)
heapq.heappush(heap, 8)

while heap:
    element = heapq.heappop(heap)
    print(element, end=" ")
```

4 5 7 8

heapq 라이브러리 - 최솟값 구하기

- 원소의 삽입: *heappush()* 메서드
- 원소의 추출: *heappop()* 메서드

[실행 결과]

```
import heapq
```

```
heap = []
```

```
heapq.heappush(heap, 7)
```

```
heapq.heappush(heap, 4)
```

```
heapq.heappush(heap, 5)
```

```
heapq.heappush(heap, 8)
```

```
print(heap[0])
```

4

heapq 라이브러리 - 리스트를 힙으로 변환

- `heappush()` 메서드를 이용해 하나씩 원소를 삽입하지 않을 수 있다.
- `heapify()` 메서드는 새로운 리스트를 반환하지 않고, 리스트 내부를 직접 수정한다.

[실행 결과]

```
import heapq

heap = [9, 1, 5, 4, 3, 8, 7]
heapq.heapify(heap)

while heap:
    element = heapq.heappop(heap)
    print(element, end=" ")
```

```
1 3 4 5 7 8 9
```

heapq 라이브러리 - 최대 힙(Max Heap)

- 파이썬의 heapq 라이브러리는 기본적으로 최소 힙 기능을 제공한다.
- 최대 힙을 위해서는 ① 삽입과 ② 추출할 때 키(key)에 음수(-) 부호를 취한다.

[실행 결과]

```
import heapq

arr = [9, 1, 5, 4, 3, 8, 7]
heap = []

for x in arr:
    heapq.heappush(heap, -x)

while heap:
    x = -heapq.heappop(heap)
    print(x, end=" ")
```

9 8 7 5 4 3 1

활용 예시 ① 힙 정렬(Heap Sort)

- 단순히 힙에 원소를 넣었다가 꺼내는 것 만으로도 정렬을 수행할 수 있다.

```
import heapq

def heap_sort(arr):
    heap = []
    for x in arr:
        heapq.heappush(heap, x)
    result = []
    while heap:
        x = heapq.heappop(heap)
        result.append(x)
    return result

print(heap_sort([9, 1, 5, 4, 3, 8, 7]))
```

[실행 결과]

[1, 3, 4, 5, 7, 8, 9]

- 최소 힙이나 최대 힙을 사용하여 n 번째로 작은 값이나 n 번째로 큰 값을 얻을 수 있다.
- 힙(heap)을 만든 뒤에 추출(pop) 함수를 n 번 호출한다.

[실행 결과]

```
import heapq

def n_smallest(n, arr):
    heap = []
    for x in arr:
        heapq.heappush(heap, x)
    result = None
    for _ in range(n):
        result = heapq.heappop(heap)
    return result

arr = [9, 1, 5, 4, 3, 8, 7]
print(n_smallest(3, arr))
```

4

활용 예시 ② N 번째로 작은 값

- 파이썬에서는 N 번째로 작은 값을 구하는 메서드를 제공한다.
- `nsmallest()` 메서드는 가장 작은 n 개의 값을 반환한다.

[실행 결과]

```
import heapq

arr = [9, 1, 5, 4, 3, 8, 7]
result = heapq.nsmallest(3, arr)
print(result[-1])
```

4

활용 예시 ③ N번째로 큰 값

- 파이썬에서는 N 번째로 큰 값을 구하는 메서드를 제공한다.
- `nlargest()` 메서드는 가장 큰 n 개의 값을 반환한다.

[실행 결과]

```
import heapq

arr = [9, 1, 5, 4, 3, 8, 7]
result = heapq.nlargest(3, arr)
print(result[-1])
```

7