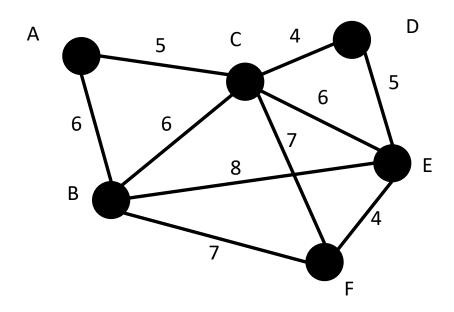
Grafos: problemas, algoritmos e curiosidades

# Formação Cientista de Dados

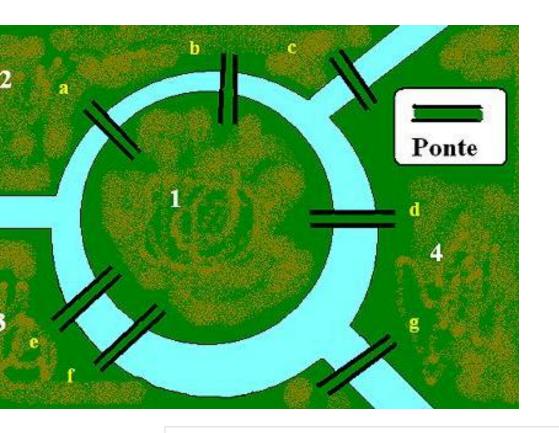
## Caminho de Custo Mínimo

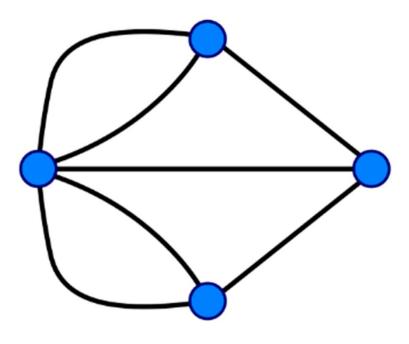


## Ш

### Algoritmo de Dijkstra

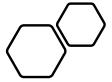
- Edsger Dijkstra em 1956 e publicado em 1959
- Calcula o custo mínimo para todos os vértices
- Complexidade aumenta se:
  - É obrigado a passar por alguns vértices
  - É obrigado a evitar alguns vértices



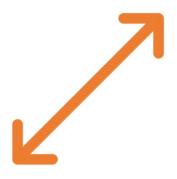


#### Problema das Pontes de Königsberg

É possível passar nas 7 pontes uma única vez?



# Caminho e Circuito Euleriano





**Caminho Euleriano**: grafo em que cada arresta é visitada uma única vez

**Circuito Euleriano**: caminho Euleriano que começa e termina no mesmo vértice.



# Grafos Euleriano

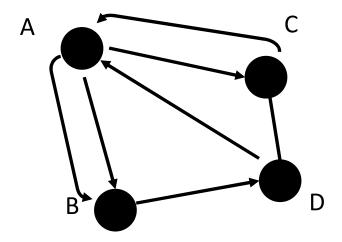


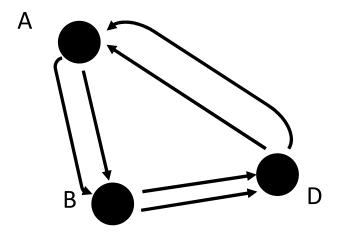
TODOS OS VÉRTICES PRECISAM SER DE GRAU PAR



**CONEXO** 

#### Caminho Euleriano



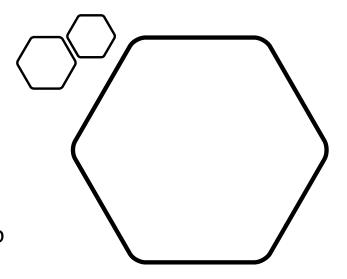


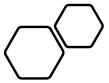




#### Carteiro Chinês

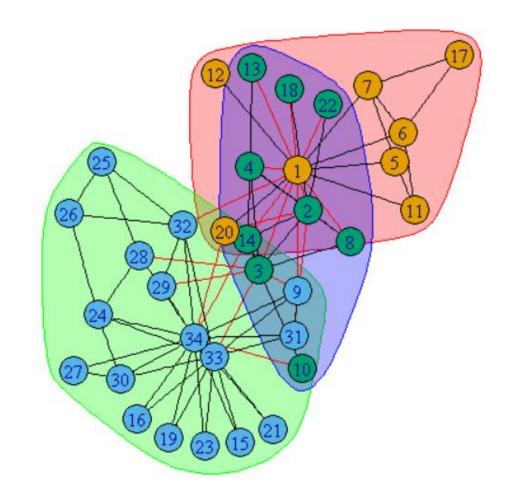
- Se o caminho é euleriano, não há problema!
- Se não é, tem-se que buscar a menor repetição possível de vértices





#### Comunidades

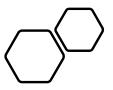
- Conjuntos dentro de um grafo
- Detectado através de densidade e agrupamentos (Clusters)
- Podem ser sobrepostas ou não
- Perguntas e problemas:
- Como se criou?
- Esta crescendo ou diminuindo?

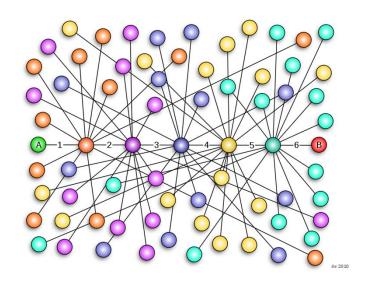


#### Cliques

- Tipo especial de comunidade
- Um sub-grafo onde cada par de nós esta conectado
- Grafos não orientados







"Small world phenomenon" e "six degree of separation"

#### Paradoxo da Amizade

 Em média, as pessoas tem menos amigos do que seus amigos tem



## Construa uma ponte!



