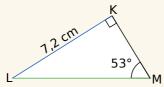
Série 2 Calculer une longueur avec la trigonométrie

Exercice corrigé

On considère KLM un triangle rectangle en K tel que KL = 7.2 cm et \widehat{LMK} = 53° .

Calcule la longueur du côté [LM] arrondie au millimètre.



Correction

Dans le triangle KLM rectangle en K, [LK] est le côté opposé à l'angle LMK; [LM] est l'hypoténuse.

On peut utiliser le sinus de l'angle \widehat{LMK} :

$$\sin \widehat{LMK} = \frac{\widehat{cote} \text{ oppose à } \widehat{LMK}}{\text{hypoténuse}} = \frac{KL}{LM}$$

soit sin 53° =
$$\frac{7,2}{LM}$$

$$LM = 7,2 \div \sin 53^{\circ}$$

$$LM\,\approx\,9,0\,\,cm$$

À l'aide de la calculatrice, calcule les valeurs, arrondies au centième, du sinus et de la tangente des angles donnés.

Angle	30°	45°	20°	83°	60°
Sinus					
Tangente					

Détermine la valeur de l'inconnue.

a. 5,6 =
$$\frac{x}{3,5}$$

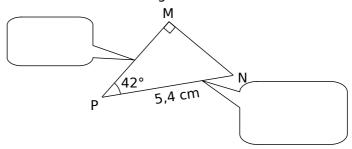
b.
$$\frac{8,5}{y} = \frac{3,4}{5,2}$$

3 Complète le tableau par la longueur manquante arrondie au mm dans le triangle KID rectangle en K. (Utilise un brouillon pour les calculs et une figure à main levée.)

	IK	ID	KID
a.		7 cm	50°
b.	3,2 cm		13°

4 MNP est un triangle rectangle en M tel que $\overline{PN} = 5.4 \text{ cm et } \widehat{MPN} = 42^{\circ}.$

On veut calculer la longueur MP.



a. Complète la légende puis déduis-en le rapport trigonométrique que l'on peut utiliser et écris l'égalité.

b. Calcule MP.

5 ABC est un triangle rectangle en A, AB = 5 cm et $\overrightarrow{ABC} = 35^{\circ}$.

On veut calculer la longueur BC.

a. Fais un schéma au brouillon et repasses-y, en rouge, le segment dont la longueur est connue et, en vert, celui dont la longueur est recherchée.

Quel rapport trigonométrique peux-tu utiliser ici?

b. Écris l'égalité correspondante.

c. Calcule BC.

Calculer une longueur avec la trigonométrie

6 Le triangle IJK est rectangle en K. a. Exprime les cosinus, sinus, tangente de l'angle IJK en fonction des longueurs des côtés. b. Calcule les longueurs JK et IK en utilisant à chaque fois la formule adéquate. Calcule, en rédigeant entièrement, la longueur demandée. (Tu arrondiras au dixième.) a.

ABC est un triangle re	H est le pie hauteur iss	ed de la
a. Calcule la longueur AB	arrondie au	u dixième.
b. Calcule la longueur BC	arrondie au	u dixième.
9 Luc a construit un plar de 30° dont la base mesu de long pour propulser de	ıre 15 cm	H
Quelle est la longueur	/	
de la pente ? Donne l'arrondi au millimètre.	30°	
	В	15 cm P

Calculer une longueur avec la trigonométrie

10 Extrait du brevet

ABC est un triangle rectangle en B tel que AB = 8 cm et \widehat{BAC} = 30°.

a. Construis la figure en vraie grandeur.

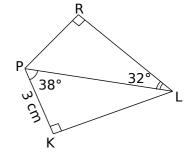
Calcule, en centimètres, la longueur du segment [AH], arrondie au millimètre.

b. On note H le pied de la hauteur issue de B.

					 a				 	٠.				n		c	···		1	 t	ir	 Υ	· ·	è	···	 :r	•		S.,		 I a	а. Э	 l.	 n	 O		 21	u	r	 d	u	 S	 	a	r	'n		r	ıt	-
[E	3	C	[]	,	a 	r	r	C	r	1	d	li	e	:	a		ı		r	ո	il	li	ir	Υ	16	è	t	re	e 																				

11 En deux temps

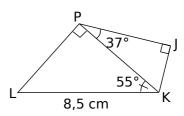
a. Explique pourquoi il est impossible de calculer directement RL à partir des données de l'énoncé.



b. Calcule la longueur PL arrondie au mm.

c. Déduis-en la longueur RL arrondie au mm.

12 En deux temps (bis)

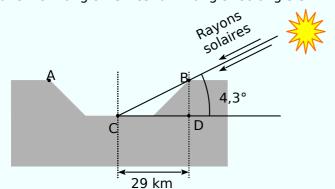


a. Calcule la longueur PK arrondie au millimètre.

b. Déduis-en la longueur PJ arrondie au millimètre.

13 Extrait du brevet

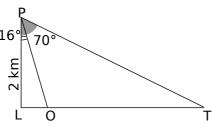
Le schéma ci-dessous représente un cratère de la Lune. Le triangle BCD est un triangle rectangle en D.



Calcule la profondeur BD du cratère. Arrondis au dixième de km près

Allonais au	dixieme de kim pres.

14 Joseph veut connaître la distance entre deux monuments placés en O et en T et alignés avec le point L.

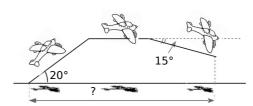


Il sait que LP = 2 km, (LP) \perp (LT) et, par visée à partir du point P, il a obtenu les mesures des angles LPO et LPT.

- a. Exprime OT en fonction de LT et LO.
- **b.** Calcule OT.

15 Un avion décolle et prend de l'altitude pendant 1,5 minute, il poursuit son trajet à cette altitude pendant 10 minutes et redescend pendant 2 minutes (voir schéma).

La vitesse de l'avion reste constante à 480 km/h.

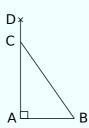


En supposant que le Soleil soit au zénith et que ses rayons soient perpendiculaires au sol, calcule la distance parcourue par son ombre sur le sol.

												=			=																	

16 Extrait du brevet

Une échelle de 6 mètres est appuyée contre un mur vertical de 7 mètres de haut. Par mesure de sécurité, on estime que l'angle que fait l'échelle avec le sol doit être égal à 75°. Voici un schéma modélisant la situation où CB représente l'échelle et AD le mur.



- a. Place sur le schéma les valeurs que tu connais.
- b. Détermine la longueur AC.
- c. À quelle distance CD du sommet du mur se trouve l'échelle ? Arrondis le résultat au centimètre.