Implementasi Logika *Fuzzy* Mamdani Dalam *Game* Simulasi Memancing

Implementation Of Fuzzy Logic Mamdani On Fishing Game Simulaton

Satria Fitra Widya Utama¹, Helmie Arif Wibawa²

Helmie.arif@gmail.com

Jurusan Informatika Universitas Diponegoro

Abstrak— Game simulasi memancing merupakan sebuah permainan yang menirukan kegiatan memancing. Game simulasi memancing terlihat menarik apabila game tersebut benar-benar mempresentasikan kejadian nyata secara detail. Untuk memenuhi hal tersebut, game memancing dapat disisipkan hal-hal yang berkaitan dengan habitat dan perilaku ikan yang ada didunia nyata. Perilaku ikan berupa waktu makan ikan dan kedalaman air. Penelitian ini bertujuan untuk mencari suatu model yang dapat digunakan dalam menentukan suatu jenis ikan berdasarkan habitat dan perilaku ikan. Metode yang digunakan dalam penentuan ikan tersebut adalah dengan menggunakan logika fuzzy Mamdani dengan agregasi operator OR (max), dengan metode mean of maximum sebagai defuzzifikasi, sedangkan masukan berupa waktu pemancingan dan kedalaman umpan pancing. Dari hasil pengujian game didapatkan bahwa tingkat akurasi sebesar 86.9% dalam menentukan kelompok ikan yang didapat yaitu diurnal atau nokturnal.

Kata kunci—: game memancing, logika fuzzy, mamdani, unified process

Abstract— Fishing simulation game is a game that simulates fishing activity. Fishing simulation game would be interesting if the game is actually present a real event in detail. The fish habitat and behavior in the real world can be inserted to make a real event. Time of meal and depth of place was taken as fish behavior. This research aims to find a model that can be used in determining a species of fish based on fish habitat and behavior. To determine the type of fish that was obtained, mamdani fuzzy logic was used with operator OR (max) as the aggregator, while mean of maximum was used as defuzzification method, and fishing time and bait depth was used as input. As the results, this game has success rate 86.9% of getting diurnal or nocturnal fish.

Keyword— fishing game, fuzzy logic, mamdani, unified process

PENDAHULUAN

Teknologi *game* saat ini berkembang pesat sejalan dengan perkembangan teknologi informasi. Salah satu contohnya adalah perkembangan *game* yang beroperasi di sistem operasi android. *Game* yang ada pada *smartphone* android memiliki berbagai macam *genre*. Salah satu *genre* yang populer saat ini yaitu *genre* simulasi. Contoh *game* simulasi adalah *game* memancing, dalam *game* ini pemain akan berpura-pura menjadi pemancing dan seolah-olah melakukan aktivitas memancing.

Game memancing pada sistem operasi android sangat bermacam-macam jenisnya. Ada yang memancing di laut, di sungai, maupun di danau.Dalam memancing terdapat aspek-aspek penting yang perlu diperhatikan agar mempermudah mendapatkan ikan yang di inginkan. Aspek tersebut adalah tempat dan waktu. Namun masih jarang game memancing di Google Play yang menyertakan waktu pemancingan (jam) dan kedalaman kail sebagai poin penting untuk mendapatkan ikan, dan lokasi pemancingannya di wilayah Indonesia.

Game memancing akan menarik apabila game tersebut benar-benar merepresentasikan kejadian nyata secara detail. Salah satu cara pembuatan game memancing agar terlihat nyata yaitu diberikan sebuah kecerdasan buatan. Salah satu cabang kecerdasan buatan adalah logika fuzzy. Beberapa contoh game yang menggunakan logika fuzzy sebagai kecerdasan buatan adalah "Song of Ruination 2" dan gamefighting. Dalam "Song of Ruination 2" logika fuzzy digunakan untuk mengatur perilaku musuh (Purba et al., 2013).Pada game fighting logika fuzzy digunakan untuk mengatur perilaku lawan dalam melakukan serangan (Mahasati, 2011).

Apabila game memancing menggunakan fuzzy sebagai kecerdasan buatan maka aspek-aspek yang mempengaruhi memancing akan dipertimbangkan dan dihitung untuk menentukan ikan yang didapat. Salah satu metode inferensi fuzzy yang dapat digunakan adalah metode Mamdani (Max-Min). Metode fuzzy Mamdani memiliki kelebihan yaitu lebih intuitif dan mudah dimengerti(Castellano et al., 2003). Berdasarkan hal tersebut akan dilakukan penelitian bagaimana mengimplementasika Logika Fuzzy Mamdani dalam

Game Simulasi Memancing dengan waktu dan kedalaman pemancingan sebagai poin penting dalam mendapatkan ikan.

Kajian Pustaka

A. Logika Fuzzy

Fuzzy menurut bahasa artinya samar atau kabur. Suatu kata/istilah dikatakan kabur (fuzzy, vague) apabila kata/istilah tersebut tidak dapat didefinisikan secara tegas, dalam arti tidak dapat ditentukan secara tegas (benar atau salah) apakah suatu obyek tertentu memiliki ciri/sifat yang diungkapkan oleh kata/istilah itu atau tidak. Logika fuzzy berarti perkiraan penalaran , informasi granulasi, komputasi dengan kata-kata dan sebagainya (Sivanandam et al., 2007).

B. Himpunan Fuzzy

Himpunan $\it fuzzy$ adalah sebuah himpunan $\it fuzzy$ dalam semesta pembicaraan himpunan U ditandai dengan fungsi keanggotaan $\mu_A(x)$ yang mempunyai nilai interval [0,1](Wang, 1997). Sebuah himpunan $\it fuzzy$ A dalam semesta pembicaraan U direpresentasikan dengan himpunan urutan berpasangan dari elemen $\it x$ dan nilai keanggotannya, di tuliskan sebagai berikut (Wang, 1997):

$$A = \{ (x, u_A(x)) | x \in U \}$$

$$\tag{1}$$

Ketika U adalah kontinyu (U adalah bilangan real), maka ditulis:

$$A = \int_{II} \frac{u_A(x)}{x} \tag{2}$$

Dimana tanda integral di atas tidak dinyatakan sebagai integrasi. Tanda tersebut artinya koleksi dari semua elemen x dimana $x \in U$ dengan fungsi keanggotaan $u_A(x)$. Ketika U adalah Diskret, maka ditulis :

$$A = \sum_{U} \frac{u_A(x)}{x} \tag{3}$$

Dimana tanda sigma di atas tidak menyatakan penjumlahan. Tanda tersebut artinya koleksi dari semua elemen x dimana $x \in U$ dengan fungsi keanggotaan $u_A(x)$.

Fungsi keanggotaaan (*membership function*) adalah suatu kurva yang menunjukkan pemetaan titik-titik input data ke dalam nilai keanggotaannya (sering juga disebut dengan derajat keanggotaan) yang memiliki interval antara 0 sampai 1(Kusumadewi & Purnomo, 2010).

C. Sistem Inferensi Fuzzy Mamdani

Sistem inferensi *fuzzy* metode Mamdani merupakan sistem inferensi yang sering digunakan (lon, 2012). Metode ini pertama kali diusulkan pada tahun 1975 oleh Ebrahim Mamdani(Mamdani, 1977). Sistem inferensi

fuzzy dengan menggunakan metode Mamdani sering disebut dengan metode max-min.

Sistem inferensi metode Mamdani ini dapat dibagi menjadi 4 (empat) tahapan yaitu fuzzifikasi, evaluasi aturan, agregasi, dan defuzzifikasi (lon, 2012). Berikut penjelasan mengenai tahapan-tahapan metode mamdani:

1) Fuzzifikasi

Pada tahap ini bilangan crips masukan diubah menjadi bilangan fuzzy

2) Evaluasi Aturan

Pada tahap ini masukan-masukan antiseden yang ada di proses dan dievaluasi mengguanakan operator OR atau AND. Jika menggunakan operator OR didapat kaidah:

$$\mu A \cup B(x) = \max\{\mu A(x), \mu B(x)\}$$
 (4)

Sedangkan jika menggunakan operator AND didapat kaidah :

$$\mu A \cap B(x) = \min\{\mu A(x), \mu B(x)\}$$
 (5)

Setelah didapat hasil dari evaluasi aturan untuk antiseden hasil tersebut dilakukan metode *clip* atau *scaling*. metode *clip* merupakan metode untuk mendapatkan konsekuen dengan memotong fungsi keanggotaan antiseden yang ada. Metode *scaling* merupakan metode untuk mendapatkan konsekuen dengan cara fungsi keanggotaan asli dari aturan konsekuen disesuaikan dengan mengalikan semua derajat keanggotaannya oleh nilai dari aturan fungsi keanggotaan antiseden.

3) Agregasi

Jika terdapat lebih dari satu kaidah *fuzzy* yang dievaluasi, keluaran semua IF-THEN rule dikombinasikan menjadi sebuah *fuzzy* set tunggal. Saat agregasi operator yang digunakan adalah OR(*union*).

4) Defuzzifikasi

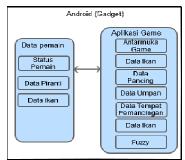
Input dari proses Defuzzifikasi adalah suatu himpunan fuzzy yang diperoleh dari komposisi aturanaturan fuzzy, sedangkan output yang dihasilkan merupakan suatu bilangan pada domain himpunan fuzzy tersebut. Sehingga jika diberikan suatu himpunan fuzzy dalam range tertentu, maka harus dapat diambil suatu nilai crisp tertentu sebagai output. metode defuzzifikasi yang digunakan dalam penelitian ini adalah $Mean \ of \ maximum$. Pada metode ini solusi crisp diperoleh dari rata-rata nilai $z \ pada \ \mu^* \ maximum$.

METODE

A. Arsitektur Sistem

Arsitektur *game* memancing ini terdiri dari aplikasi *game* dan data pemain. Aplikasi *game* merupakan aplikasi yang berjalan didalam *smartphone* android

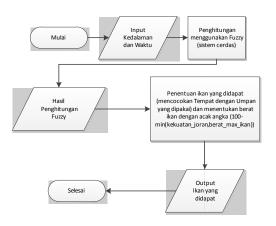
(Gadget). Pada aplikasi game terdapat data-data yang dijadikan template untuk pembuatan data pemain. Data pemain akan tersimpan dalam disk smartphone. Data pemain merupakan data yang dinamis dan serung berubah-ubah saat game dijalankan. Sedangkan data ikan,pancing, umpan, dan tempat pemancingan yang terdapat di aplikasi game merupakan data static dan hanya bersifat sebagai template. Untuk lebih jelas mengenai gambaran arsitektur game ini bisa dilihat pada gambar 1.



Gambar 1Arsitektur Sistem

B. Alur Sistem Cerdas

Alur sistem cerdas dibuat untuk menentukan proses ikan yang didapat. Untuk gambar alur sistem mendapatkan ikan pada simulasi *game* memancing dapat dilihat pada Gambar 2.



Gambar 2 Alur sistem Cerdas

Alur sistem cerdas dalam *game* ini berawal dari masukan (*input*) pemain berupa kedalaman kail dan waktu pemancingan. Setelah itu masukan (*input*) tersebut dihitung menggunakan logika *fuzzy* mamdani. Hasil dari perhitungan tersebut diolah dan dibandingkan dengan tempat pemancingan, umpan, dan joran untuk menentukan ikan yang didapat. Proses pengelolaan hasil dari penghitungan *fuzzy* memiliki urutan sebagai berikut:

- Mencocokkan ikan yang ada di tempat pemancingan dengan ikan yang mau memakan umpan yang dipakai memancing.
- membuat dua variabel array ikan yaitu diurnal dan nokturnal yang berisi nama-nama ikan yang sesuai perilakunya (diurnal / nokturnal). Variabel diurnal hanya berisi ikan diurnal dan variabel nokturnal hanya berisi ikan nokturnal.
- 3. Memberikan domain tiap variabel *array*. Diurnal memiliki domain [0-50] (batas maksimal mendekati 50). Nokturnal memiliki domain [50-100].
- 4. Memberikan domain untuk setiap ikan yang ada di variabel *array*. *Range* domain didasarkan jumlah isi *array* contohnya:

diurnal = {IK1, IK2,IK3,IK4} nokturnal = {IK22,IK24}

berdasarkan data tersebut maka ikan diurnal memiliki *range* 51/4= 12,5. Berarti IK2 domainya [0-12,75], IK2 domainnya [12,75-25.5], IK3 domainya [25.5-38,25], IK4 domainya [38,25-50].

Ikan nokturnal memiliki *range* 51/2=25. Berarti IK22 domainya [50-75.5], IK24 domainnya [75.5-100].

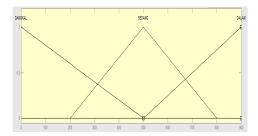
- Mencocokkan hasil perhitungan logika fuzzy dengan domain ikan yang ada. Jika sesuai maka akan mendapatkan ikan tersebut jika tidak sesuai maka tidak akan mendapatkan ikan dan muncul pringatan "ikan lepas".
- Jika mendapatkan ikan, acak angka dari [100 min (kekuatan_joran, berat_max_ikan)] untuk menentukan berat ikan, satuan berupa gram dari hasil acakan.

C. Pembentukan Himpunan Fuzzy

Fuzzifikasi merupakan proses mengubah bilangan crips (tegas) menjadi bilangan fuzzy. Pemilihan variabel-variabel dan semesta pembicaraan yang digunakan dalam simulasi game memancingini berdasarkan dari studi pustaka dan diskusi dengan narasumber Ibu Aristi Dian Purnama Fitri, beliau merupakan dosen dari Fakultas Perikanan dan Ilmu Kelautan Universitas Diponegoro. Variabel-variabel yang digunakan yaitu :

1) Kedalaman Kail Pancing

Variabel kedalaman kail pancing diukur dengan sentimeter.Berdasarkan informasi narasumber, kedalaman sungai dan danau di Indonesia yaitu antar 0 sentimeter sampai 900 sentimeter.100-400 sentimeter termasuk dangkal, 400-700 sentimeter termasuk sedang, dan 700 sentimeter lebih termasuk dalam.dari data tersebut maka dibuatlah variabel kedalaman dengan semesta pembiraan [0-900], dan dibagi menjadi 3 himpunan fuzzy yaitu {DANGKAL, SEDANG, DALAM}. Tiap himpunan fuzzy memiliki domain masing-masing. DANGKAL mempunyai domain [0-500] yang digambarkan sebagai kurva linier turun. mempunyai domain [200-800] digambarkan sebagai kurva segitiga dengan titik puncak pada kedalaman 500, dan DALAM mempunyai domain [500-900] yang digambarkan sebagai kurva linier naik. Diagram fungsi keanggotaan untuk variabel kedalaman digambarkan pada gambar 3.



Gambar 3 Fungsi Keanggotaan Kedalaman Kail Fungsi keanggotaan masing-masing himpunan fuzzynya adalah sebagai berikut :

$$u_{\text{DANGKAL}} \text{ (kedalaman)} = \begin{cases} \frac{500 - \text{kedalaman}}{500}, 0 \le \text{kedalaman} \le 500 \\ 0,500 \le \text{kedalaman} \end{cases}, 0 \le \text{kedalaman} \le 500 \end{cases}$$

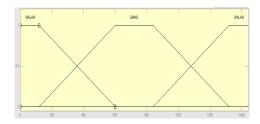
$$u_{\text{DANGKAL}} \text{ (kedalaman)} = \begin{cases} \frac{\text{kedalaman} - 200}{300}, 200 \le \text{kedalaman} \le 500 \\ \frac{800 - \text{kedalaman}}{300}, 500 \le \text{kedalaman} \le 800 \\ 0,200 \ge \text{kedalaman} \times \text{kedalaman} \ge 800 \end{cases}$$

$$u_{\text{DALAM}} \text{ (kedalaman)} = \begin{cases} \frac{\text{kedalaman} - 500}{400}, 500 \le \text{kedalaman} \le 900 \\ 0,500 \ge \text{kedalaman} \end{cases}$$

$$0 \le \text{kedalaman} \le 900$$

2) Jam Pemancingan

Jam pemancingan diukur dalam satuan menit. Jika dalam satu jam terdapat 60 menit maka dalam satu hari terdapat 1440 menit. Menurut narasumber, ikan diurnal aktif antara jam 06.00-18.00 sedangkan ikan nokturnal aktif pada jam 18.00-06.00. Berdasarkan data tersebut berarti ikan diurnal aktif pada menit 360-1080, sedangkan nokturnal aktif pada menit 1080-1440 dan 0-360 dengan catatan menit 0 dimulai pada jam 00.00. Dari analisa tersebut maka dibuat variabel Jam pemancingan dengan semesta pembiraan [0-1440] dan dibagi menjadi 2 himpunan fuzzy yaitu {SIANG, MALAM}. Himpunan fuzzy SIANG memiliki domain [120-1320] dan direpresentasikan sebagai kurva trapesium, dengan waktu interval [120-600] sebagai kurva linier naik, interval [600-840] kurva linier lurus dengan nilai keanggotaan 1, dan interval [840-1320] sebagai kurva linier turun. Himpunan fuzzy MALAM memiliki domain [0-600] dan [840-1440] yang direpresentasikan sebagai kurva trapezium, dengan waktu interval [0-120] dan [1320-1440] sebagai kurva linier lurus dengan nilai keanggotaan 1, interval [120-600] sebagai kurva linier turun, dan interval [820-1320] sebagai kurva linier naik. Diagram fungsi keanggotaan untuk variabel Jam pemancingan digambarkan pada gambar 4.



Gambar 4 Fungsi Keanggotaan Jam Pemancingan Fungsi keanggotaan masing-masing himpunan fuzzynya adalah sebagai berikut :

$$u_{SLANG}(jam) = \begin{cases} \frac{jam - 120}{480} & ,120 \le jam \le 600 \\ 1 & ,600 \le jam \le 840 \\ \frac{1320 - jam}{480} & ,840 \le jam \le 1320 \\ 0 & ,120 \ge jam \lor 1320 \le jam \le 1440 \end{cases}$$

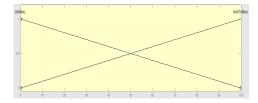
$$u_{MALAM}(jam) = \begin{cases} 1 & ,120 \ge jam \lor 1320 \le jam \le 1440 \\ \frac{600 - jam}{480} & ,120 \le jam \le 600 \\ \frac{jam - 840}{480} & ,840 \le jam \le 1320 \end{cases}$$

$$(9)$$

 $,600 \le jam \land jam \le 840$

3) Ikan yang didapat

Data ikan yang digunakan pada game ini yaitu 29 ikan yang terdiri dari 15 ikan diurnal dan 14 ikan nokturnal. Untuk mempermudah dalam penentuan ikan yang didapat maka nilai maksimal dari variabel ikan ini dibuat 100.sehingga variabel i(ង្គាំង) yang didapat mempunyai semesta pembiraan [0-100] dan dibagi 2 himpunan fuzzy yaitu {DIURNAL, NOKTURNAL). Himpunan fuzzy DIURNAL memiliki domain [0-100] yang direpresentasikan sebagai kurva linier turun.Himpunan fuzzy NOKTURNAL memiliki domain [0-100] yang direpresentasikan sebagai kurva linier naik.Pembentukan tersebut berdasarkan intuisi penulis. Diagram fungsi keanggotaan untuk variabel Ikan dapat dilihat seperti gambar 5.



Gambar 5 Fungsi Keanggotaan ikan yang Didapat Fungsi keanggotaan masing-masing himpunan fuzzynya adalah sebagai berikut :

$$u_{DIURNAL}(ikan) = \begin{cases} \frac{100 - ikan}{100}, 0 \le ikan \le 100 \end{cases}$$
 (11)

$$u_{DIURNAL}(ikan) = \begin{cases} \frac{100 - ikan}{100}, 0 \le ikan \le 100 \\ u_{NOKTURNAL}(ikan) = \begin{cases} \frac{ikan}{100}, 0 \le ikan \le 100 \end{cases}$$

$$(11)$$

D. Aturan fuzzy

Aturan fuzzy dibuat berdasarkan hasil diskusi dengan narasumber. Aturan fuzzy yang dibangun terdiri dari 6 aturan, aturan tersebut bisa dilihat pada tabel 1.

Tabel 1 Aturan Fuzzy

No.	Aturan
1	IF kedalaman DANGKAL AND jam SIANG
	THEN Ikan DIURNAL
2	IF kedalaman DANGKAL AND jam
	MALAM THEN Ikan NOKTURNAL
3	IF kedalaman SEDANG AND jam SIANG
	THEN Ikan DIURNAL
4	IF kedalaman SEDANG AND jam MALAM
	THEN Ikan NOKTURNAL
5	IF kedalaman DALAM AND jam SIANG
	THEN Ikan DIURNAL
6	IF kedalaman DALAM AND jam MALAM
	THEN Ikan NOKTURNAL

HASIL DAN PEMBAHASAN

Perhitungan logika *fuzzy* mamdani dalam game ini terletak saat game mulai memancing seperti yang ditunjukkan pada gambar 6.



Gambar 6 Antarmuka Memancing

Tombol memancing yang ada di kanan bawah digunakan untuk mengatur kedalaman. Setiap mengatur kedalaman maka jarak kail akan berkurang dan ditunjukkan dengan bar dibagian atas, Sedangkan bar dibagian samping kiri menunjukkan kedalaman kail. Pengaturan kedalaman tersebut mempengaruhi ikan yang didapat.

Pengujian perhitungan *fuzzy* dilakukan dengan membandingkan data-data yang telah dihitung oleh *game* dangan kesimpulan manual yang diberikan oleh narasumber dan menghasilkan presentasi kesuksesan sebesar 86.9%.

Penggunaan metode mean of maximum pada saat defuzifikasi menyebabkan perhitungan agregasi yang menghasilkan nilai paling minimal pada himpunan *fuzzy* diurnal untuk setiap masukan yang ada, maka hasil defuzzifikasi menghasilkan batas maksimal dari domain ikan diurnal. Sedangkan untuk setiap perhitungan nilai agregasi yang menghasilkan nilai paling minimal pada himpunan *fuzzy* nokturnal untuk setiap masukan yang

ada, maka hasil defuzzifikasi menghasilkan batas minimal dari domain ikan nokturnal.

Untuk setiap masukan 0 sampai 900 pada fungsi keanggotaan Kedalaman yang memiliki hasil saling mendekati atau sama yaitu :

- 1. Himpunan *fuzzy* DANGKAL dan SEDANG dengan masukan sekitar 330 dengan nilai hasil $\mu_{DANGKAL}$ = 0.34 dan μ_{SEDANG} = 0.42.
- 2. Himpunan *fuzzy* SEDANG dan DALAM dengan masukan sekitar 670 dengan nilai hasil μ_{SEDANG} = 0.44 dan μ_{DALAM} = 0.42.

Untuk setiap masukan 0 sampai 1440 pada fungsi keanggotaan Waktu yang memiliki hasil saling mendekati atau sama yaitu dengan masukan 360 dan 1080 menghasilkan nilai μ = 0.5 untuk setiap himpunan fuzzy.

Dari data diatas maka dapat disimpulkan nilai maksimal defuzifikasi untuk ikan diurnal yaitu :

0.42 = (100-ikan)/100

lkan = 58

Titik tengah = 58/2 = 29

Sedangkan untuk nilai minimal defuzifikasi untuk ikan nokturnal yaitu :

0.42 = ikan / 100

Ikan = 42

Titik tengah = (42 + 100) / 2 = 71

Berdasarkan hasil diatas maka nilai 29-50 dan 50-71 tidak akan menjadi hasil output dari perhitungan defuzifikasi. Hal ini menyebabkan ikan diurnal yang memiliki domain antara 29-50 dan ikan nokturnal dengan domain 50-71 dalam perhitungan sistem cerdas pada *game* simulasi memancing tidak mungkin didapatkan.

KESIMPULAN DAN SARAN

A. Kesimpulan

Kesimpulan yang dapat diambil adalah logika fuzzy mamdani dengan memanfaatkan agregasi or dan metode mean of maximum dalam defuzzifikasi dapat dijadikan sebagai model penentuan jenis ikan dan berhasil diimplementasikan pada game simulasi memancing. Kedalaman umpan dan waktu pemancingan dijadikan sebagai masukkan untuk perhitungan fuzzy mamdani. Hasil dari perhitungan fuzzy mamdani dibandingkan dengan jenis umpan yang digunakan untuk menentukan jenis ikan yang didapat.

Penggunaan metode mean of maximum saat defuzzifikasi pada logika *fuzzy* mamdani menyebabkan ikan-ikan tertentu yang memakan umpan yang spesifik tidak mungkin didapatkan, sehingga pemain tidak bisa melengkapi daftar ikan yang diperloleh (pencapaian Pemain). Hasil pembangunan *game* Mancing Nusantara memiliki nilai akurasi 86.9% dalam menentukan kelompok ikan yang didapat.

B. Saran

Saran yang dapat dilaksanakan untuk pengembangan *game* Mancing Nusantara lebih lanjut adalah perlu dilakukan perbandingan dengan metode lain untuk mencapai hasil yang lebih optimal.

DAFTAR PUSTAKA

- Castellano, G., Fanelli, A.M. & Mencar, C., 2003. Design of Transparent Mamdani Fuzzy. *CiteSeerX*.
- Ion, I., 2012. A Mamdani Type Fuzzy Logic Controller, Fuzzy Logic -Controls, Concepts, Theories and Applications. InTech.

- Kusumadewi, S. & Purnomo, H., 2010. Aplikasi Logika Fuzzy untuk Pendukung Keputusan. 2nd ed. Yogyakarta: Graha Ilmu.
- Mahasati, D., 2011. Penerapan Sistem Inferensi Fuzzy dalam Menentukan Prioritas Heuristik pada Aplikasi Game Fighting Sederhana.
- Mamdani, E.H., 1977. Application Of Fuzzy Logic To Approximate Reasoning Using Linguistic Synthesis. *Computers, IEEE Transactions*, C-26(12), pp.1182 - 1191.
- Purba, , Hasanah, & Muslim, M., 2013. Implementasi Logika Fuzzy Untuk Mengatur Perilaku Musuh dalam Game. *EECCIS*, 7.
- Sivanandam, S.N., Sumathi, S. & Deepa, S.N., 2007. *Introduction Fuzzy Logic Using MATLAB*. Berlin: Springer.
- Wang, L.-X., 1997. A Course In Fuzzy System And Control. United States: Prentice-Hall International, Inc.