TD1 Les unités du système SI et leurs multiples

Objectif: S'entraîner sur les ordres de grandeurs et l'utilisation des unités SI.

Exercice 1: Ordres de grandeurs

- 1. Donner les valeurs des ordres de grandeur suivants dans le SI.
 - (a) Diamètre d'un électron : $d_{e^-} \approx 3 \text{ fm}$
 - (b) Diamètre d'un atome : $d_a \approx 100 \text{ pm}$
 - (c) Longueurs d'ondes des couleurs visibles : $\lambda \approx [400 800 \text{ nm}]$
 - (d) Diamètre d'un cheveu : $d_c \approx 80~\mu\mathrm{m}$
 - (e) Masse d'un litre d'eau : $m_e au \approx 1 \text{ kg}$
 - (f) Masse d'une baleine bleue : $m_{baleine} \approx 100$ tonnes, 1 tonne = 1 mégagramme

Exercice 2: Multiples et conversion

Convertissez les grandeurs suivantes dans les unités demandées :

- 1. $t = 3600 \ \mu s = ... \ s = ... \ min$
- 2. $V = 4.2 \text{ cm}^3 = \dots \text{ m}^3$
- 3. $v = 1.08 \text{ Tm.h}^{-1} = ... \text{ km.h}^{-1} = ... \text{ m.s}^{-1}$

Exercice 3: Analyse dimensionnelle, homogénéité

- 1. Lesquelles des relations suivantes sont justes? Les l_i , t_i , m_i sont respectivement des longueurs, des temps et des masses.
 - (a) $l_2 = l_1 + m_1$
 - (b) $m_3l_3 = l_1m_1 + l_2m_2$
 - (c) $X = l_1/t_1 + l_2^2$
 - (d) $X = exp(t_1)$
- 2. Lesquelles de ces formules proposées pour la période d'un pendule sont homogènes? Lesquelles sont justes? On précise que l est une longueur et g une accélération.
 - (a) $T_{pend} = 2\pi \sqrt{l/g}$
 - (b) $T_{pend} = 2\pi \sqrt{g/l}$
 - (c) $T_p = (2\pi)^{-1} \sqrt{l/g}$
 - (d) $T_p = 2\pi \sqrt{(l+g)/lg}$
- 3. Laquelle de ces deux équations, où V est le volume, r le rayon et h la hauteur, donne le volume d'un cône :
 - (a) $V = 0.33 \pi r^2 h$
 - (b) $V = \pi h^2 / r$

Exercice 4 : Déplacement d'une sonde spatiale

https://www.nasa.gov/content/goddard/parker-solar-probe

http://parkersolarprobe.jhuapl.edu/

Note de presse

La sonde spatiale « Parker », lancée en 2018, a battu en janvier 2020 le record de l'objet le plus rapide jamais construit par l'homme (record tenu jusqu'alors par la sonde Hélios 2). Cette sonde a pour but d'étudier la partie extérieure de l'atmosphère du Soleil (couronne solaire).

On donne pour information que que la distance entre la Terre et le Soleil est de $d_{terre-soleil} \approx 150$ Gm, la sonde a atteint une vitesse linéaire maximale de $v_{parker} = 393000$ km.h⁻¹ et qu'à la distance plus proche de l'orbite actuelle (le périgée) la sonde se trouve à environ $d_{min} = 0$,6 U.A de la surface du Soleil.

- 1. Exprimer dans le système SI : la distance terre-soleil, la vitesse de la sonde et la distance minimale entre la sonde et le Soleil.
- 2. En sachant qu'il a fallu 85 jours pour que la sonde parvienne au premier périgée de l'orbite, calculez sa vitesse approximative de déplacement entre la Terre et le Soleil.

Exercice 5 : Analyse dimensionnelle, période d'un satellite

La période T d'un satellite terrestre circulaire dépend de la masse de la Terre m, du « rayon » de l'orbite décrite par le satellite R, et de la constante gravitationnelle G. L'expression de cette période est de la forme $T = km^aR^bG^c$ où k est un facteur sans dimension. En sachant que la constante gravitationnelle vaut $G = 6,67.10^{-11}$ m³.kg⁻¹.s⁻² et en vous aidant d'une analyse dimensionnelle, donnez les valeurs des coefficients a, b, c et en déduire l'expression finale de la période T au coefficient k près.