# Using more LaTeX packages

# Conceptos básicos de estadística Parámetros: IMC

# Población (universo o colectivo)

Es el conjunto total de ELEMENTOS de la misma naturaleza cualquera que sea, que son de interés para un problema dado

• N = Representación de el tamaño de la población

## muestra

## Variable aleatoria:

Son fenómenos o características de los elementos de la población.

Función de valor real que tiene como dominio el espacio muestral de un experimento aleatorio.

Variables sobre las cuales tenemos un grado de icertidumbre respecto a los valores que puede tomar

## **Datos**

Son los resultados observados de las variables aleatorias (Cuando se hace una medición)

## Parámetro

Es la medición global de cualesquer característica de los elementos de la población.

Es un valor teórico asociado a la población.

### **Ejemplos**

Población: Los niños y niñas de 0 a 5 años de edad localozados en Bogotá

Variables: género, edad, peso, talla, estrato, Los números en la lista anterior no pueden ser sometilocalidad, fecha, lugar de nacimiento..

# Clasificacion de variables

## Cualitativas (categóricas)

## Cuantitativas

Los valores de las observacione so niméricas y en conseciencia, ordenables.

#### Discreta

Recorridos finitos numerables sin tomar valores intermedios e.g. conteos.

## Continua

Recorridos infinitos no numerables e.g. la distribución normal

## Escalas de medición

### Cualitativas

Nominales: Clasificación de objetos o fenómenos mediante símbolos o signos (No hay orden o dirección). e.g.

- Nombre
- Número de la cédula
- Tipo de sangre
- Color de los ojos
- Número de camiseta de los jugadores

dos a operaciones matemáticas

#### **Ordinales**

Categorías ordenadas (Rangos, órdenes, escalamientos)

• Sabor de un yogurt

## Cuantitativas

#### Intervalo

Los datos medidos en una escala orrdinal para los cuales pueden clasificarse las distancias entre valores pero no existe un cero absoluto o no exista ausencia total de la característica

- Temperatura: a 0°C no deja de existir la temperatura
- Notas: se corre la escala e inicia desde 3.

#### Razón

Tiene todas las características de un intervalo, y además tiene un cero absoluto

# Resumen y descripción de datos de una variable

Datos en bruto en forma de listas (o bases no son fáciles de usar para tomar decisiones)

• Se necesita algún tipo de organización

Para esto podemos utilizar gráficos de barras, graficos de torta, o tablas de frecuencias.

# Como agrupar los datos: Sturgues

Si n<br/> no es demasiado grande, intervalos =  $\sqrt{n}$ 

En caso contrario:

$$k = 1 + 3.322loq(n) \tag{1}$$

k = intervalos de clase

Para la longitud de los intervalos:

$$L = \frac{Dato\ mayor - Dato\ menor}{n} \tag{2}$$

• A menudo es prueba y error

# Tipos de frecuencias

- Absoluta: Conteo de observaciones que cae en cada intervalo.
- Relativa:  $\frac{Absoluta}{n}$
- Acumulada: Suma de las frecuencias absolutas
- Relativa acumulada: Suma de las frecuencias relativas.

# Caracteristicas a revisar de las distribuciones

- Distribucion
- Localizacion (sesgo)
- Dispersion

# Medidas de localización

## Media aritmética:

Si  $x_1, x_2, x_3, ... x_n$  es una muestra de una población de tamaño N entonces la media es N

### Media poblacional

$$\mu = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{N} \tag{3}$$

#### Estimador muestral

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n} \tag{4}$$

Caracteristicas:

- Es facil de obtener
- Medida no robusta: Afectada por valores extremos o datos atípicos.

## Propiedades de la media aritmetica:

Si  $x_1, x_2, x_3, ... x_n$  es una muestra de una poblacion de tamaño N entonces la media es N, entonces

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i + y_i) = \sum_{i=1}^{n} x_i + \sum_{i=1}^{n} y_i$$
 (13)

$$\sum_{i=1}^{n} x_i = x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n$$

$$\sum_{i=1}^{n} x_i = x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n$$
 (5) 
$$\sum_{i=1}^{n} (x_i + y_i) = (x_1 + y_1) + (x_2 + y_2) + (x_3 + y_3) + \dots + (x_n + y_n)$$
 (14)

Si  $x_i = c$  y a su vez c es constante, entonces

$$\sum_{i=1}^{n} x_i = \sum_{i=1}^{n} c = c + c + c + \cdots$$

$$(6) \sum_{i=1}^{n} (x_i + y_i) = (x_1 + x_2 + \dots + x_n) + (y_1 + y_2 + \dots + y_n)$$

$$(15)$$

Entonces

$$\sum_{i=1}^{n} x_i = nc \tag{7}$$

 $\sum_{i=1}^{n} (x_i + y_i) = \sum_{i=1}^{n} x_i + \sum_{i=1}^{n} y_i$ (16)

Si  $x_1, x_2, x_3, ...x_n$  y  $y_1, y_2, y_3, ...y_n$  son sucesiones de numeros:

• Ejemplo:

$$\sum_{i=1}^{5} 2 = 2 + 2 + 2 + 2 + 2 \tag{8}$$

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - y_i) = \sum_{i=1}^{n} x_i - \sum_{i=1}^{n} y_i$$
 (17)

5.

Si c es una constante que multiplica las observaciones:

$$\sum_{i=1}^{n} cx_i = c \sum_{i=1}^{n} x_i \tag{9}$$

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x}) = 0 \tag{18}$$

$$\sum_{i=1}^{n} cx_{i} = c \cdot x_{1} + c \cdot x_{2} + c \cdot x_{3} + \dots + c \cdot x_{n} \quad (10)$$

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x}) = \sum_{i=1}^{n} x_i - \sum_{i=1}^{n} \bar{x}$$
 (19)

$$\sum_{i=1}^{n} cx_i = c (x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n)$$
 (11)

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x}) = \frac{n}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i - n\bar{x}$$
 (20)

$$\sum_{i=1}^{n} cx_i = c \sum_{i=1}^{n} x_i \tag{12}$$

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x}) = n\bar{x} - n\bar{x}$$
 (21)

Si  $x_1, x_2, x_3, ...x_n$  y  $y_1, y_2, y_3, ...y_n$  son sucesiones de numeros;

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x}) = 0 \tag{22}$$

6.

promedio de y en funcion de promedio de x en regresion lineal simple

Si  $y_i = a + bx_i$  siendo a y b constante

$$\bar{y} = a + b\bar{x} \tag{23}$$

En efecto:

$$\sum_{i=1}^{n} y_i = \sum_{i=1}^{n} (a + bx_i) \tag{24}$$

$$\sum_{i=1}^{n} y_i = \sum_{i=1}^{n} a + \sum_{i=1}^{n} bx_i$$

$$\sum_{i=1}^{n} y_i = na + b \sum_{i=1}^{n} x_i$$

$$\frac{\sum_{i=1}^{n} y_i}{n} = \frac{na}{n} + b \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n}$$
 (27)

$$\bar{y} = a + b\bar{x} \tag{28}$$

## La mediana

Es el valor central (es el dato de la variable que esta en el centro de la misma). Deja por encima y por debajo mitad y mitad de las observaciones.

### Calculo de la mediana

Depende si el conjunto es par o impar:

 $Six_1, x_2, x_3, ...x_n$  Son los valores ordenados en una muestra de una población de tamaño N:

$$\hat{x} = \frac{x_{n/2} + x_{n+1/2}}{2}$$
 si n es par

$$\hat{x} = x_{n=1/2}$$
 si n es impar

Es un estimador robusto, no se ve afectado por valores extremos

### **Ejemplo**

Edad de ninos

$$x1 \leftarrow c(6,7,8,9,10)$$

n es impar, entonces  $\hat{x} = x_{n+1/2} = x_{6/2} = x_3 = 8$ 

De la muestra analizada la mitad de los ninos tienen entre 6 y 8 años, y la otra mitad entre 8 y 10 años.

# Moda

- El valor que más se repite
- Usada para valores numéricos o categóricos

e.g. Cual es el color más frecuente en los ojos.

(26) Varianza

Uno de los problemas es que la unidad de medida queda al cuadrado, e.g. si se miden cm, la varianza tiene unidades de  $cm^2$ :

• Varianza poblacional:

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^{N} (x_i - \mu)^2}{N}$$
 (29)

• Varianza muestral:

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \bar{x})^{2}}{n-1}$$
 (30)

$$s^{2} = \sum_{i=1}^{n} \frac{x_{i}^{2} - 2x_{i}\bar{x} + \bar{x}^{2}}{n-1}$$
 (31)

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - 2\bar{x} \sum_{i=1}^{n} x_{i} + n\bar{x}^{2}}{n-1}$$
(32)

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - 2\bar{x}\frac{n}{n}\sum_{i=1}^{n} x_{i} + n\bar{x}^{2}}{n-1}$$
 (33)

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - 2\bar{x}n\bar{x} + n\bar{x}^{2}}{n-1}$$

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - 2n\bar{x}^{2} + n\bar{x}^{2}}{n-1}$$

$$s^2 = \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2 - n\bar{x}^2}{n-1}$$

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2}}{n-1} - \frac{n\bar{x}^{2}}{n-1}$$
 (37)

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2}}{n-1} - \frac{n}{n-1} \left(\frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i}}{n}\right)^{2}$$
 (38)

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2}}{n-1} - \frac{1}{n-1} \frac{\left(\sum_{i=1}^{n} x_{i}\right)^{2}}{n}$$
(39)

En algunos casos puede ser más conveniente calcular la varianza de esta forma.

#### Coeficiente de variación

 $CV = \frac{s}{\hat{x}} \cdot 100\%$ 

Si CV es igual o menor a 5% hay homogeneidad

si esta entre 5%y 20%los datos son medianamente homogeneos

Si CV mayor a 20% hay heterogeneidad ## Rango

medida no robusta, si hay datos atipicos se ve muy afectado

## rango intercuartilico

boxplot

## Cuartiles

Se divide en cuatro partes porcentiales el conjunto de observaciones.

Se calcula de la sigueinte manera.

Se ordena la muestra y se toma la posicion que corresponde.

$$Q_k = k \cdot \frac{n}{4} \ k = 1, 2, 3$$

## **Deciles**

34) Se divide en diez partes porcertialmente iguales

$$D_k = \frac{n}{10} 1, 2, 3, ..., 9$$

## Percentiles

(35)

(36)

es mas detallado, nos da mas acceso a distintos puntos de la distribucion

$$P_k = \frac{n}{100} 1, 2, 3, ..., 99$$

# Coeficientes de asimetría de Fisher

Permite interpretar la forma de la distribución, respecto a ser o no asimétrica

## Coeficiente de curtosis

Mide el grado de aplastamiento o apuntamiento de la gráfica de la distribución.

## Otras medidas de centralización

## Desviacion media absoluta

$$DM = \frac{\sum_{i=1}^{n} |x_i - \bar{x}|}{n} \tag{40}$$

## Media ponderada

## Media geometrica

## Media armonica

Sirve en diseño de experimentos par aproximar el numero de replicas en todo el experimento cuando el diseño es desbalanceado.

# Ejemplo en excel

Tabla de pesos de mujeres en una empresa

1. construcción de la tabla de frecuencias

• Definición de los intervalos: podemos utilizar la En excel: siguiente ecuación:

$$k = 1 + 3.322log_{10}(n) \tag{41}$$

Para esta muestra de 50 pesos de mujeres:

$$k = 1 + 3.322log_{10}(50) \tag{42}$$

$$k = 6.6 \approx 7 \tag{43}$$

Vamos a usar 7 intervalos, para saber la longitud dividimos el rango en el numero de intervalos.

Para hallar el rango podemos importar los datos a R:

• Usamos los limites superiores de los intervalos

Datos, analisis de datos, histograma, aceptar, seleccionar rango de entrada, rango de clases son los limites superiores. Al hacer esto, excel genera una tabla como la siguiente:

tablaPesos <- read.table("TABLAPESOS.txt", header = T)</pre>

Y luego preguntar sobre el valor maximo y el minimo:

mav (	(tablaPesos)	
шахч	(Labiaresos)	

## [1] 72

min(tablaPesos)

## [1] 53

Podemos entonces calcular la longitud de cada intervalo:

## [1] 2.714286

Obtenemos una longitud de intervalo de  $2.71 \approx 3$ Los intervalos entonces serían:

##		${\tt intervalo}$	valores		
##	1	1	53 55		
##	2	2	56 58		
##	3	3	59 61		
##	4	4	62 64		
##	5	5	65 67		
##	6	6	68 70		
##	7	7	71 73		

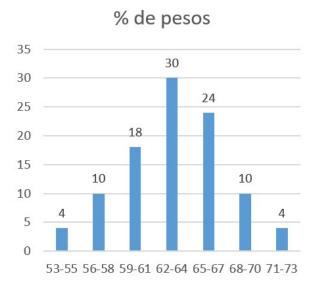
Clase	Frecuencia		
55	2		
58	5		
61	9		
64	15		
67	12		
70	5		
73	2		
mayor	0		

Figure 1: tabla de frecuencias en excel

Luego, a partir de esta tabla podemos calcular todas las frecuencias, la frecuencia absoluta  $(f_i)$ , recuencia relativa  $(f_r)$ , la frecuencia absoluta acumulada  $(F_i)$  y la frecuencia relativa acumulada  $(F_r)$ :

	absoluta	relativa	abs. acumul.	rel. acumul.	
intervalo	fi	fr	Fi	Fr	
53-55	2	0.04	2	0.04	
56-58	5	0.1	7	0.14	
59-61	9	9 0.18	16	0.32	
62-64	15	0.3	31	0.62	
65-67	12	0.24	43	0.86	AF Andrés Felipe Beltrán Rodri G4 El 62% de las mujeres de la muestr
68-70	5	0.1	48	0.96	pesan entre 53 y 64 kg
71-73	2	0.04	50	1	10/26/2021 6:51 AM
					E

Luego a partir de esta tabla de frecuencias, utilizando las columnas de intervalo y % de frecuencia podemos construir un histograma como el siguiente:



Para hacer una operación análoga en R podemos crear los intervalos de la siguiente manera:

```
mins \leftarrow seq(53,71, by = 3)
maxs \leftarrow seq(55,73, by = 3)
```

Luego, podemos juntar las dos columnas de limites inferiores y superiores de intervalo en la tabla TDF:

```
TDF <- data.frame(min = mins,
max = maxs
TDF
```

```
##
     min max
      53
           55
## 1
## 2
      56
           58
## 3
      59
           61
       62
## 5
       65
           67
       68
           70
## 6
## 7
      71
           73
```

Luego podemos iterar a lo largo de las filas de tablasDefrecuencias buscando cuantos elementos de tablaDePesos están dentro del intervalo definido por cada fila:

```
for(i in 1:nrow(TDF)) {
   TDF$Freq[i] <-
        length(
            which(
mins[i] <= tablaPesos & tablaPesos<= maxs[i]
}</pre>
```

Podemos luego calcular la frecuencia relativa dividiendo por el total de observaciones:

```
TDF$fr <-TDF$Freq/
    sum(TDF$Freq)
TDF
     min max Freq
## 1
      53
           55
                 2 0.04
## 2
      56
           58
                 5 0.10
## 3
      59
           61
                 9 0.18
      62
           64
                15 0.30
                12 0.24
## 5
      65
           67
   6
      68
           70
                 5 0.10
      71
                 2 0.04
           73
```

Luego podemos calcular la frecuencia absoluta y relativa acumuladas para cada intervalo de manera ascendiente:

```
for(i in 1:nrow(TDF)){

TDF$Fi[i] <- sum(TDF$Freq[1:i])
}</pre>
```

Podemos hacer lo mismo para la frecuencia relativa  $\max$  =  $\max$  ) acumulada  $(F_r)$ :

```
for(i in 1:nrow(TDF)){

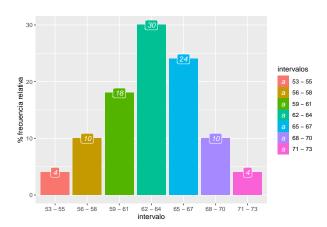
TDF$Fr[i] <- sum(TDF$fr[1:i])
}</pre>
```

Una vez tenemos la tabla de frecuencias completa, podemos hacer la gráfica de frecuencias porcentuales:

```
library(ggplot2)
intervalos <- factor(paste(TDF$min,'-',TDF$max))

ggplot(TDF,
    aes(x = intervalos,
        y = fr*100,
        fill=intervalos,
        label = round(fr*100,2)
        )
    ) +
    geom_bar(stat="identity") +
    xlab("intervalo") +
    vlab('% frecuencia relativa')+</pre>
```

## 



# Calculo de medidas descriptivas

mean(tablaPesos\$pesos)

## [1] 63.2

quantile(tablaPesos\$pesos)

## 0% 25% 50% 75% 100% ## 53.0 61.0 63.5 66.0 72.0

El 75% de las mujeres pesan entre 53 y 66 kg. El 25% restante pesa entre 66 kg y 72 kg

- la varianza: Es importante calcular la varianza muestral y no la varianza poblacional, dado que no se puede saber la poblacional  $(\sigma^2)$  si no su estimador  $(s^2)$ .
- Algunos paquetes hacen calculos con la varianza poblacional

En R: 'The denominator n - 1 is used which gives an unbiased estimator of the (co)variance for i.i.d. observations.'

### var(tablaPesos\$pesos)

## [1] 17.10204

Para calcular la varianza poblacional:

pesos <- tablaPesos\$pesos
sum((pesos - mean(pesos))^2)/length(pesos)</pre>

## [1] 16.76

para el calculo de la desviacion estandar:

sd(pesos)

## [1] 4.135461

sqrt(var(pesos))

## [1] 4.135461

Interpretación:

Varianza: Tiene unidades al cuadrado. Tendriamos que tener otro grupo de comparación, con una medición similar.

Desviacion estandar: la desviacion de las observaciones respecto al promedio es de 4.14 unidades de masa (kg).

Para calcular otros estadísticos descriptivos podemos utilizar en excel:

• Datos > Análisis de datos > Estadística descriptiva > Se selecciona rango de entrada y de salida.

Se obtiene la siguiente tabla:

Dentro de esta tabla está el error típico

## Error típico - error estándar

$$\frac{s}{\sqrt(n)} \tag{44}$$

En este caso:

sd(pesos)/sqrt(50)

## [1] 0.5848426

Se utiliza para inferencia, para intervalos de confianza. En diseño de experimentos sirve para el cálculo de tamaño de muestra. Se espera que no aumente el número de réplicas si no disminuye lo suficiente el error típico.

Columna1	
Media	63.2
Error típico	0.5848426
Mediana	63.5
Moda	64
Desviación estándar	4.1354614
Varianza de la muestra	17.102041
Curtosis	-0.0713723
Coeficiente de asimetría	-0.2023508
Rango	19
Mínimo	53
Máximo	72
a Suma	3160
Cuenta	50

Figure 2: Cuadro de estadística descriptiva en excel

library(e1071) kurtosis(pesos)

## [1] -0.2936688

skewness(pesos)

## [1] -0.1903716

La distribucion de pesos tiene una curtosis < 3, lo cual indica que es mas aplanada que una distribucion normal, o tiene hombros más pesados.

Además, tiene un coeficiende de asimetría cercano a cero, lo cual indica un ligero sesgo con cola hacia valores menores de peso.

range(pesos)

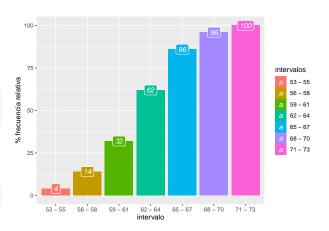
## [1] 53 72

range(pesos)[2] - range(pesos)[1]

## [1] 19

La persona que mas peso tiene, tiene 19 kg mas que la persona de menos peso.

Tambien podemos graficar la frecuencia acumulada:



el 86% de las mujeres pesan entre 53 y 67 kg.

### Desviación media absoluta

## Ejemplo de edades

Este ejemplo está en el código llamado medidasdescriptivas.R

Aun asi podemos

# Proporción

Es similar al promedio, para variables de tipo cualitativo:

$$\hat{p} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n}$$

Con esta ecuación es posible calcular las proporciones.

$$x_i = \begin{cases} 1 & \text{Si cumple la condicion} \\ 0 & \text{Si no} \end{cases}$$

Para calcular la proporcion de varias variables cualitativas podemos utilizar la funcion crosstable del paquete gmodels.

Tambien se puede buscar asociación entre las variables. Existen pruebas de asociación tales como la de ji cuadrado.

## Asociacion

'La existencia de asociación entre dos variables indicaría que la distribución de los valores de una de las dos variables difiere en función de los valores de la otra'

La asociación entre 2 variables de diferente tipo se puede encontrar:

• El caso de dos variables categoricas # Prueba de independencia chi cuadrado

La prueba de independencia de chi cuadrado de termina si hay alguna asociacion entre variables categóricas (Si están asociadas o son independientes) Es una prueba no paramétrica.

Esta prueba utiliza una tabla de contingencia para analizar los datos. Ésta tabla es un arreglo en el cual los datos son clasificados de acuerdo a dos variables categóricas. Las categorías de una variable aparecen en las filas, y las categorías para la otra variable a aparecen en las columnas. Cada variable debe tener dos o más categorías o niveles. Cada celda refleja el conteo total de casos para un par especifico de categorías.

#### **NOTA**

Existen varias pruebas con el nombre 'prueba chi-cuadrado' además de la prueba de independencia de chi cuadrado. Es útil revisar el contexto de los datos y la pregunta de investigación para asegurar cual forma de la prueba chi cuadrado se está utilizando.

## Usos de la prueba

la prueba de independencia de chi cuadrado se utiliza comúnmente para probar:

 Independencia estadística o asociación entre dos o más variables categóricas.

La prueba de independencia chi-cuadrado solo muede comparar variables categóricas. No puede hacer comparaciones entre variables continuas o entre variables continuas y categoricas. Además, La prueba de independencia chi-cuadrado solo *evalua asociaciones* entre variables categoricas, y no puede inferir nada sobre causalidad.

## requerimientos de los datos

Los datos deben cumplir las siguientes condiciones:

- 1. Tener dos variables categóricas.
- Dos o más categorías (grupos) o niveles para cada variable.
- 3. Independencia de las observaciones.
  - No existen relaciones entre los sujetos de cada grupo
  - Las variables categoricas no estan 'emparejadas' de manera.
- 4. Tamaño de muestra relativamente grande.
  - Se espera por lo menos una frecuencia de 1 en cada celda.
  - Se esperan frecuencias de por lo menos 5 en la mayoria (80%) de celdas.

# Hipotesis

La hipótesis nula  $(H_0)$  y la hipótesis alternativa  $(H_1)$  de la prueba de independencia de la prueba de chi cuadrado pueden ser expresadas de dos maneras diferentes pero equivalentes:

 $H_0$ : La [variable 1] es independiente de la [variable 2]

 $H_1$ : La [variable 1] no es independiente de la [variable 2] O

 $H_0$ : La [variable 1] No está asociada con [variable 2]

 $H_1$ : La [variable 1] está asociada con [variable 2]

Estadistico de la prueba			## ##	 	0.080	0.400	0.140		
El estadistico de la prueba de independencia de chi- cuadrado se denota como $X^2$ y se calcula de la sigu-					 1				
			##		2.106		•		
iente manera:			##	i	1.000	•	•		
				##	İ	0.077			
	17.7			##	ĺ	0.020			
	$X^2 =$	$\sum \sum$		##	-				
Cal	lculo en R			##	umn Total	13 0.260	0.500	·	
lik	orary(readxl)			## ##	-				
dat	cos <- read_excel(".	/datostabla.	xlsx")	##					
				##					
tak	ola<-table(datos)			chisa test(	tabla)\$stati	stic			
				chibq. ocbo(	σαρία, φρυασί	5010			
7 4 1									
	orary(gmodels) ossTable(datos\$nivel	loggolo dotos	(tingrosos)	## Warning	in chisq.tes	t(tabla):	Chi-squared	approximation	
CIC	ossiable (datospilive)	lescola, datos	edinglesos)						
				## X-square	d				
##				## 34.4096	4				
##									
##	Cell Contents			<pre>chisq.test(</pre>	tabla)				
##									
## ##		N		## Warning	in chisa.tes	t(tabla):	Chi-squared	approximation	
##	-			<pre>## Warning in chisq.test(tabla): Chi-squared approximation</pre>					
##				##					
##				## Pearson's Chi-squared test					
##				##					
##				## data: tabla					
##				## X-squared = 34.41, df = 6, p-value = 5.607e-06					
	Total Observations	in Table: 5	50						
##				Warning in	chisq.test(t	abla) : Ch	i-squared		
## ##	1	datos\$ingre	NEGE	approximation may be incorrect Aparece proque					
	datos\$nivelescola	alto		hay celdas co	on frecuencias   Row Total ximación de fis	de cero. Es	s aconsejable		
##				-	ximación de fis	sher para m	uestras como		
##	posgrado	8	0	i <sup>esta.</sup> 0		İ			
##		16.849	4.000	Los gradeneo	de libertad de	e la prueba	seria (filas-		
##	I	1.000		$ 1)(\operatorname{colu} \mathbf{moos}$	,	1			
##	I	0.615		Existen otros	estadisticos co	l omo el phi v	el Cramer:		
##	<u> </u>	0.160	0.000	7.000		I b ,	ii oranior.		
##				-		.			
## ##	primaria	0   2.600	0.000	5	10	1			
##	 	0.000		2.817		1			
##		0.000		0.417		i			
##	i	0.000		0.100		İ			
##				-		·			
##	secundaria	4	20	7		1			
##	I	2.045		0.026		1			
##	<u> </u>	0.129		0.226		1			
##	l	0.308	0.800	0.583	I	I			