

1 Теоретическая основа

Для описания структур данных используется *формальная* БНФ-грамматика. Все литералы имеют один из трёх префиксов: `s.`, `t.` или `e.`, соответствующие *символам*, *термам* и *объектным выражениям* языка Рефал.

Помимо явных символьных слов (`AreEqual`, `Var` и т.п.) используются следующие терминалы:

- `s.NUMBER` — любая макроцифра;
- `s.CHAR` — любой символ;
- `s.WORD` — любое символьное слово.
- `e.ANY` — произвольное объектное выражение.

Символы `*` и `+` означают повторение литерала ноль и более и один и более раз соответственно.

Помимо `::=` используется инфиксный оператор `:`, означающий, что только в данном контексте выражение слева представляется как выражение справа.

1.1 Представление уравнения

Рассматриваются уравнения в словах с алфавитом переменных Ξ и алфавитом констант Σ . Применение алгоритма Jez'a предполагает хранение дополнительной информации об уравнении: какие константы являются результатом сжатия блоков, какие переменные не могут быть пусты и т.д. Поэтому *уравнение* представляется структурой данных `t.Eq`:

`t.Eq ::= ((AreEqual (e.LHS) (e.RHS)) (e.Constrs) (e.Conds)),`

где `e.LHS: t.Elem*` и `e.RHS: t.Elem*` представляют левую и правую части уравнения, `e.Constrs: t.Constr*` — ограничения на переменные, а `e.Conds: t.Cond*` содержит условия на константы.

Элемент `t.Elem` обобщённо представляет *константу* или *переменную*, соответствующие структурам данных `t.Const` и `t.Var`:

`t.Elem ::= t.Var | t.Elem,`
`t.Var ::= (Var s.CHAR),`
`t.Const ::= (s.CHAR s.NUMBER).`

Назовём **сокращением** уравнения удаление всех совпадающих префиксных и суффиксных элементов его левой и правой частей. В результате получим **сокращённое** уравнение.

Два уравнения будем называть **эквивалентными**, если их сокращение производит уравнения с одинаковыми левыми и правыми частями.

1.2 Ограничения на переменные

Ограничения на переменные представляются структурой `t.Constr` и описываются в конъюнктивной нормальной форме. Литералами дизъюнкций являются *рестрикции* (отрицательные условия на переменные) типа `t.Restr`, подразделяющиеся на краевые `t.BoundRestr` и рестрикции на пустоту `t.EmptyRestr`:

```
t.Restr ::= t.BoundRestr | t.EmptyRestr.
```

Краевые рестрикции бывают *префиксными* `t.PrefixRestr` и *суффиксными* `t.SuffixRestr`. Они указывают, на какие константы не может начинаться или кончаться данная переменная.

```
t.BoundRestr ::= t.PrefixRestr | t.SuffixRestr,
t.PrefixRestr ::= (not t.Const starts t.Var),
t.SuffixRestr ::= (not t.Const ends t.Var).
```

Рестрикция на пустоту `t.EmptyRestr` сообщает, как следует, о невозможности обращения данной переменной в пустое слово ε :

```
t.EmptyRestr ::= (not empty t.Var).
```

В частности, будем называть переменную **непустой**, если для неё существует такая рестрикция.

Ограничения на переменные `t.Constr` могут содержать одну или две рестрикции, в соответствии с чем называются *тривиальными* `t.TrivialConstr` и *нетривиальными* `t.NonTrivialConstr`. В программе используется только четыре вида ограничений:

```
t.Constr ::= t.TrivialConstr | t.NonTrivialConstr
t.TrivialConstr ::= (OR t.Restr),
t.NonTrivialConstr ::= (OR t.SuffixRestr t.PrefixRestr).
```

Говоря далее *ограничения* мы, как правило, будем подразумевать именно тривиальные, если не оговорено противное, а также будем экстраполировать тип рестрикции на ограничение её содержащее: префиксное ограничение, ограничение на пустоту и т.д.

1.3 Условия на константы

Условие на константу `t.Cond` содержит сжимаемые блоки и соответствующую этому сжатию константу. Вообще, *блок* `t.Block` обозначает степень константы и представляется в виде

$$t.Block ::= (t.Const\ t.Exp* (const\ s.NUMBER)),$$

где `t.Const` — сжимаемая константа, `(const s.NUMBER)` — обязательный константный показатель, а `t.Exp ::= (s.WORD s.NUMBER)` — переменный показатель степени. Таким образом, условие на константу представляется в виде

$$t.Cond ::= (t.Const\ is\ t.Block+).$$

В программе используется только два типа условий: *парное условие* `t.PairCond` и *условие на блок* `t.BlockCond`:

$$\begin{aligned} t.PairCond &::= (t.Const\ is\ (t.Const\ (const\ 1))\ (t.Const\ (const\ 1))), \\ t.BlockCond &::= (t.Const\ is\ t.Block). \end{aligned}$$

1.4 Краевые элементы

Мы хотим применять `Pair`- и `Block`-сжатие не только к тривиальным константам, но и тем, что уже являются результатом сжатия в блоки. Для корректной обработки ограничений необходимо аккуратно отслеживать, на какие константы не может начинаться и кончатся та или иная переменная.

Пусть $\alpha, \gamma \in \Sigma$. Скажем, что $\alpha \in First(\gamma)$, если существует цепочка условий на константы такая, что

$$\gamma = \beta_1^{i_1} B_1, \quad \beta_1 = \beta_2^{i_2} B_2, \quad \dots, \quad \beta_{n-1} = \alpha^{i_n} B_n,$$

где $\beta_i \in \Sigma$, $i = 1, 2, \dots, n-1$, и $B_j \in \Sigma^*$, $j = 1, 2, \dots, n$. Симметрично определяется множество *Last*-элементов константы. Вообще, делая далее

какое-либо утверждение о *First*-элементах константы будем считать, что оно симметрично выполняется и для её *Last*-множества.

Иногда удобно использовать обобщение введённых выше понятий: будем говорить, что константа α является **краевым** элементом константы γ , если $\alpha \in First(\gamma)$ или $\alpha \in Last(\gamma)$. Обозначение: $\alpha \in Bound(\gamma)$.

1.5 Слабые и сильные ограничения

В соответствие с введённым в разделе 1.4 понятием краевого элемента, для данной переменной X и константы γ мы можем ввести *иерархические отношения* на множествах префиксных и суффиксных ограничений X с константами $First(\gamma)$ и $Last(\gamma)$ соответственно.

Пусть даны два, например, префиксных ограничения с константами α и β (для суффиксных — аналогично). Если $\alpha \in First(\beta)$, то α -ограничение является **более сильным**. В то же время β -ограничение есть **более слабое** по сравнению с первым. Имеет смысл хранить в уравнении лишь самые сильные ограничения.

Пусть, например, уравнение содержит ограничения

```
t.Constr1: (OR (not ('A' 1) ends (Var 'X')),
t.Constr2: (OR (not ('C' 0) ends (Var 'X'))
```

и условие

```
t.Cond: (('A' 1) is (('B' 0) (const 1)) (('C' 0) (const 1))).
```

Тогда в уравнении можно оставить только `t.Constr2`, так как оно сильнее ограничения `t.Constr1`

1.6 Избыточные рестрикции и условия

В результате некоторых действий краевые рестрикции могут стать неактуальными (с рестрикциями на пустоту такого не происходит), вследствие чего их можно удалить из уравнения. Будем называть краевую рестрикцию **избыточной** в двух случаях:

- участвующей в ней переменной нет в уравнении;
- участвующей в ней константы нет в уравнении, а также в правых частях условий на константы.

Условие на константу также может стать **избыточным**. Это происходит в следующих случаях:

- константа в левой части условия не участвует в уравнении и не является *Bound*-элементом какой-либо другой константы;
- условие имеет парный тип, обеих констант его правой части нет в уравнении и на них нет каких-либо других условий.

1.7 Обработка нетривиальных ограничений

Нетривиальные ограничения на переменные также могут подвергаться обработке. Пусть уравнение содержит

`t.NonTrivialConstr: (OR t.SuffixRestr t.PrefixRestr).`

Если в уравнении найдётся равное или более сильное в сравнении с `(OR t.SuffixRestr)` или `(OR t.PrefixRestr)` краевое ограничение, то `t.NonTrivialConstr` **выполняется тривиально**, и его можно удалить. Это же происходит и в случае, когда избыточна хотя бы одна из рестрикций `t.SuffixRestr` и `t.PrefixRestr`.

Будем называть префиксную рестрикцию с константой $\alpha \in \Sigma$ **зависимой** относительно некоторого $\beta \in \Sigma$, если $\alpha \in First(\beta) \cup \beta$. В противном случае рестрикция называется **независимой**.

Иногда нам потребуется модифицировать нетривиальные ограничения. Например, мы хотим выполнить *подстановку*

$$X \rightarrow X\alpha, \quad X \in \Xi, \quad \alpha \in \Sigma$$

при наличии такого ограничения с зависимой относительно α рестрикцией. Мы **вынуждаем** выполнение второй рестрикции, превращая тем самым нетривиальное ограничение в тривиальное.

1.8 Подстановки

В алгоритме повсеместно требуется выполнять нерекурсивные подстановки выражений. Определим для этого специальный формат `t.Subst`:

`t.Subst ::= (assign (e.Old) (e.New)),`

где выражение $e.Old$: $e.ANY$ — заменяемое, а $e.New$: $e.ANY$ — новое.

Практически всегда подстановка заключается в извлечении у переменной сзади или спереди константы и обращении этой переменной в пустое слово. Например,

$$X \rightarrow X\alpha, Y \rightarrow \beta Y, Z \rightarrow \varepsilon, \quad X, Y, Z \in \Xi, \quad \alpha, \beta \in \Sigma.$$

Такие подстановки называются соответственно **суффиксными**, **префиксными** и **пустыми**.

В контексте конкретной задачи подстановки могут быть **элементарными** и **композиционными**. Это означает, что для достижения некоторой цели могут потребоваться одна или две одновременно выполняющиеся подстановки.

1.9 Нормальное уравнение

Будем называть уравнение **нормальным**, если оно несократимо, не содержит слабых и тривиально выполняющихся ограничений и избыточных рестрикций и условий. Также потребуем, чтобы в нормальном уравнении все ограничения были отсортированы, равно как и показатели степеней $t.Exp$ условий на блок. В практической реализации используется быстрая сортировка, принимающая функцию-компаратор. Определив такие компараторы для ограничений и показателей степеней появляется возможность эффективно сортировать указанные элементы.

Нормальные уравнения представляют особый интерес для нас. Именно такие уравнения возвращают и ожидают получить на вход функции `Pick`, `SubstIndex`, `PairComp` и `BlockComp`.

2 Функция `Pick`

Скажем, что решение уравнения **неминимальное**, если его левая и правая части состоят из непустых переменных и только них.

Функция `Pick` принимает номер уравнения $s.Number$: $s.NUMBER$ и сами уравнения $e.Eqs$: $t.Eq+$. Все переменные уравнения под номером $s.Number$, для которых возможна подстановка в пустое слово, обращает в ε и возвращает

- **Success**, если новое уравнение эквивалентно уравнению $\varepsilon = \varepsilon$;

- `NotMinimal`, если решение такого уравнения неминимальное;
- новое нормальное уравнение в остальных случаях.

`Pick` имеет довольно простую реализацию: из множества всех переменных уравнения вычитаются непустые. Для оставшихся переменных генерируются и выполняются подстановки в пустое слово. Если получившееся уравнение эквивалентно $\varepsilon = \varepsilon$, возвращаем `Success`. В противном случае получаем множество констант нового уравнения. Если это множество пусто, возвращаем `NotMinimal`, иначе — получившееся нормализованное уравнение.

3 Функция `SubstIndex`

Функция `SubstIndex` принимает индекс `s.Index`: `s.WORD`, показатели `e.Exps`: `t.Exp+`, уравнение `t.Eq` и выполняет подстановку показателей на место данного индекса.

Для всякого условия на блок с показателем (`s.Index s.NUMBER`) производится замена этого показателя на множество `e.Exps`, каждый элемент которого домножен на постоянную `s.NUMBER`. Обычно после этого шага порядок показателей нарушается — их необходимо отсортировать.

В результате подстановки могло получиться условие вида

```
t.Cond: (t.Const is (t.BlockConst (const 0))).
```

Такое условие *коллапсирует*, так как коллапсирует содержавшийся в нём блок. Нам полезно на месте генерировать подстановки констант из левых частей таких условий в ε : позже мы осуществим эти подстановки в левой и правой частях уравнения, чтобы избавиться от ненужных констант.

Также мы могли получить условия с разными левыми, но одинаковыми правыми частями:

```
t.Cond1: (t.Const1 is (t.BlockConst e.Exps (const s.NUMBER))),
t.Cond2: (t.Const2 is (t.BlockConst e.Exps (const s.NUMBER))).
```

В таком случае мы сохраняем лишь одно условие (в реализации — с лексикографически наименьшей константой), например, `t.Cond1`, и генерируем замену константы второго условия `t.Const2` на `t.Const1`.

Теперь выполняем в уравнении все сгенерированные подстановки (констант коллапсировавших и заменённых условий). Остаётся лишь нормализовать полученное уравнение.

4 Функция PairComp

4.1 Вхождения сжимаемой пары

Рассмотрим возможности появления пары $\alpha\beta \in \Sigma^+$ в уравнении. Пусть одна из его частей представляется как

$$\Phi\alpha\beta\Psi, \quad \Phi, \Psi \in (\Sigma \cup \Xi)^*. \quad (1)$$

Здесь получаем **явное** вхождение исходной пары. Если часть уравнения имеет вид

$$\Phi X\beta\Psi, \quad X \in \Xi, \quad \Phi, \Psi \in (\Sigma \cup \Xi)^*, \quad (2)$$

мы можем рассмотреть случай, когда решение X оканчивается на α , т.е. $X = X\alpha$. Выполнив подстановку $X \rightarrow X\alpha$ (если это возможно) получим новое явное вхождение пары $\alpha\beta$. Поэтому нам интересна ситуация 2. Будем называть такое вхождение пары **перекрёстным**.

Случай

$$\Phi\alpha Y\Psi, \quad Y \in \Xi, \quad \Phi, \Psi \in (\Sigma \cup \Xi)^* \quad (3)$$

симметричен предыдущему: имеем перекрёстное вхождение пары $\alpha\beta$ и можем получить явное, выполнив подстановку $Y \rightarrow \beta Y$.

Наконец, часть уравнения может представляться в виде

$$\Phi X Y \Psi, \quad X, Y \in \Xi, \quad \Phi, \Psi \in (\Sigma \cup \Xi)^*. \quad (4)$$

В таком случае новое явное вхождение появляется (при отсутствии соответствующих ограничений) с выполненными одновременно подстановками $X \rightarrow X\alpha$ и $Y \rightarrow \beta Y$.

Пара $\alpha\beta$ также может входить в уравнение **неявно**, не являясь началом или концом решения, а находясь полностью внутри него. Такая ситуация в силу неминимальности нам неинтересна.

4.2 Существенные подстановки

Обратим внимание на случаи 2-4 раздела 4.1. Здесь краевые подстановки в своём контексте порождают новые явные вхождения в уравнение пары $\alpha\beta$, поэтому они называются **существенными**. Существенные элементарные и композитные подстановки включают одну и две подстановки соответственно. Например, подстановки в 2 и 3 являются существенными элементарными, а в 4 — существенной композитной.

В реализации нам потребуется понятие **специальной** подстановки: таковыми будем называть существенные элементарные подстановки, являющиеся частью какой-либо существенной композитной подстановки.

Описанные выше подстановки являются **непустыми**, но и **пустые** подстановки могут порождать новые явные пары, также называясь в этом случае **существенными**. Пусть часть уравнения представляется в виде

$$\Phi\alpha\Omega\beta\Psi, \quad \Omega \in \Xi^+, \quad \Phi, \Psi \in (\Sigma \cup \Xi)^*, \quad (5)$$

где хотя бы одна переменная в Ω может быть пуста. Пусть такой переменной будет $W \in \Xi$. Если максимальный блок W^i , $i \in \mathbb{N}$, следует непосредственно за α , обратив переменную в ε мы получим или новую явную пару $\alpha\beta$, или новую перекрёстную пару при соседстве α с новой переменной, следующей прямо за W^i . Получаем симметричную ситуацию, если W^i непосредственно предшествует β . Если же W^i находится внутри Ω , подстановка в пустое слово даст новое соседство двух переменных, следовательно — новое перекрёстное вхождение, где явная пара может быть порождена непустой существенной композитной подстановкой.

Мы видим, что во всех случаях имеет смысл совершать подстановку $W \rightarrow \varepsilon$. Аналогично разбираются случаи

$$\Phi X\Omega\beta\Psi, \quad X \in \Xi, \quad \Omega \in (\Xi/X)^+, \quad \Phi, \Psi \in (\Sigma \cup \Xi)^*, \quad (6)$$

$$\Phi\alpha\Omega Y\Psi, \quad Y \in \Xi, \quad \Omega \in (\Xi/Y)^+, \quad \Phi, \Psi \in (\Sigma \cup \Xi)^*, \quad (7)$$

$$\Phi X\Omega Y\Psi, \quad X, Y \in \Xi, \quad \Omega \in (\Xi/X/Y)^+, \quad \Phi, \Psi \in (\Sigma \cup \Xi)^*, \quad (8)$$

Важно, чтобы среди Ω была хотя бы одна переменная, для которой возможна пустая подстановка.

4.3 Опции PairComp

Для данного уравнения может обнаружиться множество пустых и непустых существенных подстановок. Вообще, не любая их комбинация ведёт к решению. Необходимо перебрать их всевозможные сочетания и уже среди них искать успешные.

Опция уравнения — легковесная абстракция для представления такого набора. В PairComp опция представляется типом `t.PairOption`:

```
t.PairOption ::= ((e.Substs) (e.Constrs)).
```

Здесь `e.Substs` хранит определённую комбинацию подстановок, а `e.Constrs` — накладываемые ограничения при этих подстановках. В совокупности ограничения могут быть противоречивы — такие опции отбрасываются сразу, не применяясь к уравнению. Остальные же *нормализуются* и производят новые уравнения.

Опции тоже имеет смысл приводить к **нормальному виду**. Для `t.PairOption` это означает отсутствие дубликатов, тривиально выполняющихся условий и конфликтующих рестрикций. Ограничения нормальной опции *модифицируются*: при префиксных подстановках удаляются независимые (зависимых на этом этапе быть не может — противоречие) префиксные и пустые ограничения, при суффиксных — симметрично. Наконец, к ограничениям опции прибавляются ограничения уравнения, чтобы в дальнейшем их уже не пришлось как-либо изменять.

4.4 Реализация PairComp

Функция принимает константу для замены `t.ReplConst`, элементы сжимаемой пары `t.Const1` и `t.Const2`, а также уравнение `t.Eq`. `PairComp` генерирует новую константу для замены и новые уравнения, выполняя различные комбинаций существенных пустых и непустых подстановок исходного уравнения `t.Eq`.

В начале рекурсивно генерируются ветви с выполняющимися и невыполняющимися существенными пустыми подстановками. Подстановки отбираются по одной, как описано в разделе 4.2. Для первой ветви сразу удаляются избыточные ограничения, возникшие с подстановкой переменной в ε , а к ограничениям второй ветви прибавляется непустота переменной.

Остановимся на какой-нибудь ветви. Как только на ней заканчиваются возможные существенные пустые подстановки, начинается поиск всех существенных непустых — элементарных и композитных. Они отбираются с учётом существующих краевых ограничений, поэтому на выходе получаем только возможные подстановки. Среди них удаляются дубликаты, а также определяются специальные подстановки.

Теперь можно генерировать первичные наборы опций, которые в дальнейшем будут декартово переменножаться. Говоря *подстановка выполняется* будем подразумевать осуществление данной подстановки без накладываемых ограничений. Говоря, что *подстановка не выполняется*

будем иметь в виду невыполнение подстановки с добавлением соответствующего ограничения.

Для всякой элементарной неспециальной подстановки генерируется **элементарный набор** из двух опций: в одной из них подстановка выполняется, а в другой — нет.

Для каждой композитной подстановки в зависимости от числа составляющих её специальных подстановок производится один из трёх **композитных наборов**.

1. *Обе* подстановки специальные. Набор содержит четыре опции: в первой выполняются обе подстановки, во второй выполняется одна и не выполняется другая, в третьей — наоборот, а в четвёртой не выполняется ни одна из подстановок.
2. *Одна* подстановка специальная, другая — нет. В наборе три опции: в первой выполняются обе подстановки, во второй выполняется специальная и не выполняется оставшаяся, в третьей просто не выполняется специальная.
3. *Ни одна* из подстановок не является специальной. Набор состояют две опции. В первой выполняются обе подстановки, а во второй не выполняется или одна, или другая. *Этот набор единственный во всей программе порождает нетривиальные ограничения.*

Производится декартово произведение полученных наборов. Пока есть два и более таких множества, берётся пара наборов, и их опции перемножаются. Результат — уже одно, а не два множества — возвращается в исходное семейство, и процедура повторяется.

Мы получили опции уравнения такими, какими мы определяли их в разделе 4.3. Нужно попытаться нормализовать эти опции: некоторые из них, возможно, будут удалены как противоречивые. Оставшиеся же дорабатываются как описывается в упомянутом разделе.

Наконец, опции применяются к уравнению. Если к этому моменту нет ни одной опции (изначально не было существенных непустых подстановок или все опции оказались противоречивы), искусственно применяется *пустая опция* вида `((/* no substs */) (/* no constrs */))`. Для каждой опции все её подстановки применяются к уравнению. Образовавшиеся явные пары сжимаются. Ограничения полученного уравнения подменяются ограничениями опции, и результат нормализуется.

5 Функция BlockComp

5.1 Сжатие переменной в блок

Предположим, что в уравнении нет тривиальных ограничений на его переменную $X \in \Xi$ (*нетривиальные ограничения не обрабатываются*). При сжатии X в блок $\alpha \in \Sigma$ необходимо рассмотреть два случая:

- переменная *коллапсирует* в блок:

$$X \rightarrow \alpha^i, \quad i \in \mathbb{N} \cup \{0\}. \quad (9)$$

- происходит извлечение максимальных префиксных и суффиксных блоков у переменной:

$$X \rightarrow \alpha^i X \alpha^j, \quad i, j \in \mathbb{N} \cup \{0\}. \quad (10)$$

Теперь X не может начинаться или кончаться на α в силу максимальной извлечённых блоков, а также не может быть пустым (иначе переменная сжималась бы в блок)

$$X \neq \alpha X, \quad X \neq X \alpha, \quad X \neq \varepsilon. \quad (11)$$

Допустим, в уравнении есть префиксные ограничения на X , независимые относительно α (суффиксные ограничения здесь и далее обрабатываются симметричным образом). Случай (10) теперь ветвится:

- Префиксный блок пуст, извлекается только суффиксный:

$$X \rightarrow X \alpha^j, \quad j \in \mathbb{N} \cup \{0\}.$$

Исходные ограничения сохраняются с присоединением ограничений (11).

- Префиксный блок *не* пуст:

$$X \rightarrow \alpha^i X \alpha^j, \quad i, j \in \mathbb{N} \cup \{0\}.$$

Исходные ограничения удаляются, а (11) — добавляются.

Пусть вместе с присутствующими или отсутствующими независимыми префиксными ограничениями на X переменная также непуста. Это влияет только на сжатие в блок (9): эта подстановка заменяется на

$$X \rightarrow \alpha^{i+1}, i \in \mathbb{N} \cup \{0\}, \quad (12)$$

а ограничения на переменную, если были в уравнении, удаляются.

Теперь рассмотрим случай, когда уравнение содержит только префиксные ограничения — зависимые и, возможно, независимые. Сжатие в блок (9) становится *невозможным*; оно заменяется на пустую подстановку $X \rightarrow \varepsilon$ с удалением всех ограничений. Извлечение префиксного блока в (10) также незаконно, поэтому извлекается только суффиксный:

$$X \rightarrow X\alpha^j, j \in \mathbb{N} \cup \{0\}; \quad (13)$$

прежние ограничения сохраняются, а из новых (11) добавляются только $X \neq \varepsilon$ и $X \neq X\alpha$, так как $X \neq \alpha X$ равно или слабее по силе существующих зависимых префиксных ограничений.

Наконец, если X ещё и не пуст, коллапсирование в ε вообще блокируется, и остаётся только извлечение (13).

В Рефале блок константы, например, ('A' 0) при подстановках в блок имеет вид ((('A' 0) Index (const 0))). Здесь Index есть переменная пока что *безымянного* показателя степени. В будущем, как станут известны все такие безымянные блоки уравнения, на место Index встанет конкретный переменный показатель: (i1 1), (i2 1) и т.д.

5.2 Опции BlockComp

Опция `t.BlockOption`, как и `t.PairOption`, хранит комбинации подстановок и модифицируемые ограничения, применяя которые из исходного уравнения мы получаем новые. Ограничения `block`-опции на месте будем делить на *добавляемые* к уравнению и *исключаемые* из него. Так делать, вообще, необязательно, но нынешняя реализация строится на этом подходе. Таким образом, `t.BlockOption` представляется в виде

```
((e.Substs) (e.AddedConstrs) (e.ExcludedConstrs)).
```

В отличие от набора `pair`-опций, декартово произведение `t.BlockOption` всегда совместимо, поскольку мы никак не обрабатываем нетривиальные ограничения (а если бы даже обрабатывали, недопустима ситуация

с двумя зависимыми относительно сжимаемой константы рестрикциями, содержащимися в одном ограничении — т.е. мы всегда сможем выбрать *удовлетворяющую* нас рестрикцию). Тем не менее, в таких наборах всё так же нужно удалять тривиально выполняющиеся и избыточные в связи с коллапсированием переменной в блок или ε ограничения.

Наконец, к изменённым ограничениям опции прибавляются ограничения уравнения (для замены в дальнейшем).

5.3 Реализация BlockComp

Функция принимает константу для сжатия `t.BlockConst`, константу и индекс `t.NewConst` и `s.NewIndex` соответственно для введения условий и уравнение `t.Eq`.

Для каждой переменной уравнения генерируется первичный набор опций по правилам, описанным в разделах 5.1 и 5.2. Число опций в наборе варьируется от одной пустой (если зависимые и префиксные, и суффиксные ограничения, а переменная непуста) до целых пяти в случае, когда префиксные и суффиксные ограничения независимы (здесь одна опция — коллапсирование переменной, другие четыре есть результат декартова произведения 2×2 опций с извлечением префиксных и суффиксных блоков).

Выполняется декартово произведение таких первичных наборов. Полученные опции нормализуются и применяются к уравнению.

...