

**LAPORAN PRAKTIKUM
STRUKTUR DATA**

**MODUL X
TREE**



Disusun Oleh :

NAMA : Afief Amar Purnomo

NIM : 103112430067

Dosen

FAHRUDIN MUKTI WIBOWO

**PROGRAM STUDI STRUKTUR DATA
FAKULTAS INFORMATIKA
TELKOM UNIVERSITY PURWOKERTO
2025**

A. Dasar Teori

Struktur data pohon (tree) merupakan struktur data non-linear yang digunakan untuk merepresentasikan hubungan hierarkis antar elemen data, dengan satu simpul utama bernama akar (root) dan simpul-simpul lain yang disebut node atau vertex yang saling terhubung melalui garis penghubung (edge). Setiap simpul dapat memiliki nol atau lebih simpul anak (child), di mana simpul tanpa anak disebut daun (leaf), dan hubungan ini membentuk subtree yang bersifat rekursif tanpa siklus atau loop.

Pohon bersifat hierarkis, berbeda dengan struktur linear seperti array atau linked list, sehingga efisien untuk operasi pencarian, penyisipan, dan pengurutan data, terutama pada binary tree di mana setiap simpul maksimal memiliki dua anak (kiri dan kanan), serta binary search tree (BST) yang memenuhi aturan $\text{child kiri} < \text{parent} < \text{child kanan}$. Implementasi pada C++ menggunakan struktur Node dengan pointer left dan right, mendukung traversal rekursif seperti pre-order (root-left-right), in-order (left-root-right), dan post-order (left-right-root) untuk mengakses data secara sistematis.

B. Guided (berisi screenshot source code & output program disertai penjelasannya)

Guided 1

(file tree.h)

```
C tree.h > ...
1  #ifndef TREE_H
2  #define TREE_H
3
4  struct Node {
5      int data;
6      Node *left, *right;
7      int height;
8  };
9
10 class BinaryTree {
11 private:
12     Node* root;
13
14     Node* insertNode(Node* node, int value);
15     Node* deleteNode(Node* node, int value);
16
17     int getHeight(Node* node);
18     int getBalance(Node* node);
19
20     Node* rotateRight(Node* y);
21     Node* rotateLeft(Node* x);
22
23     Node* minValueNode (Node* node);
24
25     void inorder(Node* node);
```

```
26 | Tabnine | Edit | Test | Explain | Document  
   | void preorder(Node* node);  
27 | Tabnine | Edit | Test | Explain | Document  
   | void postorder(Node* node);  
28 |  
29 | public:  
   | Tabnine | Edit | Test | Explain | Document  
30 | BinaryTree();  
   | Tabnine | Edit | Test | Explain | Document  
31 | void insert(int value);  
   | Tabnine | Edit | Test | Explain | Document  
32 | void deleteValue(int value);  
   | Tabnine | Edit | Test | Explain | Document  
33 | void update(int oldVal, int newVal);  
34 |  
   | Tabnine | Edit | Test | Explain | Document  
35 | void inorder();  
   | Tabnine | Edit | Test | Explain | Document  
36 | void preorder();  
   | Tabnine | Edit | Test | Explain | Document  
37 | void postorder();  
38 | };  
39 |  
40 | #endif
```

(file tree.cpp)

```
tree.cpp > getBalance(Node *)
1  #include "tree.h"
2  #include <iostream>
3  using namespace std;
4
5  Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
6  BinaryTree::BinaryTree() {
7      root = nullptr;
8  }
9
10 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
11 int BinaryTree::getHeight(Node* n) {
12     return (n == nullptr) ? 0 : n->height;
13 }
14
15 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
16 int BinaryTree::getBalance(Node* n) {
17     return (n == nullptr) ? 0 :
18         getHeight(n->left) - getHeight(n->right);
19 }
20
21 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
22 Node* BinaryTree::rotateRight(Node* y) {
23     Node* x = y->left;
24     Node* T2 = x->right;
25
26     x->right = y;
27     y->left = T2;
28
29     y->height = max(getHeight(y->left),
30         getHeight(y->right)) + 1;
31     x->height = max(getHeight(x->left),
32         getHeight(x->right)) + 1;
```

```

29
30     return x;
31 }
32
33 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
34 Node* BinaryTree::rotateLeft(Node* x) {
35     Node* y = x->right;
36     Node* T2 = y->left;
37
38     y->left = x;
39     x->right = T2;
40
41     x->height = max(getHeight(x->left),
42                     getHeight(x->right)) + 1;
43     y->height = max(getHeight(y->left),
44                     getHeight(y->right)) + 1;
45
46     return y;
47 }

```

```

48 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
49 Node* BinaryTree::insertNode(Node* node, int value) {
50     if (node == nullptr) {
51         Node* newNode = new Node{value, nullptr, nullptr, 1};
52         return newNode;
53     }
54
55     if (value < node->data)
56         node->left = insertNode(node->left, value);
57     else if (value > node->data)

```

```

57     node->right = insertNode(node->right, value);
58     else
59         return node;
60
61     node->height = 1 + max(getHeight(node->left),
62         getHeight(node->right));
63
64     int balance = getBalance(node);
65
66     if (balance > 1 && value < node->left->data)
67         return rotateRight(node);
68
69     if (balance < -1 && value > node->right->data)
70         return rotateLeft(node);
71
72     if (balance > 1 && value > node->left->data) {
73         node->left = rotateLeft(node->left);
74         return rotateRight(node);
75     }
76
77     if (balance < -1 && value < node->right->data) {
78         node->right = rotateRight(node->right);
79         return rotateLeft(node);
80     }
81
82     return node;
83 }
84
85 void BinaryTree::insert(int value) {

```

Tabnine | Edit | Test | Explain | Document

```

86     root = insertNode(root, value);
87 }
88
89 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
89 Node* BinaryTree::minValueNode(Node* node) {
90     Node* current = node;
91     while (current->left != nullptr)
92         current = current->left;
93     return current;
94 }
95
96 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
96 Node* BinaryTree::deleteNode(Node* root, int key) {
97     if (root == nullptr)
98         return root;
99
100     if (key < root->data)
101         root->left = deleteNode(root->left, key);
102     else if (key > root->data)
103         root->right = deleteNode(root->right, key);
104     else {
105         if ((root->left == nullptr) || (root->right == nullptr)) {
106             Node* temp = root->left ? root->left : root->right;
107
108             if (temp == nullptr) {
109                 temp = root;
110                 root = nullptr;
111             } else {
112                 *root = *temp;
113             }
114             delete temp;
115         } else {
116             Node* temp = minValueNode(root->right);
117             root->data = temp->data;
118             root->right = deleteNode(root->right, temp->data);
119         }
120     }
121
122     if (root == nullptr)
123         return root;
124
125     root->height = 1 + max(getHeight(root->left), getHeight(root->right));
126
127     int balance = getBalance(root);
128
129     if (balance > 1 && getBalance(root->left) >= 0)
130         return rotateRight(root);
131
132     if (balance > 1 && getBalance(root->left) < 0) {
133         root->left = rotateLeft(root->left);
134         return rotateRight(root);
135     }
136
137     if (balance < -1 && getBalance(root->right) <= 0)
138         return rotateLeft(root);
139
140     if (balance < -1 && getBalance(root->right) > 0) {
141         root->right = rotateRight(root->right);

```



```

142         return rotateLeft(root);
143     }
144
145     return root;
146 }
147
148 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
149 void BinaryTree::deleteValue(int value) {
150     root = deleteNode(root, value);
151 }
152
153 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
154 void BinaryTree::update(int oldVal, int newVal) {
155     deleteValue(oldVal);
156     insert(newVal);
157 }
158
159 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
160 void BinaryTree::inorder(Node* node) {
161     if (node == nullptr) return;
162     inorder(node->left);
163     cout << node->data << " ";
164     inorder(node->right);
165 }
166
167 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
168 void BinaryTree::preorder(Node* node) {
169     if (node == nullptr) return;
170     cout << node->data << " ";
171     preorder(node->left);
172     preorder(node->right);
173 }
174
175 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
176 void BinaryTree::postorder(Node* node) {
177     if (node == nullptr) return;
178     postorder(node->left);
179     postorder(node->right);
180     cout << node->data << " ";
181 }
182
183 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
184 void BinaryTree::inorder() { inorder(root); cout << endl; }
185
186 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
187 void BinaryTree::preorder() { preorder(root); cout << endl; }
188
189 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
190 void BinaryTree::postorder() { postorder(root); cout << endl; }

```

(file main.cpp)

```
main.cpp > main()
1  #include <iostream>
2  #include "tree.h"
3
4  using namespace std;
5
6  Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
7  int main() {
8      BinaryTree tree;
9
10     cout << "=== INSERT DATA ===" << endl;
11     tree.insert(10);
12     tree.insert(15);
13     tree.insert(20);
14     tree.insert(30);
15     tree.insert(35);
16     tree.insert(40);
17     tree.insert(50);
18
19     cout << "Data yang diinsert: 10, 15, 20, 30, 35, 40, 50" << endl;
20
21     cout << "\nTraversal setelah insert:" << endl;
22     cout << "Inorder   : "; tree.inorder();
23     cout << "Preorder  : "; tree.preorder();
24     cout << "Postorder : "; tree.postorder();
25
26     cout << "\n=== Update Data ===" << endl;
27     cout << "Sebelum update (20 -> 25): " << endl;
28     cout << "Inorder   : "; tree.inorder();
29
30     tree.update(20, 25);
31
32     cout << "Setelah update (20 -> 25): " << endl;
33     cout << "Inorder   : "; tree.inorder();
34
35     cout << "\n=== Delete Data ===" << endl;
36     cout << "Sebelum delete (hapus subtree dengan root = 30): " << endl;
37     cout << "Inorder   : "; tree.inorder();
38
39     tree.deleteValue(30);
40
41     cout << "Setelah delete (subtree root = 30 dihapus): " << endl;
42     cout << "Inorder   : "; tree.inorder();
43
44     return 0;
}
```

Screenshots Output

```
● PS D:\Kuliah\Semester 3\MATKUL\Praktikum Struktur Data\Praktikum\Modul_10\Guide> g++ main.cpp tree.cpp
● PS D:\Kuliah\Semester 3\MATKUL\Praktikum Struktur Data\Praktikum\Modul_10\Guide> ./a.exe

=== INSERT DATA ===
Data yang diinsert: 10, 15, 20, 30, 35, 40, 50

Traversal setelah insert:
Inorder   : 10 15 20 30 35 40 50
Preorder  : 30 15 10 20 40 35 50
Postorder : 10 20 15 35 50 40 30

=== Update Data ===
Sebelum update (20 -> 25):
Inorder   : 10 15 20 30 35 40 50
Setelah update (20 -> 25):
Inorder   : 10 15 25 30 35 40 50

=== Delete Data ===
Sebelum delete (hapus subtree dengan root = 30):
Inorder   : 10 15 25 30 35 40 50
Setelah delete (subtree root = 30 dihapus):
Inorder   : 10 15 25 35 40 50
```

Deskripsi:

Program di atas merupakan implementasi AVL Tree, yaitu struktur data pohon biner pencarian (Binary Search Tree) yang selalu menjaga keseimbangan tinggi (height-balanced). Setiap node memiliki tiga komponen utama: data, pointer left & right, serta height yang digunakan untuk menghitung faktor keseimbangan (balance factor). Kelas BinaryTree menyediakan berbagai operasi penting seperti insert untuk menambahkan node baru, deleteValue untuk menghapus node, update untuk mengganti nilai lama dengan nilai baru, serta tiga metode traversal yaitu inorder, preorder, dan postorder. Untuk menjaga pohon tetap seimbang, program menggunakan empat jenis rotasi: rotateLeft, rotateRight, Left-Right Rotation, dan Right-Left Rotation. Rotasi ini secara otomatis dijalankan apabila balance factor suatu node tidak berada pada rentang -1 hingga 1. Dengan demikian, setiap operasi insert dan delete terjamin berjalan efisien dengan kompleksitas $O(\log n)$. Pada fungsi main, program pertama-tama memasukkan data secara berurutan: 10, 15, 20, 30, 35, 40, dan 50. Karena data dimasukkan dalam urutan naik, pohon awalnya cenderung miring ke kanan, tetapi AVL Tree menyeimbangkannya lewat rotasi otomatis. Setelah semua data masuk, program menampilkan hasil traversal inorder, preorder, dan postorder untuk menunjukkan struktur pohon. Selanjutnya, program melakukan operasi update dengan mengganti nilai 20 menjadi 25. Proses ini dilakukan dengan menghapus nilai lama dan menambahkan nilai baru, lalu AVL Tree kembali menyeimbangkan dirinya. Hasil traversal inorder ditampilkan kembali untuk menunjukkan perubahan. Terakhir, program menjalankan operasi delete untuk menghapus node bernilai 30, yang juga menghapus subtree di bawahnya. AVL Tree kembali melakukan rotasi jika diperlukan untuk memastikan pohon tetap seimbang. Traversal inorder ditampilkan lagi untuk menunjukkan struktur pohon setelah penghapusan.

C. Unguided/Tugas (berisi screenshot source code & output program disertai penjelasannya)

Unguided 1 (soal 1)

(file bstree.h)

```
C bstree.h > InOrder(address)
1  #ifndef BSTREE_H
2  #define BSTREE_H
3
4  typedef int infotype;
5
6  typedef struct Node *address;
7
8  struct Node {
9      infotype info;
10     address left;
11     address right;
12 };
13
14 address alokasi(infotype x);
15 void insertNode(address &root, infotype x);
16 address findNode(infotype x, address root);
17 void InOrder(address root);
18 int hitungJumlahNode(address root);
19 int hitungTotalInfo(address root);
20 int hitungKedalaman(address root, int start);
21
22 #endif
```

(file bstree.cpp)

```
bstree.cpp > ...
1  #include <iostream>
2  #include "bstree.h"
3  using namespace std;
4
5  Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
6  address alokasi(infotype x) {
7      address p = new Node;
8      p->info = x;
9      p->left = nullptr;
10     p->right = nullptr;
11     return p;
12 }
13
14 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
15 void insertNode(address &root, infotype x) {
16     if (root == nullptr) {
17         root = alokasi(x);
18     } else if (x < root->info) {
19         insertNode(root->left, x);
20     } else {
21         insertNode(root->right, x);
22     }
23 }
24
25 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
26 address findNode(infotype x, address root) {
27     if (root == nullptr || root->info == x)
28         return root;
29
30     if (x < root->info)
31         return findNode(x, root->left);
32 }
```

```

30     return findNode(x, root->right);
31 }
32
33 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
34 void InOrder(address root) {
35     if (root != nullptr) {
36         InOrder(root->left);
37         cout << root->info << " - ";
38         InOrder(root->right);
39     }
40
41 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
42 int hitungJumlahNode(address root) {
43     if (root == nullptr)
44         return 0;
45     return 1 + hitungJumlahNode(root->left) + hitungJumlahNode(root->right);
46
47 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
48 int hitungTotalInfo(address root) {
49     if (root == nullptr)
50         return 0;
51     return root->info + hitungTotalInfo(root->left) + hitungTotalInfo(root->right);
52
53 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
54 int hitungKedalaman(address root, int start) {
55     if (root == nullptr)
56         return start;
57
58     int leftDepth = hitungKedalaman(root->left, start + 1);
59     int rightDepth = hitungKedalaman(root->right, start + 1);
60
61     return (leftDepth > rightDepth) ? leftDepth : rightDepth;
62 }

```

(file main.cpp)

```
main.cpp > main()
1  #include <iostream>
2  #include "bstree.h"
3
4  using namespace std;
5
6  int main() {
7      cout << "Hello World!" << endl;
8
9      address root = nullptr;
10
11     insertNode(root, 1);
12     insertNode(root, 2);
13     insertNode(root, 6);
14     insertNode(root, 4);
15     insertNode(root, 5);
16     insertNode(root, 3);
17     insertNode(root, 7);
18
19     InOrder(root);
20
21     cout << "\n";
22
23     cout << "kedalaman : " << hitungKedalaman(root, 0) << endl;
24     cout << "jumlah Node : " << hitungJumlahNode(root) << endl;
25     cout << "total : " << hitungTotalInfo(root) << endl;
26
27     return 0;
28 }
29
```

Screenshots Output

```
PS D:\Kuliah\Semester 3\MATKUL\Praktikum Struktur Data\Praktikum\Modul_10\Unguide> g++ main.cpp bstree.cpp
PS D:\Kuliah\Semester 3\MATKUL\Praktikum Struktur Data\Praktikum\Modul_10\Unguide> ./a.exe
Hello World!
1 - 2 - 3 - 4 - 5 - 6 - 7 -
kedalaman : 5
jumlah Node : 7
total : 28
```

Deskripsi:

Program di atas merupakan implementasi struktur data **Binary Search Tree (BST)** menggunakan bahasa C++ yang menyimpan data secara terurut dengan aturan bahwa nilai yang lebih kecil ditempatkan di subtree kiri dan nilai yang lebih besar ditempatkan di subtree kanan. Setiap node memiliki nilai info serta pointer ke anak kiri dan kanan. Program menyediakan fungsi insertNode untuk menambahkan data ke dalam BST, findNode untuk mencari nilai tertentu, serta InOrder untuk menampilkan data secara terurut. Selain itu, terdapat fungsi hitungJumlahNode untuk menghitung total node, hitungTotalInfo untuk menjumlahkan seluruh nilai info, dan hitungKedalaman untuk

menentukan kedalaman maksimum pohon. Pada fungsi main, program membangun BST dengan memasukkan data 1, 2, 6, 4, 5, 3, dan 7, kemudian menampilkan traversal inorder yang menghasilkan urutan 1 – 2 – 3 – 4 – 5 – 6 – 7. Setelah itu, program menghitung dan menampilkan kedalaman pohon, jumlah node, serta total seluruh nilai info, sehingga menunjukkan bagaimana BST bekerja dalam menyimpan data terurut dan menyediakan informasi mengenai struktur pohonnya.

D. Kesimpulan

Berdasarkan hasil praktikum pada Modul X tentang Struktur Data Tree, dapat disimpulkan bahwa tree merupakan struktur data non-linear yang digunakan untuk merepresentasikan hubungan hierarkis antar elemen, dengan satu simpul utama sebagai root dan node-node lain yang saling terhubung melalui subtree. Melalui praktikum ini, mahasiswa memahami konsep dasar tree, khususnya Binary Tree, Binary Search Tree (BST), serta AVL Tree yang mampu menjaga keseimbangan tinggi pohon agar operasi tetap efisien. Implementasi meliputi pembuatan node, operasi insert, search, update, delete, hingga traversal seperti preorder, inorder, dan postorder. Pada AVL Tree, mahasiswa mempraktikkan rotasi kiri, kanan, left-right, dan right-left untuk menjaga keseimbangan pohon. Dalam latihan BST, mahasiswa mengimplementasikan perhitungan jumlah node, total nilai info, dan kedalaman pohon. Sebagai contoh, ketika data dimasukkan secara berurutan seperti 10, 15, 20, 30, 35, 40, dan 50, struktur pohon awalnya miring ke kanan, namun AVL Tree secara otomatis melakukan rotasi sehingga pohon kembali seimbang. Secara keseluruhan, praktikum ini memberikan pemahaman mendalam mengenai cara kerja tree dalam penyimpanan data terstruktur, pencarian yang lebih efisien, serta penerapannya pada berbagai kasus pemrograman seperti hierarki data, indexing, dan sistem berorientasi pencarian.

E. Referensi

- ADT tree: Rekursi binary tree C++ Universitas Indonesia. (2022). Fasilkom UI - IKI20100. http://aren.cs.ui.ac.id/sda/resources/sda2010/10_tree.pdf
- Implementasi insert binary search tree single dan double pointer C++. (2023). School of Computer Science BINUS. <https://socs.binus.ac.id/2017/05/10/implementasi-insert-pada-binary-search-tree-dengan-single-dan-double-pointer/>
- Pelatihan pemrograman C++ struktur data tree dan graph. (2024). Jurnal Reswara Dharmawangsa, 5(2). <https://jurnal.dharmawangsa.ac.id/index.php/reswara/article/download/5101/pdf>