

**LAPORAN PRAKTIKUM
STRUKTUR DATA**

**MODUL X
TREE**



Disusun Oleh :
NAMA : Afief Amar Purnomo
NIM : 103112430067

Dosen
FAHRUDIN MUKTI WIBOWO

**PROGRAM STUDI STRUKTUR DATA
FAKULTAS INFORMATIKA
TELKOM UNIVERSITY PURWOKERTO
2025**

A. Dasar Teori

Struktur data pohon (tree) merupakan struktur data non-linear yang digunakan untuk merepresentasikan hubungan hierarkis antar elemen data, dengan satu simpul utama bernama akar (root) dan simpul-simpul lain yang disebut node atau vertex yang saling terhubung melalui garis penghubung (edge). Setiap simpul dapat memiliki nol atau lebih simpul anak (child), di mana simpul tanpa anak disebut daun (leaf), dan hubungan ini membentuk subtree yang bersifat rekursif tanpa siklus atau loop.

Pohon bersifat hierarkis, berbeda dengan struktur linear seperti array atau linked list, sehingga efisien untuk operasi pencarian, penyisipan, dan pengurutan data, terutama pada binary tree di mana setiap simpul maksimal memiliki dua anak (kiri dan kanan), serta binary search tree (BST) yang memenuhi aturan $\text{child kiri} < \text{parent} < \text{child kanan}$. Implementasi pada C++ menggunakan struktur Node dengan pointer left dan right, mendukung traversal rekursif seperti pre-order (root-left-right), in-order (left-root-right), dan post-order (left-right-root) untuk mengakses data secara sistematis.

B. Guided (berisi screenshot source code & output program disertai penjelasannya)

Guided 1

(file tree.h)

```
C tree.h > ...
1  #ifndef TREE_H
2  #define TREE_H
3
4  struct Node {
5      int data;
6      Node *left, *right;
7      int height;
8  };
9
10 class BinaryTree {
11 private:
12     Node* root;
13
14     Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
15     Node* insertNode(Node* node, int value);
16     Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
17     Node* deleteNode(Node* node, int value);
18
19     Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
20     int getHeight(Node* node);
21     Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
22     int getBalance(Node* node);
23
24     Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
25     Node* minValueNode (Node* node);
26
27     Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
28     void inorder(Node* node);
```

```
26     Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
26     void preorder(Node* node);
27     Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
27     void postorder(Node* node);
28
29     public:
30         Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
30         BinaryTree();
31         Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
31         void insert(int value);
32         Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
32         void deleteValue(int value);
33         Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
33         void update(int oldVal, int newVal);
34
35         Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
35         void inorder();
36         Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
36         void preorder();
37         Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
37         void postorder();
38     };
39
40 #endif
```

(file tree.cpp)

```
tree.cpp > ⌂ getBalance(Node *)
1  #include "tree.h"
2  #include <iostream>
3  using namespace std;
4
5  Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
6  BinaryTree::BinaryTree() {
7      root = nullptr;
8 }
9
10 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
11 int BinaryTree::getHeight(Node* n) {
12     return (n == nullptr) ? 0 : n->height;
13 }
14
15 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
16 int BinaryTree::getBalance(Node* n) {
17     return (n == nullptr) ? 0 :
18         getHeight(n->left) - getHeight(n->right);
19 }
20
21 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
22 Node* BinaryTree::rotateRight(Node* y) {
23     Node* x = y->left;
24     Node* T2 = x->right;
25
26     x->right = y;
27     y->left = T2;
28
29     y->height = max(getHeight(y->left),
30                       getHeight(y->right)) + 1;
31     x->height = max(getHeight(x->left),
32                       getHeight(x->right)) + 1;
```

```
29     |         return x;
30     |     }
31     |
32     Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
33     Node* BinaryTree::rotateLeft(Node* x) {
34         Node* y = x->right;
35         Node* T2 = y->left;
36
37         y->left = x;
38         x->right = T2;
39
40         x->height = max(getHeight(x->left),
41             getHeight(x->right)) + 1;
42         y->height = max(getHeight(y->left),
43             getHeight(y->right)) + 1;
44
45         return y;
46     }
47
48     Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
49     Node* BinaryTree::insertNode(Node* node, int value) {
50         if (node == nullptr) {
51             Node* newNode = new Node{value, nullptr, nullptr, 1};
52             return newNode;
53         }
54
55         if (value < node->data)
56             node->left = insertNode(node->left, value);
57         else if (value > node->data)
```

```
57     node->right = insertNode(node->right, value);
58   else
59     return node;
60
61   node->height = 1 + max(getHeight(node->left),
62                         getHeight(node->right));
63
64   int balance = getBalance(node);
65
66   if (balance > 1 && value < node->left->data)
67     return rotateRight(node);
68
69   if (balance < -1 && value > node->right->data)
70     return rotateLeft(node);
71
72   if (balance > 1 && value > node->left->data) {
73     node->left = rotateLeft(node->left);
74     return rotateRight(node);
75   }
76
77   if (balance < -1 && value < node->right->data) {
78     node->right = rotateRight(node->right);
79     return rotateLeft(node);
80   }
81
82   return node;
83 }
84
85 void BinaryTree::insert(int value) {
```

Tabnine | Edit | Test | Explain | Document

```

86     root = insertNode(root, value);
87 }
88
89 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
90 Node* BinaryTree::minValueNode(Node* node) {
91     Node* current = node;
92     while (current->left != nullptr)
93         current = current->left;
94     return current;
95 }
96
97 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
98 Node* BinaryTree::deleteNode(Node* root, int key) {
99     if (root == nullptr)
100        return root;
101
102     if (key < root->data)
103         root->left = deleteNode(root->left, key);
104     else if (key > root->data)
105         root->right = deleteNode(root->right, key);
106     else {
107         if ((root->left == nullptr) || (root->right == nullptr)) {
108             Node* temp = root->left ? root->left : root->right;
109
110             if (temp == nullptr) {
111                 temp = root;
112                 root = nullptr;
113             } else {
114                 *root = *temp;
115             }
116             delete temp;
117         } else {
118             Node* temp = minValueNode(root->right);
119             root->data = temp->data;
120             root->right = deleteNode(root->right, temp->data);
121         }
122     }
123
124     if (root == nullptr)
125        return root;
126
127     root->height = 1 + max(getHeight(root->left), getHeight(root->right));
128
129     int balance = getBalance(root);
130
131     if (balance > 1 && getBalance(root->left) >= 0)
132         return rotateRight(root);
133
134     if (balance > 1 && getBalance(root->left) < 0) {
135         root->left = rotateLeft(root->left);
136         return rotateRight(root);
137     }
138
139     if (balance < -1 && getBalance(root->right) <= 0)
140         return rotateLeft(root);
141
142     if (balance < -1 && getBalance(root->right) > 0) {
143         root->right = rotateRight(root->right);
144     }

```

```
142     |         return rotateLeft(root);
143     |
144
145     |     return root;
146 }
147
Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
148 void BinaryTree::deleteValue(int value) {
149     |     root = deleteNode(root, value);
150 }
151
Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
152 void BinaryTree::update(int oldVal, int newVal) {
153     |     deleteValue(oldVal);
154     |     insert(newVal);
155 }
156
Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
157 void BinaryTree::inorder(Node* node) {
158     |     if (node == nullptr) return;
159     |     inorder(node->left);
160     |     cout << node->data << " ";
161     |     inorder(node->right);
162 }
163
Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
164 void BinaryTree::preorder(Node* node) {
165     |     if (node == nullptr) return;
166     |     cout << node->data << " ";
167     |     preorder(node->left);
168     |     preorder(node->right);
169 }
170
Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
171 void BinaryTree::postorder(Node* node) {
172     |     if (node == nullptr) return;
173     |     postorder(node->left);
174     |     postorder(node->right);
175     |     cout << node->data << " ";
176 }
177
Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
178 void BinaryTree::inorder() { inorder(root); cout << endl; }
Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
179 void BinaryTree::preorder() { preorder(root); cout << endl; }
Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
180 void BinaryTree::postorder() { postorder(root); cout << endl; }
```

(file main.cpp)

```
← main.cpp > ⌂ main()
1  #include <iostream>
2  #include "tree.h"
3
4  using namespace std;
5
6  Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
7  int main() {
8      BinaryTree tree;
9
10     cout << "==== INSERT DATA ===" << endl;
11     tree.insert(10);
12     tree.insert(15);
13     tree.insert(20);|
14     tree.insert(30);
15     tree.insert(35);
16     tree.insert(40);
17     tree.insert(50);
18
19     cout << "Data yang diinsert: 10, 15, 20, 30, 35, 40, 50" << endl;
20
21     cout << "\nTraversal setelah insert:" << endl;
22     cout << "Inorder    : "; tree.inorder();
23     cout << "Preorder   : "; tree.preorder();
24     cout << "Postorder  : "; tree.postorder();
25
26     cout << "\n==== Update Data ===" << endl;
27     cout << "Sebelum update (20 -> 25): " << endl;
28     cout << "Inorder    : "; tree.inorder();
29
30     tree.update(20, 25);
31
32     cout << "Setelah update (20 -> 25): " << endl;
33     cout << "Inorder    : "; tree.inorder();
34
35     cout << "\n==== Delete Data ===" << endl;
36     cout << "Sebelum delete (hapus subtree dengan root = 30): " << endl;
37     cout << "Inorder    : "; tree.inorder();
38
39     tree.deleteValue(30);
40
41     cout << "Setelah delete (subtree root = 30 dihapus): " << endl;
42     cout << "Inorder    : "; tree.inorder();
43
44     return 0;
}
```

Screenshots Output

```
● PS D:\Kuliah\Semester 3\MATKUL\Praktikum Struktur Data\Praktikum\Modul_10\Guide> g++ main.cpp tree.cpp
● PS D:\Kuliah\Semester 3\MATKUL\Praktikum Struktur Data\Praktikum\Modul_10\Guide> ./a.exe
    === INSERT DATA ===
    Data yang diinsert: 10, 15, 20, 30, 35, 40, 50

    Traversal setelah insert:
    Inorder   : 10 15 20 30 35 40 50
    Preorder  : 30 15 10 20 40 35 50
    Postorder : 10 20 15 35 50 40 30

    === Update Data ===
    Sebelum update (20 -> 25):
    Inorder   : 10 15 20 30 35 40 50
    Setelah update (20 -> 25):
    Inorder   : 10 15 25 30 35 40 50

    === Delete Data ===
    Sebelum delete (hapus subtree dengan root = 30):
    Inorder   : 10 15 25 30 35 40 50
    Setelah delete (subtree root = 30 dihapus):
    Inorder   : 10 15 25 35 40 50
```

Deskripsi:

Program di atas merupakan implementasi AVL Tree, yaitu struktur data pohon biner pencarian (Binary Search Tree) yang selalu menjaga keseimbangan tinggi (height-balanced). Setiap node memiliki tiga komponen utama: data, pointer left & right, serta height yang digunakan untuk menghitung faktor keseimbangan (balance factor). Kelas BinaryTree menyediakan berbagai operasi penting seperti insert untuk menambahkan node baru, deleteValue untuk menghapus node, update untuk mengganti nilai lama dengan nilai baru, serta tiga metode traversal yaitu inorder, preorder, dan postorder. Untuk menjaga pohon tetap seimbang, program menggunakan empat jenis rotasi: rotateLeft, rotateRight, Left-Right Rotation, dan Right-Left Rotation. Rotasi ini secara otomatis dijalankan apabila balance factor suatu node tidak berada pada rentang -1 hingga 1. Dengan demikian, setiap operasi insert dan delete terjamin berjalan efisien dengan kompleksitas $O(\log n)$. Pada fungsi main, program pertama-tama memasukkan data secara berurutan: 10, 15, 20, 30, 35, 40, dan 50. Karena data dimasukkan dalam urutan naik, pohon awalnya cenderung miring ke kanan, tetapi AVL Tree menyeimbangkannya lewat rotasi otomatis. Setelah semua data masuk, program menampilkan hasil traversal inorder, preorder, dan postorder untuk menunjukkan struktur pohon. Selanjutnya, program melakukan operasi update dengan mengganti nilai 20 menjadi 25. Proses ini dilakukan dengan menghapus nilai lama dan menambahkan nilai baru, lalu AVL Tree kembali menyeimbangkan dirinya. Hasil traversal inorder ditampilkan kembali untuk menunjukkan perubahan. Terakhir, program menjalankan operasi delete untuk menghapus node bernilai 30, yang juga menghapus subtree di bawahnya. AVL Tree kembali melakukan rotasi jika diperlukan untuk memastikan pohon tetap seimbang. Traversal inorder ditampilkan lagi untuk menunjukkan struktur pohon setelah penghapusan.

C. Unguided/Tugas (berisi screenshot source code & output program disertai penjelasannya)

Unguided 1 (soal 1)

(file bstree.h)

```
C bstree.h > InOrder(address)
1  #ifndef BSTREE_H
2  #define BSTREE_H
3
4  typedef int infotype;
5
6  typedef struct Node *address;
7
8  struct Node {
9      infotype info;
10     address left;
11     address right;
12 };
13
14 address alokasi(infotype x);
15 void insertNode(address &root, infotype x);
16 address findNode(infotype x, address root);
17 void InOrder(address root);
18 int hitungJumlahNode(address root);
19 int hitungTotalInfo(address root);
20 int hitungKedalaman(address root, int start);
21
22 #endif
```

(file bstree.cpp)

```
git bstree.cpp > ...
1 #include <iostream>
2 #include "bstree.h"
3 using namespace std;
4
5 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
6 address alokasi(infotype x) {
7     address p = new Node;
8     p->info = x;
9     p->left = nullptr;
10    p->right = nullptr;
11    return p;
12 }
13 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
14 void insertNode(address &root, infotype x) {
15     if (root == nullptr) {
16         root = alokasi(x);
17     } else if (x < root->info) {
18         insertNode(root->left, x);
19     } else {
20         insertNode(root->right, x);
21     }
22 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
23 address findNode(infotype x, address root) {
24     if (root == nullptr || root->info == x)
25         return root;
26
27     if (x < root->info)
28         return findNode(x, root->left);
29 }
```

```
30     return findNode(x, root->right);
31 }
32
33 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
34 void InOrder(address root) {
35     if (root != nullptr) {
36         InOrder(root->left);
37         cout << root->info << " - ";
38         InOrder(root->right);
39     }
40
41 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
42 int hitungJumlahNode(address root) {
43     if (root == nullptr)
44         return 0;
45     return 1 + hitungJumlahNode(root->left) + hitungJumlahNode(root->right);
46 }
47
48 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
49 int hitungTotalInfo(address root) {
50     if (root == nullptr)
51         return 0;
52     return root->info + hitungTotalInfo(root->left) + hitungTotalInfo(root->right);
53 }
54
55 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
56 int hitungKedalaman(address root, int start) {
57     if (root == nullptr)
58         return start;
59
60     int leftDepth = hitungKedalaman(root->left, start + 1);
61     int rightDepth = hitungKedalaman(root->right, start + 1);
62
63     return (leftDepth > rightDepth) ? leftDepth : rightDepth;
64 }
```

(file main.cpp)

```
C:\main.cpp > main()
1 #include <iostream>
2 #include "bstree.h"
3
4 using namespace std;
5
6 Tabnine | Edit | Test | Explain | Document
7 int main() {
8     cout << "Hello World!" << endl;
9
10    address root = nullptr;
11
12    insertNode(root, 1);
13    insertNode(root, 2);
14    insertNode(root, 6);
15    insertNode(root, 4);
16    insertNode(root, 5);
17    insertNode(root, 3);
18    insertNode(root, 7);
19
20    InOrder(root);
21
22    cout << "\n";
23
24    cout << "kedalaman : " << hitungKedalaman(root, 0) << endl;
25    cout << "jumlah Node : " << hitungJumlahNode(root) << endl;
26    cout << "total : " << hitungTotalInfo(root) << endl;
27
28    return 0;
29 }
```

Screenshots Output

```
● PS D:\Kuliah\Semester 3\MATKUL\Praktikum Struktur Data\Praktikum\Modul_10\Unguide> g++ main.cpp bstree.cpp
● PS D:\Kuliah\Semester 3\MATKUL\Praktikum Struktur Data\Praktikum\Modul_10\Unguide> ./a.exe
Hello World!
1 - 2 - 3 - 4 - 5 - 6 - 7 -
kedalaman : 5
jumlah Node : 7
total : 28
```

Deskripsi:

Program di atas merupakan implementasi struktur data **Binary Search Tree (BST)** menggunakan bahasa C++ yang menyimpan data secara terurut dengan aturan bahwa nilai yang lebih kecil ditempatkan di subtree kiri dan nilai yang lebih besar ditempatkan di subtree kanan. Setiap node memiliki nilai info serta pointer ke anak kiri dan kanan. Program menyediakan fungsi insertNode untuk menambahkan data ke dalam BST, findNode untuk mencari nilai tertentu, serta InOrder untuk menampilkan data secara terurut. Selain itu, terdapat fungsi hitungJumlahNode untuk menghitung total node, hitungTotalInfo untuk menjumlahkan seluruh nilai info, dan hitungKedalaman untuk

menentukan kedalaman maksimum pohon. Pada fungsi main, program membangun BST dengan memasukkan data 1, 2, 6, 4, 5, 3, dan 7, kemudian menampilkan traversal inorder yang menghasilkan urutan 1 – 2 – 3 – 4 – 5 – 6 – 7. Setelah itu, program menghitung dan menampilkan kedalaman pohon, jumlah node, serta total seluruh nilai info, sehingga menunjukkan bagaimana BST bekerja dalam menyimpan data terurut dan menyediakan informasi mengenai struktur pohonnya.

D. Kesimpulan

Berdasarkan hasil praktikum pada Modul X tentang Struktur Data Tree, dapat disimpulkan bahwa tree merupakan struktur data non-linear yang digunakan untuk merepresentasikan hubungan hierarkis antar elemen, dengan satu simpul utama sebagai root dan node-node lain yang saling terhubung melalui subtree. Melalui praktikum ini, mahasiswa memahami konsep dasar tree, khususnya Binary Tree, Binary Search Tree (BST), serta AVL Tree yang mampu menjaga keseimbangan tinggi pohon agar operasi tetap efisien. Implementasi meliputi pembuatan node, operasi insert, search, update, delete, hingga traversal seperti preorder, inorder, dan postorder. Pada AVL Tree, mahasiswa mempraktikkan rotasi kiri, kanan, left-right, dan right-left untuk menjaga keseimbangan pohon. Dalam latihan BST, mahasiswa mengimplementasikan perhitungan jumlah node, total nilai info, dan kedalaman pohon. Sebagai contoh, ketika data dimasukkan secara berurutan seperti 10, 15, 20, 30, 35, 40, dan 50, struktur pohon awalnya miring ke kanan, namun AVL Tree secara otomatis melakukan rotasi sehingga pohon kembali seimbang. Secara keseluruhan, praktikum ini memberikan pemahaman mendalam mengenai cara kerja tree dalam penyimpanan data terstruktur, pencarian yang lebih efisien, serta penerapannya pada berbagai kasus pemrograman seperti hierarki data, indexing, dan sistem berorientasi pencarian.

E. Referensi

ADT tree: Rekursi binary tree C++. Universitas Indonesia. (2022). Fasilkom UI - IKI20100. http://aren.cs.ui.ac.id/sda/resources/sda2010/10_tree.pdf

Implementasi insert binary search tree single dan double pointer C++. (2023). School of Computer Science BINUS. <https://socs.binus.ac.id/2017/05/10/implementasi-insert-pada-binary-search-tree-dengan-single-dan-double-pointer/>

Pelatihan pemrograman C++ struktur data tree dan graph. (2024). Jurnal Reswara Dharmawangsa, 5(2).

<https://jurnal.dharmawangsa.ac.id/index.php/reswara/article/download/5101/pdf>