תרגיל מס.5

עפיף חלומה 302323001 במרץ 2010

ו שאלה ו

ערימה היא עץ כמעט שלם, כלומר הרמה התחתונה ביותר היא הרמה היחידה הלא מלאה, והקודקודים בה תמיד מתחילים להתמלא משמאל לימין. כלומר אי אפשר שקודקוד i יהיה קיים בלי ש הקודקודים 0 עד i-1 בשורה האו יהיו קיימים.

לפי זה, מקבלים מקסימום כאשר שני תת העצים יהיו שווים(כי לא יתכן שהעץ ${
m Left/Right}=1$ הימני יותר גדול מהשמאלי) אזי היחס הגדול ביותר הוא

2 שאלה 2

x 2.1

עבל לא יתכן שכותב התרגילים יתן לנו שאלה כל כך טובה אזי אני אוכיח בהנחה שהערכים שונים.

לפי ההגדרה של ערימה:

צריך להיות ה Root כי הוא גדול מכולם.

שיותר גדול מהם, אילו הם a,b. משל

 $.value\left(b\right)$ ו $value\left(i\right)>value\left(a\right)$ אזי איור בנים לו בנים לו קיימים לו פלל קודקוד אחד איוור אחד איוור אחד שגדול ממנו. איוור אחד איוור אחד שהוא Second Largest

לפי הגדרה הי יודעים כי כל קודקוד הוא גדול מכל בניו. אזי אם a,b הם הבנים לפי הגדרה הוא גדול מכל קודקוד מכל האיברים בתת העץ של הוא ל $\{a,Root\}$ בי גם אייברים מכל האיברים מכל אייבר אחד גדולים מתת העץ השמאלי של Root. אזי יש רק שתי איברים שיש רק איבר אחד גדולים מתת העץ השמאלי של מכל האייברים שיש רק איבר אחד

□ 2.2

זה גם לא נכון על עץ בעל ערכים קבועים! מה אתם מנסים להטעה אותנו! הוכחה עבור ערכים שונים

לפי ההגדרה אם עץ יש לו בנים אז הוא יותר גדול מהבנים שלו. אזי הבנים יותר קטנים ממנו. לפי כך כל קודקוד שיש לו בנים הוא לא הקטן ביותר. אזי הקודקוד הקטן ביותר הוא עלהולפי ההגדרה). משל. הקטן ביותר אין לו בנים. אזי הקודקוד הקטן ביותר הוא עלהולפי ההגדרה). משל.

3 שאלה

4 שאלה

נראה לי שהוכחתי את זה בתרגיל הקודם....

יודעים כי עבור כל רמה(אם מתחילים לספור מ0יש 2^i קודקודים. אזי רוצים להוכיח כי עבור כל רמה

$$\sum_{i=0}^{n-1} 2^i = 2^n - 1$$

n נשתמש באינדוקציה עבור

בדיקה: n=0 (הערה: הסכום לא מסכם כלום. מה הבעיה עם מתמטיקיים! הם לא מצינים החלק השלישי בלולאות ה־For שלהם)

$$\sum_{i=0}^{-1} (\dots) = 2^{0} - 1$$

$$0 = 1 - 1$$

$$0 = 0$$

n=k נניח עבור מתקיימת נניח כי הנוחת נניח נניח נניח נניח האינדוקציה:

n=k+1 צעד האינדוקציה: נוכיח עבור

$$\sum_{i=0}^{k} 2^{i} = 2^{k+1} - 1$$

$$\sum_{i=0}^{k-1} 2^{i} + 2^{k} = 2^{k+1} - 1$$

$$(2^{k} - 1) + 2^{k} = 2^{k+1} - 1$$

$$2 \cdot 2^{k} - 1 = 2^{k+1} - 1$$

$$2^{k+1} - 1 = 2^{k+1} - 1$$

משל.

.5 שאלה 5

```
FindLVP (a,b) {
current=0; //the head of the tree
while(true) {
-if(current>heap-size()) return "Nodes not in tree";
-if(a==value(current) OR b==value(current)) return current;
-cmp1=(a<value(current));
-cmp2=(b<value(current));
-if(cmp1!=cmp2) return current;
-else if(cmp1==true) current=Left(current);
-else current=Right(current);
}
```

6 שאלה 6

דוגמה נגדית:

7 שאלה 7

× 7.1

 1 זה לא מתקיים עבור עץ בינארי כלשהוא. העץ צריך להיות כמעט שלם נרצה להוכיח באינדוקציה כי עבור עץ בעל m עלים מתקיים

$$\frac{1}{m} \sum_{l \in leafs(T)} d(l) \ge \log(m)$$

m=1 בדיקה עבור

$$\begin{array}{rcl}
1 \cdot 1 & \geq & \log(1) \\
1 & > & 0
\end{array}$$

אזי m=k אזי מתקיים עבור כל

$$\sum_{l \in leafs(T)} d\left(l\right) \ge k \cdot \log\left(k\right)$$

q נוכית עבור m=k+1 ונסמן העלה החדש ב

$$\frac{1}{k+1} \sum_{l \in leafs(T \cup \{q\})} d(l) \geq \log(k+1)$$

$$\frac{\sum_{l \in leafs(T)} d(l) + d(q)}{k+1} \geq \log(k+1)$$

$$\frac{\sum_{l \in leafs(T)} d(l) + d(q)}{k+1} \geq \frac{k \cdot \log(k) + d(q)}{k+1} \geq \log(k+1)$$

$$k \cdot \log(k) + \underbrace{d(q)}_{\geq \log(k+1)} \geq (k+1) \cdot \log(k+1)$$

$$(k+1) \cdot \log(k) \geq (k+1) \cdot \log(k+1)$$

זה לא יצא ליי אני יודע כי ההפרש בין $(\log{(k+1)} - \log{(k)})$ הולך וקטן וכנראה לא יצא ליי אני אני אני שעשיתי... אבל אני לא רואה מה הייתי אמור לעשות.

□ 7.2

יודעים כבר כי אפשר לבנות אלגוריתם שיעבוד בסיבוכיות זמן $\Theta(n)$, גם אם זה לא תמיד יעיל מבחינת זכרון. ויודעים גם כי אי אפשר למיין מערך בלי לעבור על כל הערכים שלו אזי החסם המינימאלי זה $\Omega(n)$

הייתי מאוד כמה הייתי מקבל על שאלה או אם הייתי מתב כי הטענה לא נכונה ונותן דוגמה נגדית מאוד מאוד מאוד מאוד מהייתי מקבל 1