Московский Физико-технический Институт (Национальный исследовательский университет)

Отчет о выполнении работы 2.3.1

Получение и измерение вакуума

Выполнили студентки 1 курса ФБМФ, группа Б06-103 Попеску Полина Фитэль Алёна

1 Введение

Цель работы: 1. Измерение объёмов форвакуумной и высоковакуумной частей установки; 2. Определение скорости откачки системы в стационарном режиме, а также по ухудшению и улучшению вакуума

В работе используются: вакуумная установка, масляный, термопарный и ионизационный вакуумметры, форвакуумный и диффузионный насосы

2 Теоретический материал

2.1 Основные характеристики вакуума

Одна из основных характеристик систем, работающих при вакууме – число Кнудсена:

$$Kn = \frac{\lambda}{d},\tag{1}$$

 λ – длина свободного пробега молекул газа, d – характерный размер системы.

В зависимости от значений числа Кнудсена определяют:

- 1) низкий вакуум $Kn \ll 1$
- 2) средний вакуум $Kn \sim 1$
- 3) высокий вакуум $Kn\gg 1$

Основные формулы, отображающие теоретические зависимости между исследуемыми величинами:

Скорость откачки:

$$S = \frac{dV}{dt};\tag{2}$$

Падение давления:

$$\Delta P = P_{\text{BX}} - P_{\text{BMX}};\tag{3}$$

Пропускная способность:

$$U = \frac{Q}{\Delta P}; \tag{4}$$

Основное уравнение вакуумной механики:

$$\frac{1}{S_0} = \frac{1}{S_{texth}} + \frac{1}{U}; (5)$$

$$Q_{\rm H} = V \frac{P_{\rm K} - P_{\rm H}}{\Delta t} \tag{6}$$

Проводимость отверстия:

$$C_{\text{\tiny OTB}} = \frac{1}{4}\pi R^2 \sqrt{\frac{8kT}{\pi m}} \sim R^2 \sqrt{T/m} \tag{7}$$

Проводимость длинного трубопровода

$$C_{\rm rp} = \frac{4}{3} \frac{R^3}{L} \sqrt{\frac{2\pi kT}{m}} \sim \frac{R^3}{L} \sqrt{\frac{T}{m}}$$
 (8)

Уравнение откачки газа

$$P(t) = P_1 \exp\left(-\frac{S_0}{V_0}t\right) \tag{9}$$

2.2 Процесс откачки

Производительность насоса определяется скоростью откачки W (π/c): W — это объем газа, удаляемого из сосуда при данном давлении за единицу времени. Скорость откачки форвакуумного насоса равна емкости воздухозаборной камеры, умноженной на число оборотов в секунду.

Обозначим через Qд количество газа, десорбирующегося с поверхности откачиваемого объема в единицу времени, через Qи — количество газа, проникающего в единицу времени в этот объем извне — через течи. Будем считать, что насос обладает скоростью откачки W и в то же время сам является источником газа; пусть Qн — поток газа, поступающего из насоса назад в откачиваемую систему. Будем измерять количество газа Qд, Qн и Qи в единицах PV (легко видеть, что это произведение с точностью до множителя RT/μ равно массе газа). Основное уравнение, описывающее процесс откачки, имеет вид

$$VdP = (PW - Q_{\pi} - Q_{H} - Q_{H})dt \tag{10}$$

При достижении предельного вакуума

$$\frac{dP}{dt} = 0, (11)$$

поэтому

$$P_{\rm np}W = Q_{\rm d} + Q_{\rm h} + Q_{\rm u}. \tag{12}$$

Формула, выражающая скорость откачки через предельный вакуум:

$$W = \sum Q_i / P_{\rm np}. \tag{13}$$

Считая постоянными потоки газа и скорость откачки, интегрируем первое уравнение и получаем

$$P - P_{\text{np}} = (P_0 - P_{\text{np}}) \cdot exp(-\frac{W}{V}t) \tag{14}$$

При начальном давлении P_0 значительно большем, чем Pпр, имеем:

$$P = P_0 \cdot exp(-\frac{W}{V}t) + P_{\text{np}}. \tag{15}$$

Скорость откачки системы зависит от характеристик насоса, перепада давлений, а также от пропускной способности трубопроводов. Практическое правило заключается в том, что диаметры соединительных трубок не очень существенны в форвакуумной части установки и крайне важны в высоковакуумной. Диаметр трубок в этой части должен быть не меньше, чем диаметр самого насоса.

2.3 Течение газа через трубу

Характер течения газа существенно зависит от соотношения между размерами системы и длиной свободного пробега молекул. При атмосферном давлении и даже при понижении давления до форвакуумного длина свободного пробега меньше диаметра трубок и течение откачиваемого газа определяется его вязкостью, т. е. взаимодействием его молекул. При переходе к высокому вакууму столкновения молекул между собой начинают играть меньшую роль, чем соударения со стенками.

Для количества газа, протекающего через трубу в условиях высокого вакуума, справедлива формула

$$\frac{d(PV)}{dt} = \frac{4}{3}r^3 \sqrt{\frac{2\pi RT}{\mu}} \frac{P_2 - P_1}{L}$$
 (16)

Применим эту формулу к случаю, когда труба соединяет установку с насосом.

Пренебрежём давлением P_1 у конца, обращённого к насосу. Будем измерять количество газа, покидающего установку при давлении $P=P_2$. Пропускная способность трубы $C=\left(\frac{dV}{dt}\right)=\frac{4}{3}\frac{r^3}{L}\sqrt{\frac{2\pi RT}{\mu}}$ Пропускная способность зависит от радиуса трубы в третьей степени и обратно пропорциональна ее длине.

При расчете вакуумных систем нужно принимать во внимание также пропускную способность отверстий, например, в кранах. Для них имеется формула

$$\nu = \frac{1}{4} S n \bar{v},\tag{17}$$

где ν — число молекул, вылетающих из отверстия в вакуум в единицу времени, S — площадь отверстия, n — концентрация молекул перед отверстием, \bar{v} — средняя скорость молекул газа.

С другой стороны, $\nu = dN/dt$, N = PV/kT, n = P/kT, и аналогично формуле для количества газа, покидающего установку при давлении P, получается пропускная способность отверстия

$$C = \left(\frac{dV}{dt}\right) = S\frac{\bar{v}}{4}.\tag{18}$$

Для воздуха при комнатной температуре $\bar{v}/4=110~\mathrm{m/c}=11~\mathrm{\pi/c\cdot cm2}$

3 Экспериментальная установка

По степени разрежения вакуумные установки принято делить на три класса: 1) низковакуумные — до 10^{-2} – 10^{-3} торр; 2) высоковакуумные — 10^{-4} – 10^{-7} торр; 3) установки сверхвысокого вакуума — 10^{-8} – 10^{-11} торр. В данной работе изучаются традиционные методы откачки механическим форвакуумным насосом до давления 10^{-2} торр и диффузионным масляным насосом до давления 10^{-5} торр, а также методы измерения вакуума в этом диапазоне. Установка изготовле-

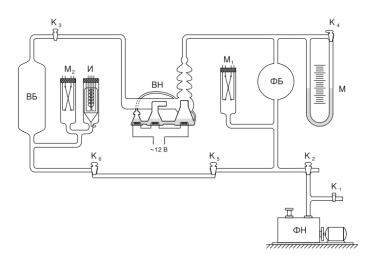


Рис. 1: Схема экспериментальной установки

на из стекла и состоит из форвакуумного баллона (Φ Б), высоковакуумного диффузионного насоса (BH), высоковакуумного баллона (BБ), масляного (M) и ионизационного (M) манометров, термопарных манометров (M1 и M2), форвакуумного насоса (Φ H) и соединительных кранов К1, К2, ..., К6 (рис. 1). Кроме того, в состав установки входят: вариатор (автотрансформатор с регулируемым выходным напряжением), или реостат и амперметр для регулирования тока нагревателя диффузионного насоса.

4 Обработка результатов измерений

1. Запустим воздух в систему и подождем, пока он заполнит установку. Запустим форсвакуумный насос, чтобы он откачал воздух из установки. Давление в установке уменьшается, продолжим откачку до момента, когда $P = (2.0 \pm 0.1) \cdot 10^{-2}$ мм рт. ст. Отсоединим установку от форвауумного насоса, а затем объём, заключенный в кранах и капиллярах форвакуумной части, откроем на всю форвакуумную часть. Тогда давление изменится. Запишем высоту масла в обоих коленах маслянного манометра:

 $h_1=(39.6\pm0.1)$ см масл. ст., $h_2=(13.1\pm0.1)$ см масл. ст., $\Delta h_{\Phi B}=h_1-h_2=(26.5\pm0.1)$ см масл. ст.

Плотность масла равна $\rho = 0.885 \text{ г/см}^3$

- 2. Зная объём "запертого" воздуха $V_{\text{к5+к6+кап}}=50~\text{см}^3$ и используя соотношение $P_1/P_2=V_2/V_1$, вычислим объём форвауумной части установки. При этом давление $P_1=P_{\text{атм}}=(98.8\pm0.1)~\text{кПа}~P_2=\rho_{\text{масл}}g\Delta h_{\text{фв}}$. Получаем $V_{\text{фв}}=(2.17\pm0.01)~\text{л}$.
- 3. Откроем краны так, чтобы воздух, занимавший до сих пор только форсвакуумную часть установки, заполнил и высоковакуумную часть. Вновь измерим и запишем показания масляного манометра: $h_3=(35.2\pm0.1)$ см масл. ст., $h_4=(18.3\pm0.1)$ см масл. ст., $\Delta h_{\rm db}=h_3-h_4=(16.9\pm0.1)$ см масл. ст.

Рассчитаем объем высоковакуумной части: $V_{\text{\tiny BB}} = (1.23 \pm 0.02)$ л. Полный объем установки:

$$V_{\rm vct} = (3.40 \pm 0.02)$$
л

- 4. Найдем скорость откачки W системы по ухудшению и улучшению вакуума. Для этого открывая и закрывая кран K_3 будем то подключать насос к объёму, то отключать его, при этом на видео зафиксируем показания манометра от времени и построим графики (Puc. 2, Puc. 3).
- 5. Рассмотрим сначала улучшение вакууума.

Воспользуемся формулой

$$P - P_{\text{np}} = (P_0 - P_{\text{np}}) \cdot exp(-\frac{W}{V}t).$$

Получим:

$$ln(P - P_{\text{np}}) = -\frac{W}{V}t + ln(P_0 - P_{\text{np}}).$$

В координатах $ln(P-P_{\rm np})(t)$ построим график зависимости давления в высоковакуумной части при улучшении вакуума от времени. Коэффициент угла наклона $k=-\frac{W}{V}$.

Предельное значение достигнутого давления в системе со стороны высоковакуумной части $P_{\rm np}=(5.6\pm0.1)\cdot 10^{-5}$ мм рт. ст. Зная объем высоковакуумного баллона $V=1,23\pm0,02$ и усреднив значение коэфициента наклона построенных прямых в координатах $ln(P-P_{\rm np})(t)$ ($k=0,219\pm0,003{\rm n}^2/{\rm c}$), найдем скорость откачки системы

$$W_1 = -kV = (2,64 \pm 0,01) \cdot 10^{-2}$$
 л/с

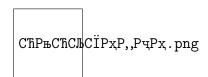


Рис. 2: Зависимость давления от времени, улучшение вакуума

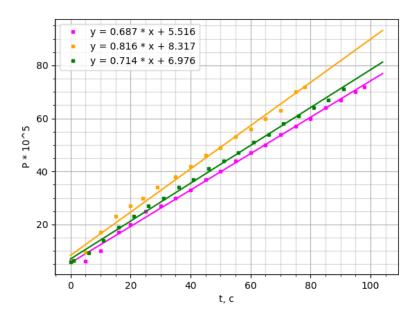


Рис. 3: Зависимость давления от времени, ухудшение вакуума

6. Рассмотрим ухудшение вакуума. Оценим величину потока газа $Q_{\rm H}$, поступающего из насоса назад в откачиваемую систему. Уравнения для этого имеет следующий вид: $V_v dP = (Q_{\rm H} + Q_{\rm H}) dt$ (принебрегаем при этом Q_I - потоком газа, образующимся за счет течи в системе).

Построим графики зависимости P(t) и определим для них коэффициенты угла наклона прямой. Усредненное значение угла наклона $k=(0,74\pm0,01)\cdot10^{-5}$ торр/с. Тогда получим $(Q_{\rm Д}+Q_{\rm H})=kV_v=(0,91\pm0,02)\cdot10^{-5}$ торр \cdot л/с

Вследствие того, что $Q_{\rm Д}$ обычно порядка $10^{-8},$ то считаем $Q_{\rm H}+Q_{\rm Д}\approx Q_{\rm H}.$ Таким образом,

$$Q_{
m H} = (9,1\pm 0,2)\cdot 10^{-6}\ {
m topp}\cdot {
m m/c}$$

7. Рассчитаем производительность насоса ещё одним способом: создав искусственную течь. Открываем кран K_6 при включённом насосе и измеряем давление, установившееся при течи. Оно равно

$$P_{\text{yct}} = (1, 0 \pm 0, 1) \cdot 10^{-4} \text{ Topp.}$$

Запишем (10) для данного случая:

$$P_{\text{пр}}W = Q_1, \quad P_{\text{уст}}W = Q_1 + \frac{d(PV)_{\text{капилляр}}}{dt}$$

С учётом (7) получаем:

$$(P_{\text{ycr}} - P_{\text{np}})W = \frac{4}{3}(d/2)^3 \sqrt{\frac{2\pi RT}{\mu}} \frac{P_{\Phi B}}{L},$$

где d и L — диаметр и длина капилляра, равные

$$d = 0.8 \pm 0.1 \text{ mm}, \quad L = 10.8 \pm 0.1 \text{ cm}$$

Получаем:

$$W_2 = (1, 5 \pm 0, 8) \cdot 10^{-2} \text{ m/c}$$

Сравним полученное нами значение скорости откачки с значением из пункта 5:

$$W_1 = (2, 6 \pm 0, 1) \cdot 10^{-2} \text{ m/c}$$

 $W_2 = (1, 5 \pm 0, 8) \cdot 10^{-2} \text{ m/c}$

5 Выводы

В ходе данной работы было проведено ознакомление с вакуумной техникой.

- 1. Были измерены объемы форсвакуумной части, высоковакуумной и объем всей установки: $V_{\Phi B} = (2.17 \pm 0.01)$ л, $V_{BB} = (1.23 \pm 0.02)$ л, $V_{ycr} = (3.40 \pm 0.02)$ л.
- 2. Двумя способами была определена скорость откачки диффузионного насоса: по улучшению вакуума и по разности давлений при впускании в высоковакуумную часть искусственной течи и предельного давления в высоковакуумной части установки. Полученные результаты:

$$W_1 = (2, 6 \pm 0, 1) \cdot 10^{-2} \text{ m/c}$$

 $W_2 = (1, 5 \pm 0, 8) \cdot 10^{-2} \text{ m/c}$

Полученные нами значения плохо совпадают в пределах погрешностей. Основная предполагаемая причина несовпадения результатов заключается в том, что в формуле для определения скорости откачки вторым способом фигурирует температура. Для расчета была взята комнатная температура, но температура воздуха в установке по факту выше: его нагревают элементы, нагревающие масло в диффузионном насосе. Эта температура достаточно велика, поэтому конечное значение скорости откачки, определяемое вторым способом, должно быть несколько выше полученного нами значения.

3. Определён поток воздуха, вытекающий через насос назад в высоковакуумную часть установки при откачке:

$$Q_{\rm H} = (9, 1 \pm 0, 2) \cdot 10^{-6} \text{ Topp} \cdot \pi/c$$

Эта величина оказалась сравнительно мала (на 4 порядка меньше) по сравнению с определённой экспериментально двумя способами скоростью откачки насоса.