МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Кафедра инфокоммуникаций
Отчет по лабораторной работе № 3.2
«Основы работы с библиотекой NumPy»
по дисциплине «Основы программной инженерии»

Выполнил студент группь	I
ПИЖ-б-о-21-1	
Зиберов Александр	
« » марта 2023 г.	
Подпись студента	·
Работа защищена	
« »20г.	
Проверил Воронкин Р.А.	
	(подпись)

Цель работы:

Исследовать базовые возможности библиотеки NumPy языка программирования Python.

Выполнение работы:

Создать общедоступный репозиторий на GitHub, в котором будет использована лицензия МІТ, рисунок 1.

Ссылка: https://github.com/afk552/trolab-2

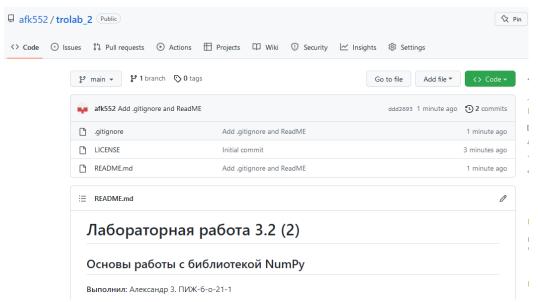


Рисунок 1 – Удаленный репозиторий на GitHub

Дополните файл .gitignore необходимыми правилами для работы с IDE PyCharm, рисунок 2.

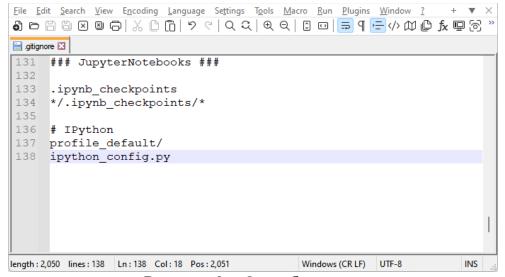


Рисунок 2 – Окно блокнота

Организуйте свой репозиторий в соответствие с моделью ветвления gitflow, рисунок 3.

```
C:\git\trolab_2>git branch
* develop
   main
C:\git\trolab_2>
```

Рисунок 3 – Окно командной строки

Проработать примеры лабораторной работы.

```
In [1]: import numpy as np
         m = np.matrix('1 2 3 4; 5 6 7 8; 9 1 5 7')
         print(m)
         print(m[1, 0])
         print(m[1, :])
         print(m[:, 2])
         print(m[1, 2:])
         print(m[0:2, 1])
         print(m[0:2, 1:3])
         cols = [0, 1, 3]
         m[:, cols]
         [[1 2 3 4]
          [5 6 7 8]
         [9 1 5 7]]
         [[5 6 7 8]]
         [[3]]
         [7]
[5]]
[[7 8]]
[[2]
          [6]]
         [[2 3]
          [6 7]]
Out[1]: matrix([[1, 2, 4],
                  [5, 6, 8],
[9, 1, 7]])
```

Рисунок 4 – Пример индексации

```
In [2]: m = np.matrix('1 2 3 4; 5 6 7 8; 9 1 5 7')
          print(m)
          type(m)
          n = np.array(m)
          type(n)
          m.shape
          m.max()
          np.max(m)
          m.max(axis=1)
          m.max(axis=0)
          m.mean()
          m.sum(axis=0)
          [[1 2 3 4]
[5 6 7 8]
[9 1 5 7]]
Out[2]: matrix([[15, 9, 15, 19]])
In [3]: nums = np.array([1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10])
letters = np.array(['a', 'b', 'c', 'd', 'a', 'e', 'b'])
         less_then_5 = nums < 5
print(less_then_5)</pre>
          pos_a = letters == 'a'
          pos_a
          nums[less_then_5]
          [ True True True False False False False False False]
Out[3]: array([1, 2, 3, 4])
```

Рисунок 5 – Примеры функций питру

```
In [4]: m = np.matrix('1 2 3 4; 5 6 7 8; 9 1 5 7')
        print(m)
        mod_m = np.logical_and(m>=3, m<=7)</pre>
        print(mod_m)
        m[mod_m]
        [[1 2 3 4]
         [5 6 7 8]
         [9 1 5 7]]
        [[False False True True]
         [ True True True False]
         [False False True True]]
Out[4]: matrix([[3, 4, 5, 6, 7, 5, 7]])
In [5]: nums = np.array([1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10])
        nums[nums < 5]
Out[5]: array([1, 2, 3, 4])
In [6]: nums[nums < 5] = 10
        print(nums)
        [10 10 10 10 5 6 7 8 9 10]
In [7]: m[m > 7] = 25
        print(m)
        [[1 2 3 4]
         [ 5 6 7 25]
[25 1 5 7]]
```

Рисунок 6 – Примеры логических операций

Решить задания в ноутбуках, выполненных преподавателем.

Задание 1

Задания из основного ноутбука

```
In [1]: # подключение модуля питру под именем пр import numpy as np

In [2]: # основная структура данных - массив a = np.array([1, 2, 3, 4, 5]) b = np.array([0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5]) print("a =", a) print("b =", b)

a = [1 2 3 4 5] b = [0.1 0.2 0.3 0.4 0.5]

Cоздайте массив с 5 любыми числами:

In [3]: m = np.matrix('20 74 43 97 35') print(m)

[[20 74 43 97 35]]

Арифметические операции, в отличие от операций над списками, применяются поэлементно:

In [4]: list1 = [1, 2, 3] array1 = np.array([1, 2, 3]) print("list1:", list1) print('\tlist1 * 3:', list1 * 3) print('\tlist1 * 3:', list1 * 3) print('\tlist1 * 3:', array1) print('\tlist1 * 3:', array1) print('\tlarray1 * 3:', array1 * 3) print('\tlarray1 * 3:', array1 * 1)

list1: [1, 2, 3] list1 * 3: [1, 2, 3, 1, 2, 3, 1, 2, 3] list1 * [1]: [1, 2, 3, 1] array1 * 1: [1 2 3 4]
```

Рисунок 7 – Решение заданий 1

```
Создайте массив из 5 чисел. Возведите каждый элемент массива в степень 3
```

```
In [5]: m = np.matrix('20 74 43 97 35')
          m_array = np.array(m)
print(m_array ** 3)
           [[ 8000 405224 79507 912673 42875]]
           Если в операции участвуют 2 массива (по умолчанию - одинакового размера), операции считаются для соответствующих пар:
In [6]: print("a + b =", a + b)
print("a * b =", a * b)
           a + b = [1.1 2.2 3.3 4.4 5.5]
a * b = [0.1 0.4 0.9 1.6 2.5]
In [7]: # вот это разность print("a - b =", a - b)
          # вот это деление
print("a / b =", a / b)
           # вот это целочисленное деление
           print("a // b =", a // b)
          # θοm эmo κθα∂pam
print("a ** 2 =", a ** 2)
           a - b = [0.9 1.8 2.7 3.6 4.5]
a / b = [10. 10. 10. 10. 10.]
a // b = [ 9. 9. 10. 9. 10.]
a ** 2 = [ 1 4 9 16 25]
           Создайте два массива одинаковой длины. Выведите массив, полученный делением одного массива на другой.
In [8]: m1 = np.matrix('24 12 54 76 44 88')
m2 = np.matrix('76 44 42 54 12 6')
           print(m1 / m2)
           [[ 0.31578947  0.27272727  1.28571429  1.40740741  3.66666667  14.66666667]]
```

Рисунок 8 – Решение заданий 2

```
Л — логика
```

К элементам массива можно применять логические операции.

Возвращаемое значение -- массив, содержащий результаты вычислений для каждого элемента (True -- "да" или False -- "нет"):

```
In [10]: n1 = np.matrix('1 3 2 97 5')
n2 = np.matrix('90 56 23 66 33')
print((n1 < 6) & (n2%3==0))

[[ True False False False True]]</pre>
```

Теперь проверьте условие "Элементы первого массива делятся на 2 или элементы второго массива больше 2"

```
In [11]:
    n1 = np.matrix('1 3 2 97 5')
    n2 = np.matrix('90 56 23 66 33')
    print((n1 % 2 == 0) | (n2 > 2))
    n1 = np.matrix('2 4 6 8 10')
    n2 = np.matrix('2 2 2 2 2')
    print((n1 % 2 == 0) | (n2 > 2))

[[ True True True True True]]
    [[ True True True True]]
```

Рисунок 9 – Решение заданий 3

Зачем это нужно? Чтобы выбирать элементы массива, удовлетворяющие какому-нибудь условию:

```
In [12]: print("a =", a)
print("a > 2:", a > 2)
# индексация - выбираем элементы из массива θ тех позициях, где True
print("a[a > 2]:", a[a > 2])

a = [1 2 3 4 5]
a > 2: [False False True True]
a[a > 2]: [3 4 5]
```

Создайте массив с элементами от 1 до 20. Выведите все элементы, которые больше 5 и не делятся на 2

Подсказка: создать массив можно с помощью функции пр.arange(), действие которой аналогично функции range, которую вы уже знаете.

```
In [13]: num_arr = np.arange(1, 60, 3)
    print(num_arr)
    type(num arr)
    # print(num_orr[num_arr > 5])
    condition = (num_arr > 5) & (num_arr % 2 !=0)
    num_arr[condition]

[ 1  4  7 10 13 16 19 22 25 28 31 34 37 40 43 46 49 52 55 58]

Out[13]: array([ 7, 13, 19, 25, 31, 37, 43, 49, 55])
```

A ещё NumPy умеет..

Все операции NumPy оптимизированы для быстрых вычислений над целыми массивами чисел и в методах пр. array реализовано множество функций, которые могут вам понадобиться:

```
In [14]: # meneps можно считать средний размер котиков в одну строку!

print("np.mean(a) =", np.mean(a))

# минимальный элемент

print("np.min(a) = ", np.min(a))

# индекс минимального элемента

print("np.min(a) =", np.argmin(a))

# выбести элемения массива без дубликатов

print("np.unique(['male', 'male', 'female', 'female', 'male']) =", np.unique(['male', 'male', 'female', 'male']))

# и ещё много всяких методов

# Google в полющь

np.mean(a) = 3.0

np.min(a) = 1

np.argmin(a) = 0

np.unique(['male', 'male', 'female', 'female', 'male']) = ['female' 'male']
```

```
Пора еще немного потренироваться с NumPy.
```

Выполните операции, перечисленные ниже:

Рисунок 11 – Решение заданий 5

Задание 2

Задания из ноутбука с домашним заданием

Лабораторная работа 3.2. Домашнее задание

Задание №1

Создайте два массива: в первом должны быть четные числа от 2 до 12 включительно, а в другом числа 7, 11, 15, 18, 23, 29.

1. Сложите массивы и возведите элементы получившегося массива в квадрат:

Рисунок 12 – Решение домашнего задания 1

Задание №2

- Найдите интересный для вас датасет. Например, можно выбрать датасет тут. http://data.un.org/Explorer.aspx (выбираете датасет, жмете на view data, потом download, выбирайте csv формат)
- Рассчитайте подходящие описательные статистики для признаков объектов в выбранном датасете
- Проанализируйте и прокомментируйте содержательно получившиеся результаты
- Все комментарии оформляйте строго в ячейках формата markdown

В выбранном наборе данных представлены данные о популярности языков программирования (в процентном значении) в период с 2004 по 2022. В качестве объектов для анализа были выбраны языки С# и Python.

```
In [17]: import csv
                import numpy as np
              data = []
x, y = [], []
with open("p_langs.csv", encoding='utf-8') as f:
    reader = csv.DictReader(f, dialect='excel')
                     data.append(row)
for i in data:
                           x.append(float(i.get('C#')))
y.append(float(i.get('Python')))
                     x_np = np.array(x)
y_np = np.array(y)
               print(f"Дисперсия для C#: {np.var(x_np)}")
               print(f"Дисперсия для Python: {np.var(y_np)}")
print(f"Среднее значение популярности языка Python: {np.mean(y_np)}")
print(f"Среднее значение популярности языка С#: {np.mean(x_np)}")
               print(f"Среднее значение популярности языка Python: {np.mean(y_np)}")
print(f"Среднее отклонение для С#: {np.std(x_np)}")
print(f"Среднее отклонение для Python: {np.std(y_np)}")
               print(f"Коэффициент парной корреляции: {np.corrcoef(x_np, y_np)}")
                Дисперсия для С#: 1.637885680914625
                Дисперсия для Python: 85.90154273264302
               Среднее значение популярности языка Python: 12.613696682464454
Среднее значение популярности языка С#: 7.589241706161137
                Среднее значение популярности языка Python: 12.613696682464454
Среднее отклонение для С#: 1.2797990783379338
                Среднее отклонение для Python: 9.268308515184582
                Коэффициент парной корреляции: [[1. [0.0851394 1. ]]
                                                                                       0.08513941
```

По полученным результатам можно сделать вывод, что Python был гораздо популярнее С#, что показывает среднее значение. Коэффициенты среднего отклонения же показывают, что Python по популярности сильно обгоняет С#, что так же заметно по дисперсиям. Последние коэффициенты парной корелляции показывают, что значения мало связаны между с собой.

Рисунок 13 – Решение домашнего задания 2

Создать ноутбук, в котором выполнить решение индивидуального задания. Ноутбук должен содержать условие индивидуального задания. При решении индивидуального задания не должны быть использованы условный оператор if, а также операторы циклов while и for, а только средства библиотеки NumPy. Привести в ноутбуке обоснование принятых решений Номер варианта индивидуального задания необходимо уточнить у преподавателя.

Задание.

Дана целочисленная квадратная матрица. Определить: сумму элементов в тех столбцах, которые не содержат отрицательных элементов; минимум среди сумм модулей элементов диагоналей, параллельных побочной диагонали матрицы.

Задание: Дана целочисленная квадратная матрица. Определить: сумму элементов в тех столбцах, которые не содержат отрицательных элементов; минимум среди сумм модулей элементов диагоналей, параллельных побочной диагонали матрицы.

```
In [1]: import numpy as np
        import random
        n = 10
        random.seed(10)
         arr = np.random.randint(-3, 30, size=(n, n))
         summ = arr[:, (arr>=0).all(axis=0)].sum()
        minn = min([np.fliplr(arr).diagonal(i).sum() for i in range(-(n-1), n)])
         print("Сумма элементов в столбцах, не содержащих отрицательных элементов:", summ)
         print("Минимум среди сумм модулей элементов диагоналей, параллельных побочной:
         [[16 11 20 7 19 1 23 22 2 10]
           1 22 2 2 19 10 18
                                 8 18
              4 1 3 2 24 15 -2 19 -3]
8 24 23 27 11 2 29 24 29]
          [22 12 24 0 25 16 17 17 22 16]
          [14 -2 11 11 26 22 19 22 5 26]
[26 16 19 8 5 20 13 4 29 1]
          [10 20 8 0 9 10 6 13 15 25]
          [17 18 20 28 18 22 28 9 14 0]
          [ 8 14 28 1 5 19 20 17 12 16]]
         Сумма элементов в столбцах, не содержащих отрицательных элементов: 1025
         Минимум среди сумм модулей элементов диагоналей, параллельных побочной: 12
```

Рисунок 14 – Решение индивидуального задания

Создать ноутбук, в котором выполнить решение вычислительной задачи (например, задачи из области физики, экономики, математики, статистики и т. д.), условие которой предварительно необходимо согласовать с преподавателем.

Задание.

Известно, что вклад, находящийся в банке с начала года, возрастает к концу года на определенный процент (свой для каждого банка). В начале года 3/8 вклада, который составляет 800 тыс. руб., вложили в первый банк, 1/8 во второй банк и оставшуюся часть вклада в третий банк. К концу года сумма этих вкладов стала равна 907 тыс. руб. Если бы первоначально 1/8 вклада положили в первый банк, 4/8 вклада — во второй банк, оставшуюся часть вклада — в третий банк, то к концу года сумма этих вкладов стала бы равна 894 тыс. руб. Если бы 4/8 вклада вложили в первый банк, 3/8 вклада — во второй банк, оставшуюся часть вклада — в третий банк, то к концу года сумма этих вкладов была бы равна 903 тыс. руб. Какой процент начисляет каждый банк?

Задача

Известно, что вклад, находящийся в банке с начала года, возрастает к концу года на определенный процент (свой для каждого банка). В начале года 3/8 вклада, который составляет 800 тыс. руб., вложили в первый банк, 1/8 во второй банк и оставшуюся часть вклада в третий банк К концу года сумма этих вкладов стала рама 907 тыс. руб. Если бы первоначально 1/8 вклада положили в первый банк, 4/8 вклада— во второй банк, оставшуюся часть вклада— в третий банк, то к концу года сумма этих вкладов стала бы равна 894 тыс. руб. Если бы 4/8 вклада вложили в первый банк, 3/8 вклада— во второй банк, оставшуюся часть вклада— в третий банк, то к концу года сумма этих вкладов была бы равна 903 тыс. руб. Какой процент начисляет каждый банк?

Решение:

Введем обозначения

Пусть x_1 - процент, начисляемый вкладчику в первом банке, тогда x_2, x_3 проценты во втором и третьем банке соответственно. Расчитаем вклады, умножив части вклада на общую его сумму:

$$\frac{3}{8} \cdot 800 = 300, \frac{1}{8} \cdot 800 = 100, \frac{4}{8} \cdot 800 = 400$$

```
In [97]: cost = 800 # mwc.py6
cost1 = 0.375 * cost
cost2 = 0.125 * cost
cost3 = 0.5 * cost
print(f"Cywwa вкладов в банки 1, 2 и 3: {cost1} тыс.py6, {cost2} тыс.py6, {cost3} тыс.py6.")
```

Суммы вкладов в банки 1, 2 и 3: 300.0 тыс.руб, 100.0 тыс.руб, 400.0 тыс.руб.

Расчитаем сумму с начислеными процентами за год в каждом из банков по формуле: $cost_i \cdot \frac{x_1}{100}$

Начислено в первом банке: $300 \cdot \frac{x_1}{100} = 3x_1$ Начислено во втором банке: $100 \cdot \frac{x_1}{100} = x_2$ Начислено в третьем банке: $400 \cdot \frac{x_1}{100} = 4x_3$

Всего на вклад в 800 тыс. руб., сделанный в три банка (в первый — 300 тыс. руб., во второй — 100 тыс. руб., в третий — 400 тыс. руб.), было начислено за год: 907 — 800 = 107 тыс. руб. Спедовательно, можем составить систему уравнений.

Первое уравнение системы: $3x_1 + x_2 + 4x_3 = 107$ Следующие уравнения составляем аналогично:

Получим систему трех линейных уравнений:

$$x_1 + 4x_2 + 3x_3 = 94, 4x_1 + 3x_2 + x_3 = 103$$

 $\begin{cases} 3x_1 + x_2 + 4x_3 = 107 \\ x_1 + 4x_2 + 3x_3 = 94 \\ 4x_1 + 3x_2 + x_3 = 103 \end{cases}$

Рисунок 15 – Решение задачи 1

Запишем уравнение в виде матрицы А и матрицы столбца свободных членов В:

 3
 1
 4
 107

 1
 4
 3
 94

 4
 3
 1
 103

Решим при помощи библиотеки numpy:

```
In [2]: import numpy as np
A = np.array([[3., 1., 4.],[1., 4., 3.], [4., 3., 1.]]) # Коэффициенты
В = np.array([107., 94., 103.]) # Свободные члены
result = np.linalg.solve(A, B)
print(f"Решение системы библиотечным методом: {result}")
```

Решение системы библиотечным методом: [15. 10. 13.]

Решение методом Гаусса, проверка результата:

```
In [3]:

def gaussian(A, b):
    # Расширенная матрица
    reshaped_b = b.reshape((len(b), 1))
    A = np.hstack((A, reshaped_b))

# Приведение матрицы к треугольному виду
for i, i_val in enumerate(A):
    for j in range(i + 1, len(A)):
        A[j] -= A[i] * A[j][i] / A[i][i]

# Подстановка (обратный ход)

x = np.array([0] * len(b), dtype=float)
i = len(A) - 1

while i >= 0:
    x[i] = (A[i][-1] - sum(x * A[i][0:-1])) / A[i][i]
i -= 1
    return x

print("Решение системы методом Гаусса: ", gaussian(A, B))
```

Решение системы методом Гаусса: [15. 10. 13.]

Система имеет единственное решение: $x_1 = 15, x_2 = 10, x_3 = 13$

Ответ: первый банк выплачивает 15% годовых, второй банк - 10% годовых, а третий банк - 13% годовых.

Вывод: В результате выполнения работы были исследованы базовые возможности библиотеки массивов NumPy языка Python.

Контрольные вопросы:

1. Каково назначение библиотеки NumPy?

numpy — это библиотека для языка программирования Python, которая предоставляет в распоряжение разработчика инструменты для эффективной работы с многомерными массивами и высокопроизводительные вычислительные алгоритмы.

2. Что такое массивы ndarray?

пdarray - это многомерный контейнер элементов одного типа и размера. Количество измерений и элементов в массиве определяется его формой, которая является кортежем из N натуральных чисел, которые определяют размеры каждого измерения.

3. Как осуществляется доступ к частям многомерного массива?

Извлечем элемент из нашей матрицы с координатами (1, 0), 1 – это номер строки, 0 – номер столбца.

m[1, 0]

Строка матрицы

m[1, :]

Столбец матрицы

m[:, 2]

Часть строки матрицы

Иногда возникает задача взять не все элементы строки, а только часть: рассмотрим пример, когда нам из второй строки нужно извлечь все элементы, начиная с третьего.

m[1, 2:]

Часть столбца матрицы

```
>>> m[0:2, 1]
Непрерывная часть матрицы
m[0:2, 1:3]
Произвольные столбцы / строки матрицы
cols = [0, 1, 3]
```

4. Как осуществляется доступ к частям многомерного массива?

Размерность массива: m.shape

Для расчета той или иной статистики, соответствующую функцию можно вызвать как метод объекта, с которым вы работаете. Для нашего массива это будет выглядеть так.

m.max()

m[:, cols]

Если необходимо найти максимальный элемент в каждой строке, то для этого нужно передать в качестве аргумента параметр axis=1.

m.max(axis=1)

Для вычисления статистики по столбцам, передайте в качестве параметра аргумент axis=0.

m.max(axis=0)

Функции (методы) для расчета статистик в Numpy

argmax Индексы элементов с максимальным значением (по осям)

argmin Индексы элементов с минимальным значением (по осям)

тах Максимальные значения элементов (по осям)

min Минимальные значения элементов (по осям)

теап Средние значения элементов (по осям)

prod Произведение всех элементов (по осям)

std Стандартное отклонение (по осям)

sum Сумма всех элементов (по осям)

var Дисперсия (по осям)

5. Как выполняется выборка данных из массивов ndarray?

Вооlean выражение в Numpy можно использовать для индексации, не создавая предварительно boolean массив. Получить соответствующую выборку можно, передав в качестве индекса для объекта ndarray, условное выражение. Самым замечательным в использовании boolean массивов при работе с ndarray является то, что их можно применять для построения выборок.

less_then_5 = nums < 5

less_then_5

array([True, True, True, False, False, False, False, False, False])

Если мы переменную less_then_5 передадим в качестве списка индексов для nums, то получим массив, в котором будут содержаться элементы из nums с индексами равными индексам True позиций массива less_then_5.