

"SAPIENZA" UNIVERSITÀ DI ROMA INGEGNERIA DELL'INFORMAZIONE, INFORMATICA E STATISTICA DIPARTIMENTO DI INFORMATICA

Automi: Calcolabilità e Complessità

Appunti integrati con il libro "Introduzione alla teoria della computazione", Michael Sipser

Author
Alessio Bandiera

Indice

Informazioni e Contatti			
1	Nev	v Chapter	2
	1.1	New Section	2
		1.1.1 New subsection	2

Informazioni e Contatti

Prerequisiti consigliati:

• TODO: DA DECIDERE

Segnalazione errori ed eventuali migliorie:

Per segnalare eventuali errori e/o migliorie possibili, si prega di utilizzare il **sistema di Issues fornito da GitHub** all'interno della pagina della repository stessa contenente questi ed altri appunti (link fornito al di sotto), utilizzando uno dei template già forniti compilando direttamente i campi richiesti.

Gli appunti sono in continuo aggiornamento, pertanto, previa segnalazione, si prega di controllare se l'errore sia ancora presente nella versione più recente.

Licenza di distribuzione:

These documents are distributed under the **GNU Free Documentation License**, a form of copyleft intended to be used on manuals, textbooks or other types of document in order to assure everyone the effective freedom to copy and redistribute it, with or without modifications, either commercially or non-commercially.

Contatti dell'autore e ulteriori link:

• Github: https://github.com/ph04

• Email: alessio.bandiera02@gmail.com

• LinkedIn: Alessio Bandiera

1

New Chapter

1.1 New Section

1.1.1 New subsection

Definizione 1.1.1.1: Alfabeto

Si definisce **alfabeto** un qualsiasi insieme finito, non vuoto; i suoi elementi sono detti **simboli**.

Esempio 1.1.1.1 (Alfabeto). $\Sigma = \{0, 1, x, y, z\}$ è un alfabeto, composto da 5 simboli.

Definizione 1.1.1.2: Stringa

Sia Σ un alfabeto; una **stringa su** Σ è una sequenza finita di simboli di Σ ; la **stringa vuota** appartiene ad ogni alfabeto, ed è denotata con ε .

- Data una stringa w di Σ , allora |w| è la lunghezza di w.
- Se w ha lunghezza n, allora è possibile scrivere che $w = w_1 w_2 \cdots w_n$ con $w_i \in \Sigma$ e $i \in [1, n]$.

Esempio 1.1.1.2 (Stringa). Sia $\Sigma = \{0, 1, x, y, z\}$ un alfabeto; allora una sua possibile stringa è w = x1y0z.

Definizione 1.1.1.3: Stringa inversa

Sia Σ un alfabeto, e $w=w_1w_2\cdots w_n$ una sua stringa; allora si definisce l'**inversa** di w come segue: $w^{\mathcal{R}}=w_nw_{n-1}\cdots w_1$

Definizione 1.1.1.4: Concatenazione

Sia Σ un alfabeto, e $x = x_1x_2 \cdots x_n, y = y_1y_2 \cdots y_n$ due sue stringhe; allora xy è la stringa ottenuta attraverso la **concatenazione** di x ed y.

Per indicare una stringa concatenata con se stessa k volte, si utilizza la notazione $x^k = \underbrace{xx \cdot x}_{k}$.

Definizione 1.1.1.5: Prefisso

Sia Σ un alfabeto, ed x, y due sue stringhe; allora x è detto essere un **prefisso** di y, se $\exists z \mid xz = y$, con z stringa in Σ .

Esempio 1.1.1.3 (Prefisso). Sia $\Sigma = \{a, b, c\}$ un alfabeto; allora la stringa x = ab è prefisso della stringa y = abc, poiché esiste una stringa z = c tale per cui xz = y.

Definizione 1.1.1.6: Linguaggio

Sia Σ un alfabeto; si definisce **linguaggio** un insieme di stringhe di Σ . Un linguaggio è detto **prefisso**, se nessun suo elemento è prefisso di un altro.

Definizione 1.1.1.7: Automa finito

Un automa finito è una quintupla $(Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$, dove

- Q è l'insieme degli stati
- Σ è l'alfabeto
- $\delta: Q \times \Sigma \to Q$ è la funzione di transizione
- $q_0 \in Q$ è lo stato iniziale
- $F \subseteq Q$ è l'insieme degli stati accettanti

Esempio 1.1.1.4 (Automa finito). Un esempio di automa finito è il seguente:

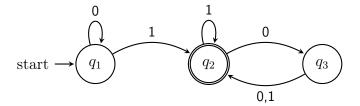


Figura 1.1: Un grafo indiretto pesato.

esso può essere descritto secondo la quintupla $(Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ come segue:

- $Q = \{q_1, q_2, q_3\}$
- $\Sigma = 0, 1$
- δ è la seguente:

$$\begin{array}{c|cccc} & 0 & 1 \\ \hline q_1 & q_1 & q_2 \\ q_2 & q_3 & q_2 \\ q_3 & q_2 & q_2 \end{array}$$

- q_1 è lo stato iniziale
- $F = \{q_2\} \subseteq Q$

Dimostrazione.questo è una prova di dim ${\it env}$