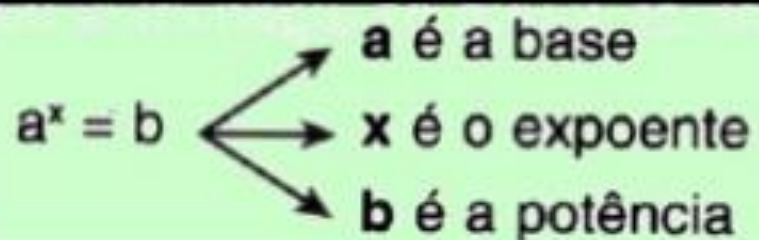


# Centro Universitário Senac

**Potenciação**  
**Radiciação**  
**Produtos Notáveis**

**TADS - MTI**

# Potenciação

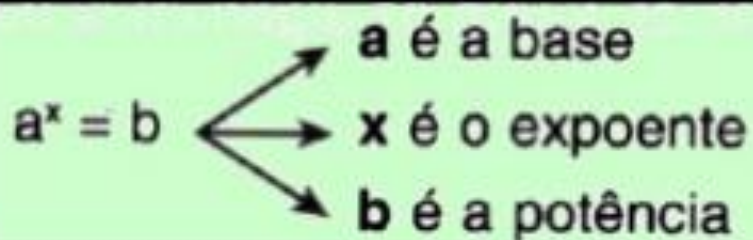


$a^x = b$   $\begin{cases} a \text{ é a base} \\ x \text{ é o expoente} \\ b \text{ é a potência} \end{cases}$

a) Base positiva: potência positiva

$$\left(\frac{2}{3}\right)^4 = \frac{2^4}{3^4} = \frac{16}{81}$$

# Potenciação



$a^x = b$   $\begin{cases} a \text{ é a base} \\ x \text{ é o expoente} \\ b \text{ é a potência} \end{cases}$

a) Base positiva: potência positiva

$$\left(\frac{2}{3}\right)^4 = \frac{2^4}{3^4} = \frac{16}{81}$$

b) Base negativa:

b.1) expoente par: potência positiva

$$(-3)^4 = (-3).(-3).(-3).(-3) = 3^4 = 81$$

# Potenciação

$$a^x = b$$

$a$  é a base  
 $x$  é o expoente  
 $b$  é a potência

$$a^x = a^y$$
$$x = y$$

a) Base positiva: potência positiva

$$\left(\frac{2}{3}\right)^4 = \frac{2^4}{3^4} = \frac{16}{81}$$

b) Base negativa:

b.1) expoente par: potência positiva

$$(-3)^4 = (-3).(-3).(-3).(-3) = 3^4 = 81$$

b.2) expoente ímpar: potência negativa

$$\left(-\frac{1}{2}\right)^3 = \left(-\frac{1}{2}\right)\left(-\frac{1}{2}\right)\left(-\frac{1}{2}\right) = -\left(\frac{1}{2}\right)^3 = -\frac{1}{8}$$



Resolva, no conjunto dos números reais, as equações:

a)  $2^x = 4$

b)  $3^x = 9$

c)  $2^x = 16$

d)  $5^x = 625$

e)  $10^x = 100000$

f)  $12^x = 1$

g)  $5^x = \frac{1}{125}$

h)  $3^x = \frac{1}{9}$

i)  $2^x = \frac{1}{1024}$

j)  $\left(\frac{1}{27}\right)^x = \frac{1}{9}$



Resolva, no conjunto dos números reais, as equações:

a)  $2^x = 4$       b)  $3^x = 9$       c)  $2^x = 16$       d)  $5^x = 625$       e)  $10^x = 100000$

a)  $S = \{2\}$       b)  $S = \{2\}$       c)  $S = \{4\}$       d)  $S = \{4\}$       e)  $S = \{5\}$

f)  $12^x = 1$       g)  $5^x = \frac{1}{125}$       h)  $3^x = \frac{1}{9}$       i)  $2^x = \frac{1}{1024}$       j)  $\left(\frac{1}{27}\right)^x = \frac{1}{9}$

Resolva, no conjunto dos números reais, as equações:

a)  $2^x = 4$       b)  $3^x = 9$       c)  $2^x = 16$       d)  $5^x = 625$       e)  $10^x = 100000$

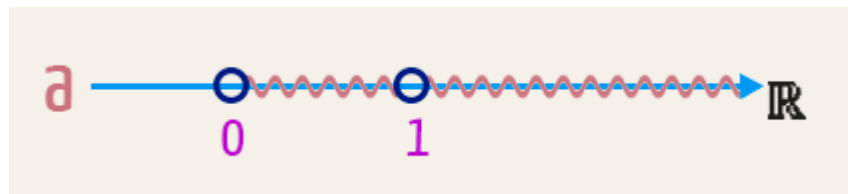
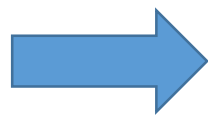
a)  $S = \{2\}$       b)  $S = \{2\}$       c)  $S = \{4\}$       d)  $S = \{4\}$       e)  $S = \{5\}$

f)  $12^x = 1$       g)  $5^x = \frac{1}{125}$       h)  $3^x = \frac{1}{9}$       i)  $2^x = \frac{1}{1024}$       j)  $\left(\frac{1}{27}\right)^x = \frac{1}{9}$

f)  $S = \{0\}$       g)  $S = \{-3\}$       h)  $S = \{-2\}$       i)  $S = \{-10\}$       j)  $S = \left\{\frac{2}{3}\right\}$

$$a^x = a^y$$

$$x = y$$



$0^1 = 0$	$1^1 = 1$
$0^2 = 0$	$1^2 = 1$
$0^3 = 0$	$1^3 = 1$
$0^4 = 0$	$1^4 = 1$
$0^5 = 0$	$1^5 = 1$
$0^6 = 0$	$1^6 = 1$
$0^7 = 0$	$1^7 = 1$
$\vdots$	$\vdots$

## Propriedades da Potenciação

P1.  $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$

P5.  $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$

P2.  $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$

P6.  $a^{-n} = \frac{1}{a^n} \quad (a \neq 0)$

P3.  $(a^m)^n = a^{m \cdot n}$

P7.  $\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$

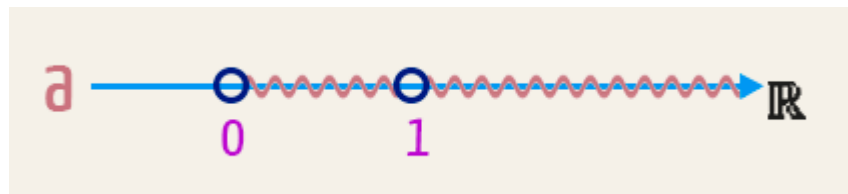
P4.  $(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$

P8.  $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$



$$a^x = a^y$$

$$x = y$$



$0^1 = 0$	$1^1 = 1$
$0^2 = 0$	$1^2 = 1$
$0^3 = 0$	$1^3 = 1$
$0^4 = 0$	$1^4 = 1$
$0^5 = 0$	$1^5 = 1$
$0^6 = 0$	$1^6 = 1$
$0^7 = 0$	$1^7 = 1$
$\vdots$	$\vdots$

## Propriedades da Potenciação

P1.  $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$

P5.  $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$

P2.  $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$

P6.  $a^{-n} = \frac{1}{a^n} \quad (a \neq 0)$

P3.  $(a^m)^n = a^{m \cdot n}$

P7.  $\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$

P4.  $(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$

P8.  $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$



## Exercícios

a)

$$3^{x+1} = 81$$

b)

$$25^{x-1} = \frac{1}{125}$$

c)

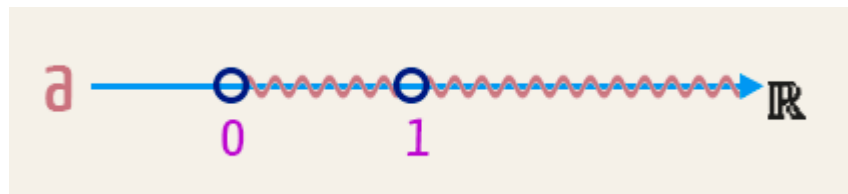
$$3 \cdot 4^{x-1} = 96$$

d)

$$2^{x+2} + 2^{x-1} = 18$$

$$a^x = a^y$$

$$x = y$$



$0^1 = 0$	$1^1 = 1$
$0^2 = 0$	$1^2 = 1$
$0^3 = 0$	$1^3 = 1$
$0^4 = 0$	$1^4 = 1$
$0^5 = 0$	$1^5 = 1$
$0^6 = 0$	$1^6 = 1$
$0^7 = 0$	$1^7 = 1$
$\vdots$	$\vdots$

## Propriedades da Potenciação

P1.  $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$

P5.  $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$

P2.  $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$

P6.  $a^{-n} = \frac{1}{a^n} \quad (a \neq 0)$

P3.  $(a^m)^n = a^{m \cdot n}$

P7.  $\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$

P4.  $(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$

P8.  $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$



## Exercícios

a)

$$3^{x+1} = 81$$

$$S = \{3\}.$$

b)

$$25^{x-1} = \frac{1}{125}$$

c)

$$3 \cdot 4^{x-1} = 96$$

d)

$$2^{x+2} + 2^{x-1} = 18$$

$$3^{x+1} = 81$$

$$3^{x+1} = 3^4$$

$$x + 1 = 4$$

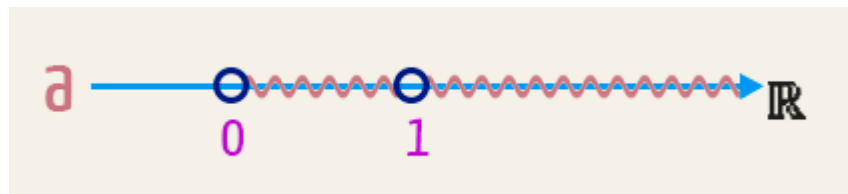
$$x = 4 - 1$$

$$S = \{3\}.$$

81		3
27		3
9		3
3		3
1		81 = 3 <sup>4</sup>

$$a^x = a^y$$

$$x = y$$



$$\begin{aligned} 0^1 &= 0 \\ 0^2 &= 0 \\ 0^3 &= 0 \\ 0^4 &= 0 \\ 0^5 &= 0 \\ 0^6 &= 0 \\ 0^7 &= 0 \\ &\vdots \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1^1 &= 1 \\ 1^2 &= 1 \\ 1^3 &= 1 \\ 1^4 &= 1 \\ 1^5 &= 1 \\ 1^6 &= 1 \\ 1^7 &= 1 \\ &\vdots \end{aligned}$$

## Propriedades da Potenciação

P1.  $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$

P5.  $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$

P2.  $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$

P6.  $a^{-n} = \frac{1}{a^n} \quad (a \neq 0)$

P3.  $(a^m)^n = a^{m \cdot n}$

P7.  $\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$

P4.  $(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$

P8.  $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$



## Exercícios

a)

$$3^{x+1} = 81$$

$$S = \{3\}.$$

b)

$$25^{x-1} = \frac{1}{125}$$

$$S = \left\{-\frac{1}{2}\right\}$$

c)

$$3 \cdot 4^{x-1} = 96$$

d)

$$2^{x+2} + 2^{x-1} = 18$$

$$3^{x+1} = 81$$

$$3^{x+1} = 3^4$$

$$x + 1 = 4$$

$$x = 4 - 1$$

$$x = 3$$

$$S = \{3\}.$$

$$\begin{array}{r|l} 81 & 3 \\ 27 & 3 \\ 9 & 3 \\ 3 & 3 \\ 1 & \end{array} \quad \begin{array}{l} \\ \\ \\ / \\ \end{array} \quad 81 = 3^4$$

$$25^{x-1} = \frac{1}{125}$$

$$(5^2)^{x-1} = \frac{1}{5^3}$$

$$5^{2x-2} = 5^{-3}$$

$$2x - 2 = -3$$

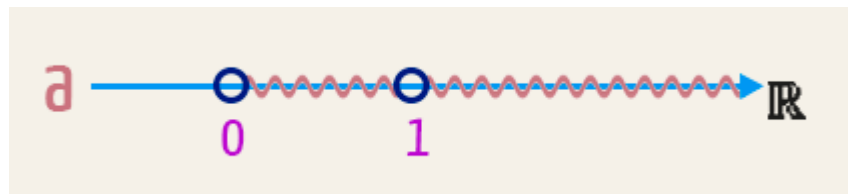
$$2x = -3 + 2$$

$$x = -\frac{1}{2}$$

$$S = \left\{-\frac{1}{2}\right\}$$

$$a^x = a^y$$

$$x = y$$



$$\begin{aligned} 0^1 &= 0 \\ 0^2 &= 0 \\ 0^3 &= 0 \\ 0^4 &= 0 \\ 0^5 &= 0 \\ 0^6 &= 0 \\ 0^7 &= 0 \\ &\vdots \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1^1 &= 1 \\ 1^2 &= 1 \\ 1^3 &= 1 \\ 1^4 &= 1 \\ 1^5 &= 1 \\ 1^6 &= 1 \\ 1^7 &= 1 \\ &\vdots \end{aligned}$$

## Propriedades da Potenciação

P1.  $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$

P5.  $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$

P2.  $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$

P6.  $a^{-n} = \frac{1}{a^n} \quad (a \neq 0)$

P3.  $(a^m)^n = a^{m \cdot n}$

P7.  $\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$

P4.  $(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$

P8.  $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$



## Exercícios

a)

$$3^{x+1} = 81$$

$$S = \{3\}.$$

b)

$$25^{x-1} = \frac{1}{125}$$

$$S = \left\{-\frac{1}{2}\right\}$$

c)

$$3 \cdot 4^{x-1} = 96$$

$$S = \left\{\frac{7}{2}\right\}$$

d)

$$2^{x+2} + 2^{x-1} = 18$$

$$3^{x+1} = 81$$

$$3^{x+1} = 3^4$$

$$x + 1 = 4$$

$$x = 4 - 1$$

$$x = 3$$

$$S = \{3\}.$$

$$\begin{array}{r|l} 81 & 3 \\ 27 & 3 \\ 9 & 3 \\ 3 & 3 \\ 1 & \end{array} \quad \begin{array}{l} \\ \\ \\ / \\ \end{array} \quad 81 = 3^4$$

$$25^{x-1} = \frac{1}{125}$$

$$(5^2)^{x-1} = \frac{1}{5^3}$$

$$5^{2x-2} = 5^{-3}$$

$$2x - 2 = -3$$

$$2x = -3 + 2$$

$$x = -\frac{1}{2}$$

$$S = \left\{-\frac{1}{2}\right\}$$

$$3 \cdot 4^{x-1} = 96$$

$$4^{x-1} = \frac{96}{3}$$

$$4^{x-1} = 32$$

$$(2^2)^{x-1} = 2^5$$

$$2^{2x-2} = 2^5$$

$$2x - 2 = 5$$

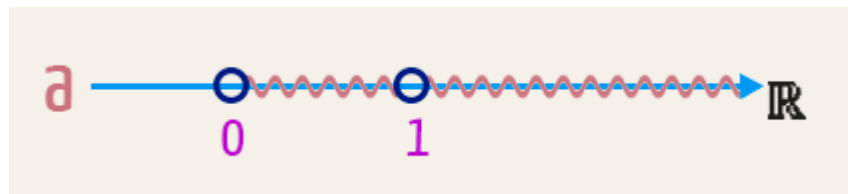
$$2x = 5 + 2$$

$$x = \frac{7}{2}$$

$$S = \left\{\frac{7}{2}\right\}$$

$$a^x = a^y$$

$$x = y$$



$0^1 = 0$	$1^1 = 1$
$0^2 = 0$	$1^2 = 1$
$0^3 = 0$	$1^3 = 1$
$0^4 = 0$	$1^4 = 1$
$0^5 = 0$	$1^5 = 1$
$0^6 = 0$	$1^6 = 1$
$0^7 = 0$	$1^7 = 1$
$\vdots$	$\vdots$

## Propriedades da Potenciação

P1.  $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$

P5.  $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$

P2.  $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$

P6.  $a^{-n} = \frac{1}{a^n} \quad (a \neq 0)$

P3.  $(a^m)^n = a^{m \cdot n}$

P7.  $\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$

P4.  $(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$

P8.  $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$

## Exercícios

a)

$$3^{x+1} = 81$$

$$S = \{3\}.$$

b)

$$25^{x-1} = \frac{1}{125}$$

$$S = \left\{-\frac{1}{2}\right\}$$

c)

$$3 \cdot 4^{x-1} = 96$$

$$S = \left\{\frac{7}{2}\right\}$$

d)

$$2^{x+2} + 2^{x-1} = 18$$

$$S = \{2\}$$



$$2^{x+2} + 2^{x-1} = 18$$

$$2^x \cdot 2^2 + \frac{2^x}{2^1} = 18$$

$$2^x \cdot 4 + \frac{2^x}{2} = 18$$

$$2^x \cdot \left(4 + \frac{1}{2}\right) = 18$$

$$2^x \cdot \frac{9}{2} = 18$$

$$2^x = \frac{18 \cdot 2}{9}$$

$$2^x = 4$$

$$2^x = 2^2$$

$$x = 2$$

$$S = \{2\}$$

$$2^{x+2} = 2^x \cdot 2^2$$

$$2^{x-1} = \frac{2^x}{2^1}$$

$$\text{P1. } a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$

$$\text{P5. } \left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$$

$$\text{P2. } \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

$$\text{P6. } a^{-n} = \frac{1}{a^n} \quad (a \neq 0)$$

$$\text{P3. } (a^m)^n = a^{m \cdot n}$$

$$\text{P7. } \left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$$

$$\text{P4. } (a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$$

$$\text{P8. } a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$$

Antônio aplica R\$ 15.000,00 sem fazer novos aportes em Títulos do Tesouro Direto Selic a uma taxa anual de 6,50% ao ano.

- a) Qual será o saldo no final de 12 meses?
- b) Qual o montante a ser resgatado após 3 anos?



**Dado:**

$$VF = VP (1 + T)^t$$

**Onde:**

**VF:** Valor futuro

**VP:** Valor presente

**T:** taxa percentual

**t:** tempo

Antônio aplica R\$ 15.000,00 sem fazer novos aportes em Títulos do Tesouro Direto Selic a uma taxa anual de 6,50% ao ano.

- a) Qual será o saldo no final de 12 meses?  
b) Qual o montante a ser resgatado após 3 anos?

a) Após 12 meses = 1 ano

Resolução

M = ?

C = 15.000

i = 6,50% a.a = 0,065 (taxa em decimais)

t = 12 meses = 1 ano



$$VF = VP (1 + T)^t$$

$$VF = 15.000.(1 + 0,065)^1$$

$$VF = 15.000.(1,065)^1$$

$$VF = 15.975$$

**Saldo após 12 meses = R\$ 15.975,00.**

**Dado:**

$$VF = VP (1 + T)^t$$

**Onde:**

**VF:** Valor futuro

**VP:** Valor presente

**T:** taxa percentual

**t:** tempo

Antônio aplica R\$ 15.000,00 sem fazer novos aportes em Títulos do Tesouro Direto Selic a uma taxa anual de 6,50% ao ano.

**Dado:**

$$VF = VP (1 + T)^t$$

**Onde:**

**VF:** Valor futuro

**VP:** Valor presente

**T:** taxa percentual

**t:** tempo

a) Qual será o saldo no final de 12 meses?

b) Qual o montante a ser resgatado após 3 anos?

a) Após 12 meses = 1 ano

Resolução

M = ?

C = 15.000

i = 6,50% a.a = 0,065 (taxa em decimais)

t = 12 meses = 1 ano

$$VF = VP (1 + T)^t$$

$$VF = 15.000.(1 + 0,065)^1$$

$$VF = 15.000.(1,065)^1$$

$$VF = 15.975$$

**Saldo após 12 meses = R\$ 15.975,00.**

b) Montante após 3 anos

Resolução

M = ?

C = 15.000

i = 6,50% a.a = 0,065

t = 3 anos

$$VF = VP (1 + T)^t$$

$$VF = 15.000.(1 + 0,065)^3$$

$$VF = 15.000.(1,065)^3$$

$$VF = 15.000.(1,2079)$$

$$VF = 18.118,50$$

**Após 3 anos ele terá um saldo de R\$ 18.118,50**

Um investimento rende juros compostos a uma taxa de 6% ao ano. Depois de aproximadamente quantos anos, um valor inicial de R\$ 1.000,00 chegará ao valor de R\$ 10.000,00 com esse investimento?



- a) 20 anos.
- b) 30 anos.
- c) 40 anos.
- d) 50 anos.

Dado:

$$VF = VP (1 + T)^t$$

Onde:

VF: Valor futuro

VP: Valor presente

T: taxa percentual

t: tempo

Um investimento rende juros compostos a uma taxa de 6% ao ano. Depois de aproximadamente quantos anos, um valor inicial de R\$ 1.000,00 chegará ao valor de R\$ 10.000,00 com esse investimento?



- a) 20 anos.
- b) 30 anos.
- c) 40 anos.
- d) 50 anos.

Dado:

$$VF = VP (1 + T)^t$$

$$10000 = 1000(1 + 0,06)^t$$

Onde:

VF: Valor futuro

VP: Valor presente

T: taxa percentual

t: tempo

Um investimento rende juros compostos a uma taxa de 6% ao ano. Depois de aproximadamente quantos anos, um valor inicial de R\$ 1.000,00 chegará ao valor de R\$ 10.000,00 com esse investimento?



- a) 20 anos.
- b) 30 anos.
- c) 40 anos.
- d) 50 anos.

Dado:

$$VF = VP (1 + T)^t$$

$$10000 = 1000(1 + 0,06)^t$$

$$10 = (1 + 0,06)^t$$

Onde:

VF: Valor futuro

VP: Valor presente

T: taxa percentual

t: tempo

Um investimento rende juros compostos a uma taxa de 6% ao ano. Depois de aproximadamente quantos anos, um valor inicial de R\$ 1.000,00 chegará ao valor de R\$ 10.000,00 com esse investimento?



- a) 20 anos.
- b) 30 anos.
- c) 40 anos.
- d) 50 anos.

Dado:

$$VF = VP (1 + T)^t$$

$$10000 = 1000(1 + 0,06)^t$$

$$10 = (1 + 0,06)^t$$

$$10 = (1,06)^t$$

Onde:

VF: Valor futuro

VP: Valor presente

T: taxa percentual

t: tempo



Um investimento rende juros compostos a uma taxa de 6% ao ano. Depois de aproximadamente quantos anos, um valor inicial de R\$ 1.000,00 chegará ao valor de R\$ 10.000,00 com esse investimento?

- a) 20 anos.
- b) 30 anos.
- c) 40 anos.
- d) 50 anos.

Dado:



$$VF = VP (1 + T)^t$$

$$10000 = 1000(1 + 0,06)^t$$

$$10 = (1 + 0,06)^t$$

$$10 = (1,06)^t$$

Onde:

VF: Valor futuro

VP: Valor presente

T: taxa percentual

t: tempo



Vamos ter que  
resolver  
aplicando  
logaritmo

<https://www.youtube.com/watch?v=CUY5zifds8M>

Um investimento rende juros compostos a uma taxa de 6% ao ano. Depois de aproximadamente quantos anos, um valor inicial de R\$ 1.000,00 chegará ao valor de R\$ 10.000,00 com esse investimento?

- a) 20 anos.
- b) 30 anos.
- c) 40 anos.
- d) 50 anos.

$$VF = VP (1 + T)^t$$

$$10000 = 1000(1 + 0,06)^t$$

$$10 = (1 + 0,06)^t$$

$$10 = (1,06)^t$$

$$\log_{10} 10 = \log_{10} 1,06^t$$

Onde:

VF: Valor futuro

VP: Valor presente

T: taxa percentual

t: tempo

Logaritmos de base 10. Não é necessário escrever a base do logaritmo

$$\log_{10} a = \log a$$

Um investimento rende juros compostos a uma taxa de 6% ao ano. Depois de aproximadamente quantos anos, um valor inicial de R\$ 1.000,00 chegará ao valor de R\$ 10.000,00 com esse investimento?

- a) 20 anos.
- b) 30 anos.
- c) 40 anos.
- d) 50 anos.

$$VF = VP (1 + T)^t$$

$$10000 = 1000(1 + 0,06)^t$$

$$10 = (1 + 0,06)^t$$

$$10 = (1,06)^t$$

$$\log_{10} 10 = \log_{10} 1,06^t$$

$$1 = t \times \log_{10} 1,06$$

Onde:

VF: Valor futuro

VP: Valor presente

T: taxa percentual

t: tempo

Um investimento rende juros compostos a uma taxa de 6% ao ano. Depois de aproximadamente quantos anos, um valor inicial de R\$ 1.000,00 chegará ao valor de R\$ 10.000,00 com esse investimento?

a) 20 anos.

b) 30 anos.

c) 40 anos.

d) 50 anos.

$$VF = VP (1 + T)^t$$

$$10000 = 1000(1 + 0,06)^t$$

$$10 = (1 + 0,06)^t$$

$$10 = (1,06)^t$$

$$\log_{10} 10 = \log_{10} 1,06^t$$

$$1 = t \times \log_{10} 1,06$$

$$1 = t \times 2,5308$$

Onde:

VF: Valor futuro

VP: Valor presente

T: taxa percentual

t: tempo

Um investimento rende juros compostos a uma taxa de 6% ao ano. Depois de aproximadamente quantos anos, um valor inicial de R\$ 1.000,00 chegará ao valor de R\$ 10.000,00 com esse investimento?

- a) 20 anos.
- b) 30 anos.
- c) 40 anos.
- d) 50 anos.

$$VF = VP (1 + T)^t$$

$$10000 = 1000(1 + 0,06)^t$$

$$10 = (1 + 0,06)^t$$

$$10 = (1,06)^t$$

$$\log_{10} 10 = \log_{10} 1,06^t$$

$$1 = t \times \log_{10} 1,06$$

$$1 = t \times 2,5308$$

$$t = 39,5 \text{ anos}$$

Onde:

VF: Valor futuro

VP: Valor presente

T: taxa percentual

t: tempo

Logaritmando

Logaritmo

$$\log_a b = x$$

Base do logaritmo

$$\log_a b = x$$

$\Leftrightarrow$

$$a^x = b$$

$$\log_2 16 = 4 \quad \text{pois} \quad 2^4 = 16$$

## Logaritmos

### Propriedades operatórias

$$P_1 \Rightarrow \log_c (a \cdot b) = \log_c a + \log_c b$$

$$P_2 \Rightarrow \log_c \left( \frac{a}{b} \right) = \log_c a - \log_c b$$

$$P_3 \Rightarrow \log_b (a)^n = n \cdot \log_b a$$

Logaritmos de base 10. Não é necessário escrever a base do logaritmo

$$\log_{10} a = \log a$$

<https://www.youtube.com/watch?v=CUY5zifds8M>

---

Calcule:



a)  $\log_4 16 =$

b)  $\log_5 125 =$

c)  $\log_4 32 =$

d)  $\log_x 8 = 3$

e)  $\log_x 256 = 4$

f)  $\log_2 X = 4$

g)  $\log_9 27 = x$

h)  $\log_2 X = 7$

i)  $\log_7 1 =$

j)  $\log 100 =$

---

---

Calcule:



a)  $\log_4 16 =$

b)  $\log_5 125 =$

c)  $\log_4 32 =$

d)  $\log_x 8 = 3$

e)  $\log_x 256 = 4$

f)  $\log_2 X = 4$

g)  $\log_9 27 = x$

h)  $\log_2 X = 7$

i)  $\log_7 1 =$

j)  $\log 100 =$

---

**a) 2, b) 3, c)  $5/2$ , d) 2, e) 4, f) 16, g)  $3/2$ , h) 128, i) 0, j) 2**



Logaritmando

Logaritmo

$$\log_a b = x$$

Base do logaritmo

$$\log_a b = x$$

$\Leftrightarrow$

$$a^x = b$$

$$\log_2 16 = 4 \quad \text{pois} \quad 2^4 = 16$$

## Logaritmos

### Propriedades operatórias

$$\log_b a + \log_b c = \log_b (a \cdot c)$$

$$\log_b a - \log_b c = \log_b \left( \frac{a}{c} \right)$$

$$\log_b (a^n) = n \cdot \log_b a$$

$$\log_b a = \frac{\log_c a}{\log_c b}$$

Logaritmos de base 10. Não é necessário escrever a base do logaritmo

$$\log_{10} a = \log a$$

Logaritmo neperiano ou natural. Usa base  $e$ , que se trata de um número irracional igual a 2,7182818...

$$\log_e a = \ln a$$

Em quanto tempo 800 g de uma certa substância radioativa, que se desintegra a uma taxa de 2% ao ano, se reduzirá a 200 g? Use:

$$Q = Q_o \times e^{-rt}$$

Onde:

Q: massa final da substância (g)

$Q_o$ : massa inicial da substância (g)

r: taxa de decaimento (1/ano)

t: tempo de decaimento (ano)



Resp: 69,3 anos

Quem vem apresentar?

Em quanto tempo 800 g de uma certa substância radioativa, que se desintegra a uma taxa de 2% ao ano, se reduzirá a 200 g? Use:

$$Q = Q_o \times e^{-rt}$$

$$200 = 800 \times e^{-0,02t}$$

$$\frac{200}{800} = e^{-0,02t}$$

$$0,25 = e^{-0,02t}$$

$$\ln 0,25 = \ln e^{-0,02t}$$

$$-1,3863 = -0,02t$$

$$t = \frac{-1,3863}{-0,02} = 69,3 \text{ anos}$$

Onde:

Q: massa final da substância (g)

$Q_o$ : massa inicial da substância (g)

r: taxa de decaimento (1/ano)

t: tempo de decaimento (ano)

Aplicar o logaritmo natural nos dois membros

Provar que:

$$\log_{0,04} 125 = -1,5$$



Quem vem apresentar?

Provar que:

$$\log_{0,04} 125 = -1,5$$

$$\log_{0,04} 125 = x \Rightarrow 0,04^x = 125$$

$$(0,2^2)^x = 125$$

$$(0,2)^{2x} = 125$$

$$\left(\frac{1}{5}\right)^{2x} = 125$$

$$(5^{-1})^{2x} = 125$$

$$5^{-2x} = 125$$

$$5^{-2x} = 5^3$$

$$-2x = 3$$

$$x = -\frac{3}{2} \Rightarrow \boxed{\log_{0,04} 125 = -\frac{3}{2}}$$



$$M = (\log_7 196 - \log_7 4) - (\log_6 12 + \log_6 18)$$

$$\log_c(a \cdot b) = \log_c a + \log_c b$$

$$\log_c\left(\frac{a}{b}\right) = \log_c a - \log_c b$$

$$\log_c a^n = n \cdot \log_c a$$

$$M = (\log_7 196 - \log_7 4) - (\log_6 12 + \log_6 18)$$

$$M = \log_7\left(\frac{196}{4}\right) - \log_6(12 \cdot 18)$$

$$\log_c(a \cdot b) = \log_c a + \log_c b$$

$$\log_c\left(\frac{a}{b}\right) = \log_c a - \log_c b$$

$$\log_c a^n = n \cdot \log_c a$$

$$M = (\log_7 196 - \log_7 4) - (\log_6 12 + \log_6 18)$$

$$M = \log_7\left(\frac{196}{4}\right) - \log_6(12 \cdot 18)$$

$$M = \log_7 49 - \log_6 216$$

$$\log_c(a \cdot b) = \log_c a + \log_c b$$

$$\log_c\left(\frac{a}{b}\right) = \log_c a - \log_c b$$

$$\log_c a^n = n \cdot \log_c a$$



$$M = (\log_7 196 - \log_7 4) - (\log_6 12 + \log_6 18)$$

$$M = \log_7\left(\frac{196}{4}\right) - \log_6(12 \cdot 18)$$

$$M = \log_7 49 - \log_6 216$$

$$M = \log_7 7^2 - \log_6 6^3$$

$$\log_c(a \cdot b) = \log_c a + \log_c b$$

$$\log_c\left(\frac{a}{b}\right) = \log_c a - \log_c b$$

$$\log_c a^n = n \cdot \log_c a$$

$$M = (\log_7 196 - \log_7 4) - (\log_6 12 + \log_6 18)$$

$$M = \log_7\left(\frac{196}{4}\right) - \log_6(12 \cdot 18)$$

$$M = \log_7 49 - \log_6 216$$

$$M = \log_7 7^2 - \log_6 6^3$$

$$M = 2 \cdot \log_7 7 - 3 \cdot \log_6 6$$

$$\log_c(a \cdot b) = \log_c a + \log_c b$$

$$\log_c\left(\frac{a}{b}\right) = \log_c a - \log_c b$$

$$\log_c a^n = n \cdot \log_c a$$

$$M = (\log_7 196 - \log_7 4) - (\log_6 12 + \log_6 18)$$

$$M = \log_7\left(\frac{196}{4}\right) - \log_6(12 \cdot 18)$$

$$M = \log_7 49 - \log_6 216$$

$$M = \log_7 7^2 - \log_6 6^3$$

$$M = 2 \cdot \log_7 7 - 3 \cdot \log_6 6$$

$$M = 2 - (3)$$

$$\mathbf{M = -1}$$

$$\log_c(a \cdot b) = \log_c a + \log_c b$$

$$\log_c\left(\frac{a}{b}\right) = \log_c a - \log_c b$$

$$\log_c a^n = n \cdot \log_c a$$

Várias vídeo-aulas de logaritmos....

<https://www.youtube.com/playlist?list=PLizISvNdCrwUuD2kyouu1P6B94Dk8Vkt>

# Radiciação

De modo geral, uma expressão do tipo  $\sqrt[n]{a}$ , sendo  $n$  um número natural diferente de zero e  $a$  um real, dizemos que:

$$\sqrt[n]{a} = b \text{ se, e somente se, } b^n = a.$$

(lê-se raiz enésima de  $a$  é igual a  $b$ )

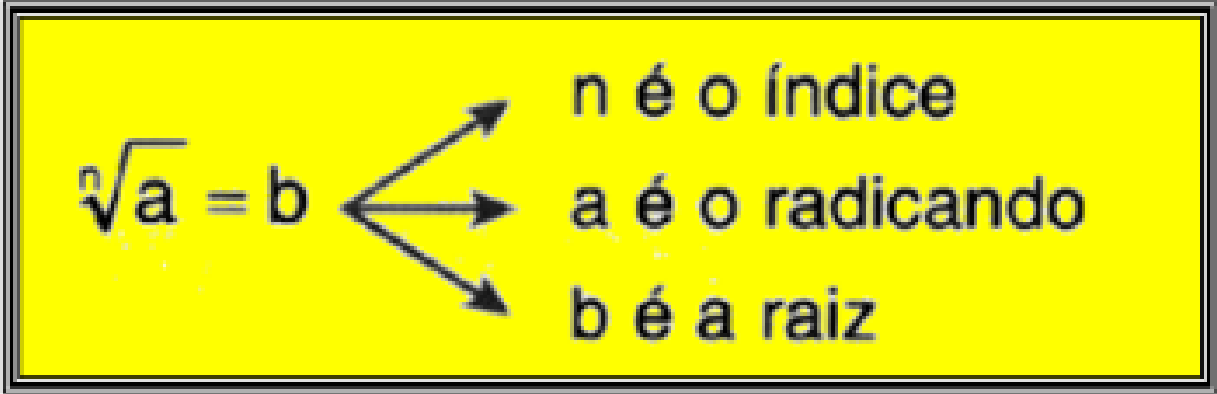
Assim:

The diagram shows the expression  $\sqrt[n]{a} = b$  with four labels and arrows pointing to its components: 'índice' (index) points to the  $n$ , 'radical' points to the radical symbol  $\sqrt{\phantom{x}}$ , 'raiz' (root) points to the  $b$ , and 'radicando' (radicand) points to the  $a$ .

$$\begin{array}{ccccc} \text{índice} & \longleftrightarrow & \sqrt[n]{a} = b & \longrightarrow & \text{raiz} \\ & \uparrow & & & \\ \text{radical} & \longrightarrow & & \longrightarrow & \text{radicando} \end{array}$$

# RADICIAÇÃO

É a operação inversa da potenciação.


$$\sqrt[n]{a} = b$$

n é o índice  
a é o radicando  
b é a raiz

$$\sqrt[5]{-32} = \sqrt[5]{(-2)^5} = -2 \iff (-2)^5 = -32$$

$$\sqrt[3]{0,008} = \sqrt[3]{\frac{8}{1000}} = \sqrt[3]{\frac{2^3}{10^3}} = \frac{2}{10} = 0,2 \iff (0,2)^3 = 0,008$$

# Expoente Fracionário Racional

$$a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m} \quad (a \in R, n \in N^* \text{ e } m \in Z)$$

$$(4)^{\frac{1}{2}} = \sqrt[2]{4^1} = \sqrt{4} = 2$$

$$\left(\frac{1}{9}\right)^{-\frac{3}{2}} = 9^{\frac{3}{2}} = \sqrt[2]{9^3} = 3^3 = 27$$

## Propriedades dos radicais

$$1) (\sqrt[n]{a})^n = a$$

$$4) \sqrt[n]{a^m} = \sqrt[p \cdot n]{a^{p \cdot m}}$$

$$2) \sqrt[n]{a \cdot b} = \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b}$$

$$5) (\sqrt[n]{a})^m = \sqrt[n]{a^m}$$

$$3) \sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}$$

$$6) \sqrt[m]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[m \cdot n]{a}$$

# Racionalizando Denominadores

O processo geral consiste em multiplicar-se numerador e denominador por um mesmo fator (o que não altera a fração), chamado fator racionalizante. Ele é escolhido de forma a desaparecer a raiz do denominador.

Exemplos:

$$a) -\frac{6}{\sqrt{2}} = -\frac{6}{\sqrt{2}} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} =$$



# Racionalizando Denominadores

O processo geral consiste em multiplicar-se numerador e denominador por um mesmo fator (o que não altera a fração), chamado fator racionalizante. Ele é escolhido de forma a desaparecer a raiz do denominador.

Exemplos:

$$a) -\frac{6}{\sqrt{2}} = -\frac{6}{\sqrt{2}} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = -\frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{2^2}} =$$

# Racionalizando Denominadores

O processo geral consiste em multiplicar-se numerador e denominador por um mesmo fator (o que não altera a fração), chamado fator racionalizante. Ele é escolhido de forma a desaparecer a raiz do denominador.

Exemplos:

$$a) -\frac{6}{\sqrt{2}} = -\frac{6}{\sqrt{2}} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = -\frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{2^2}} = -\frac{6\sqrt{2}}{2} = -3\sqrt{2}$$

# Racionalizando Denominadores

O processo geral consiste em multiplicar-se numerador e denominador por um mesmo fator (o que não altera a fração), chamado fator racionalizante. Ele é escolhido de forma a desaparecer a raiz do denominador.

Exemplos:

$$a) -\frac{6}{\sqrt{2}} = -\frac{6}{\sqrt{2}} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = -\frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{2^2}} = -\frac{6\sqrt{2}}{2} = -3\sqrt{2}$$

$$b) \frac{6}{\sqrt{5}-1} =$$

# Racionalizando Denominadores

O processo geral consiste em multiplicar-se numerador e denominador por um mesmo fator (o que não altera a fração), chamado fator racionalizante. Ele é escolhido de forma a desaparecer a raiz do denominador.

Exemplos:

$$a) -\frac{6}{\sqrt{2}} = -\frac{6}{\sqrt{2}} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = -\frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{2^2}} = -\frac{6\sqrt{2}}{2} = -3\sqrt{2}$$

$$b) \frac{6}{\sqrt{5}-1} = \frac{6}{\sqrt{5}-1} \cdot \frac{\sqrt{5}+1}{\sqrt{5}+1} =$$

# Racionalizando Denominadores

O processo geral consiste em multiplicar-se numerador e denominador por um mesmo fator (o que não altera a fração), chamado fator racionalizante. Ele é escolhido de forma a desaparecer a raiz do denominador.

Exemplos:

$$a) -\frac{6}{\sqrt{2}} = -\frac{6}{\sqrt{2}} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = -\frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{2}^2} = -\frac{6\sqrt{2}}{2} = -3\sqrt{2}$$

$$b) \frac{6}{\sqrt{5}-1} = \frac{6}{\sqrt{5}-1} \cdot \frac{\sqrt{5}+1}{\sqrt{5}+1} = \frac{6(\sqrt{5}+1)}{5-1} =$$

# Racionalizando Denominadores

O processo geral consiste em multiplicar-se numerador e denominador por um mesmo fator (o que não altera a fração), chamado fator racionalizante. Ele é escolhido de forma a desaparecer a raiz do denominador.

Exemplos:

$$a) -\frac{6}{\sqrt{2}} = -\frac{6}{\sqrt{2}} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = -\frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{2}^2} = -\frac{6\sqrt{2}}{2} = -3\sqrt{2}$$

$$b) \frac{6}{\sqrt{5}-1} = \frac{6}{\sqrt{5}-1} \cdot \frac{\sqrt{5}+1}{\sqrt{5}+1} = \frac{6(\sqrt{5}+1)}{5-1} = \frac{3(\sqrt{5}+1)}{2}$$

# Resolver!

$$\text{a)} \quad 2\sqrt{x-1} = x-1$$

$$\text{b)} \quad \sqrt{\sqrt{x-4}} = 2$$

Atividade para casa

# Produtos Notáveis

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

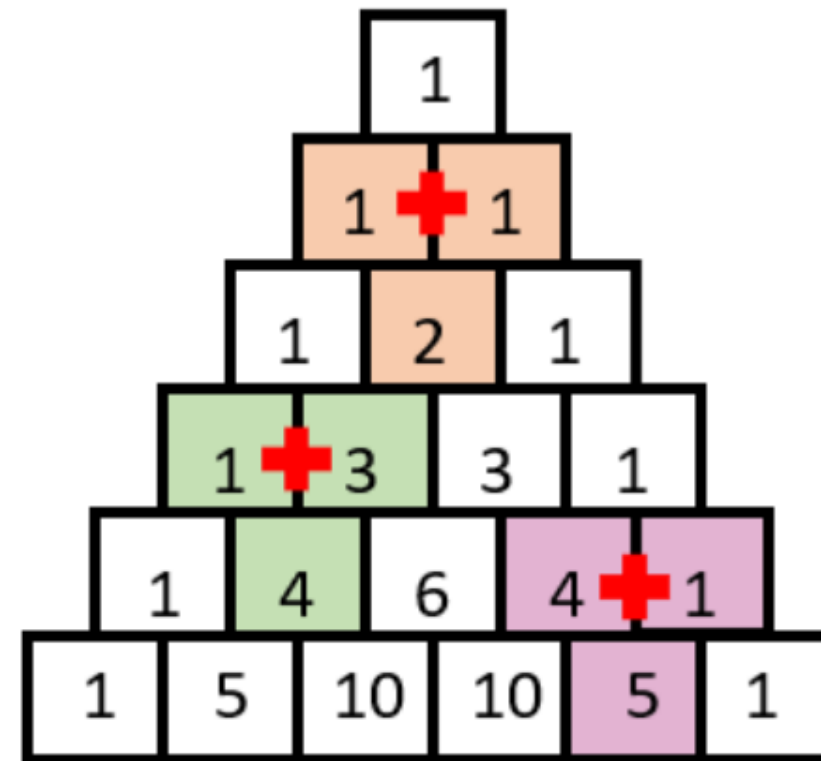
$$(a - b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$$

$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$$



Igualdade	Exemplo
$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	$(x+2)^2 = x^2 + 4x + 4$
$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$	$(3x-2)^2 = 9x^2 - 12x + 4$
$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$	$x^2 - 5 = (x + \sqrt{5}) \cdot (x - \sqrt{5})$
$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$	$(x+1)^3 = x^3 + 3x^2 + 3x + 1$
$(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$	$(3x-1)^3 = 27x^3 - 27x^2 + 9x - 1$
$a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 - ab + b^2)$	$x^3 + 1 = (x+1)(x^2 - x + 1)$
$a^3 - b^3 = (a-b)(a^2 + ab + b^2)$	$8x^3 - 27 = (2x-3)(4x^2 + 6x + 9)$

# TRIÂNGULO DE PASCAL



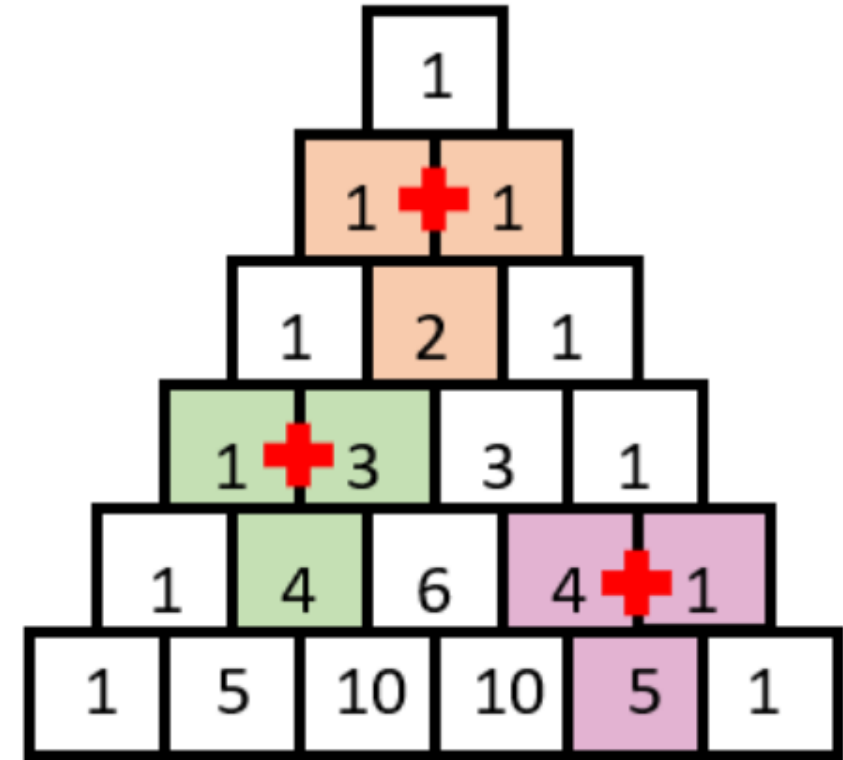
[https://www.youtube.com/watch?v=7pueb\\_lKwok&t=569s](https://www.youtube.com/watch?v=7pueb_lKwok&t=569s)

Resolver o produto notável

$$(x + y)^5$$

$$(x - y)^5$$

# TRIÂNGULO DE PASCAL



[https://www.youtube.com/watch?v=7pueb\\_lKwok&t=569s](https://www.youtube.com/watch?v=7pueb_lKwok&t=569s)

Resolver o produto notável

$$(x + y)^5 = x^5 + 5x^4y + 10x^3y^2 + 10x^2y^3 + 5xy^4 + y^5$$

$$(x - y)^5 = x^5 - 5x^4y + 10x^3y^2 - 10x^2y^3 + 5xy^4 - y^5$$