### Al aplicada a jogos adversariais

Afonso Fernandes, Gonçalo Paredes, Ricardo Pereira







16 de Abril de 2019

#### Conteúdo

- Introdução
- MiniMax
- Alfa-Beta
- 4 MCTS

NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 2 / 40

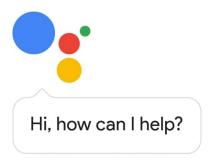
#### Conteúdo

- Introdução
- MiniMax
- Alfa-Beta
- 4 MCTS

3 / 40

4 / 40





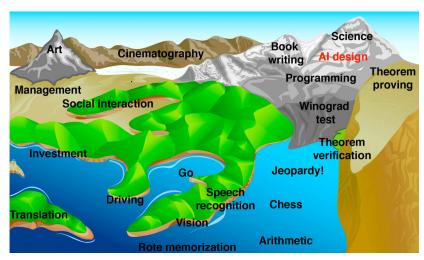
NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 5 / 40

```
if(cond1)
else if(cond2)
else if(cond3)
else if(cond4)
else if(cond5)
```

NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 6 / 40

- Inteligência das máquinas
- Estuda agentes inteligentes
- Definição algo paradoxal
- Raciocínio Automático, Representação de Conhecimento, Processamento de Linguagem Natural, Planeamento, Machine Learning

NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 7 / 40



Landscape of Human Intelligence - Hans Moravec



NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 10 / 40

• Estado inicial (posição + jogador)

NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 10 / 40

- Estado inicial (posição + jogador)
- Função para gerar sucessores

10 / 40

- Estado inicial (posição + jogador)
- Função para gerar sucessores
- Possível reconhecer estados finais

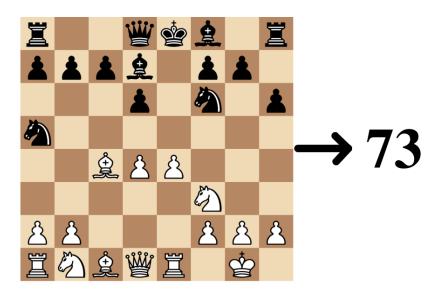
NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 10 / 40

- Estado inicial (posição + jogador)
- Função para gerar sucessores
- Possível reconhecer estados finais
- Sequencial

10 / 40

- Estado inicial (posição + jogador)
- Função para gerar sucessores
- Possível reconhecer estados finais
- Sequencial
- Informação perfeita

## Introdução - Heurística



#### Conteúdo

- Introdução
- 2 MiniMax
- Alfa-Beta
- 4 MCTS



NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 13 / 40

Método mais simples de decisão em inteligência artificial;

NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 13 / 40

- Método mais simples de decisão em inteligência artificial;
- Baseia-se em fazer a escolha que minimiza a perda no pior caso possível;

- Método mais simples de decisão em inteligência artificial;
- Baseia-se em fazer a escolha que minimiza a perda no pior caso possível;
- Originalmente desenvolvido para jogos de 2 jogadores de soma nula;

13 / 40

- Método mais simples de decisão em inteligência artificial;
- Baseia-se em fazer a escolha que minimiza a perda no pior caso possível;
- Originalmente desenvolvido para jogos de 2 jogadores de soma nula;
- Tem versões mais complexas, mas vamos apenas explorar a mais simples.



Explorar todas as jogadas possíveis;



14 / 40

- Explorar todas as jogadas possíveis;
- 2 Escolher que minimiza a perda no pior caso possível, ou seja, escolher a que dá o menor valor possível ao adversário.

- Explorar todas as jogadas possíveis;
- Escolher que minimiza a perda no pior caso possível, ou seja, escolher a que dá o menor valor possível ao adversário.
- **3** No caso de uma jogada terminar o jogo atribuir um valor C ou -C consoante quem ganha;

- Explorar todas as jogadas possíveis;
- Escolher que minimiza a perda no pior caso possível, ou seja, escolher a que dá o menor valor possível ao adversário.
- **3** No caso de uma jogada terminar o jogo atribuir um valor C ou -C consoante quem ganha;
- Para evitar cálculos que demorem anos, a partir de certa profundidade usa uma heurística para atribuir valor.

## Minimax - Pseudo-Código

```
function minimax(node, depth, maximizingPlayer) is
   if depth = 0 or node is a terminal node then
        return the heuristic value of node
   if maximizingPlayer then
        value := -∞
        for each child of node do
        value := max(value, minimax(child, depth - 1, FALSE))
        return value
   else (* minimizing player *)
        value := +∞
        for each child of node do
            value := min(value, minimax(child, depth - 1, TRUE))
        return value
```

## Minimax - Exemplo

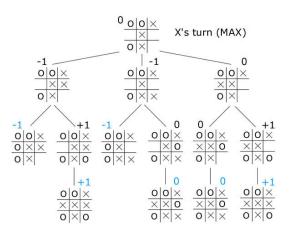


Figura: Exemplo de uma árvore de aplicação do Minimax no jogo do galo.



NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 17 / 40

 Baseia-se em explorar árvores de possibilidades que normalmente crescem exponencialmente;

17 / 40

- Baseia-se em explorar árvores de possibilidades que normalmente crescem exponencialmente;
- Para valores pequenos de profundidade máxima joga fortemente de acordo com a heurística escolhida;
- Para valores maiores demora muito a determinar a próxima jogada;

NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 17 / 40

- Baseia-se em explorar árvores de possibilidades que normalmente crescem exponencialmente;
- Para valores pequenos de profundidade máxima joga fortemente de acordo com a heurística escolhida;
- Para valores maiores demora muito a determinar a próxima jogada;
- É um método muito próximo da força bruta, testando as possibilidades todas.

#### Conteúdo

- Introdução
- MiniMax
- Alfa-Beta
- 4 MCTS

18 / 40

## Alpha-beta pruning

NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 19 / 40

# Alpha-beta pruning

• Baseia-se no minimax

19 / 40

NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019

# Alpha-beta pruning

- Baseia-se no minimax
- Melhora-o cortando nós que não é necessário explorar

NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 19 / 40

#### Alpha-beta pruning

- Baseia-se no minimax
- Melhora-o cortando nós que não é necessário explorar
- O ganho em tempo depende de vários fatores, mas geralmente é melhor que o minimax

19 / 40

# Alpha-beta - Pseudo-Código

```
function alphabeta(node, depth, \alpha, \beta, maximizingPlayer) is
    if depth = 0 or node is a terminal node then
         return the heuristic value of node
    if maximizingPlayer then
         value := -∞
         for each child of node do
             value := max(value, alphabeta(child, depth - 1, \alpha, \beta, FALSE))
             \alpha := max(\alpha, value)
             if \alpha \ge \beta then
                 break (* B cut-off *)
         return value
    el se
         value := +∞
         for each child of node do
             value := min(value, alphabeta(child, depth - 1, \alpha, \beta, TRUE))
             B := min(B. value)
             if \alpha \ge \beta then
                  break (* a cut-off *)
         return value
```

# Alpha-beta - Exemplo

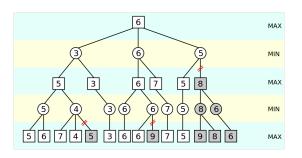


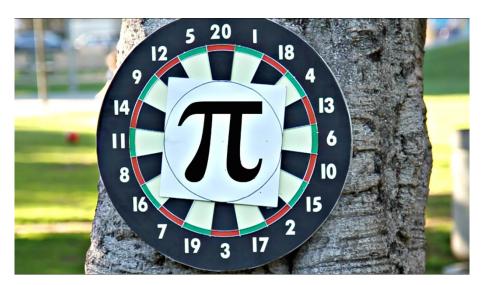
Figura: Exemplo de uma árvore de aplicação de Alpha-beta pruning.

#### Conteúdo

- Introdução
- MiniMax
- Alfa-Beta
- MCTS



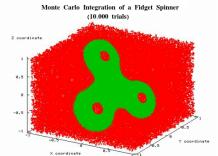
NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019



NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 23 / 40

1985: I bet they'll have flying cars in the future

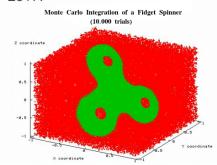
2017:



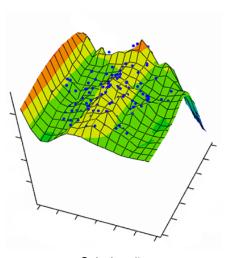
Integração

1985: I bet they'll have flying cars in the future

#### 2017:

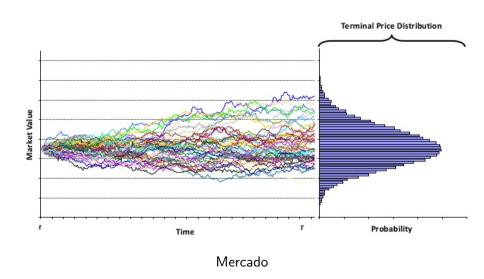


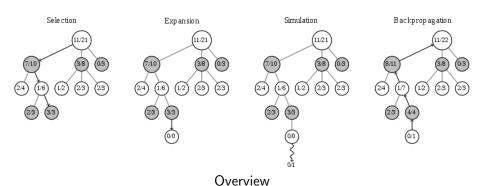
Integração



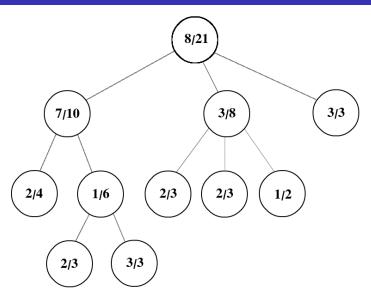
Otimização

24 / 40



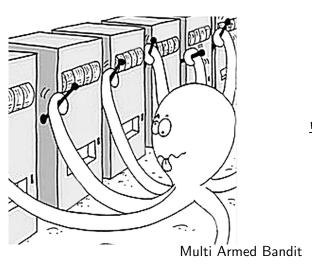


NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 26 / 40



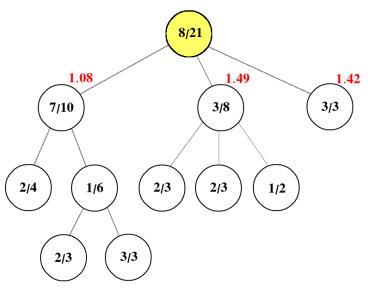
Estado atual



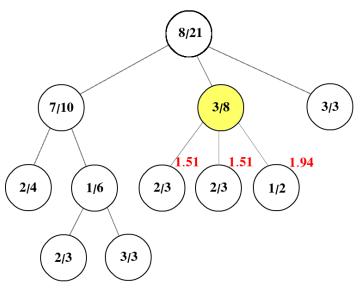


$$\frac{w}{n} + c\sqrt{\frac{\ln N}{n}}$$

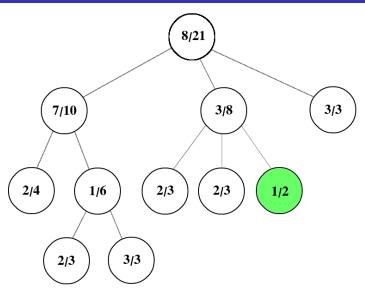
28 / 40



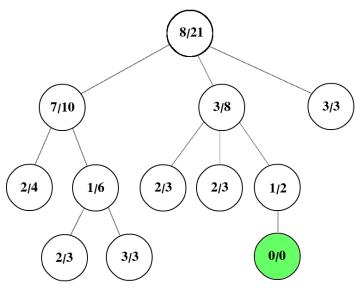
Seleção



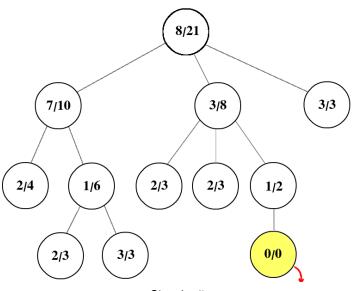
Seleção



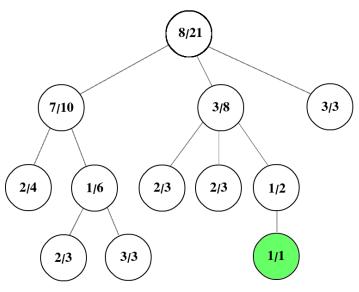
Seleção



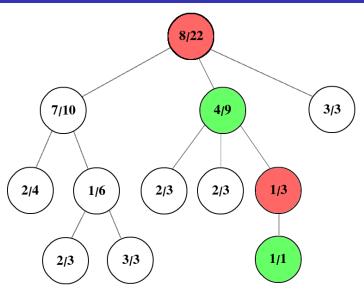
Expansão



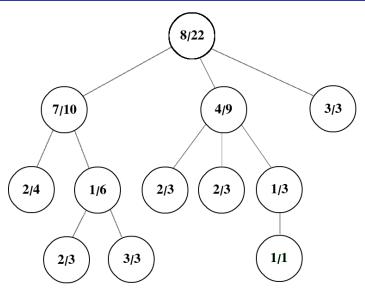
Simulação



Simulação



Backpropagation



Novo Estado



NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 37 / 40

• Não precisa de uma heurística decente

NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 37 / 40

- Não precisa de uma heurística decente
- Crescimento assimétrico

NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019 37 / 40

- Não precisa de uma heurística decente
- Crescimento assimétrico
- Resposta "on demand"

37 / 40

NUCC (FCUP) Workshop 2/4 16 de Abril de 2019

# Dúvidas?



38 / 40

# Código

https://afonsonf.github.io/ia-enemath-web/

39 / 40

#### Al aplicada a jogos adversariais

Afonso Fernandes, Gonçalo Paredes, Ricardo Pereira







16 de Abril de 2019