

SEARCHING



Ibnu Santoso S.S.T., M.T., Nori Wilantika, S.S.T., M.T.I.

- Konsep *searching*
- Sequential /Linear Search
 - Sequential search pada array tidak berurut
 - Sequential search pada array berurut
 - Sequential search menggunakan sentinel
- Binary Search
- Sequential Search vs Binary Search
- Latihan



- Pencarian (searching) adalah proses yang fundamental dalam pemrograman
- Proses pencarian adalah menemukan data tertentu di dalam sekumpulan data yang bertipe sama
- Pada kuliah ini akan dikhususkan pada data yang berstruktur <u>array</u>

Cari '20'

	10	50	30	56	20	70	80	65
--	----	----	----	----	----	----	----	----

- Array merupakan tipe data terstruktur.
- Setiap elemen array dapat dirujuk melalui indeksnya
- Karena elemen disimpan secara berurutan, indeks array harus berupa tipe yang juga memiliki keterurutan (ada *successor* dan *predecessor*) misalnya integer, character, atau enumeration
 - Jika indeks array adalah integer maka keterurutan indeks sesuai dengan urutan integer
 - Jika indeks array adalah character maka keterurutan indeks sesuai dengan urutan character
 - Jika indeks array berupa enumeration, maka keterurutan indeks sesuai dengan urutan elemen dalam enumeration



TINJAUAN SINGKAT ARRAY

D: array [1..11] of integer

21	36	8	7	10	36	68	32	12	10	36
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

Kar: array [1..8] of character

k	m	t	а	f	m	*	#
1	2	3	4	5	6	7	8

Const

N : integer = 5 {jumlah siswa}

Type

Data = record <Nama: string, Usia: integer>

Var

DataSiswa : array[1..N] of Data

1	Ali	18
2	Tono	24
3	Amir	30
4	Tuti	21
5	Yani	22

• Misal terdapat suatu **Array A** yang sudah terdefinisi elemen-elemennya. **X** adalah suatu elemen yang bertipe sama dengan elemen **Array A**. Tentukan apakah **X** terdapat di dalam **Array A**. Jika ditemukan, tulis pesan "X ditemukan", sebaliknya jika tidak ditemukan, tulis pesan "X tidak ditemukan".

21	36	8	7	10	36	68	32	12	10	36
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

- Misal X = 68, maka output yang dihasilkan adalah "68 ditemukan"
- Bila X = 100, maka output yang dihasilkan adalah "100 tidak ditemukan".

• Misal terdapat suatu Array A yang sudah terdefinisi elemen-elemennya. X adalah suatu elemen yang bertipe sama dengan elemen Array A. Tentukan indeks Array A yang elemennya sama dengan X. Simpan indeks tersebut dalam variabel Y. Jika X tidak terdapat di dalam Array A, isikan Y dengan nilai 0.

21	36	8	7	10	36	68	32	12	10	36
										11

- Misal X = 68, maka Y = 7.
- Bila X = 100, maka Y = 0.

• Misal terdapat suatu Array A yang sudah terdefinisi elemen-elemennya. X adalah suatu elemen yang bertipe sama dengan elemen Array A. Tentukan apakah X terdapat di dalam Array A. Jika X ditemukan, maka variabel boolean misalnya ketemu diisi nilai true. Jika tidak, ketemu diisi nilai false.

21	36	8	7	10	36	68	32	12	10	36
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

- Misal X = 68, maka ketemu = true
- Bila X = 100, maka ketemu = false



BAGAIMANA JIKA ADA DUPLIKASI ELEMEN?

 Apabila X yang dicari jumlahnya lebih dari satu di dalam Array A, maka hanya X yang pertama kali ditemukan yang dirujuk. Proses pencarian dihentikan setelah X pertama ditemukan atau X yang dicari tidak ada.

21	36	8	7	10	36	68	32	12	10	36
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

- Terdapat tiga buah nilai 36
- Bila X = 36, maka:
 - Persoalan 1, hasilnya "36 ditemukan"
 - Persoalan 2, hasilnya Y = 2
 - Persoalan 3, hasilnya ketemu = true



SEQUENTIAL SEARCH

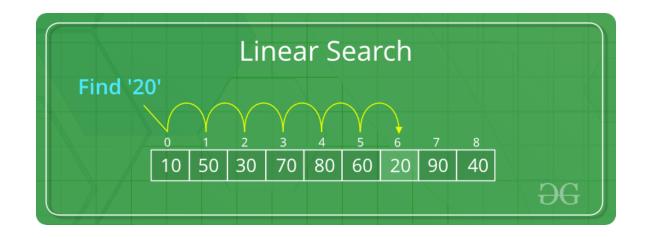


- Disebut juga Pencarian Beruntun
- Sequential Search membandingkan setiap elemen array satu per satu secara beruntun, mulai dari elemen pertama, sampai elemen yang dicari ditemukan atau sampai seluruh elemen sudah diperiksa.
- Terdapat 2 macam *sequential search*:
 - sequential search pada array tidak terurut
 - sequential search pada array terurut



SEQUENTIAL SEARCH PADA ARRAY TIDAK TERURUT

• Pencarian dilakukan dengan memeriksa setiap elemen Array mulai dari elemen pertama sampai elemen yang dicari **ketemu** atau sampai **seluruh elemen telah diperiksa**.



- Misal nilai yang dicari adalah: X = 20. maka elemen yang diperiksa: 10,50,30,70,80,60,20 (ditemukan!). Indeks Array yang dikembalikan: Y = 6
- Misal nilai yang dicari adalah: X = 10. maka elemen yang diperiksa: 10 (ditemukan!). Indeks Array yang dikembalikan: Y = 0
- Misal nilai yang dicari adalah: X = 15. maka elemen yang diperiksa: 10,50,30,70,80,60,20,90,40 (tidak ditemukan!). Indeks Array yang dikembalikan: Y = -1

Mencari elemen "33" dengan memeriksa elemen satu per satu.

Sehingga ditemukan bahwa elemen "33" berada pada indeks ke-7.

Linear Search



IMPLEMENTASI PROGRAM

```
Type Larik = array [1..100] of integer;
Procedure SequentialSearch1(A:Larik; N:integer; X:integer; var Y:integer);
Var
    i:integer;
Begin
    i := 1;
    while (i\ltN) and (A[i] \lt> X) do i:= i + 1;
    if (A[i] <> X) then Y:=0
    else Y:=i;
End;
                                                                A= 13 16 14 21 76 21
                                                                N=6
                                 A= 13 16 14 21 76 21
                                                                X = 100
                                 N=6
                                                                Y=
                                 X = 14
                                 Y=
                                                                      i<6?
                                                                              A[i]<>100?
                                       i<6?
                                                A[i]<>14?
                                 A[3] <> 14? F -> Y=3
                                                                A[6]<>100? T -> Y=0
```

IMPLEMENTASI PROGRAM VERSI BOOLEAN

```
Type Larik = array [1..100] of integer;
Procedure SequentialSearch2(A:Larik; N:integer; X:integer; var Y:integer);
Var
    i:integer;
    ketemu:boolean;
Begin
   i := 1;
    ketemu:=false;
    while (i<=N) and (not ketemu) do
       if A[i] = X then ketemu:=true else i := i + 1;
                                                                         A= 13 16 14 21 76 21
                                                                        N=6
    if ketemu then Y:=i else Y:=0;
                                                                        X = 100
End:
                                                                         Y=
                              A= 13 16 14 21 76 21
                              N=6
                                                                              i < = 6?
                                                                                      not ketemu?
                              X = 14
                                                                                      T, A[1]=100?
                              Y=
                                                                                      T, A[2]=100?
                                                                                  T, A[3]=100?
                                   i<=6? not ketemu?
                                                                                    T, A[4]=100?
                                          T, A[1]=14?
                                                                                      T, A[5]=100?
                                          T, A[2]=14?
                                                                                      T, A[6]=100?
                                           T, A[3]=14?, ketemu=T
                              Y=3
                                                                        Y=0
```



Sequential search pada array terurut

- Apabila array sudah <u>terurut</u>, maka proses pencarian dapat dibuat lebih efisien.
 - terurut dari nilai terkecil ke nilai terbesar, yakni untuk setiap

```
I = 1..N, Nilai [I-1] < Nilai [I]
```

• terurut dari nilai terbesar ke nilai terkecil, yakni untuk setiap

$$I = 1..N$$
, Nilai $[I-1] > Nilai[I]$

• Caranya yaitu dengan menghilangkan langkah pencarian yang tidak perlu yaitu bila nilai elemen array yang diperiksa sudah melewati nilai X yang dicari maka pencarian bisa dihentikan



Sequential search pada array terurut (dari kecil ke besar)

```
Type Larik = array [1..100] of integer;
Procedure Sequentialsearch3(A:Larik; N:integer; X:integer; var Y:integer);
Var
    i:integer;
Begin
    i := 1;
    while (i\ltN) and (A[i] \lt X) do i:= i + 1;
    if (A[i] = X) then Y:=i
    else Y:=0;
End;
                             A= 13 14 16 21 21 76
                                                            A= 13 14 16 21 21 76
                             N=6
                                                            N=6
                             X = 14
                                                            X=15
                             Y=
                                                            Y=
                                   i<6? A[i]<14?
                                                                          A[i]<15?
                                                                  i<6?
                             A[2]=14? T -> Y=2
                                                            A[3]=15? F -> Y=0
```

SEQUENTIAL SEARCH MENGGUNAKAN SENTINEL



- Merupakan pengembangan dari sequential search
- Sentinel adalah elemen fiktif yang ditambahkan sesudah elemen terakhir dari array
 - Jadi jika elemen terakhir array adalah A[N], maka sentinel dipasang pada elemen A[N+1]
- Sentinel nilainya sama dengan nilai data yang dicari
 - Sehingga proses pencarian selalu menemukan data yang dicari
 - Periksa kembali letak data tersebut ditemukan, apakah:
 - Di antara elemen array sesungguhnya (dari A [1] sampai A [N])
 - Pada elemen fiktif A[N+1] yang berarti sesungguhnya X tidak ada di dalam array A



SEQUENTIAL SEARCH MENGGUNAKAN SENTINEL



- Data yang dicari adalah X=21.
- Tambahkan 21 sebagai sentinel di A [N+1].

13	16	14	21	76	21	21
	2					

Programmer harus hati-hati dengan pendefinisian batas indeks array, tidak boleh menambahkan data melebihi rentang indeks.

- Telusuri array seperti sequential search tanpa sentinel, jika data ditemukan pada sentinel maka data yang dicari tidak ada/tidak ditemukan. Tetapi, jika data yang dicari ditemukan bukan pada sentinel maka data ditemukan.
- Indeks array yang dikembalikan = 4. karena $4 \neq N+1$, berarti X = 21 terdapat pada Array semula, maka data **ditemukan**.



SEQUENTIAL SEARCH MENGGUNAKAN SENTINEL

13	16	14	21	76	21
1	2	3	4	5	6

- Data yang dicari adalah X=15.
- Tambahkan 15 sebagai sentinel di A[N+1].

13	16	14	21	76	21	15
1	2	3	4	5	6	7

- Telusuri array seperti sequential search tanpa sentinel.
- Indeks array yang dikembalikan = 7. karena 7 = N+1, berarti X = 15 tidak terdapat pada Array semula, maka data **tidak ditemukan**.

IMPLEMENTASI PROGRAM

```
Type Larik = array [1..100] of integer;
Procedure SequentialSearchSentinel(A:Larik; N:integer; X:integer; var Y:integer);
Var
    i:integer;
Begin
    A[N+1] := X;
   i:=1;
                                                                    A= 13 16 14 21 76 21
    while (A[i] \le X) do i := i + 1;
                                                                    N=6
    if (i < N+1) then Y:=i else Y:=0;
                                                                    X = 100
End;
                                                                    Y=
                                     A= 13 16 14 21 76 21
                                     N=6
                                                                    A= 13 16 14 21 76 21 100
                                     X=14
                                     Y=
                                                                         A[i]<>100?
                                     A= 13 16 14 21 76 21 14
                                          A[i]<>14?
                                     3<7? T -> Y=3
                                                                    7<7? F -> Y=0
```

Begin

DENGAN SENTINEL VS TANPA SENTINEL

Dengan Sentinel

```
A[N+1] := X;
    i := 1;
    while (A[i] \le X) do i := i + 1;
    if (i < N+1) then Y:=i else Y:=0;
End;
  A= 13 16 14 21 76 21
  N=6
  X = 14
  Y=
  A= 13 16 14 21 76 21 14
       A[i]<>14?
  3<7? T -> Y=3
```

Tanpa Sentinel

```
Begin
    i := 1;
    while (i < N) and (A[i] <> X) do i := i + 1;
    if (A[i] <> X) then Y:=0
    else Y:=i;
End;
   A= 13 16 14 21 76 21
   N=6
   X = 14
   Y=
                   A[i]<>14?
          i<6?
   A[3] <> 14? F -> Y=3
```



DENGAN SENTINEL VS TANPA SENTINEL

Dengan Sentinel

```
Begin
    A[N+1] := X;
   i := 1;
    while (A[i] \le X) do i := i + 1;
    if (i < N+1) then Y:=i else Y:=0;
End;
    A= 13 16 14 21 76 21
    N=6
    X = 100
    Y=
    A= 13 16 14 21 76 21 100
          A[i]<>100?
                           N+1
    7<7? F -> Y=0
```

Tanpa Sentinel

```
Begin
    i := 1;
    while (i < N) and (A[i] <> X) do i := i + 1;
    if (A[i] <> X) then Y:=0
    else Y:=i;
End;
   A= 13 16 14 21 76 21
   N=6
   X = 100
   Y=
                  Ν
                                 N-1
         i<6?
                   A[i]<>100?
   A[6] <> 100? T -> Y=0
```

CATATAN TENTANG SEQUENTIAL SEARCH



- Seringkali algoritma *Sequential search* tidak dinyatakan sebagai prosedur, namun direalisasikan sebagai fungsi boolean atau fungsi integer yang mengembalikan indeks array.
- Sequential search menggunakan sentinel sangat efektif terutama bila pencarian dilakukan untuk menyisipkan elemen (X) yang belum terdapat pada array. Jika X tidak ditemukan, maka sentinel tersebut sekaligus sudah ditambahkan.
- Secara umum, Sequential search lambat. Waktu pencarian sebanding dengan jumlah elemen array. Pada kasus X tidak terdapat dalam Array, kita harus memeriksa seluruh elemen array.
 - Misalkan array berukuran 100.000 elemen.
 - Bila satu pemeriksaan elemen array membutuhkan waktu 0,01 detik, maka untuk 100.000 kali pemeriksaan membutuhkan waktu 1000 detik atau 16,7 menit!
- Algoritma sequential search tidak praktis untuk data berukuran besar
- Algoritma yang lebih cepat dari sequential search adalah algoritma binary search







- Disebut juga Pencarian Biner.
- Pencarian biner **hanya bisa** diterapkan pada sekumpulan <u>data yang sudah terurut</u> (terurut menaik atau menurun).
- Contoh data yang sudah terurut banyak ditemukan pada kehidupan sehari-hari:
 - Data kontak telepon di HP terurut dari nama A sampai Z
 - Data pegawai diurut berdasarkan nomor induk pegawai dari kecil ke besar
 - Data mahasiswa diurutkan berdasarkan NIM
 - Kata-kata di dalam kamus diurut dari A sampai Z
- Keuntungan data yang terurut adalah memudahkan pencarian.

- Misal untuk mencari arti kata tertentu dalam kamus Bahasa Inggris, kita tidak perlu membuka kamus itu dari halaman awal sampai akhir satu per satu:
 - Pertama Kamus tersebut kita bagi dua di tengah-tengah.
 - Jika yang dicari tidak ada di pertengahan, kita cari lagi di belahan kiri atau kanan dengan membagi dua lagi belahan tersebut.
 - Begitu seterusnya sampai kata yang dicari ketemu.

• Misal ada array A dengan 8 elemen yang terurut menaik. Data yang dicari adalah X = 16.

7	10	13	16	18	21	76	81
L=1	2	3	4	5	6	7	H=8

• Langkah 1: L=1 dan H=8. maka indeks elemen tengah M = (1+8) div 2 = 4

					,				
kiri	7	10	13	16	18	21	76	81	kanan
KILI	L=1	2	3	4	5	6	7	H=8	kanan
					 				j

• Langkah 2: A[4] = 16? Ya! (X ditemukan, pencarian dihentikan)

• Misal ada array L dengan 8 elemen yang terurut menaik. Data yang dicari adalah X = 18.

7	10	13	16	18	21	76	81
L=1	2	3	4	5	6	7	H=8

• Langkah 1: L=1 dan H=8. maka indeks elemen tengah M = (1+8) div 2 = 4

	7	10	13	16	18	21	76	81	kanan
kiri	L=1	2	3	4	5	6	7	H=8	kanan
			1 1		 				i

- Langkah 2: A[4] = 18? Tidak! Putuskan pencarian akan dilakukan di bagian kiri atau kanan dengan pemeriksaan:
 - A[4] < 18 ? Ya! Lakukan pencarian di larik bagian kanan

• L = M+1 = 5 dan H = 8 (tetap)

18	21	76	81
L=5	6	7	H=8

• Langkah 1: Indeks elemen tengah M = (5+8) div 2 = 6

[_!
	18	21	76	81	
kiri	L=5	6	7	H=8	kanan
			 		; ;

- Langkah 2: A[6] = 18? Tidak! Putuskan pencarian akan dilakukan di bagian kiri atau kanan dengan pemeriksaan:
 - A[6] < 18 ? Tidak! Lakukan pencarian di larik bagian kiri.

• L = 5 (tetap) dan H= M-1 = 5

• Langkah 1: Indeks elemen tengah M = (5+5) div 2 = 5

• Langkah 2: M[5] = 18? Ya! (X ditemukan, pencarian dihentikan)

- Kita memerlukan dua buah indeks array yaitu indeks terkecil dan indeks terbesar (Misal L dan H). Umumnya L=1 dan H=N.
- Langkah 1: bagi dua elemen array pada elemen tengah. Elemen tengah adalah elemen dengan indeks M = (L+H) DIV 2
 - Elemen tengah array A[M] membagi array membagi dua bagian, yaitu bagian kiri Array A[A..M-1] dan bagian kanan Array A[M+1..H]
- Langkah 2: periksa apakah A[M] = X. Jika Ya, maka pencarian dihentikan (data ditemukan).
 - Jika tidak, jika A[M] < X maka pencarian dilakukan pada larik bagian kanan.
 - Jika A[M] > X maka pencarian dilakukan pada larik bagian kiri.
- Langkah 3: Ulangi langkah 1-2 sampai X ditemukan atau L > H (ukuran array sudah nol!)

• Misal ada array L dengan 8 elemen yang terurut menaik. Data yang dicari adalah X = 100.

7	10	13	16	18	21	76	81
L=1	2	3	4	5	6	7	H=8

• Langkah 1: L=1 dan H=8. maka indeks elemen tengah M = (1+8) div 2 = 4

[· 				<u> </u>
Lini	7	10	13	16	18	21	76	81	kanan
KITI	L=1	2	3	4	5	6	7	H=8	kanan

- Langkah 2: A[4] = 100? Tidak! Putuskan pencarian akan dilakukan di bagian kiri atau kanan dengan pemeriksaan:
 - A[4] < 100 ? Ya! Lakukan pencarian di larik bagian kanan

• L = M+1 = 5 dan H = 8 (tetap)

18	21	76	81
L=5	6	7	H=8

• Langkah 1: Indeks elemen tengah M = (5+8) div 2 = 6

			 !		
	18	21	76	81	
kiri	L=5	6	7	H=8	kanan

- Langkah 2: L[6] = 100? Tidak! Putuskan pencarian akan dilakukan di bagian kiri atau kanan dengan pemeriksaan:
 - A[6] < 100 ? Ya! Lakukan pencarian di larik bagian kanan.

• L = M+1 = 7 dan H = 8 (tetap)

76	81
L=7	H=8

• Langkah 1: Indeks elemen tengah M = (7+8) div 2 = 7

76	81
L = M = 7	H=8

- Langkah 2: M[7] = 100? Tidak! Putuskan pencarian akan dilakukan di bagian kiri atau kanan dengan pemeriksaan:
 - A[7] < 100 ? Ya! Lakukan pencarian di larik bagian kanan.

• L = M+1 = 8 dan H = 8 (tetap)

81

L = H = 8

• Langkah 1: Indeks elemen tengah M = (8+8) div 2 = 8

81

L = H = M = 8

- Langkah 2: A[8] = 100? Tidak! Putuskan pencarian akan dilakukan di bagian kiri atau kanan dengan pemeriksaan:
 - A[8] < 100 ? Ya! Lakukan pencarian di larik bagian kanan dengan L=M+1=9 dan H= 8
 - Karena L > H maka tidak ada lagi bagian array yang tersisa, dengan demikian, X tidak ditemukan di dalam array. Pencarian dihentikan.



BINARY SEARCH PADA ARRAY TERURUT MENURUN

• Misal yang dicari adalah X = 16

81	76	21	18	16	13	10	7	,
L=1	2	3	4	5	6	7	H=	8
81	76	21	18	16	13	10	7	,
L=1	2	3	M=4	5	6	7	H=	:8
81	76	21	18	16	13	10	7	,
1	2	3	4	L = 5	6	7	H=	:8
81	76	21	18	16	13	10	7	,
1	2	3	4	L = 5	M=6	7	H=	8
81	76	21	18	16	1			
1	2	3	4	L = H = 5	5 (ô	7	Н
81	76	21	18	16				
1	2	3	4	L = H = N	/l = 5	6	7	ŀ

Jika A[M] < X, maka pencarian dilakukan pada array bagian kiri.

Jika A[M] > X maka pencarian dilakukan pada array bagian kanan.

- - Pada setiap kali pencarian, array dibagi dua menjadi dua bagian yang berukuran sama (atau beda selisih 1 elemen)
 - Pada setiap pembagian, elemen tengah K diperiksa apakah sama dengan X.
 - Pada worst case scenario, yaitu pada kasus X tidak terdapat di dalam array, array dibagi sejumlah ²log(N) kali, sehingga jumlah pemeriksaan yang dilakukan juga sebanyak ²log(N) kali.
 - Pada contoh x=100, pembagian array yang dilakukan adalah ²log(8) =3 kali. Jumlah pemeriksaan elemen array juga 3 kali.
 - Untuk data terurut, algoritma *binary search* lebih cepat dibandingkan *sequential search*



SEQUENTIAL SEARCH VS BINARY SEARCH

- Misal untuk kasus nilai X tidak ditemukan dalam array:
 - Untuk array berukuran 256 elemen:
 - sequential search melakukan pembandingan elemen array sebanyak 256 kali,
 - binary search melakukkan pembandingan elemen array sebanyak ²log(256) = 8 kali.
 - Untuk array berukuran 1024 elemen:
 - sequential search melakukan pembandingan elemen array sebanyak 1024 kali,
 - binary search melakukkan pembandingan elemen array sebanyak ²log(1024) = 10 kali.
 - Untuk array berukuran N elemen:
 - sequential search melakukan pembandingan elemen array sebanyak N kali,
 - binary search melakukan pembandingan elemen array sebanyak 2log(N) kali.
- Karena ²log(N) < N untuk N yang besar, maka algoritma *binary search* lebih cepat daripada algoritma *sequential search*
 - Sehingga Algoritma binary search lebih disukai untuk mencari data pada array terurut
- Namun untuk data yang tidak terurut, hanya dapat menggunakan algoritma sequential search



POLITEKNIK STATISTIKA STIS

For Better Official Statistics

TERMA KASIH

