# فصل ۱

# روشهای پیشین

#### ۱.۱ م*قدمه*

در فصل گذشته به معرفی مفاهیم و موضوعات مرتبط با این حوزه پرداخته شد. در ادامه در این فصل با توجه به اطلاعاتی که کسب کردهاید به معرفی و بررسی روشهایی که مرتبط با موضوع این پایاننامه است پرداخته خواهد شد و نتایج آنها را برای فرضهای و دادههای ورودی خود مشاهده خواهیم نمود. در این بین تا جایی که ممکن باشد به بررسی نقاط قوت و ضعف آنها نیز خواهیم پرداخت و در انتهای این فصل یک جدول مقایسه بین روشهایی که تا به حال معرفی شدهاند را ارائه خواهیم داد.

#### ۲.۱ مدل کیم و سایمون[۱۳]

این مدل در سال ۲۰۱۴ با تمرکز بر ساخت درخت فیلوژنی از طریق رابطه ترکیبی میان جهشهای ایجاد شده در داده های توالی یابی تکسلولی دیانای ارائه گردید. بررسی رابطه ی ترتیبی هر یک از جهشهای رخ داده با یکدیگر، این امکان را فراهم می آورد تا اطلاعاتی در مورد نحوه تشکیل کلونها و ترتیب زمانی رخ دادن جهشهای گوناگون بدست آید. همچنین امکان محاسبه نسبت زمانی سیری شده میان جهشهای اولیه موجود در دادههای

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Phylogeny tree

 $<sup>^{2}</sup>DNA$ 

 Sample
 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 X mutation
 0
 0
 0
 0
 1
 1
 0

 Y mutation
 0
 0
 1
 1
 1
 1
 1

جدول ۱.۱: مثالی از چند نمونه با بررسی وجود یا عدم وجود دو جهش X و Y.

توالی یابی تکسلولی تا نزدیک ترین جد مشترک وجود دارد. استنباط درخت فیلوژنی از طریق لگوریتم کیم و سایمون، بر مبنای منطق بیزی است، یعنی از این منطق به منظور تعیین رابطه ترتیبی بین هر دو جهش گوناگون استفاده شده است. در ادامه مقدار بیشینه درستنمایی درخت استنباط شده بر مبنای احتمال ترتیبی دوبهدوی بین هر دو جهش مختلف در دو جایگاه از یک دنباله، که از طریق ژنولوژی متفاوت با جهشهای گوناگون در گرههای درخت به هم مرتبط میشوند، محاسبه میشود. سرانجام مقادیر بیشینه ی احتمالات با شرط کمینه کردن میزان تفاوت با دادههای مشاهده شده محاسبه می گردد.

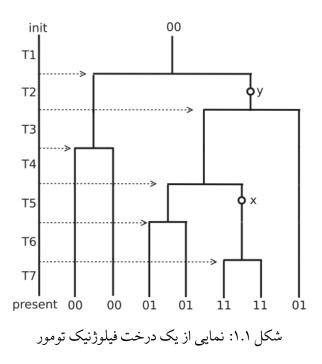
از نکات قوت این الگوریتم در نظر گرفتن خطای توالی یابی و ترک آلل  $^{\dagger}$  است. این عدم قطعیت در داده ها از طریق محاسبه بیشینه درستنمایی ترتیبی هر یک از جهشها بدست خواهد آمد. به عنوان مثال در نظر بگیرید که هفت زوج مرتب از جهشهای یک دی ان ای موجود است. برای سادگی بیشتر مولفه اول را با X و مولفه دوم را با Y نشان داده می شود. داده های نمونه گیری شده از این دی انای در جدول 1.1 نشان داده شده است. در این جدول صفر بیانگر عدم وجود جهش و یک بیانگر وجود جهش است. تعداد رخداد جهشها با فرض عدم وجود خطا در توالی یابی داده ها، برابر یک در نظر گرفته می شود، یعنی در هر موقعیت تنها یکبار جهش رخ داده است. همچنین ترتیب زمانی رخداد جهشها یک ترتیب جزئی است، به این معنی که زوج (۱،۱) بیانگر این است که یا جهش X مقدم بوده است یا جهش X. زوج (۱،۰) بیانگر آن است که جهش X وجود نداشته است ولی جهش X وجود داشته و با فرض اینکه هیچ جهشی از بین نمی رود، در نتیجه می توان استنباط کرد که X نسبت به X قدیمی تومور قرار می گیرد. در نتیجه با استفاده از جدول داده های نمونه برداری شده، استنباط یک رابطه زمانی میان جهش های صورت گرفته امکان یذیر است.

شکل ۱.۱ یک درخت فیلوژنیک تومور را نشان می دهد که از داده های جدول بالا استنباط شده است. در این همه هفت نمونه به عنوان برگهای درخت مشاهده می شود و ریشه درخت زوج (۰،۰) می باشد به این معنی که در ابتدا

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Maximum-likelihood

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Allele dropout

هیچ جهشی رخ نداده است. محور عمودی بیانگر سیر زمانی تکامل تومور است که به تعداد نمونهها تقسیم شده است. براي استنباط درخت فيلوژني تومور، الگوريتم كيم و سايمون از سه بخش اصلي تشكيل شده است. طبق



قضیه بیز برای محاسبه هر یک از این سه احتمال به مقادیر درستنمایی ۵ نیاز داریم. مقدار احتمال رخداد طبق رابطه زیر محاسبه می گردد:

$$P(x \sim y|D) \propto L(x \sim y)P(x \sim y), \quad L(x \sim y) = P(D|x \sim y)$$
 (1.1)

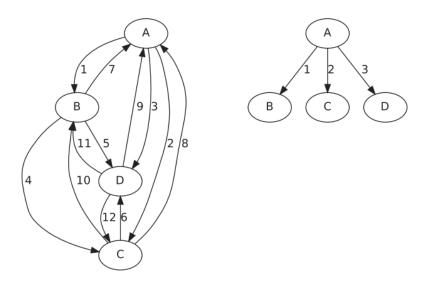
طبق این رابطه و با توجه به اینکه رابطه زمانی میان جهش های x و y دارای ۳ حالت،

$$x \to y, \qquad y \to x \qquad \qquad y \xrightarrow{} x \not\leftrightarrow y$$

است، مقدار احتمال محاسبه شده از رابطه فوق به ازای یکی از این سه حالت بیشینه است و به ازای آن حالت یک مسیر جهت دار در درخت فیلوژنی قرار خواهد گرفت. طبق آنچه گفته شد یک گراف جهت دار فیلوژنی بلقوه مشابه آنچه در شکل ۲.۱ نشان داده شده است استنباط خواهد شد. در نهایت از این گراف جهت دار، یک درخت

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Likelihood

به طوری که روابط میان جهشها از آن استنباط شود ساخته خواهد شد. در ابتدا یالهای گراف از طریق رابطهای



شكل ۲.۱: يك گراف جهت دار فيلوژني

که در ادامه آمده است وزندهی میشوند،

$$w_{x \sim y} = -\log P(x \sim y|D) \tag{7.1}$$

که در آن  $(x\sim y)$  رابطه بین جهشهای x و y است و y است و y نمونه یا سمپلهای موجود در داده است. بهترین درخت  $\hat{T}$  از طریق کمینه کردن وزنهای گراف بدست می آید.

$$\hat{T} = \arg\min\left(\sum_{x \sim y \in T} w_{x \sim y}\right) = \arg\max\left(\prod_{x \sim y \in T} P(x \sim y|D)\right) \tag{\text{$\Upsilon$.1)}}$$

در شکل ۲.۱ محتمل ترین درخت فیلوژنی با بیشینه درستنمایی بر اساس اطلاعات نمونهبرداری شده بدست می آید. در این شکل گراف اولیه و درخت متناظر آن مشاهده می شود. مجموع همه وزن ها در درخت نهایی با شرط کمینه سازی برابر هفت است که این مقدار کمترین مقدار ممکن است.

#### ۱.۲.۱ یایگاه داده

در این مقاله از پایگاه داده تولی یابی تک سلولی هو و همکاران [۱۰] استفاده شده است. این مجموع داده از توالی یابی تکسلولی دی انای نمونه های توموری یک نوع خاص از سرطان خون عمع آوری شده است. این مجموعه داده شامل ۵۸ سلول منفرد و ۱۸ نوع جهش یکتا است. اطلاعات کامل در مورد این پایگاه داده از جمله، نام و نوع جهش های موجود در دیتابیس، نوع روش نمونه برداری و اطلاعاتی دیگر در پایگاه داده اده COSMIC در دسرس عموم قرار دارد. ماتریس ژنوتایپی این پایگاه داده شامل سه مقدار صفر، یک و دو می باشد که در آن صفر بیانگر عدم وجود جهش، یک بیانگر جهش هتروزیگوت و دو نمایانگر جهش هموزیگوت است. یکی از معایب این پایگاه داده نرخ بالای خطای توالی یابی تکسلولی و بالا بودن نرخ داده های از دست رفته (در حدود ۴۵ درصد کل داده ها) می باشد. همین امر سبب می شود تنوع درخت فیلوژنی نسبت داده شده به این پایگاه داده زیاد باشد. در واقع با در نظر گرفتن حالتهای مختلف روابط دو به دوی جهش های گوناگون، می توان درخت های جهشی متنوعی از داده ها استنباط کرد.

#### ۲.۲.۱ معیار ارزیابی

ارزیابی درختهای جهشی گوناگون از طریق روش  $LOOCV^7$  صورت میگیرد. این روش همانند روش ارزیابی های متقابل K به قسمت می باشد با این تفاوت که در آن K برابر تعداد جهش ها (تعداد ستونهای ماتریس ژنوتایپ) می باشد. در هر یک از درختهای استنباط شده، یکبار یک جهش حذف شده و میزان دقت مدل محاسبه می گردد. سپس این کار برای همه جهش های موجود تکرار می شود و در نهایت میانگین دقت مدل در حالتهای مختلف محاسبه می شود و به عنوان دقت نهایی مدل گزارش می شود.

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>Thrombocythemia

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>Leave one out cross validation

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>Cross validation

# ۳.۱ الگوریتم Bitphylogeny الگوریتم

این الگوریتم در سال ۲۰۱۵ ارئه شد و مانند الگوریتم کیم و سایمون از منطق بیزی بهره می برد. هدف این الگوریتم در کنار ساخت درخت جهشی تومور، پیدا کردن روابط بین کلونهای مختلف درون یک تومور است. در داده های توالی یابی تکسلولی، بدلیل کمبود میزان نمونه گیری و در نتیجه محتمل بودن عدم حضور گونههای ژنومی جهش یافته در نمونه ها، برای تشخیص ناهمگنی های درون توموری باید رویکرد متفاوتی را برگزید. شاید یکی از دلایلی که هنوز از داده های توالی یابی انبوه ۹ برای استنباط درخت فیلوژنی استفاده می شود همین باشد. در هر صورت در این مقاله سعی بر این است تا هر ۲ چالش زیر مورد بررسی قرار گیرد:

- تشخیص زیرنواحی یا کلونهای درون یک تومور
- کشف روابط تکاملی کلونهای درون یک تومور با یکدیگر

ماتریس ورودی (ماتریس ژنوتایپی) این الگوریتم تعدادی سطر و ستون است که در آن سطرها بیانگر سلولها و ستونها نمایانگر انواع جهشهای مختلف است. این ماتریس، یک ماتریس دودوییها ۱۰ است که در آن بودن درایه و ستونها نمایانگر آن است که در سطر iام جهشی از نوع i ام وجود ندارد. متعاقباً، اگر مقدار درایه i و i برابر یک باشد در سطر iام جهشی از نوع iام وجود دارد.

دراین مقاله برای جستجو درختی که بیشترین تطابق با داده های ورودی را داشته باشد از الگوریتم زنجیره مارکوف مونت کارلو ۱۱ استفاده می شود. این الگوریتم سلول ها با ژنوتایپ مشابه را درون یک گروه قرار می دهد و به این گروه ها کلون گفته می شود. در طی دسته بندی سلول ها کلون هایی ایجاد می شود که با احتمال زیاد توموری بوده ولی در نمونه گیری از بافت توموری حضور نداشته اند. شناسایی این گونه از کلون ها با توجه به روند گسترش و تکامل تومور، که به مرور زمان صورت می گیرد، امکان پذیر است. این الگوریتم قادر است تا یک تخمین زمانی از انتقال جهش از سطوح بالای درخت فیلوژنی به سطوح پایین تر را محاسبه کند. در این الگوریتم از داده های تغییرات تک نوکلئوتید ۱۲ استفاده شده است اما این روش این قابلیت را دارد تا بدون در نظر گفتن فرض مکان های بینهایت برای داده های میتلاسیون دی ان ای استفاده شود. از نکات قوت این الگوریتم می توان به محاسبه رخداد

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup>Bulk sequencing

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup>Binary

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup>Markov Chain Monte Carlo (MCMC)

<sup>&</sup>lt;sup>12</sup>Nucleotid

هر جهش در درخت فیلوژنی تومور اشاره کرد اما این مقدار احتمال بدلیل تعداد بالای دادههای از دست رفته و نرخ بالای خطای مثبت کاذب<sup>۱۲</sup> و منفی کاذب<sup>۱۲</sup>، بیش از مقدار واقعی است.

شایان ذکر است که این الگوریتم محدودیتهای خاص خود را دارد. به عنوان مثال، در نظر گرفتن فرض مکانهای بینهایت برای رخداد جهشها و زمان محاسباتی بسیار بالا الگوریتم زنجیره مارکوف مونت کارلو برای استنباط درخت فیلوژنی از جمله این محدودیتها میباشد. از دیگر محدودیتهای این الگوریتم می توان به عدم تشخیص کلونهای هموژنی و هتروژنی در یک نوع جهش از یکدیگر اشاره کرد. منظور از کلونهای هموژنی در یک جهش معین آن است که اجزای تشکیل دهنده آن با توزیع یکنواخت در کنار یکدیگر قرار گرفتهاند و این بدان معناست که احتمال رخداد هر جهش در این توده برابر با احتمال رخداد دیگر جهشهاست. در مقابل، یک توده دارای خاصیت هتروژنی است اگر اجزای تشکیل دهنده آن توزیع غیریکنواخت داشته باشد و به همین امر سبب می شود تا بدلیل حضور سلولهای مختلف با توزیع گوناگون، احتمال رخداد جهشهای مختلف متفاوت باشد.

#### ۱.۳.۱ پایگاه داده

به منظور ارزیابی مدل استنباط کننده درخت تکاملی تومور، از دو پایگاه داده متفاوت در این مقاله استفاده شدهاست:

- دادگان مربوط به الگوهای متیلاسیون سرطان روده بزرگ
  - دادگان شبیهسازی شده مربوط به سرطان خون

#### ۲.۳.۱ معیار ارزیایی

به منظور ارزیابی عمکرد الگوریتم بیتفیلوژنی یک مقایسه بین خروجی این الگوریتم و خروجی های الگوریتم های خوشه بندی لخوشه بندی این مقایسه از طریق محاسبه معیار بیشینه عمق درخت تکاملی استنباط شده و مقدار درست نمایی صورت گرفته است. نتایج گزارش شده در این

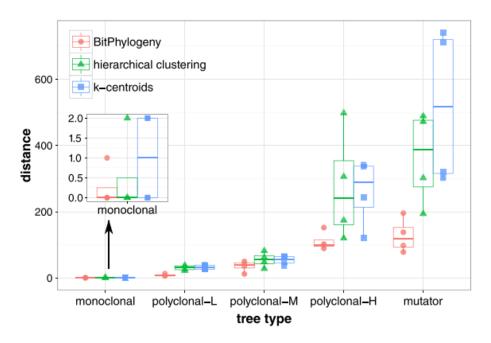
<sup>&</sup>lt;sup>13</sup>False positive

<sup>&</sup>lt;sup>14</sup>False negative

<sup>&</sup>lt;sup>15</sup>K-Centroids

<sup>&</sup>lt;sup>16</sup>Hierarchical clustering

مقاله گواه از پایداری  $^{1}$  و دقت  $^{1}$  بسیار بهتر الگریتم بیت فیلوژنی نسبت به دو الگوریتم دیگر است. در شکل  $^{1}$  میزان خطای عملکرد الگوریتم بیت فیلوژنی نسبت به دو الگوریتم خوشه بندی  $^{1}$  هسته ای و دسته بندی سلسله مراتبی در سطوح مختلف درخت در حالتهای تک کلونی و چند کلونی قابل مشاهده است.

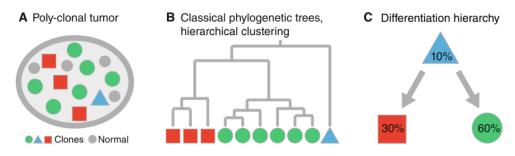


شکل ۳.۱: میزان خطای عملکرد الگوریتم بیتفیلوژنی نسبت به دو الگوریتم خوشهبندیk هستهای و دستهبندی سلسله مراتبی در سطوح مختلف درخت در حالتهای تککلونی و چندکلونی [۳۴]

در شکل ۴.۱ به طور کلی مراحل عمکلرد الگوریتم بیتفیلوژنی را مشاهده میکنید. این شکل تومور چندکلونی A را نشان میدهد که به روش توالییابی نمونه گیری شده است. این تومور شامل سه کلون مجزا و سلولهای سالم (دایرههای خاکستری رنگ) است. در تصویر میانی یک درخت بلقوه که نشان دهنده سیر تکاملی تومور است نشان داده شده است. در تصویر سمت راست درخت کلونی بدست آمده از درخت تکاملی تومور گفته شده با الگوریتم بیتفیلوژنی مشاهده می شود که در آن کلونها و فراوانی هر یک مشهود است.

<sup>&</sup>lt;sup>17</sup>Consistency

<sup>&</sup>lt;sup>18</sup>Accuracy



شكل ۴.۱: مراحل عمكلرد الگوريتم بيتفيلوژني

# ۴.۱ الگوريتم SCITE [۱۲]

این الگوریتم با استفاده از دادههای توالی یابی تک سلولی ۱۹ سعی در استنباط درخت فیلوژنی تومور دارد. همانطور که پیشتر نیز اشاره شد، یک تومور ناشی از تجمع تعدادی سلول با ویژگی های ژنی متفاوت است و این سلول ها سعی دارند تا این ویژگی های ژنی منحصر به فرد را از طریق تکثیر سلولی به سلول های بعدی منتقل کنند.
[۲]

وجود سلولها با جهشهای متفاوت سبب می شود که تومور از زیرنواحی گوناگون، که به کلون مشهور هستند، تشکیل شود. هر چه تومور از تعداد کمتری زیرکلون تشکیل شده باشد درمان آن ساده تر خواهد بود. در نظر گرفتن هر کلون به صورت یک تومور جداگانه، مطالعه و بررسی هر یک از این زیرتومورها به صورت دقیق تر و یافتن سیر تکاملی آنها سبب می شود تا درمان تومور به صورت کارآمدتری انجام شود. [۲]

یکی از چالشهای بزرگ در زمینه تشخیص و مطالعه کلونهای درون تومور، توالی یابی قسمتهای مشترک دنبالههای دیانای است، زیرا شامل ترکیبهای بسیار زیادی (در حدود میلیونها ترکیب) از ژنهای سلولهای گوناگون است. جهشهای بدست آمده از ترکیب توالی سلولهای مختلف، با تعداد زیرنواحی توموری (کلون) متناسب است و با استفاده از تعداد زیرنواحی می توان تخمین نزدیکی از جهشهای درون یک نمونه را بدست آورد [۱۹]. به همین دلیل به منظور شناسایی دقیق هر یک از زیرنواحی توموری (کلونها) لازم است تا اطلاعات حاصل از نواحی مشترک کلونها به دقت مورد تحلیل و تجزیه قرار گیرد. [۲۴]

الگوریتم Scite از طریق دادههای توالی یابی تک سلولی قادر است سیر تکاملی تومور را از طریق درخت جهشی تومور که در آن ترتیب وقوع جهشها مشخص است یا از طریق استنباط درخت فیلوژنیک تومور که در آن هر برگ نشان دهنده یک سلول است، نشان دهند. خروجی مدل Scite نتیجه ارزیابی بهتری در مقایسه با

<sup>&</sup>lt;sup>19</sup>Single cell sequencing

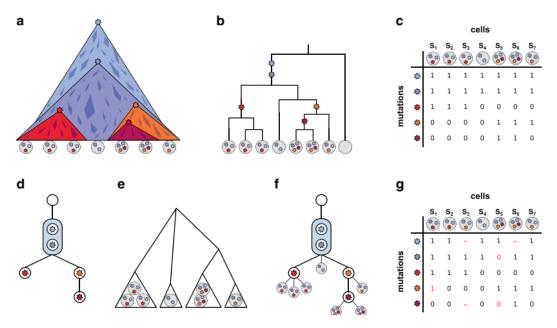
الگوریتم بیت فیلوژنی بر روی دادههای واقعی داراست. الگوریتم Scite از طریق معیار بیشینه درست نمایی و احتمال رخداد هر جهش و با استفاده از ماتریس ژنوتایپ ورودی تعیین می کند که کدام درخت استنباط بهتری از سیر تکاملی تومور است. در حالتی که تعداد جهشها بسیار زیاد باشد یعنی تعداد ستونهای ماتریس ژنوتایپ ورودی زیاد باشد، ساخت درخت فیلوژنیک راحت تر خواهد بود، اما در حالتی که تعداد سلولها زیاد باشد (تعداد سطرهای ماتریس ژنوتایپ بالا باشد) ساخت درخت جهشی تومور (ترتیب وقوع جهشها) راحت تر است. به طور خلاصه اینکه کدام نوع درخت (جهشی یا فیلوژنیک) در نهایت بیانکننده سیر تکاملی تومور باشد به نرخ جهشهای توموری و روش توالی یابی دادهها بستگی دارد.

در الگوریتم Scite از دو فرض اصلی استفاده می شود:

- فرض مکانهای بینهایت ۲۰ که بر طبق آن هر جهش تنها یکبار در هر موقعیت از ژنوم رخ میدهد.
  - فرض جهشهای نقطهای یعنی مدل تکاملی تومور به جهشهای نقطهای محدود میشود.

<sup>&</sup>lt;sup>20</sup>Infinite sites

<sup>&</sup>lt;sup>21</sup>Perfect phylogenic matrix



شکل ۵.۱: یک استنتاج تکاملی از دادههای توالی یابی تک سلولی [۱۲]

منظور از خطای مثبت کاذب این است که به عنوان مثال در یک موقعیت خاص از ماتریس E جهشی وجود ندارد (مقدار ماتریس برابر صفر است) اما در همین موقعیت مقدار یک (وجود جهش) در ماتریس E و جود دارد. ندارد (مقدار ماتریس برابر صفر است) اما در همین موقعیت مقدار یک (وجود جهش) در ماتریس E و جود دارد. نرخ خطای منفی کاذب با E نشان داده می شود. مقادیر E و نرخ خطای منفی کاذب با E نشان داده می شود. مقادیر E و نرخ خطای منفی کاذب با E نشان داده می شود. مقادیر E و نرخ خطای منفی کاذب با E نشان داده می شود.

$$P(D_{ij} = 1 | E_{ij} = \bullet) = \alpha,$$
  $P(D_{ij} = \bullet | E_{ij} = \bullet) = 1 - \alpha$  (Y.1)  $P(D_{ij} = \bullet | E_{ij} = 1) = \beta,$   $P(D_{ij} = 1 | E_{ij} = 1) = 1 - \beta$ 

منظور از MAP در این معادله حالتی است که بیشینه درستنمایی رخ داده است.

#### ۱.۴.۱ یایگاه داده

به منظور ارزیابی عملکرد الگوریتم Scite برای استنباط درخت تکاملی تومور از دادههای توالی یابی تک سلولی از دادههای و اقعی و شبیه سازی شده، استفاده شده است. مجموعه داده های استفاده شده جهت ارزیابی الگوریتم عبارتند از:

- داده های توالی یابی تک سلولی از یک نمونه تومور مغز استخوان با ۵۸ سلول سرطانی و ۱۸ نوع جهش با
   نرخ خطای مثبت کاذب ۴-۱۰\* \* ۶/۴ و نرخ خطا منفی کاذب ۴۳۰۹ر .
- داده های توالی یابی تک سلولی یک نوع خاص از سرطان کبد با ۱۷ سلول سرطانی و ۵۰ نوع جهش با مقادیر نرخ خطای مثبت کاذب ۲/۶۷\* و نرخ خطا منفی کاذب ۱۶۴۳٬۰۰ و نرخ داده های از دست رفته ۲۲ درصد.
- داده های توالی یابی تک سلولی نمونه گیری شده از سرطان سینه با ۴۷ سلول سرطانی و ۴۰ نوع جهش و با
   نرخ خطای ترک آلل ۷۳ درصد و نرخ خطای مثبت کاذب ۴-۱/۲۴ .

شایان ذکر است که مدت زمان استنباط یک درخت فیلوژنی تا حد زیادی به پیچیدگی دادههای ورودی بستگی دارد بطوریکه برای ساخت یک درخت با ۵۰ تا ۱۰۰ سلول، مدت زمانی در حدود چندین دقیقه طول می کشد. از مهمترین محدودیتهای این الگوریتم می توان به فرض مکانهای بی نهایت اشاره کرد، زیرا این امکان وجود دارد که در یک محل مشخص از یک دنباله دی انای، یک جهش مشخص چندین بار رخ دهد و یا در محلهای مختلف از یک دنباله ژنی جهش های مشابه رخ دهد که این موارد در فرض مکانهای بی نهایت در نظر گرفته نمی شود. از

دیگر محدودیتهای این روش آن است که جهشهایی که در همه سلولها وجود دارند یا جهشهایی که فقط در یک سلول مشاهده شدهاند (سطری با مقادیر تماماً یک در ماتریس ورودی) در روند استنباط درخت مورد استفاده قرار نمی گیرند.

# ۵.۱ الگوریتم Onconem (۲۲

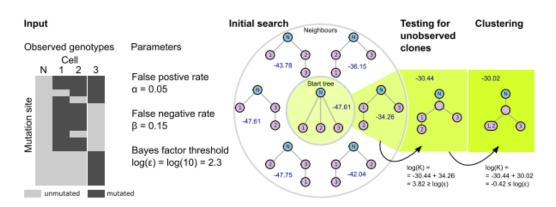
این الگوریتم در سال ۲۰۱۶ با هدف یافتن تاریخچه تکاملی ناحیههای درون توموری با استفاده از دادههای توالی یابی تک سلولی ارائه گردید. این الگوریتم قادر است تا ناحیههای درون توموری مشابه را درون یک دسته قرار دهد و برای آنها یک ژنوتایپ یکتا در نظر بگیرد. این الگوریتم بر مبنای تغییرات تک نوکلئوتیدی، درخت تکاملی تومور را استنباط میکند و قادر به یافتن خطاهای ژنوتایپی میباشد. در نهایت با ارزیابی بر روی دادههای آزمایش، مدل نهایی سنجیده شده و سلولها با جهشهای یکسان در یک گروه دستهبندی شده و در انتها رابطه میان جهشها و ژنوتایپهای مشاهده شده و مشاهده نشده (پیشبینی شده) مشخص میگردد. این الگوریتم هم میتواند درخت کلونال توموری و هم درخت فیلوژنیک توموری (قرارگرفتن سلولها به عنوان برگهای درخت) را به عنوان خروجی بدست دهد. ورودی این الگوریتم ماتریس دودویی ژنوتایپ به همراه نرخ خطا مثبت کاذب و نرخ خطا منفی کاذب و نرخ خطا دادههای از دست رفته است. در ادامه، الگوریتم سعی میکند تا سلولها با ژنوتایپهای مشابه را در یک گروه قرار دهد و در نهایت درختی که بیشترین شباهت را با دستهبندی صورت گرفته را دارد به عنوان درخت تکاملی تومور استنباط کند. از نکات قوت این الگوریتم آن است که قادر است کلونهایی را دارد به عنوان درخت تکاملی تومور استنباط کند. از نکات قوت این الگوریتم آن است که قادر است کلونهایی را که احتمال وجود آنها بالاست اما در دادههای نمونهگیری شده حضور ندارند حدس بزند. این الگوریتم از دو قسمت اصلی تشکیل شده است:

- ایجاد یک مدل احتمالاتی به منظور مدل کردن جمیع جهشها بر مبنای دادههای نویزی و روابط میان دادهها
  - پیدا کردن درختهایی با بیشترین میزان درستنمایی در فضای جستجو

بدون جهش است و  $\theta$  یک بردار رخداد است. در این رابطه فرض بر آن است که  $p(\tau)$  دارای توزیع یکنواخت است. رابطه بالا می تواند به شکل زیر بازنویسی شود

y = xxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxx

بر طبق این رابطه، برای درختی با n راس، فضا جستجو شامل  $n^{-1}$  انتخاب است که هزینه محاسباتی بسیار بالایی برای درختانی با راسهای بیشتر از ۹ دارد. طبق شکل n0، برای محدود کردن فضای جستجو از یک الگوریتم اکتشافی استفاده می شود تا اطمینان حاصل شود که خروجی الگوریتم یک نقطه بهینه محلی نباشد. نقطه قوت این الگوریتم سرعت بالای استنباط درخت برای داده های کم است ولی در مقابل از محدودیت های آن می توان به فرض بینهایت اشاره کرد.



شكل ٤٠١: عنواننىنىنىنىنىنىنىنىنىنىنىنىنىن

روند کلی الگوریتم Onconem در شکل بالا توضیح داده است. طبق این شکل، ماتریس دودو یی ژنوتایپی به همراه نرخ خطاهای  $\alpha$  و  $\beta$  به عنوان ورودی الگوریتم استفاده می شوند. طبق شکل بالا میزان درستنمایی اولیه برابر 4 / 7 محاسبه شده است اما از میان همه درختهای همسایه درخت اولیه، آن درختی که بیشترین درستنمایی را دارد به عنوان درخت اولیه انتخاب می شود (با درستنمایی 4 / 7). در ادامه یک گرهای که احتمال رخداد آن طبق ماتریس ورودی بالاست ولی در داده های ورودی وجود ندارد به درخت اضافه می شود. در این حالت مقدار درستنمایی به 4 / 7 افزایش می یابد و این کلون مشاهده نشده بدلیل بزرگتر بودن مقدار درستنمایی از آستانه تعیین شده، به مدل افزوده می شود. در نهایت گرههای یک شاخه تا جایی که سبب کاهش میزان درستنمایی نشوند، در یک کلون تجمیع می شوند.

#### ۱.۵.۱ پایگاه داده

به منظور ارزیابی عملکرد الگوریتم Onconem از دو پایگاه داده مجزا استفاده شده است

- دادههای توالی یابی تک سلولی مربوط به سرطان مثانه که شامل ۴۴ سلول سرطانی است. در حدود ۵۵ درصد از انواع جهشهای موجود در این پایگاه داده، اطلاعاتی در دسترس نیست یعنی بیش از نیمی از دادههای موجود از اطلاعات از دست رفته ۲۲ اند. خروجی الگوریتم Onconem برای این پایگاه داده یک درخت فیلوژنی با سه کلون اصلی می باشد و یک چهارم سلولهای جهش یافته را شامل می شود.
- دادههای مربوط به سرطان خون که در مدل کیم و سایمون و الگوریتم بیتفیلوژنی از آن استفاده شده بود، در این ارزیابی مورد استفاده قرار گرفت. میزان لگاریتم درستنمایی الگوریتم Monconem برای این مجموع داده برابر ۹۹۶۴ گزارش شده است که بالاتر از مقداری است که الگوریتم بیتفیلوژنی به آن رسیده بود (۱۱۵۸۴ –).

# ۶.۱ الگوريتم Sasc [۲۲]

سرطان ناشی از جهشهای ژنومیک یک سلول است که این جهشها به مرور زمان رشد و تکثیر می یابند و زیرنواحی متفاوتی را ایجاد می کنند. این زیرنواحی، که به آنها کلون نیز گفته می شود، خصویات متفاوتی دارند و در کنار هم یک توده سرطانی را تشکیل می دهند. بررسی تاریخچه تکاملی تومور می تواند کارآمدی درمانهای موجود را بهبود بخشد و امکان عود مجدد تومور را تا حد زیادی کاهش دهد. به منظور درک بهتر تاریخچه تکاملی تومور فرضهای گوناگونی جهت ساده سازی مسئله صورت می گیرد، مثل فرض مکانهای بی نهایت که طبق آن هر جهش یکتایی تنها یکبار رخ می دهد. مطالعات زیادی صورت گرفته است که نشان می دهد در نظر گرفتن فرض مکانهای بی نهایت به تنهایی برای استنباط روند تکاملی تومور کافی نیست و محدودیتهایی دارد، به همین منظور برای درک بهتر نواحی ناهمگن توموری باید فرضهای دیگری را به مسئله اضافه کنیم. به همین دلیل یک فرضیه جدید تحت عنوان k-dollo ارائه گردید که بر طبق آن و بر خلاف فرض مکانهای بی نهایت، هر جهشی تنها یکبار رخ می دهد اما امکان از دست دادن این جهش به تعداد k در تاریخچه تکاملی تومور وجود دارد. الگوریتم

<sup>&</sup>lt;sup>22</sup>Missing data

Sasc که در سال ۲۰۱۸ ارائه گردید، از اولین الگوریتمهایی بود که از فرض ۲۰۱۸ جهت استنباط درخت تكاملي تومور بهره برد. به مانند الگوريتم Onconem، اين الگوريتم به منظور محدود كردن فضاي جستجو از یک الگوریتم درخت اکتشافی بهره می برد. الگوریتم اکتشافی استفاده شده در این روش، الگوریتم شبیهسازی ذوب فلزات است و هدف آن پیدا کردن بیشینه درستنمایی برای تابع احتمال رخداد پسین در فضا جستجو است. طبق این الگوریتم، ابتدا از طریق مجموعهای از انتخابهای نمونهبرداری شده از فضا جستجو یک راه حل برای مسئله ارائه می گردد. اگر مقدار درستنمایی نسبت به حالت اولیه بهبود یافته بود، با احتمال یک پذیرفته می شود در غیر این صورت احتمال رخداد آن حالت صفر در نظر گرفته می شود. این الگوریتم سعی دارد تا بیشینه درست نمایی ماتریس ژنوتایپ ورودی را حساب کند. ورودی این الگوریتم در کنار ماتریس ژنوتایپ، نرخ خطای مثبت کاذب، نرخ خطای منفی کاذب و نرخ خطای اطلاعات از دست رفته است و بیشینه درستنمایی از رابطه زیر بدست مي آيد:

#### ۱.۶.۱ یایگاه داده:

به منظور ارزیابی عملکرد الگوریتم Sasc از دو پایگاه داده مجزا استفاده شده است:

- دادههای توالی یابی تک سلولی سرطان مثانه
  - دادههای شبیهسازی شده سرطان خون

خروجي الگوريتم در مقايسه با الگوريتم Scite از مقدار بيشينه درستنمايي بيشتري براي مدل كردن دادهها برخوردار است.

# الگوریتم Scarlet [۲۶]

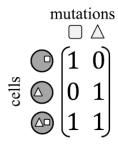
مدل ارائه شده در این مقاله که در سال ۲۰۲۰ به چاپ رسیده است، یک مدل تکاملی است که امکان حذف هر نوع جهشی را با در نظر گرفتن حذف خطا۳ در نظر میگیرد. این مدل اجازه حذف دگرگونی تکهستهای ۲۴

<sup>&</sup>lt;sup>23</sup>loss-supported

<sup>&</sup>lt;sup>24</sup>Single nucleotide variant (SNV)

را تنها هنگامی که با شواهد داده توالی یابی تک سلولی دی انای از یک حذف در همان مکان هندسی ۲۰ همراه شده باشد، می دهد. این مدل پایه الگوریتم اسکارلت خواهد بود که فیلوژنی تومور را از داده توالی یابی تک سلولی دی انای با احتساب هر دوی خطای توالی یابی و حذف جهش ها نتیجه می دهد. تعداد کمی از جهش های سوماتیک منجر به پیشروی سرطان می شوند، اما تمام جهش های سوماتیک نشانگرهای زیستی تاریخچه تکامل تومور هستند. روشهای غالب ساخت فیلوژنی داده توالی یابی تک سلولی دی انای از دگرگونی تک هسته ای ها به عنوان نشانگرهای زیستی استفاده می کنند اما در به حساب آوردن تغییر تعداد کپی، که ممکن است با دگرگونی تک هسته ای همپوشانی داشته باشد و منجر به حذف دگرگونی تک هسته ای شود، ناتوان است. الگوریتم پیشنهادی اسکارلت، فیلوژنی تومور را از داده توالی یابی تک سلولی دی انای، خطای توالی یابی و حذف دگرگونی تک هسته ای از طریق تغییر تعداد کپی را لحاظ می کند. این الگوریتم عملکرد بهتری نسبت به روشهای موجود بر روی داده های ایزوله کردن، نشانه گذاری و توالی یابی تک سلولی دی انای از تومور بدلیل افزایش بازدهی الگوریتم و کاهش هزینه ایزوله کردن، نشانه گذاری و توالی یابی سلولهای انفرادی از محبوبیت روزافزونی برخوردار است. این روش این بیچیدگی بازسازی فیلوژنی با نمونه گیری های فراوان از سلولها را جلوگیری می کند. شایان توجه است که نمونه برداری تک سلولی به علت خطای توالی یابی، نمونه برداری کمتر و خطای تشدید دی ان ای، خطای اطلاعات از دست رفته را بالاتر خواهد برد.

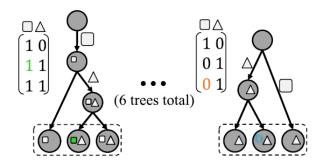
یکی از چالشهای ساخت فیلوژنی با استفاده از دادههای توالی یابی تک سلولی دیانای، که از دگرگونیهای تکهسته ای به عنوان نشانگر زیستی استفاده میکند، نرخ بالای خطای ترک آلل (تا ۳۰ درصد) هست. به همین منظور باید بتوان مدل تکاملی فیلوژنی را همزمان با در نظر گرفتن دادههای ورودی از بینرفته ساخت. شکل ۷۰۱ نمونه ماتریس دادهها را نشان می دهد. عدد صفر به معنای عدم وجود جهش و عدد یک به معنای جهش برای سلول مورد نظر است.



شكل ٧٠١: عنواننننننننننننننننننننننننننننن

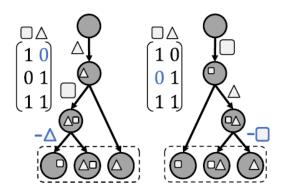
<sup>&</sup>lt;sup>25</sup>Loci

اگر دادههای توالی یابی عاری از هر گونه خطا باشند، فیلوژنی کامل منحصر بفرد ۲۶ بدست خواهد آمد. با در نظرگرفتن وجود خطا در ماتریس فیلوژنی و کاهش خطاهای موجود، میتوان مدل فیلوژنی کامل را ساخت. از آنجایی که حالتهای متعددی از تصحیحهای متعدد امکان پذیر است، امکان استنباط چندین فیلوژنی گوناگون سازگاز با دادهها وجود دارد. با استفاده از مدل مکانهای بی نهایت و اصلاح خطاها می توان درختهای فیلوژنی های کامل ۸.۱ را ساخت. در اینجا ۶ درخت ممکن است.



شكل ٨.١: عنواننننننننننننننننننننننننننن

شكل ٩.١ فيلوژني با فرض دولو۲۷ را نشان مي دهد. اين مدل با شناسايي حذف جهش ها به منظور رفع تناقض مدل مکانهای بی نهایت می تواند درختهای ۹.۱ را بسازد. هر دو مدل دولو و مکانهای بی نهایت می توانند چندین درخت ممکن را بسازند. حتی در حالت های ساده ای که خطا وجود ندارد، استنباط چندین فیلوژنی



شكل ٩.١: عنواننننننننننننننننننننننننننننننن

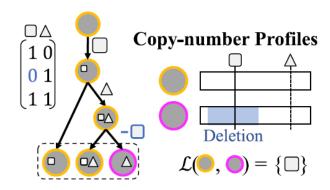
سازگار با دادهها ممکن است وجود داشته باشند. در صورتی که خطا وجود داشته باشد و عدم قطعیت در ماتریس جهش وجود داشته باشد، تعداد این درختهای احتمالی بسیار بیشتر خواهد شد. خطای داده توالی یابی تک

<sup>&</sup>lt;sup>26</sup>Perfect phylogeny

<sup>&</sup>lt;sup>27</sup>Dollo

سلولی دی ان ای و حذف جهشها منجر به پیچیدگی مسئله و ابهام در استنباط فیلوژنی خواهد شد. به عنوان مثال با مشاهده کردن و در ماتریس جهش به جای ۱ نمی توان براحتی بین خطاهای داده ها و حذف جهشها تفاوتی قائل شد. عمده محدودیت الگوریتمهای دولو یا مکانهای بی نهایت ایی که اجازه حذف جهشها را می دهند این است که هیچکدام از این روشها شواهد تغییر تعداد کپی در حذف جهشها را در یک مکان هندسی در نظر نمی گیرند. مدلهای چند حالته ۲۸ از تکامل تومور که از داده های توالی یافته با نمونه های زیادی از تومور استفاده می کنند. این نگرشها نه خطای موجود در داده توالی یابی تک سلولی دی ان ای را مدل می کنند و نه در ابعاد صدها یا هزاران سلولی قابلیت مدل کردن را دارند.

از آنجایی که حذف جهش ها پیچیده ترین قسمت در تکامل دگرگونی تک هسته ای است و مسئول اکثر تناقضات در مدل مکانهای بینهایت در داده های توالی بابی تک سلولی دی ان هستند، در نگرش ارائه شده در این الگوریتم، حذف جهش ها را با استفاده از داده های جهش های تغییر تعداد کپی از همان سلول ها محدود خواهد کرد. در نتیجه الگوریتم اسکارلت با یکپارچه کردن دگرگونی تک هسته ای و داده های حذف و تغییر تعداد کپی ۲۹، درخت فیلوژنی را براساس داده توالی بابی تک سلولی دی ان ای می سازد. الگوریتم اسکارلت براساس مدل فیلوژنی با در نظر گرفتن حذف خطا است که حذف جهش ها را محدود به مکان های هندسی خواهد کرد. به عنوان مثال در این الگوریتم داده تغییر تعداد کپی گواه یک حذف است. شکل زیر مدل فیلوژنی با در نظر گرفتن خطا حذف را نشان می دهد که با استفاده از داده تغییر تعداد کپی سعی در محدود کردن حذف جهش ها دارد تا بتواند ابهام ۲۰۰۰ ایجاد شده را رفع کند.



شكل ١٠٠١: عنوانننننننننننننننننننننننننننن

#### 

<sup>&</sup>lt;sup>28</sup>Multi-state

<sup>&</sup>lt;sup>29</sup>Copy number variation (CNV)

<sup>&</sup>lt;sup>30</sup>conflict

مدل فیلوژنی با در نظر گرفتن حذف خطا، مدلی از تکامل دگرگونی تکهسته ای است که جهش حداکثر یکبار رخ خواهد داد (a) اما حذف جهشها (a) حواهد مجموعه از مقدار خطا حذف که توسط تغییر تعداد کپی ها تعریف می شوند محدود خواهد شد. برای هر جفت سلول ، از مجموعه جهشهای تغیررات تعداد کپی مجموعه خطا به صورت ، تعریف خواهد شد. مدل فیلوژنی با در نظر گرفتن حذف خطا، توسعه دهنده مدل های مکانهای بی نهایت و دولو می باشد. ضمنا الگوریتم اسکارلت متکی بر مدل احتمالاتی تعداد خوانشها برای هر دگرگونی تک هسته ای است تا خطاها و داده های از بین رفته، که در توالی یابی تک سلولی دی ان ای معمول هستند، را مورد توجه قرار می دهد.

اسكارلت سه ويژگى مهم دارد:

- مدل فیلوژنی با در نظر گرفتن حذف خطا، حذف جهش ها را محدود به مکانهایی میکند که کاهش متناظر با آن در تعداد جهشهای کیی وجود داشته باشد.
- این الگوریتم با استفاده از مدل فیلوژنی با در نظر گرفتن حذف خطا، ابتدا درخت فیلوژنی اولیه استنتاج شده را پایش و سپس از طریق داده های تغییر تعداد کپی، فیلوژنی نهایی را استنباط می کند.
- استنتاج مبتنی بر بیشینه درستنمایی از دگرگونیهای تکهستهای با استفاده از مدل احتمالاتی تعداد خوانشهای مشاهده شده در دادههای توالییابی تک سلولی دیانای توسط الگوریتم اسکارلت اجرا میشود.

اگر تعدادی جهشهای حذف و تغییر تعداد کپی موجود باشند و وضعیت جهشهای تغییر تعداد کپی را با رنگ قرمز و حذف نواحی ژنوم در طول کل ژنوم را با رنگ آبی نشان دهیم:

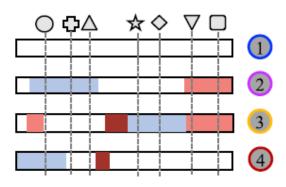
آنگاه مجموعه خطا مدل فیلوژنی با در نظر گرفتن حذف خطا، توسط مجموعههای ۱۳.۱ نمایش داده خواهد شد:

الگوریتم اسکارلت به صورت مستقیم وضعیت جهشهای حذف و تغییر تعداد کپی سلولهای پدری را نشان نخواهد داد. به منظور غلبه بر این موضوع یک درخت برای جهشهای حذف و تغییر تعداد کپی زیر را در نظر خواهد گرفت که از روی وضعیت جهشهای حذف و تغییر تعداد کپی سلولهای مشاهده شده، ساخته شده است. دو ورودی برای الگوریتم اسکارلت در نظر گرفته می شود:

# **CNAs**

# Copy-number profiles

#### Mutations



#### Supported losses $\mathcal{L}$

$$\mathcal{L}(1,2) = \{0,0,\Delta\}$$

$$\mathcal{L}(1,4) = \{0\}$$

$$\mathcal{L}(2,3) = \{ \updownarrow, \diamondsuit \}$$

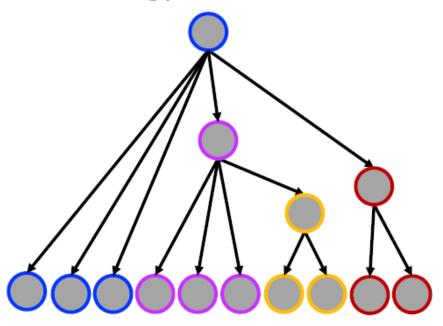
شكل ١٢.١: عنوانسسسسس



شكل ١٣.١: عنواننىنىنىنىنىنىنىنىنىنىنىن

• مجموعه خطاهای ناشی از حذف جهشها است، که مجموعههای تهی در آن نمایش داده نمی شوند. این مجموعه جهشهایی که تحت تاثیر حذف قرار می گیرند را نشان می دهند.

# Copy-number tree T



شكل ۱۴.۱: عنوانننننننننننننننننننننننننننننننن

• یک درخت فیلوژنی برای جهشهای تغییر تعداد کپی، که با استفاده از آن می توان روابط بین سلولهای مشاهده شده (برگها) را آنگونه که توسط وضعیت جهشهای تغییر تعداد کیی تعیین شده، نشان داد.

برای دگرگونیهای تکهستهای تنوع $X^{"1}$  و مجموع $X^{"1}$  از تعداد خوانشها $X^{"1}$  برای هر سلول و هر جهش مطابق ماتریس ۱۵.۱ تهیه شده است:

در ادامه الگوریتم اسکارلت، روابط بین اتصال سلولها ('T') را از سلول های مشاهده شده(برگها) و ماتریس حهش بیشینه درستنمایی \*B را با محدود کردن حذف حهش ها به مجموعه

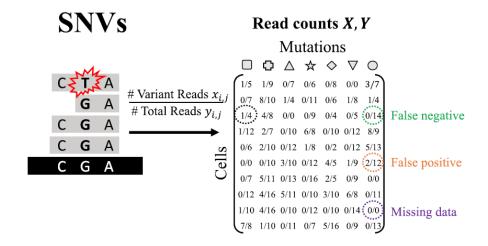
#### 

از خطاهای احتمالی حساب میکند. سیس با مقایسه T از T و انتخاب بیشینه درستنمایی  $B^*$  را با استفاده از مدل احتمالاتی برای حضور ( $b_{i,j}=1$ ) و یا عدم حضور ( $b_{i,j}=1$ ) هردگرگونی تکهسته ای در هر سلول را انجام مىدهد.

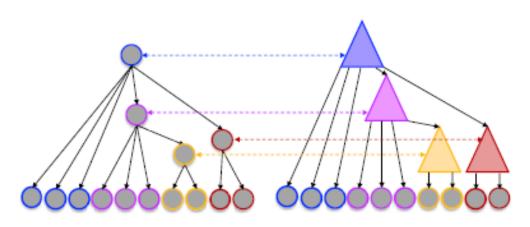
<sup>&</sup>lt;sup>31</sup>Variant

<sup>&</sup>lt;sup>32</sup>Total

<sup>&</sup>lt;sup>33</sup>Read counts



#### مقایسه 'T از T:



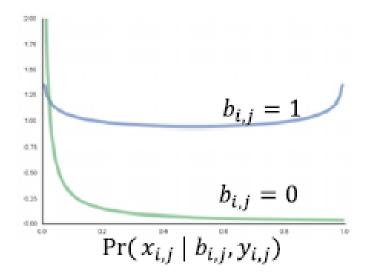
شكل ۱۶.۱: مقايسه 'T از T

مدل احتمالاتی برای توالی یابی داده:

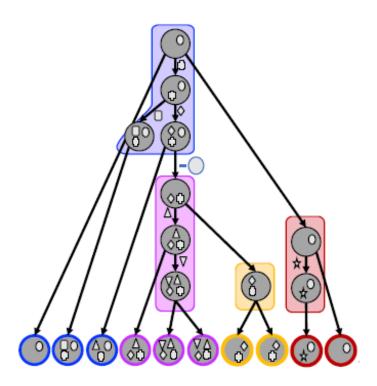
ساختن درخت اتصالات 'T:

و در نهایت ماتریس جهشها  $\mathbf{B}^*$  با بیشینه درستنمایی:

الگوریتم اسکارلت باید مسئله بیشینه درستنمایی همراه با انتخاب بهترین حذفها را حل کند. این الگوریتم از طریق یافتن ماتریس جهش با بیشینه درستنمایی  $\mathbf{B}^*$  انجام خواهد گرفت. در اینجا L(T) مجموعه برگهای درخت  $\mathbf{T}$  را بیان می کند.



شكل ١٧.١: مدل احتمالاتي براي توالي يابي داده



شكل ۱۸.۱: ساختن درخت اتصالات 'T

y = xxxxxxxxxxxxxxxxxx

الگوریتم اسکارلت از ۲ قسمت اصلی زیر تشکیل شده است.

# 

Mutations

شكل ۱۹.۱: ماتريس جهشها \*B با بيشينه درستنمايي

- محاسبه وضعیتهای جهش با بیشینه درستنمایی \*R از ریشه زیردرختها ۴\*\*
- استنتاج هر زیردرخت به صورت مستقل با هدف بیشینه درستنمایی با شرط داشتن  $R^*$

در اینجاI(T) مجموعه نودهای داخلی درخت I(T) را بیان می کند.

y = xxxxxxxxxxxxxxxxxxx

مرحله اول:

y = xxxxxxxxxxxxxxxxxx

در اینجا با فرض داشتن R راست نمایی محاسبه خواهد شد و  $R^*$  با شمارش حالت جهش های معتبر برای هر موقعیت مکانی جهش a محاسبه شده و سپس بیشینه راست نمایی بالا حساب خواهد شد.

مرحله دوم:

يافتن زيردرختها پايششده:

تعریف ماتریس سه تایی ( ternary ): مولفه های این ماتریس مقادیر • و ۱ و ؟ می باشند.

y = xxxxxxxxxxxxxxxxxxxxx

و در نهایت حل معادله برنامهریزی خطی عدد صحیح زیر:

y = xxxxxxxxxxxxxxxxxxxx

y = xxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxx منوط به شروط زیر

<sup>&</sup>lt;sup>34</sup>Subtrees

با فرض اینکه M عدد ثابت و بزرگی است:

y = xxxxxxxxxxxxxxxxxxxx

 $G_{w,a,b}$  نقض

 $H_{w,a,b}$  نقض

# ۱.۸ الگوریتم DeepPhylo ا

همانطور که میدانیم، سرطان یک بیماری تکاملی است که با تجمع تدریجی جهش بدنی <sup>۵۵</sup> در سلول های تومور مشخص می شود. رمزگشایی از تاریخچه تکاملی یک تومور، یک چالش مهم در مطالعات سرطان است و می تواند از جنبههای مهم بالینی از جمله پیشرفت تومور <sup>۳۵</sup>، گشترش متاستاتیک <sup>۳۷</sup> و وجود زیرکلونهای واگرا<sup>۸۸</sup> در شاخههای مختلف درخت فیلوژنتیک تومور درک بهتری از تومور در اختیار ما بگذارد. با توجه به اهمیت مسئله، تحولات سریعی در طراحی روشهای محاسباتی اصولی برای استنباط فیلوژنی تومور وجود داشته است. بسیاری از این روشها از دادههای توالی یابیهای انبوه <sup>۳۹</sup> استفاده می کنند که DNA میلیونها سلول سرطانی و طبیعی با هم یک توالی را تشکیل می دهند. استنباط درخت فیلوژنی با استفاده از این نوع دادهها، معمولاً بر مبنای دگرگونی های شناسایی شده <sup>۴۱</sup> از بخشهای مختلف سلولهای سرطانی انجام می شود. به عنوان مثال: حذف و تغییر تعداد کپی [۳۵]، دگرگونی های ساختاری <sup>۲۲</sup> تغییر تکنوکلئوتیددها <sup>۲۱</sup> [۳۱، ۹، ۱۷، ۶، ۲۵، ۱۱]، حذف و تغییر تعداد کپی [۳۵]، دگرگونی های ساختاری <sup>۲۲</sup>

اگرچه استنباط درخت فیلوژنی با استفاده از این نوع داده مقرون به صرفه است اما رزولوشن ۴۳ پایین دادههای

<sup>&</sup>lt;sup>35</sup>Somatic mutation

<sup>&</sup>lt;sup>36</sup>Tumor progression

<sup>&</sup>lt;sup>37</sup>Metastatic spread

<sup>&</sup>lt;sup>38</sup>Divergent subclones

<sup>&</sup>lt;sup>39</sup>Bulk sequencing data

<sup>&</sup>lt;sup>40</sup>Detected variants

<sup>&</sup>lt;sup>41</sup>Single nucleotide variants (SNV)

<sup>&</sup>lt;sup>42</sup>Structural variant

<sup>&</sup>lt;sup>43</sup>Resolution

توالی یابی های انبوه یک فاکتور محدود کننده در مدلسازی تکامل تومور است. به طور خاص داده های توالی یابی های انبوه ناشی از یک نمونه تومور به طور معمول یک تو پولوژی خطی را به عنوان یک راه حل بهینه در تعیین درخت فیلوژنی تومور درنظر می گیرد. [۶]

با این حال، دانستن اینکه آیا تومور شامل زیرکلونهای واگرایی است که از طریق شاخههای متمایزی از فیلوژنی تومور تکامل می یابند، گام مهمی در جهت درک بهتر پیشرفت تومور و بهبود طرح درمانی است. تحولات اخیر تکنولوژی، محققان را قادر به انجام آزمایشهای توالی یابی تک سلولی کرده است، جایی که DNA از یک سلول استخراج، تکثیر و توالی یابی می شود. توالی یابی تک سلولی، دادههایی با رزولوشن بالا برای مطالعه تکامل تومور با جزئیات زیاد را فراهم می کند، به عنوان مثال، امکان شناسایی تو پولوژی شاخهای با اطمینان بالا یا حل مشکل کلی استنباط کامل تاریخ تکامل تومور را فراهم می کند، حتی زمانی که تمام سلولهای تک توالی که از یک نمونه بیو پستی ۴۴ توموری استخراج شده باشد. روشهای متعددی برای استنباط تاریحچه تکاملی تومور از طریق توالی بابی تک سلولی وجود دارد که از مهمترین آنها می توان به موارد زیر اشاره کرد:

- رویکردهای مبتنی بر آمار و احتمالات که از فرض مکانهای بینهایت استفاده میکنند. مثل الگوریتم [۲۲] OncoNEM [۲۲].
- رویکردهایی که از فرض مکانهای بی نهایت استفاده نمی کنند و فرض را بر این می گذارند که تخطی های در شکل گیری درخت تکاملی فیلوژنی تا یک مقدار خطا مشخص وجود دارد، مثل الگوریتم SiFit [۳۷].

به تازگی الگوریتم هایی مثل SPhyR که از یک رویکرد بهینه سازی ترکیبی مبتنی بر زوجیت دولو  $^{60}$  استفاده می کنند یا الگوریتم SiFit که بهینه یافته الگوریتم SiFit می باشد، ارائه شده است. [۸،  $^{80}$ ]

شایان ذکر است که روشهای همچون PhISCS-BnB ، که از روشهای بهینه سازی بر مبنای شاخه-مرز ۴۶ استفاده می کنند، و یا روشهایی مثل ScisTree ، که بر مبنای اتصال اکتشافی همسایگی ۴۷ عمل می کند، به منظور بهبود زمان محاسباتی استنباط درخت فیلوژنی تومور ارائه شده اند. [۲۳ ، ۳۳]

در حالتی که هم دادههای توالییابیهای انبوه و هم دادههای توالییابی تک سلولی موجود باشد می توان تقریب دقیق تری از درخت فیلوژنی تومور بدست آورد. [۱۸، ۱۵]

<sup>&</sup>lt;sup>44</sup>Biopsy

<sup>&</sup>lt;sup>45</sup>Dollo parsimony

<sup>&</sup>lt;sup>46</sup>Branch-bound

<sup>&</sup>lt;sup>47</sup>Joining–based heuristic

همانطور که در بالا خلاصه شد، روشهای موجود برای بازسازی فیلوژنی تومور با استفاده از دادههای توالی یابی تک سلولی محدودیتهای مهمی دارند. اولاً ، بسیاری از این روشها، فرض مکانهای بی نهایت را به کار می گیرند (حتی در مواقعی که شرایطی برای خطای محدود۴۸ و افزایش همزمان جهش ها۴۹ در نظر گرفته شود) و سطح نویز یکنواختی را در نظر می گیرند (منفی کاذب و همچنین نرخ مثبت کاذب) هر دو این محدودیت ها، با پیشرفت درک ما از تکامل تومور و فناوری توالی یابی تک سلولی تغییر میکند. مهمتر از همه ، هدف از این روشها استنباط محتمل ترین درخت فیلوژنی توموری است و برای حذف نویز (به دلیل مثال ، ترک آلل یا پوشش توالی کم°<sup>۵</sup>) از روشهای همچون بیشینه درستنمایی یا حداکثر زوجیت<sup>۵۱</sup> استفاده میکنند. به بیان دیگر این روشها قصد دارند تا یک مساله پارامتری از مرتبه n را حل کنند ولی بدلیل عدم مقیاس بندی دادههای توالی یابی تک سلولی به مرتبه های بزرگتر، در حل دقیق این مساله ناتوان هستند. حتی وقتی هدف این است که به جای بازسازی کامل درخت فیلوژنی تومور، فقط ویژگیهای اساسی توپولوژی فیلوژنی تومور را استنباط کنیم، این روشها نمی توانند به راحتی دادههای توالی یابی تک سلولی شامل چند صد جهش و سلول را کنترل کنند. در نتیجه ، تکنیکهای سریع برای استنباط ویژگیهای کلیدی فیلوژنی تومور، به عنوان مثال، مواردی که می توانند تو يولوژي هاي شاخهاي را از هم تفکيک کنند، به ويژه براي مجموعه داده هاي توالي يابي تک سلولي با سطح نويز بالا از محبوبیت بیشتری برخوردار هستند. به همین منظور ، بهتر است در ابتدا به این سوال پاسخ داده شود که آیا حذف نویز برای ساخت فیلوژنی کامل لازم است یا خیر. سرانجام، هر یک از ابزارهای موجود به تلاش انسانی زیادی در طراحی و اجرای الگوریتمی نیاز داشته است، زیرا هر پیشرفت تکنولوژیکی در تولید دادهها، توسعه روشهای کاملاً جدید را ضروری میکند. بنابراین داشتن یک رویکرد محاسباتی کلی که بتواند با تغییر منطقی تکنیکی سازگار شود، صرفاً از طریق آموزش آن با دادههای جدید، بدون نیاز به مدلسازی صریح مشخصات نویز، بسیار مطلوب است.

رفع این محدودیتها از طریق رویکرد یادگیری ماشینی یا رویکردهای "داده محور" امکان پذیر است که مجموعه این محدودیتها از توابع را در نظر گرفته و تابعی را در نهایت انتخاب می کند که بر آورد بهتری از مجموعه دادههای آموزشی (دادگان واقعی یا شبیهسازی شده) باشد. چنین رویکردی نه تنها می تواند از عدم دقت در مدلسازی مشخصات نویز بکاهد بلکه الگوهای اساسی ضمنی را در دادهها یا مسئله را برای توسعه اهداف واقع بینانه تر

<sup>&</sup>lt;sup>48</sup>Limited loss

<sup>&</sup>lt;sup>49</sup>concordant gain of mutations

<sup>&</sup>lt;sup>50</sup>Low sequence coverage

<sup>&</sup>lt;sup>51</sup>Maximum parsimony

شناسایی می کند. پیشرفتهای اخیر در یادگیری عمیق<sup>۵۲</sup> تعمیم قابل توجهی از فرمول بندی ها را برای حل بسیاری از مشکلات نشان داده است. [۲۹، ۵، ۱۹]

این امکان وجود دارد که یک معماری یادگیری عمیق ، زمانی که بتواند در تعداد کافی مجموعه داده آموزش را دیده باشد، بتواند در استنباط خواص متمایز از فیلوژنی های تومور موفق شود. در سالهای اخیر ، بسیاری از برنامههای محاسباتی، رویکرد الگوریتمی خود را به رویکردهای داده محور تغییر دادهاند. مانند رمزگشایی متن دست نوشته برای شناسایی رقم [۳] و پردازش زبان طبیعی. [۵]

مسائلی که در بایولوژی ساختار یافته، فرمولسازی هدفمند یا کمیسازی آنها مشکل است (مانند استنباط ساختار سه بعدی توالی پروتئینی) از روشهای مبتنی بر یادگیری عمیق بشترین استفاده را در جهت حل مسائل خواهند کرد. [۲۸]

با این حال این مقاله، اولین مقاله استنباط درخت فیلوژنی تومور مبتنی بر رویکردهای داده محور است. در این مقاله، اولین روشهای بازسازی فیلوژنی تومور مبتنی بر داده را برای رفع محدودیتهای استراتژیهای موجود ارائه شده است. نویسندگان این مقاله از دادههای توالی یابی تک سلولی در کنار شبکههای عصبی عمیق و یادگیری تقویتی برای استنباط ویژگیهای تو پولوژیکی فیلوژنی تومور و همچنین محتمل ترین سابقه تکاملی تومور استفاده شده است. برای رسیدن به این هدف، چندین چالش وجود داشت:

- ۱. شبکه عصبی در حالت ایدهآل باید طوری طراحی شود که بتواند تعداد متفاوتی از سلولها و جهشها را کنترل کند. متناوباً، برای مدلهایی با ورودیهایی با اندازه ثابت، بهتر است که از دانش خود در زمینه تهیه داده استفاده شود تا دادهها به روشی تهیه شود تا موفقیت در پیش بینی ها را تسهیل کند.
- 7. با توجه به استفاده از شبکههای عصبی، برای آموزش مناسب به تعداد زیادی نمونه نیاز است. متأسفانه، تعداد مجموعه دادههای توالی یابی تک سلولی تومور در دسترس عموم برای آموزش مدلهای یادگیری عمیق به اندازه کافی زیاد نیست. بنابراین، نیاز به تولید تعداد زیادی مجموعه داده شبیه سازی شده دادههای توالی یابی تک سلولی وجود دارد.
- ۳. نویز و خطاهای موجود در داده های توالی یابی تک سلولی پیچیدگی بیشتری را به این مسئله می افزاید و
   چارچوب بیشنهادی یادگیری عمیق باید از نظر تحمل نویز ارزیابی شود.
  - ۴. معماری انتخاب شده مستلزم نوع خاصی از نظارت است که ما باید قادر به تامین آن باشیم.

<sup>&</sup>lt;sup>52</sup>Deep learning

به منظور کاهش یا حذف نویز در ورودی "ماتریس ژنوتیپ" استخراج شده از دادههای توالی یابی تک سلولی، می توان نظارت را به صورت مجموعه داده ای از ورودی های نویزدار به همراه با ورودی های بدون نویز ارائه داد. یک نظارت جایگزین و ارزان تر توسط مکانیزم بازخورد ۵۳ است که تعیین می کند که آیا یک خروجی از شبکه عصبی با موفقیت بدون نویز شده است یا خیر. گزینه سوم توسط یک تابع هزینه ارائه می شود که به طور غیر مستقیم کمک به نظارت بر فرایند یادگیری تقویتی می کند.

در این مقاله با الهام از رویکردهای جدید یادگیری عمیق برای مسائل گوناگون مانند "الگوریتم گرادیان سیاست تقویتی" برای مساله فروشنده دوره گرد[۳۲]، رویکرد Tv] NeuroSAT برای مساله رضایت مندی با استفاده از نظارت تکبیتی، یک چارچوب محاسباتی ایجاد شد تا همه چالشهای فوق را به شرح زیر با موفقیت حل کند.

یک رویکرد مبتنی بر یادگیری تقویتی به منظور آموزش مدلی جهت از بین بردن نویز داده ها بدون نیاز به استفاده شده در این مدل یک تابع هزینه خاص برای رفع مساله از بین بردن نویز بود.

y = xxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxx

که در آن X ماتریس خروجی ناشی از ورودی A' است.

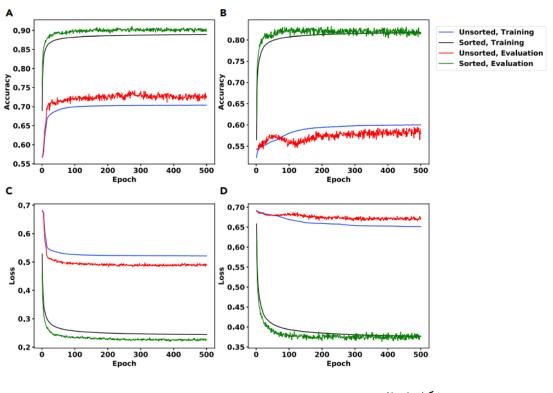
- ۲. داده های ماتریس ورودی، که از مجموعه دادگان نویزی توالی یابی تک سلولی استخراج شده، در کنار نرخ نویز و موقعیت مکانی به عنوان ورودی به شبکه داده شده است. این رویکرد در مجموعه دادگانی با سایز متفاوت همچنان کارآمد است و مستقل از جابجایی در سطر و ستون ماتریس ورودی است.
- ۳. یک مرحله پیش پردازش دیتا، به منظور به کارگیری دانش حاصل از تجربه در نظر گفته شده است تا هر
   گونه عملکردی را که می تواند پیش بینی مدل را بهبود بخشد، بر روی داده ها اعمال گردد.
- ۴. داده های شبیه سازی شده ورودی مدل از طریق یک چاچوربی که راستی آزمایی شده است، توسعه یافته است.

در نمودار ۲۰۰۱، میزان دقت علمکرد شبکه در حذف نویز داده ورودی و تاثیر مرحله پیش پردازش بر خروجی الله و الگوریتم را مشاهده میکنید. همچنین تاثیر میزان نرخ نویزی بودن داده ها در خروجی شبکه قابل توجه است.

 $<sup>^{53}</sup>$ feedback

<sup>&</sup>lt;sup>54</sup>Gold standard

lpha=0.02 تصاویر A و C میزان دقت شبکه در حذف نویز دادههایی را نشان می دهد که با نزخ نویزهای lpha=0.02 تصاویر eta=0.1 نمونه برداری شده اند اما تصاویر eta=0 میزان دقت شبکه در حذف نویز دادههایی را نشان می دهد که با نرخهای کاذب مثبت lpha=0.00004 و کاذب منفی eta=0.000 نمونه برداری شده است.



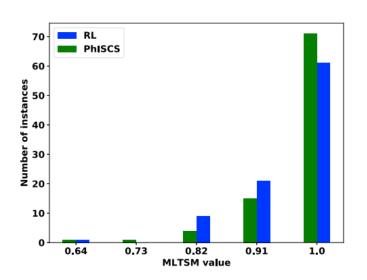
شكل ۲۰۰۱: عىيىيىيىيىيىيىيىيىيىيىيىيىيىيىيىيىيى

همچنین در جدول ۲.۱ تاثیر مرحله پیش پردازش دیتا در دقت خروجی مدل در حذف نویز از دیتا را مشاهده می کنید که میزان دقت حذف نویز بهبود قابل قبولی داشته است.

در نهایت مقایسه بین عملکرد الگوریتم پیشنهادی در این مقاله و الگوریتم PhISCS با استفاده از معیار شباهت MLTSM84 انجام شد که نتجیه این مقایسه در شکل ۲۱.۱ آمده است. همانطور که در شکل ۲۱.۱ مشهود است عملکرد الگوریتم پیشنهادی در میزان شباهتهای مشابه، تعداد استنباطهای بیشتری از فیلوژنی تومور را شامل می شود.

خلاصهای از سازکار به کار رفته در این مقاله در شکل ۲۲.۱ آمده است:

Input MAtrix Size	A	В	Unsorted Acc.	Sorted Acc.
10*10	0.002	0.1	72	90
10*10	$4*10^{-4}$	0.02	60	81
25*25	$3.2 * 10^{-4}$	0.016	50	77
25*25	$6.4 * 10^{-4}$	0.0032	52	65

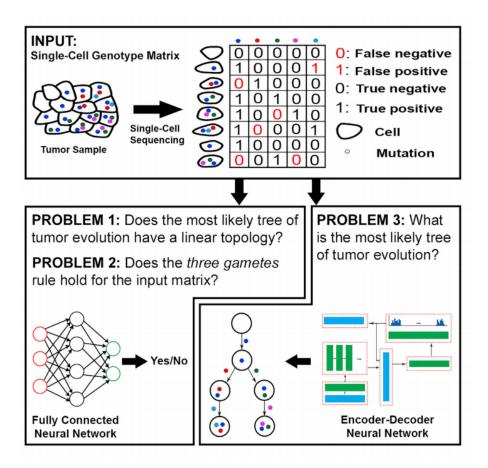


شكل ۲۱.۱: ععممممممممممممممممممممممممممم

#### ۹.۱ جمعبندی

جهشهای سومایتک تومورها در تمام مقیاسهای ژنومی، از دگرگونیهای تکهستهای (SNV) تا جهشهای حذف و تغییر تعداد کپی (CNA) وجود دارد. تا به امروز ، بیشتر روشهای ساخت فیلوژنی توموری از داده های توالی یابی تک سلولی DNA فقط از دگرگونیهای تکهستهای استفاده می کردند. [۳۰، ۱۶، ۲۰، ۱۰ و جهشهای حذف و تغییر تعداد کپی و در نتیجه اطلاعات مهم استنباط فیلوژنیک تومور را نادیده می گرفتند.

وجود ناهمگنیهای درون توموری باعث ناکارآمدی درمانهای دارویی تومور میشود زیرا که هر یک از این روشهای درمانی به طور موثر فقط بر روی تعداد محدودی از کلونهای توموری اثر میگذارند و همه این زیرنواحی را تحت تاثیر قرار نمی دهند. با مطالعه بر روی تومورهای مختلف این امکان حاصل می شود تا الگوهای



شكل ٢٢.١: عىىىىىىىىىىىىىىىىىىىىىىىىىىىىىى

درون توموری بهتر شناخته شوند و درمان داریی تومور کارآمدتر و بهینهتر از گذشته صورت بپذیرد. مطالعه بر روی داده های توالی یابی تک سلولی یکی از زمینه های تحقیقاتی است که می تواند منجر به افزایش دانش از نحوه شکل گیری و تکامل تومور شود. پیدا کردن سیر زمانی تکامل تومور با استفاده از داده های توالی یابی تک سلولی چالشی است که اخیراً مورد توجه قرار گرفته است که در جدول زیر خلاصه ای از روش هایی که در این فصل مورد بررسی قرار گرفته اند، مشاهده می شود.

# جدول ۲.۱ جدول

# فصل ۲

# روش پیشنهادی

#### ۱.۲ مقدمه

پس از آشنایی با روشهای پیشین که برای حل مسئله مشابه مورد استفاده قرار گرفتهاند، حال می توانیم به معرفی و تشریح روشهای پیشنهادی خود برای حل مسئله پیش رو بپردازیم. در این فصل ابتدا دادههای ورودی مسئله را همراه با فرضیات در نظر گرفته شده بیان می کنیم و پس از آن دو روش پیشنهادی متفاوت را بیان خواهیم نمود. در روش اول که به رویکردهای پیشین نزدیک تر است با تغییری از جنس روشهای نوین در مراحل میانی به یک روش جدید می رسیم که به علت افزایش سرعت همگرایی می توان فرض و دادههای جدیدی را از طریق حذف و تغییر تعداد کپی به آن افزود و پاسخ گرفت. اما روش دوم کاملا متفاوت بوده و با رویکردی جدید در حوزه یادگیری ماشین همراه است که به کمک یادگیری تقویتی به حل مسئله مورد نظر می پردازد.

# ۲.۲ معرفی دادگان ورودی

قبل از وارد شدن به بخش روشهای پیشنهادی نیاز است تا دادگان ورودی را مشخص و معرفی نماییم. دادگان ورودی در این پایاننامه همگی به صورت فایلهای خام اسکی استند که حاوی اطلاعات جهشهای ماتریس ژن-سلول (SNV) و اطلاعات مربوط به حذف و تغییر تعداد کپی هستند.

<sup>1</sup> Ascii

در ادامه جدول ۱.۲ را برای معرفی اندیسهای بکار گرفته شده در روابط مربوط به روش پیشنهادی اول معرفی مینماییم.

جدول ۱.۲: اندیسهای به کار رفته در روابط روش پیشنهادی اول

ماتریس داده نویزی در دسترس که مقادیر ۰ و ۱ در آن قرار دارد	D
ماتریس داده حقیقی بدون نویز که به دنبال آن هستیم	E
درخت فیلوژنی جهشها	T
بردار انتصابات	$\sigma$
بردار پذیرش فقدان	80
ماتریس متناظر درخت $T$	$X_T$
تعداد سلولهای نمونه	N
تعداد جهشها	M
مجموعه سلولهای متمایز از هم	$\mathcal{N}$
مجموعه جهشهای متمایز از هم	$\mathcal{M}$
نرخ خطای مثبت کاذب	$\alpha$
نرخ خطای منفی کاذب	β

#### ۳.۲ روش پیشنهادی برای مدیریت دادههای از دست رفته

در ادامه این بخش به معرفی روشهای پیشنهادی پرداخته خواهد شد اما در ابتدا به دلیل وجود دادههای از دست رفته در پایگاهدادههای مورد استفاده لازم است تا به بررسی و ارائه رویکردی برای حل این مشکل پرداخته شود و در ادامه پس از معرفی روش پیشنهادی برای مددریت این دادههای از دست رفته، هر کدام از روشهای پیشنهادی به تفضیل شرح داده شود.

همانگونه که در دادههای حقیقی مشاهده شد در پایگاه دادههای حقیقی ما با اطلاعات از دست رفته مواجه هستیم و به همین دلیل نیز سعی کردیم تا در پایگاه داده مجازی تولید شده نیز به مشابه دادههای حقیقی، شامل اطلاعات از دست رفته باشد. در این بخش به رویکرد روش محاسبه استاتیک برای مدیریت این دادههای از دست رفته می پردازیم و در بخش بعد به معرفی روشی برای بدست آوردن درخت فیلوژنی پرداخته خواهد شد. همانگونه که در ادامه بررسی خواهد شد، این اطلاعات از دست رفته در پایگاه دادههای مختلف نرخهای متفاوتی دارد که

تاثیر این تغییرات نیز در روشی پیشنهادی بررسی خواهد شد.

#### ۱.۳.۲ روش محاسبه استاتیک

در این روش قصد داریم تا به یکباره بتوانیم مقادیر مناسب برای دادههایی که از دست رفته اند را تخمین بزنیم. در این روش باید توجه شود که ما لزوما به دنبال جایگذاری مقدار از دست رفته با مقدار درست واقعی نیستیم. اگرچه چنین بیانی در نگاه اول ممکن است تعجبآور باشد اما با دقت بیشتر متوجه خواهیم شد که ما در آینده برای خطاهای موجود در پایگاه داده مدلسازیهای محدودی داریم. مدلهایی که بهترین آنها نیز ممکن است با واقعیت نویز افزوده شده به دادگان متفاوت باشد. در نتیجه اگر مطمئن بودیم که تمام دادههایی که موجود میباشند بدون خطا هستند در آن صورت ما نیز به دنبال یافتن جایگذاری با مقدار واقعی بودیم اما در حال حاضر که درصدی از دادههای در دسترس خود همراه با خطا میباشند، ما به دنبال جایگذاریای هستیم که بتواند در مجموع با مدلسازی خطایی که در نظر میگیریم بیشترین سازگاری را داشته باشد کما اینکه ممکن است در حقیقت جایگزاری اشتباهی انجام داده باشیم. حال با توجه به توضیحی که بیان شد به تشریح این روش می پردازیم.

با توجه به فرض مدل مکانهای بی نهایت می دانیم که جهشهای اتفاق افتاده در والد در تمامی نسلهای آینده باقی خواهد ماند. بنابرین اگر تمامی جهشهای نمونه (سلول) a در نمونهای دیگر مانند b قرار داشته باشد، بنابرین می توان نتیجه گرفت که a یکی از اجداد b خواهد بود. همین فرضیه هسته اصلی روش پیشنهادی در نظر گرفته شده را تشکیل می دهد. بنابرین اگر جهش i در سلول a از دست رفته است، با توجه به اینکه آن جهش در سلول b چه وضعیتی دارد می توان تصمیم گیری کرد. اگر a و b باشد، در این صورت a باشد a باشد وگرنه فرض اولیه مدل مکانهای بی نهایت نقض خواهد شد. اما اگر a و b باشد، آنگاه نتیجه خاصی نمی توان گرفت و باید به دنبال نمونه والد a یعنی نمونه a باشیم. حال اگر a و a باشد، آنگاه و a با فرض اولیه تناقضی ندارد و اینکه ساختار فیلوژنی را تغییر نمی دهد. اما از آنجایی که خود دادههای در دسترس شامل خطا می باشند و هر نمونه ی که حاوی اطلاعات از دست رفته است لزوما یک نواده یا یک والد ندارد، مجموعهای از سلولهای فرزند نمونه ی که حاوی اطلاعات از دست رفته است لزوما یک نواده یا یک والد ندارد، مجموعهای از سلولهای فرزند یا والد خواهند بود که متناسب با پارمترهای خطایی که در نظر می گیریم و فاصله ژنی ای که دارند می توانند در تصمیم گیری تاثیرگزار باشند. صورت دقیق تر توضیحات داده شده را می توان به صورت فرمولی که در ادامه آمده تصمیم گیری تاثیرگزار باشند. صورت دقیق تر توضیحات داده شده را می توان به صورت فرمولی که در ادامه آمده

است به نمایش در آورد.

در ابتدا تابعی به نام  $F_s(D_{ij})$  تعریف میکنیم که به نوعی با توجه به ارزشی که به سلولهای نواده شده از سلول  $D_{ij}$  میدهد سعی دارد تا اطمینان  $\sigma$  بودن داده از دست رفته  $\sigma$  را بیان کند.

برای محاسبه این تابع می دانیم که ابتدا سلول های مختلف با توجه به احتمال نواده بودنشان باید رتبهبندی شوند و وزن بگیرند. پس از آن هر سلول متناسب با ارزش تاثیرگزاری خود می تواند در مورد جایگاه جهش i برای سلول نظر دهد.

$$F_s(D_{ij}) = \sum_{n \in \mathcal{N}} (\mathbf{1} - D_{mj}) \prod_{m=1}^M W(D_{mn}, D_{mj})$$

$$\tag{1.7}$$

در فرمول ۱.۲ مجموعه N برابر با مجموعه سلولهای متمایز از هم است. زیرا که در بسیاری از پایگاه داده ها از یک نمونه سلول ممکن است چندین نمونه وجود داشته باشد که وجود آن ها باعث بایس در محاسبات ما خواهد V. شد. همچنین تابع  $W_s(c,p)$  به ارزش دهی جهش C در برابر C به عنوان نواده بودن می پردازد که در فرمول C تعریف شده است.

$$W(c,p) = \begin{cases} 1 & \text{if} \quad c = 1, p = 1 \\ 1 - \xi & \text{if} \quad c = 1, p = 0 \end{cases}$$

$$\vdots \quad c = 0, p = 1$$

$$1 \quad \text{if} \quad c = 0, p = 0$$

$$1 \quad \text{if} \quad c = 0, p = 0$$

مقدار  $\xi$  عددی بین (0,1) است که پارامتری در جهت میزان ارزش دهی به نوادگان با فواصل مختلف میباشد. هرچه این عدد بزرگتر باشد به معنی کمارزش تر شدن نوادگان با فواصل بیشتر است و بلاعکس. به همین صورت برای اولاد سلول j نیز می توان مشابه حالت قبل عمل کرد که روابط آن به صورت فرمول j خواهد شد.

$$F_a(D_{ij}) = \sum_{n \in \mathcal{N}} D_{mj} \prod_{m=1}^M W(D_{mj}, D_{mn}) \tag{\text{$\Upsilon.\Upsilon$}}$$

حال دو نكته در استفاده از روابط بالا باقى خواهد ماند.

نکته اول وجود داده های دیگر از دست رفته در محاسبه توابع است که به دو صورت می توان با آن ها برخورد نمود. رویکرد اول این است که در آن جایگاه ژنی از محاسبه آن خود داری شود و رویکرد دوم استفاده از از مقدار 0/ یا فراوانی نسبی آن جهش در محسبات است که ما رویکرد اول را در این گزارش استفاده خواهیم کرد. نکته دوم وجود خطا در داده هاست. برای مدیریت این مشکل می توان با مدل سازی خطا که به صورت فر مول 4.7 بیان می شود، بر خورد کرد.

$$P(D_{ij} = \mathbf{1}|E_{ij} = \mathbf{0}) = \alpha,$$
  $P(D_{ij} = \mathbf{0}|E_{ij} = \mathbf{0}) = \mathbf{1} - \alpha$  (4.7)  $P(D_{ij} = \mathbf{0}|E_{ij} = \mathbf{1}) = \beta,$   $P(D_{ij} = \mathbf{1}|E_{ij} = \mathbf{1}) = \mathbf{1} - \beta$ 

یس از تعریف مدلسازی خطا می توان روابط قبلی را مجددا به صورتی که در ادامه آمده است بازنویسی کرد.

$$W_e(c,p) = \sum_{i,j \in \{\circ, \cdot\}} P(c|E_c = i)P(p|E_p = j)W(i,j)$$
 (4.1)

که در این صورت توابع  $F_p$  و نیز به صورت زیر همراه با مدلسازی خطا بازتعریف خواهند شد.

$$\hat{F}_s(D_{ij}) = \sum_{n \in \mathcal{N}} [\mathbf{1} - D_{mj}(\mathbf{1} - \alpha)] \prod_{m=1}^M W_e(D_{mn}, D_{mj})$$

$$\hat{F}_a(D_{ij}) = \sum_{n \in \mathcal{N}} D_{mj}(\mathbf{1} - \beta) \prod_{m=1}^M W_e(D_{mj}, D_{mn})$$

$$(9.1)$$

حال پس از محاسبه مقادیر  $\hat{F}_a$  و  $\hat{F}_a$  می توان در مورد داده نامعلوم  $D_{ij}$  به صورت فرمول ۷.۲ تصمیم گرفت.

$$D_{ij} = egin{cases} \bullet & ext{if} & \hat{F}_s \geq \hat{F}_a \ & ext{if} & \hat{F}_s < \hat{F}_a \end{cases}$$
 (V.Y)

همچنین با کمی دقت در فرمولبندی انجام شده اگر برای تمام i,jهای ماتریس D این مقادیر توابع  $\hat{F}$  محاسبه شوند، خود می توانند معیاری برای ارزیابی پایگاه داده در دسترس و احتمال درستی فرض مدل مکانهای بی نهایت

باشند.

#### ۱.۱.۳.۲ تصادفی

پر کردن کاملا تصادفی میسها. در این روش به صورت تصادفی مقادیر از دست رفته را مقدار دهی می کنیم. تنها نکته ای که در این روش و جود دارد این است که نباید این پرکردن تصادفی داده های از دست رفته باعث شود تا پارامترهای مدل سازی ای که از قبل در نظر گرفته بودیم با این روش نادقیق شوند.

# ۴.۲ روش پیشنهادی اول (درختبازی)

در این روش ما بر حسب بهتر کردن یک پاسخی که از پیش داشتیم به دنبال رسیدن به بهترین پاسخ ممکن در طی تکرار ۲ پشت سر هم هستیم. برای مشخص شدن نحوه کارکرد روش پیشنهادی در مراحلی که در ادامه بیان خواهد شد به عنوان مثال یک ماتریس

$$D = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$
 (A.Y)

را به عنوان ورودی مساله به همراه پارامترهای  $\alpha$  و  $\beta$  در نظر بگیرید. (برای راحتی کار فرض کردهایم که داده از دست رفته در D نداریم.)

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Iteration

#### ۱.۴.۲ پیشپردازش

قبل از شروع باید بر روی داده ها یک پیش پردازش اعمال کنیم که وابسته به سیاست درنظر گفته شده می تواند باعث تغییر در پاسخ نهایی نیز شود. به این منظور داده هایی که miss شده اند با روش های زیر می تواند برای ورود به مرحله بعد تخمین زده شود.

به صورت تصادفي

# ۲.۴.۲ اولین پاسخ (درخت تصادفی)

همانگونه که از قبل می دانستیم خروجی نهایی ما برابر با درختی خواهد بود که نودهای آن برابر با جهشهای ماتریس ورودی ما و برگهای آن برابر با نمونه های مشاهده شده خواهند بود. در روش پیشنهادی اول ما به دنبال بهتر کردن این درخت به عنوان پاسخ هستیم. از این رو پایه این روش پیشنهادی اول بر مبنای بهتر کردن پاسخ فعلی بنا نهاده شده است. در نتیجه ما همواره پاسخی به عنوان جواب نهایی داریم که تلاش خواهیم نمود تا با استفاده از ابزرهایی بتوانیم ابا ایجاد تغییری در این پاسخ به پاسخی جدید برسیم که قابل مقایسه با پاسخ فعلی برای انجام مراحل بعدی باشد.

با توجه به توضیحاتی که داده شد ما برای شروع الگوریتم پیشنهادی اول خود نیاز به یک پاسخ داریم. این پاسخ که درخت فیلوژنی هست با توجه پارامترهای ورودی و انتخاب یک نود (ژن) root به عنوان ریشه این درخت به صورت زیر حاصل می شود.

$$\mathcal{M} = \{1 \dots M\}$$

$$\hat{B}_{T_1} = [R_1(\mathcal{M} - |1|), R_1(\mathcal{M} - |1|), \dots, R_{root}(\{\}), \dots, R_M(\mathcal{M} - |M|)]$$

$$(9.7)$$

که در این رابطه M برابر با مجموعه تمامی جهشهای متمایز از شماره ۱ تا M است و  $\hat{B}$  مشخص کننده نود پدر در خت برای جهش iام در این لیست خود است که توسط تابع  $R_i(X)$  به صورت کاملا یکنواخت T از اعضای مجموعه X انتخاب می شود.

ا توجه به مثالی که در رابطه ۸.۲ زده شد فرض کنید مقدار بردار  $\hat{B}$  با ریشه root= au به صورت رابطه ۱۰.۲

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Uniform

شود.

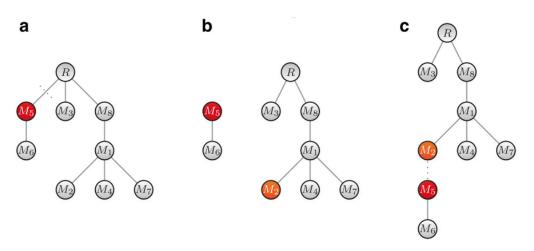
$$\hat{B} = [\Upsilon, \Upsilon, -, \bullet] \tag{1...\Upsilon}$$

که درخت شکل ۱.۲ را نتیجه می دهد.

شكل ١٠٢: درخت تصادفي اول

# ۳.۴.۲ پاسخی جدید

تا به اینجا ما یک درخت فیلوژنی به عنوان پاسخ داریم که در این بخش میخواهیم با انجام تغییراتی بر روی آن به یک پاسخ جدید برسیم تا در گامهای بعدی بتوانیم با مقایسه آنها تصمیمات لازم را برای ادامه الگوریتم بگیریم. به همین منظور تقریبا مشابه با روش [۴] به صورت هرس و اتصال دوباره و قصد داریم تا درخت پاسخ فعلی را برای رسیدن به یک پاسخ دیگر تغییر دهیم. در شکل ۲.۲ مثالی از این روش آورده شده است. در این



شكل ٢.٢: نحوه انجام كار روش هرس و اتصال دوباره [۴].

شکل مطابق با قسمت a یکی از نودهای درخت (به جز ریشه) انتخاب می شود (در اینجا نود  $M_5$ ) و اتصال از پدرش قطع می شود. در این حالت به دو درخت مشابه با شکل a می رسیم. حال در درخت باقی مانده یک نود

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Prune and reattach

### ۴.۴.۲ مقایسه و ارزیابی پاسخها

پس از اینکه از پاسخ فعلی به یک پاسخ جدید رسیدیم حال می توان کیفیت این دو پاسخ را باهم مقایسه کرد و پس از آن با توجه به امتیاز دو پاسخ در مورد پذیرش یا عدم پذیرش پاسخ جدید در برابر پاسخ فعلی تصمیم گرفت. این فر آیند شامل دو بخش اصلی است که در دو زیر بخشی که در ادامه آمده است بیان شده اند.

#### ۱.۴.۴.۲ تبدیل درخت پاسخ به ماتریس

برای ادامه روش پیشنهادی و مقایسات لازم است تا درخت پاسخ را به ماتریس X تبدیل کنیم که قابل بررسی با داده های مشاهده شده D باشد. ماتریس X مشابه با ماتریس D متشکل از مقادیر  $\circ$  و 1 خواهد بود که به عنوان مثال  $1=X_{i,j}=1$  به این معنی است که طبق درخت T در سلول i جهش i مشاهده نشده است. ما هر درخت T را می توانیم با مقادیر مختلفی از  $\sigma$  و  $\sigma$  مزین کنیم و به ماتریسهای مختلفی برسیم. اما در نهایت مهمترین پارامترها که بیشترین امتیاز را برای درخت ما بوجود می آورند مطلوب ما خواهند بود و ماتریس متناظر با آن حالت را X می نامیم و به مراحل بعدی برای محاسبات انتقال می دهیم. در نتیجه کار ما در این بخش این خواهد بود که به ازای درخت دلخواه X بتوانیم بهترین x و x را بدست آوریم و از روی آنها ماتریس متناظر x را بدست آوریم. از پیش با بررسی پروفایل های شماره کپی x در بخش x ( x رسیده ایم که مشخص می کند چه جهشهایی پتانسیل حذف را دارند و در این بخش زمان استفاده از این اطلاعات است. در ادامه ماتریس x را به صورت رابطه پتانسیل حذف را دارند و در این بخش زمان استفاده از این اطلاعات است. در ادامه ماتریس x

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Reinforcement learning

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>Master-slave

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>Copy number profile

. ایمریف میکنیم که برای انتخاب بهینه  $\sigma$  مورد استفاده قرار خواهد گرفت.

$$A_{i,j} = \begin{cases} 1 & ext{if} & ext{if if } \lambda \text{in } \mathcal{L} \text{ if } \beta \text{ if } \mathcal{L} \text{ if } \beta \text{ if$$

در رابطه بیان شده x به معنای این است که هم می تواند مقدار  $\circ$  و هم مقدار  $\circ$  را داشته باشد. T حال می توانیم برای هر سلول (نمونه)  $c_i$  در ماتریس مشاهده شده D امتیاز اتصال را در هر قسمت از درخت حساب می کنیم که از طریق رابطه ۱۲.۲ بدست می آید.

$$S(c_i, T, k) = \prod_{j=0}^{M} P(D_{i,j}|A_{j,k})$$
(17.7)

در این رابطه  $S(c_i,T,k)$  برابر امتیاز اتصال نمونه i در درخت T در مکان ژن (جهش) است. ناگفته نماند که،

$$P(D = 1|A = x) = 1 - \beta, \qquad P(D = \bullet|A = x) = 1 - \alpha \tag{17.7}$$

بنابرین به ازای هر x ما دو حالت را می توانیم داشته باشیم که آنها همان پذیرش یا عدم پذیرش حذف جهشهای x در مجموعه  $\mathcal L$  است. برای اینکه بهترین  $\mathcal O$  را داشته باشیم باید بتوانیم این امتیازاتی که با یذیرش های مختلف بدست می آیند را به ازای تمام نمونههای در دسترس ثبت و بررسی کنیم. برای این منظور هر نمونه

$$B_{i,j} = \begin{cases} 1 & ext{if} & ext{ifinh L}$$
 نباشد که در  $\mathcal{L}$  نباشد  $i$  نباشد  $i$  اگر  $i$  یکی از نوادگان  $i$  باشد و همچنین در  $i$  باشد و اگر  $i$  باشد و مورد قبلی نباشد و مورد و مو

$$S(c_i, T) = \arg\max_{j^*} \left( \prod_{k=0}^{M} P(D_{i,k} | A_{k,j^*}) \right) \tag{10.1}$$

#### ۵.۴.۲ یافتن جهشهای با پتانسیل حذف

همانگونه که از ابتدا می دانیم ما به دنبال درخت فیلوژنی حقیقی داده های نویزی مشاهده شده D هستیم. این درخت در این روش برابر با درختی است که،

- $\bullet$  نحوه قرارگیری ژنها در ساختار درخت  $\bullet$
- محلهایی در درخت که جهشهای قبلی در آنها حذف میشوند (۵)
  - $\bullet$  نحوه انتصاب نمونههای مشاهده شده به درخت  $\bullet$
- و در نهایت پارامترهایی که برای مدلسازی خطای بوجود آمده در دادههای در دسترسمان تعیین شده است (θ)

به گونه ای انتخاب شوند که محتمل ترین حالت را برای مشاهده داده های D بوجود آورند که در این حالت ما رابطه علت توضیحات مجدد این موارد به این دلیل است که این بخش مهمترین بخش در ساختار روش پیشنهادی اول است.

## ۱.۵.۴.۲ مقایسه پاسخ فعلی با پاسخ آرمانی

پس از استخراج ماتریس مناسب از درخت می توان به ارزش گزاری و محاسبه درست نمایی پرداخت. این عمل به صورت رابطه ۱۶.۲ محاسبه می شود.

$$L: P(D|T, \sigma, \wp, \theta) = \prod_{n=1}^{n=N} \prod_{m=1}^{m=M} P(D_{nm}|X_{nm})$$
 (19.7)

که X برابر ماتریس بدست آمده از درخت T با توجه به بردارهای  $\sigma$  و  $\varphi$  است. این رابطه بیانگر احتمال مشاهده ماتریس داده ورودی D در صورتی است که درخت فیلوژنی صحیح T و پارامترهای حقیقی  $\theta$  باشد که توسط بردارهای  $\sigma$  و  $\varphi$  تثبیت شده است. هرچه این احتمال بالاتر باشد نمایانگر این است که درخت، پارامترها و بردارهای کنترلی ما بگونهای انتخاب شده اند که محتمل ترین حالت برای مشاهده داده های ورودی ما هست و در این صورت بهترین پاسخ برای ما همان پاسخی خواهد بود که محتمل ترین باشد. از این رو با دانستن  $\theta$  ما به دنبال این صورت به مراه بردارهای مربوطه آن هستیم که پاسخ رابطه باشد.

$$(T, \sigma, \wp)_{\mathrm{ML}} = \arg\max_{(T, \sigma, \wp)} P(D|T, \sigma, \wp, \theta)$$
 (1V.Y)

اما همانگونه که می دانیم ما به دنبال بهترین درخت T هستیم که  $\sigma$  و  $\varphi$  در آن درخت برای ما اهمیت دارند. در واقع هر درخت T دارای امتیاز S(T) است که به صورت رابطه تعریف می شود.

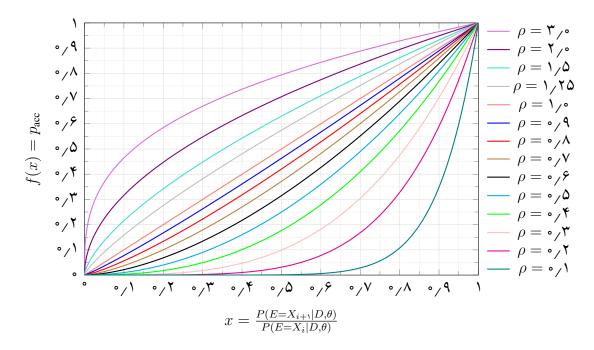
$$S(T) = P(D|T, \sigma^*, \wp^*), \qquad \sigma^* = \arg\max_{\sigma} P(D|T, \sigma, \wp)$$
 (1A.Y)

## ۶.۲.۲ پذیرش پاسخهای جدید و یافتن بهترین پاسخ

در این مرحله ما دو پاسخ با امتیازهایشان در اختیار داریم که میتوانیم برحسب آنها برای ورود به تکرار بعد تصمیم گیری نماییم. این فرآیند توسط رابطهای که در ادامه آمده است انجام می شود.

$$p_{\text{acc}} = \min \left[ 1, \left( \frac{P(E = X_{i+1} | D, \theta)}{P(E = X_i | D, \theta)} \right)^{\rho^{-1}} \right]$$
 (14.7)

در رابطه ۱۹.۲، اگر پاسخ جدید بهتر از پاسخ فعلی باشد بیان می کند که افزایش بهینگی در پاسخ جدید باعث می شود تا صورت کسر مقداری بیش از مخرج بگیرید که در این صورت که برابر با احتمال پذیرش پاسخ جدید است، برابر ۱ خواهد شد که یعنی حتما پاسخ جدید به عنوان پاسخ پابر جا برای ورود به تکرار بعد در نظر گرفته می شود. اما اگر پاسخ جدید (درخت جدید) بهتر از پاسخ فعلی ارزیابی نشود ما آن را مستقیما رد نمی کنیم و به احتمالی کمتر از ۱ ممکن است آن را بپذیریم. دلیل این پذیرش جلوگیری از به دام افتادن الگوریتم در پاسخ مان



شكل ٣٠.٢: نمودار تغيير احتمال پذيرش پاسخ جديد نامطلوبتر با توجه به مقدار پارامتر ho .

در بیشینه های محلی  $^{\wedge}$  است. در شکل تاثیر تغییر پارامتر ho در احتمال پذیرش پاسخ های جدیدی که مطلوب تر از پاسخ فعلی نیستند نمایش داده شده است.

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>Local maxima

- ۷.۴.۲ شبکه هرسکننده
- ۸.۴.۲ شبکه بازاتصالکننده
  - ۹.۴.۲ جمعبندی

روش پیشنهادی ما الگو گرفته شده از روش ارائه شده در مقاله سایت بود اما با این تفاوت که در آنجا فرض مکانهای بی نهایت بود ولی ما فرض اسکارلت را جایگزین کردیم که در این بین چون فضای جست و جو بزرگتر شد در نتیجه مجبور شدیم نحوه برداشتن گام های خود را تغییر بدیم و هوشمندانه تر جلو برویم که در این فضای بزرگتر بتوانیم به جواب مناسب برسیم. در سایت برای رسیدن به درخت بهتر به دنبال تنظیم کردن پارامترهای خطا بود در حالی که ممکن بود با جواب واقعی فاصله داشته باشد اما چون بدنبال جواب با امتیاز بالا بود در نتیجه این پارامتری بودن و جست و جو برای مقادیر بهینه خطا در روش آن وجود داشت اما ما برای بهتر کردن امتیاز به جای تغییر پارامترهای خطا به ازای یک درخت جست و جوی ضمیمه کردن های مختلف سلولها و لاس شدن جهش ها را جست و جو میکنیم.

در این مقاله الگوریتم scarlet معرفی شد که در آن به طور همزمان از دگرگونی تکهستهای (SNV) و جهشهای حذف و تغییر تعداد کپی (CNA) از داده های توالی یابی تک سلولی برای استنباط فیلوژنی تومور استفاده شد. این الگوریتم، یک مدل تکاملی بر اساس در نظر گرفتن خطای ناشی از حذف جهش است که حذف جهشها را محدود به مکانهایی می کند که شواهدی از حذف جهشهای حذف و تغییر تعداد کپی موجود باشد. مدلهای فیلوژنی با در نظر گرفتن حذف خطا، با استفاده از اطلاعات جهشهای حذف و تغییر تعداد کپی که به آسانی در داده های دگرگونی تکهسته ای موجود است، نسب به مدل های دولو یا فرض مکانهای بی نهایت، ابهام کمتری در استنباط درخت فیلوژنی دارند. اگر چه به صورت طبیعی در داده های دگرگونی تکهسته ای یک عدم قطعیت ذاتی در حضور یا عدم حضور جهش در سلول ها وجود دارد، اما کاهش میزان ابهام در استنباط فیلوژنی توموری استنباط فیلوژنی شده برای بیماران مبتلا به سرطان روده از دقت و تکرارپذیری بیشتری برخوردار است و این الگوریتم در نهایت فیلوژنی هایی را استنباط کرد که در آن ۳ حذف جهش رخ داده بود. البته این الگوریتم محدودیت های خاص خود را دارد. به عنوان مثال، این نوع پیاده سازی از الگوریتم اسکارلت مستلزم درخت حذف و تغییر تعداد کپی به عنوان ورودی و میزان درست نمایی هر یک از این درختان است. این رویکرد در مواقعی که تعداد مشخصی از تغییرات تعداد کپی وجود دارد قابل اجراست اما هنگامی که داده های توالی یابی تک سلولی در مقیاس بزرگ انجام شود، به درختان زیادی از جهشهای حذف و تغییر تعداد کپی نیاز خواهد بود.

# ۵.۲ روش پیشنهادی دوم

- ۱.۵.۲ مقدمه
- ۲.۵.۲ دادگان ورودی
- ۳.۵.۲ تبدیل دادهها به بردار ویژگی
  - ۴.۵.۲ مدلسازی مساله
    - ۱.۴.۵.۲ معماری شبکه
      - ۵.۵.۲ تابع هزینه
- ۶.۵.۲ اصلاح خطا و یافتن درخت جواب

# ۶.۲ نتیجهگیری

#### جدول ۲.۲: پارامترهای مدل ریاضی

زمان خدمت دهی به بیمار در مرحله $k$ ام	$t_{ik}$
زمان فاری خدمتدهی به بیمار در محله $k$ ام	$ \tilde{t}_{ik} $
مقدار بدبینانه (حداکثر) برای زمان خدمت دهی به بیمار در مرحله $k$ ام	$t_{ik}^p$
محتمل ترین مقدار برای زمان خدمت دهی به بیمار در مرحله $k$ ام	$t_{ik}^m$
مقدار خوشبینانه (حداقل) برای زمان خدمت دهی به بیمار در مرحله $k$ ام	$t_{ik}^o$

#### جدول ۳.۲: متغیرهای مدل ریاضی

متغير صفر -يک تخصيص بيمار به تخت/اتاق عمل	$X_{ild_k}$
زمان شروع خدمتدهي به بيمار	$S_{ild_k}$
متغیر صفر -یک توالی بیماران	$Y_{ijkl_k}$
متغیر صفر-یک تخصیص جراح به بیمار	$V_{ni}$

# مراجع

- [1] Azer, Erfan Sadeqi, Ebrahimabadi, Mohammad Haghir, Malikić, Salem, Khardon, Roni, and Sahinalp, S Cenk. Tumor phylogeny topology inference via deep learning. *Iscience*, 23(11):101655, 2020.
- [2] Beerenwinkel, Niko, Schwarz, Roland F, Gerstung, Moritz, and Markowetz, Florian. Cancer evolution: mathematical models and computational inference. *Systematic biology*, 64(1):e1–e25, 2015.
- [3] Ciregan, Dan, Meier, Ueli, and Schmidhuber, Jürgen. Multi-column deep neural networks for image classification. In *2012 IEEE conference on computer vision and pattern recognition*, pages 3642–3649. IEEE, 2012.
- [4] Davis, Alexander and Navin, Nicholas E. Computing tumor trees from single cells. *Genome biology*, 17(1):1–4, 2016.
- [5] Devlin, Jacob, Chang, Ming-Wei, Lee, Kenton, and Toutanova, Kristina. Bert: Pretraining of deep bidirectional transformers for language understanding. *arXiv* preprint *arXiv*:1810.04805, 2018.
- [6] Donmez, Nilgun, Malikic, Salem, Wyatt, Alexander W, Gleave, Martin E, Collins, Colin C, and Sahinalp, S Cenk. Clonality inference from single tumor samples using low coverage sequence data. In *International Conference on Research in Computational Molecular Biology*, pages 83–94. Springer, 2016.
- [7] Eaton, Jesse, Wang, Jingyi, and Schwartz, Russell. Deconvolution and phylogeny inference of structural variations in tumor genomic samples. *Bioinformatics*, 34(13):i357–i365, 2018.
- [8] El-Kebir, Mohammed. Sphyr: tumor phylogeny estimation from single-cell sequencing data under loss and error. *Bioinformatics*, 34(17):i671–i679, 2018.

- [9] El-Kebir, Mohammed, Oesper, Layla, Acheson-Field, Hannah, and Raphael, Benjamin J. Reconstruction of clonal trees and tumor composition from multi-sample sequencing data. *Bioinformatics*, 31(12):i62–i70, 2015.
- [10] Hou, Yong, Song, Luting, Zhu, Ping, Zhang, Bo, Tao, Ye, Xu, Xun, Li, Fuqiang, Wu, Kui, Liang, Jie, Shao, Di, et al. Single-cell exome sequencing and monoclonal evolution of a jak2-negative myeloproliferative neoplasm. *Cell*, 148(5):873–885, 2012.
- [11] Husić, Edin, Li, Xinyue, Hujdurović, Ademir, Mehine, Miika, Rizzi, Romeo, Mäkinen, Veli, Milanič, Martin, and Tomescu, Alexandru I. Mipup: minimum perfect unmixed phylogenies for multi-sampled tumors via branchings and ilp. *Bioinformatics*, 35(5):769–777, 2019.
- [12] Jahn, Katharina, Kuipers, Jack, and Beerenwinkel, Niko. Tree inference for single-cell data. *Genome biology*, 17(1):1–17, 2016.
- [13] Kim, Kyung In and Simon, Richard. Using single cell sequencing data to model the evolutionary history of a tumor. *BMC bioinformatics*, 15(1):1–13, 2014.
- [14] Liu, Yinhan, Ott, Myle, Goyal, Naman, Du, Jingfei, Joshi, Mandar, Chen, Danqi, Levy, Omer, Lewis, Mike, Zettlemoyer, Luke, and Stoyanov, Veselin. Roberta: A robustly optimized bert pretraining approach. *arXiv preprint arXiv:1907.11692*, 2019.
- [15] Malikic, Salem, Jahn, Katharina, Kuipers, Jack, Sahinalp, S Cenk, and Beerenwinkel, Niko. Integrative inference of subclonal tumour evolution from single-cell and bulk sequencing data. *Nature communications*, 10(1):1–12, 2019.
- [16] Malikic, Salem, McPherson, Andrew W, Donmez, Nilgun, and Sahinalp, Cenk S. Clonality inference in multiple tumor samples using phylogeny. *Bioinformatics*, 31(9):1349–1356, 2015.
- [17] Malikic, Salem, Mehrabadi, Farid Rashidi, Azer, Erfan Sadeqi, Ebrahimabadi, Mohammad Haghir, and Sahinalp, S Cenk. Studying the history of tumor evolution from single-cell sequencing data by exploring the space of binary matrices. *bioRxiv*, 2020.
- [18] Malikic, Salem, Mehrabadi, Farid Rashidi, Ciccolella, Simone, Rahman, Md Khaledur, Ricketts, Camir, Haghshenas, Ehsan, Seidman, Daniel, Hach, Faraz, Hajirasouliha, Iman, and Sahinalp, S Cenk. Phiscs: a combinatorial approach for subperfect tumor phylogeny reconstruction via integrative use of single-cell and bulk sequencing data. *Genome research*, 29(11):1860–1877, 2019.
- [19] McGranahan, Nicholas and Swanton, Charles. Clonal heterogeneity and tumor evolution: past, present, and the future. *Cell*, 168(4):613–628, 2017.

- [20] McPherson, Andrew, Roth, Andrew, Laks, Emma, Masud, Tehmina, Bashashati, Ali, Zhang, Allen W, Ha, Gavin, Biele, Justina, Yap, Damian, Wan, Adrian, et al. Divergent modes of clonal spread and intraperitoneal mixing in high-grade serous ovarian cancer. *Nature genetics*, 48(7):758, 2016.
- [21] Ricketts, Camir, Seidman, Daniel, Popic, Victoria, Hormozdiari, Fereydoun, Batzoglou, Serafim, and Hajirasouliha, Iman. Meltos: multi-sample tumor phylogeny reconstruction for structural variants. *Bioinformatics*, 36(4):1082–1090, 2020.
- [22] Ross, Edith M and Markowetz, Florian. Onconem: inferring tumor evolution from single-cell sequencing data. *Genome biology*, 17(1):1–14, 2016.
- [23] Sadeqi Azer, Erfan, Rashidi Mehrabadi, Farid, Malikić, Salem, Li, Xuan Cindy, Bartok, Osnat, Litchfield, Kevin, Levy, Ronen, Samuels, Yardena, Schäffer, Alejandro A, Gertz, E Michael, et al. Phiscs-bnb: a fast branch and bound algorithm for the perfect tumor phylogeny reconstruction problem. *Bioinformatics*, 36(Supplement\_1):i169–i176, 2020.
- [24] Salehi, Sohrab, Steif, Adi, Roth, Andrew, Aparicio, Samuel, Bouchard-Côté, Alexandre, and Shah, Sohrab P. ddclone: joint statistical inference of clonal populations from single cell and bulk tumour sequencing data. *Genome biology*, 18(1):1–18, 2017.
- [25] Satas, Gryte and Raphael, Benjamin J. Tumor phylogeny inference using tree-constrained importance sampling. *Bioinformatics*, 33(14):i152–i160, 2017.
- [26] Satas, Gryte, Zaccaria, Simone, Mon, Geoffrey, and Raphael, Benjamin J. Scarlet: Single-cell tumor phylogeny inference with copy-number constrained mutation losses. *Cell Systems*, 10(4):323–332, 2020.
- [27] Selsam, Daniel, Lamm, Matthew, Bünz, Benedikt, Liang, Percy, de Moura, Leonardo, and Dill, David L. Learning a sat solver from single-bit supervision. *arXiv preprint arXiv:1802.03685*, 2018.
- [28] Senior, Andrew W, Evans, Richard, Jumper, John, Kirkpatrick, James, Sifre, Laurent, Green, Tim, Qin, Chongli, Žídek, Augustin, Nelson, Alexander WR, Bridgland, Alex, et al. Improved protein structure prediction using potentials from deep learning. *Nature*, 577(7792):706–710, 2020.
- [29] Silver, David, Schrittwieser, Julian, Simonyan, Karen, Antonoglou, Ioannis, Huang, Aja, Guez, Arthur, Hubert, Thomas, Baker, Lucas, Lai, Matthew, Bolton, Adrian, et al. Mastering the game of go without human knowledge. *nature*, 550(7676):354–359, 2017.

- [30] Singer, Jochen, Kuipers, Jack, Jahn, Katharina, and Beerenwinkel, Niko. Single-cell mutation identification via phylogenetic inference. *Nature communications*, 9(1):1–8, 2018.
- [31] Strino, Francesco, Parisi, Fabio, Micsinai, Mariann, and Kluger, Yuval. Trap: a tree approach for fingerprinting subclonal tumor composition. *Nucleic acids research*, 41(17):e165–e165, 2013.
- [32] Williams, Ronald J. Simple statistical gradient-following algorithms for connectionist reinforcement learning. *Machine learning*, 8(3-4):229–256, 1992.
- [33] Wu, Yufeng. Accurate and efficient cell lineage tree inference from noisy single cell data: the maximum likelihood perfect phylogeny approach. *Bioinformatics*, 36(3):742–750, 2020.
- [34] Yuan, Ke, Sakoparnig, Thomas, Markowetz, Florian, and Beerenwinkel, Niko. Bitphylogeny: a probabilistic framework for reconstructing intra-tumor phylogenies. *Genome biology*, 16(1):1–16, 2015.
- [35] Zaccaria, Simone, El-Kebir, Mohammed, Klau, Gunnar W, and Raphael, Benjamin J. The copy-number tree mixture deconvolution problem and applications to multi-sample bulk sequencing tumor data. In *International Conference on Research in Computational Molecular Biology*, pages 318–335. Springer, 2017.
- [36] Zafar, Hamim, Navin, Nicholas, Chen, Ken, and Nakhleh, Luay. Siclonefit: Bayesian inference of population structure, genotype, and phylogeny of tumor clones from single-cell genome sequencing data. *Genome research*, 29(11):1847–1859, 2019.
- [37] Zafar, Hamim, Tzen, Anthony, Navin, Nicholas, Chen, Ken, and Nakhleh, Luay. Sifit: inferring tumor trees from single-cell sequencing data under finite-sites models. *Genome biology*, 18(1):1–20, 2017.