فصل ۱

روش پیشنهادی

۱.۱ مقدمه

پس از آشنایی با روشهای پیشین که برای حل مسئله مشابه مورد استفاده قرار گرفتهاند، حال می توانیم به معرفی و تشریح روشهای پیشنهادی خود برای حل مسئله پیش رو بپردازیم. در این فصل ابتدا دادههای ورودی مسئله را همراه با فرضیات در نظر گرفته شده بیان می کنیم و پس از آن دو روش پیشنهادی متفاوت را بیان خواهیم نمود. در روش اول که به رویکردهای پیشین نزدیک تر است با تغییری از جنس روشهای نوین در مراحل میانی به یک روش جدید می رسیم که به علت افزایش سرعت همگرایی می توان فرض و دادههای جدیدی را از طریق حذف و تغییر تعداد کپی به آن افزود و پاسخ گرفت. اما روش دوم کاملا متفاوت بوده و با رویکردی جدید در حوزه یادگیری ماشین همراه است که به کمک یادگیری تقویتی به حل مسئله مورد نظر می پردازد.

۲.۱ معرفی دادگان ورودی

قبل از وارد شدن به بخش روشهای پیشنهادی نیاز است تا دادگان ورودی را مشخص و معرفی نماییم. دادگان ورودی در این پایاننامه همگی به صورت فایلهای خام اسکی ۲ هستند که حاوی اطلاعات جهشهای ماتریس

¹Copy number variation (CNV)

²Ascii

ژن-سلول (SNV) و اطلاعات مربوط به حذف و تغییر تعداد کپی هستند.

در ادامه جدول ۱.۱ را برای معرفی اندیسهای بکار گرفته شده در روابط مربوط به روش پیشنهادی اول معرفی مینماییم.

جدول ۱.۱: اندیسهای به کار رفته در روابط روش پیشنهادی اول

ماتریس داده نویزی در دسترس که مقادیر ۰ و ۱ در آن قرار دارد	D
ماتریس داده حقیقی بدون نویز که به دنبال آن هستیم	E
درخت فیلوژنی جهشها	T
بردار انتصابات	σ
Tماتریس متناظر درخت T	X_T
تعداد سلولهای نمونه	N
تعداد جهشها	M
مجموعه سلولهای متمایز از هم	\mathcal{N}
مجموعه جهشهای متمایز از هم	\mathcal{M}
نرخ خطای مثبت کاذب	α
نرخ خطای منفی کاذب	β

۳.۱ روش پیشنهادی برای مدیریت دادههای از دست رفته

در ادامه این بخش به معرفی روشهای پیشنهادی پرداخته خواهد شد اما در ابتدا به دلیل وجود دادههای از دست رفته در پایگاهدادههای مورد استفاده لازم است تا به بررسی و ارائه رویکردی برای حل این مشکل پرداخته شود و در ادامه پس از معرفی روش پیشنهادی برای مددریت این دادههای از دست رفته، هر کدام از روشهای پیشنهادی به تفضیل شرح داده شود.

همانگونه که در دادههای حقیقی مشاهده شد در پایگاه دادههای حقیقی ما با اطلاعات از دست رفته مواجه هستیم و به همین دلیل نیز سعی کردیم تا در پایگاه داده مجازی تولید شده نیز به مشابه دادههای حقیقی، شامل اطلاعات از دست رفته باشد. در این بخش به رویکرد روش محاسبه استاتیک برای مدیریت این دادههای از دست رفته می پردازیم و در بخش بعد به معرفی روشی برای بدست آوردن درخت فیلوژنی پرداخته خواهد شد. همانگونه که در ادامه بررسی خواهد شد، این اطلاعات از دست رفته در پایگاه دادههای مختلف نرخهای متفاوتی دارد که

تاثیر این تغییرات نیز در روشی پیشنهادی بررسی خواهد شد.

۱.۳.۱ روش محاسبه استاتیک

در این روش قصد داریم تا به یکباره بتوانیم مقادیر مناسب برای دادههایی که از دست رفته اند را تخمین بزنیم. در این روش باید توجه شود که ما لزوما به دنبال جایگذاری مقدار از دست رفته با مقدار درست واقعی نیستیم. اگرچه چنین بیانی در نگاه اول ممکن است تعجبآور باشد اما با دقت بیشتر متوجه خواهیم شد که ما در آینده برای خطاهای موجود در پایگاه داده مدلسازیهای محدودی داریم. مدلهایی که بهترین آنها نیز ممکن است با واقعیت نویز افزوده شده به دادگان متفاوت باشد. در نتیجه اگر مطمئن بودیم که تمام دادههایی که موجود میباشند بدون خطا هستند در آن صورت ما نیز به دنبال یافتن جایگذاری با مقدار واقعی بودیم اما در حال حاضر که درصدی از دادههای در دسترس خود همراه با خطا میباشند، ما به دنبال جایگذاریای هستیم که بتواند در مجموع با مدلسازی خطایی که در نظر میگیریم بیشترین سازگاری را داشته باشد کما اینکه ممکن است در حقیقت جایگزاری اشتباهی انجام داده باشیم. حال با توجه به توضیحی که بیان شد به تشریح این روش می پردازیم.

با توجه به فرض مدل مکانهای بی نهایت می دانیم که جهشهای اتفاق افتاده در والد در تمامی نسلهای آینده باقی خواهد ماند. بنابرین اگر تمامی جهشهای نمونه (سلول) a در نمونهای دیگر مانند b قرار داشته باشد، بنابرین می توان نتیجه گرفت که a یکی از اجداد b خواهد بود. همین فرضیه هسته اصلی روش پیشنهادی در نظر گرفته شده را تشکیل می دهد. بنابرین اگر جهش i در سلول a از دست رفته است، با توجه به اینکه آن جهش در سلول b چه وضعیتی دارد می توان تصمیم گیری کرد. اگر a و b باشد، در این صورت a و تتما باید a باشد وگرنه فرض اولیه مدل مکانهای بی نهایت نقض خواهد شد. اما اگر a باشد، آنگاه نتیجه خاصی نمی توان گرفت و باید به دنبال نمونه والد a یعنی نمونه a باشیم. حال اگر a اگر باشد، آنگاه و تا باید a باشد. اما اگر a و اینکه ساختار فیلوژنی را تغییر نمی دهد. اما از آنجایی که خود دادههای در دسترس شامل خطا می باشند و هر و اینکه ساختار فیلوژنی را تغییر نمی دهد. اما از آنجایی که خود دادههای در دسترس شامل خطا می باشند و هر نمونه ای که حاوی اطلاعات از دست رفته است لزوما یک نواده یا یک والد ندارد، مجموعهای از سلولهای فرزند نمونه ای والد خواهند بود که متناسب با پارمترهای خطایی که در نظر می گیریم و فاصله ژنی ای که دارند می توانند در تصمیم گیری تاثیرگزار باشند. صورت دقیق تر توضیحات داده شده را می توان به صورت فرمولی که در ادامه آمده تصمیم گیری تاثیرگزار باشند. صورت دقیق تر توضیحات داده شده را می توان به صورت فرمولی که در ادامه آمده

است به نمایش در آورد.

در ابتدا تابعی به نام $F_s(D_{ij})$ تعریف میکنیم که به نوعی با توجه به ارزشی که به سلولهای نواده شده از سلول D_{ij} میدهد سعی دارد تا اطمینان σ بودن داده از دست رفته σ را بیان کند.

برای محاسبه این تابع می دانیم که ابتدا سلولهای مختلف با توجه به احتمال نواده بودنشان باید رتبه بندی شوند و وزن بگیرند. پس از آن هر سلول متناسب با ارزش تاثیرگزاری خود می تواند در مورد جایگاه جهش i برای سلول نظر دهد.

$$F_s(D_{ij}) = \sum_{n \in \mathcal{N}} (\mathbf{1} - D_{mj}) \prod_{m=1}^M W(D_{mn}, D_{mj})$$

$$\tag{1.1}$$

در فرمول ۱.۱ مجموعه \mathcal{N} برابر با مجموعه سلولهای متمایز از هم است. زیرا که در بسیاری از پایگاه داده ها از یک نمونه سلول ممکن است چندین نمونه وجود داشته باشد که وجود آن ها باعث بایس در محاسبات ما خواهد شد. همچنین تابع $W_s(c,p)$ به ارزش دهی جهش c در برابر c به عنوان نواده بودن می پردازد که در فرمول ۲.۱ تعریف شده است.

$$W(c,p) = \begin{cases} 1 & \text{if} \quad c = 1, p = 1 \\ 1 - \xi & \text{if} \quad c = 1, p = 0 \end{cases}$$

$$\vdots \quad c = 0, p = 1$$

$$1 \quad \text{if} \quad c = 0, p = 0$$

$$1 \quad \text{if} \quad c = 0, p = 0$$

مقدار ξ عددی بین (0,1) است که پارامتری در جهت میزان ارزش دهی به نوادگان با فواصل مختلف میباشد. هرچه این عدد بزرگتر باشد به معنی کمارزش تر شدن نوادگان با فواصل بیشتر است و بلاعکس. به همین صورت برای اولاد سلول f نیز می توان مشابه حالت قبل عمل کرد که روابط آن به صورت فرمول f خواهد شد.

$$F_a(D_{ij}) = \sum_{n \in \mathcal{N}} D_{mj} \prod_{m=1}^M W(D_{mj}, D_{mn})$$
 (7.1)

حال دو نكته در استفاده از روابط بالا باقى خواهد ماند.

نکته اول وجود داده های دیگر از دست رفته در محاسبه توابع است که به دو صورت می توان با آن ها برخورد نمود. رویکرد اول این است که در آن جایگاه ژنی از محاسبه آن خود داری شود و رویکرد دوم استفاده از از مقدار 0/ یا فراوانی نسبی آن جهش در محسبات است که ما رویکرد اول را در این گزارش استفاده خواهیم کرد. نکته دوم وجود خطا در داده هاست. برای مدیریت این مشکل می توان با مدل سازی خطا که به صورت فر مول 4. بیان می شود، بر خورد کرد.

$$P(D_{ij} = \mathbf{1}|E_{ij} = \mathbf{0}) = \alpha, \qquad P(D_{ij} = \mathbf{0}|E_{ij} = \mathbf{0}) = \mathbf{1} - \alpha$$

$$P(D_{ij} = \mathbf{0}|E_{ij} = \mathbf{1}) = \beta, \qquad P(D_{ij} = \mathbf{1}|E_{ij} = \mathbf{1}) = \mathbf{1} - \beta$$
(Y.1)

یس از تعریف مدلسازی خطا می توان روابط قبلی را مجددا به صورتی که در ادامه آمده است بازنویسی کرد.

$$W_e(c,p) = \sum_{i,j \in \{\circ, 1\}} P(c|E_c = i)P(p|E_p = j)W(i,j)$$
 (6.1)

که در این صورت توابع F_p و نیز به صورت زیر همراه با مدلسازی خطا بازتعریف خواهند شد.

$$\hat{F}_s(D_{ij}) = \sum_{n \in \mathcal{N}} [\mathbf{1} - D_{mj}(\mathbf{1} - \alpha)] \prod_{m=1}^M W_e(D_{mn}, D_{mj})$$

$$\hat{F}_a(D_{ij}) = \sum_{n \in \mathcal{N}} D_{mj}(\mathbf{1} - \beta) \prod_{m=1}^M W_e(D_{mj}, D_{mn})$$

$$(9.1)$$

حال پس از محاسبه مقادیر \hat{F}_a و \hat{F}_a می توان در مورد داده نامعلوم D_{ij} به صورت فرمول ۷.۱ تصمیم گرفت.

$$D_{ij} = \begin{cases} \bullet & \text{if} \quad \hat{F}_s \ge \hat{F}_a \\ 1 & \text{if} \quad \hat{F}_s < \hat{F}_a \end{cases} \tag{V.1}$$

همچنین با کمی دقت در فرمولبندی انجام شده اگر برای تمام i,jهای ماتریس D این مقادیر توابع \hat{F} محاسبه شوند، خود می توانند معیاری برای ارزیابی پایگاه داده در دسترس و احتمال درستی فرض مدل مکانهای بی نهایت

باشند.

۱.۱.۳.۱ تصادفی

پر کردن کاملا تصادفی میسها. در این روش به صورت تصادفی مقادیر از دست رفته را مقدار دهی می کنیم. تنها نکته ای که در این روش و جود دارد این است که نباید این پرکردن تصادفی داده های از دست رفته باعث شود تا پارامترهای مدل سازی ای که از قبل در نظر گرفته بودیم با این روش نادقیق شوند.

۴.۱ روش پیشنهادی اول (درختبازی)

در این روش ما بر حسب بهتر کردن یک پاسخی که از پیش داشتیم به دنبال رسیدن به بهترین پاسخ ممکن در طی تکرار^۳ پشت سر هم هستیم. برای مشخص شدن نحوه کارکرد روش پیشنهادی در مراحلی که در ادامه بیان خواهد شد به عنوان مثال یک ماتریس

$$D = \begin{bmatrix} \circ & 1 & 1 & \circ \\ \circ & \circ & 1 & 1 \\ 1 & \circ & 1 & \circ \\ 1 & 1 & \circ & 1 \\ 1 & \circ & 1 & 1 \end{bmatrix} \tag{A.1}$$

را به عنوان ورودی مساله به همراه پارامترهای α و β در نظر بگیرید. (برای راحتی کار فرض کردهایم که داده از دست رفته در D نداریم.)

³Iteration

۱.۴.۱ پیشپردازش

قبل از شروع باید بر روی داده ها یک پیش پردازش اعمال کنیم که وابسته به سیاست درنظر گفته شده می تواند باعث تغییر در پاسخ نهایی نیز شود. به این منظور داده هایی که miss شده اند با روش های زیر می تواند برای ورود به مرحله بعد تخمین زده شود.

به صورت تصادفي

۲.۴.۱ اولین پاسخ (درخت تصادفی)

همانگونه که از قبل می دانستیم خروجی نهایی ما برابر با درختی خواهد بود که نودهای آن برابر با جهشهای ماتریس ورودی ما و برگهای آن برابر با نمونه های مشاهده شده خواهند بود. در روش پیشنهادی اول ما به دنبال بهتر کردن این درخت به عنوان پاسخ هستیم. از این رو پایه این روش پیشنهادی اول بر مبنای بهتر کردن پاسخ فعلی بنا نهاده شده است. در نتیجه ما همواره پاسخی به عنوان جواب نهایی داریم که تلاش خواهیم نمود تا با استفاده از ابزرهایی بتوانیم ابا ایجاد تغییری در این پاسخ به پاسخی جدید برسیم که قابل مقایسه با پاسخ فعلی برای انجام مراحل بعدی باشد.

با توجه به توضیحاتی که داده شد ما برای شروع الگوریتم پیشنهادی اول خود نیاز به یک پاسخ داریم. این پاسخ که درخت فیلوژنی هست با توجه پارامترهای ورودی و انتخاب یک نود (ژن) root به عنوان ریشه این درخت به صورت زیر حاصل می شود.

$$\mathcal{M} = \{1 \dots M\}$$

$$\hat{B}_{T_1} = [R_1(\mathcal{M} - |1|), R_1(\mathcal{M} - |1|), \dots, R_{root}(\{\}), \dots, R_M(\mathcal{M} - |M|)]$$
(4.1)

که در این رابطه M برابر با مجموعه تمامی جهشهای متمایز از شماره ۱ تا M است و \hat{B} مشخص کننده نود پدر در خت برای جهش iام در این لیست خود است که توسط تابع $R_i(X)$ به صورت کاملا یکنواخت i از اعضای مجموعه X انتخاب می شود.

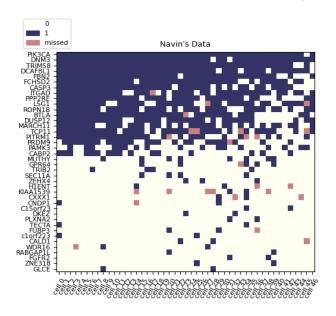
ا توجه به مثالی که در رابطه ۸.۱ زده شد فرض کنید مقدار بردار \hat{B} با ریشه root=root به صورت رابطه ۱۰.۱

⁴Uniform

شود.

$$\hat{B} = [\Upsilon, 1, -, \bullet] \tag{1.1}$$

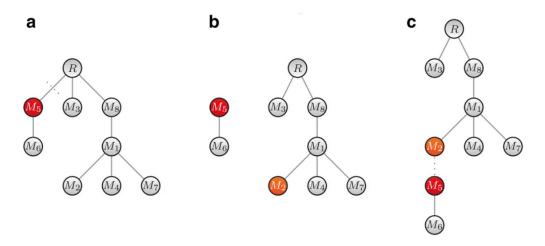
که درخت شکل ۱.۱ را نتیجه می دهد.



شكل ۱.۱: دادههاى حقيقى Navin در مقاله SCITE

۳.۴.۱ پاسخی جدید

تا به اینجا ما یک درخت فیلوژنی به عنوان پاسخ داریم که در این بخش می خواهیم با انجام تغییراتی بر روی آن به یک پاسخ جدید برسیم تا در گامهای بعدی بتوانیم با مقایسه آنها تصمیمات لازم را برای ادامه الگوریتم بگیریم. به همین منظور تقریبا مشابه با روش [۴] به صورت هرس و اتصال دوباره ۵ قصد داریم تا درخت پاسخ فعلی را برای رسیدن به یک پاسخ دیگر تغییر دهیم. در شکل ۲.۱ مثالی از این روش آورده شده است. در این شکل مطابق با قسمت a یکی از نودهای درخت (به جز ریشه) انتخاب می شود (در اینجا نود M_5) و اتصال از پدرش قطع می شود. در این حالت به دو درخت مشابه با شکل b می رسیم. حال در درخت باقی مانده یک نود دیگر (M_2) به عنوان پدری جدید انتخاب می شود تا با این تغییر به درخت جدید شکل $^{
m C}$ برسیم.



شكل ٢.١: نحوه انجام كار روش هرس و اتصال دوباره [۴].

۴.۴.۱ مقایسه و ارزیابی پاسخها

پس از اینکه از پاسخ فعلی به یک پاسخ جدید رسیدیم حال می توان کیفیت این دو پاسخ را باهم مقایسه کرد و پس از آن با توجه به امتیاز دو پاسخ در مورد پذیرش یا عدم پذیرش پاسخ جدید در برابر پاسخ فعلی تصمیم گرفت. این فرآیند شامل دو بخش اصلی است که در دو زیربخشی که در ادامه آمده است بیان شده اند.

۱.۴.۴.۱ تبدیل درخت پاسخ به ماتریس

همانگونه که میدانیم

⁶Reinforcement learning

⁷Master-slave

مقایسه یاسخ فعلی با یاسخ آرمانی

پس از استخراج ماتریس مناسب از درخت می توان به ارزش گزاری و محاسبه درست نمایی $^{\Lambda}$ پرداخت. این عمل به صورت رابطه ۱۱.۱ محاسبه می شود.

$$L: P(D|T, \sigma, \theta) = \prod_{n=1}^{n=N} \prod_{m=1}^{m=M} P(D_{nm}|X_{nm})$$
(11.1)

پذیرش پاسخهای جدید و یافتن بهترین پاسخ 0.4.1

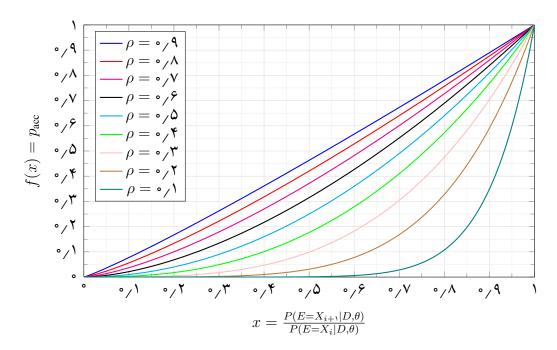
در این مرحله ما دو پاسخ با امتیازهایشان در اختیار داریم که میتوانیم برحسب آنها برای ورود به تکرار بعد تصمیم گیری نماییم. این فرآیند توسط رابطهای که در ادامه آمده است انجام می شود.

$$p_{\text{acc}} = \min \left[1, \left(\frac{P(E = X_{i+1} | D, \theta)}{P(E = X_i | D, \theta)} \right)^{\rho^{-1}} \right]$$
(17.1)

در رابطه ۱۲.۱، اگر یاسخ جدید بهتر از یاسخ فعلی باشد بیان می کند که افزایش بهینگی در یاسخ جدید باعث می شود تا صورت کسر مقداری بیش از مخرج بگیرید که در این صورت $p_{\rm acc}$ که برابر با احتمال پذیرش پاسخ جدید است، برابر ۱ خواهد شد که یعنی حتما پاسخ جدید به عنوان پاسخ پابرجا برای ورود به تکرار بعد در نظر گرفته می شود. اما اگر پاسخ جدید (درخت جدید) بهتر از پاسخ فعلی ارزیابی نشود ما آن را مستقیما رد نمی کنیم و به احتمالی کمتر از ۱ ممکن است آن را بپذیریم. دلیل این پذیرش جلوگیری از به دام افتادن الگوریتم در پاسخمان در بیشینههای محلی 9 است. در شکل تاثیر تغییر یارامتر ho در احتمال پذیرش پاسخهای جدیدی که مطلوب تر از یاسخ فعلی نیستند نمایش داده شده است.

⁸Likelihood

⁹Local maxima



شكل lpha: نمودار تغيير احتمال پذيرش پاسخ جديد نامطلوبتر با توجه به مقدار پارامتر ho.

۶.۴.۱ شبکه هرسکننده

۷.۴.۱ شبکه بازاتصالکننده

۸.۴.۱ جمعبندی

روش پیشنهادی ما الگو گرفته شده از روش ارائه شده در مقاله سایت بود اما با این تفاوت که در آنجا فرض مکانهای بی نهایت بود ولی ما فرض اسکارلت را جایگزین کردیم که در این بین چون فضای جست و جو بزرگتر شد در نتیجه مجبور شدیم نحوه برداشتن گام های خود را تغییر بدیم و هوشمندانه تر جلو برویم که در این فضای بزرگتر بتوانیم به جواب مناسب برسیم. در سایت برای رسیدن به درخت بهتر به دنبال تنظیم کردن پارامترهای خطا بود در حالی که ممکن بود با جواب واقعی فاصله داشته باشد اما چون بدنبال جواب با امتیاز بالا بود در نتیجه این پارامتری بودن و جست و جو برای مقادیر بهینه خطا در روش آن وجود داشت اما ما برای بهتر کردن امتیاز به جای تغییر پارامترهای خطا به ازای یک درخت جست و جوی ضمیمه کردن های مختلف سلولها و لاس شدن جهش ها را جست و جو میکنیم.

۵.۱ روش پیشنهادی دوم

- ۱.۵.۱ مقدمه
- ۲.۵.۱ دادگان ورودی
- ۳.۵.۱ تبدیل دادهها به بردار ویژگی
 - ۴.۵.۱ مدلسازی مساله
 - ۱.۴.۵.۱ معماری شبکه
 - ۵.۵.۱ تابع هزینه
- ۶.۵.۱ اصلاح خطا و یافتن درخت جواب

۶.۱ نتیجهگیری

جدول ۲.۱: پارامترهای مدل ریاضی

زمان خدمتدهی به بیمار در مرحله k ام	t_{ik}
زمان فاری خدمتدهی به بیمار در محله k ام	\tilde{t}_{ik}
مقدار بدبینانه (حداکثر) برای زمان خدمتدهی به بیمار در مرحله k ام	t_{ik}^p
محتمل ترین مقدار برای زمان خدمتدهی به بیمار در مرحله k ام	t_{ik}^m
مقدار خوشبینانه (حداقل) برای زمان خدمتدهی به بیمار در مرحله k ام	t_{ik}^o

جدول ۳.۱: متغیرهای مدل ریاضی

متغیر صفر -یک تخصیص بیمار به تخت/اتاق عمل	X_{ild_k}
زمان شروع خدمتدهي به بيمار	S_{ild_k}
متغیر صفر -یک توالی بیماران	Y_{ijkl_k}
متغیر صفر-یک تخصیص جراح به بیمار	V_{ni}

فصل ۲

نتايج تجربي

۱.۲ یایگاه دادههای ورودی

قبل از اینکه وارد روش پیشنهادی شویم به تشریح وردیهای مسئله و دادههایی که مورد استفاده قرار خواهیم داد می پردازیم. دادههای ورودی برابر ماتریس $D_{m \times n}$ می باشد که بعد اول M برابر با ژنها و بعد دوم N برابر سلول سلولهای نمونه برداری شده می باشد. در هر خانه $d_{i,j}$ یک بردار داده قرار دارد که حاوی اطلاعات ژن j در سلول i می باشد.

۱.۱.۲ پایگاه داده مصنوعی ۱

با توجه به این نکته که از درخت فیلوژنی حقیقی $^{\text{T}}$ داده های حقیقی موجود اطلاعی نداریم، به سراغ ساخت پایگاه داده مصنوعی می توانیم در مورد روش هایی که در ادامه بیان خواهیم کرد یک معیار ارزیابی نسبتا مناسبی داشته باشیم و تا حدودی از مشکلات روش های پیشنهادی آکاه شویم و به تصحیح آن بپردازیم. برای ساخت پایگاه داده مصنوعی که همان ماتریس ورودی $D_{m \times n}$ می باشد، از دو روش مختلف با دو فرض مختلف استفاده خواهیم کرد که در ادامه به تشریح هر کدام خواهیم پرداخت. برای ایجاد پایگاه داده در این حالت ابتدا درختی تصادفی با پارامترهای ζ , ایجاد می کنیم که n تعداد ژنها برای ایجاد پایگاه داده در این حالت ابتدا درختی تصادفی با پارامترهای ζ , ایجاد می کنیم که γ

¹Synthetic Dataset

²Ground-truth Phylogeny Tree

(جهشها) بوده و γ عددی در بازه (∞, ∞) است که یک پارامتر کنترلی است که وظیفه اش کنترل کلی تعداد نسلهای مختلف را از یک جمعیت در درخت فیلوژنی می باشد. حال برای تولید پایگاه داده مصنوعی به ترتیب سه گام زیر باید انجام شود.

- ایجاد یک درخت فیلوژنی تصادفی
- (E) تبدیل درخت فیلوژنی به ماتریس اطلاعات سلول-ژن \bullet
- D اضافه کردن نویز به ماتریس E و تبدیل آن به ماتریس نویزی

در ادامه هر بخش به صورت جداگانه به تفضیل شرح داده خواهد شد.

۱.۱.۱.۲ ساخت درخت تصادفی

برای ساخت درخت تصادفی از دو روش مختلف استفاده شده است که هرکدام جداگانه توضیح داده شده است.

روش اول: با استفاده از درخت تصادفی دودویی ژنولوژی م

در این روش همانگونه که از نام آن مشخص است با استفاده از درخت تصادفی دودویی ژنولوژی به ساخت ماتریس داده ورودی مسله میپردازیم که برای ساخت این دادگان از فرضهای که در ادامه آمده است استفاده خواهیم کرد.

در مرحله اول که ساخت درخت است به این صورت عمل میکنیم که به تعداد n گونه (سلول) در نظر می گیریم. سپس به ترتیب مراحل زیر را انجام می دهیم تا به درخت تصادفی مورد نظر برسیم.

- به هر کدام از n گونه متمایز در ابتدا وزن $w_i = 1$ را اختصاص می دهیم که متناسب با احتمال انتخاب هر گونه در مراحل بعدی خواهد بود.
 - برای هر گونه i تابع جرم احتمال را در ادامه به صورت $\frac{w_i}{\sum_{i=1}^n w_i}$ در نظر میگیریم
 - با استفاده از F دو گونه متمایز u,v را انتخاب می کنیم و به هم متصل می کنیم ullet

³Random Binary Genealogical Tree

- . به جای دو گونه u,v یک گونه جدید uv با وزن $w_{uv} = \frac{w_u + w_v}{\sqrt[7]{\zeta}}$ را قرار می دهیم
- تعداد گونه ها یک واحد کم شده است. بررسی میکنیم اگر تعداد گونه های باقی مانده از ۲ کمتر باشد درخت تصادفی ساخته شده است و پایان کار است. در غیر این صورت به مرحله اول بازمی گردیم.

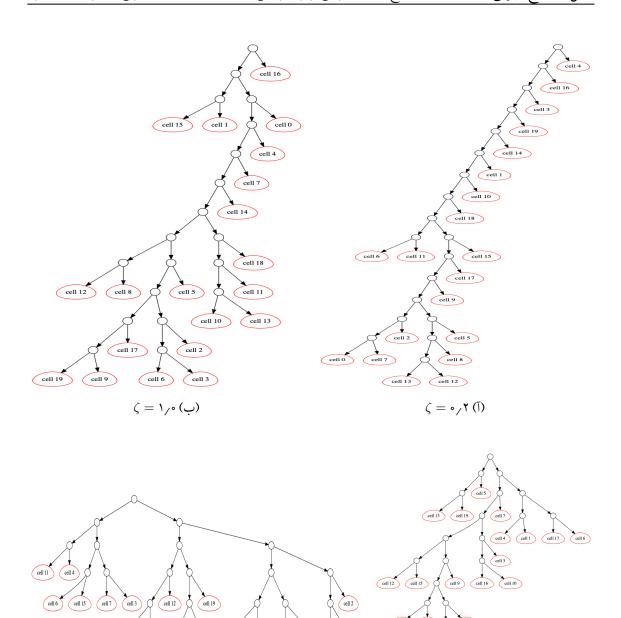
پارامتر γ به گونهای کنترل کننده میزان ناپایداری در طی نسلها میباشد. بطوریکه نمونهای از نتایج مقادیر مختلف آن برای n=1 در شکل ۱.۲ آورده شده است. پس از ساخت درخت تصادفی به سراغ مرحله بعد یعنی تبدیل درخت به ماتریس ژن-سلول E میرویم.

در ادامه با توجه به اینکه تعداد دلخواه جهشها چه عددی بوده است یکی از گامهای زیر را برمی داریم.

- اگر تعداد جهشها M>N بوده باشد در آن صورت به صورت تصادفی به تعداد دفعات اختلاف یکی از انشعابها در درخت را به صورت تصادفی انتخاب کرده و آن جهش اضافه شده را تا تمامی نوادگان پیش خواهیم برد.
- اگر تعداد جهشها M < N بوده باشد آنگاه مجددا به اندازه تعداد اختلاف انشعابهایی را انتخاب کرده و این بار جهش در آن انشعاب را تا تمامی نوادگان حذف می کنیم.

به این ترتیب تمامی سلولها را با تعداد جهشهای انتخابی خواهیم داشت. در نهایت برای اخرین تغییر در جهشها می توان یک گام دیگر برداشت که آن تولید یه عدد تصادفی کوچکتر از $\frac{M}{\gamma}$ است که به آن تعداد می توان جهشهای موجود را از انشعابی برداشت و بر روی انشعابی دیگر قرار داد. با این کار ممکن است تعداد جهشها در انشعابهای مختلف تغییر کند و چه بسا به مدلهای واقعی نزدیکتر شود که البته در این پایان نامه از گام آخر صرف نظر کرده ایم.

حال کار ما با پخش تصادفی جهشها در پایگاهداده مجازی پایان یافته است. تا به اینجا ما در فرض خود از هر نمونه جمعیت مختلف یک سلول داشته ایم. اما در بعضی مواقع در پایگاه داده های واقعی ممکن است از یک جمعیت بیش از یک نمونه وجود داشته باشد که البته این امر لزوما درست نیست به این دلیل که بعد از افزوده شدن نویز به داده ها ممکن است برخی سلول ها جهش هایشان مشابه هم شود. اما به هرحال اگر چنین چیزی را بخواهیم که داشته باشیم با انتخاب تصادفی برخی سلول ها (برگها) در درخت و کپی کردن آن ها می توان به چنین مقصودی رسید.



شکل ۱.۲: درخت فیلوژنی تصادفی تولید شده برای ۲۰ n=0 و γ های مختلف

cell 17 cell 18

 $\zeta = 100$ (2)

روش دوم: با استفاده از درخت تصادفی جهشهای ژنی ۴

 $\zeta=\Lambda$ (ج)

این روش نیز تا حدود زیادی مشابه روش قبل است با این تفاوت که در اینجا به جای اینکه درخت تصادفی را

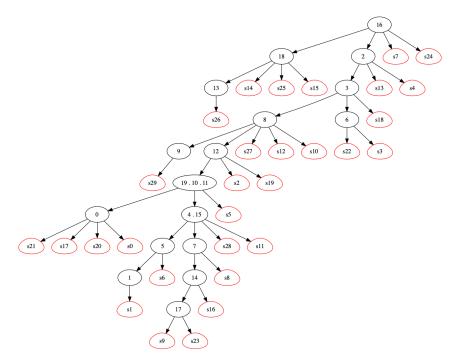
⁴Random Mutation History Tree

با توجه سلولها از پایین به بالا بسازیم، ابتدا یک درخت تصادفی بدون در نظر گرفتن سلولها ایجاد می کنیم و سپس به تخصیص جهشها به آن می پردازیم و در نهایت برای آخرین مرحله به تعداد دلخواد سلول را به درخت اضافه کرده و درخت را تکمیل می کنیم. در گام اول به تعداد M+1 نود در نظر میگیریم. مشابه حالت قبل با طی مراحلی بکه در ادامه آمده است به ساختار یک درخت تصادفی می رسیم.

- به هر کدام از m نود متمایز در ابتدا وزن $w_i = 1$ را اختصاص می دهیم که متناسب با روند حرکتی تومور به سمت آن جهش ها در مراحل بعدی خواهد بود.
 - . برای هر نود i تابع جرم احتمال را در ادامه به صورت $F_i = \frac{w_i}{\sum_{i=1}^n w_i}$ بیان می شود در نظر می گیریم.
 - با استفاده از F دو نود متمایز u,v را انتخاب می کنیم و به هم متصل می کنیم ullet
 - به جای دو گونه u,v یک نود جدید uv با وزن $w_{uv} = \frac{w_u + w_v}{\sqrt[7]{\zeta}}$ را قرار می دهیم.
- تعداد نودها یک واحد کم شده است. بررسی میکنیم اگر تعداد نودهای باقی مانده از ۲ کمتر باشد به مرحله بعد می رویم و در غیر این صورت به مرحله اول بازمی گردیم.
- در این مرحله تمامی برگهای درخت ساخته شده را حذف میکنیم و تنه باقی مانده را به عنوان درخت تصادفی جهشها در نظر میگیریم.

پس از به پایان رسیدن مراحلی که بیان شد درخت تصادفی آماده است و حال نوبت به تخصیص دادن خود ژنها به هرکدام از این نودهای درخت است. برای این منظور به هرکدام از M نود یک ژن را به صورت تصادفی تخصیص می دهیم. پس از آن برای نهایی سازی درخت جهشها از پارامتر دلخواه $\gamma*(M-1)=\gamma*(M-1)=1$ استفاده می کنیم که γ عددی بین $\gamma*(\gamma*(N-1))=1$ است و $\gamma*(N-1)=1$ تعداد یالهایی است که در درخت باید برداشته شود و دو نود آن با یکدیگر ادغام شود. این کار باعث می شود تا در درخت جهشها در برخی نودها به جای یک جهش چند جهش داشته باشیم که بتواند به مدل داده های واقعی نزدیکتر باشد.

 $N \geq N$ پس از تکمیل درخت جهشها نوبت قرار دادن نمونههایی بر روی آن است. به همین منظور با فرض اینکه $N \leq N$ است. به تعداد M تا از سلولها را به هر کدام از نودهای درخت جهش به عنوان برگهای جدید اضافه می کنیم و برای N-m سلول باقی مانده همین کار را اینبار به صورت تصادفی انجام می دهیم. در نهایت درخت تصادفی جهش ها ساخته شده است که نمونهای از آن را در شکل N-T قابل مشاهده است.



 $N= \mathfrak{ro}, M= \mathfrak{ro}, \zeta = \mathfrak{l}, \gamma = \mathfrak{o}/\mathfrak{lo}$ شکل ۲.۲: درخت جهش تصادفی با پارامترهای

۲.۱.۱.۲ تبدیل درخت به ماتریس ژن-سلول

با داشتن درخت (تولید شده با هرکدام از روشها تفاوتی ندارد) در ادامه از فرضهای مختلف در تولید ماتریس E می توان استفاده کرد.

فرض مدل مكانهاى بىنهايت^٥

در این حالت فرض میکنیم که هر جهش اتفاق افتاده در درخت فیلوژنی در تمامی نسلهای پس از آن باقی میماند و هیچگاه از بین نمیرود. در چنین حالتی درخت حاصل از این روش درختی یکتا بوده که به نام درخت فیلوژنی کامل^۶ شناخته می شود.

در این قسمت باید با استفاده از درخت تصادفی تولید بتوانیم ماتریس جهشها را برای سلولهای مختلف با فرض مکانهای بینهایت بدست آوریم. در ابتدا ماتریس E را به ابعاد M imes N ایجاد می کنیم و برای هر درایه i,j در

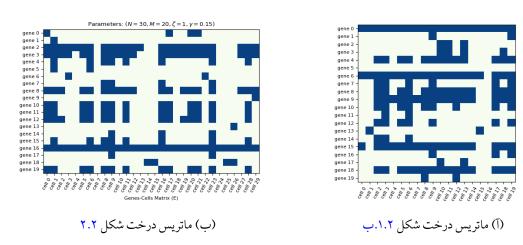
⁵Infinite Site Models

⁶Perfect Phylogeny Tree

آن که i شماره جهش و j شماره سلول است به صورت فرمولی که در ادامه آمده است مقداردهی میکنیم.

$$E_{i,j} = \begin{cases} \mathbf{1} & \text{if } & \text{mutation } i \text{ is an ancestor of cell } j \\ & & \text{o.w} \end{cases}$$
 (1.1)

به این ترتیب با فرض مدل مکانهای بینهایت ماتریس بدون خطا E را داریم که برای تصاویر دو روش درخت مرحله قبل در شکل 7.7 بدست آمدهاند.



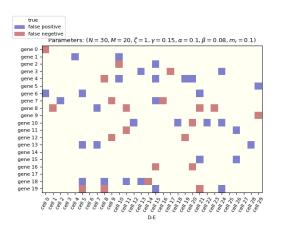
شکل $\mathfrak{T}.\mathfrak{T}$: ماتریسهای ژن-سلول (E) بدست آمده از درختهای تصادفی ساخته شده

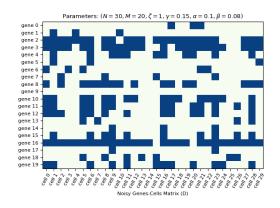
۳.۱.۱.۲ اضافه کردن نویز به ماتریس ژن-جهش

 $\Theta=(lpha,eta,m_r)$ برای قسمت نهایی آماده سازی پایگاه داده مجازی نیاز است تا به ماتریس E با پارامتر $B=P(D_{ij}|E_{ij})$ و $\alpha=P(D_{ij}=1|E_{ij}=0)$ است $\beta=P(D_{ij}|E_{ij})$ و $\alpha=P(D_{ij}=1|E_{ij}=0)$ است و همچنین $\alpha=P(D_{ij}|E_{ij})$ که نرخ داده های از دست رفته را مشخص می کند.

برای این منظور به ازای تمامی درایههای \circ ماتریس E هربار یک عدد تصادفی با توزیع یکنواخت بین $[\circ,1)$ بوجود می آوریم و اگر عدد تولید شده کوچکتر از α بود آنگاه ان درایه در ماتریس D را برابر با 1 قرار می دهیم. به همین ترتیب مجددا این بار برای درایههای 1 ماتریس 1 این کار را تکرار می کنیم و اگر عدد تصادفی تولید شده کوچکتر از 1 شد، درایه متناظر را در ماتریس 1 برابر با 1 قرار می دهیم.

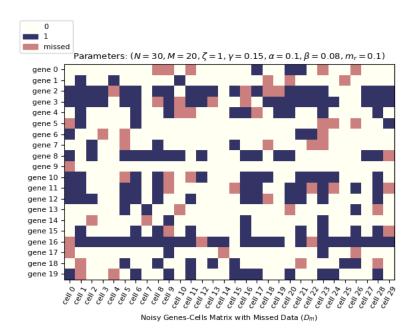
پس از اتمام کار نوبت به اضافه کردن دادههای از دست رفته است. برای این منظور با نرخ m_r بعضی از درایههای ماتریس D را برابر با ۲ قرار می دهیم که به منزله در دسترس نبودن اطلاعات است. نام ماتریس نهایی را که شامل دادههای از دست رفته است D_m می گزاریم. در ادامه تصاویر اضافه شدن نویز به ماتریس شکل D_m در شکل ۴.۲ آمده است.





 $\alpha = \circ /1, \beta = \circ /\circ \Lambda$ (ب) نویزی اضافه شده با پارمترهای



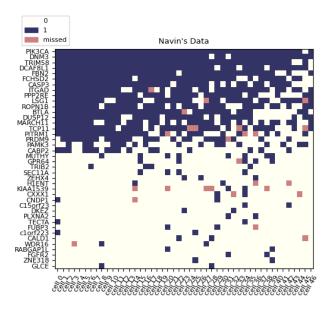


 $\alpha=\circ$ رم، $\beta=\circ$ ره، $m_r=\circ$ رم ماتریس نویزی به همراه دادههای از دست رفته با پارامترهای (ج)

شکل ۴.۲: ماتریسهای ژن-سلول همراه با نویز و دادههای از دست رفته شکل ۳.۲.ب که برای ورودی مسله آماده شده است.

۲.۱.۲ پایگاه داده حقیقی ۷

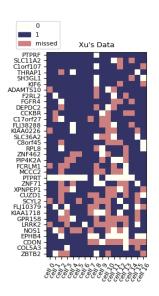
به عنوان پایگاه داده حقیقی از پایگاه داده استفاده شده در مقاله SCITE به عنوان پایگاه داده حقیقی اصلی Xu میباشد. همچنین پایگاهداده حقیقی Xu استفاده خواهیم کرد که ماتریس داده ورودی آن به صورت شکل ۵.۲ میباشد.



شكل ۵.۲: دادههاى حقيقى Navin در مقاله SCITE

نیز که در مقاله SCITE مورد استفاده قرار گرفته است در شکل ۶.۲ آمده است.

⁷Real Dataset



شكل ۶.۲: دادههای حقیقی Xu در مقاله

۲.۲ روش پیشنهادی بدست آوردن درخت فیلوژنی

پس از تخمین دادههای از دست رفته، در این بخش به معرفی روش پیشنهادی برای یافتن درخت فیلوژنی می پردازیم. در روشهای گذشته که رویکرد آن در ادامه بیان شده است به موفقیت نرسیدیم و اینبار در نظر داریم تا با استفاده از یک درخت در ساختار شبکه ژنها بتوانیم به یک درخت فیلوژنی مناسب دست یابیم.

- استفاده از شبکه ژنها

۷ استفاده از یک گراف ابتدایی و سپس تغییر و هرس کردنش تا رسیدن به درخت جهشها

۳ استفاده از یک درخت نمونه نابهینه و تغییر اتصالات تا رسیدن به درخت بهینه جهشها

- استفاده از شبکه سلولها

۷ استفاده از یک گراف سلولها و بهینه کردن ارتباطات بین آنها و سپس تبدیل آن به درخت فیلوژنی

در رویکرد اول ما از شبکههای ژنی استفاده خواهیم نمود. این شبکهها نودهایی معادل با یک ژن متمایز را در نظر می گیرند. در گذشته با استفاده از شبکهای کامل با وزنهای متفاوت که بر حسب اطلاعات ورودی به الگوریتم تعیین میشد، متاسفانه به موفقیت خاصی نرسیدیم. همچنین مشابه همین رویکرد را در ساختار

شبکههای سلولی دنبال کردیم که مجددا پیشرفت قابل ملاحظهای حاصل نشد. به همین جهت اینبار در این گزارش با تغییری اساسی به دنبال یافتن روشی مناسب برای استنتاج درخت فیلوژنی می باشیم.

۱.۲.۲ استفاده از شبکه ژنها برای یافتن درخت فیلوژنی

در این رویکرد با استفاده از شبکهای که نودهایی معادل ژنها داشته باشد سعی داریم تا به درخت فیلوژنی بهینه برسیم.

۱.۱.۲.۲ استفاده از یک درخت نمونه نابهینه و تغییر اتصالات تا رسیدن به درخت فیلوژنی بهینه

در این روش قصد داریم تا با شروع از یک درخت نمونه که در ابتدا به صورت تصادفی از اتصال ژنها بوجود آمده است، به بهینه ترین درخت ممکن برسیم. این روش به صورت تکرارواره با تغییر اتصالات درخت سعی در بدست آوردن درختی مطلوب تر دارد که شرایط و روابط تاثیرگزار در آن به تفضیل شرح داده خواهد شد. در واقع این روش پیشنهادی یک جست و جوی حریصانه می باشد که طی شرایطی می توان انتظار داشت که به پاسخ بهینه دست یافته شود. این روش به نام روش زنجیره مارکو مونت-کارلو^ شناخته می شود که در بسیاری از مقالات مرتبط نیز مورد استفاده قرار گرفته شده است.

برای شروع یک درخت تصادفی T را با نودهایی معادل ژنهای پایگاه داده ورودی در نظر می گیریم که در گام اول به صورت تصادفی ساخته شده است. در گامهای بعدی یک نود n_1 را از درخت T به صورت تصادفی انتخاب می کنیم. سپس زیردرخت با ریشه این نود را از درخت کم می کنیم. حال در درخت باقی مانده یک نود دیگر n_1 را به صورت تصادفی انتخاب می کنیم و آن زیر درخت قبلی با ریشه n_1 را به n_2 متصل می کنیم و درخت جدید را n_3 نامگزاری می کنیم. پس از آن با احتمال،

$$P = \min\left(1, \frac{Eng(T)}{Eng(T_n)}\right) \tag{7.7}$$

درخت جدید بدست آمده T_n را به عنوان نتیجه این گام می پذیریم و در غیر این صورت درخت این گام نیز همان درخت جدید بدست آمده T_n را به عنوان نتیجه این گام می پذیریم و در خت در واقع انرژی آن درخت را محاسبه درخت سابق T باقی خواهد ماند. در رابطه ۲.۲، تابع Eng برای یک درخت در واقع انرژی آن درخت را محاسبه

⁸Markov Chain Monte Carlo

می کند و ما به دنبال پایدارترین درخت هستیم که کمترین انرژی را داشته باشد. تعریف این تابع برای یک درخت به این صورت است که با توجه به نمونه هایی که در دادگان ورودی D قرار دارد و اینکه کدام ژن بالاتر یا پایین تر از دیگر ژن ها قرار دارد به درخت یک نمره انرژی منصوب می کند که به صورت فرمول T.T بیان می شود.

$$Eng(T) = ||E - \hat{E}|| \tag{\text{Υ.Y)}}$$

که در اینجا \hat{E} ماتریس تخمین زده شده روش پیشنهادی با توجه به درخت نهایی بدست آمده خواهد بود. در واقع ماتریس \hat{E} ماتریس صحیح بدون خطا است که جهشهای مختلف را به ازای سلولهای مختلف مشخص می کند. هنگامی که ما درخت ساخته شده فرضی T را داشته باشیم می توانیم در دو گام به \hat{E} برسیم. توجه به این نکته ضروری است که اگر در واقعیت فرض ما که همان مکان بی نهایت بود کامل برقرار باشد و E را داشته باشیم، ختما باید بتوانیم به درختی با E دا واقعی خواهد بود نه خود آن که در اصل به صورت فرمول ۴.۲ بنابرین محاسبه خطای ما نیز تخمینی از خطای واقعی خواهد بود نه خود آن که در اصل به صورت فرمول ۴.۲ می شود.

$$Eng(T) \approx Err(T) = ||D - \hat{E}||$$
 (4.7)

می دانیم که هر نود از این درخت T یک مکان برای اتصال سلولی می تواند باشد که در این صورت معنی آن اینگونه خواهد بود که سلول ضمیمه شده به آن نود تمام جهشهای والد خود را داشته است. بنابرین در گام اول نیاز است تا هر مکان از درخت مشخص شود که چه نمونههایی می تواند تولید نماید. این اطلاع توسط ماتریس A مشخص می شود که به صورت زیر از روی درخت ساخته خواهد شد.

حال در گام دوم کافی می توانیم با توجه به یک معیار بهترین انتخاب را برای ضمیمه کردن سلول ها (نمونه های) موجود به درخت داشته باشیم. به همین جهت در ماتریس D که هر ستون آن برابر با نمایش یک سلول است، می تواند با هر ستون از ماتریس A مقایسه شود و بهترین ستونی که از A انتخاب شود برابر با جایگاه مناسب

ضمیمه شدن نمونه با مقداری خطا به درخت T است. حال با توجه به اینکه فرض مکانهای بینهایت را داشتیم ماتریس E را به صورت زیر می سازیم.

$$\hat{E}_{i,j} = A_{i,\sigma_j} \tag{9.1}$$

که بهترین جایگاه به صورت فرمول زیر انتخاب میشود. d_j است که بهترین جایگاه به صورت فرمول زیر انتخاب می شود.

$$\sigma_{j} = \arg \max_{x \in [\mathbf{1} \to M]} \sum_{i=\mathbf{1}}^{M} \left[A_{i,x} D_{i,j} (\mathbf{1} - \beta) + (\mathbf{1} - A_{i,x}) (\mathbf{1} - D_{i,j}) (\mathbf{1} - \alpha) + A_{i,x} (\mathbf{1} - D_{i,j}) \beta + (\mathbf{1} - A_{i,x}) D_{i,j} \alpha \right]$$

$$\left[(\mathbf{V}.\mathbf{Y}) \right]$$

حال با داشتن ماتریس \hat{E} می توان خطای درخت را محاسبه نمود و با هدایت mcmc طبق فرمول ۸.۲ به درخت بهینه T_{op} رسید.

$$T_{op} = \min_{T \in \text{All possible } T} \left(||D - \hat{E}_T|| \right)$$
 (A.Y)

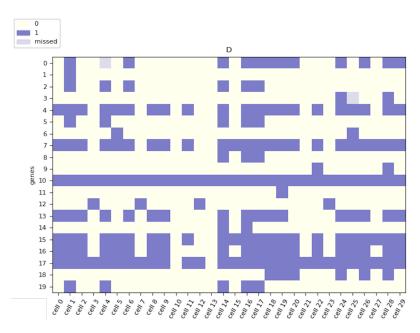
۳.۱ نتایج تجربی

در این بخش به نتایج بدست آمده برای روش پیشنهادی میپردازیم و برای هر دو داده مصنوعی و حقیقی نتایج بدست آمده را تحلیل خواهیم نمود.

۱.۳.۲ نتایج بر روی پایگاه داده مصنوعی

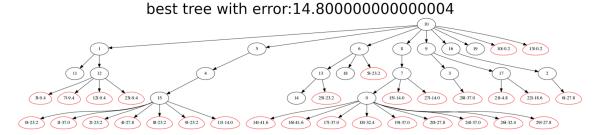
همانگونه که در بخش دوم توضیح داده شد با توجه به سختی دسترسی به پایگاه دادههای حقیقی و اینکه در آنها نیز حقیقت دادهها (E) وجود ندارد تصمیم به ایجاد پایگاه دادهای مصنوعی گرفته شد که با کمک آن بتوان ارزیابی مناسبی از روش پیشنهادی و میزان کارایی و مقاومت روش را نسبت به تغییر پارامترها سنجید.

فرض کنید ماتریس ورودی شکل ۷.۲ را در اختیار داریم و میخواهیم بهترین درخت فیلوژنی را برای آن بیابیم.



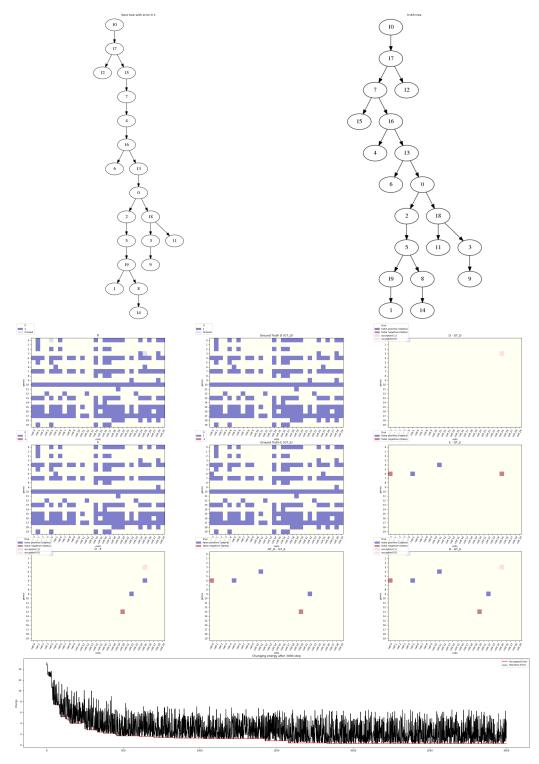
D نمونه ی تصادفی از ماتریس ورودی D شکل V.Y: نمونه ی تصادفی از ماتریس ورودی

حال یک درخت تصادفی به صورت شکل ۸.۲ میسازیم. در درخت شکل ۸.۲ نمونه ها (سلولها) با رنگ قرمز به درخت متصل شده اند که البته این ضمیمه بهترین ضمیمه ممکن است و میزان انرژی (خطای) هر ضمیمه نیز در کادر قرمز رنگ سلولها به صورتی عددی منفی نوشته شده است.



شكل ٨.٢: درخت تصادفي ايجاد شده به عنوان درخت اوليه شكل ٧.٢

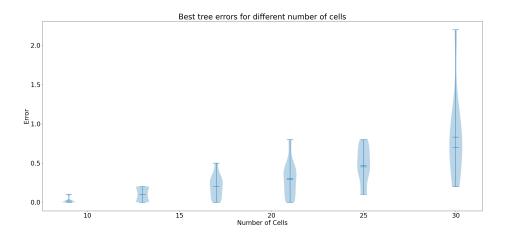
پس از این مرحله اگر ۳۰۰۰ گام MCMC را اجرا نماییم می توانیم نتیجه حاصله را در شکل ۹.۲ مشاهده کنیم. در این شکل دو درخت وجود دارد که درخت سمت راستی درخت حقیقی است که به دنبال آن بودیم و درخت سمت چپ بهترین درخت یافته شده است. همچنین در پایین شکل، ۹ ماتریس مشاهده می شود که ماتریسها سمت راست و پایین به نوعی بیان کننده میزان خطا بین ۴ ماتریس سمت چپ بالا می باشند. در بالای هر ماتریس نام آن نوشته شده است و در نهایت در انتهای تصویر نیز روند کاهش خطا و تلاشهای MCMC در گامهای مختلف قابل مشاهده است. فقط نکتهای که وجود دارد این است که خطای نوشته شده در تصاویر برابر ۱/۰ مقیاس نوشته شده است.



شکل ۹.۲: نتیجه اجرای روش پیشنهادی برای ماتریس شکل ۷.۲

اما برای بررسی مناسبتر تعدادی تست را به ازای M و Nهای مختلف اجرا نمودیم که به صورت خلاصه نتایج حاصل از آن در ادامه قابل مشاهده است.

در شکل ۱۰.۲ مقدار خطای درخت بهینه یافته شده قابل مشاهده است که نشان می دهد هر چه تعداد نمونهها افزایش پیدا میکند و اندازه ماتریس ورودی بزرگتر می شود، مقدار خطا نیز افزایش می یابد. در این اجرا تعداد جهشها نیز عددی بین تعداد نمونه ها و نصف تعداد نمونه ها بوده است. حال برای اینکه متوجه شویم آیا این

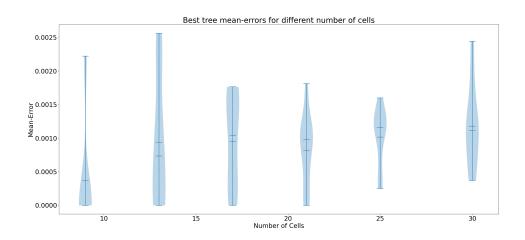


شكل ١٠٠٢: نتيجه اجراي روش پيشنهادي براي تعداد نمونههاي مختلف

افزایش خطا بخاطر ضعف روش پیشنهادی است یا ماهیت دادههای ورودی میزان خطا را در هر اجرا بر تعداد خانههای ماتریس D تقسیم میکنیم که در آن صورت به نمودار شکل ۱۱.۲ میرسیم. در این نمودار جدید مشخص می شود که با افزایش اندازه ماتریس ورودی روش پیشنهادی سعی می کند تا خطا را به ازای هر داده کنترل کند که نشان از کار آمدی روش پیشنهادی می باشد.

۲.۳.۲ نتایج بر روی دادههای حقیقی

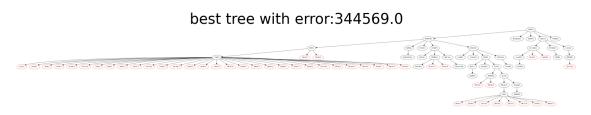
در این قسمت به ارائه گزارش و نتایج حاصل از روشهای پیشنهادی با استفاده از دادههای حقیقی برای بدست آوردن درخت فیلوژنی خواهیم پرداخت.



شکل ۱۱.۲: نتیجه اجرای روش پیشنهادی برای تعداد نمونههای مختلف

۱.۲.۳.۲ نتایج بهینهسازی درخت ژنی

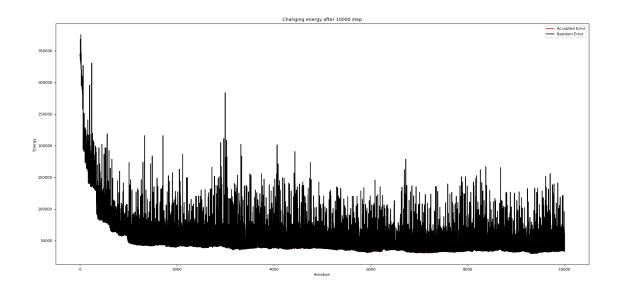
همان طور که در فصل قبل بیان شد، یکی از روشهای بدست آوردن درخت فیلوژنی استفاده از یک درخت تصادفی نابهینه ژنی بود که طی تکرار گامهایی سعی در تغییر اتصالات و یافتن درخت بهینه داشت که بتواند روند صحیح تغییرات ژنی را در تومور مورد نظر نمایش دهد. نتیجه بدست آمده بر روی پایگاه داده حقیقی Navin به شرح زیر می باشد که عکس ۱۲.۲ درخت تصادفی اولیه الگوریتم را نشان می دهد که انرژی آن نیز بالای تصویر نوشته شده است.

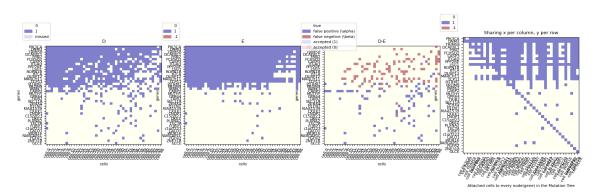


شكل ١٢.٢: درخت تصادفي اوليه

تصویر ۱۳.۲ نیز نمودار تغییر انرژی را طی گامهای مختلف نمایش پیشنهادی مشخص میکند. در نهایت تصویر بهترین درخت یافته شده به همراه انرژی آن.

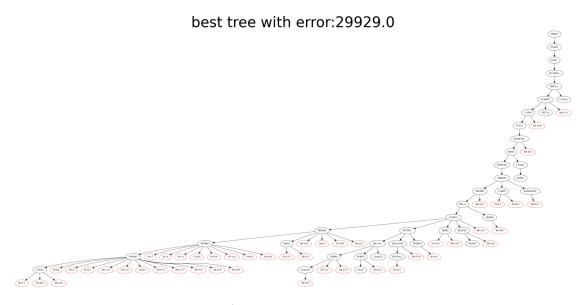
در نهایت برای مقایسه نیز تصویر درخت حاصله در مقاله اصلی SCITE را در شکل ۱۵.۲ نمایش داده شده





شکل ۱۳.۲: نمودار تغییر انرژی در طی گامهای مختلف

است. همان طور که مشخص است مقدار انرژی بدست آمده برای خروجی الگوریتم پیشنهادی بهتر (کمتر) از انرژی درخت SCITE می باشد که دلیل بر بهینه تر بودن درخت روش پیشنهادی ارائه شده در این گزارش است.



شكل ۱۴.۲: بهترين درخت يافتهشده و خروجي الگوريتم براي مقاله SCITE

۴.۲ گامهای آتی

در ادامه برای تکمیل روش پیشنهادی در دو قسمت نیاز به بهبود وجود دارد. قسمت اول مربوط به درخت اولیه است و قسمت دیگر مربوط به سرعت MCMC می باشد.

۱.۴.۲ بهبود در ساخت درخت اولیه

در حال حاضر ما درخت اولیه را به صورت تصادفی انتخاب می کنیم که می توان در این مرحله درخت اولیه را با استفاده از مفروضات مدل مکانهای بی نهایت و با توجه به ماتریس ورودی بهبود بخشید. این کار باعث می شود تا شروع الگوریتم از نقطه بهتری باشد که در این صورت هم گامهای لازم برای رسیدن به درخت بهینه می تواند کمتر شود و هم اینکه احتمال قرار گرفتن در نقاط اکسترمم نسبی را کاهش می دهیم.

۲.۴.۲ افزایش سرعت همگرایی MCMC

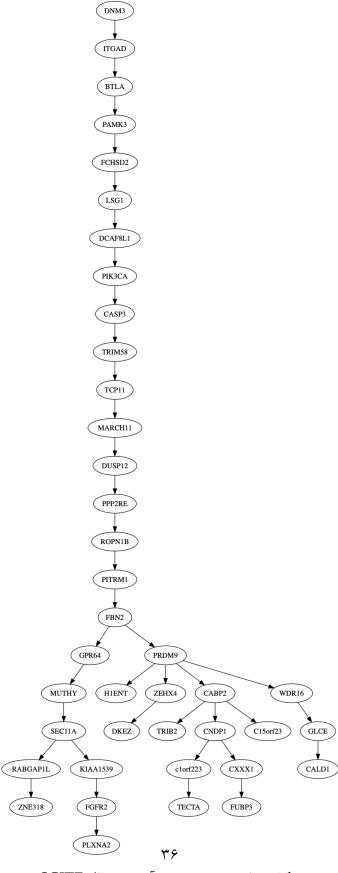
در این بخش نیاز است تا در دو قسمت روش پیشنهادی بهبود یابد.

۱.۲.۴.۲ تنوع در گامها با استراتژی معقول

برای این بخش کاری که باید انجام شود این است که بتوان برای افزایش سرعت همگرایی از روشهای مختلف در گامها استفاده کرد. برای مثال در حال حاضر می توان از سه روش مختلف در هر گام استفاده نمود. روش اول تعویض دو نود در درخت می باشد. روش دوم جدایی یک زیر درخت و اتصال آن به محلی دیگر می باشد و در نهایت روش سوم تعویض دو زیر درخت با یکدیگر می باشد. با انتخاب یک استراتژی مناسب بین هرکدام از این روشها در گامهای مختلف احتمالاً بتوان سرعت همگرایی را افزایش داد.

۲.۲.۴.۲ قرار دادن احتمال وزندار به ازای هر انتخاب

در حال حاضر ما در هرکدام از روشهای مختلف که در بخش قبل برای گامهای MCMC بیان کردیم، انتخاب نودها را به صورت کاملا یکنواخت انجام می دهیم. در صورتی که احتمالاً بتوان با تعریف فرمولی مناسب این احتمال انتخاب بین نودهای مختلف در درخت را از حالت یکنواخت خارج کرد و در نتیجه مجددا سرعت همگرایی الگوریتم را افزایش داد.



شكل ۱۵.۲: درخت بدست آمده در مقاله SCITE

مراجع

- [1] Azer, Erfan Sadeqi, Ebrahimabadi, Mohammad Haghir, Malikić, Salem, Khardon, Roni, and Sahinalp, S Cenk. Tumor phylogeny topology inference via deep learning. *Iscience*, 23(11):101655, 2020.
- [2] Beerenwinkel, Niko, Schwarz, Roland F, Gerstung, Moritz, and Markowetz, Florian. Cancer evolution: mathematical models and computational inference. *Systematic biology*, 64(1):e1–e25, 2015.
- [3] Ciregan, Dan, Meier, Ueli, and Schmidhuber, Jürgen. Multi-column deep neural networks for image classification. In *2012 IEEE conference on computer vision and pattern recognition*, pages 3642–3649. IEEE, 2012.
- [4] Davis, Alexander and Navin, Nicholas E. Computing tumor trees from single cells. *Genome biology*, 17(1):1–4, 2016.
- [5] Dean, Frank B, Nelson, John R, Giesler, Theresa L, and Lasken, Roger S. Rapid amplification of plasmid and phage dna using phi29 dna polymerase and multiply-primed rolling circle amplification. *Genome research*, 11(6):1095–1099, 2001.
- [6] Deshwar, Amit G, Vembu, Shankar, Yung, Christina K, Jang, Gun Ho, Stein, Lincoln, and Morris, Quaid. Phylowgs: reconstructing subclonal composition and evolution from wholegenome sequencing of tumors. *Genome biology*, 16(1):1–20, 2015.
- [7] Devlin, Jacob, Chang, Ming-Wei, Lee, Kenton, and Toutanova, Kristina. Bert: Pretraining of deep bidirectional transformers for language understanding. *arXiv* preprint *arXiv*:1810.04805, 2018.
- [8] Donmez, Nilgun, Malikic, Salem, Wyatt, Alexander W, Gleave, Martin E, Collins, Colin C, and Sahinalp, S Cenk. Clonality inference from single tumor samples using low coverage sequence data. In *International Conference on Research in Computational Molecular Biology*, pages 83–94. Springer, 2016.

- [9] Eaton, Jesse, Wang, Jingyi, and Schwartz, Russell. Deconvolution and phylogeny inference of structural variations in tumor genomic samples. *Bioinformatics*, 34(13):i357–i365, 2018.
- [10] El-Kebir, Mohammed. Sphyr: tumor phylogeny estimation from single-cell sequencing data under loss and error. *Bioinformatics*, 34(17):i671–i679, 2018.
- [11] El-Kebir, Mohammed, Oesper, Layla, Acheson-Field, Hannah, and Raphael, Benjamin J. Reconstruction of clonal trees and tumor composition from multi-sample sequencing data. *Bioinformatics*, 31(12):i62–i70, 2015.
- [12] Hou, Yong, Song, Luting, Zhu, Ping, Zhang, Bo, Tao, Ye, Xu, Xun, Li, Fuqiang, Wu, Kui, Liang, Jie, Shao, Di, et al. Single-cell exome sequencing and monoclonal evolution of a jak2-negative myeloproliferative neoplasm. *Cell*, 148(5):873–885, 2012.
- [13] Husić, Edin, Li, Xinyue, Hujdurović, Ademir, Mehine, Miika, Rizzi, Romeo, Mäkinen, Veli, Milanič, Martin, and Tomescu, Alexandru I. Mipup: minimum perfect unmixed phylogenies for multi-sampled tumors via branchings and ilp. *Bioinformatics*, 35(5):769–777, 2019.
- [14] Jahn, Katharina, Kuipers, Jack, and Beerenwinkel, Niko. Tree inference for single-cell data. *Genome biology*, 17(1):1–17, 2016.
- [15] Kim, Kyung In and Simon, Richard. Using single cell sequencing data to model the evolutionary history of a tumor. *BMC bioinformatics*, 15(1):1–13, 2014.
- [16] Liu, Yinhan, Ott, Myle, Goyal, Naman, Du, Jingfei, Joshi, Mandar, Chen, Danqi, Levy, Omer, Lewis, Mike, Zettlemoyer, Luke, and Stoyanov, Veselin. Roberta: A robustly optimized bert pretraining approach. *arXiv preprint arXiv:1907.11692*, 2019.
- [17] Malikic, Salem, Jahn, Katharina, Kuipers, Jack, Sahinalp, S Cenk, and Beerenwinkel, Niko. Integrative inference of subclonal tumour evolution from single-cell and bulk sequencing data. *Nature communications*, 10(1):1–12, 2019.
- [18] Malikic, Salem, McPherson, Andrew W, Donmez, Nilgun, and Sahinalp, Cenk S. Clonality inference in multiple tumor samples using phylogeny. *Bioinformatics*, 31(9):1349–1356, 2015.
- [19] Malikic, Salem, Mehrabadi, Farid Rashidi, Azer, Erfan Sadeqi, Ebrahimabadi, Mohammad Haghir, and Sahinalp, S Cenk. Studying the history of tumor evolution from single-cell sequencing data by exploring the space of binary matrices. *bioRxiv*, 2020.
- [20] Malikic, Salem, Mehrabadi, Farid Rashidi, Ciccolella, Simone, Rahman, Md Khaledur, Ricketts, Camir, Haghshenas, Ehsan, Seidman, Daniel, Hach, Faraz, Hajirasouliha, Iman, and

- Sahinalp, S Cenk. Phiscs: a combinatorial approach for subperfect tumor phylogeny reconstruction via integrative use of single-cell and bulk sequencing data. *Genome research*, 29(11):1860–1877, 2019.
- [21] McGranahan, Nicholas and Swanton, Charles. Clonal heterogeneity and tumor evolution: past, present, and the future. *Cell*, 168(4):613–628, 2017.
- [22] McPherson, Andrew, Roth, Andrew, Laks, Emma, Masud, Tehmina, Bashashati, Ali, Zhang, Allen W, Ha, Gavin, Biele, Justina, Yap, Damian, Wan, Adrian, et al. Divergent modes of clonal spread and intraperitoneal mixing in high-grade serous ovarian cancer. *Nature genetics*, 48(7):758, 2016.
- [23] Ricketts, Camir, Seidman, Daniel, Popic, Victoria, Hormozdiari, Fereydoun, Batzoglou, Serafim, and Hajirasouliha, Iman. Meltos: multi-sample tumor phylogeny reconstruction for structural variants. *Bioinformatics*, 36(4):1082–1090, 2020.
- [24] Ross, Edith M and Markowetz, Florian. Onconem: inferring tumor evolution from single-cell sequencing data. *Genome biology*, 17(1):1–14, 2016.
- [25] Sadeqi Azer, Erfan, Rashidi Mehrabadi, Farid, Malikić, Salem, Li, Xuan Cindy, Bartok, Osnat, Litchfield, Kevin, Levy, Ronen, Samuels, Yardena, Schäffer, Alejandro A, Gertz, E Michael, et al. Phiscs-bnb: a fast branch and bound algorithm for the perfect tumor phylogeny reconstruction problem. *Bioinformatics*, 36(Supplement_1):i169–i176, 2020.
- [26] Salehi, Sohrab, Steif, Adi, Roth, Andrew, Aparicio, Samuel, Bouchard-Côté, Alexandre, and Shah, Sohrab P. ddclone: joint statistical inference of clonal populations from single cell and bulk tumour sequencing data. *Genome biology*, 18(1):1–18, 2017.
- [27] Satas, Gryte and Raphael, Benjamin J. Tumor phylogeny inference using tree-constrained importance sampling. *Bioinformatics*, 33(14):i152–i160, 2017.
- [28] Satas, Gryte, Zaccaria, Simone, Mon, Geoffrey, and Raphael, Benjamin J. Scarlet: Single-cell tumor phylogeny inference with copy-number constrained mutation losses. *Cell Systems*, 10(4):323–332, 2020.
- [29] Selsam, Daniel, Lamm, Matthew, Bünz, Benedikt, Liang, Percy, de Moura, Leonardo, and Dill, David L. Learning a sat solver from single-bit supervision. *arXiv preprint arXiv:1802.03685*, 2018.
- [30] Senior, Andrew W, Evans, Richard, Jumper, John, Kirkpatrick, James, Sifre, Laurent, Green, Tim, Qin, Chongli, Žídek, Augustin, Nelson, Alexander WR, Bridgland, Alex, et al. Improved

- protein structure prediction using potentials from deep learning. *Nature*, 577(7792):706–710, 2020.
- [31] Silver, David, Schrittwieser, Julian, Simonyan, Karen, Antonoglou, Ioannis, Huang, Aja, Guez, Arthur, Hubert, Thomas, Baker, Lucas, Lai, Matthew, Bolton, Adrian, et al. Mastering the game of go without human knowledge. *nature*, 550(7676):354–359, 2017.
- [32] Singer, Jochen, Kuipers, Jack, Jahn, Katharina, and Beerenwinkel, Niko. Single-cell mutation identification via phylogenetic inference. *Nature communications*, 9(1):1–8, 2018.
- [33] Strino, Francesco, Parisi, Fabio, Micsinai, Mariann, and Kluger, Yuval. Trap: a tree approach for fingerprinting subclonal tumor composition. *Nucleic acids research*, 41(17):e165–e165, 2013.
- [34] Williams, Ronald J. Simple statistical gradient-following algorithms for connectionist reinforcement learning. *Machine learning*, 8(3-4):229–256, 1992.
- [35] Wu, Yufeng. Accurate and efficient cell lineage tree inference from noisy single cell data: the maximum likelihood perfect phylogeny approach. *Bioinformatics*, 36(3):742–750, 2020.
- [36] Yuan, Ke, Sakoparnig, Thomas, Markowetz, Florian, and Beerenwinkel, Niko. Bitphylogeny: a probabilistic framework for reconstructing intra-tumor phylogenies. *Genome biology*, 16(1):1–16, 2015.
- [37] Zaccaria, Simone, El-Kebir, Mohammed, Klau, Gunnar W, and Raphael, Benjamin J. The copy-number tree mixture deconvolution problem and applications to multi-sample bulk sequencing tumor data. In *International Conference on Research in Computational Molecular Biology*, pages 318–335. Springer, 2017.
- [38] Zafar, Hamim, Navin, Nicholas, Chen, Ken, and Nakhleh, Luay. Siclonefit: Bayesian inference of population structure, genotype, and phylogeny of tumor clones from single-cell genome sequencing data. *Genome research*, 29(11):1847–1859, 2019.
- [39] Zafar, Hamim, Tzen, Anthony, Navin, Nicholas, Chen, Ken, and Nakhleh, Luay. Sifit: inferring tumor trees from single-cell sequencing data under finite-sites models. *Genome biology*, 18(1):1–20, 2017.