

Programa para cálculo de parâmetros de sequência em linhas de transmissão subterrâneas

Matheus Garcia Ribeiro matheus.garcia@alumni.usp.br

### Ferramenta Piloto de Cálculo – Visão Geral



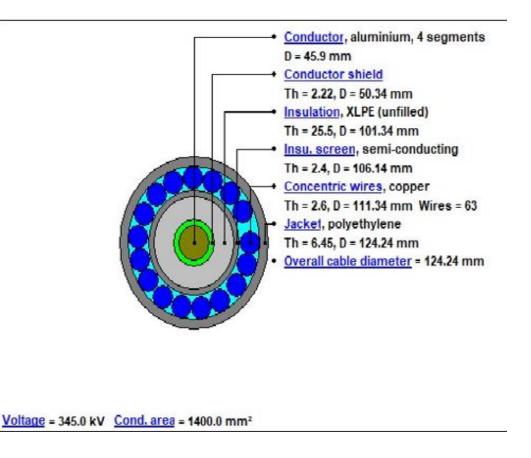
Disponível em https://github.com/mgarciaribeiro/Sispot

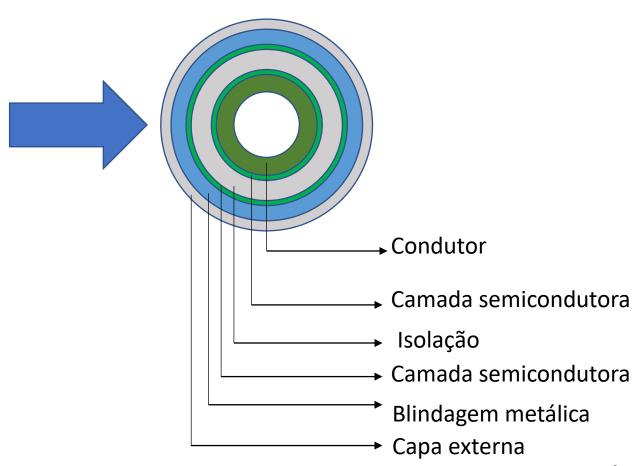
#### Ferramenta Piloto de Cálculo – Visão Geral

- Por que calcular parâmetros de cabos subterrâneos?
  - Cable Constants n\u00e3o fornece diretamente estes valores;
  - CYMCAP é um software caro e não possuímos, além disso, necessário módulo específico;

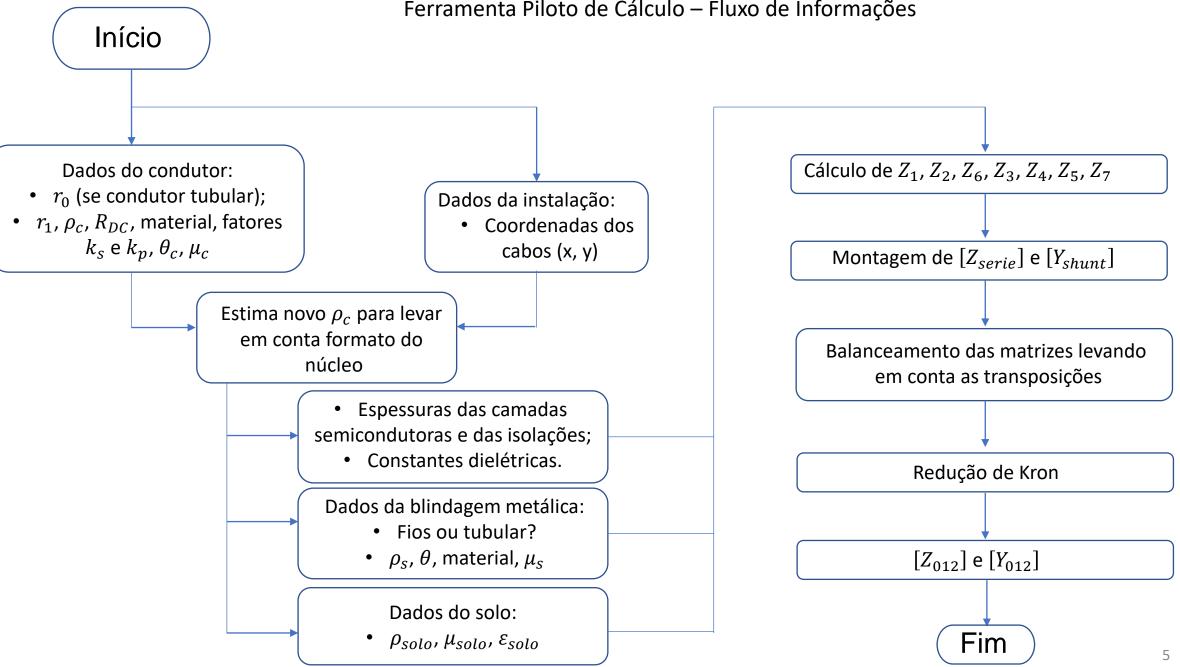
- Ferramenta desenvolvida em linguagem Python, calculando parâmetros de sequência e decomposição modal (análise qualitativa) para até 2 circuitos.
- Fornece ao final dos cálculos as entradas para inserir no ATP, de modo a obtermos matrizes  $Z_{serie}$  e  $Y_{shunt}$  compatíveis entre a rotina e Cable Constants do ATP.
- Entradas interativas.

# Princípios da modelagem





# Ferramenta Piloto de Cálculo – Fluxo de Informações



• IEC 60287-1-1:2006 [1]

$$R_{ac} = R_{DC} \big( 1 + y_s + y_p \big)$$

 $R_{AC}$ : Resistência em corrente alternada;

 $R_{DC}$ : Resistência em corrente contínua na temperatura desejada;

 $y_s$ : Fator de correção para levar em conta o efeito pelicular. É função do formato do núcleo;

 $y_p$ : Fator de correção para levar em conta o efeito de proximidade. É função do formato do núcleo.

# IEC 60287-1-1:2006

$$R_{DC} = R_{DC@20} (1 + \alpha_{20} (\theta_c - 20))$$

 $R_{DC@20}$ : Tensão em corrente contínua para 20°C. IEC 60228 apresenta valores mínimos de referência em função da seção transversal e material do condutor (cobre ou alumínio);

 $\alpha_{20}$ : Fator de correção da resistência em função da temperatura em 20°C.

Alumínio: 0,00403 ºC<sup>-1</sup>

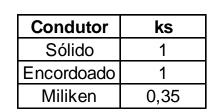
Cobre: 0,00393 <sup>o</sup>C<sup>-1</sup>

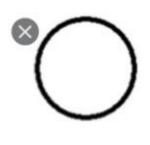
 $\theta_c$ : Temperatura desejada para o cálculo em  ${}^{\circ}$ C.

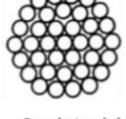
IEC 60287-1-1:2006 – Correção com efeito pelicular

Condutor de cobre

Condutor de alumínio







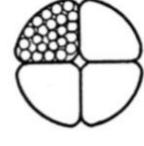


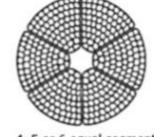
Round, solid

Round, stranded

compacted







4, 5 or 6 equal segments

4, 5 or 6 equal segments (Milliken)

hollow (Milliken) with or without core

Round, with profiled strands

Condutor tubular

$$k_S = \frac{r_1 - r_0}{r_1 + r_0} \times \left(\frac{r_1 + 2r_0}{r_1 + r_0}\right)^2$$

• IEC 60287-1-1:2006 – Correção com efeito pelicular

$$x_{s} = \sqrt{\frac{8\pi f}{R_{DC}}} \times 10^{-7} \times k_{s}$$

f: Frequência de cálculo em Hz;

$$y_S = \frac{x_S^4}{192 + 0.8x_S^4}$$
, se  $0 < x_S \le 2.8$ 

$$y_s = -0.136 - 0.0177x_s + 0.0563x_s^2$$
, se 2.8 <  $x_s \le 3.8$ 

$$y_s = 0.354x_s - 0.733$$
, se  $x_s > 3.8$ 

- IEC 60287-1-1:2006 Correção com efeito de proximidade
- Condutor de cobre

Condutor	kp
Sólido	1
Encordoado	1
Miliken	0,2

• Condutor de alumínio

Condutor	kp
Sólido	1
Encordoado	1
Miliken	0,15

• IEC 60287-1-1:2006 – Correção com efeito de proximidade

$$x_p = \sqrt{\frac{8\pi f}{R_{DC}}} \times 10^{-7} \times k_p$$

*f* : Frequência de cálculo em Hz;

$$y_{p} = \frac{x_{p}^{4}}{192 + 0.8 x_{p}^{4}} \left(\frac{d_{c}}{s}\right)^{2} \left[0.312 \left(\frac{d_{c}}{s}\right)^{2} + \frac{1.18}{\frac{x_{p}^{4}}{192 + 0.8 x_{p}^{4}} + 0.27}\right]$$

*d<sub>c</sub>: Diâmetro do condutor;* 

s: Distância entre dois condutores

- Equações analíticas que constam na literatura técnica não levam em conta o formato do condutor e o efeito de proximidade, porém, consideram efeito pelicular [2]:
- Condutor sólido:

$$Z_c = \frac{\rho_c m_c}{2\pi r_1} \frac{I_0(m_c r_1)}{I_1(m_c r_1)}$$

 $\rho_c$ : Resistividade elétrica do condutor  $(\Omega, m)$ 

 $r_1$ : Raio externo do condutor (m)

 $I_0(m_c r_1)$ : Função de Bessel modificada de primeira espécie e ordem 0;

 $I_1(m_c r_1)$ : Função de Bessel modificada de primeira espécie e ordem 1.

$$m_c = \sqrt{\frac{j\omega\mu_c\mu_0}{\rho_c}}$$

 $\omega$ : Frequência angular  $(2\pi f)$  em rad/s;

 $\mu_c$ : Permeabilidade relativa do condutor;

 $\mu_0$ : Permeabilidade magnética do ar  $(4\pi 10^{-7} H/m)$ 

Condutor tubular [3]:

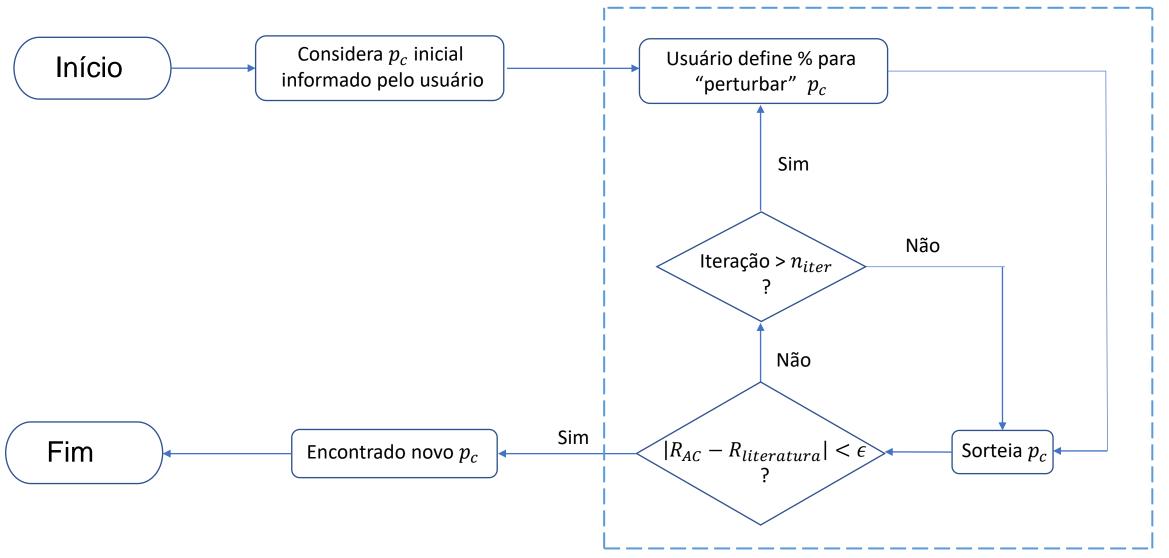
$$Z_c = \frac{\rho_c m_c}{2\pi r_c} \left[ \frac{I_0(m_c r_1) K_1(m_c r_0) + K_0(m_c r_1) I_1(m_c r_0)}{I_1(m_c r_1) k_1(m_c r_0) - I_1(m_c r_0) K_0(m_c r_1)} \right]$$

 $r_0$ : Raio interno do condutor.

 $K_0$ : Função de Bessel modificada de segunda espécie e ordem zero;

 $K_1$ : Função de Bessel modificada de segunda espécie e ordem 1;

- Ao final dos cálculos, partindo de  $R_{AC}$  obtido a partir da norma, recalculamos o valor de  $p_c$  para que o valor da resistência conforme equações da literatura técnica seja praticamente igual ao primeiro;
- Para isso,  $p_c$  é alterado de forma aleatória dentro de um intervalo pré-especificado até satisfazer a relação  $R_{AC}=R_{literatura}$ ;
- Repete sorteio de  $p_c$  enquanto número de iterações for inferior a  $n_{iter}$  e  $|R_{AC} R_{literatura}| > erro;$
- Valores default.  $n_{iter} = 100000$  e erro = 0.1%.



### Ferramenta Piloto de Cálculo – Dimensões do Cabo

- Condutor:
  - $r_0$ : Raio interno (se tubular);
  - $r_1$ : Raio externo.
- Isolação:
  - $r_2$ : Raio externo

$$r_2 = r_1 + e_{sc-in} + e_{isol} + e_{sc-ou}$$

- $e_{sc-in}$ : Espessura da primeira camada semi-condutora (blindagem do condutor);
- $e_{isol}$ : Espessura da isolação;
- $e_{sc-ou}$ : Espessura da segunda camada semi-condutora.

# Ferramenta Piloto de Cálculo – Tratamento da Blindagem Metálica

- Blindagem metálica pode ter diversas formas construtivas:
  - Fios metálicos;
  - Fitas metálicas;
  - Fios + fitas metálicas.

- Usuário indica formação da blindagem;
- Fitas metálicas → Condutor tubular:

$$r_3 = r_2 + e_{fitas}$$

•  $e_{fitas}$ : Espessura das fitas

# Ferramenta Piloto de Cálculo – Tratamento da Blindagem Metálica

- Fios metálicos 

  Possibilidades:
  - Altera a resistividade do material em função da espessura:

$$r_3 = r_2 + e_{fios}$$

- $e_{fios}$ : Espessura dos fios metálicos
- Calcula raio para mesma área da blindagem [4]:

$$r_3 = \sqrt{\frac{\pi \cdot n_{fios} \cdot \left(\frac{e_{fios}}{2}\right)^2}{\pi} + r_2^2}$$

•  $n_{fios}$ : Número de fios

# Ferramenta Piloto de Cálculo – Tratamento da Blindagem Metálica

Fios metálicos + Fitas metálicas:

$$R_{bl} = \frac{\frac{\rho_{Al}}{S_{Al}} \times \frac{\rho_{Cu}}{S_{Cu}}}{\frac{\rho_{Al}}{S_{Al}} + \frac{\rho_{Cu}}{S_{Cu}}}$$

$$\rho_{bl} = S_{bl} \times R_{bl}$$

$$\rho_{bl} = S_{bl} \times R_{bl}$$

$$S_{bl} = S_{Al} + S_{Cu}$$

$$r_3 = \sqrt{\frac{S_{bl}}{\pi} + r_2^2}$$

 $R_{hl}$ : Resistência da blindagem

 $ho_{Al}$ : Resistividade das fitas (alumínio)

 $\rho_{Cu}$ : Resistividade dos fios (cobre)

 $S_{AI}$ : Área das fitas (alumínio)

 $S_{Cu}$ : Área dos fios (cobre)

 $S_{bl}$ : Área da blindagem metálica

 $ho_{bl}$ : Resistividade da blindagem metálica

# Ferramenta Piloto de Cálculo – Correção das constantes da Isolação

Capa externa (2º isolação):

$$r_4 = r_3 + e_{capa}$$

•  $e_{capa}$ : Espessura da capa protetora

• Correção da permissividade elétrica por causa das camadas semicondutoras [4]

$$\varepsilon_1' = \varepsilon_1 \cdot \frac{\ln\left(\frac{r_2}{r_1}\right)}{\ln\left(\frac{b}{a}\right)}$$

•  $\varepsilon_1$ : Permissividade elétrica da isolação

$$a = r_1 + e_{sc-in}$$
$$b = a + e_{isol}$$

Correção é optativa

# Ferramenta Piloto de Cálculo – Correção das constantes da Isolação

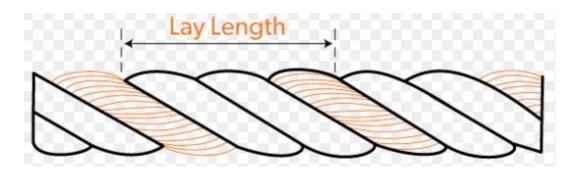
Correção da permeabilidade magnética por causa da blindagem de fios metálicos (егено solenóide) [5]

$$\mu'_{isol} = \mu_{isol}. \frac{1 + \left(2.\left(\frac{1}{l_{lay}}\right)^2.\pi^2.\left(r_2^2 - r_1^2\right)\right)}{ln\left(\frac{r_2}{r_1}\right)}$$

•  $\mu_{isol}$ : Permeabilidade magnética da camada isolante

•  $l_{lav}$ : Comprimento necessário para que a blindagem de uma volta completa em

torno da camada isolante



Correção é optativa

- $Z_1$ : Impedância interna do condutor
  - Método aproximado [6]

$$Z_1 = \frac{\rho_c \cdot m_c}{2 \cdot \pi \cdot r_1} \cdot \frac{1}{tanh(0,777 \cdot m_c \cdot r_1)} + \frac{0,356 \cdot \rho_c}{\pi \cdot r_1^2}$$

- tanh: Função tangente hiperbólica
- Método completo [3]
  - Equações para condutor tubular ou sólido já apresentadas anteriormente

•  $Z_2$ : Impedância devido a variação do campo magnético na isolação principal [6]

$$Z_2 = \frac{j\omega\mu'_{isol}}{2\pi} \cdot ln\left(\frac{r_2}{r_1}\right)$$

•  $Z_6$ : Impedância devido a variação do campo magnético na capa externa [6]

$$Z_6 = \frac{j\omega\mu_{capa}}{2\pi} \cdot ln\left(\frac{r_4}{r_3}\right)$$

- $Z_3$ : Impedância dada pela queda de tensão na superfície interna da blindagem devido a corrente no condutor
  - Método aproximado [6]

$$Z_{3} = \frac{\rho_{s} \cdot m_{s}}{2\pi \cdot r_{2}} \cdot \frac{1}{\tanh(m_{s} \cdot \Delta) - \frac{\rho_{s}}{2\pi \cdot r_{2}(r_{2} + r_{3})}}$$

$$m_S = \sqrt{j \frac{\omega \cdot \mu_S}{\rho_S}}$$

$$\Delta = r_3 - r_2$$

- $\rho_s$ : Resistividade da blindagem metálica
- $\mu_s$ : Permeabilidade magnética da blindagem metálica

- $Z_3$ : Impedância dada pela queda de tensão na superfície interna da blindagem devido a corrente no condutor
  - Método completo [3]

$$Z_3 = \frac{\rho_s \cdot m_s}{2\pi \cdot r_2} \cdot \frac{I_0(m_s \cdot r_2)K_1(m_s \cdot r_3) + K_0(m_s \cdot r_2)I_1(m_s \cdot r_3)}{I_1(m_s \cdot r_3)K_1(m_s \cdot r_2) - I_1(m_s \cdot r_2)K_1(m_s \cdot r_3)}$$

- Z<sub>4</sub>
  - Método aproximado [6]

$$Z_4 = \frac{\rho_s.m_s}{2\pi.(r_2 + r_3)}.\frac{1}{senh(m_s.\Delta)}$$

Método completo [3]

$$Z_4 = \frac{\rho_s}{2\pi \cdot r_2 \cdot r_3} \cdot \frac{1}{I_1(m_s \cdot r_3) \cdot K_1(m_s \cdot r_2) - I_1(m_s \cdot r_2) \cdot K_1(m_s \cdot r_3)}$$

- $Z_5$ : Impedância dada pela queda de tensão na superfície externa da blindagem devido a corrente pelo solo
  - Método aproximado [6]

$$Z_5 = \frac{\rho_s.m_s}{2\pi.r_3}.\frac{1}{tanh(m_s.\Delta)} + \frac{\rho_s}{2\pi.r_3.(r_2 + r_3)}$$

• Método completo [3]

$$Z_5 = \frac{\rho_s.m_s}{2\pi.r_3} \cdot \frac{I_0(m_s.r_3).K_1(m_s.r_2) + K_0(m_s.r_3).I_1(m_s.r_2)}{I_1(m_s.r_3).K_1(m_s.r_2) - I_1(m_s.r_2).K_1(m_s.r_3)}$$

• Matriz de impedâncias "internas" do cabo. Para sistema com *m* cabos:

$$Z_{n\'ucleo-n\'ucleo} \qquad \qquad Z_{n\'ucleo-blindagem} \\ Z_{1int}]_{m\times m} \qquad \qquad Z_{1(m+1)} \qquad 0 \qquad \dots \qquad 0 \\ 0 \qquad Z_{22} \qquad \dots \qquad 0 \qquad \qquad 0 \qquad Z_{2(m+2)} \qquad \dots \qquad 0 \\ \vdots \qquad \vdots \qquad \vdots \qquad \vdots \qquad & \vdots \qquad \vdots \qquad \vdots \qquad \vdots \\ 0 \qquad 0 \qquad \dots \qquad Z_{mm} \qquad \qquad 0 \qquad 0 \qquad \dots \qquad Z_{m(m+m)} \\ Z_{1(m+1)} \qquad 0 \qquad \dots \qquad 0 \qquad \qquad Z_{m(m+m)} \qquad 0 \qquad \dots \qquad 0 \\ 0 \qquad Z_{2(m+2)} \qquad \dots \qquad 0 \qquad \qquad 0 \qquad Z_{(m+1)(m+1)} \qquad \dots \qquad 0 \\ \vdots \qquad \vdots \qquad \vdots \qquad & \vdots \qquad \vdots \qquad \vdots \qquad \vdots \qquad \vdots \qquad \vdots \\ 0 \qquad 0 \qquad \dots \qquad Z_{m(m+m)} \qquad 0 \qquad 0 \qquad \dots \qquad Z_{(m+m)(m+m)} \\ Z_{blindagem-n\'ucleo} \qquad \qquad Z_{blindagem-blindagem} \\ Z_{n\'ucleo-blindagem} = Z_1 + Z_2 + Z_3 + Z_5 + Z_6 - 2Z_4 \\ Z_{n\'ucleo-blindagem} = Z_5 + Z_6 - Z_4 = Z_{blindagem-n\'ucleo}$$

 $Z_{blindagem-blindagem} = Z_5 + Z_6$ 

28

- Matriz de impedâncias de retorno pelo solo. Ordem da matriz análogo ao caso da impedância interna:
  - Método aproximado [6]:

$$Z_{ii}^{solo} = \frac{j\omega\mu_{solo}}{2\pi} \left( -ln\left(\frac{\gamma.m_{solo}.r_4}{2}\right) + \frac{1}{2} - \frac{4}{3}m_{solo}Y_i \right)$$

•  $Z_{ii}^{solo}$ : Impedância própria de retorno pelo solo do cabo i, da blindagem do cabo i e entre núcleo e blindagem do mesmo cabo;

$$m_{solo} = \sqrt{\frac{j\omega\mu_{solo}}{\rho_{solo}}}$$

- $\gamma$ : 0,5772156649 (Constante de Euler);
- $Y_i$ : Profundidade do cabo i em relação a superfície do solo;
- $r_4$ : Raio externo do cabo.

- Matriz de impedâncias de retorno pelo solo. Ordem da matriz análogo ao caso da impedância interna:
  - Método aproximado [6]:

$$Z_{ij}^{solo} = \frac{j\omega\mu_{solo}}{2\pi} \left( -ln\left(\frac{\gamma.m_{solo}.D_{ij}}{2}\right) + \frac{1}{2} - \frac{2}{3}m_{solo}(Y_i + Y_j) \right)$$

- $Z_{ij}^{solo}$ : Impedância mútua de retorno pelo solo entre condutor (núcleo ou blindagem) do cabo i e entre condutor (núcleo ou blindagem) do cabo j;
- $D_{ij}$ : Distância entre condutor do cabo i e condutor do cabo j (distância entre cabos).

- Matriz de impedâncias de retorno pelo solo. Ordem da matriz análogo ao caso da impedância interna:
  - Método quase-completo [7]:

$$Z_{ii}^{solo} = \frac{\rho_{solo} m_{solo}^2}{2\pi} \left( K_0(m_{solo}, r_4) + \frac{2}{4 + m_{solo}^2 r_4^2} e^{-2Y_i m_{solo}} \right)$$

$$Z_{ij}^{solo} = \frac{\rho_{solo} m_{solo}^2}{2\pi} \left( K_0(m_{solo}.D_{ij}) + \frac{2}{4 + m_{solo}^2 x_{ij}^2} e^{-y_{ij} m_{solo}} \right)$$

- $x_{ij}$ : Distância entre as abscissas dos condutores i e j;
- $y_{ij}$ : Soma das ordenadas dos condutores i e j.

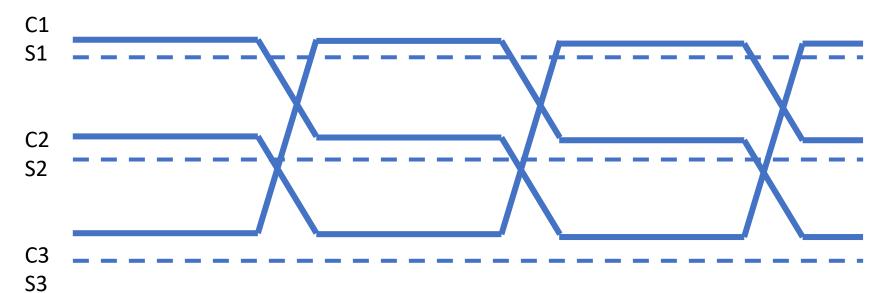
Matriz de impedâncias série:

$$Z_{serie} = Z_{int} + Z_{solo}$$

- As capacitâncias existentes em um sistema contendo cabos isolados são dadas apenas pelas:
  - Capacitância núcleo-blindagem;
  - Capacitância blindagem-terra.
- Matriz de admitâncias shunt é montada de forma semelhante à matriz de admitâncias nodais:
  - $Y_{nn}$ : Admitância própria do núcleo, dada pela capacitância entre núcleo e blindagem:  $Y_{nn} = j\omega \frac{\varepsilon_1'}{ln(\frac{r_2}{r_1})}$
  - $Y_{nb}$ : Admitância entre núcleo e blindagem:  $Y_{nb} = -Y_{nn}$
  - $Y_{bb}$ : Admitância própria da blindagem, dada pela soma de  $Y_{nn}$  com a capacitância entre blindagem e terra:  $Y_{bb} = Y_{nn} + j\omega \frac{\varepsilon_2}{ln(\frac{r_4}{r_s})}$

# Ferramenta Piloto de Cálculo – Transposições

Condutores de fase trocando de posição e respectivas blindagens mantendo as posições



$$[R] = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c1 \\ c2 \\ c3 \\ s1 \\ s2 \\ s3 \end{bmatrix}$$

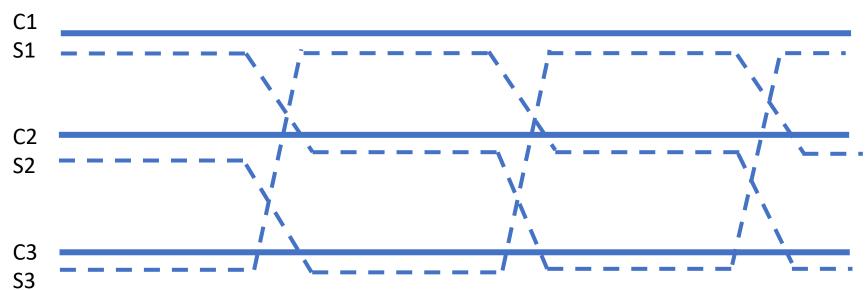
Após um ciclo completo e considerando seções iguais [8]:

$$[Z_{eq}] = \frac{1}{3}([Z_{serie}] + [R][Z_{serie}][R]^{-1} + [R]^{-1}[Z_{serie}][R])$$

No CYMCAP,  $Z_{eq}$  é a matriz "bonding"

# Ferramenta Piloto de Cálculo – Transposições

Blindagens trocando de posição e respectivos condutores de fase mantendo as posições



$$[R] = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{array}{c} \text{C1} \\ \text{C2} \\ \text{C3} \\ \text{S1} \\ \text{S2} \\ \text{S3} \\ \end{array}$$

Após um ciclo completo e considerando seções iguais [8]:

$$[Z_{eq}] = \frac{1}{3}([Z_{serie}] + [R][Z_{serie}][R]^{-1} + [R]^{-1}[Z_{serie}][R])$$

No CYMCAP,  $Z_{eq}$  é a matriz "bonding"

# Procedimento para cálculos dos parâmetros de sequência

Após um ciclo completo e considerando seções menores iguais:

$$[Z_{eq}] = \frac{1}{3}([Z] + [R][Z][R]^{-1} + [R]^{-1}[Z][R])$$

No CYMCAP,  $Z_{eq}$  é a matriz "bonding"

$$\begin{bmatrix} Z_{eq} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} Z_{cc} \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} Z_{cs} \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} Z_{sc} \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} Z_{ss} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$$

Redução de Kron:

$$[Z_{red}] = \{ [Z_{cc}] - [Z_{cs}][Z_{ss}]^{-1}[Z_{sc}] \}$$

No CYMCAP,  $\left[Z_{red}\right]$  é a matriz "phase" ou "circuit"

Impedâncias de sequência (mesmo raciocínio é aplicado para matriz de admitâncias)

$$[Z_{012}] = [T]^{-1}[Z_{red}][T]$$

$$[T] = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & \alpha^2 & \alpha \\ 1 & \alpha & \alpha^2 \end{bmatrix}$$

$$\alpha = 1 < 120^{\circ}$$

# Circuito simples, 1200 mm² com formação horizontal

Dados do d	abo (1200 mm²)	)						
Condutor	(Núcleo) - 90°C							
Material	Alumínio							
Diâmetro Interno	0,0	mm						
Diâmetro Externo	41,5	mm						
Resistividade elétrica	2,8264E-8	ρ. <b>m</b>						
Coef. de temperatura a 20°C	0,00403	1/K						
Construção	4 Segmentos							
ks	0,25							
kp	0,15							
Blindagem do conduto	or (1ª cam. Sem	i-condutora)						
Espessura	2,22	mm						
Is	olação							
Material	XLPE							
Espessura	26,5	mm						
Perm. Elétrica relativa	2,5							
Blindagem da isolação	o (2ª cam. Semi	i-condutora)						
Espessura	2,4	mm						
Blindagem I	Metálica - 77,2 °	C						
Construção	Fios de Cobre							
Resistividade elétrica	1,7241E-8	ρ.m						
Coef. de temperatura a 20°C	0,00393	1/K						
Número de fios	56							
Espessura dos fios	2,6	mm						
Length of Lay	850	mm						
Capa externa								
Material	Polietileno							
Espessura	6,45	mm						
Perm. Elétrica relativa	2,5							

Posição dos cabos (ρsolo = 100 ρ.m)										
Cabo 1 Cabo 2 Cabo 3										
x (m)	y (m)	x (m)	x (m)	y (m)						
-0,4	1,5	0	1,5	0,4	1,5					

	Valores calculados											
Método r1 ( $\Omega$ /km) x1 ( $\Omega$ /km) b1 ( $\mu$ S/km) r0 ( $\Omega$ /km) x0 ( $\Omega$ /km) b0 ( $\mu$ S/km												
Python	0,0319	0,2581	68,31	0,1026	0,0898	68,31						
Cigré	0,0319	0,2593	68,31	0,0943	0,0834	68,31						
			Diferenças									
	r1 (%) x1 (%) r0 (%) x0 (%)											
	0	-0,46	8,80	7,67								

Cálculos "Cigré" conforme TB 531.

Utilização dos dados de saída para entrada na rotina Cable Constants no ATP Comparações entre resultados:  $Z_{serie}$  e  $Y_{shunt}$  (Python x ATP)

Diferenças percentuais entre matrizes Zserie: Python x ATP

			∆ Real (%)			
	c1	c2	сЗ	s1	s2	s3
c1	0,44	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67
c2	0,67	0,44	0,67	0,67	0,67	0,67
с3	0,67	0,67	0,44	0,67	0,67	0,67
s1	0,67	0,67	0,67	0,04	0,67	0,67
s2	0,67	0,67	0,67	0,67	0,04	0,67
s3	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,04
		Δ	Imaginário	(%)		
	c1	c2	сЗ	s1	s2	s3
c1	-0,05	-0,07	-0,08	-0,06	-0,07	-0,08
c2	-0,07	-0,05	-0,07	-0,07	-0,06	-0,07
с3	-0,08	-0,07	-0,05	-0,08	-0,07	-0,06
s1	-0,06	-0,07	-0,08	-0,06	-0,07	-0,08
s2	-0,07	-0,06	-0,07	-0,07	-0,06	-0,07
s3	-0,08	-0,07	-0,06	-0,08	-0,07	-0,06

$$Dif = \frac{Valor_{Python} - Valor_{ATP}}{Valor_{ATP}} \times 100\%$$

#### Diferenças percentuais entre matrizes Yshunt: Python x ATP

		∆ Imaginário (%)												
	с1	c2	c3	s1	s2	s3								
c1	-0,19	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00								
c2	0,00	-0,19	0,00	0,00	-0,19	0,00								
c3	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00	-0,19								
s1	-0,19	0,00	0,00	-0,06	0,00	0,00								
s2	0,00	-0,19	0,00	0,00	-0,06	0,00								
s3	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00	-0,06								

# Circuito duplo, 1200 mm² com formação vertical

Dados do	cabo (1200 mn	n²)					
Conduto	r (Núcleo) - 90º	С					
Material	Alumínio	_					
Diâmetro Interno	0,0	mm -					
Diâmetro Externo	41,5	mm					
Resistividade elétrica	2,8264E-8	ρ.m					
Coef. de temperatura a 20°C	0,00403	1/K					
Construção	4 Segmentos						
ks	0,25						
kp	0,15						
Blindagem do condu	tor (1ª cam. Se	mi-condutora)					
Espessura	2,22	mm					
	solação						
Material	XLPE						
Espessura	26,5	mm					
Perm. Elétrica relativa	2,5						
Blindagem da isolaç	ão (2ª cam. Ser	mi-condutora)					
Espessura	2,4	mm					
Blindagem	Metálica - 77,2	2 °C					
Construção	Fios de Cobre						
Resistividade elétrica	1,7241E-8	ρ. <b>m</b>					
Coef. de temperatura	0,00393	1/K					
Número de fios	56						
Espessura dos fios	2,6	mm					
Length of Lay	850	mm					
Capa externa							
Material	Polietileno						
Espessura	6,45	mm					
Perm. Elétrica relativa	2,5						

	Posição dos cabos (ρ solo = 100 ρ.m)											
Cabo 1 Cabo 2 Cabo 3 Cabo 4 Cabo 5 Cabo									00 6			
x (m)	y (m)	x (m)	y (m)	x (m)	y (m)	x (m)	y (m)	x (m)	y (m)	x (m)	y (m)	
-0,35												

Utilização dos dados de saída para entrada na rotina Cable Constants no ATP Comparações entre resultados:  $Z_{serie}$  (Python x ATP)

Diferenças percentuais entre matrizes Zserie: Python x ATP

			Dife	renças per	centuais e	entre matri	zes zserie	: Python x	AIP			
						∆ Real (%)						
	c1	c2	c3	c4	c5	с6	s1	s2	s3	s4	s5	s6
c1	0,56	1,02	1,09	0,94	1,02	1,09	0,94	1,02	1,09	0,94	1,02	1,09
c2	1,02	0,66	1,17	1,02	1,09	1,17	1,02	1,09	1,17	1,02	1,09	1,17
с3	1,09	1,17	0,75	1,09	1,17	1,24	1,09	1,17	1,24	1,09	1,17	1,24
c4	0,94	1,02	1,09	0,56	1,02	1,09	0,94	1,02	1,09	0,94	1,02	1,09
c5	1,02	1,09	1,17	1,02	0,66	1,17	1,02	1,09	1,17	1,02	1,09	1,17
с6	1,09	1,17	1,24	1,09	1,17	0,75	1,09	1,17	1,24	1,09	1,17	1,24
s1	0,94	1,02	1,09	0,94	1,02	1,09	0,16	1,02	1,09	0,94	1,02	1,09
s2	1,02	1,09	1,17	1,02	1,09	1,17	1,02	0,22	1,17	1,02	1,09	1,17
s3	1,09	1,17	1,24	1,09	1,17	1,24	1,09	1,17	0,29	1,09	1,17	1,24
s4	0,94	1,02	1,09	0,94	1,02	1,09	0,94	1,02	1,09	0,16	1,02	1,09
s5	1,02	1,09	1,17	1,02	1,09	1,17	1,02	1,09	1,17	1,02	0,22	1,17
s6	1,09	1,17	1,24	1,09	1,17	1,24	1,09	1,17	1,24	1,09	1,17	0,29
						maginário	(%)					
	c1	c2	c3	c4	c5	c6	s1	s2	s3	s4	s5	s6
c1	-0,07	-0,10	-0,12	-0,11	-0,12	-0,13	-0,08	-0,10	-0,12	-0,11	-0,12	-0,13
c2	-0,10	-0,08	-0,12	-0,12	-0,12	-0,13	-0,10	-0,09	-0,12	-0,12	-0,12	-0,13
сЗ	-0,12	-0,12	-0,09	-0,13	-0,13	-0,14	-0,12	-0,12	-0,10	-0,13	-0,13	-0,14
c4	-0,11	-0,12	-0,13	-0,07	-0,10	-0,12	-0,11	-0,12	-0,13	-0,08	-0,10	-0,12
с5	-0,12	-0,12	-0,13	-0,10	-0,08	-0,12	-0,12	-0,12	-0,13	-0,10	-0,09	-0,12
с6	-0,13	-0,13	-0,14	-0,12	-0,12	-0,09	-0,13	-0,13	-0,14	-0,12	-0,12	-0,10
s1	-0,08	-0,10	-0,12	-0,11	-0,12	-0,13	-0,08	-0,10	-0,12	-0,11	-0,12	-0,13
s2	-0,10	-0,09	-0,12	-0,12	-0,12	-0,13	-0,10	-0,09	-0,12	-0,12	-0,12	-0,13
s3	-0,12	-0,12	-0,10	-0,13	-0,13	-0,14	-0,12	-0,12	-0,10	-0,13	-0,13	-0,14
s4	-0,11	-0,12	-0,13	-0,08	-0,10	-0,12	-0,11	-0,12	-0,13	-0,08	-0,10	-0,12
s5	-0,12	-0,12	-0,13	-0,10	-0,09	-0,12	-0,12	-0,12	-0,13	-0,10	-0,09	-0,12
s6	-0,13	-0,13	-0,14	-0,12	-0,12	-0,10	-0,13	-0,13	-0,14	-0,12	-0,12	-0,10

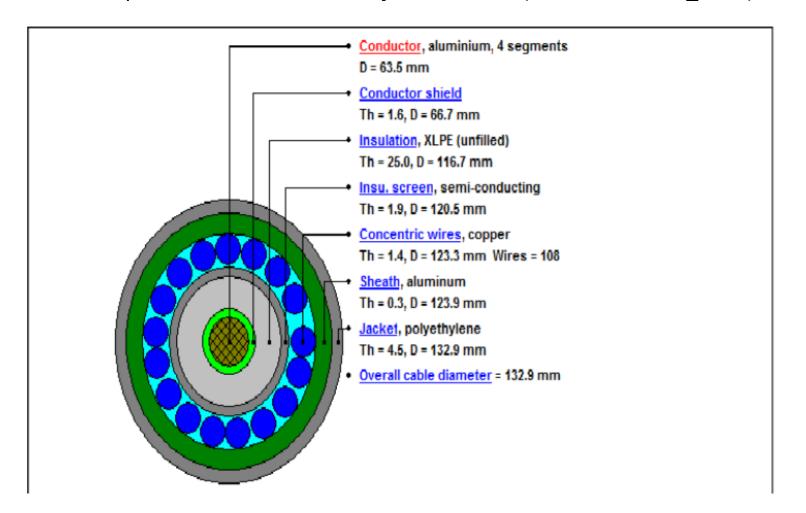
Utilização dos dados de saída para entrada na rotina Cable Constants no ATP Comparações entre resultados:  $Y_{shunt}$  (Python x ATP)

Diferenças percentuais entre matrizes Yshunt: Python x ATP

					ΔI	maginário	(%)	-				
	c1	c2	c3	c4	c5	с6	s1	s2	s3	s4	s5	s6
c1	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00
c2	0,00	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00
с3	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00	0,00
c4	0,00	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00
c5	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,19	0,00
c6	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,19
s1	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,06	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00
s2	0,00	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,06	0,00	0,00	0,00	0,00
s3	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,06	0,00	0,00	0,00
s4	0,00	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,06	0,00	0,00
s5	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,06	0,00
s6	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,19	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,06

$$Dif = \frac{Valor_{Python} - Valor_{ATP}}{Valor_{ATP}} \times 100\%$$

Circuito duplo, 2500 mm² com formação horizontal (EPE-DEE-RE-047\_2019)



	-											
	cabo (2500 mm											
Conduto	r (Núcleo) - 50º0	C										
Material	Alumínio											
Diâmetro Interno	0,0	mm										
Diâmetro Externo	63,5	mm										
Resistividade elétrica	2,8264E-8	ρ. <b>m</b>										
Coef. de temperatura	0,00403	1/K										
Construção	4 Segmentos											
ks	0,25											
kp	0,15											
Blindagem do condutor (1ª cam. Semi-condutora)												
Espessura	1,6	mm										
I	solação											
Material	XLPE											
Espessura	25,0	mm										
Perm. Elétrica relativa	2,5											
Blindagem da isolaçã	ão (2ª cam. Ser	ni-condutora)										
Espessura	1,9	mm										
Blindagen	n Metálica - 50	°C										
Construção	Fios de Cobre											
Construção	+ Fitas											
Resistividade elétrica fios	1,7241E-8	ρ. <b>m</b>										
Coef. de temperatura a 20°C fios	0,00393	1/K										
Número de fios	108											
Espessura dos fios	1,4	mm										
Espessura das fitas	0,3	mm										
Resistividade elétrica das fitas	2,8264E-8	ρ.m										
Coef. de temperatura a 20°C fitas	0,00403	1/K										
Car	Capa externa											
Material	Polietileno											
Espessura	4,5	mm										
Perm. Elétrica relativa	2,5											

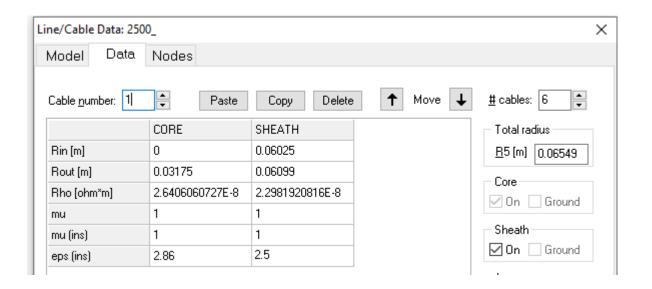
Circuito duplo, 2500 mm² com formação horizontal (EPE-DEE-RE-047\_2019)

	Posição dos cabos (ρ solo = 100 ρ.m)											
Ca	Cabo 1 Cabo 2 Cabo 3 Cabo 4 Cabo 5 Cabo 6											
x (m)	y (m)	x (m)	y (m)	x (m)	y (m)	x (m)	y (m)	x (m)	y (m)	x (m)	y (m)	
-1	1,5	-0,6	1,5	-0,2	1,5	0,2	1,5	0,6	1,5	1	1,5	

	Valores calculados											
Método	r1 (Ω/km)	x1 (Ω/km)	b1 (μS/km)	r0 (Ω/km)	$x0 (\Omega/km)$	b0 (μS/km)						
Python	0,0148	0,2207	93,69	0,0928	0,0717	93,69						
R1	0,0158	0,2226	93,69	0,1006	0,0804	93,69						
			Diferença	S								
	r1 (%)	x1 (%)	r0 (%)	x0 (%)								
	-6,33	-0,85	-7,75	-10,82								

Cálculo apresentado no estudo (R1) foi feito com o software CYMCAP.

Utilização dos dados de saída para entrada na rotina Cable Constants no ATP



Utilização dos dados de saída para entrada na rotina Cable Constants no ATP Comparações entre resultados:  $Z_{serie}$  (Python x ATP)

Diferenças percentuais entre matrizes Zserie: Python x ATP

			זוט	erenças pe	rcentuais	entre matriz	es zserie:	Python X A	AIP			
Δ Real (%)												
	c1	c2	c3	c4	c5	с6	s1	s2	s3	s4	s5	s6
c1	0,48	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67
c2	0,67	0,48	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67
с3	0,67	0,67	0,48	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67
c4	0,67	0,67	0,67	0,48	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67
c5	0,67	0,67	0,67	0,67	0,48	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67
c6	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,48	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67
s1	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,10	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67
s2	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,10	0,67	0,67	0,67	0,67
s3	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,10	0,67	0,67	0,67
s4	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,10	0,67	0,67
s5	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,10	0,67
s6	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,67	0,10
	Δ Imaginário (%)											
	c1	c2	с3	c4	с5	с6	s1	s2	s3	s4	s5	s6
c1	-0,05	-0,07	-0,08	-0,08	-0,09	-0,09	-0,06	-0,07	-0,08	-0,08	-0,09	-0,09
c2	-0,07	-0,05	-0,07	-0,08	-0,08	-0,09	-0,07	-0,06	-0,07	-0,08	-0,08	-0,09
с3	-0,08	-0,07	-0,05	-0,07	-0,08	-0,08	-0,08	-0,07	-0,06	-0,07	-0,08	-0,08
c4	-0,08	-0,08	-0,07	-0,05	-0,07	-0,08	-0,08	-0,08	-0,07	-0,06	-0,07	-0,08
c5	-0,09	-0,08	-0,08	-0,07	-0,05	-0,07	-0,09	-0,08	-0,08	-0,07	-0,06	-0,07
с6	-0,09	-0,09	-0,08	-0,08	-0,07	-0,05	-0,09	-0,09	-0,08	-0,08	-0,07	-0,06
s1	-0,06	-0,07	-0,08	-0,08	-0,09	-0,09	-0,06	-0,07	-0,08	-0,08	-0,09	-0,09
s2	-0,07	-0,06	-0,07	-0,08	-0,08	-0,09	-0,07	-0,06	-0,07	-0,08	-0,08	-0,09
s3	-0,08	-0,07	-0,06	-0,07	-0,08	-0,08	-0,08	-0,07	-0,06	-0,07	-0,08	-0,08
s4	-0,08	-0,08	-0,07	-0,06	-0,07	-0,08	-0,08	-0,08	-0,07	-0,06	-0,07	-0,08
s5	-0,09	-0,08	-0,08	-0,07	-0,06	-0,07	-0,09	-0,08	-0,08	-0,07	-0,06	-0,07
s6	-0,09	-0,09	-0,08	-0,08	-0,07	-0,06	-0,09	-0,09	-0,08	-0,08	-0,07	-0,06

Utilização dos dados de saída para entrada na rotina Cable Constants no ATP Comparações entre resultados:  $Y_{shunt}$  (Python x ATP)

Diferenças percentuais entre matrizes Yshunt: Python x ATP

∆ Imaginário (%)												
	c1	c2	с3	c4	с5	с6	s1	s2	s3	s4	s5	s6
c1	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00
c2	0,00	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00
с3	0,00	0,00	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,05	0,00	0,00	0,00
c4	0,00	0,00	0,00	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,05	0,00	0,00
с5	0,00	0,00	0,00	0,00	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,05	0,00
с6	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,05
s1	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,03	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00
s2	0,00	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,03	0,00	0,00	0,00	0,00
s3	0,00	0,00	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,03	0,00	0,00	0,00
s4	0,00	0,00	0,00	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,03	0,00	0,00
s5	0,00	0,00	0,00	0,00	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,03	0,00
s6	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,05	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	-0,03

$$Dif = \frac{Valor_{Python} - Valor_{ATP}}{Valor_{ATP}} \times 100\%$$

#### Referências

- [1] IEC 60287-1-1: Electric cables Calculation of the current rating Part 1-1: Current rating equations (100% load fator) and calculation of losses General
- [2] Timaná Eraso, Luis Carlos (2019), "Análise de modelos de linhas de transmissão com parâmetros variantes com a frequência". Dissertação de Mestrado. Escola Politécnica da USP
- [3] A. Ametani, "A General Formulation of Impedance and Admittance of Cables," in *IEEE Transactions on Power Apparatus and Systems*, vol. PAS-99, no. 3, pp. 902-910, May 1980
- [4] B. Gustavsen, "Panel session on data for modeling system transients insulated cables," 2001 IEEE Power Engineering Society Winter Meeting. Conference Proceedings (Cat. No.01CH37194), Columbus, OH, USA, 2001, pp. 718-723 vol.2
- [5] Cigré WG B1.30: TB 531 Cable Systems Electrical Characteristics.
- [6] L. M. Wedepohl and D. J. Wilcox, "Transient analysis of underground power-transmission systems. System-model and wave-propagation characteristics," in *Proceedings of the Institution of Electrical Engineers*, vol. 120, no. 2, pp. 253-260, February 1973.
- [7] O. Saad, G. Gaba and M. Giroux, "A closed-form approximation for ground return impedance of underground cables," in *IEEE Transactions on Power Delivery*, vol. 11, no. 3, pp. 1536-1545, July 1996;
- [8] N. Nagaoka and A. Ametani, "Transient Calculations on Crossbonded Cables," in *IEEE Transactions on Power Apparatus and Systems*, vol. PAS-102, no. 4, pp. 779-787, April 1983.

#### Referências

[9] Fumitaka Nishimura (1973), "Cálculo de Parâmetros Elétricos de Cabos Subterrâneos". Dissertação de Mestrado. Escola Politécnica da USP.

