Práctica 1: Búsquedas con trayectorias simples Selección de características Primero el mejor, enfriamiento simulado y búsqueda tabú básica

Alejandro García Montoro 76628233F, agarciamontoro@correo.ugr.es

Grupo de los viernes a las 17.30

Curso 2015 - 2016

Índice

taheurísticas Introducción	2
Introducción	_
introduction	2
Búsqueda local primero el mejor	3
Enfriamiento simulado	4
Búsqueda tabú básica	6
Algoritmo de comparación	7
sarrollo de la práctica	9
Framework de aprendizaje automático	9
Manual de usuario	9
álisis de resultados 1	LO
Clasificador k -NN	10
	11
	11
	12
	12
	13
	Enfriamiento simulado

1. Descripción del problema

La selección de características es una técnica muy usada en problemas de aprendizaje automático.

El aprendizaje automático, visto de una forma muy general, tiene como objetivo clasificar un conjunto de objetos —modelador por una serie de atributos— en clases.

Esta clasificación se aprende desde los datos, pero la selección de los atributos que definen la modelización del objeto puede no ser la más apropiada: en ocasiones hay atributos superfluos o demasiado ruidosos que sería conveniente eliminar. Además, cuantos menos atributos definan un objeto, más rápido y preciso será el aprendizaje. Es aquí entonces donde aparece la pregunta que guia todo este trabajo: ¿cómo identificar los atributos que mejor aprendizaje promueven?

La respuesta a esta pregunta pasa por la selección de características, cuyo objetivo es reducir la definición de un objeto a una serie de características que faciliten el aprendizaje.

La idea es entonces la siguiente: dado un conjunto de m objetos definidos por un conjunto C de n características y considerada un modelo de aprendizaje f que intenta aprender la clasificación de estos objetos encontrar el subconjunto $C' \subset C$ que maximiza del modelo f.

Así, vemos claramente que el tamaño de caso de nuestro problema es n, el número de características, y que el objetivo está bien definido: eliminar aquellas características que o bien empeoren la bondad de f o bien sean innecesarias.

Con todos estos elementos definidos, podemos pasar a analizar las metaheurísticas consideradas.

2. Metaheurísticas

2.1. Introducción

Los algoritmos considerados para resolver el problema son los siguientes:

- Best first local search
- Simulated annealing
- Short-term memory tabu search

Además, compararemos estas metaheurísticas con el algoritmo voraz Sequential forward selection.

Estas tres metaheurísticas reúnen las condiciones necesarias para resolver el problema: el espacio de soluciones de nuestro problema puede ser analizado mediante las estructuras de generación de vecinos y los criterios de aceptación que utilizan estos algoritmos. Veamos con un poco más de detalle los aspectos comunes a las metaheurísticas implementadas:

Datos de entrada

Todos los algoritmos considerados reciben un conjunto de entrenamiento cuyos objetos tienen la siguiente estructura:

$$(s_1, s_2, \ldots, s_n, c)$$

donde $(s_1, s_2, ..., s_n)$ es el conjunto de valores de los atributos que definen el objeto y c la clase a la que pertenece.

Esquema de representación

El espacio de soluciones S de nuestro problema es el conjunto de todos los vectores s de longitud n—el número de características— binarios; es decir:

$$S = \{s = (s_1, s_2, \dots, s_n) / s_i \in \{0, 1\} \ \forall i = 1, 2, \dots, n\}$$

La posición i-ésima de un vector $s \in S$ indicará la inclusión o no de la característica i-ésima en el conjunto final C'.

Función objetivo

La finalidad de las metaheurísticas será maximizar la función objetivo siguiente:

$$f \colon S \to [0, 100]$$

 $s \mapsto f(s) = \text{Acierto del 3-NN sobre s}$

f(s) es, por tanto, la tasa de acierto del clasificador 3-NN producido a partir de la solución s.

El clasificador 3-NN es una particularización del clasificador k-NN, que mide la distancia de la instancia considerada a todos los demás objetos en el conjunto de datos de entrenamiento y le asigna la clasificación mayoritaria de entre los k vecinos más cercanos; esto es:

Pseudocódigo 1 Clasificador k-NN

- 1: **function** k-NN(instance, trainingData)
- 2: distances \leftarrow euclideanDistance(instance, trainingData)
- 3: neighbours \leftarrow getClosestNeighbours(distances)
- 4: classification \leftarrow mostVotedClassification(neighbours)
- 5: **return** classification

Entorno de soluciones

Dada una solución $s \in S$, el entorno de soluciones vecinas a s es el conjunto

$$E(s) = \{s' \in S/s' - s = (0, \dots, 0, \underbrace{1}_{i}, 0, \dots, 0), i \in \{1, 2, \dots, n\}\}$$

es decir, E(s) son las soluciones que difieren de s en una única posición. Es evidente entonces que el conjunto E(S) tiene siempre exactamente cardinal igual a n.

El operador de generación de vecino de la solución s es entonces como sigue:

Pseudocódigo 2 Operador de generación de vecino

- 1: **function** FLIP(solution, feature)
- 2: $s' \leftarrow solution$
- 3: $s'[feature] \leftarrow (s'[feature] + 1) \mod 2$
- 4: return s'

Criterios de parada

Aunque los criterios de parada dependerán de la metaheurística considerada —en general se parará cuando no se encuentre mejora en el entorno—, en todos los algoritmos pararemos necesariamente tras llegar a las 15000 evaluaciones con el clasificador 3-NN sobre las soluciones generadas.

2.2. Búsqueda local primero el mejor

El primer algoritmo considerado es una búsqueda local de primero el mejor muy sencilla. El pseudocódigo de todo el procedimiento es el siguiente:

Pseudocódigo 3 Búsqueda local primero el mejor

```
1: function BESTFIRST(train, target)
        s \leftarrow genInitSolution()
2:
        besScore \leftarrow score(s, train, target)
3:
        improvementFound \leftarrow True
4:
        while improvementFound do
5:
            improvementFound \leftarrow False
6:
            for f \leftarrow genRandomFeature(s) do
                                                             ▶ Without replacement
7:
                s' \leftarrow genNeighbour(s,f)
8:
                score \leftarrow score(s', train, target)
9:
                if score > bestScore then
10:
                    bestScore \leftarrow score
11:
                    s \leftarrow s'
12:
                    improvementFound \leftarrow True
13:
                    break
14:
        return s, bestScore
15:
```

El método de exploración del entorno es el siguiente: dada una solución s, escogemos una característica al azar, aplicamos el operador flip para obtener una solución vecina y medimos su bondad; si es mejor que s, nos quedamos con ella como mejor solución y volvemos a empezar; si no, tomamos otra característica al azar —sin repetir— y seguimos el proceso.

Pararemos el algoritmo si y sólo si, al haber explorado el entorno completo de la solución actual, ninguna de las soluciones vecinas es mejor. Estaremos entonces ante un máximo —probablemente local— y el algoritmo no puede mejorar la solución.

2.3. Enfriamiento simulado

La metaheurística de enfriamiento simulado es un ejemplo de estrategia de búsqueda por trayectorias simples.

La idea de este algoritmo es mantener una variable de temperatura, de manera que cuando esta sea alta la diversificación en el entorno de búsqueda será muy amplia —podremos pasar a zonas peores, explorando así muchas zonas diferentes del espacio de búsqueda y evitando máximos locales— y conforme tiene a la temperatura final, se procede a una fase de intensificación sobre una parte del espacio.

En este caso, además, debemos almacenar siempre la mejor solución, de manera que aunque al final intensifiquemos sobre una zona pobre, si al principio la diversificación fue exitosa, tengamos más posibilidades de obtener una solución buena.

Antes de entrar en los detalles, veamos primero el pseudocódigo del procedimiento en general:

Pseudocódigo 4 Enfriamiento simulado

```
1: function SIMULATEDANNEALING(train, target)
2:
        s \leftarrow genInitSolution()
        bestSolution \leftarrow s
3:
        currentScore, bestScore \leftarrow score(s, train, target)
4:
5:
        while t > t_f and neighboursAccepted > 0 and eval < 15000 do
6:
7:
            neighboursAccepted \leftarrow 0
            while not cooling needed do
8:
                f \leftarrow genRandomFeature(s)
                                                                ▶ With replacement
9:
                s' \leftarrow genNeighbour(s,f)
10:
                newScore \leftarrow score(s', train, target)
11:
                \Delta = \text{currentScore} - \text{newScore}
12:
                if \Delta < 0 or acceptWorseSolution = True then
13:
                    currentScore \leftarrow newScore
14:
                    acceptedNeighbourgs++
15:
                    if currentScore > bestScore then
16:
                        bestScore, bestSolution \leftarrow currentScore, s
17:
            t \leftarrow \text{coolingScheme}(t)
18:
        return s, bestScore
19:
```

En este algoritmo hay tres cuestiones que debemos detallar: la generación de la temperatura inicial, la condición que se debe de cumplir para proceder al enfriamiento y la determinación de la aceptación de una solución peor que la actual.

Temperaturas inicial y final

El esquema para la generación de la temperatura inicial es el siguiente:

$$T_0 = \frac{\mu f(s_0)}{-\log(\phi)}$$

donde $f(s_0)$ es la tasa de clasificación de la función objetivo con la solución inicial y donde se ha tomado $\mu = \phi = 0.3$

Además, se ha tomado el siguiente valor para la temperatura final, que controla el fin del algoritmo:

$$T_f = 0.001$$

Condición para el enfriamiento

En el bucle interno del algoritmo se generan soluciones vecinas de la actual, aceptándolas o no dependiendo de su bondad y de una función probabilística que ahora describiremos y que depende de la temperatura.

Por tanto, en este bucle hay que controlar la condición que determinará cuándo se sale de él y se procede al enfriamiento, pasando así a una nueva fase con una función probabilística distinta. Esta condición es la siguiente: que el número de vecinos generados y de vecinos aceptados sean menores que unos máximos predeterminados —dependientes del tamaño del problema—. Estos máximos se calculan de la siguiente manera:

Máximo de vecinos generados = 10n

Máximo de vecinos aceptados $=\frac{1}{10}$ Máximo de vecinos generados

Aceptación de soluciones peores que la actual

La potencia del enfriamiento simulado se encuentra en poder aceptar soluciones peores que la actual, de manera que se explore de una forma más amplia el espacio de búsqueda y se reduzca la posibilidad de quedar atrapado en un máximo local.

En este algoritmo hemos considerado el esquema de Cauchy modificado, donde la temperatura en la iteración k+1, dependiente de la iteración k y de una constante β , es la siguiente:

$$T_{k+1} = \frac{T_k}{1 + \beta T_k}$$

donde la constante β está definida como sigue:

$$\beta = \frac{T_0 - T_f}{MT_0T_f}$$

con el siguiente valor de M:

$$M = \frac{\text{máximo de iteraciones permitidas}}{\text{máximo de vecinos generados}} = \frac{15000}{10n} = \frac{1500}{n}$$

2.4. Búsqueda tabú básica

La búsqueda tabú es una herramienta muy potente para muchos problemas, incluido el que estamos considerando. La idea es hacer una búsqueda local manteniendo una serie de movimientos prohibidos, aceptando siempre—incluso aunque sea peor— la mejor solución vecina. Las soluciones mejores que la mejor solución encontrada están eximidas de la prohibición determinada por la lista tabú; a la condición que determina las soluciones eximidas la llamaremos criterio de aspiración, y en este caso es la ya descrita: que la solución considerada sea mejor que la mejor solución encontrada hasta ahora en todo el algoritmo. El pseudocódigo del procedimiento implementado es el siguiente:

En este caso, el entorno de la solución está restringido a 30 elementos, y se genera de forma aleatoria tomando 30 características diferentes con las que poder aplicar el operador de generación de vecino.

Pseudocódigo 5 Búsqueda tabú

```
1: function TABUSEARCH(train, target)
       s \leftarrow genInitSolution()
2:
       bestSolution \leftarrow s
3:
4:
       currentScore, bestScore \leftarrow score(s, train, target)
5:
       t \leftarrow t_0
        while there was some change and evaluations < 15000 do
6:
                                                   ▶ Sample 30 different features
           for f \leftarrow \text{sampleFeature(s)} do
7:
               s' \leftarrow genNeighbour(s,f)
8:
               currentScore \leftarrow score(s', train, target)
9:
               if f is in tabu list then
10:
                   if currentScore > bestScore then ▷ Aspiration criterion
11:
                       bestScore, bestSolution \leftarrow currentScore, s
12:
               else if currentScore > bestLocalScore then
                                                                       ▶ Best local
13:
           if there was some changed feature then
14:
               Pop last feature from tabu list and push changed feature
15:
16:
       return s, bestScore
17:
```

Lista tabú

El manejo de la lista tabú podemos especificarlo con más concreción como sigue:

- Inicialización: la lista tabú inicial será una lista vacía de tamaño $\frac{n}{3}$.
- Añadir elementos: cada vez que añadamos una característica prohibida a la lista tabú, debemos eliminar la última —aquella que lleva ya $\frac{n}{3}$ iteraciones en la lista—, con una estrategia FIFO.
- Uso de la lista tabú: cada vez que generemos una solución con el operador flip(s, f), debemos comprobar si f está en la lista y aceptarla si y sólo si pasa el criterio de aspiración.

2.5. Algoritmo de comparación

Para la comparación de los algoritmos implementados consideraremos el algoritmo voraz *Sequential forward selection*, cuyo pseudocódigo es el siguiente:

La idea es sencilla: en cada iteración escogemos la característica, de entre las aún no seleccionadas, que mejor valor de la función objetivo produce, si y sólo si este valor es mejor que el actual.

Pseudocódigo 6 Algoritmo de comparación

```
1: function SEQUENTIALFORWARDSELECTION(train, target)
 2:
         s \leftarrow genZeroSolution()
         bestScore \leftarrow 0
 3:
         \mathbf{while} \ \mathrm{there} \ \mathrm{was} \ \mathrm{improvement} \ \mathrm{with} \ \mathrm{some} \ \mathrm{feature} \ \mathbf{do}
 4:
 5:
             for every feature f in not selected features do
                  s \leftarrow addFeature(s,f)
 6:
                  currentScore \leftarrow score(s, train, target)
 7:
                  if currentScore > bestScore then
 8:
                      bestScore \leftarrow currentScore
 9:
10:
                      bestFeature \leftarrow f
                  s \leftarrow removeFeature(s,f)
11:
12:
             {f if} there was a best feature f {f then}
                  s \leftarrow addFeature(s,f)
13:
         return s, bestScore
14:
```

3. Desarrollo de la práctica

La práctica se ha desarrollado por completo en Python, definiendo cada algoritmo en una función diferente con cabeceras similares —mismo número y tipo de parámetros— con el fin de poder automatizar el proceso de recogida de datos.

3.1. Framework de aprendizaje automático

Se ha usado, además, el módulo *Scikit-learn*, del que se han usado las siguientes funcionalidades:

- Particionamiento de los datos. Scikit-learn aporta una función para hacer un particinado aleatorio de los datos en una parte de aprendizaje y otra de test. Esto se ha usado para implementar la téxnica 5×2 cross-validation.
- Evaluación de la función objetivo. Scikit-learn tiene implementado el algoritmo de los k vecinos más cercanos, además de la técnica del leave-one-out, usada en la evaluación de cada una de las soluciones consideradas para cada algoritmo

3.2. Manual de usuario

Para la ejecución de la práctica es necesario tener instalado Python 3 y el módulo *Scikit-learn*.

Todo se encuentra automatizado en el fichero *characteristicSelection.py*, así que sólo es necesario ejecutar la siguiente orden desde el directorio raíz de la práctica *python characteristicSelection.py*

Así se ejecutarán todos los algoritmos con todas las bases de datos usando la ténica del 5×2 cross-validation. Las tablas generadas se guardarán en el directorio results.

La semilla utilizada se inicializa al principio de la ejecución del programa con la línea np.random.seed(19921201)

4. Análisis de resultados

En esta sección vamos a presentar los datos recogidos de la ejecución de todos los algoritmos con las tres bases de datos consideradas: WDBC, Movement Libras y Arrhytmia. Las bases de datos se han considerado completas en todos los casos, tal y como se nos entregaron —arreglando alguna columna defectuosa y homogeneizando el nombre de la columna de clasificación para poder automatizar el proceso—.

Para el análisis de cada algoritmo con cada base de datos se han generado cinco particiones aleatorias de los datos y se ha ejecutado el algoritmo considerando cada partición como datos de entrenamiento y test, con la técnica 5×2 cross-validation.

En cada una de estas ejecuciones se han medido los siguientes datos:

- Tasa de clasificación en la partición de entrenamiento —en %—.
- Tasa de clasificación en la partición de test —en %—.
- Tasa de reducción de las características —en %—.
- Tiempo de ejecución —en segundos—.

Veamos ya los datos y analicemos los resultados obtenidos:

4.1. Clasificador k-NN

		WDBC				Movement L	ibras		Arrythmia			
Particiones	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	Т	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	Т	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	Т
Partición 1-1	96,4789	98,2456	0	0,3155	66,1111	73,8889	0	0,2082	65,625	63,4021	0	0,3232
Partición 1-2	95,7895	95,0704	0	0,3099	69,4444	67,7778	0	0,2072	64,433	65,1042	0	0,3188
Partición 2-1	95,0704	96,4912	0	0,3089	68,8889	73,3333	0	0,2083	63,5417	67,5258	0	0,3266
Partición 2-2	97,193	96,831	0	0,3102	63,3333	73,8889	0	0,2079	63,9175	62,5	0	0,318
Partición 3-1	95,4225	97,193	0	0,3091	66,1111	67,2222	0	0,2073	63,5417	63,9175	0	0,3221
Partición 3-2	96,8421	97,1831	0	0,3158	70,5556	72,7778	0	0,2072	62,3711	64,0625	0	0,3187
Partición 4-1	95,7746	97,193	0	0,3093	69,4444	70,5556	0	0,2125	61,9792	64,9485	0	0,3271
Partición 4-2	95,7895	96,831	0	0,3104	67,7778	74,4444	0	0,2073	61,8557	65,1042	0	0,3192
Partición 5-1	96,831	94,0351	0	0,3089	66,6667	69,4444	0	0,2076	63,0208	64,433	0	0,3232
Partición 5-2	95,0877	96,831	0	0,3119	71,6667	73,8889	0	0,2082	61,8557	64,5833	0	0,3192
Medias	96,0279	96,5904	0	0,311	68	71,7222	0	0,2082	63,2141	64,5581	0	0,3216

Cuadro 1: Datos del clasificador k-NN

En la tabla 1 se pueden ver los datos obtenidos del clasificador k-NN. La selección de características en este algoritmo es nula, ya que es la propia función objetivo considerando la totalidad de las características. Aún así, se ha añadido aquí para conocer la tasa de clasificación en los conjuntos de entrenamiento y de test considerando como solución la trivial: esto es, todas las características.

Como vemos, aunque en la primera base de datos las tasas de clasificación son buenas, en las otras dos son muy mejorables, lo que nos da una idea de la necesidad de la reducción de características.

4.2. Algoritmo de comparación

		WDBC	7			Movement	Libras		Arrythmia			
Particiones	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	Т	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	Т	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	T
Partición 1-1	98,2394	93,6842	86,6667	37,9223	80	70	85,5556	199,9326	83,3333	76,2887	97,482	499,5912
Partición 1-2	96,4912	97,5352	83,3333	44,4401	77,7778	70	88,8889	159,6696	79,3814	68,2292	97,1223	577,516
Partición 2-1	98,2394	93,3333	80	50,9161	72,2222	61,6667	92,2222	117,551	78,125	71,134	98,5612	302,55
Partición 2-2	97,193	95,0704	86,6667	37,6991	74,4444	66,1111	88,8889	159,1287	77,3196	67,1875	97,482	538,2686
Partición 3-1	97,5352	94,386	83,3333	44,3802	69,4444	64,4444	92,2222	117,3026	84,8958	72,1649	95,6835	762,5215
Partición 3-2	98,2456	95,7746	86,6667	37,6586	72,7778	63,8889	85,5556	199,3051	78,866	69,2708	97,8417	390,8462
Partición 4-1	96,1268	95,4386	90	30,5451	71,6667	75	90	145,5246	76,0417	69,5876	98,2014	330,9537
Partición 4-2	97,5439	93,662	83,3333	44,5188	73,8889	66,6667	90	147,9849	75,2577	69,2708	98,9209	221,1512
Partición 5-1	98,5915	95,0877	80	50,8462	74,4444	65,5556	88,8889	159,8845	82,2917	67,5258	97,8417	355,9443
Partición 5-2	97,8947	95,0704	83,3333	44,5186	72,7778	65	90	145,2093	74,7423	66,1458	98,9209	204,8205
Medias	97,6101	94,9042	84,3333	42,3445	73,9444	66,8333	89,2222	155,1493	79,0255	69,6805	97,8058	418,4163

Cuadro 2: Datos del algoritmo Sequential forward selection

En la tabla 2 vemos los resultados del algoritmo de comparación, el Sequential forward selection. Este algoritmo voraz tiene una alta tasa de reducción de características, pero la tasa de clasificación no mejora la del clasificador con la solución trivial.

Esto se debe a que consideramos cada característica de una forma secuencial, y una vez seleccionamos una, es imposible descartarla. Aún así, este algoritmo podría ser interesante si lo que buscamos es una reducción drástica del número de características —como vemos, sobre le 80 %— sin perder mucha información —las tasas de clasificación son más o menos iguales a las del clasificador con la solución trivial—.

4.3. Búsqueda local primero el mejor

		WDBC				Movement 1	Libras		Arrythmia			
Particiones	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	T	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	T	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	Т
Partición 1-1	98,9437	94,7368	43,3333	19,2276	76,6667	70,5556	58,8889	24,0088	66,6667	64,9485	49,6403	113,5048
Partición 1-2	96,8421	97,5352	43,3333	25,5444	68,3333	74,4444	45,5556	30,4084	67,0103	63,0208	50,7194	145,5799
Partición 2-1	97,8873	95,4386	50	16,0968	71,1111	73,8889	50	31,2889	68,2292	64,433	47,482	219,7524
Partición 2-2	97,5439	95,4225	50	27,4419	73,3333	72,7778	43,3333	65,4793	67,5258	62,5	50,3597	251,5668
Partición 3-1	96,831	94,7368	43,3333	11,6721	75,5556	69,4444	52,2222	62,4497	67,1875	63,4021	48,5612	187,7998
Partición 3-2	97,8947	96,1268	26,6667	13,6743	70	68,3333	53,3333	44,759	68,0412	65,1042	47,8417	250,5469
Partición 4-1	97,1831	95,4386	63,3333	18,4396	72,2222	73,8889	51,1111	42,4045	74,4792	63,9175	54,3165	246,3999
Partición 4-2	95,7895	94,7183	60	10,0989	69,4444	73,3333	40	30,2926	66,4948	64,5833	47,1223	197,383
Partición 5-1	97,1831	95,7895	43,3333	13,352	72,7778	67,2222	52,2222	36,6807	68,2292	61,3402	53,9568	199,7321
Partición 5-2	96,8421	96,831	56,6667	9,0114	71,6667	67,7778	47,7778	23,7236	68,5567	61,9792	47,8417	254,1432
Medias	97,294	95,6774	48	16,4559	72,1111	71,1667	49,4444	39,1495	68,2421	63,5229	49,7842	206,6409

Cuadro 3: Datos de la búsqueda primero el mejor

En la tabla 3 vemos los datos de la primera metaheurística real considerada: la búsqueda local primero el mejor.

Esta metaheurística consigue unas tasas de clasificación algo mejores que en los casos anteriores y, sobre todo, es muchísimo más rápida que el algoritmo SFS.

Esto se debe a que es un algoritmo que aglutina la naturaleza casi voraz del SFS pero atendiendo a criterios mucho más sensatos. Vemos así cómo la búsqueda en el entorno de soluciones, generando vecinos y usando algún criterio para seleccionarlos —en este caso, el que sea mejor de entre

los vecinos— es una buena estrategia —sobre todo en tiempo— para este problema.

4.4. Enfriamiento simulado

		WDBO				Movement	Libras		Arrythmia			
Particiones	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	Т	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	Т	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	Т
Partición 1-1	98,9437	94,0351	43,3333	85,231	75,5556	75	43,3333	167,9859	77,6042	64,9485	53,9568	839,9968
Partición 1-2	96,8421	97,1831	56,6667	84,2392	76,1111	72,7778	52,2222	164,5101	70,6186	67,1875	50,7194	833,381
Partición 2-1	97,8873	92,2807	40	84,4377	72,2222	66,6667	53,3333	165,8923	78,125	68,5567	54,3165	802,2534
Partición 2-2	97,5439	96,831	56,6667	84,3516	71,6667	70	48,8889	168,0965	71,134	61,4583	51,0791	736,6535
Partición 3-1	97,5352	95,0877	50	84,157	77,2222	73,3333	53,3333	168,5341	77,0833	65,4639	48,2014	696,282
Partición 3-2	98,9474	96,1268	43,3333	84,9611	74,4444	63,8889	48,8889	172,075	73,1959	65,1042	55,036	660,9853
Partición 4-1	97,8873	94,7368	63,3333	83,6998	81,1111	67,7778	48,8889	167,2869	74,4792	63,9175	49,6403	667,9511
Partición 4-2	97,8947	95,0704	33,3333	85,8251	77,7778	72,2222	52,2222	163,6381	75,2577	68,2292	53,5971	667,1272
Partición 5-1	98,2394	94,7368	43,3333	84,4193	78,3333	70	52,2222	169,1234	72,9167	63,9175	61,1511	655,1922
Partición 5-2	97,8947	94,7183	40	85,0379	69,4444	73,3333	51,1111	166,7657	72,6804	65,625	42,8058	690,5834
Medias	97,9616	95,0807	47	84,636	75,3889	70,5	50,4444	167,3908	74,3095	65,4408	52,0504	725,0406

Cuadro 4: Datos del enfriamiento simulado

En la tabla 4 se encuentran los datos referentes a la ejecución del enfriamiento simulado sobre todas las bases de datos.

Vemos cómo conseguimos una tasa de clasificación fuera de la muestra algo mejor que en el algoritmo anterior, aunque los tiempos ahora se disparan.

La tasa de reducción, sin embargo, es también mayor, así que si buscamos una reducción que permita acelerar futuros procesos de aprendizaje —no olvidemos que el objetivo de nuestro problema es facilitar el trabajo ed algoritmos de aprendizaje posteriores— y un aumento en la tasa de clasificación, aunque pequeño, es altamente valorado, este algoritmo es el mejor de los que hemos visto hasta ahora.

Sin embargo, si el tiempo es una restricción muy grande, la búsqueda local es una solución mucho mejor

4.5. Búsqueda tabú básica

		WDE	C			Movement	Libras		Arrythmia			
Particiones	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	T	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	T	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	T
Partición 1-1	99,2958	95,7895	40	4,300,7671	73,3333	68,3333	60	3,286,9409	73,4375	62,3711	51,7986	4,227,4062
Partición 1-2	97,8947	97,1831	60	4,232,4826	80,5556	70,5556	53,3333	2,776,5594	75,2577	68,75	50,7194	3,770,462
Partición 2-1	98,9437	94,386	53,3333	4,236,1506	75	70,5556	56,6667	2,838,2285	72,3958	64,433	57,1942	3,573,1368
Partición 2-2	98,9474	96,4789	50	4,264,8892	79,4444	71,1111	63,3333	2,734,6227	75,2577	63,5417	51,0791	3,695,1107
Partición 3-1	98,9437	94,0351	60	4,216,179	79,4444	75	57,7778	2,729,8555	77,0833	65,9794	55,7554	3,582,3163
Partición 3-2	99,2982	94,7183	46,6667	4,282,2213	79,4444	72,2222	63,3333	2,759,1975	77,8351	70,3125	55,7554	3,628,5453
Partición 4-1	98,5915	96,1404	50	4,268,7189	82,2222	76,1111	52,2222	2,781,284	73,9583	64,433	53,5971	3,631,7597
Partición 4-2	98,9474	93,3099	50	4,287,3348	75	67,2222	63,3333	2,762,6962	76,8041	68,2292	58,2734	3,615,0633
Partición 5-1	99,2958	94,386	43,3333	4,237,2314	75,5556	65,5556	65,5556	2,729,8462	72,9167	61,8557	48,2014	3,666,4759
Partición 5-2	98,2456	96,1268	46,6667	4,252,624	78,8889	71,6667	55,5556	2,763,403	74,2268	64,0625	54,3165	3,637,0293
Medias	98,8404	95,2554	50	4,257,8599	77,8889	70,8333	59,1111	2,816,2634	74,9173	65,3968	53,669	3,702,7306

Cuadro 5: Datos de la búsqueda tabú básica

En la tabla 5 vemos los datos de la última metaheurística considerada: la búsqueda tabú básica.

Lo primero que llama la atención es el tiempo usado en la ejecución. A este algoritmo no se le han añadido más condiciones de parada que llegar al número máximo de evaluaciones, así que se tienen que recorrer 15000

soluciones, además de mantener la lista tabú y hacer todas las comprobaciones necesarias. Es un algoritmo computacionalmente costoso.

Los resultados, además, no son mucho mejores a los anteriores. Si consideramos, por ejemplo, la base de datos WDBC vemos que el coste de pasar de algo más de un minuto a más de una hora proporciona una tasa de clasificación sólo 0.17 puntos mejor.

La tasa de reducción sí mejora algo más en este caso, así que si esta reducción va a tener un impacto muy grande en el algoritmo de aprendizaje posterior —probablemente incluso más costoso que este—, esta metaheurística puede ser considerada.

4.6. Datos generales

		WDE	BC			Movement	Libras		Arrythmia				
Particiones	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	Т	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	Т	%Clas. in	%Clas. out	%Red.	T	
3-NN	96,0279	96,5904	0	0,311	68	71,7222	0	0,2082	63,2141	64,5581	0	0,3216	
SFS	97,6101	94,9042	84,3333	42,3445	73,9444	66,8333	89,2222	155,1493	79,0255	69,6805	97,8058	418,4163	
BL	97,294	95,6774	48	16,4559	72,1111	71,1667	49,4444	39,1495	68,2421	63,5229	49,7842	206,6409	
ES	97,9616	95,0807	47	84,636	75,3889	70,5	50,4444	167,3908	74,3095	65,4408	52,0504	725,0406	
BT básica	98,8404	95,2554	50	4,257,8599	77,8889	70,8333	59,1111	2,816,2634	74,9173	65,3968	53,669	3,702,7306	

Cuadro 6: Datos generales

En la tabla 6 vemos un resumen de todos los datos obtenidos tras las ejecuciones de las metaheurísticas con las bases de datos.

Vemos ahora más claro el coste computacional de la búsqueda tabú, varias veces más grande que cualquier de los otros algoritmos. La reducción de características en el SFS es otro dato que llama la atención: no debe sorprendernos, sin mebargo, ya que al ir escogiendo las características secuencialmente, es difícil que alguna no añada algo de mejora —salvo al final, cuando ya se han descartado las características malas o posiblemente ruidosas—.

Un último aspecto a edstacar es la poca diferencia en la tasa de clasificación fuera de la muestra, que es la que realmente nos interesa. Es normal, sin embargo, ya que el espacio de búsqueda es extremeadamente grande y, aunque la búsqueda sea mucho más exhaustiva, nada nos garantiza conseguir soluciones mucho mejores.

Sin embargo, hay que tener siempre en cuenta que este es un paso previo para algoritmos de aprendizaje, así que cualquier mejora, por pequeña que sea, puede derivar en una gran reducción del tiempo en y aumento del éxito en los algoritmos posteriores.