

Algoritmia Básica

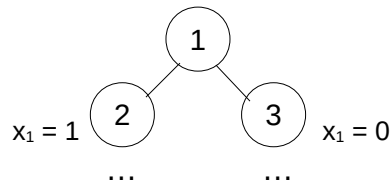
Práctica 2: Problema de transporte

Andrés Gavín Murillo 716358
Andrew Mackay 737069

Descripción del problema

Se trata de un problema, con similitudes al problema de la mochila (en este caso es un tren), donde la capacidad máxima es n y los pedidos (p pedidos) tienen un coste np (número de pasajeros). La principal diferencia consiste en que la restricción de la capacidad máxima se debe cumplir en todas las estaciones en las que para el tren $\{0..m\}$.

El problema se ha resuelto con la técnica de ramificación y poda, donde las soluciones son de la forma $X = \{x_1..x_p\}$ con $x_i = 0$ para cancelar el pedido i , y $x_i = 1$ para aceptar el pedido j . Cada pedido está formado por una tupla $p_i = \{es_i, el_i, np_i\}$, donde es_i es la estación de salida, el_i es la estación de llegada y np_i es el número de pasajeros. Todas las tuplas son de tamaño fijo y las soluciones factibles.



Restricciones:

$$n \geq 0$$

$$m = \{1..7\}$$

$$p = \{1..22\}$$

$$es_i = \{0..m-1\}$$

$$el_i = \{1..m\}$$

$$el_i > es_i$$

$$np_i \geq 0$$

Un nodo es factible si para cada estación $\left(\sum_{i=1}^p z = \begin{cases} np_i \times x_i, & i \geq es_i \wedge i < el_i \\ 0, & \neg(i \geq es_i \wedge i < el_i) \end{cases} \right) \leq n$

Para transformar el problema en un problema de minimización, en primer lugar se define el beneficio de un pedido i como $b_i = (el_i - es_i) \times np_i$ y, el objetivo es maximizar el beneficio, es decir, se minimiza el beneficio negativo:

$$\min - \sum_{i=1}^p b_i \times x_i, \text{ siendo los nodos factibles.}$$

Definición de la función de coste

$$c(x) = \begin{cases} - \sum_{i=1}^p b_i \times x_i, & \text{si } x \text{ nodo solución factible} \\ \infty, & \text{si } x \text{ nodo solución no factible} \\ \min(c(x_{izq}), c(x_{der})), & \text{si } x \text{ nodo no hoja} \end{cases}$$

Definición de la función de estimación

tipo pedido = **registro**

es, el, np, b: entero

freg;

variables pedidos: **vector**[1..p] **de** pedido;

x: **vector**[1..p] **de** entero

funcion cota(pas: **vector**[0..m] **de** entero; ben, obj: entero) **devuelve** entero

{pas = número de pasajeros actuales en cada estación; ben = beneficio actual; obj = índice del primer objeto a considerar}

variables auxPas: **vector**[0..m] **de** entero

principio

si obj > p **entonces devuelve** ben

sino

para i:=0 **hasta** m **hacer**

si i >= pedidos[obj].es and i < pedidos[obj].el **entonces**

auxPas[i] := pas[i] + pedidos[obj].np

sino

auxPas[i] := pas[i]

fsi

fpara;

si existe i = 0..m: auxPas[i] > n **entonces devuelve** cota(pas, ben, obj+1)

sino

si forall i = 0..m: auxPas[i] = n **entonces devuelve** ben + pedidos[obj].b

sino

devuelve cota(auxPas, ben + pedidos[obj].b, obj+1)

fsi

fsi

fsi

fin

funcion calcularPas(j: entero) **devuelve vector**[0..m] **de** entero

{j = índice del último objeto a considerar}

variables pas: **vector**[0..m] **de** entero

principio

para i := 0 **hasta** m **hacer**

pas[i] := 0

fpara;

para i := 1 **hasta** j **hacer**

si x[i] = 1 **entonces**

para k := pedidos[i].es **hasta** pedidos[i].el-1 **hacer**

pas[k] := pas[k] + pedidos[i].np

fpara

fsi

fpara

fin

$$\hat{c}(x) = \begin{cases} -cota(calculasPas(j), \sum_{i=1}^j b_i \times x_i, j+1), & \text{si } x \text{ nodo factible} \\ \infty, & \text{si } x \text{ nodo no factible} \end{cases}$$

Definición de la función de poda u

Si x es un nodo de nivel j , con $1 \leq j \leq p$, se han asignado ya valores a x_i , $1 \leq i \leq j$, por tanto:

$$c(x) \leq - \sum_{i=1}^j b_i \times x_i = u$$

Decisiones tomadas

Cada bloque se resuelve de manera independiente y secuencial (se podrían calcular en paralelo si importara el tiempo de ejecución total, pero en este caso el tiempo a considerar es el de resolución de cada bloque).

La información del tren correspondiente a cada bloque se almacena en un TAD de tipo Tren.

Los pedidos forman una lista enlazada, que previamente ha sido ordenada, y cada pedido almacena información del pedido correspondiente, un puntero al tren de su bloque y un puntero al siguiente pedido.

Se ha utilizado el heap de mínimos de la práctica anterior (adaptado para tipos de datos genéricos) para ordenar los pedidos de cada bloque por su beneficio y de manera descendente.

Además, se ha utilizado el heap de mínimos para expandir siempre el nodo con mayor beneficio. Sólo se insertan en el heap los nodos factibles que no han sido podados.

En el caso de que sea un nodo hoja (posible solución) se inserta en otro heap de soluciones, en el que su cima será la mejor solución cuando ya no queden más nodos en el heap de nodos factibles.

El árbol (binario) de exploración está formado por nodos que a su vez son del tipo árbol e incluyen datos correspondientes al pedido y otros datos precalculados (ej. beneficio) para acelerar los cálculos posteriores.

Cada nodo tiene acceso a su padre y a sus hijos (en el caso de que el nodo haya sido expandido).