Forth Calculator Manual

FORTH CALCULATOR MANUAL

Note legali e copyright

Questo manuale e tutti gli esempi contenuti vengono forniti "come sono" e potrebbero subire modifiche senza preavviso. Si declina ogni responsabilità per eventuali errori o per danni accidentali o consequenziali in relazione alla fornitura, alle prestazioni o all'utilizzo del programma, del manuale o degli esempi in esso contenuti.

MIT License Copyright (c)2017 Massimo Corinaldesi

Permission is hereby granted, free of charge, to any person obtaining a copy of this software and associated documentation files (the "Software"), to deal in the Software without restriction, including without limitation the rights to use, copy, modify, merge, publish, distribute, sublicense, and/or sell copies of the Software, and to permit persons to whom the Software is furnished to do so, subject to the following conditions:

The above copyright notice and this permission notice shall be included in all copies or substantial portions of the Software.

THE SOFTWARE IS PROVIDED "AS IS", WITHOUT WARRANTY OF ANY KIND, EXPRESS OR IMPLIED, INCLUDING BUT NOT LIMITED TO THE WARRANTIES OF MERCHANTABILITY, FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE AND NONINFRINGEMENT. IN NO EVENT SHALL THE AUTHORS OR COPYRIGHT HOLDERS BE LIABLE FOR ANY CLAIM, DAMAGES OR OTHER LIABILITY, WHETHER IN AN ACTION OF CONTRACT, TORT OR OTHERWISE, ARISING FROM, OUT OF OR IN CONNECTION WITH THE SOFTWARE OR THE USE OR OTHER DEALINGS IN THE SOFTWARE.

Contatti

Per segnalare errori o per altre informazioni sul programma inviare una mail a: massimo.corinaldesi@gmail.com

Fast Fibonacci algorithms (fibo.pde)
Copyright (c) 2017 Project Nayuki
All rights reserved. Contact Nayuki for licensing.
https://www.nayuki.io/page/fast-fibonacci-algorithms

Font: wwDigital.ttf by Michelle Laura developer@webworks-usa.com - http://www.webworks-usa.com

The Handbook of Essential Mathematics Compilation and Explanations: John C. Sparks Editors: Donald D. Gregory and Vincent R. Miller Public Edition

Forth Calculator Manual Revision 0.1 (13 novembre 2017) © Copyright 2017 Massimo Corinaldesi

INDICE

Introduzione	1
Capitolo 1 – Caratteristiche generali	2
Capitolo 2 – Inserimento e visualizzazione dei dati	4
Inserimento di un numero	5
Inserimento di due numeri	6
Inserimento di un numero negativo	7
Inserimento di un numero in formato esponenziale	8
Impostazione del numero di cifre visualizzate	9
Inserimento di $oldsymbol{\pi},\;oldsymbol{e}$ e $oldsymbol{arphi}$	10
Scelta dell'unità trigonometrica per i calcoli (Gradi o Radianti)	11
Arrotondamento di un numero	
Capitolo 3 – Introduzione all'uso della notazione RPN	12
Principi di base	12
I parametri di una funzione	12
Funzioni che restituiscono più di un valore	15
I vantaggi della notazione RPN	17
Scheda di riferimento RPN	18
Espressioni annidate	
Capitolo 4 – Esempi sul calcolo di espressioni	21
Esempio 1	21
Esempio 2	22
Esempio 3	23
Capitolo 5 – La Calcolatrice in azione	24
Conversione di coordinate da Gradi Decimali a Gradi, Minuti, Secondi	24
Conversione di coordinate da Gradi, Minuti, Secondi a Gradi Decimali	
Conversione da Coordinate Rettangolari a Coordinate Polari	24
Conversione da Coordinate Polari a Coordinate Rettangolari	24
Calcolo del Massimo Comun Divisore	25
Calcolo del Minimo Comune Multiplo	25
Fattorizzazione in Numeri Primi	
Calcolo Proporzioni	
Risoluzione di Equazioni di Secondo grado (re, im)	
Risoluzione di Equazioni di Terzo grado (re, im)	
Valutazione Polinomi	
Risoluzione di Sistemi Lineari (2x2,,5x5)	26
Calcolo tra Frazioni	
Conversione da Numero Decimale a Frazione	
Calcolo del numero Fattoriale	
Calcolo del numero di Fibonacci	
Parametrici Statistici di una Serie	
Regressione Lineare	
Permutazioni	
Combinazioni	
Risoluzione Triangolo	
Calcoli con i Numeri Complessi	
Addizione di due numeri complessi	
Divisione di due numeri complessi	
Inverso di un numero complesso	
Potenza di un numero complesso	
Calcoli con i Vettori	
Addizione di due vettori	36

Prodotto vettoriale tra due vettori	36
Prodotto Scalare tra due vettori	36
Angolo tra due vettori	36
Magnitudine e direzione di un vettore	37
Addizione e Sottrazione di Tempi	38
Generazione di Sequenze Numeriche	39
Distanza, pendenza e retta passante per due punti	39
Capitolo 6 – Le Memorie	40
Capitolo 7 – Tecniche avanzate per la gestione della pila	41
Copia e Incolla dei valori della pila	41
Applicazione di una funzione a più elementi della pila	42
Salvataggio e caricamento dei dati della pila	44
Modifica dei numeri della pila	45
Modifica del file stack.txt con un editor di testo	
Capitolo 8 – I Comandi Forth	48
Le funzioni standard	48
Le funzioni speciali	
Capitolo 9 – Elenco delle Funzioni Matematiche	50
APPENDICI	54
Appendice A: La notazione RPN (Wikipedia)	
Appendice B: The Handbook of Essential Mathematics	55
Appendice C: Compilazione del programma	56

Introduzione

Forth Calculator è una calcolatrice scientifica che utilizza la notazione RPN (Reverse Polish Notation) con una gestione della pila potenziata con comandi del linguaggio Forth. È stata sviluppata con l'intenzione di soddisfare le esigenze degli studenti e comprende oltre 75 funzioni che riguardano diverse branche della matematica (algebra, geometria, statistica, trigonometria, combinatoria).

Questo manuale descrive le caratteristiche e il funzionamento della calcolatrice.

Potete trovare la versione più recente del programma all'indirizzo web: https://github.com/cameyo42/ForthCalc

Il programma funziona con Windows, Mac OSX e Linux e viene distribuito nella versione sorgente: per poterlo utilizzare nel vostro computer dovete compilarlo (vedi appendice X).

Nota: In questo manuale i numeri vengono visualizzati nella notazione internazionale, il punto "." rappresenta il separatore dei decimali e la virgola "," rappresenta il separatore delle migliaia.

Capitolo 1 – Caratteristiche generali



La calcolatrice lavora con una pila di 4096 celle.

Ogni cella può contenere un numero.

Il display mostra le prime 8 celle della pila.

L'intervallo dei numeri utilizzabili dalla calcolatrice va approssimativamente da:

-1.79769313486231570E+308 a +1.79769313486231570E+308 (15 cifre decimali significative).

Vengono gestiti anche numeri particolari come **Infinito** (∞) e **NaN** - **Not a Number** (\mathcal{N}).

Nel display superiore vengono visualizzati gli otto numeri in cima alla pila, con i primi quattro valori contrassegnati dalle lettere x, y, z e t.

Nel display inferiore vengono visualizzati:

- a) il numero che si trova in cima alla pila nella rappresentazione reale oppure un messaggio di notifica relativo all'ultima operazione effettuata (al centro)
- b) il numero di elementi della pila (a sinistra)

In basso a destra vicino al display principale troviamo l'indicazione dell'unità di misura utilizzata nei calcoli trigonometrici (gradi o radianti). Cliccandola si cambia l'unità di misura.

I numeri compresi tra [-1E12, +1E12] e non compresi tra [-1E-12, +1E-12] vengono visualizzati in notazione decimale; al di fuori di questo intervallo i numeri vengono visualizzati nella notazione esponenziale.



(rappresentazione non in scala)

I numeri che ricadono nella zona verde vengono visualizzati come numeri decimali, gli altri vengono visualizzati come numeri con esponente.

Con la notazione decimale possiamo scegliere quante cifre visualizzare per la parte decimale dei numeri: da zero a nove (in questo caso il numero visualizzato è un arrotondamento del numero

reale). Possiamo anche decidere di visualizzare la rappresentazione reale del numero (quella utilizzata dal sistema durante i calcoli).

La calcolatrice possiede 5 registri di memoria per la memorizzazione di numeri da parte dell'utente.

Nota: Per visualizzare i tasti scorciatoia premere il tasto **TAB**.

Nota: Per attivare/disattivare il feedback sonoro dei tasti premere il tasto "="

Capitolo 2 – Inserimento e visualizzazione dei dati

La seguente figura mostra la parte della calcolatrice dedicata all'inserimento e alla modifica dei numeri:



Tutti i numeri vengono inseriti nel registro X (quello in cima alla pila).

La tabella elenca tutte le funzionalità dei tasti (e le relative scorciatoie) disponibili per inserire e modificare un numero nel registro X:

TASTO	FUNZIONE	DESCRIZIONE
<u> </u>	Insert digit (09)	Inserisce una cifra nel registro X
\cdot	Separatore decimale (. o ,)	Inserisce il separatore decimale
_+/-	Cambia segno (\ o _)	Cambia il segno del numero del registro X
EEX	Numeri con esponente	Permette di inserire numeri con esponente
		$(es. 12.3E12 = 12.3x10^{12})$
+	Back (Backspace)	Cancella l'ultima cifra inserita
CLx	Clear X (Del)	Azzera il valore del registro X
CLS	Clear Stack	Elimina tutti i dati dalla pila e azzera il registro X
<u>LSTx</u>	Last X (x)	Inserisce nel registro X il valore precedente
E N T E R	ENTER o Invio (Enter o Space)	Inserisce il valore di X nella pila (nel registro Y). Il valore del registro X rimane inalterato. Questo tasto serve per separare l'inserimento dei numeri nella pila. Nel manuale il tasto ENTER è rappresentato da:

Nota: Il tasto permette di specificare il numero di cif<u>re da vis</u>ualizzare dopo la virgola.

Nota: Per eliminare tutti i valori della pila premere il tasto

Inserimento di un numero

Inseriamo il numero 14.5 nel registro X.

Premere i tasti:

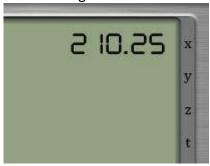




A questo punto possiamo applicare una funzione a questo numero. Eleviamolo al quadrato premendo il tasto:



Adesso il registro X contiene il risultato dell'operazione.



Nota: Quando digitiamo una cifra errata possiamo cancellarla premendo il tasto



Inserimento di due numeri

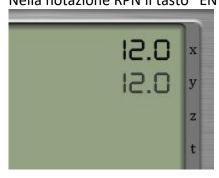
Inseriamo i numeri 12 e 50 (uno nel registro X e l'altro nel registro Y) e calcoliamo la loro somma.

Premere per azzerare il registro X.

Premere i tasti:



Poi premere il tasto per "spingere" il valore del registro X nel registro Y.
Nella notazione RPN il tasto "ENTER" viene utilizzato per separare i numeri da inserire.



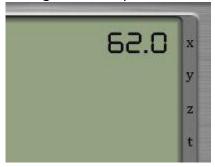
Inserire il secondo numero (che si troverà nel registro X):



Adesso possiamo applicare una funzione a questi due numeri (ad esempio la somma):

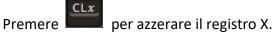


I valori che avevamo nei registri X e Y sono stati "consumati" dall'operazione di addizione: nel registro X compare il risultato dell'operazione, mentre il registro Y è vuoto:



Inserimento di un numero negativo

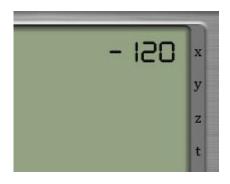
Inseriamo il numero -102.



Per inserire il segno "-" (non l'operazione di sottrazione) occorre inserire prima almeno una cifra, dopo possiamo inserire il segno quando vogliamo, ecco due inserimenti equivalenti:







Nota: Inserire il numero e poi il segno.

Inserimento di un numero in formato esponenziale

Supponiamo di voler inserire il numero $35x10^{12}$:

Premere



<u>Inserire</u> il numero 35:





Premere il tasto ENTER:

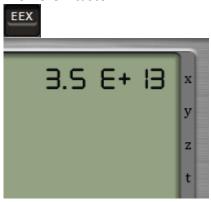


Inserire il numero 12:





Premere il tasto EEX:



Nota: $35x10^{12} = 3.5 E + 13$

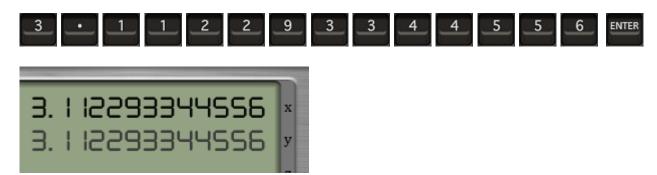
Nota: In questo modo è possibile anche inserire numeri elevati a numeri decimali (es. $22x10^{1.5}$)



Impostazione del numero di cifre visualizzate

Nell'esempio precedente abbiamo trovato un numero che viene visualizzato con tutte le cifre decimali (si tratta del numero reale utilizzato dalla calcolatrice quando effettua le operazioni). Possiamo scegliere quante cifre vogliamo visualizzare dopo la virgola (da 0 a 9).

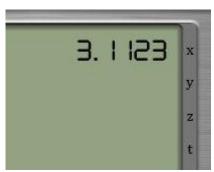
Scriviamo il numero 3.112293344556 (che ha 12 cifre dopo la virgola) e poi premiamo ENTER:



Supponiamo di voler visualizzare il numero con quattro cifre decimali dopo la virgola, in questo caso occorre premere il tasto

e poi il tasto

per ottenere il seguente risultato:



Il numero viene arrotondato e visualizzato con quattro cifre.

Nota: Il numero vale sempre 695.7010852370432, viene cambiata solo la sua visualizzazione.

Nota: La nuova visualizzazione viene applicata a tutti i numeri della pila.

Per visualizzare il numero reale occorre usare il valore -1:

premere e poi il tasto per cambiare il segno, poi premere il tasto

Nota: Il Tasto si trova in alto a destra della calcolatrice.

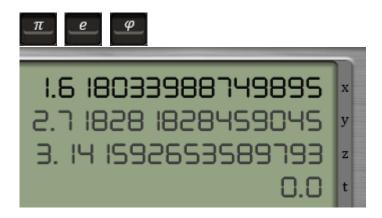
Nota: Premendo i tasti della tastiera \leftarrow (freccia a sinistra) e \rightarrow (freccia a destra) è possibile modificare automaticamente il numero di cifre visualizzate dopo la virgola.

Tabella dei Formati di visualizzazione

Valore	Formato	Tipologia dati
-2	00,00,00	Tempi
-1	Numero reale	Numeri
09	09 cifre dopo la virgola	Numeri

Inserimento di π , $e \in \varphi$

Per inserire le costanti Pi Greco π o il numero di Eulero e o il Rapposto Aureo ϕ è sufficiente premere il tasto corrispondente:



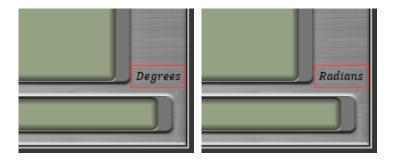
Calcoliamo $\pi/4$:



Nota: Dopo aver premuto uno di questi tre tasti NON occorre premere ENTER per inserire un'altro numero.

Scelta dell'unità trigonometrica per i calcoli (Gradi o Radianti)

Per modificare l'unità trigonometrica per l'inserimento dei numeri per i calcoli trigonometrici (da Gradi in Radianti o viceversa) basta cliccare l'indicatore relativo sul display:

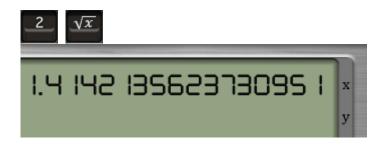


Tasto scorciatoia: F8.

Arrotondamento di un numero

Questa funzione arrotonda il numero nel registro X con N cifre decimali. Il valore di N viene inserito dall'utente.

Supponiamo di voler calcolare $\sqrt{2}$ con 6 cifre decimali:



Adesso per arrotondarlo con 6 cifre decimali basta premere:



Nota: Questa funzione *modifica il valore del numero* (non la visualizzazione).

Capitolo 3 – Introduzione all'uso della notazione RPN

In questo capitolo vedremo come funziona la notazione RPN (post-fix notation) e le sue caratteristiche fondamentali.

A differenza della notazione algebrica (in-fix notation) il sistema RPN permette di effettuare i calcoli senza l'uso delle parentesi.

Principi di base

- Il numero o i numeri necessari per un'operazione (una funzione) devono essere inseriti prima di premere il tasto della funzione da applicare: **prima i numeri, poi l'operatore.**
- I numeri necessari per effettuare l'operazione devono essere separati dal tasto **ENTER** (tranne per l'ultimo numero inserito).
- L'applicazione di ogni operazione/funzione **elimina** dalla pila i dati utilizzati e **inserisce** il risultato in cima alla pila (uno o più numeri).
- Il risultato di ogni operazione può essere usato nelle successive operazioni senza premere il tasto ENTER (l'inserimento di un nuovo numero spinge automaticamente il risultato precedente nella pila)

I parametri di una funzione

Uno dei concetti fondamentali è quello dei parametri di una funzione, si tratta del numero dei valori necessari per applicare una determinata funzione. Ad esempio, per applicare la funzione radice quadrata abbiamo bisogno di un solo parametro: il valore di un numero; invece per applicare la funzione LCM (Least Common Multiple), che calcola il minimo comune multiplo, abbiamo bisogno di almeno due valori.

Nota: l'applicazione di una funzione effettua diverse azioni:

- a) calcola il risultato della funzione
- b) elimina dalla pila i valori usati per il calcolo
- c) inserisce nella cella X (o in più celle) il valore del risultato

Vediamo alcuni casi di esempio:

1) Funzione applicata ad un valore

Calcolare la radice cubica di 81





2) Funzione applicata a due valori Calcolare 4⁵





3) Funzione applicata a più valori

Calcolare il massimo comun divisore dei numeri 3, 8 e 12.

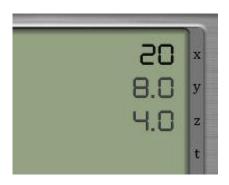
La funzione GCD (Greatest Common Divisor) calcola il massimo comun divisore e viene applicata a tutti i valori della pila.



per eliminare tutti i valori della pila ed azzerare il registro X.



Nota: L'utimo valore inserito non viene seguito dal tasto "ENTER" poichè si trova già nella cella X della pila.



Infine premere il tasto



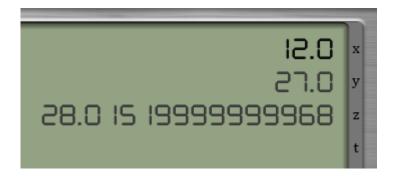
Funzioni che restituiscono più di un valore

Finora abbiamo visto funzioni che restituiscono un solo valore, ma esistono anche funzioni che hanno più di un valore come risultato. Ad esempio, la funzione →DMS (Degrees, Minutes, Seconds) converte una coordinata espressa gradi decimali in una coordinata espressa in gradi, minuti, secondi (La funzione inversa è →DD). Quindi in questo caso vengono restituiti tre valori: i gradi, i minuti e i secondi; questi valori vengono memorizzati in modo ordinato nelle celle in cima alla pila: i gradi nella cella X, i minuti nella cella Y e i secondi nella cella Z. Vediamo un esempio:

Convertire la coordinata decimale 12,457782 in gradi minuti secondi

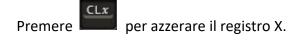


Premere il tasto → DMS



Il risultato è 12° 27′ 28.0151999999968″ (approssimato 12° 27′ 28.0152″). Come potete notare i dati sono memorizzati in sequenza a partire dalla cella in cima alla pila (X): i gradi nella cella X, i minuti nella cella Y e i secondi nella cella Z.

Vediamo per completezza l'operazione inversa: <u>Convertire la coordinata 77° 42' 32" in gradi decimali</u>







Infine premere il tasto



Quesa volta abbiamo un solo risultato (i Gradi Decimali) che si trova nalla cella X.

I vantaggi della notazione RPN

- Il sistema logico RPN consente di valutare praticamente qualsiasi espressione senza utilizzare e ricordare le parentesi o ristrutturare le operazioni.
- RPN permette di risolvere i problemi nello stesso modo in cui hai imparato all'inizio la matematica con carta e penna.
- RPN aiuta a risolvere i problemi in modo incrementale, un pò alla volta. Non lavori mai con più di due numeri contemporaneamente.
- RPN mostra feedback continui e immediati. È possibile tutte le risposte intermedie di ogni
 operazione utilizzata perché la calcolatrice esegue ogni funzione immediatamente dopo
 aver premuto il tasto della funzione.
- RPN rende facile il ripristino di errori, è possibile ripristinare la logica delle operazioni perché la calcolatorice esegue operazioni in sequenza.
- RPN consente di riutilizzare i numeri senza digitarli nuovamente. Questo si traduce in un grande risparmio di tempo quando si lavora con le espressioni o con calcoli concatenati.
- RPN è un metodo di inserimento più logico. Una volta utilizzato RPN, il sistema algebrico ti sembrerà primitivo.

Scheda di riferimento RPN

Calcoli con un numero:

- 1) Inserire il numero,
- 2) Premere il tasto della funzione da applicare.

ESEMPIO	TASTI			RISULTATO
√2	2	\sqrt{x}		1.41422135623730951
22 ²	_2_	_2_	x^2	484.0

Calcoli con due numeri:

- 1) Inserire il primo numero,
- 2) Premere ENTER (per separare il primo dal secondo numero),
- 3) Inserire il secondo numero (non premere ENTER),
- 4) Premere il tasto della funzione da applicare.

ESEMPIO	TASTI					RISULTATO
(12 + 3)	1	_2_	ENTER	_3_	+	15.0
(14 * 2)	1	4	ENTER	_2_	X	28.0

Serie di addizioni o sottrazioni o moltiplicazioni:

- 1) Inserire il primo numero,
- 2) Premere ENTER
- 3) Inserire il secondo numero
- 4) Premere il tasto della funzione da applicare
- 5) Ripetere 3) e 4) per tutti gli altri numeri

ESEMPIO	TASTI			RISULTATO					
(1+3+2+4)]	ENTER	_3	<u>+</u>	2	+]	4	+	15.0
(14 * 2 * 3)	1	4	ENTER	_2_	X	3	×		28.0

Calcoli concatenati (livello unico di parentesi)

Calcolare i valori come faresti con carta e penna.

ESEMPIO	TAST									RISULTATO
(1+3)-(4*2)]	ENTER	_3_	+]	4	ENTER	_2_	×	$\overline{}$	-4
(4*2) + (2*3)	4	ENTER	_2_	×	_2_	ENTER	×	_3_	<u>+</u>	14.0

Calcoli concatenati (con livelli multipli di parentesi)

Calcolare i valori partendo dal livello di parentesi più annidato.

ESEMPIO	TASTI							RISULTATO
2 * (3 + (4 * 2))	_4_ENT	ER 2	×	3	+	_2_	X	10.0

1+(2*(3+4))	3 ENTE	4 +	2 X	1 +	15.0
-------------	--------	-----	-----	-----	------

Calcoli concatenati con operazioni non commutative (con livelli multipli di parentesi)

Alcune funzioni non sono commutative $(-, \div, y^x)$, ad esempio $(2-3) \neq (3-2)$.

In questo caso possiamo usare il tasto



per scambiare di posto i valori dei registri X e Y.

ESEMPIO	TAST	rasti									
$2*(6\div(2*3))$	_2_	ENTER	_3_	X	6	SWAP	$ \cdot $	_2_	X	2.0	
1 + (2 - (3 + 4))	_3_	ENTER	4	+	_2_	SWAP		1	+	-4.0	

Nota: Il tasto scorciatoia per



Uso delle Memorie (STO e RCL)

Sebbene la pila sia in grado di supportare una sequenza di operazioni praticamente illimitata, in alcuni casi può risultare comodo utilizzare le celle di memoria (cinque) a disposizione dell'utente. I pulsanti STO1, STO2, STO3, STO4 e STO5 memorizzano il valore attuale della cella X, mentre i corrispondenti tasti RCL1, RCL2, RCL3, RCL4 e RCL5 ripristinano nella cella X il valore memorizzato. Calcolare $[(2^4 + 3^2)*(4^3 - 5^2)] - [(3^2)*(2 + 4^2)]$.

Calcoliamo $[(3^2)*(2+4^2)]$ e lo memorizziamo in STO1, poi calcoliamo $[(2^4+3^2)*(4^3-5^2)]$ infine richiamiamo il valore memorizzato con RLC1 e facciamo la sottrazione.



$$[(3^2)*(2+4^2)] = 162$$



Espressioni annidate

Quando dobbiamo calcolare delle espressioni con parentesi annidate in genere è conveniente cominciare i calcoli dall'espressione più interna e lavorare verso l'esterno. Consideriamo la seguente espressione:

$$[2 * [3 + 5 * (6 + 7)]]$$

Partendo dall'espressione più interna (6 + 7) possiamo procedere nel modo seguente:



Se invece partiamo da sinistra e procediamo verso destra dobbiamo scrivere:



Quindi partendo dall'espressione più interna si hanno i seguenti vantaggi:

- 1) È più semplice tenere traccia di quello che si sta facendo
- 2) Occorre un numero minore di tasti per risolvere l'intera espressione

In casi particolari è più conveniente e intuitivo operare da sinistra a destra. Ad esempio per calcolare 4^{3^2} possiamo farlo in due modi diversi:

Per primo partiamo dall'espressione più interna 3² e proseguiamo verso l'esterno

3 ENTER 2
$$y^x$$
 4 SWAP y^x = 262 144 0

Nel secondo metodo calcoliamo da sinistra a destra

4 ENTER 3
$$y^x$$
 2 y^x = 262,144.0

Come vedete il secondo metodo non necessita di scambiare gli elementi con il tasto SWAP.

Capitolo 4 – Esempi sul calcolo di espressioni

+ - ÷ ×

In questo capitolo vengono presentati degli esempi classici sul calcolo delle espressioni. Provate anche voi a risolverle.

Nota: le soluzioni sono state verificate con questa calcolatrice.

Esempio 1

+ - ÷ ×

$$\sqrt{\frac{8.33 \times (4 - 5.2) \div [(8.33 - 7.46) \times 0.32]}{4.3 \times (3.15 - 2.75) - (1.71) \times (2.01)}}$$

TASTI	DISPLAY	COMMENTO
4 ENTER	4	
5.2 -	1.2	Risultato di 4 - 5.2
8.33 ×	-9.996	Risultato di (4 - 5.2) × 8.33
LSTx	8.33	Richiama il numero visualizzato prima dell'ultima operazione
7.46 -	0.87	Risultato di 8.33 - 7.46
0.32 ×	0.2784	Risultato di (8.33 - 7.46) × 0.32
÷	-35.90517241	Risultato di -9.996 ÷ 0.2784, il numeratore della divisione.
3.15 ENTER	3.15	
2.75 -	0.4	Risultato di 3.15 - 2.75
4.3 ×	1.72	Risultato di 4.3 × (3.15 - 2.75)
1.71 ENTER	1.71	
2.01 ×	3.4371	Risultato di 1.71 × 2.01
-	-1.7171	Risultato di 1.72 - 3.4371, il denominatore della divisione.
÷	20.910356074	
\sqrt{x}	4.572784280	Risultato finale

Questo esempio si trova nel libro HP-11C Owner's Handbook (1981).

Esempio 2

+ - ÷ ×

$$\frac{(3+1)\times(4+3)+(2+6)\times(4+6)}{(2+3)\times(2+1)+(3+5)\times(4+2)}$$

TASTI	DISPLAY	COMMENTO
3 ENTER 1 +	4	Iniziamo con la prima espressione del numeratore
4 ENTER 3 +	7	
×	28	Risultato di $(3+1) \times (4+3)$
2 ENTER 6 +	8	
4 ENTER 6 +	10	
×	80	Risultato di $(2+6) \times (4+6)$
+	108	Il numeratore: 28 + 80
2 ENTER 3 +	5	
2 ENTER 1 +	3	
×	15	Risultato di $(2+3) \times (2+1)$
3 ENTER 5 +	8	
4 ENTER 2 +	6	
×	48	Risultato di $(3+5) \times (4+2)$
+	63	Il denominatore: 15 + 48
÷	1.714285714	Risultato Finale 108/63

Esempio 3

+ - ÷ ×

$$\frac{(3^{\frac{2}{7}}+4^{\frac{4}{9}})}{(7^{\frac{1}{4}}+8^{\frac{3}{5}})}$$

TASTI	DISPLAY	COMMENTO
3 ENTER		Iniziamo dal numeratore
2 ENTER 7 ÷		2/7
y^x	1.368738	$3^{\frac{2}{7}}$
4 ENTER		
4 ENTER 9 ÷		4/9
y^x	1.851749	$4\frac{4}{4^{\overline{9}}}$
+	3.220488	$3\frac{2}{7} + 4\frac{4}{9}$
7 ENTER		
1 ENTER 4 ÷		1/4
y^x	1.626577	$7\frac{1}{4}$
8 ENTER		
3 ENTER 5 ÷		3/5
y^x	3.482202	85
+	5.108779	$7^{\frac{1}{4}} + 8^{\frac{3}{5}}$
÷	0.630383	Risultato finale

Capitolo 5 – La Calcolatrice in azione

In questo capitolo vedremo come utilizzare la calcolatrice per risolvere automaticamente alcuni problemi matematici.

Tutte le calcolatrici scientifiche possiedono delle funzionalità di base che permettono di effettuare le normali operazioni aritmetiche/trigonometriche e delle funzionalità avanzate che variano da modello a modello. Questa calcolatrice possiede alcune funzioni che risolvono automaticamente diversi problemi matematici.

Le spiegazioni delle varie funzioni contengono i parametri della funzione (dati di input) e il risultato della funzione (uno o più valori) con un numero variabile di cifre decimali.

Conversione di coordinate da Gradi Decimali a Gradi, Minuti, Secondi

Convertire 13.561245 in gradi, minuti, secondi

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Incognita
13.561245	PHC	13.000000	Χ	gradi
		33.000000	Υ	minuti
		40.482000	Z	secondi

Conversione di coordinate da Gradi, Minuti, Secondi a Gradi Decimali

Convertire 12° 45′ 22" in gradi decimali

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
12 ENTER		12.756111	Χ
45 ENTER	→DD		Υ
22			Z

Conversione da Coordinate Rettangolari a Coordinate Polari

Convertire x = 10, y = 30 in coordinate polari

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Incognita
10 ENTER	D(-, a)	31.622777	Χ	Х
30		33.000000	Υ	у
		40.48200	Z	

Conversione da Coordinate Polari a Coordinate Rettangolari

Convertire $r = 56 e \theta = 27$ in coordinate rettangolari

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
56 ENTER	R(x,y)	49.896365	Χ
27		25.423468	Υ

Calcolo del Massimo Comun Divisore

Calcolare il massimo comun divisore dei numeri 40, 24, 88

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
40 ENTER		8.000000	Χ
24 ENTER	GCD		
88			

Nota: Il GCD calcola il massimo comun divisore di tutti i numeri della pila

Calcolo del Minimo Comune Multiplo

Calcolare il minimo comune multiplo dei numeri 40, 24, 88

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
12 ENTER		168.000000	Χ
8 ENTER	LCM		
14			

Nota: Il LCM calcola il minimo comune multiplo di tutti i numeri della pila

Fattorizzazione in Numeri Primi

Fattorizzare il numero 130

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
130 ENTER		13.0000	Χ
	Fact	5.0000	Υ
		2.0000	Z

Calcolo Proporzioni

Calcolare il valore mancante nella proporzione: 26 : 4 = x : 32

Nota: Il valore mancante va inserito come 0 (zero).

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
26 ENTER	$\frac{a}{b} = \frac{c}{c}$	32.0000	Χ
4 ENTER		208.0000	Υ
0 ENTER	b = a	4.0000	Z
32		26.0000	Т

Risoluzione di Equazioni di Secondo grado (re, im)

Risolvere l'equazione $-3x^2 + 2x - 2 = 0$

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Incognita
-3 ENTER		0.333333	Χ	Re(x1)
2 ENTER	$f(x^2)$	0.745356	Υ	Im(x1)
-2		0.333333	Z	Re(x2)
		-0.745356	Т	Im(x2)

Risoluzione di Equazioni di Terzo grado (re, im)

Risolvere l'equazione $3x^3 - 2x^2 + 4x - 3 = 0$

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Incognita
3 ENTER		0.726373	Χ	Re(x1)
-2 ENTER		0.000000	Υ	Im(x1)
4	$f(x^3)$	-0.029853	Z	Re(x2)
-3		1.172950	Т	Im(x2)
		-0.029853		Re(x3)
		-1.172950		Im(x3)

Valutazione Polinomi

Valutare il polinomio $3x^2 - 4x - 6$ nel punto x = 5

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
3 ENTER		49.0000	Χ
-4 ENTER			Υ
-6 ENTER	P(x)		Z
2 ENTER (grado polinomio)			T
5			

Nota: Gli eventuali termini del polinomio mancanti vanno inseriti come zero.

Risoluzione di Sistemi Lineari (2x2,...,5x5)

Risolvere il sistema lineare:

$$x + 2y = 1$$

$$2x - 3y = -2$$

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Incognita
1 ENTER		-0.142857	Χ	х
2 ENTER		0.571429	Υ	У
1 ENTER				
2 ENTER	xyz			
-3 ENTER				
-2 ENTER				
2 (num. Equazioni)				

Nota: Gli eventuali termini mancanti delle equazioni vanno inseriti come zero.

Risolvere il sistema lineare:

$$x + 2y - z = 1$$

 $2x - 3y + 2z = -2$
 $-3x + y - 3z = 1$

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Incognita
1 ENTER		-0.142857	Χ	х
2 ENTER		0.571429	Υ	у
-1 ENTER		0.000000	Z	Z
1 ENTER				
2 ENTER				
-3 ENTER				
2 ENTER	xyz			
-2 ENTER				
-3 ENTER				
1 ENTER				
-3 ENTER				
1 ENTER				
3 (num. Equazioni)				

Risolvere il sistema lineare:

$$x + y + z - 4t + 2w = 1$$

$$2x - 3y - 3z + t + w = -2$$

$$3x + 2y - z + 4t - 2w = 6$$

$$2x - y + 3z - 2t + 4w = 6$$

$$-x - y - z - t - w = -5$$

-x - y - z - t - w				
Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Incognita
1 ENTER		1.0000	Χ	Х
1 ENTER		1.0000	Υ	У
1 ENTER		1.0000	Z	Z
-4 ENTER		1.0000	Т	t
2 ENTER		1.0000		W
1 ENTER				
2 ENTER				
-3 ENTER				
-3 ENTER				
1 ENTER				
1 ENTER				
-2 ENTER				
3 ENTER				
2 ENTER				
-1 ENTER				
4 ENTER	хуz			
-2 ENTER				
6 ENTER				
2 ENTER				
-1 ENTER				
3 ENTER				
-2 ENTER				
4 ENTER				
6 ENTER				
-1 ENTER				
-1 ENTER				
-1 ENTER				
-1 ENTER				
-1 ENTER				
-5 ENTER				
5 (num. Equazioni)		_		

Calcolo tra Frazioni

Sommare le due frazioni 5/6 e 7/12

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
5 ENTER		17.0000 (num)	Χ
6 ENTER	a/b+	12.0000 (den)	Υ
7 ENTER			Z
12 ENTER			T

Nota: La frazione risultante viene semplificata automaticamente

Dividere le due frazioni 5/6 e 7/12

Dividere le due mazioni by	, , , , , =		
Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
5 ENTER		10.0000 (num)	Χ
6 ENTER	a/b÷	7.0000 (den)	Υ
7 ENTER			Z
12 ENTER			Т

Conversione da Numero Decimale a Frazione

Convertire il numero decimale 1.14 in frazione generatrice

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
1.14 ENTER	a/b	57.0000 (num)	Χ
0 (lunghezza periodo)		50.0000 (den)	Υ

Convertire il numero decimale $1.1\overline{4}$ in frazione generatrice

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
1.14 ENTER	a/b	103.0000 (num)	Х
1 (lunghezza periodo)		90.0000 (den)	Υ

Convertire il numero decimale $1.01\overline{42}$ in frazione generatrice

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
1.0142 ENTER	a/b	3347.0000 (num)	Χ
2 (lunghezza periodo)		3300.0000 (den)	Υ

Calcolo del numero Fattoriale

Calcolare il fattoriale di 10

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
10	x!	3,628,800.0	Х

Calcolare il fattoriale di 200

Parametri della funzione	Tasto della Funz	zione Risultato	Registri
200	<u>x!</u>	∞	X

Risultato:

Nota: La funzione fattoriale salva un file **fact<numero>.txt** nella cartella **data** (dove è stato installato il programma) con il valore del fattoriale.

Nota: Nel caso di valore ∞ il file salvato contiene il valore reale.

Calcolo del numero di Fibonacci

Calcolare il numero di Fibonacci di 10

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
10	Fib	55.0	Х

Calcolare il numero di Fibonacci di 1500

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
1500	Fib	∞	X

Risultato:

1355112566856310195163693686714840837778601071241849724213354315322148731087352 8750612259354035717265300373778814347320257699257082356550045349914102924249595 9974839822286992875272419318113250950996424476212422002092544399201969604653214 38498305345893378932585393381539093549479296194800838145996187122583354898000

Nota: La funzione fattoriale salva un file **fibo<numero>.txt** nella cartella **data** (dove è stato installato il programma) con il valore del fattoriale.

Nota: Nel caso di risultato con valore ∞ , il file salvato contiene il valore reale.

Parametrici Statistici di una Serie

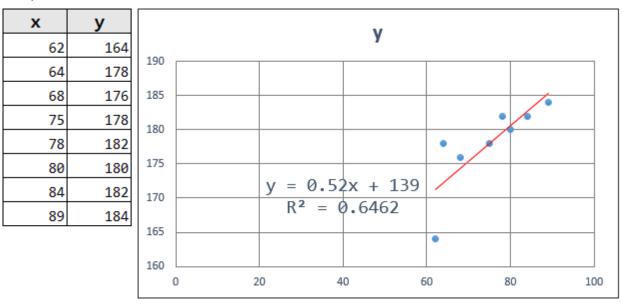
Calcolare i parametri statistici della serie: 21, 23, 37, 23, 38, 2, 10

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Incognita
10 ENTER		7.0	Х	N° valori
2 ENTER		154.0	Υ	Somma
38 ENTER		2.0	Z	Minimo
23 ENTER	STAT	38.0	Т	Massimo
37 ENTER		22.0		Media
23 ENTER		23.0		Mediana
21		171.3333		Varianza
		13.0894		Dev Std

Regressione Lineare

Dati un numero N di coppie di dati (x_i,y_i) la funzione Regressione Lineare calcola (con il metodo dei minimi quadrati) i coefficienti q e m della retta di interpolazione y=m*x+q e il coefficiente di determinazione R^2 .

Esempio:



Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Incognita
62 ENTER 164 ENTER		139.0	Χ	q
64 ENTER 178 ENTER		0.52	Υ	m
68 ENTER 176 ENTER		0.6462	Z	R ²
75 ENTER 178 ENTER	L.R.			
78 ENTER 182 ENTER				
80 ENTER 180 ENTER				
84 ENTER 182 ENTER				
89 ENTER 184 ENTER				

Permutazioni

Calcola il numero di gruppi con x elementi scelti da y elementi (con diverso ordinamento) Numero di possibilità di scegliere un insieme ordinato di r(x) oggetti da un totale di n(y) oggetti Pr(n,r)=n!/(n-r)!nPr(n,r)=n!/(n-r)!

Esempio

Ci sono 3 persone (A, B e C) e 2 sedie. In quanti modi diversi possono sedersi le due persone ? Soluzione: $\{AB, BA, AC, CA, BC, CB\} = 6$ modi diversi $(poichè\ AB \neq BA, AC \neq CA\ e\ BC \neq CB)$ nPr(n,r) = n!/(n-r)! = 3!/(3-2)! = 6

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
3 ENTER	Py,x	6.0000	Χ
2			

Combinazioni

Calcola il numero di gruppi con x elementi scelti da y elementi (indipendenti dall'ordinamento) Numero di possibilità dii scegliere un insieme non ordinato di r (x) elementi scelti da un totale di n (y) elementi.

Ci sono 3 persone (A, B e C) e 2 sedie. In quanti modi diversi possono scegliere le persone da far sedere ?

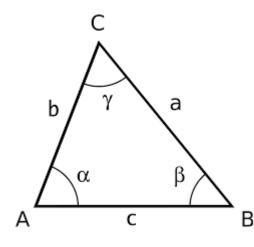
Soluzione: $\{AB, AC, BC\} = 3 \mod i \text{ diversi } (poichè AB = BA, AC = CA e BC = CB)$ nCr(n,r) = n!/r!(n-r)! = 3!/2!(3-2)! = 3

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
3 ENTER	Cy,x	3.0000	Χ
2			

Risoluzione Triangolo

Questa funzione trova la soluzione del triangolo nei cinque casi:

- 1) Lato Lato Lato LLL
- 2) Lato Lato Angolo LLA
- 3) Lato Angolo Lato LAL
- 4) Angolo Lato Angolo ALA
- 5) Angolo Angolo Lato AAL



(immagine da Wikipedia)

I parametri del triangolo vanno inseriti nel seguente ordine: $a, b, c, \alpha, \beta, \gamma$.

Nota: I parametri mancanti vanno inseriti con il numero zero.

Determinare gli elementi incogniti di un triangolo che ha c=125m, $\beta=80$ e $\alpha=70$.

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
0 ENTER		234.9232	Х	а
0 ENTER		246.2019	Υ	b
125 ENTER		125.0000	Z	С
70 ENTER		70.0000	Т	α
80 ENTER		80.0000		β
0		30.0000		γ

Determinare gli elementi incogniti di un triangolo che ha b=121m, c=76m e $\beta=70$.

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
0 ENTER		123.6699	Χ	а
121 ENTER		121.0000	Υ	b
76 ENTER		76.0000	Z	С
0 ENTER		73.8274	T	α
70 ENTER		70.0000		β
0		36.1726		γ

Determinare gli elementi incogniti di un triangolo che ha a=695, b=453m e $\beta=39$.

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
695 ENTER		695.0000	Χ	а
453 ENTER		453.0000	Υ	b
0 ENTER		658.0561	Z	С
0 ENTER		74.9090	Т	α
39 ENTER		39.0000		β
0		66.0910		γ
		695.0000		a1
		453.0000		b1
		422.1767		c1
		105.0910		α1
		39.0000		β1
		35.9090		γ1

In questo caso esistono due soluzioni. Per vedere tutti i risultati dovete far scorrere la pila verso l'alto con il tasto R1.

Determinare gli elementi incogniti di un triangolo che ha a=18,b=36m e $\alpha=45$.

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
18 ENTER		0.0000	Χ	γ
36 ENTER		0.0000	Υ	β
0 ENTER		45.0000	Z	α
45 ENTER		0.0000	Т	С
0 ENTER		36.0000		b
0		18.0000		a

In questo caso non esistono soluzioni e i dati rimangono invariati.

Calcoli con i Numeri Complessi

L'aritmetica dei numeri complessi comprende l'addizione, la sottrazione, la divisione, la moltiplicazione, l'inverso e la potenza.

I numeri vanno inseriti nell'ordine naturale: (a + ib) e (c + id).

Addizione di due numeri complessi

Calcoliamo (2+3i) + (4+5i)

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
2 ENTER		6.0	Χ	Re1
3 ENTER	C +	8.0	Υ	Im1
4 ENTER				
5				

Divisione di due numeri complessi

Calcoliamo (4+3i)/(3-2i)

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
4 ENTER		1.307692307692	Χ	Re1
3 ENTER	C÷	0.461538461538	Υ	Im1
3 ENTER				
-2				

La soluzione vale 1. $307692 + i0.\overline{461538}$.

Possiamo utilizzare la funzione Frazione Generatrice per calcolare le frazioni generatrici:

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
1.307692 ENTER	a/b	6	X	Numeratore
6 (lunghezza del periodo)		13	Υ	Denominatore

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
1.0461538 ENTER	a/b	17	X	Numeratore
6 (lunghezza del periodo)		13	Υ	Denominatore

Quindi il risultato della divisione vale: $\frac{6}{13} + i \frac{17}{13}$.

Inverso di un numero complesso

Calcoliamo l'inverso di (3 - i4)

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
3 ENTER	1/C	0.12	Χ	Re1
-4		-0.16	Υ	Im1

Il risultato vale $0.12 + i016 = \frac{3}{25} + i\frac{4}{25}$. (Provate a calcolare la frazioni generatrici).

Potenza di un numero complesso

Calcoliamo $(2 - i4)^3$

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
2 ENTER	€ n	-88	Χ	Re1
-4		16	Υ	Im1
3				

Calcoli con i Vettori

Le operazioni disponibili su vettori tridimensionali (3D) sono: l'addizione, la sottrazione, il prodotto vettoriale (cross-product), il prodotto scalare (dot-product), l'angolo tra due vettori , la magnitudine e la direzione di un vettore.

I numeri vanno inseriti nell'ordine naturale: x1, y1, z1 e x2, y2, z2.

Per calcolare i vettori bidimensionali poniamo a zero i valori della coordinata z.

Addizione di due vettori

Calcoliamo v1 = (4,10,2) + v2 = (4,-8,-3)

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
4 ENTER	<u>∠</u> +	8.0	Χ	X
10 ENTER		2.0	Υ	У
2 ENTER		-1	Z	Z
4 ENTER				
-8 ENTER				
-3				

Prodotto vettoriale tra due vettori

Calcoliamo $v1 = (4,10,2) \times v2 = (4,-8,-3)$

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
4 ENTER	<u>∠</u> ×	-14	Χ	X
10 ENTER		20	Υ	у
2 ENTER		-72	Z	Z
4 ENTER				
-8 ENTER				
-3				

Prodotto Scalare tra due vettori

Calcoliamo $v1 = (4,10,2) \times v2 = (4,-8,-3)$

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
4 ENTER	<u>ے۔</u>	-70	Χ	Scalare
10 ENTER			Υ	
2 ENTER				
4 ENTER				
-8 ENTER				
-3				

Angolo tra due vettori

Calcoliamo l'angolo tra i vettori v1 = (4,10,2) e v2 = (4,-8,-3)

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
4 ENTER	<u></u> Δθ	132.6368	Χ	Angolo
10 ENTER				
2 ENTER				
4 ENTER				
-8 ENTER				
-3				

Magnitudine e direzione di un vettore

Calcoliamo la magnitufine e la direzione del vettore v=(4,-8,-3)

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
4 ENTER	→ θ	9.4340	Χ	Magnitudine
-8 ENTER		-63.4349	Υ	Direzione
-3				

Addizione e Sottrazione di Tempi

Possiamo sommare e sottrarre numeri che rappresentano il tempo con il formato **hhmmss (ore minuti secondi)**.

Per visualizzare questo formato occorre <u>impostare una nuova visualizzazione dei numeri</u> nel modo seguente:



Adesso possiamo inserire numeri che rappresentano dei tempi:

the second free second			
Tempo	Inserimento	Display	
45 ore 23 min 56 sec	452356 ENTER	45,23,56	
12 ore 3 min 56 sec	120356 ENTER	12,03,56	
0 ore 23 min 0 sec	2300 ENTER	23,00	
0 ore 0 min 42 sec	42 ENTER	42	
1 ora 0 min 5 sec	10005 ENTER	1,00,05	

Calcoliamo 6 ore 54 min 59 sec + 1 ora 5 min 1 sec = 8 ore 0 min 0 sec

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
65459 ENTER	Ĩ+	8,00,00	Χ	Somma
10501 ENTER				

Calcoliamo 2 ore 2 min 2 sec - 1 ora 2 min 3 sec = 59 min 59 sec

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
20202 ENTER	T-	59,59	Χ	Differenza
10203 ENTER				

Nota: Quando non operate con dei tempi si consiglia di cambiare il formato di visualizzazione dei numeri.

Generazione di Seguenze Numeriche

Le funzioni e permettono di generare delle sequenze di numeri aritmetiche e geometriche.

La formula della **serie aritmetica** è: $x_n = x_0 + distanza*(n-1)$

Sequenza di numeri che parte da $x_0=1$ con una distanza=3 contiene n=5 numeri 1,4,7,10,13

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
1 ENTER		13.0	Χ
3 ENTER	A123	10.0	Υ
5		7.0	Z
		4.0	Т
		1.0	

La formula della **serie geometrica** è: $x_n = x_0 * rapporto * (n-1)$ Esempio

Sequenza di numeri che parte da $x_0=1$ con un rapporto=2 che contiene n=5 numeri 1,2,4,8,16

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri
1 ENTER		16.0	Χ
2 ENTER	G123	8.0	Υ
5		4.0	Z
		2.0	Т
		1.0	

Nota: Potete invertire l'ordine dei numeri nella pila con il tasto



Distanza, pendenza e retta passante per due punti

Dati due punti $P_1 = (x_1, y_1)$ e $P_2 = (x_2, y_2)$ questa funzione calcola la distanza tra i due punti, la pendenza e i coefficienti m e q della retta y = m * x + q che passa per i punti dati. Esempio: $P_1 = (2.3)$ e $P_2 = (7.9)$

Parametri della funzione	Tasto della Funzione	Risultato	Registri	Variabile
Tarametri della funzione	Tasto della i dilzione	Misuitato	Negistii	Variabile
2 ENTER		7.8102	Χ	Distanza
3 ENTER	P_1P_2	50.1944	Υ	Pendenza
7 ENTER		1.2	Z	m
9		0.6	T	q

Capitolo 6 – Le Memorie

La calcolatrice possiede cinque (5) memorie per la memorizzazione di numeri.

Premendo uno dei seguenti tasti corrispondente (1..5) il valore del registro X.

Premendo uno dei seguenti tasti remendo il tasto remendo

Nota: I valori registrati nelle memorie vengono persi quando si chiude il programma.

Capitolo 7 – Tecniche avanzate per la gestione della pila

I comandi Forth permettono di realizzare tecniche di calcolo pratiche e veloci. Analizziamo alcuni esempi per capire ed utilizzare queste funzionalità. Occorre un pò di esercizio per sfruttare al meglio queste funzioni.

Nota: Prima di eseguire ogni esempio si consiglia azzerare la pila con il tasto





Copia e Incolla dei valori della pila

I valori presenti nella pila possono essere copiati temporaneamente in memoria e poi incollati quando lo riteniamo opportuno. I vallori copiati rimangono in memoria fino a che la calcolatrice non viene chiusa.

Questa funzione risulta utile quando vogliamo applicare più funzioni agli stessi numeri, ad esempio supponiamo di dover calcolare la somma e la moltiplicazione tra due frazioni 2/5 e 4/7 Inseriamo i numeri nella pila:



Prima di effettuare l'operazione premiamo il tasto

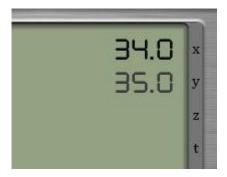


per copiare i dati in memoria.

Poi premiamo il tasto



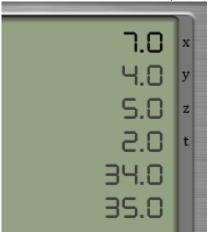
per calcolare la somma delle due frazioni



La frazione somma vale 34/35.

PASTE

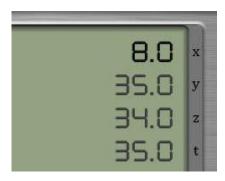
Adesso incolliamo i valori precededemente copiati con il tasto



Premiamo il tasto



per calcolare la moltiplicazione tra le due frazioni:



La frazione risultato della moltiplicazione vale 8/35.

Da notare che abbiamo ancora sul display il risultato della precedente operazione (34/35).

Applicazione di una funzione a più elementi della pila

Supponiamo di voler calcolare la radice quadrata di diversi numeri (es. 4, 9, 25, 36).

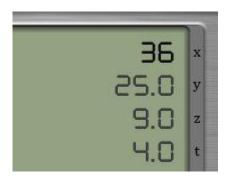
Ci sono diversi modi per fare questa operazione, ma in questo caso utilizzeremo le funzioni che permettono di ruotare la pila (avanti o indietro).

Prima cancelliamo i dati presenti nella pila con il tasto nella pila:



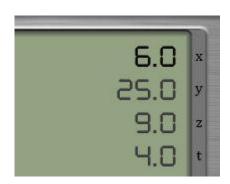
poi inseriamo tutti i nostri dati





Adesso calcoliamo la radice del valore che si trova nella cella X (36) premendo il tasto otteniamo il valore 6:

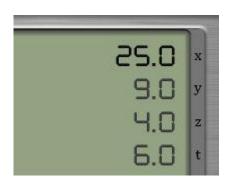




Adesso premiamo il tasto



per far ruotare la pila verso l'alto:

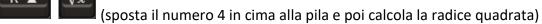


Come vedete tutti i numeri si sono spostati vero l'alto: il numero 25 si è portato in cima alla pila, mentre il numero 6 è stato inserito in fondo alla pila (rotazione della pila +1).

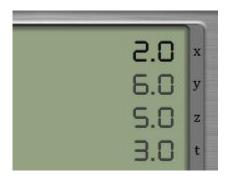
Adesso possiamo calcolare la radice di 25 (cella X) con il tasto Per completare tutte le operazioni occorre digitare i seguenti tasti:



(sposta il numero 9 in cima alla pila e poi calcola la radice quadrata)



Il risultato finale dovrebbe essere il seguente:



Nota: I tasti che ruotano la pila e possono essere attivati anche con i tasti scorciatoia ↓ (freccia in basso) e ↑ (freccia in alto).

Salvataggio e caricamento dei dati della pila

I dati copiati con il tasto rimangono in memoria fintanto che la calcolatrice è accesa e non sono più disponibili ad un nuovo avvio del programma.

La funzioni SAVE e LOAD permettono di salvare su disco i valori della pila e recuperarli anche nelle successive sessioni di utilizzo della calcolatrice.

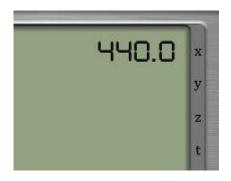
Supponiamo di voler calcolare il minimo comune multiplo e il massimo comun divisore di una serie di numeri (10, 22, 8, 4).

Prima cancelliamo i valori della pila con il tasto poi premiamo i seguenti tasti per inserire i dati nella pila:



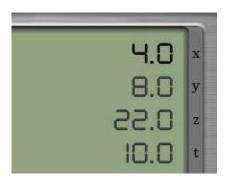
Prima di effettuare qualunque operazione salviamo i dati con il tasto valori presenti nella pila vengono salvati su disco in due file identici ("stack.txt" e "stack-aaaa-mm-gg-hh-mm-ss.txt").

Adesso calcoliamo il mcm premendo il tasto





Per calcolare il MCD carichiamo i valori precedentemente salvati con il tasto **Nota:** Vengono caricati sulla pila i dati contenuti nel file "**stack.txt**".





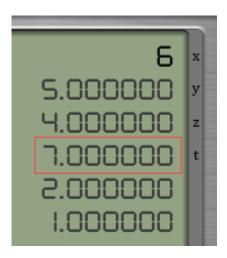
Nota: A differenza dell'operazione di copia (che mantiene tutti i dati già presenti nella pila), quando carichiamo i dati sulla pila da un file esterno, tutti i valori presenti nella pila vengono eliminati prima dell'operazione di caricamento.

Modifica dei numeri della pila

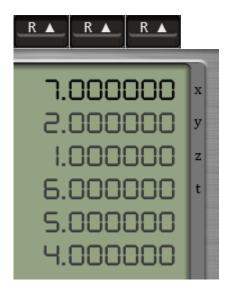
Dopo aver inserito alcuni numeri nella pila ci accorgiamo di aver digitato un numero in modo errato: vediamo come possiamo inserire il numero corretto. Supponiamo di voler inserire i numeri 1,2,3,4,5 e 6:



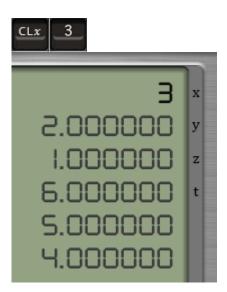
Poi ci accorgiamo di aver inserito erroneamente il numero 7 al posto del numero 3:



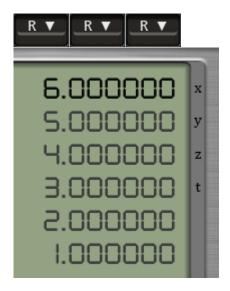
Per inserire il numero corretto dobbiamo prima di tutto portare il numero 7 nel registro X. Per fare questo occorre far ruotare la pila verso l'alto di tre posizioni premendo tre volte il tasto R1:



Adesso premiamo il tasto **CLx** per azzerare il registro X e poi inseriamo il numero 3:



A questo punto occorre ripristinare l'ordine della pila premendo tre volte il tasto R\$\d\dot\$:



Correzione effettuata!

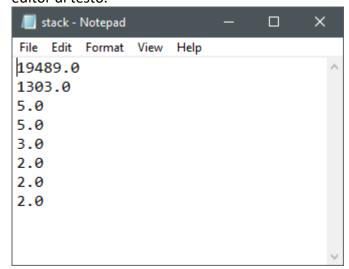
Osservazione:

L'utilizzo efficace dei comandi Forth per la gestione della pila avviene solo dopo molto esercizio.

Modifica del file stack.txt con un editor di testo

Il pulsante apre il file 'stack.txt' con l'editor di default del vostro sistema.

Questo è un metodo molto efficace per inserire i dati nella pila perchè permette di utilizzare un editor di testo.



Potete editare i numeri, salvare il file e poi caricarlo nella pila con il pulsante

LOAD

Nota: Inserite solo un numero per ogni riga. Se inserite caratteri non numerici si ottengono risultati inaspettati.

Capitolo 8 – I Comandi Forth

Le funzioni standard

Con i comandi Forth disponibili possiamo modificare la pila dei numeri a seconda delle nostre necessità. Di seguito vengono elencati i comandi standard e il loro funzionamento.

PULSANTE	COMANDO	NOTAZIONE PILA
DUP	DUP	(x x x)
Duplica la ce	ella in cima a	lla pila X.
Duplicate th	e top cell x.	
DROP	DROP	(x)
	lla pila la cell	
Remove the	•	om the stack.
SWAP	SWAP	(x1 x2 x2 x1)
	due celle in c	·
Exchange th	•	II of the stack.
OVER	OVER	(x1 x2 x1 x2 x1)
•		in cima alla pila
		ell x1 on top of the stack.
ROT	ROT	(x1 x2 x3 x2 x3 x1)
Ruota le tre	celle in cima	alla pila. Sposta la terza cella x1 in cima alla pila.
Rotate the t	•	k cell. Move the third cell x1 on top of the stack.
NIP	NIP	(x1 x2 x2)
	econda cella (·
	second cell	
TUCK	TUCK	(x1 x2 x2 x1 x2)
		o la seconda cella della pila.
		elow the second cell of the stack.
2DUP	2DUP	(x1 x2 x1 x2 x1 x2)
		x1 x2 in cima alla pila
	e top two ce	
2DROP	2DROP	(x1 x2 x3 x4 x1 x2 x3 x4 x1 x2)
Rimuove la coppia di celle x1 x2 dalla pila		
	•	om the stack.
2SWAP	2SWAP	(x1 x2 x3 x4 x3 x4 x1 x2)
Scambia le due coppie di celle in cima alla pila.		
	e top two ce	
20VER	20VER	(x1 x2 x3 x4 x1 x2 x3 x4 x1 x2)

Copia la coppia di celle x1 x2 in cima alla pila.		
Copy the cel	ll pair x1 x2 o	n top of the stack.
2ROT	2ROT	(x1 x2 x3 x4 x5 x6 x3 x4 x5 x6 x1 x2)
Ruota le tre	coppie di cel	le in cima alla lista. Sposta la terza coppia di celle in cima alla pila.
Rotate the t	op three cell	pairs. Move the third cell pair x1 x2 on top of the stack.
2NIP	2NIP	(x1 x2 x3 x4 - x3 x4)
Rimuove la seconda coppia di celle dalla pila.		
Remove the second cell pair x1 x2 from the stack.		
2TUCK	2TUCK	(x1 x2 x3 x4 x3 x4 x1 x2 x3 x4)
Copia la coppia di celle in cima alla lista x3 x4 sotto la seconda coppia di celle.		
Copy the top cell pair x3 x4 below the second cell pair.		

Nota: Per ulteriori informazioni consultare il libro "Starting Forth" di Leo Brodie.

Le funzioni speciali

Oltre ai comandi standard la calcolatrice mette a disposizioni ulteriori funzioni che operano sulla pila.

PULSANTE	FUNZIONE	DESCRIZIONE
COPY	СОРҮ	Copia in memoria gli elementi della pila
PASTE	PASTE	Incolla nella pila gli elementi in memoria
PICK	PICK	Copia in cima della pila l'elemento N-esimo
ROLL	ROLL	Ruota la pila di N elementi
FLIP	FLIP	Inverte l'ordine della pila
$R \blacktriangle$	R UP	Ruota la pila verso l'alto (+1)
	R DOWN	Ruota la pila verso il basso (-1)
CLEAR	CLEAR	Elimina tutti i dati dalla pila (0.0 nel registro X)
LOAD	LOAD	Carica la pila dal file 'stack.txt'
LOAD	SAVE	Salva la pila nel file 'stack.txt'

Capitolo 9 – Elenco delle Funzioni Matematiche

TASTO	FUNZIONE	DESCRIZIONE
x^2	Elevamento al quadrato	Calcola il quadrato del numero del registro X
\sqrt{x}	Radice Quadrata	Calcola la radice quadrata del numero del registro X
e^x	Antilogaritmo naturale.	Eleva il numero <i>e</i> alla potenza del numero del registro X
LN	Logaritmo Naturale	Calcola il logaritmo naturale del numero del registro X
10^x	Potenza di dieci	Eleva il numero 10 alla potenza del numero del registro X
LOG	Logaritmo base 10	Calcola il logaritmo base 10 del numero del registro X
y^x	Elevamento a potenza	Eleva il numero nel registro Y alla potenza del numero del registro X.
\sqrt{x}	Radice	Calcola la radice X-sima del numero del registro Y.
1/x	Reciproco	Calcola il reciproco del numero del registro X
$\sqrt[3]{x}$	Radice Cubica	Calcola la radice cubica del numero del registro X
_%	Percentuale	Calcola il valore X% del numero del registro Y
Δ%	Delta Percentuale	Calcola la variazione percentuale del numero del registro Y rispetto a quello del registro X
Int	Parte Intera	Calcola la parte intera del numero del registro X
Frac	Parte Frazionaria	Calcola la parte frazionaria del numero del registro X
ABS	Valore Assoluto	Calcola il valore assoluto del numero del registro X
0.00	Arrotonda numero	Arrotonda il numero del registro X a N cifre decimali
SIN	Seno	Calcola il seno del numero del registro X
cos	Coseno	Calcola il coseno del numero del registro X
TAN	Tangente	Calcola la tangente del numero del registro X
_π	Pi Greco	Inserisce nel registro X il valore di Pi Greco
<u>_e</u>	Numero di Eulero	Inserisce nel registro X il valore del numero di Eulero
$egin{array}{c} oldsymbol{arphi} \end{array}$	Rapposto Aureo	Inserisce nel registro X il valore del Rapporto Aureo
SINH	Seno iperbolico	Calcola il seno iperbolico del numero del registro X

COSH	Coseno iperbolico	Calcola il coseno iperbolico del numero del registro
		X
TANH	Tangente Iperbolica	Calcola la tangente iperbolica del numero del
		registro X
SIN-1	ArcoSeno	Calcola l'acrcoseno del numero del registro X
COS-1	ArcoCoseno	Calcola l'arcocoseno del numero del registro X
TAN-1	ArcoTangente	Calcola l'arcotangente del numero del registro X
SINH-1	ArcoSeno iperbolico	Calcola l'arcoseno iperbolica del numero del registro X
COSH-1	ArcoCoseno iperbolico	Calcola l'arcocoseno iperbolico del numero del registro X
TANH-1	ArcoTangente iperbolica	Calcola l'arcotangente del numero del registro X
→Deg	Conversione da Radianti a Gradi	Converte in Gradi il numero del registro X
→Rad	Conversione da Gradi a Radianti	Converte in Radianti il numero del registro X
R(x,y)	Conversione da Coordinate Sferiche a Coordinate Rettangolari	Converte da coordinate (r, θ) a coordinate (x,y)
$P(r,\theta)$	Conversione da Coordinate Rettangolari a Coordinate Sferiche	Converte da coordinate (x,y) a coordinate (r, θ)
→DD	Conversione da Gradi-Primi- Secondi in Gradi Decimali	Converte da Gradi-Primi-Secondi in Gradi Decimali
→DMS	Conversione da Gradi Decimali a	Converte da Gradi Decimali a Gradi-Primi-Secondi
	Gradi-Primi-Secondi	
GCD	Massimo Comun Divisore	Calcola il MCD di tutti i numeri della pila
LCM	Minimo Comune Multiplo	Calcola il MCM di tutti i numeri della pila
	Scomposizione in fattori	Scompone in numeri primi il numero del registro X
$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$	Risoluzione Proporzioni	Risolve una proporzione tra numeri
f(x2)	Risoluzione Equazioni di secondo grado	Risolve una equazione di secondo grado (radici reali e complesse)
$f(x^3)$	Risoluzione Equazioni di terzo grado	Risolve una equazione di terzo grado (radici reali e complesse)
P(x)	Valutazione polinomio	Calcola il valore di un polinomio
a/b+	Somma di frazioni	Calcola la somma tra due frazioni
a/b —	Sottrazione di frazioni	Calcola la sottrazione tra due frazioni
a/b×	Moltiplicazione di frazioni	Calcola la moltiplicazione tra due frazioni

a/b÷	Divisione di Frazioni	Calcola la divisione tra due frazioni
a/b	Frazione Generatrice	Converte da numero decimale a frazione
хуz	Soluzione Sistemi Lineari	Risolve sistemi lineari (da 2x2 a 5x5)
	Soluzione del Triangolo	Risolve il triangolo dati tre elementi (lati e angoli)
<u>x!</u>	Fattoriale	Calcola il fattoriale del numero del registro X
Fib	Fibonacci	Calcola il numero di Fibonacci del numero del registro X
<u>P y, x</u>	Permutazioni	Calcola il numero di gruppi con y elementi scelti da x elementi (con diverso ordinamento)
C y, x	Combinazioni	Calcola il numero di gruppi con y elementi scelti da x elementi (indipendenti dall'ordinamento)
STAT	Parametri Statistici	Calcola alcuni parametri statistici di tutti i numeri della pila (Numero valori, Somma, Min, Max, Media, Mediana, Varianza, Dev Std)
L.R.	Regressione Lineare	Calcola i coefficienti della retta interpolatrice $y = m * x + q$ di tutti i dati della pila
RND	Numero casuale	Genera un numero casuale nel registro X
<u>C</u> +	Addizione Complessi	Calcola l'addizione di due numeri complessi
<u>C</u> –	Sottrazione Complessi	Calcola la sottrazione di due numeri complessi
_C×	Moltiplicazione Complessi	Calcola la moltiplicazione di due numeri complessi
<u>C</u> ÷	Divisione Complessi	Calcola la divisione di due numeri complessi
1/C	Inverso Complesso	Calcola l'inverso di un numero complesso
© Cn	Potenza Complesso	Calcola la potenza di un numero complesso
<u>Z</u> +	Addizione Vettori	Somma di due vettori 2D
<u>∠,−</u>	Sottrazione Vettori	Sottrazione di due vettori 2D
<u>∠</u> ×	Prodotto Vettoriale (cross)	Prodotto vettoriale di due vettori 2D
<u></u> <u></u> <u></u>	Prodotto Scalare (dot)	Prodotto scalre di due vettori 2D
$\preceq \theta$	Angolo tra Vettori	Angolo tra due vettori 2D
→ θ	Magnitudine e Direzione	Magnitudine e direzione di un vettore 2D
1+	Addizione Tempi	Calcola l'addizione di due tempi (hh,mm,ss)
<u>T-</u>	Sottrazione Tempi	Calcola la sottrazione di due tempi (hh,mm,ss)

A123	Sequenza Aritmetica	Genera una sequenza aritmetica di numeri
G123	Sequenza Geometrica	Genera una sequenza geomtrica di numeri
P ₁ P ₂	Due Punti	Calcola la distanza tra due punti, la pendenza, m e q della retta $y = m * x + q$ passante per i punti.
Degrees	Unità di misura calcoli	Imposta Gradi o Radianti per i calcoli
Radians	trigonometrici	trigonometrici

Tasti Speciali

	Edit file 'stack.txt'	Apre il file 'stack.txt' con l'editor di default
F	Apertura Formule	Apre il file "The Handbook of Essential Mathematics"
ď	Esci	Chiude il programma

APPENDICI

Appendice A: La notazione RPN (Wikipedia)

La notazione polacca inversa (in inglese reverse polish notation o semplicemente RPN) è una sintassi utilizzata per le formule matematiche. Fu inventata dall'australiano Hamblin, filosofo ed esperto di computer, e fu così chiamata per analogia con la notazione polacca, inventata da Łukasiewicz.

Con la RPN è possibile effettuare qualsiasi tipo di operazione, con il vantaggio di eliminare i problemi dovuti alle parentesi e alla precedenza degli operatori (prima la divisione, poi l'addizione ecc.). Alcune calcolatrici scientifiche utilizzano la RPN in quanto evita l'annotazione di risultati intermedi durante le operazioni.

Nella notazione polacca inversa, detta anche notazione postfissa in contrasto con la normale notazione infissa, prima si inseriscono gli operandi e poi gli operatori: un esempio di RPN è 3 2 + che equivale al classico 3+2, oppure $10\ 2$ ÷ che fornisce 5.

Quando si utilizza la RPN si fa conto di possedere una pila (stack) su cui pian piano si accumulano gli operandi: prima si impila il 3, poi il 2. Un operatore invece preleva dalla cima della pila tutti gli operandi di cui ha bisogno, esegue l'operazione, e vi rideposita il risultato. L'elemento più in basso è da considerarsi sempre l'operando sinistro. Se l'espressione completa è corretta, alla fine di tutte le operazioni sulla pila si avrà un solo elemento, il risultato finale.

Questa pila permette, come già detto, di evitare l'utilizzo di parentesi per prioritizzare le operazioni, basta inserire nella parte sinistra della formula tutti gli operandi delle operazioni a parentesizzazione più esterna, al centro le operazioni più elementari, alla destra tutti gli operatori di combinazioni dei risultati delle operazioni centrali con gli operandi già presenti. Esistono infatti algoritmi di conversione sia dalla notazione infissa a quella postfissa che viceversa. Come si può notare, la RPN è facilmente implementabile sui computer.

Un esempio:

$$5 + (10 * 2) \rightarrow 5 10 2 * +$$

Prima della moltiplicazione sono presenti sulla pila 5, 10, 2. Il "*" recupera i primi due elementi (10, 2) li moltiplica e modifica la pila in modo che contenga 5, 20. L'operazione "+" addiziona 5 e 20, ora presenti nella pila, sostituendoli con il risultato: 25.

Altri esempi più complessi:

```
((10 * 2) + (4 - 5)) \div 2 \rightarrow 10 2 * 45 - + 2 \div (7 \div 3) \div ((1 - 4) * 2) + 1 \rightarrow 173 \div 14 - 2 * \div + oppure 73 \div 14 - 2 * \div 1 +
```

La notazione polacca inversa prende spunto dalla notazione polacca, in cui gli operatori vengono posti prima degli operandi (quindi: + 1 2 invece di 1 2 +), ma la prima è più facilmente implementabile in modo elettronico o via software.

La maggior parte dei calcolatori tascabili che utilizza RPN invece della classica notazione algebrica (con parentesi e notazione infissa) è stata prodotta da Hewlett Packard, che tutt'oggi continua a produrre modelli basati su RPN (HP-32S).

Appendice B: The Handbook of Essential Mathematics

Premendo il tasto



si apre il libro "The Handbook of Essential Mathematics" in formato PDF.

The Handbook of Essential Mathematics

Formulas, Processes, and Tables
Plus Applications in Personal Finance
Compilation and Explanations: John C. Sparks
Editors: Donald D. Gregory and Vincent R. Miller

The Handbook of Essential Mathematics contains three major sections. Section I, "Formulas", contains most of the mathematical formulas that a person would expect to encounter through the second year of college regardless of major. In addition, there are formulas rarely seen in such compilations, included as a mathematical treat for the inquisitive. Section I also includes select mathematical processes, such as the process for solving a linear equation in one unknown, with a supporting examples. Section II, "Tables", includes both 'pure math' tables and physical-science tables, useful in a variety of disciples ranging from physics to nursing. As in Section I, some tables are included just to nurture curiosity in a spirit of fun. In Sections I and II, each formula and table is enumerated for easy referral. Section III, "Applications in Personal Finance", is a small textbook within a book where the language of algebra is applied to that everyday financial world affecting all of us throughout our lives from birth to death.

Nota: Il libro è di pubblico dominio.

Appendice C: Compilazione del programma

Nota: Le spiegazioni sono per il sistema operativo Windows, ma le operazioni da svolgere in un sistema Mac OS X oppure Linux sono del tutto simili.

Questo programma viene distribuito completo di sorgenti e deve essere compilato per essere utilizzato nel vostro sistema. Di seguito vengono riportate le operazioni da effettuare creare ed installare il programma eseguibile.

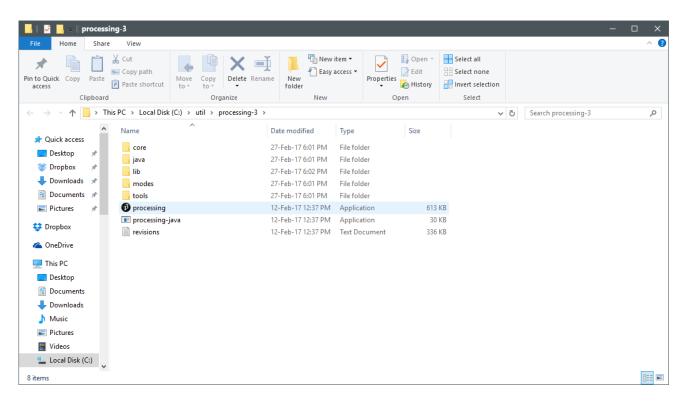
Prima di tutto occorre scaricare e installare il programma **Processing** dal seguente indirizzo: https://processing.org/download/

L'installazione è semplice: basta scompattare il file .zip nella cartella che preferite (per esempio C:\util\processing-3\).

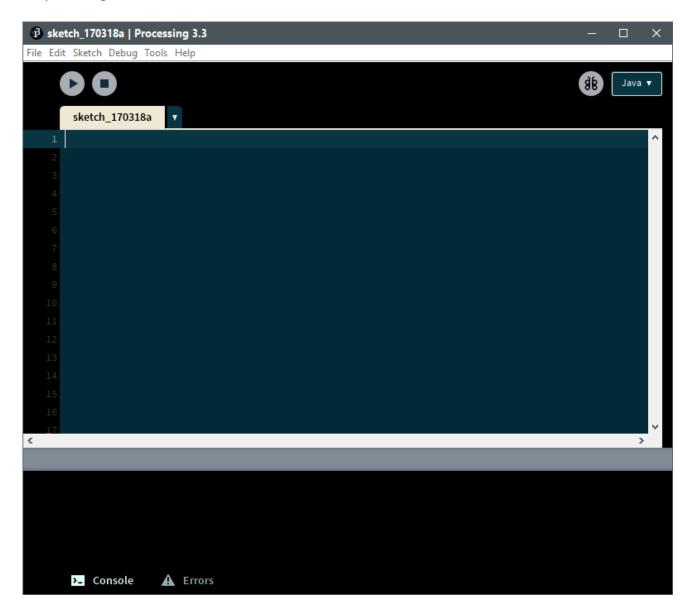
Poi scaricate il programma ForthCalc.zip dal seguente link: https://github.com/cameyo42/ForthCalc

e scompattatelo in un'altra cartella (per esempio c:\util\ForthCalc\).

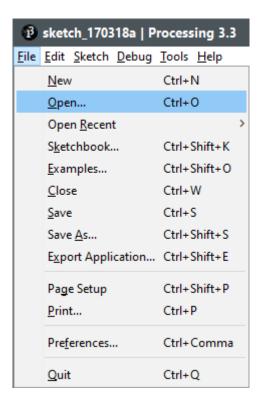
Adesso occorre eseguire il programma **Processing** (doppio click sul file selezionato in figura):



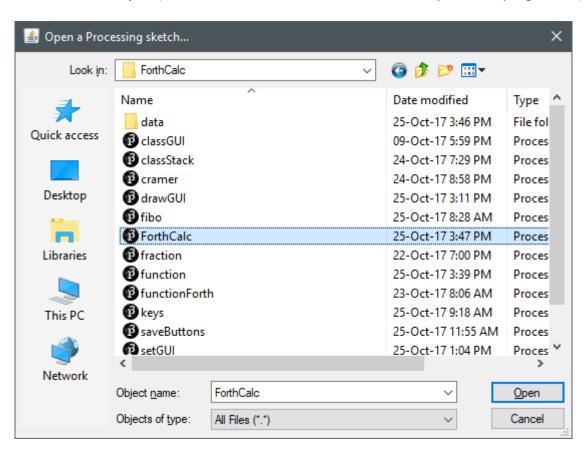
Si apre la seguente finestra:



Selezionare il comando "Open.. " dal menu "File":



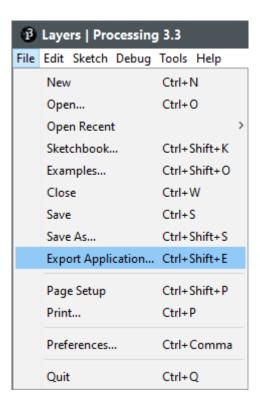
E aprire il file ForthCalc.pde (che si trova nella cartella dove avete scompattano il programma):



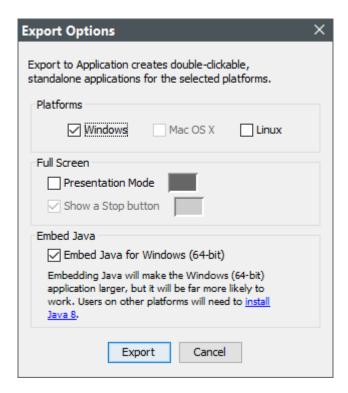
Appare la seguente finestra:

```
P ForthCalc | Processing 3.3.5
                                                                               File Edit Sketch Debug Tools Help
                                                                           98
                                                                                Java ▼
     ForthCalc
   ı // ForthCalc.pde
   2 // A RPN calculator Forth oriented
   7 import java.text.*; // using DecimalFormat
   8 import java.math.*;
   9 import java.util.*; // sort array
  11 DecimalFormat df;
  13 PFont font;
  14 PFont digitFont;
  15 PFont outputFont;
  16 // font color
   17 color digitCol = color(10.10.10);
      >_ Console
                  ▲ Errors
```

Adesso per compilare il programma selezionate il menu File -> Export Application:

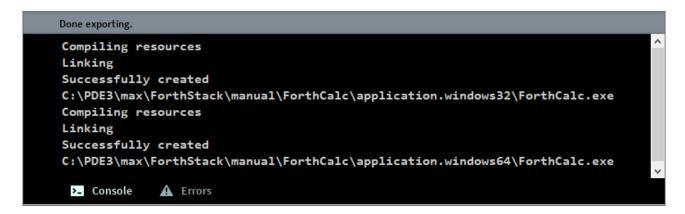


Comparirà la seguente finestra:

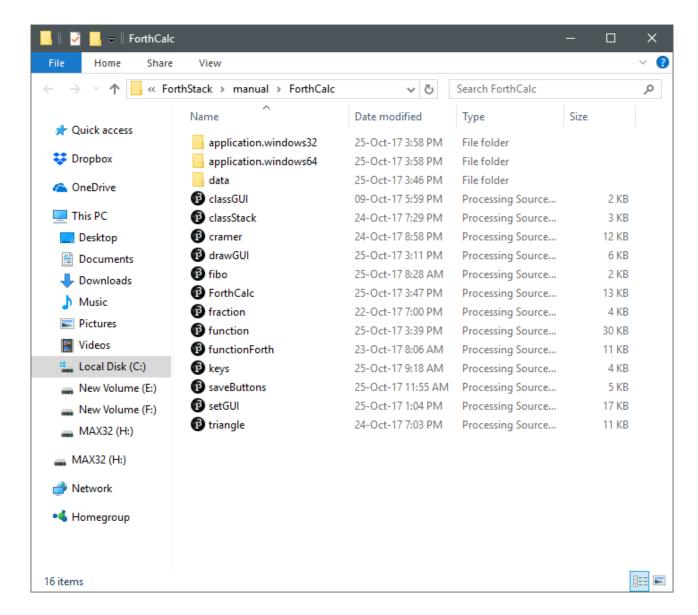


- 1) Scegliete il vostro sistema (Windows, Mac OS X o Linux).
- 2) Non selezionate "Presentation Mode".
- 3) Selezionate "Embed Java..."
- 4) Infine premete il tasto "Export".

Dopo alcuni secondi, se tutto procede come previsto, dovrebbe apparire il seguente messaggio:



Inoltre si apre una finestra di Gestione Risorse che visualizza la posizione del programma appena compilato:



All'interno delle cartelle **application.windows32** e **application.windows64** si trovano i programmi (**ForthCalc.exe**) per la versione 32 e 64 bit rispettivamente.

Potete rinominare queste cartelle e spostarle dove desiderate.

A questo punto create sul desktop (Scrivania) un collegamento al programma **ForthCalc.exe** e potete cominciare a... calcolare.