

Модель боевых действий

ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ РАБОТЫ

Цель лабораторной работы

Рассмотрение модели боевых действий.

Задание к лабораторной работе

1. Изучить три случая модели Ланчестера
2. Построить графики изменения численности войск
3. Определить победившую сторону

ПРОЦЕСС ВЫПОЛНЕНИЯ ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЫ

Теоретический материал

Рассмотри три случая ведения боевых действий:

1. Боевые действия между регулярными войсками
2. Боевые действия с участием регулярных войск и партизанских отрядов
3. Боевые действия между партизанскими отрядами

Теоретический материал

В первом случае модель боевых действий между регулярными войсками описывается следующим образом

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -c(t)x(t) - h(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

Теоретический материал

Во втором случае в борьбу добавляются партизанские отряды. В результате модель принимает вид:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -c(t)x(t)y(t) - h(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

Теоретический материал

Модель ведение боевых действий между партизанскими отрядами с учетом предположений, сделанных в предыдущем случае, имеет вид:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)x(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -h(t)y(t) - c(t)x(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

Условие задачи

Между страной X и страной Y идет война. Численность состава войск исчисляется от начала войны, и являются временными функциями $x(t)$ и $y(t)$. В начальный момент времени страна X имеет армию численностью 55000 человек, а в распоряжении страны Y армия численностью в 55000 человек.

Условие задачи

Для упрощения модели считаем, что коэффициенты a, b, c, h постоянны. Также считаем $P(t), Q(t)$ непрерывные функции. Постройте графики изменения численности войск армии X и армии Y для следующих случаев:

Случай 1. Модель боевых действий между регулярными войсками

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.3x(t) - 0.69y(t) + \sin(t) \\ \frac{dy}{dt} = -0.7x(t) - 0.29y(t) + \cos(t) \end{cases}$$

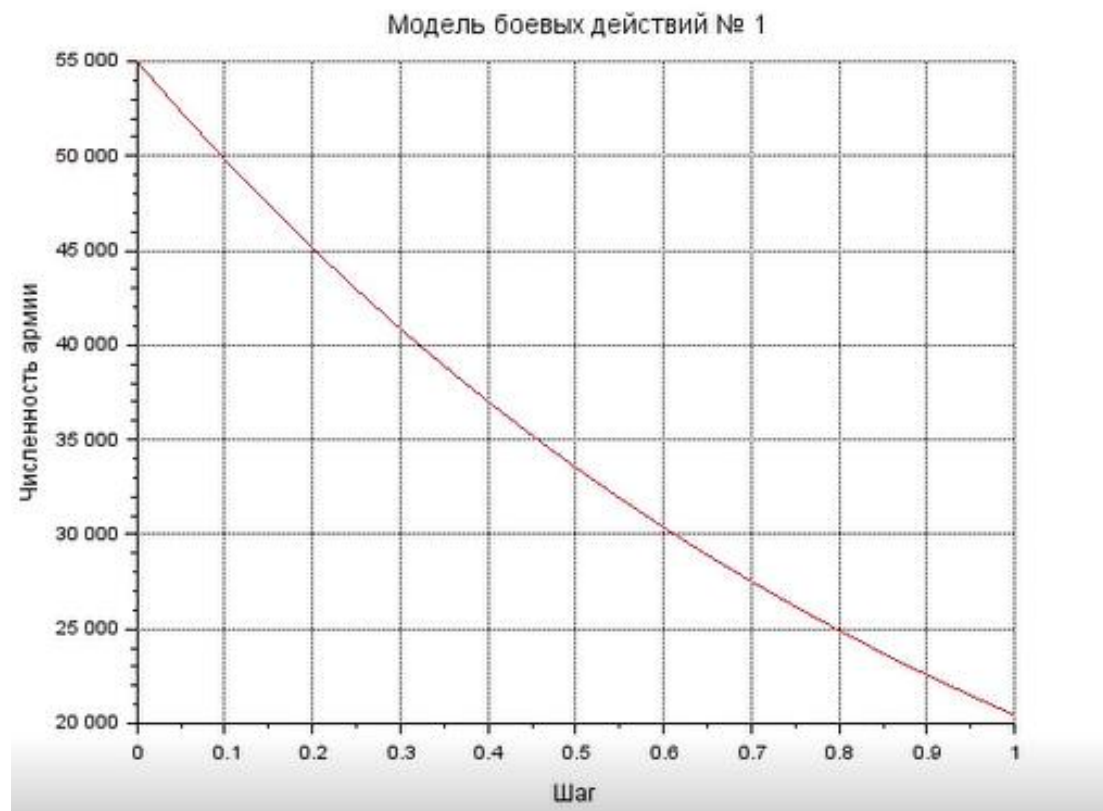
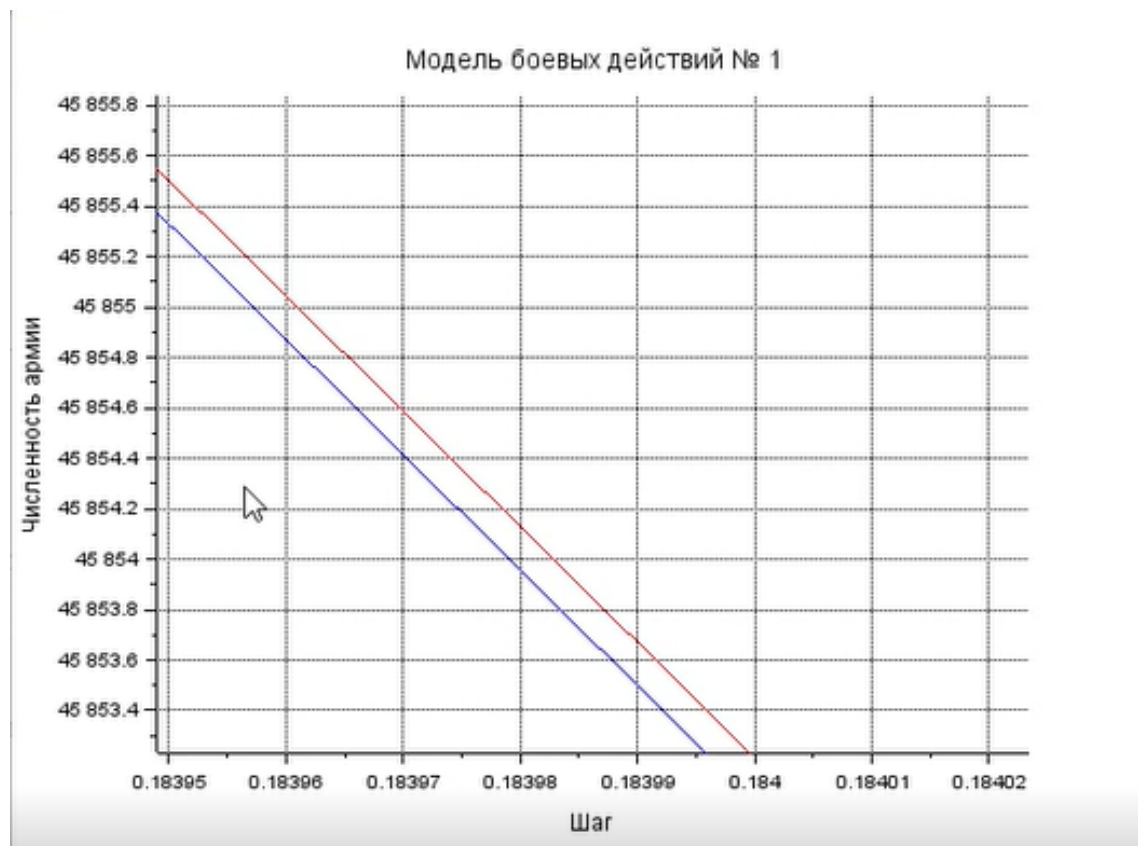


График численности для случая 1



Подробный график численности для случая 1

Случай 2. Модель боевых действий между регулярными войсками

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.4x(t) - 0.79y(t) + \sin(4t) + 3 \\ \frac{dy}{dt} = -0.41x(t)y(t) - 0.41y(t) + 2|\cos(4t)| \end{cases}$$

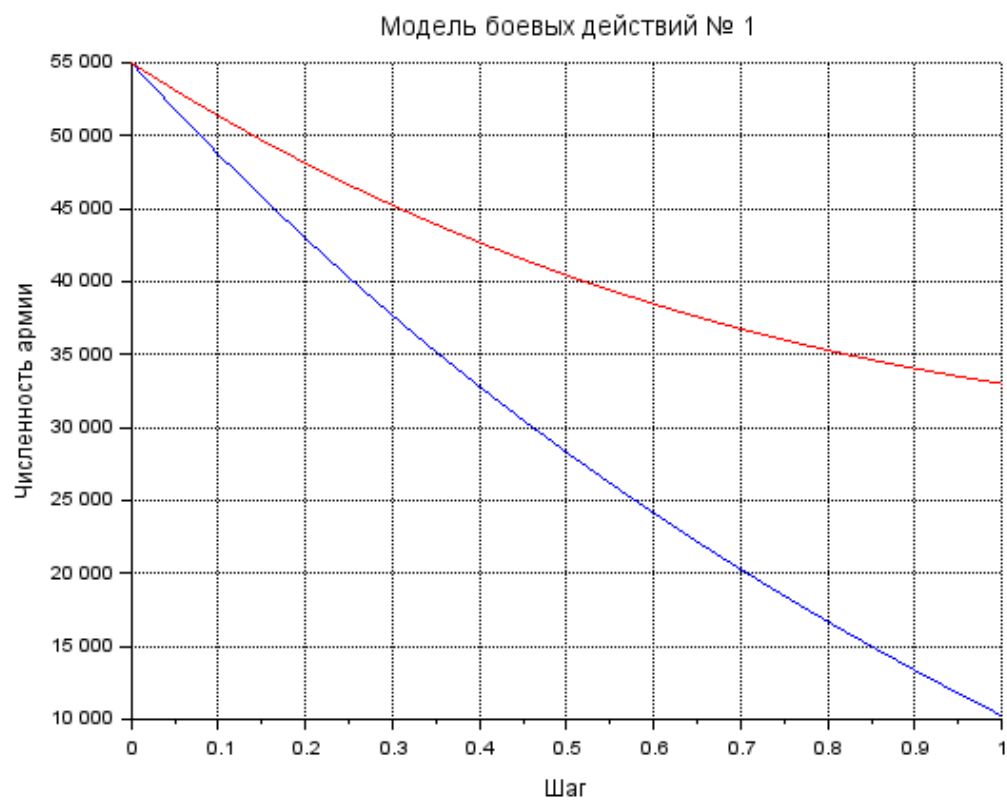


График численности для случая 2

ВЫВОДЫ ПО ПРОДЕЛАННОЙ РАБОТЕ

Вывод

В результате проделанной лабораторной работы я рассмотрела модели боевых действий. Проверила, как работает модель в различных ситуациях, построила графики $y(t)$ и $x(t)$ в рассматриваемых случаях.