

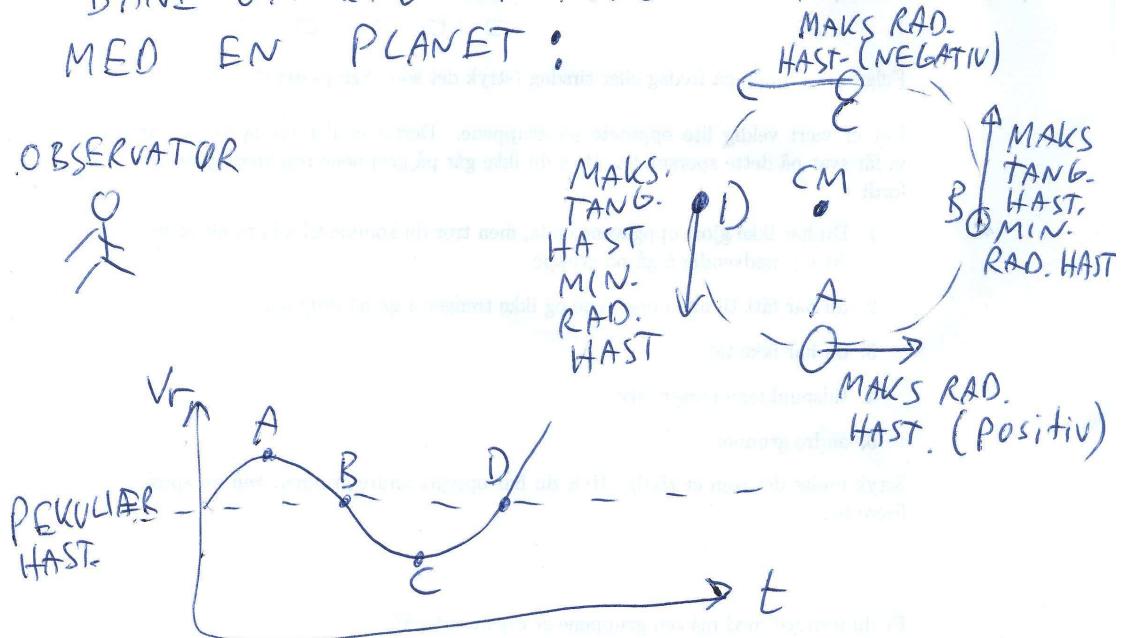
10

FASIT AST1100 2012

MIDTVEISEKSAMEN

1) VI SER AT ~~KURVA~~ KURVA FOR RADIELL
HASTIGHET HAR EN SIN-LIKNENDE FORM.
DETTE KAN VÆRE FORDI STJERNA GÅR I
BANE OMKRING ET FELLES MASSESENTER
MED EN PLANET: MAKS RAD.
HAST-(NEGATIV)

OBSERVATOR



LYSKURVEN STØTTER OPP OM AT DET ER EN
PLANET SIDEN DEN ~~SER~~ SER UT TIL Å FORMØRKE
STJERNA I PUNKTET D.

STJERNA I FIGUREN. STJERNA I FIGUREN. STJERNA I FIGUREN.
LYSKURVEN TATT PÅ BØLGELENGDEN TIL VANNDAMP-
ABSORPSJON ER BÅDE DYPERE ~~OG TIEN FRA~~
ENN DEN ANDRE LINJA OG TIEN FRA FORMØRKELSEN
BEGYNNER TIL DEN ER TOTAL ER LENGERE. BEGGE
DELER INDIKERER EN STØRRE RADIUS TIL PLANETEN
MED VANNDAMP NØE
SUM INDIKERER EN STØR ATMOSFÆRE



②

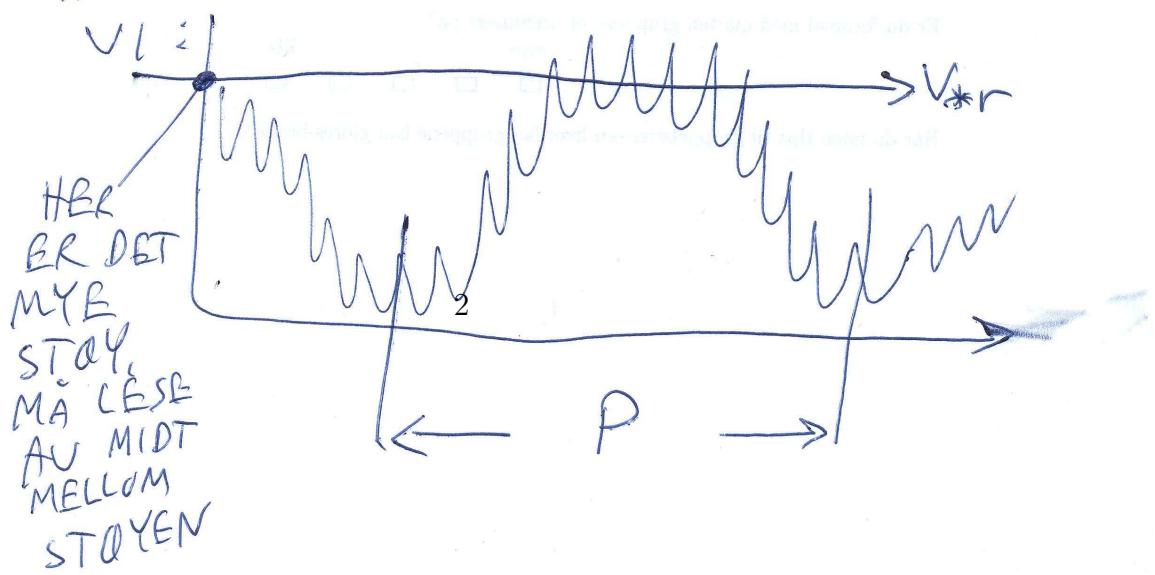
2) VI ANTAR 2-LEGEDE PROBLEM
OG AT STJERNA ER MYE STØRRE
(MER MASSA) ENN PLANETEN.
VI ANTAR OGSÅ SIRKEL BANER. DA
KAN VI BRUKE

$$m_p \sin i = \frac{m_*^{2/3} v_{*r} p^{1/3}}{(2\pi G)^{1/3}}$$

FRA FORMELSAMLING.

m_p = PLANETMASSE m_* = STJERNEMASSE
 i = INKLINASJON v_{*r} = MAKSIMAL RADIELL
 KOMPONENT AV
 HASTIGHETEN
 p = OMLØPS PERIODE

SIDEN PLANETEN FORMØRKER STJERNA
HAR VI AT $i \approx 90^\circ$. VI HAR OPPGITT
AT $m_* = 1,2 M_\odot$. FRA FIGUREN FINNER



2 FORTS.

$$\text{FÅR } V_{*r} \approx -3999,75 \text{ m/s}$$

MEN MÅ TREKKE FRA PE KULIÆRHASTIGHET
(MASSESENTERETS HASTIGHET I FORHOLD TIL
OSS) SOM LIGGER MIDT I COS-KURVEN

$$\text{FÅR } V_{pec} \approx -4000 \text{ m/s}$$

$$\text{DERMED } V_{*r} = -3999,75 + 4000 = \underline{0,25 \text{ m/s}}$$

$$P \approx 2200h - 750h = \underline{2125h}$$

$$\Rightarrow \underline{M_p \approx 2 \text{ jordmasser}}$$

3) SIDEN LYSET ER GULHVITT Ma^o

VI (FRA WIENS FORSKYVNINGSLOV)

ANTA AT TEMPERATUREN TIL STJERNA
ER LITT HOYERE ENN SOLA (SUM
ER GUL MED $T \approx 6000K$). LA OSS ANTÅ
 $T \approx 8000K$. DA LESER VI AV PÅ

HR-DIAGRAMMET AT ABSOLUTT
MAGNITUDEN ER CA. $+1$.

$$\text{VI HAR } m - M = 5 \lg \frac{d}{10pc}$$

$\Rightarrow d = 10pc \cdot 10^{\frac{m-M}{5}} \approx \underline{327 ly}$

$m=1$
 $m=6$

SIDE STJERNA
SÅ VIDT ER
SYNLIG FOR ØYE
SÅ ER TILSYNEL.
MAGNITUDE m

4) VI HAR FRA FORMELSAMLINGEN AT

$$p = \frac{h^2}{m} \quad \text{DER } m = G(m_1 + m_2)$$

OG h ER SPINN PER MASSE

$$h = |\vec{h}| = \left| \frac{\vec{r} \times \vec{p}}{m} \right| = |\vec{r} \times \vec{v}| = |r \vec{e}_r \times (v_r \vec{e}_r + v_\theta \vec{e}_\theta)| \\ = r v_\theta$$

VI HAR også FRA FORMELSAMLINGEN

$$\text{AT } p = a(1-e^2).$$

~~•~~ DERMED HAR VI $\frac{h^2}{m} = a(1-e^2)$

$$\Rightarrow \frac{r^2 v_\theta^2}{G(m_1 + m_2)} = a(1-e^2)$$

$$\Rightarrow v_\theta = \sqrt{\frac{G(m_1 + m_2) a (1-e^2)}{r^2}}$$

DER $r = 20 \cdot 10^6 \text{ m}$. FRA ELLIPSE-FIGUREN SER

VI AT AVSTANDEN STJERNE-PLANET ER

$$a - ae = a(1-e) \quad \text{I PERITHEL. VI HAR}$$

OPPGETT AT DENNE SKAL VÆRE $11 \cdot 10^6 \text{ m}$

$$\Rightarrow a = 22 \cdot 10^6 \text{ m}$$

$$\text{DERMED HAR VI } v_\theta = \sqrt{\frac{G(2M_{jord} + 1000 \text{ kg}) \cdot 22 \cdot 10^6 \cdot (1-0.3^2)}{(20 \cdot 10^6)^2}}$$

$$\approx 5,7 \text{ km/s}$$

4. FORTS

VI HAR OGSA FRA FORMEL SAMLINGA AT

$$E = \frac{Gm_1m_2}{2P} (e^2 - 1) = -\frac{Gm_1m_2}{2a}$$

$P = a(1 - e^2)$

TOTAL ENERGI KAN SKELVES (FORMELSAMLING):

$$E = \frac{1}{2}\hat{\mu}v^2 - G\frac{m_1m_2}{r} \approx \frac{1}{2}m_2(v_r^2 + v_\theta^2) - G\frac{m_1m_2}{r} \quad [m_1 > m_2]$$

SETTER DE 2 UTTRYKKA FOR E LIK HVERANDRE:

$$\frac{1}{2}m_2(v_r^2 + v_\theta^2) = G\frac{m_1m_2}{r} \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{2a}\right)$$

$$\Rightarrow v_r = \sqrt{Gm_1\left(\frac{2}{r} - \frac{1}{a}\right) - \frac{1}{2}v_\theta^2} \approx 5,2 \text{ km/s}$$

$\checkmark \quad \downarrow$
 $20 \cdot 10^6 \text{ m} \quad 22 \cdot 10^6 \text{ m}$

$$5) \quad v_s(0) = [0, v_0]$$

FOR $t=1, N$

$$r = r_p(t-1) - r_s(t-1) \quad (\text{VEKTOR FRA } S \rightarrow P)$$

$$\text{norm_r} = \sqrt{r \cdot \text{dot} \cdot r} \quad (\text{AVSTAND } S \text{ OG PLANET})$$

$$F_G = G m_p m_s / \text{norm_r}^3 \quad (\text{GRAVITATIONSKRAFT})$$

IF ($\text{norm_r} < r_0$) THEN

$$F_F = k_0 / \text{norm_r} \cdot v_s(t-1) \quad (\text{FRIK-KRAFT})$$

ENDIF

$$a = (F_G + F_F) / m_s \quad (\text{AKSELRASSESSON } S \text{ OG PLANET})$$

$$v_s(t) = v_s(t-1) + a \cdot \Delta t \quad (\text{OPPDATER } S \text{ VELOCITET})$$

$$r_s(t) = r_s(t-1) + v_s(t) \cdot \Delta t \quad (\text{OPPDATER } S \text{ POSISJON})$$

$$a = -F_G / m_p \quad (\text{AKSELRASSESSON } P \text{ OG PLANET})$$

$$v_p(t) = v_p(t-1) + a \cdot \Delta t \quad (\text{OPPDATER } P \text{ VELOCITET})$$

$$r_p(t) = r_p(t-1) + v_p(t) \cdot \Delta t \quad (\text{OPPDATER } P \text{ POSISJON})$$

ENDFOR

IF ($\text{norm_r} \leq R$) THEN EXIT

6) ~~Luminositet~~

Utseint flaks ved stjernearoverflate: $G T^4$

Total luminositet: $L = F \cdot A = G T^4 \cdot 4 \pi R^2$

Flaks red avstand r fra stjerna:

$$F = \frac{L}{4\pi r^2} = \left(\frac{R}{r}\right)^2 G T^4$$

FRA FORMELSAMMLINGEN HAR VI AT
AVSTANDEN MELLOM STJERNER OG PLANET
ER GIITT VED

$$r = \frac{P}{1 + e \cos f}$$

DER $P = a(1 - e^2)$ og $f = \alpha$

$$\Rightarrow F(\alpha) = \underline{\underline{\frac{R^2 G T^4}{a^2 (1 - e^2)^2} (1 + e \cos \alpha)^2}}$$

7)

IDEEN ER Å FINNE DEN VERDIEN AV e SOM PASSER BEST MED DATAENE. DA VIL JEG TA DIFFERANSEN MELLOM DEN MÅLTE FLUKSEN OG MODELLEN OG SUMME OVER ALLE OBSERVERTE TIDSPUNKT. DETTE GIR MEG DEN TOTALE FORSKJELLEN MELLOM DATAENE OG MODELLEN. VI SKAL PRØVE Å FINNE DEN VERDIEN FOR e SOM GJØR DENNE FORSKJELLEN MINST MULIG SLIK AT VI DERMED HAR DEN MODELLEN SOM PASSER BEST MED DATAENE. ~~SIDEN VI LØPPE~~

VI HAR DERMED EN FOR-LØKKEN OVER ET SETT MED MULIGE VERDIER FOR e , DEN VERDIEN SOM GIR MINSTE FORSKJELL MELLOM DATA OG MODELL ER DET BESTE ESTIMATET. SIDEN OGSA F_o ER UKJENT SÅ MÅ VI OGSA HA EN LØKKE ØVER MULIGE VERDIER FOR F_o FOR A KUNNE GJØRE EN MODELL TILPASNING. VI MÅ DA OGSA FINNE BESTE VERDI FOR F_o SELV OM VI IKKE TRENGER DENNE. INNE I DISSE FOR-LØKKENE

~~HAR~~ BEREGRNER VI ALTSÅ SUMMEN ØVER OBSERVASJONS TIDSPUNKTER AV FORSKJELLEN MELLOM DATA OG MODELL OG SJEKKER OM DETTE ER MINDRE ENN DEN MINSTE FORSKJELLEN VI SA LANGT HAR FUNNE

8) umerket system: jordsystemet

merket system: romskipet på vei mot jorda

$$V_1 = 0,6c, V_2 = 0,9c, d = \underline{100\text{ ly}}$$

event A: romskipet skytes ut fra fremmed planet

event B: de to romskipene krysser hverandre

$$A: X_A = d, t_A = 0 \quad B: X_B = \cancel{\underline{d - V_2 t_B}}, t_B = \frac{d}{V_1 + V_2}$$
$$X'_A = 0, t'_A = 0 \quad X'_B = 0, t'_B = \cancel{\underline{t}}$$

DEFNNE SKAL
VI FINNE

Fant t_B slik:

$$\text{posisjon til romskip 1: } X_1 = V_1 t$$

$$\text{posisjon til romskip 2: } X_2 = d - V_2 t$$

Krysserhverandre: $X_1(t=t_B) = X_2(t=t_B)$

$$V_1 t_B = d - V_2 t_B \Rightarrow t_B = \frac{d}{V_1 + V_2}$$

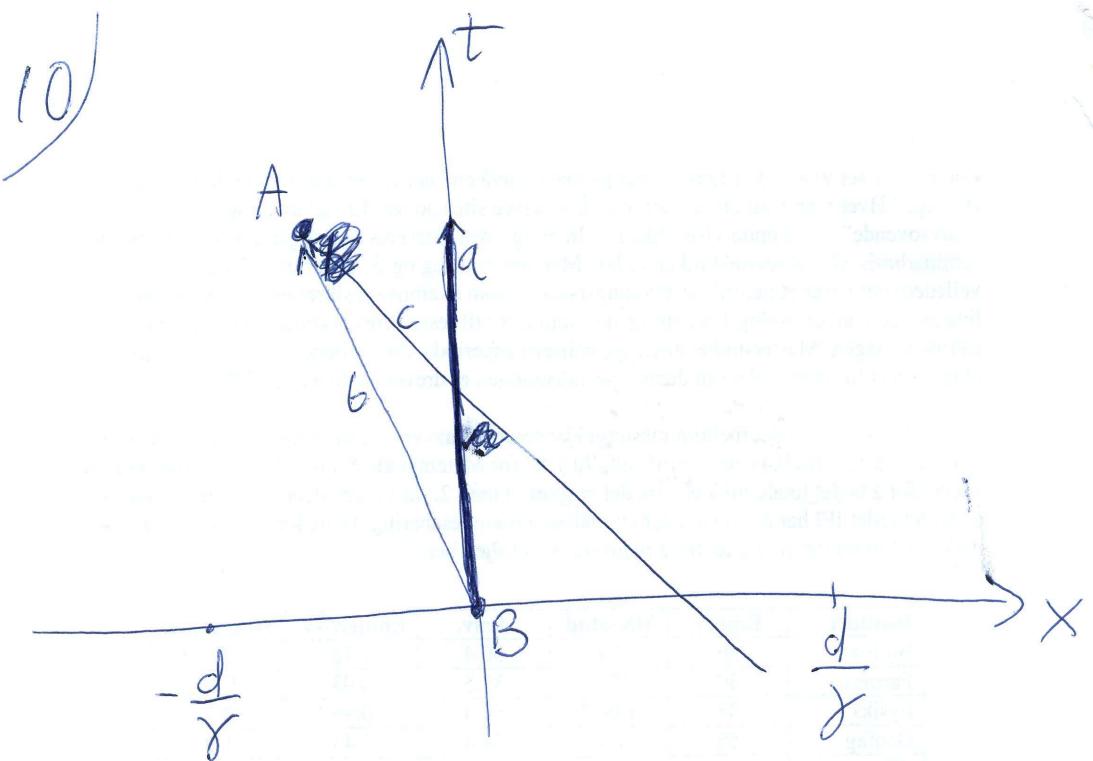
g)

$$\text{Invarians: } \Delta S_{AB}^2 = \Delta S_{AB}'^2$$

$$\Delta t_{AB}^2 - \Delta X_{AB}^2 = \Delta t_{AB}'^2 - \Delta X_{AB}'^2$$

$$\left(\frac{d}{V_1 + V_2}\right)^2 - V_2^2 \left(\frac{d}{V_1 + V_2}\right)^2 = t^2$$

$$\Rightarrow t = \frac{d}{V_1 + V_2} \sqrt{1 - V_2^2} = 29 \text{ år}$$



a = verdenslinje for romskip fra jorda

b = verdenslinje for jorda

c = $a + b$ fremmed romskip

Oppgave 10: Et romskip har følgende verdenslinje fra jorda: $a = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$. Det er også kjent at verdenslinjen for jorda er $b = \begin{pmatrix} -\frac{d}{\gamma} \\ 0 \end{pmatrix}$. Vis at verdenslinjen for et fremmed romskip er $c = \begin{pmatrix} 0 \\ \frac{d}{\gamma} \end{pmatrix}$.

Løsning: Et romskip som har verdenslinje a fra jorda, vil ha verdenslinje $a + b$ fra et annet romskip. Dette betyr at verdenslinjen for et fremmed romskip er $c = a + b = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -\frac{d}{\gamma} \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -\frac{d}{\gamma} \\ 1 \end{pmatrix}$.

Oppgave 11: Et romskip har følgende verdenslinje fra jorda: $a = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$. Det er også kjent at verdenslinjen for jorda er $b = \begin{pmatrix} -\frac{d}{\gamma} \\ 0 \end{pmatrix}$. Vis at verdenslinjen for et fremmed romskip er $c = \begin{pmatrix} 0 \\ \frac{d}{\gamma} \end{pmatrix}$.