

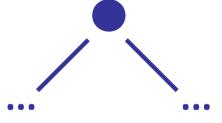
Olivier Ridoux



## Domaine de calcul (1)

Arbres binaires = binTree

1.



2. &

3. symb (≈ chaîne)



## Domaine de calcul (2)

Un seul type = binTree

Pas de int, bool, string, ...



### Domaine de calcul (3)

Simuler les autres types

spécification

# Domaine de calcul (4)

Simuler les autres types

$$\left[ \int_{\text{symb}} \int_{\text{string}} = \text{symb.str} \right]$$

$$\left\| \bigotimes \right\|_{\text{string}} = \varepsilon$$



#### Expressions (0)

• Le rôle fondamental des expressions

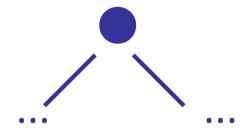
est de

dénoter des arbres binaires



#### Expressions (1)

- (cons ....) —
- nil → ⊗



- Var → valeur de Var = binTree
- symb → symbole de symb.str



# Expressions (1)

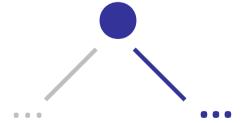
• (hd t) →

si t 
$$\longrightarrow$$

 $\overline{\phantom{a}}$  alors (hd t)  $\longrightarrow$ 

sinon (hd t) 
$$\rightarrow$$
  $\otimes$ 

Pareil pour (tl t)





### Pas d'erreurs à l'exécution (1)

Gérer proprement les erreurs
 à l'exécution est complexe...

...ne pas les gérer proprement n'est pas intéressant, voire irresponsable

→ s'arranger pour qu'il n'y ait pas d'erreur à l'exécution



## Pas d'erreurs à l'exécution (2)



...les variables pas initialisées

...les opérations pas définies

$$(hd \otimes) = (tl \otimes) = \otimes$$

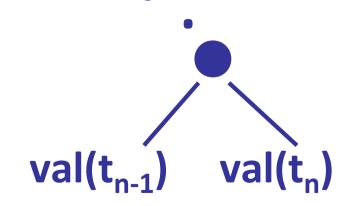
$$(hd toto) = (tl toto) = \otimes$$



# Expressions (2)

• (cons 
$$t_1 t_2 ... t_n$$
)  $\rightarrow$  val( $t_1$ ) val( $t_2$ )

(cons t<sub>1</sub> (cons t<sub>2</sub> ... (cons t<sub>n-1</sub> t<sub>n</sub>)...))





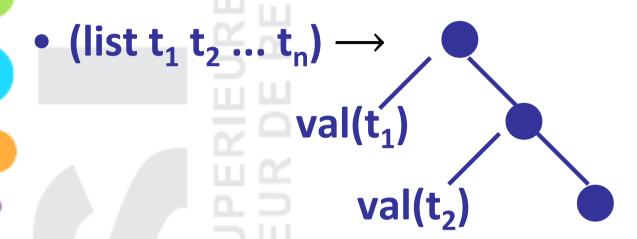
# Expressions (3)

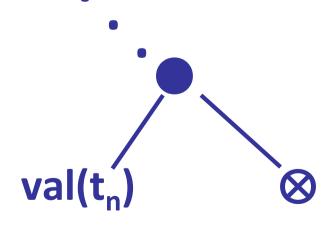
• (cons 
$$t_1 t_2$$
)  $\rightarrow$  val( $t_1$ ) val( $t_2$ )

• (cons 
$$t_1$$
)  $\rightarrow$  val( $t_1$ )



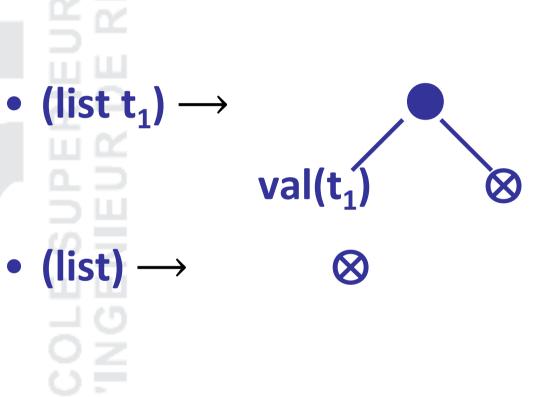
# Expressions (3)







# Expressions (4)





#### Expressions (7)

• (f  $t_1$   $t_2$  ...  $t_n$ )  $\longrightarrow$ 

si f est une fonction définie

function f: ...

si f a le bon nombre de paramètres

si **f a le bon nombre** de résultats

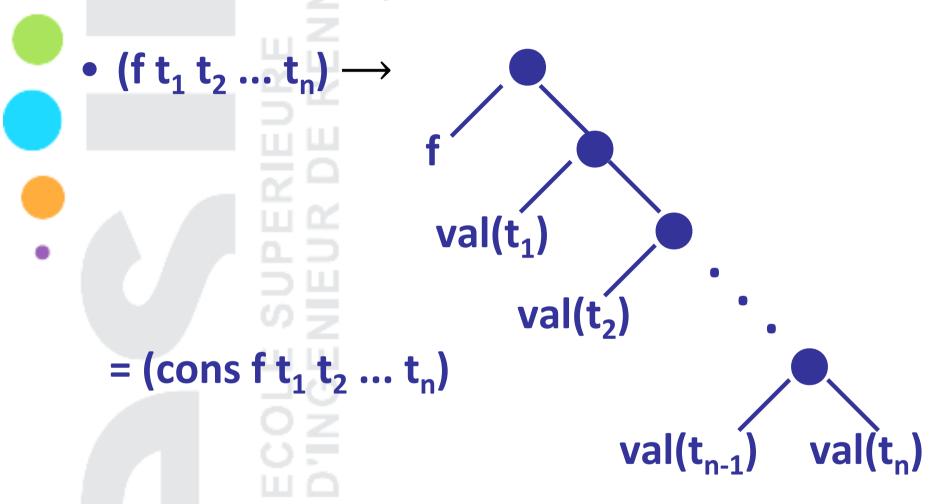
write Y

alors valeur de Y

Vérification de type par le compilateur



#### Expressions (8)



si f n'est pas une fonction définie



#### La mémoire

- La mémoire du processus d'exécution stocke :
  - 1. des arbres binaires
  - 2. des relations entre variables et arbres binaires

- Il n'y a pas de variable dans les arbres binaires
- On ne peut pas modifier un arbre binaire





• V

...s'évalue dans la mémoire courante

...valeur par défaut = 😵

Mémoire : variable → binTree



### Variables (2)

 Les variables sont locales à la fonction où elles apparaissent

Pas de variable globale!

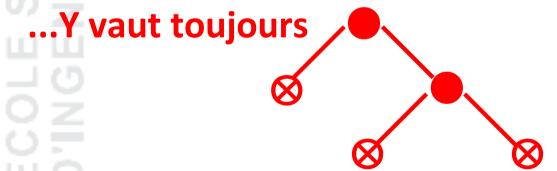
...les programmes sont purement fonctionnels



### Variables (3)

Pas d'effet de bord!

```
X := (cons nil nil);
Y := (cons nil X);
X := nil
```



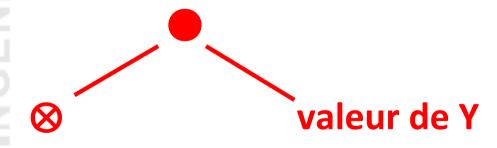
...le seul moyen de modifier Y est Y := ...

spécification





Pas de variable dans les termes



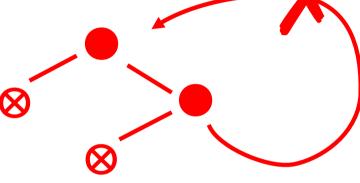
spécification





Pas de structure circulaire

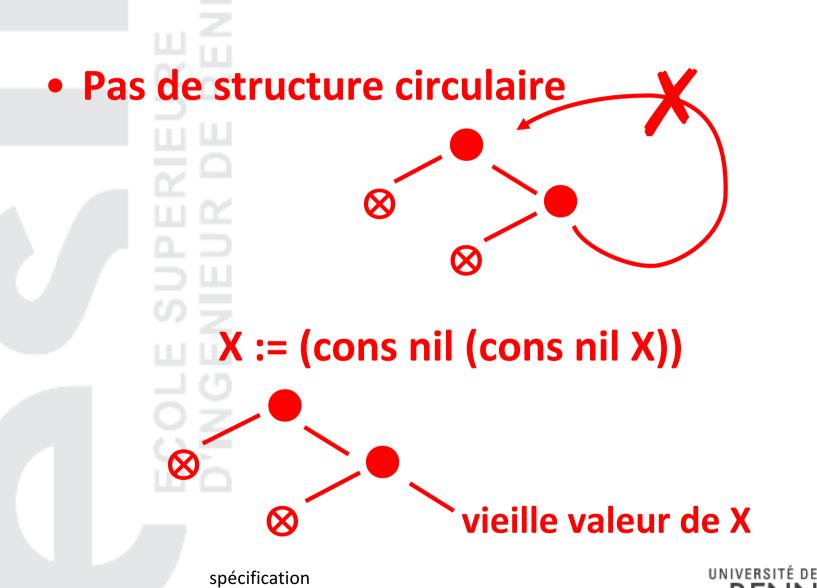
spécification



X := (cons nil (cons nil Y)) ; Y := X







#### Commandes (0)

• Le rôle fondamental des commandes

est de

modifier la relation entre variables et arbres binaires

On ne peut rien modifier d'autre



### Commandes (1)

nop

ne fait rien

• Utile pour le principe, et pour le test



#### Commandes (2)

 $C_1; C_2$ 

exécute C<sub>1</sub> puis C<sub>2</sub>

- L'exécution de C<sub>1</sub> modifie l'état de la mémoire...
- ...puis C<sub>2</sub> est exécuté dans le nouvel état, et modifie à nouveau l'état de la mémoire



#### Commandes (3)

• if E then C<sub>1</sub> else C<sub>2</sub> fi

si  $\mathbf{E}_{bool}$  alors exécuter  $C_1$ , sinon exécuter  $C_2$ 

if E then C<sub>1</sub> fi

si  $\begin{bmatrix} \mathbf{E} \end{bmatrix}_{bool}$  alors exécuter  $C_1$ , sinon ne rien faire

...conditionnelle standard où 

joue le rôle de Vrai

#### Commandes (4)

- while E do C od
  - si **E** <sub>bool</sub> alors exécuter C et recommencer sinon ne rien faire
- ...boucle while standard où ojoue le rôle de Vrai
  ...C est exécuté 0, 1, ..., ou n fois

**C**\*

while E do C od peut boucler indéfiniment!



#### Commandes (5.1)

for E do C od

exécuter 
$$\begin{bmatrix} E \end{bmatrix}_{int}$$
 fois la commande  $C$ 

soit v la valeur de E

- $\triangle$  si v !=  $\bigcirc$  ne rien faire sinon exécuter C et recommencer en  $\triangle$  avec v = (tl v)
- for E do C od ne peut pas boucler indéfiniment



#### Commandes (5.2)

 L'exécution de C ne doit pas perturber le décompte du for

for X do X := (cons nil X) od

...double la longueur de X

$$X \longrightarrow (cons \ nil \ (cons \ nil \ ... \ X...))$$
(X fois)



# Commandes (5.3)

for E do C od



while E do C; E := (tl E) od

spécification



#### Commandes (6)

foreach X in E do C od

exécuter **E** <sub>int</sub> fois la commande **C** C | E | int

en remplaçant X par les éléments de E

soit v la valeur de E

A si v!= ■ ne rien faire sinon exécuter C[X←(hd v)] et recommencer en A avec v = (tl v)



#### Commandes (7.1)

• 
$$V_1, ..., V_n := E_1, ..., E_n$$

évaluer tous les E<sub>i</sub>, (donne val(E<sub>i</sub>))

puis affecter les val(E<sub>i</sub>) aux V<sub>i</sub> correspondants

$$X, Y := Y, X$$

...permute les valeurs de X et Y



#### Commandes (7.2)

$$U_1, ..., V_n := E_1, ..., E_n$$

$$V_1 := E_1; V_2 := E_2; ...; V_n := E_n$$

$$R_1 := E_1; R_2 := E_2; ...; R_n := E_n$$
  
 $V_1 := R_1; V_2 := R_2; ...; V_n := R_n$ 



#### Commandes (7.3)

- $V_1, ..., V_m := (f E_1 ... E_n)$
- ...évalue l'appel,
  - puis affecte les résultats aux V<sub>i</sub> correspondants

Quotient, Reste := (div X Y)

• Vérification de type par le compilateur

function f: ... read X<sub>1</sub>, ..., X<sub>n</sub> % ... % write Y<sub>1</sub>, ..., Y<sub>m</sub>



#### Lancement (1)

- Soit le programme f.wh
  - function p: read X % ... % write Y
  - function main: read A % ... (p E) ... % write B
  - main appelle p; l'affectation du paramètre
     effectif E au paramètre formel X est faite par la séquence d'appel de procédure
- Qui appelle main ? D'où vient le paramètre effectif de main ? Qui l'affecte à A ?

spécification

#### Lancement (2)

Soit la ligne de commande

[unix] % f "(cons nil (cons nil nil))"

- le lancement du programme f appelle main
- le lancement du programme f affecte au paramètre formel de main le paramètre effectif dénoté dans la ligne de commande
- analyse syntaxique de (cons nil (cons nil nil))!



#### Lancement (2)

Soit la ligne de commande

[unix] % f 2

- le lancement du programme f appelle main
- le lancement du programme f affecte au paramètre formel de main le paramètre effectif dénoté dans la ligne de commande
- Traduction de 2 en (cons nil (cons nil nil))!
- Conversion du monde shell au monde WHILE

#### Retour (1)

Soit le programme f.wh

function p: read X % ... % write Y function main: read A % ... (p E) ... % write B

- main appelle p ; la captation du paramètre de retour
   Y est faite par la séquence de retour de procédure
- Qui capte le résultat de main ?
   Où va la valeur de B ?



#### Retour (2)

Soit la ligne de commande

[unix] % f ...

- le lancement du programme f appelle main qui appelle p
  - le résultat de main est affiché sur la console de l'environnement d'appel
  - pretty-printing de la valeur de B!
- Conversion du monde WHILE au monde shell



#### Retour (3)

Conventions de pretty-printing

```
\rightarrow (cons pp(t) pp*(...))

ightarrow \mathsf{nil}
Var
                   → pp(valeur de Var)
– symb
                   --- représentation de symb
– (int ...)
– (bool ...)
- (string ...)
  sp
```

(int (cons nil (cons nil nil)))  $\rightarrow$  2!

spécification



#### En résumé

environnement d'appel ...

(shell, HTML/DOM/JS, C/LUA, ...) environnement d'exécution WHILE function main: read X<sub>1</sub>, ..., X<sub>n</sub> % mémoire de binTree % write  $Y_1, \dots, Y_n$ ... et de retour

spécification



#### En détail

p.wh

```
function f: ...
```

function g: ...

function main: ...

spécification

#### p.x

```
f12(...) {...} // f

f53(...) {...} // g

...

f0(...) {...} // main
```

#### libwh.x

```
main(argc, argv) {
    setupWH();
    in = inWH(argc, argv);
    out = f0(in);
    outWH(out)
}
```