40th BCS

Math & Mental Ability



বিস্তারিত ব্যাখ্যাসহ সমাধানঃ

সবগুলো বিষয়ের প্রশ্নের সমাধান পেতে চোখ রাখুন ইনসেপশন প্রুপে।

১. যদি
$$x^4 - x^2 + 1 = 0$$
 হয়, তবে $x^3 + \frac{1}{x^3} = ? |80000$ বিসিএস খিলি|

₹. 2

$$x^4 - x^2 + 1 = 0$$

 $x^4 - x^2 + 1$

$$\Rightarrow \frac{x^4 - x^2 + 1}{x^2} = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - 1 + \frac{1}{x^2} = 0$$

$$\Rightarrow x^2 + \frac{1}{x^2} = 1 \quad \Rightarrow \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2.x. \frac{1}{x} = 1 \quad \Rightarrow \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = 3 \quad \therefore x + \frac{1}{x} = \sqrt{3}$$

$$4 = (x + \frac{1}{x^3})^3 - 3.x. \frac{1}{x} \left(x + \frac{1}{x}\right)$$

$$= (\sqrt{3})^3 - 3\sqrt{3} = 3\sqrt{3} - 3\sqrt{3} = 0$$
 Ans:

২. $x^{x\sqrt{x}} = (x\sqrt{x})^x$ হলে, x এর মান কত ? |xu-y-y|উচ্চতর গণিত) (x,y) এর উদা:১১ হবছ)। [৪০তম বিসিএস খিলি]

$$\frac{3}{2}$$

artica,
$$x^{x\sqrt{x}} = (x\sqrt{x})^x$$

$$\Rightarrow x^{\frac{1}{2}} = x^{\frac{3}{2}}$$

লেখা থাকলেও তা x * 🗸 হবে। কারণ x * নিলে তা পরপর ৩টি

পাওয়ার হয়ে যাবে। যেরকম প্রলু সাধারণত হয় না।

$$\Rightarrow x^{\frac{3}{2}} = x \times \frac{3}{2} \Rightarrow x^{\frac{3}{2}} \div x = \frac{3}{2} \Rightarrow x^{\frac{3}{2}-1} = \frac{3}{2} \Rightarrow x^{\frac{1}{2}} = \frac{3}{2} \Rightarrow \left(x^{\frac{1}{2}}\right)^2 = \left(\frac{3}{2}\right)^2 \therefore x = \frac{9}{4} \text{ Ans.}$$

७. क्लिम भएड loga 1 = 0 /8०डम विनिधन चिनि।

₹.
$$a > 0$$
, $a ≠ 1$ ₹. $a ≠ 0$, $a > 1$ ₹. $a ≠ 1$, $a < 0$

 $\log_a 1 = 0$ হবে যখন a > 0, $a \neq 1$, অর্থাৎ a এর মান 1 বাদে 0 এর থেকে বড় যে কোন সংখ্যা হতে পারে 1

8. नीट्य रकानां व्यम्नम मरबाा ? [४०७४ विमिश्रम विनि]

$$\sqrt[4]{\frac{27}{48}}$$

कसवः लाह

अयाधानः जिल्लान निष्ठ कुन करब्रह्ये

অমৃলদ সংখ্যা হচ্ছে যাদেরকে ভগ্নাংশ আকারে প্রকাশ করা যায় না।

$$49107, \ 0.4 = \frac{4}{9}, \ \sqrt{9} = 3 = \frac{3}{1}, \ 5.639 = \frac{5639 - 5}{999} = \frac{5634}{999}, \ 492, \sqrt{\frac{27}{48}} = \sqrt{\frac{9}{16}} = \frac{3}{4}$$

অর্থাৎ অপশনে প্রদত্ত সবঙলো সংখ্যাকে ভগ্নাংশ আকারে প্রকাশ করা যাওয়ায় সবঙলোই মূলদ সংখ্যা। এখানে কোন অমূলদ मरथा लरे।

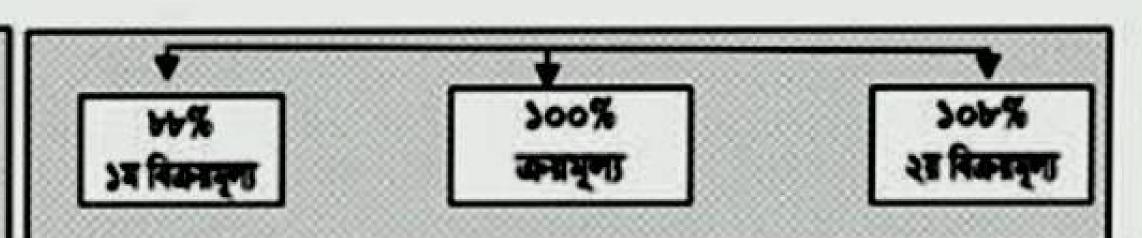
৫. একটি মটর সাইকেল ১২% কভিতে বিক্রি করা হল। যদি বিক্রয়মূল্য ১২০০ টাকা বেশি হতো, ভাহলে ৮ % লাভ হতো। মটর महित्करणत क्रममूना (४म दापी, जमु:२.) এর উদা:२ ममून) + [४०७म विमिश्रम विनि।

क. ५००० होका व. १००० होका व. ४००० होका

क्याः क

্সমাধানঃ

এ ধরনের অংকের ক্ষেত্রে প্রথমেই % এর মোট ব্যবধান বের করে তা = ব্যবধানের মোট টাকা (যা প্রপ্লে দেয়া থাকবে তা) লিখে ১০০% এর মান আনতে হয়।



पृष्टे विक्रममुर्गात वाविधान ১०৮-৮৮=२०% जावात प्रकार वाविधान वनान्यामी এই २०% = ३२०० जना।

(০.৯)° + (০.৪)° এর মান কত ? [৪০তম বিসিএস হিলি] 8.0+6.0

₹. 0.05

₹. 0.03

4. 0.63

4. 0.53

क्खाः घ

∠न्याधानः

$$66.0 = \frac{669.0}{0.0} = \frac{860.0 + 659.0}{0.0} = \frac{8.0 \times 8.0 \times 8.0 + 6.0 \times 6.0 \times 6.0}{0.0} = \frac{(8.0) + (6.0)}{0.0} = \frac{(8.0) + (6.0)}{0.0}$$

जावात भूव श्रद्यांच क्रांबंध क्या यात्र श्रद्धांच,

$$= \frac{(0.8 + 0.8)\{(0.8)^{2} - (0.8 \times 0.8) + (0.8)^{2}\}}{0.8 + 0.8}$$

$$[(aceg a^3 + b^3 = (a+b)(a^2-ab+b^2)]$$

3x-2 > 2x-1 এর স্যাধান সেট কোনটি ? [৪০তম বিসিএস প্রিলি]

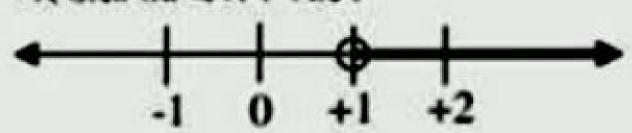
$$\P.[\frac{1}{2},\infty)$$
 $\P.[-1,\infty)$

ब्रह्म व

८ नयाधानः

$$3x-2 > 2x-1$$

সংখ্যারেখায় প্রকাশ করলে



वास्कि निरम क्नकिनन बाक्टन क्लटन निनः x > । थाकाग्र जर्थार x এর মান ১ এর থেকে বড় হওয়ায় () প্রথম বন্ধনী ব্যবহার হবে। আবার এখানে x > 1 এর স্থানে $x \ge 1$ থাকলে তখন x এর মান ১ সহ ১ এর থেকে বড় সংখ্যাওলো নিতে হতো। তখন উख्त হতো [1,∞) अर्थार वाम शाल जुडीय वक्तनी এवং ডान शाल প্रथम वक्तनी।

[এই বিষয়ে আরো বিক্তারিত জানতে দেখুন: ১ম-১০ম শ্রেনীর উচ্চতর গণিতের: ১.২ এর উদা: ৩১ ও ৩২ এর আলোচনা]

b. $6x^2 - 7x - 4 = 0$ नमीक्त्रण मृजक्रतन श्र्कृष्ठि कानि। - | ८०७म विनिधन शिनि।

ক, বাস্তব ও সমান

ৰ, বাস্তব ও অসমান গ, অবান্তব घ. পूर्व वर्ग मध्या

উত্তর: খ

∠न्याधानः

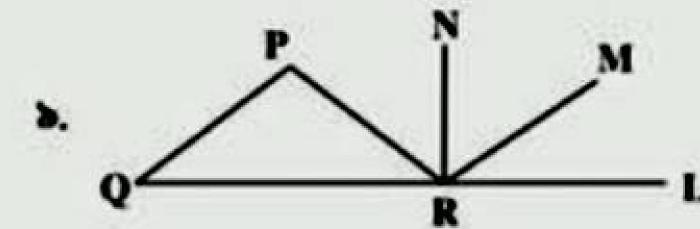
 $6x^2 - 7x - 4 = 0$ সমীকরণে মুলছয়ের প্রকৃতি নির্ণয় করতে হলে নিভায়ক বের করতে হবে।

এখন, নিভায়ক = b^2 - 4ac

$$=(-7)^2-4\times 6(-4)$$

$$= 145$$

যেহেতু নিভায়ক > (), অৰ্থাৎ সংখ্যাটি যেহেতু ০ এর থেকে বড় তাই মূলবয় বাত্তব এবং অসমান হবে। উত্তর: বাত্তব ও অসমান



[৪০ডম বিসিএস হিলি]

हिटब, ∠PQR = 55°, ∠LRN = 90° वक PQ | MR, PQ = PR व्हल, ∠NRP वक्र यान नीटक ट्लानि ? ₹. 900 ₹. 55° W. 350 ज्लाः घ

≝नमाधानः

এখানে, PQR সমবাহ ত্রিভুজে PQ = PR এবং \angle PQR = 55° হওয়ায়, \angle PRQ = 55° যেহেতু \angle LRN = 90° সুভরাং \angle NRQ = 90° [যেহেতু QL একটি সরলরেখা যার দুপাপে ১৮০° আছে]

मुख्बार $\angle NRP = \angle NRQ - \angle PRQ = 90^{\circ} - 55^{\circ} = 35^{\circ}$

[এখানে সমধ্যিত, সমকোণ এবং সরলকোশের মাধ্যমেই উত্তর বের করা সম্ভব হওরার সমান্তরাল বাত্তর হিসেবের প্রয়োজন নেই]

30. P = {x:x,12 धव क्वनीवक्तमूर} धवर Q = {x:x,3 धव क्विक् धवर x ≤ 12} एल, P-Q क्छ ? /८०७म विनिधन [सिनि]

₹. {1,2,4} ₹. {1,3,4} ₹. {1,3,6} ₹. {1,2,6}

क्रियः क

∡न्याथानः

এখানে P = {x:x,12 এর ওপনীরকসমূহ} Q = {x:x,3 अत छणिडक अवर x ≤ 12}

.: P সেট থেকে x এর মান = 1,2,3,4,6,12 অর্থাৎ P = {1,2,3,4,6,12} [১২ কে ভাগ করা যায় যেওলো দিয়ে] এবং Q সেট থেকে x এর মান = 3,6,9,12 अर्थाৎ Q = {3,6,9,12} [৩ निয়ে যাদেরকে ভাগ করা যায়]

.: P-Q = {1,2,3,4,6,12} - {3,6,9,12} = {1,2,4} [যেতলো মিলবে সেতলো বাদ দিয়ে অবশিষ্ট সংখ্যাতলো]

Ans: {1,2,4}

33. cos (n र व्यक्त विभिन्न विभिन्न

₹. -1

W. 0

🗷 नयाथानः

 $\cos\left(\frac{n\pi}{2}\right)$ এখানে যেহেতু ৪র্থ পদের মান বের করতে বলা হয়েছে তাই n=4

এখন, $\cos\left(\frac{4\pi}{2}\right) = \cos(2\pi) = \cos(2\times180^{\circ}) = \cos360^{\circ} = 1$

[এই বিষয়ে আরো বিভারিত জানতে দেপুন: ১ম-১০ম শ্রেণীর উচ্চতর গণিতের: ৮.২ অধ্যারের তরুর আলোচনা]

১২. ७ जन व्यंत्मात्राकृत्क नयान मर्त्युक मुद्देषि मरण कर ठात्व विरुक्त क्या यात्र ? /४०ठय विनिधन शिनि/

平. 30

4. 30

A. 750

উত্তর: খ

≰मयाधानः

৬ জন থেকে ৩ জনকে নেয়া যায়
$${}^6C_3 = \frac{6!}{3!(6-3)!} = \frac{6 \times 5 \times 4 \times 3!}{3 \times 2 \times 1 \times 3!} = \frac{6 \times 5 \times 4}{3 \times 2 \times 1} = 20$$

Concept clear: এখানে ২টি দলের কথা বলায় হয়তো অনেকেই দু'বার হিসেব করার কথা ভাবতে পারেন তাদের জন্য व्याथाः

थक्रन ७ जन त्यरमाग्राष्ट्रः A.B.C.D.E এবং F এখন এদের মধ্য থেকে ৩ জনের যে কোন দল নিলে যে ৩জন অবশিষ্ট থাকলো তারাও একটি দল হবে।

वास्ट्रे स्ता ७ वन	বাদ দেৱা ৩ জন			
ABC	DEF			
ACD	BEF			
ECD	ABF			
এভাবে চলতে থাকবে				

এখানে দেখুন আমরা বার বার বাম পাশের ৩ জনের দলটিকে বাছাই করছি। কিন্তু অপর যে ৩ জন বাদ পরে যাচেছ তারা মিলেও একটি নতুন দল হয়ে যাচেছ, যাদের বাছাই করার দরকার নেই। এজন্য ৬ জন থেকে ৩ জন বাছাই করে নিলেই এই প্রপ্লের উত্তর হয়ে যাবে।

১৩. नीट्या कान पूर्व मरवाणिक ७,८,৫ व्यवर ७ बाबा छात्र क्वाल यथाक्य ३, २, ७ ७ ८ व्यवनिष्ठ वाटक ? [८०७म विमिवम विनि उत्पन्नः ग 4. 68 4. 00 4. 8b T.GO

≰नमाधानः

এখানে, সাধারণ বিয়োগফল, = ৩-১ = ২, ৪-২ = ২, ৫-৩ = ২ এবং ৬-৪ = ২

वादात, ७,८,৫ धवर ७ मरचाछलात न,मा.७ = ७०

সুভরাং निर्पंग्न সংখ্যাটি হবে = ৬০-২ = ৫৮ । शिम्ह সংখ্যাতলোর ল,সা,ও বের করে কমন বিয়োগফলটি বিয়োগ করতে হয়)

| श्रमाण: ७,८,৫ ७ ७ मिरा १४ क छाभ कर्त्राम छाभावनय यथाक्य), २, ७ ७ ८ थाकरव।

১৪. পনির ও তপনের আয়ের অনুপাত 4:3। তপন ও রবিনের আয়ের অনুপাত 5:4। পনিরের আর 120 টাকা হলে, রবিনের আর क्छ १ | १म व्यपी-२.১-উमारतप-४ | + | ४०७म विमिश्रम विभिन्।

ক. 36 টাকা ব. 12 টাকা গ. 72 টাকা

ঘ. 84 টাকা

क्लबः ग

∡नयाधानः

পনির : তপন = 8:0 = 8x৫:0x৫ = ২০:১৫

তপন: রবিন = ৫:৪ = ৫×৩:৪×৩ = ১৫:১২ [উভয় অনুপাতে তপনের মান সমান করার জন্য উপরে ৫ এবং নিচে তদিয়ে ৩৭]

স্তরাং, পনির:তপন:রবিন = ২০:১৫:১২

ধরি, পনির, তপন ও রবিনের আয় যথাক্রমে, ২০ক,১৫ক এবং ১২ক

এখানে, পনিরের আয়, ২০ক = ১২০ সুতরাং ক = ৬

ভাহলে রবিনের আয় = ১২ক = ১২x৬ = ৭২ টাকা।

১৫. ৪৫০ টাকা বার্ষিক ৬% সুদে কত বছরে সুদে-আসলে ৫৫৮ টাকা হবে ? /৪০তম বিসিএস প্রিণি/

क. ७ वहरत

प. 8 वहरत

भ. १ वहरत

घ. ७ वছরে

উত্তর: খ

∠সমাধান:

মোট সুদ = ৫৫৮-৪৫০=১০৮

১ বছরের সুদ = ৪৫০ এর ৬% = ২৭টাকা।

२१णिका मूल इटल मध्य नाटम = ১ वहत

উत्तरः च

১৬. 'UNICEF' अब जावनाय श्रिष्ठिय कानिए श्रव ? /८०७म विनिधन शिन।

* PISSING

UNICEF.

" JICINU

OMIDEF.

উত্তর: খ

≪সমাধান:

UNICEF শশটকে আয়নায় দেখলে প্রথমের U অকরটি শেষে এবং শেষের F অকরটি ভরতে আসবে। অর্থাৎ এক্ষেত্রে ডানে বামে পার্ণ পরিবর্তন হবে কিন্তু উপরে নিচে পরিবর্তন হবে না। তাই উত্তর: খনী 🗐 🖫 🗓

১৭. बाखा नयान क्वाब खानाव नवावाव बना नरूब रूप्त, यमि खानावरक-/८०७म विनिधन विनि

क. ट्रंग नित्य याख्या ह्य

च. टिंग्न निरंत्र याख्या दश

भ. जूल नित्य याख्या द्य

घ. সমান সহজ হয়

डेल्बः च

≠ जयाधानः

যে কোন কিছু ঠেলে নিয়ে যাওয়ার থেকে টেনে নিয়ে আসা বেশি সহজ। যেমন ছোটবেলায় সুপারি গাছের খোলস দিয়ে তৈরী গাড়ী টেনে নিয়ে যেতে যত সহজ সামনের দিকে ঠেলে নিয়ে যাওয়া ততই কঠিন।

১৮. .১x.০১x.০০১ = ? [৪০তম বিসিএস খ্রিল]

₹. 3.0003

₹. .30003

4. .00003

€. .000001

उत्तः घ

⊭म्याधानः

এখানে তিনটি দশমিক সংখ্যায় দশমিকের পর মোট সংখ্যা ১+২+৩ = ৬টি। সূতরাং গুণফলের ৬ অছ আগে দশকি সংখ্যা বসবে। এজন্য উত্তর হবে ০.০০০০০১ অর্থাৎ ১ এর আগে মোট ৫টি শূন্য।

১৯. यमि DXG = 8२ एस, छरव jx 0 = ? / 80 उम विनिधन विनि।

₹. 520

4. 32

4. 330

W. 330

क्रियः **प**

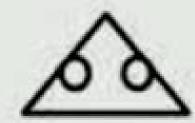
⊘সমাধান:

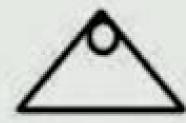
ह राष्ट्र वाश्मा वर्षमानात ७ वर्ष प्रवर पर पर पर वर्ष वर्षमानात १ वर्षमानात १ वर्ष । अपन, ७ ४१ = ४२ राज हरता वर्षमानात १० वर्ष । अपन, ७ ४१ = ४२ राज हरता वर्षमानात १० वर्ष । अपन, ७ ४१ = ४० ।

নিচের মত করে লিখে হিসেব করলে ভুল হওয়ার সম্ভাবনা কম থাকবে।

क, ४, ११, १४, ७, ५ ६, छ, छ, छ, छ, छ, A. B. C. D. E. F. G. H. I. J.

*·· (+) (+)





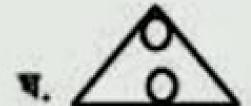
|৪০তম বিসিএস মিলি|

*. <u>/</u>









Bar. z

∡नमाथानः

প্রথম চিত্রটির দুপালের দৃটি তীর চিহ্ন পরের দৃটি চিত্রে এককভাবে এবং বিপরীত দিকে বসেছে। ঠিক তেমনি ৪ র্থ চিত্রে ত্রিভুজের মধ্যে থাকা ছোট বৃত্ত দৃটিও পরের দৃটি চিত্রে ১টি করে আলাদা হয়ে বিপরীত দিকে বসবে। সুতরাং সঠিক উত্তর: ক

23.



/৪০তম বিসিএস হিলি





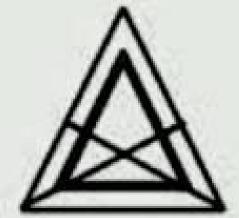




D----

-अग्राधानः

প্রপ্নে প্রদন্ত ত্রিভুজতির নিচের দৃটি কোণের ছেদক এবং ভূমি বাদে অপর দৃটি বাহুর ছেদকের সাথে রেখা মেলাতে হলে ঘ অপশনটি নিতে হবে।



২২. কোন শব্দত্ত তত্ত ? [৪০তম বিসিএস প্রিলি]

- क. जाग्रहाधीन, जरशत्राजि, जमानि
- ग. गृहस, गणना, हमानिश

च. গঙ্ভালিকা, চিন্ময়, কল্যাণ

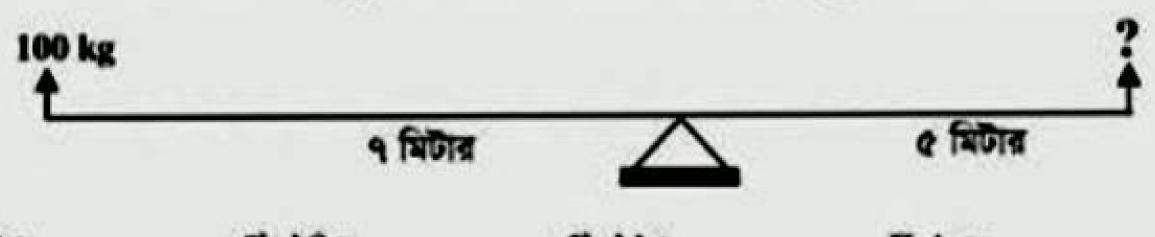
ঘ, আবশ্যক, মিথক্সিয়া, গীতালি

চন্দ্ৰ: ঘ

∠ नमाथानः

সঠিক শব্দগুচ্ছ হলো: আবশ্যক, মিথক্সিয়া, গীতালি,

২৩. ভারসাম্য রক্ষা করতে নিৰ্দেশিত ছানে কত কেজি ওজন রাখতে হবে ? /৪০তম বিসিএস প্রিলি/



₹. 350

4. 380

9. 360

4. PO

क्लाः च

∠नमाधानः

এরকম ভারসামা রক্ষার ক্ষেত্রে উভয় পাশের দূরত্ব ও ওজনের ওণফল সমান হতে হয়। যেহেতু বাম পাশের ওজন ও দূরত্ব এর ७१कन १x300 = १०० मुख्याः हान भाष्यद्र ७१कन७ १०० हट्ड हट्द । डाहर्ष्म ७७न हट्द १००÷৫ = ३८०।

২৪. একজন ব্যক্তি ভ্রমণে ৪ মাইল উত্তরে, ১২ মাইল পূর্বে, তারপর আবার ১২ মাইল উত্তরে বার। সে তরুর ছাল খেকে কত মাইল দুৱে ? [৪০ডম বিসিএস হিলি]

4. 39

4. 24

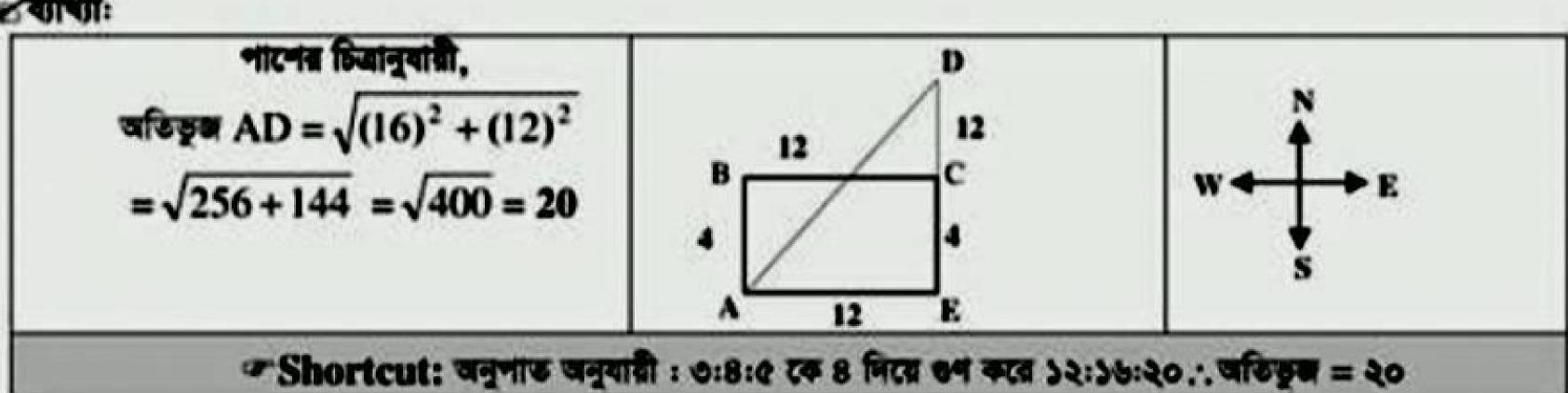
4. 52

W. 20

क्लाः प

≠ मयाधानः

প্ৰয়াখা:



- २৫. ঢাका थ्वंटक श्रक्त श्राम निष्ठेहेन्नर्क याध्यात সমন্न मिल्नित সমন্न कामरक व्यापकाकुछ ছোট মলে श्रन्न, रकन ? । ८०७ म विजिधन [शिन]
 - क. পृथिवी পশ্चिम भिरक घुत्राह वान
 - ब. পृथिवी সূর্যের চারদিকে ঘুরছে বলে
 - গ. এক্ষেত্রে এসব ঘূর্ণনের কোন প্রভাব নেই
 - ঘ, অন্য কোন কারণ আছে

क्रिक्ट थ

≰नमायानः

পৃথিবী পশ্চিম দিকে ঘুরছে বলে।

२५. एक बानान रकानि ? [८०७म विभिश्रम शिन]

ক, অধোগতি

ৰ, অধ্যগতি

च जस्थाक्षारि

८ मयाधानः

এখানে তদ্ধ বানান হলো: অধোগতি

২৭. সঠিক বানান কোনা	ট १ /৪০তম বিসিএস	(अभि)					
ক. Indwelling ⊮সমাধানঃ	₹. Indwling		lwelir	ıg	4 .	Induclling	डेलाः व
	ान হবে (क) Indu	elling (বসবা	সকারী)				
₩. 1 3 C	5 E	৪০ডম বিসিএস	হিশি]				
₹ . 9	₹. 7 G	47. K]		٧.	10 P	উত্তর: খ
∠नमाधानः							
						शङ् मध्याक्ष्मात्क त्नग्र	
				3527 372		জী বর্ণমালার বর্ণতলো (नग्रा श्राहर, जारे 3
रण, A, ७ नपद र	र्ष C এवर १ नस्त	वष E এর পর १	नस्त्र र	न स्ट	G		
२৯. वारणा 'वासनवर्थ'-	ালায় 'ম' অক্তরটির	পূৰ্বের পঞ্চয় অস	म्बर्धि की	9 180	তম বিভি	मेक्स जिलि।	
क. 'स'	ৰ, 'ন'	श. 'প'			₹.		উল্ল: খ
≝न्याधानः	100 -20 - 100						N. C.
छ, थ, म, थ, म,							
প, ফ, ব, ভ, ম এ	ধানে 'ম' এর আগে ৫	भ वर्गींग्रे इतना 'व	*				
৩০. वनि ABC = ZY	X रह , ज्य GIV	V = ? /8004	বিসিএস	विनि।			
[12:1] [[12:1] : [[2:2]		۹. TR				FREE	উত্তর: গ
⊘न्याधानः							
		क्य (बंदक	74	২্য	৩য়	1	
			A	B	C		
		748 (478	Z	Y	X		

	7A	रंग	• अ	
OR CACA	A	B	C	
	Z	Y	X	
C-14 C4C4	74	২য়	৩য়	

সুভরাং

च्या (चंदक	94	91	শেব থেকে	62	4
	G	1	CHA CACA	V	V
শেৰ খেকে	T	R	चन्न (चंदक	E	E
	94	24	OF 6464	QN.	QN

পরামর্শ: এক্ষেত্রে উল্টোপাপে বর্ণমালাওলো হিসেব করা কঠিন মনে হলে শেষের নিকে কিছু অক্ষর লিখে লিখে হিসেব করুন এভাবে, P. Q. R. S. T. U. V. W. X. Y act Z act entra fite the act act act filets with the etc.