ग.जा.ए. वंतर ल.जा.ए. H.C.F. वार्त L.C.M.

গরিষ্ঠ সাধারণ গুণনীয়ক (Highest Common Factor)

পারস্ত সাধারণ তালামণ ।।।।
প্রান্ত বা উৎপাদক থাকলে, তার মধ্যে সবচেয়ে বড়
প্রদন্ত রাশিগুলার করেকটি সাধারণ গুণনীয়ক বলা হয়। (The greatest of the
গুণনীয়কটিকে প্রদন্ত রাশিগুলোর গরিষ্ঠ সাধারণ গুণনীয়ক বলা হয়। (The greatest of the
factors among the common factors of the given numbers is called the
Highest Common Factor of the given numbers)

Highest Common Factor of the given ham by Highest Common Factor গরিষ্ঠ সাধারণ গুণনীয়ককে সংক্ষেপে গ.সা.শু. লেখা হয়। (The Highest Common Factor is shortly written as H.C.F.)

গ.সা.গু. নির্ণয়ের পদ্ধতি

মৌলিক উৎপাদকের সাহায্যে
 প্রদত্ত সংখ্যাগুলোর গ. সা. গু. হবে সাধারণ মৌলিক গুণনীয়য়কগুলোর ধারাবাহিক গুণফলের সমান।

$$72 = \underline{2} \times \underline{2} \times \underline{2} \times \underline{3} \times 3$$
$$48 = \underline{2} \times \underline{2} \times \underline{2} \times \underline{3} \times \underline{2}$$

72 ও 48 এর সাধারণ মৌলিক উৎপাদক হল 2, 2, 2, 3

2) ইউক্লিডীয় প্রক্রিয়া

∴ 72 ও 48 এর গ.সা.গু. = শেষ ভাজক = 24

=mca 3ank

=9.;

1. ৩২, ৪৮, ৫৬ ও ৮০ এর গ.সা.গু. কত?/ Find the H.C.F. of 32, 48, 56, and 80? প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক: ১১/ প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক: ৮১/

季.8

য ১৬

9. b

ঘ. ওপরের কোনোটিই নয়

 $8b = \underline{3} \times \underline{3} \times \underline{3} \times 3 \times 3 \times 0$

69=3×3×3×4

 $po = \vec{3} \times \vec{3} \times \vec{3} \times \vec{3} \times \vec{4} \times \vec{6}$

৩২, ৪৮, ৫৬ ও ৮০ এর সাধারণ মৌলিক উৎপাদক হল ২, ২, ২

 \therefore নির্দেয় গ.সা.গু. = ২ × ২ × ২ = ৮

दिलवः ग

2. The greatest number that exactly divides 105, 1001 and 2436 is-/ কোন বৃহত্তম সংখ্যা ঘারা 105, 1001 এবং 2436 নিঃশেষে বিভাজ্য? [Bangladesh Bank Assistant Director: 14/ Probashy Kalyan Bank Ltd. Officer (Cash): 14]

a. 3

b. 7

c. 11

d. 21

Solution: নির্ণেয় বৃহত্তম সংখ্যা হবে 105, 1001 এবং 2436 এর গ.সা.গু.।

$$105 = 3 \times 5 \times 7$$

 $1001 = 7 \times 11 \times 13$

 $2436 = 2 \times 2 \times 3 \times 7 \times 29$

∴ নির্ণেয় বৃহত্তম সংখ্যা = 7

Ans. b

3. ৩০টি আম এবং ৩৬টি লিচু সর্বোচ্চ কতজন বালকের মধ্যে সমানভাবে ভাগ করা যেতে পারে? / What is the number of boys among whom 30 mangoes and 36 lichees can be equally distributed? প্রাথমিক বিদ্যালয় প্রধান শিক্ষক: ১৪

ক. ৩ জন

খ. ৫ জন

গ. ৬ জন

ঘ. ৯ জন

Solution: নির্ণেয় বালকের সংখ্যা হবে ৩০ ও ৩৬ এর গ.সা.গু.।

.. নির্ণেয় বালক সংখ্যা ৬ জন।

উত্তর: গ

4. কতজন বালককে ১২৫টি কমলালের এবং ১৪৫টি কলা সমানভাবে ভাগ করে দেয়া যায়?/
What is the number of boys among whom 125 oranges and 145
bananas can be equally distributed? প্রিথমিক বিদানর সহকারী শিক্ষ্ক (বরিশাল বিভাগ): ০৭ /জেলা
নির্বাচন অফিসার: ০৪/মাদকদ্রব্য নিয়ন্ত্রণ অধিদপ্তরের সহকারী পরিচালক: ১৯/ সাব-রেজিস্ট্রার: ১২

ক. ২৫ জনকে

খ. ১৫ জনকে

গ. ৩৫জনকে

ঘ. ৫ জনকে

Solution: ১২৫ ও ১৪৫ এর গ.সা.গু. হবে নির্ণেয় লোক সংখ্যা।

উত্তর: ঘ

:. নির্ণেয় লোক সংখ্যা ৫ জন।

```
154 

George's Math Review

                                                                   ग. जा. ७. वयर त. म. छ
        के George's Matri Review कि जान कर्त्राल প্রত্যেকবার ৬ অবশিষ্ট शोकता।
कान वृश्ख्य সংখ্যা দিয়ে ১০২ ও ১৮৬ কে जान कर्त्राल প্রত্যেকবার ৬ অবশিষ্ট शोकता।
        কোন বৃহত্তম সংখ্যা দেয়ে ১০২ will leave the remainder 6 when each of What greatest number will leave the remainder 6 when each of
        What greatest number will leach of 102 and 186 is divided by it? প্রাক-প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক (ডেলটা) : ১৪ / ডাক ও টেলবোশবোস
        মন্ত্রণালয়ের হিসাবরক্ষণ কর্মকর্তা : ০৩
                                   খ. ১৫
        <u>Solution</u>: シoミーも = あも、 シbも ー も = シbo
        নির্ণের বৃহত্তম সংখ্যা হবে ৯৬ ও ১৮০ এর গ.সা.গু.।
        ৯৬) ১৮০ (১
              26
              ৮৪ ) ৯৬ (১
                    58
                    32) 88 (9

    নির্ণেয় কৃহন্তম সংখ্যা = ১২

                                                                                        উত্তর: ক
         প্রথম ও বিতীয় সংখ্যার গুণফল ৪২ এবং বিতীয় ও তৃতীয় সংখ্যার গুণফল ৪৯। বিতীয়
 6.
         সংখ্যাটি কত?/ The product of 1st and 2nd number is 42 and that of 2nd
         and 3rd number is 49. Find the 2nd number. প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকরী শিক্ত (হোড): ১০
                                                                             ঘ. ৮
                                                      1, 9
                                7. 6
         4. Q
         Solution: ৪২ ও ৪৯ এর গ.সা.গু. হবে নির্ণেয় দ্বিতীয় সংখ্যা।
         82)88(5
              82
               9)82(6
               ∴ নির্ণেয় দিতীয় সংখ্যা = ৭
        প্রথম ও বিতীয় সংখ্যার তণফল ৩৫ এবং বিতীয় ও তৃতীয় সংখ্যার তণফল ৬৩। বিতীয়
 7.
        সংখ্যাতি কত?/ The product of 1st and 2nd number is 35 and that of
        2<sup>nd</sup> and 3<sup>rd</sup> number is 63. Find the 2<sup>nd</sup> number. [পরিকল্পনা মন্ত্রণালয়ের জটা
        প্রসেমিং অপারেটর : ০২
                                                     7 9
                                                                             घ. ४
        Solution: ২য় সংখ্যাটি হবে ৩৫ ও ৬৩ এর গ.সা.গু.।
           oe) 60 ()
                90
               24)00(3
                    20
                   9)2b (8
                     26
        ় নির্দেয় সংখ্যা = ৭
                                                                                       हेलतः व
```

- 8. Three numbers which are co-prime to each other are such that the product of the first two is 551 and that of the last two is 1073. The sum of the three numbers is-/ পরস্পর সহমৌলিক তিনটি সংখ্যা এমন যে প্রথম দুটির গুণফল 551 এবং শেষ দুটির গুণফল 1073। সংখ্যা তিনটির সমষ্টি- [Dutch Bangla Bank Ltd. Probationary Officer: 12]
 - a. 75

b. 81

c. 85

d. 89

e. None of these

Solution: যেহেতু সংখ্যা তিনটি সহমৌলিক, সেহেতু দিতীয় সংখ্যাটি হবে 551 ও 1073 এর গ.সা.গু.।

...551 ও 1073 এর গ.সা.গু. = 29 = দ্বিতীয় সংখ্যা

প্রথম সংখ্যা =
$$\frac{551}{29}$$
 = 19 এবং তৃতীয় সংখ্যা = $\frac{1073}{29}$ = 37

∴ সংখ্যাগুলোর যোগফল = (19 + 29 + 37) = 85

Let N be greatest number that will divide 1305, 4665 and 6905 leaving same remainder in each case. The sum of the digits in 9. N is- / একটি বৃহত্তম সংখ্যা N দ্বারা 1305, 4665 এবং 6905 কে ভাগ করলে প্রতি ক্ষেত্রে একই অবশিষ্ট থাকে। N এর অঙ্কণ্ডলোর সমষ্টি কত? [Dutch Bangla Bank Ltd.

Probationary Officer: 12]

b. 5

c. 6

e. None of these

6905 - 1305 = 5600

4665 - 1305 = 3360

1120) 5600 (5 5600

Ans. a

156 George's Math Review

লঘিষ্ঠ সাধারণ শুণিতক (Least Common Multiple) প্রদত্ত সংখ্যাগুলোর ক্ষুদ্রতম সাধারণ গুণিতককে তাদের লঘিষ্ঠ সাধারণ গুণিতক বলা হয়। (The প্রদত্ত সংখ্যাগুলোর ক্ষুদ্রতম সাধারণ ভাগতনত Least of the multiples of the given numbers is called the Least Common Multiple of them)

লঘিষ্ঠ সাধারণ গুণিতককে সংক্ষেপে ল.সা.শু. লেখা হয়। (The Least Common Multiple is shortly written as L.C.M.)

ল . সা . শু . নির্ণয়ের পদ্ধতি

1) মৌলিক উৎপাদকের সাহায্যে

$$72 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$$

$$48 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

$$60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5$$

প্রদত্ত সংখ্যাগুলোর মৌলিক উৎপাদকে 2 আছে সর্বাধিক চারবার, 3 দুইবার, 5 একবার। কাজেই 2 চারবার, 3 দুইবার ও 5 একবার নিয়ে ধারাবাহিক গুণফল বের করলে ল.সা.গু. পাওয়া যায়।

2) সংক্ষিপ্ত পদ্ধতি

 \therefore 72, 48 এবং 60 এর ল.সা.গু. = $2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 2 \times 5 = 720$

৫, ৬, ১০ ও ১৫ এর ল. সা. গু. কত?/ Find the L.C.M. of 5, 6, 10 and 15? [প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক : ১০/ প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক : ৮৯]

ক. ৬০

খ. ৩০

গ. ১৫০

ঘ. ৯০

Solution: $\geq \langle e, b, s_0, s_0 \rangle$ 0/0, 0, 0, 30 @ \@, \, @, @ 3, 3, 3, 3

∴ নির্ণেয় ল. সা. ৩. = ২ × ৩ × ৫ = ৩০

উত্তর: খ

न, जा.	তু. এবং ল. সা. তু.	George's Ma	41. 6	
	ক একটি মৌলিক সংখ্যা এ	বং ক, খ দারা বিজ্ঞান্ত ক্রম	th Review 🗢 157	
2.	is a prime number and A is and II.			
of A and B. সমবায় অধিদন্তরের দিতীয় খেপির গেজেটেড অফিসার : ১৭				
	ক. ১	খ. ১ক		
	গ. কথ	ঘ. ১খ	উত্তর: গ	
what is the smallest number exactly divisible by and a second				
	20 and 27?/ কোন ক্ষুদ্রতম সংখ্যা 12, 15, 20 এবং 27 দারা নিঃশেষে বিভাজ্য?			
	[Agrani Bank Ltd. Officer (Cash): 13]			
	a. 360	b. 480 c	. 520	
	d. 540	e. 820		
	Solution : 2 \12, 1:	5, 20, 27	相称 经 对加 联合社会	
	2 \ <u>6</u> , 1:	5, 10, 27		
	3 \ <u>3, 1</u>	5, 5, 27		
	,	1, 1, 90 t of shares	vibane is ensetiy	
1	∴ নির্ণেয় ক্ষুদ্রতম সংখ্যা	$= 2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 9 = 540$	Ans. d	
4.	What will be the least number which when doubled will be			
	exactly divisible by 12, 18, 21 and 30?/ কোন ক্ষুত্ৰতম সংখ্যার বিশুণ 12,			
	18 21 এবং 30 দ্বারা নিঃশেষে বিভাজ্য? [EXIM Bank Ltd. Officer (II): 13]			
	a. 196	b. 630	c. 1200	
	d. 2520	e. None of these		
	Solution: $2 \setminus 12, 1$	8, 21, 30	S STATE STATE SELECT	
	3 \ <u>6</u> , 9	8, 21, 30 0, 21, 15 3, 7, 5		
	2,	3, 7, 5		
	ল.সা.গু. $= 2 \times 3 \times 2$	$\times 3 \times 7 \times 5 = 1260$	er to making it	
		$\frac{1260}{630} = 630$	Ans. b	
	निर्वा क्षूप्रथम गर्पा –	2 Lan of oranges tha	t can be distributed	
5.	নির্ণেয় ক্ষুদ্রতম সংখ্যা = 2 5. Find the smallest number of oranges that can be distributed completely among 4, 6, 10 or 18 Children?/ 4, 6, 10 ও 18 জন শিওর completely among 4, 6, 10 or 18 Children?/ 4 (Bangladesh Bank Assistant			
	completely among	g 4, 6, 10 or 18 Children: কমলা সম্পূর্ণভাবে ব্টন করা য	য়ে? [Bangladesh Bank Assistant	
	মধ্যে কমপক্ষে কতগুলো	कमला अम्मून्जाल र्ग र	17	
	Director: 12]		c. 240	
	0.16	b. 60		
	d 180	e. None of them	ালার সংখ্যা ।	
	a. 10 e. None of them d. 180 Solution: 4, 6, 10 ও 18 এর ল.সা.গু. হবে নির্ণেয় কমলার সংখ্যা ।			
	/ \4.	U. I V.	min manual const	
	3 \2,	3, 5, 9	Colored Car	
	$\overline{2}$,	1, 5, 3 সা.গু. = $2 \times 3 \times 2 \times 5 \times 3$	= 180 Ans. d	
	4 6 10 ও 18 এর ল.	সা.গু. = 2 × 3 × 2 ^ 3 ^ 1		
	7, 0, 10 0 10			

158

George's Math Review

কোন ক্ষুদ্রতম সংখ্যার সাথে ১ যোগ করলে যোগফল ৩, ৬, ৯, ১২, ১৫ দারা নিঃশেষে বিভাজ্য হবে?/ What is the least number when 1 added to it, the 6. sum is exactly divisible by 3, 6, 9, 12 and 15? शाविनक मार्जिम कियान कर्ड्क निर्वादिक

১২ টি পদ : ০১/ পররাষ্ট্র মন্ত্রণালয়ের অধীনে প্রশাসনিক কর্মকর্তা : ০১

ক. ১৭৯

খ ৩৬১

গ. ৩৫৯

घ १२३

0 10, 6, 5, 52, 56 **Solution:** 2 \<u>3,2,0,8,6</u> ১, ১, ৩, ২, ৫

৩, ৬, ৯, ১২ এবং ১৫ ল.সা.গু. = ৩ × ২ × ২ × ৩ × ৫ = ১৮০

নির্ণেয় সংখ্যা = ১৮০ - ১ = ১৭৯

কোন ক্ষুদ্রতম সংখ্যার সাথে ২ যোগ করলে যোগফল ৩, ৬, ৯, ১২ এবং ১৫ দ্বারা নিঃশেষে বিভাজ্য হবে?/ What is the least number when 2 added to it, the 7. sum is exactly divisible by 3, 6, 9, 12 and 15? [मूर्नीिक मधन बुद्धां পরিদর্শক : 08]

ক. ১৭৮

খ. ৩৫৮

গ. ৩৬৮

घ. १३४

Solution: 2 \ 0, 6, 8, 52, 5@ 0 \0, 0, 3, 4, 36 ১, ১, ৩, ২, ৫

৩, ৬, ৯, ১২ এবং ১৫ এর ল.সা.গু. = ২ imes ৩ imes ৩ imes ২ imes ৫ = ১৮০

∴ নির্ণেয় ক্ষুদ্রতম সংখ্যা = ১৮০ - ২ = ১৭৮

উত্তর: ক

কোন লঘিষ্ঠ সংখ্যার সাথে ২ যোগ করলে যোগফল ১২, ১৮ এবং ২৪ দারা বিভাজ্য হবে? 8. What is the least number when 2 added to it, the sum is divisible by 12, 18 and 24? তিত্য বিসিএস (প্রিলিমিনারি)/ প্রাক-প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক (গামা) : ১৪

ক. ৮৯

খ. ৭০

গ. ১৭০

ঘ. ১৪২

Solution: २ / १२, १४, २८ २ 1७, ७, ३२ ৩ /৩, ৯, ৬ ১, ৩, ২

১২. ১৮ এবং ২৪ এর ল. সা. গু. ≡ ২ × ২ × ৩ × ৩ × ২ = ৭২

∴ নির্ণেয় সংখ্যা = ৭২ - ২ = ৭০

উত্তর: খ

কোন সংখ্যার সাথে ৩ যোগ করলে যোগফল ২৪, ৩৬ ও ৪৮ দ্বারা বিভাজ্য হবে?/ What is the 9. number when 3 added to it, the sum is divisible by 24, 36 and 48? [১৬তম বিসিএস (প্রিলিমিনারি)/ প্রাথমিক বিন্যালয় সহকারী শিক্ষক (সিলেট বিভাগ): ০৭/প্রাথমিক বিদ্যালয় প্রধান শিক্ষক: ৯৮]

ক. ১৪১

₹. 588

গ. ১৪৭

ঘ. ২৮৫

Solution: 2 \28, 06, 8b
2 \22, 2b, 28
2 \6, 3, 22
0 \6, 3, 6
2, 0, 2

২৪, ৩৬ এবং ৪৮ এর ল. সা. গু. = ২ \times ২ \times ২ \times ৩ \times ৩ \times ২ = ১৪৪

∴ নির্ণেয় ক্ষুদ্রতম সংখ্যা ≃ ১৪৪ - ৩ = ১৪১

উত্তর: ক

10. কোন সেনাবাহিনীতে যদি আরো ১১জন সৈন্য নিয়োগ করা যেত তবে তাদেরকে ২০, ৩০, ৪০, ৫০, ৬০ সারিতে দাঁড় করানো যেত। ঐ সেনাবাহিনীতে কতজন সৈন্য ছিল?/ If 11 more soldiers are appointed in the armed forces, the soldiers would have been arranged in rows of 20, 30, 40, 50, 60. What is the number of soldiers in that armed forces? তিয়া মন্ত্রণালারের অধীনে টেনিভিশন প্রকৌশলী (গ্রেড-২): ০৪/ মাদকদ্রব্য নিয়ন্ত্রণ অধিদপ্তরের সহকারী পরিচালক: ৯৯]

ক. ৫৯ জন

খ. ৭৯ জন

গ. ৫৮৯ জন

ঘ. ৬১৯ জন

Solution: 2 \20, 00, 80, 60, 60 2 \20, 26, 20, 26, 00 0 \ 6, 26, 20, 26, 26 6 \ 6, 6, 20, 26, 6 2, 2, 2, 6, 2

২০, ৩০, ৪০, ৫০ এবং ৬০ এর ল.সা.গু. = ২ × ২ × ৩ × ৫ × ২ × ৫ = ৬০০

.: নির্ণেয় সৈন্য সংখ্যা = (৬০০ - ১১) জন = ৫৮৯ জন।

উত্তরঃ গ

11. কোন ক্ষুদ্রতম সংখ্যা হতে 1 বিয়োগ করলে বিয়োগফল 9, 12 ও 15 দারা নিঃশেষে বিভাজ্য হবে?/ What is the least number when 1 subtracted from it, the difference is exactly divisible by 9, 12 and 15? পাবলিক সার্ভিস কমিশনে সহকারী পরিচালক: ০৪]

ক. 121

খ. 181

গ. 241

ঘ. 361

Solution:

3\<u>9, 12, 15</u> 3, 4, 5

9, 12 এবং 15 এর ল.সা.গু. = 3 × 3 × 4 × 5 = 180

∴ নির্ণেয় সংখ্যা = 180 + 1 = 181

উত্তর: খ

12. কোন ক্ষুদ্রতম সংখ্যাকে ৪, ৫ ও ৬ দিয়ে ভাগ করলে প্রত্যেকবার ৩ অবশিষ্ট থাকে?/
What is the least number when divided by 4, 5 and 6 leaves in each case a remainder of 3? প্রাথমিক ও গণশিক্ষা বিভাগে সহকারী পরিচালক : ০১]

ক. ৩৩

খ. ৪৩

গ. ৫৩

ঘ. ৬৩

<u>Solution</u>: ২ \<u>8, ৫, ৬</u> ২. ৫, ৩

৪, ৫ ও ৬ এর ল.সা.৩. = ২ × ২ × ৫ × ৩ = ৬০

∴ নির্ণেয় ক্ষুদ্রতম সংখ্যা = ৬০ + ৩ = ৬৩

উত্তর: ঘ

13. সবচেয়ে ছোট কোন সংখ্যাকে 7, 8 অথবা 9 দ্বারা ভাগ করলে 5 অবশিষ্ট থাকে?/ What is the least number when divided by 7, 8 or 9 leaves a remainder of 5? রিষ্ট্রায়ন্ত ব্যাংক সিনিয়র অফিসার: ০০

a. 499

b. 599

c. 549

d. 509

Solution: 7, 8, 9 এর ল.সা.গু. = 7 × 8 × 9 = 504 ∴ নির্ণেয় সংখ্যা = 504 + 5 = 509

Ans. d

14. কোন ক্ষুদ্রতম সংখ্যাকে ২, ৩, ৪, ৫ ও ৬ দিয়ে ভাগ করলে প্রতি ক্ষেত্রে ১ অবশিষ্ট থাকে? / What is the least number when divided by 2, 3, 4, 5 and 6 leaves in each case a remainder of 1? প্রথমিক ক্যিলয় সহকরী শিক্ষক: ৯০

ক. ৬১

খ. ৩১

গ. 8১

ঘ. ৫১

Solution: $2 \ 2, 0, 8, 0, 0$ $0 \ 2, 0, 2, 0, 0$ 2, 2, 2, 0, 2

২, ৩, ৪, ৫ এবং ৬ এর ল. সা. গু. = ২ x ৩ x ২ x ৫ = ৬০

∴ নির্ণেয় ক্ষুদ্রতমূঃসংখ্যা = ৬০ + ১ = ৬১

উত্তর: ক

15. কোন ক্ষুদ্রতম সংখ্যাকে ৩, ৫, ৬ দারা ভাগ করলে প্রত্যেকবার ভাগশেষ হবে ১?/ What is the least number when divided by 3, 5 and 6 leaves in each case a remainder of 1? থিপত্য বিসিএস

ক. ৭১

খ. 8১

গ. ৩১

ঘ. ৩৯

Solution: 9

৩ \৩, ৫, ৬

١, ৫, ২

৩, ৫, ৬ এর ল.সা.গু. = ৩ × ৫ × ২ = ৩০

∴ নির্ণেয় ক্ষুদ্রতম সংখ্যা = ৩০ + ১ = ৩১

উত্তর: গ

16. কোন ক্ষুদ্রতম সংখ্যাকে ১২, ১৫, ২০ ও ২৫ দিয়ে ভাগ করলে প্রতিক্ষেত্রে ১১ অবশিষ্ট থাকবে?/ What is the least number when divided by 12, 15, 20 and 25 leaves in each case a remainder of 11? [প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক : ১০]

ক. ৩২১

V 1999

গ. ৩৩৬

ঘ. ৩২৭