#### K-Means Kumeleme Metodu

Yapay Ogrenim (Machine Learning) alaninda onemli algoritmalardan biri k-means metodu. K-means kumelemesi icin kac tane kumenin olmasi gerektigi bastan tanimlanir (yani k parametresi), algoritma bunu kendisi bulmaz.

Metotun geri kalani basittir - bir dongu (iteration) icinde her basamakta:

- 1) Her nokta icin, eldeki kume merkezleri teker teker kontrol edilir ve o nokta en yakin olan kumeye atanir
- 2) Atamalar tamamlandiktan sonra her kume icinde hangi noktalarin oldugu bilindigi icin her kumedeki noktalarin ortalamasi alinarak yeni kume merkezi hesaplanir. Eski merkez hesaplari atilir.
- 3) Basa donulur

Dongu tekrar ilk adima dondugunde, bu sefer yeni kume merkezlerini kullanilarak, ayni adimlar tekrar yapilacaktir.

Fakat bir problem yok mu? Daha birinci dongu baslamadan kume merkezlerinin nerede oldugunu nereden bilecegiz? Burada bir tavuk-yumurta problemi var, kume merkezleri olmadan noktalari atayamayiz, atama olmadan kume merkezlerini hesaplayamayiz.

Bu probleme pratik bir cozum ilk basta kume merkezlerini (ya da kume atamalarini) rasgele bir sekilde secmektir. Pratikte bu yontem cok iyi isliyor. Tabii bu rasgelelik yuzunden K-means'in dogru sonuca yaklasmasi (convergence) garanti degildir, ama gercek dunya uygulamalarinda cogunlukla kullanisli kumeler bulunur. Bu potansiyel problemlerden kacinmak icin k-means pek cok kez isletilebilir (her seferinde yeni rasgele baslangiclarla yani) ve ayni sonuca ulasilip ulasilmadigi kontrol edilebilir.

Pek en iyi k nasil bulunur? Burada da yapay ogrenim literaturunde pek cok yaklasim vardir [1], veriyi pek cok parcaya bolup, farkli k kume sayisi icin kumeleme yapmak ve capraz saglama (cross-validation) kullanmak, SVD kullanarak grafige bakmak (bu yazinin sonunda anlatiliyor), vs.

K-Means EM algoritmasinin bir turevi olarak kabul edilebilir, EM kumeleri bir Gaussian (ya da Gaussian karisimi) gibi gorur, ve her basamakta bu dagilimlarin merkezini, hem de kovaryansini hesaplar. Yani kumenin "sekli" de EM tarafından saptanir. Ayrıca EM her noktanın tum kumelere olan uyeliklerini "hafif (soft)" olarak hesaplar (bir olasilik olcutu uzerinden), fakat K-Means icin bu atama nihai (hard membership). Nokta ya bir kumeye aittir, ya da degildir.

EM'in belli sartlarda yaklasiksalligi icin matematiksel ispat var. K-Means akilli tahmin yaparak (heuristic) calisan bir algoritma olarak biliniyor. Sonuca yaklasmasi bu sebeple garanti degildir, ama daha once belirttigimiz gibi pratikte faydalidir. Bir suru alternatif kumeleme yontemi olmasina ragmen hala K-Means'den vazgecilemiyor! Burada bir etken de K-Means'in cok rahat paralelize edilebilmesi. Bu konu baska bir yazida islenecek.

Ornek test verisi altta

```
from pandas import *
data = read_csv("synthetic.txt",names=['a','b'],sep=" ")
print data.shape
data = np.array(data)
(3000, 2)
```

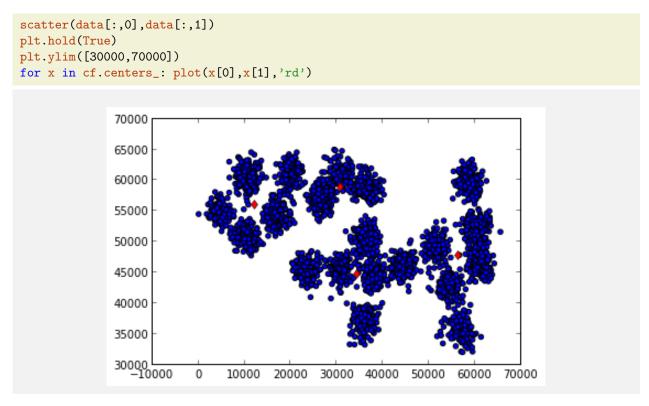
```
def euc_to_clusters(x,y):
   return np.sqrt(np.sum((x-y)**2, axis=1))
class KMeans():
   def __init__(self,k,iter):
       self.k = k
       self.iter = iter
   def fit(self,X):
       # her veri noktasi icin rasgele kume merkezi ata
       self.labels_ = np.array([random.randint(0,self.k-1) for i in range(X.shape[0])])
       self.centers_ = np.zeros((self.k,X.shape[1]))
       for i in range(self.iter):
           # yeni kume merkezleri uret
           for j in range(self.k):
              # eger kume j icinde hic nokta yoksa, ortalama (mean)
              # hesabi yapma, cunku o zaman nan degeri geliyor, ve
              # hesabin geri kalani bozuluyor.
              if len(X[self.labels_ == j]) == 0: continue
              center = np.mean(X[self.labels_ == j],axis=0)
```

```
self.centers_[j,:] = center
# her nokta icin kume merkezlerine gore kume atamasi yap
self.labels_ = []
for point in X:
    c = np.argmin(euc_to_clusters(self.centers_, point))
    self.labels_.append(int(c))

self.labels_ = np.array(self.labels_)
```

```
cf = KMeans(k=5,iter=20)
cf.fit(data)
cf.labels_
array([1, 1, 1, ..., 0, 0, 0])
```

Ustteki sonucun icinde iki ana vektor var, bu vektorlerden birincisi icinde 4,1, gibi sayilar goruluyor, bu sayilar her noktaya tekabul eden kume atamalari. Ikinci vektor icinde iki boyutlu k tane vektor var, bu vektorler de her kumenin merkez noktasi. Merkez noktalarini ham veri uzerinde grafiklersek (kirmizi noktalar)



Goruldugu gibi 5 tane kume icin ustteki merkezler bulundu. Fena degil. Eger 10 dersek

```
cf = KMeans(k=15,iter=20)
cf.fit(data)
scatter(data[:,0],data[:,1])
plt.ylim([30000,70000])
plt.hold(True)
for x in cf.centers_: plot(x[0],x[1],'rd')
              70000
              65000
              60000
              55000
              50000
              45000
              40000
              35000
              30000
                               10000
                                      20000
                                             30000 40000
                                                          50000
```

## 0.1 Kategorik ve Numerik Iceren Karisik Veriler

Bazen verimiz hem kategorik hem de numerik degerler iceriyor olabilir, KMeans yeni kume merkezlerini hesaplarken ortalama operasyonu kullandigi icin sadece numerik veriler uzerinde calisabilir (kategorik verilerin nasil ortalamasini alalim ki?). Bu durumda ne yapacagiz?

Bir secenek su olabilir, kategorik her kolonu her degisik degeri bir yeni kolona tekabul edecek sekilde saga dogru acariz, ve o degerin yeni kolonuna 1 degeri digerlerine 0 degeri veririz. Bu kodlamaya 1-in-q kodlamasi, 1-in-n kodlamasi, ya da Ingilizce one-hot encoding ismi veriliyor.

Ornek olarak UCI veri bankasindan Avustralya Kredi Verisine bakalim:

```
import pandas as pd
df = pd.read_csv("crx.csv")
df[:2]
 A1
       A2
            A3 A4 A5 A6 A7
                             A8 A9 A10
                                      A11 A12 A13
                                                     A14
                                                          A15 A16
    30.83 0.00 u g w v
                                             f
                                                   00202
                           1.25 t
                                   t
                                         1
                                                           0
                                                 g 00043 560
    58.67 4.46 u g q h 3.04 t
                                         6
                                             f
                                   t
```

Bu veride A1, A2, gibi kolon isimleri var, kategorik olanlarda 'g', 'w' gibi degerler goruluyor. Bu

# kolonlari degistirmek icin

```
from sklearn.feature_extraction import DictVectorizer
 def one_hot_dataframe(data, cols, replace=False):
    vec = DictVectorizer()
    mkdict = lambda row: dict((col, row[col]) for col in cols)
    vecData = pd.DataFrame(vec.fit_transform(data[cols].apply(mkdict, axis=1)).toarray())
    vecData.columns = vec.get_feature_names()
    vecData.index = data.index
    if replace is True:
       data = data.drop(cols, axis=1)
       data = data.join(vecData)
    return (data, vecData, vec)
 df2, _, _ = one_hot_dataframe(df, ['A1','A4','A5','A6','A7','A9','A10','A12','A13'],
    replace=True)
 df2.ix[0]
        30.83
A2
AЗ
         0
        1.25
8A
A11
           1
A14
        00202
A15
           0
A16
           0
A10=f
A10=t
           1
           1
A12=f
A12=t
           0
A13=g
           1
A13=p
           0
           0
A13=s
           0
A1=?
A1=a
           0
A1=b
           1
A4=?
            0
A4=1
           0
A4=u
           0
A4=y
A5=?
            0
A5=g
           1
           0
A5=gg
            0
A5=p
A6=?
            0
           0
A6=aa
A6=c
           0
A6=cc
           0
            0
A6=d
           0
A6=e
A6=ff
            0
A6=i
```

```
A6=j
              0
              0
A6=k
A6=m
              0
              0
A6=q
              0
A6=r
A6=w
              0
A6=x
              0
A7=?
              0
A7=bb
              0
A7=dd
              0
A7=ff
A7=h
              0
              0
A7 = j
A7=n
              0
A7=0
              1
A7=v
A7=z
              0
A9=f
              0
              1
A9=t
Name: 0, Length: 52, dtype: object
```

Islem sonucunda A12=f mesela icin 1 verilmis, ama A12=t (ve diger her mumkun deger icin yani) 0 degeri verilmis (sadece bu tek satir icin). Boylece kategorik veriyi sayisal hale cevirmis olduk.

Fakat isimiz bitti mi? Hayir. Simdi KMeans bu tur veriyle acaba duzgun calisir miydi onu kendimize soralim. Icinde pek cok 0, bazen 1 iceren veri satirlari arasinda uzaklik hesabi yapmak ise yarar mi?

Yapay Ogrenim literaturunde bu tur veriler uzerinde kosinus benzerligi (cosine similarity) kullanmak daha yaygindir. Bu konuyu SVD, Toplu Tavsiye yazinda daha gorebilirsiniz. Kosinus benzerligi bize 0 ile 1 arasinda bir deger dondurur. Benzerligi uzakliga cevirmek icin basit bir sekilde 1-benzerlik formulunu kullanabiliriz.

O zaman karisik veriler uzerinde KMeans kullanmak icin sunu yapariz, verinin en bastan numerik olan kismi icin Oklit uzakligi, diger kalan kismi icin kosinus uzakligi kullaniriz.

```
from numpy import linalg as la
import numpy as np
import pandas as pd, os
import scipy.sparse as sps
import numpy, random

def cos_dist(inA,inB):
    num = float(np.dot(inA.T,inB))
    denom = la.norm(inA)*la.norm(inB)
    sim = 0.5+0.5*(num/denom)
    return 1. - sim

def mixed_to_clusters(vect,x,euc_n,weights):
    res1 = euc_to_clusters(vect[:,0:euc_n],x[0:euc_n])
    res2 = map(lambda y: cos_dist(x[euc_n:],y), vect[:,euc_n:])
```

```
res = np.array(res1)*weights[0] + np.array(res2)*weights[1]
   return res
class MixedKMeans():
   def __init__(self,k,iter,euc_n,weights=[1.,1.]):
       self.k = k
       self.iter = iter
       self.euc_n = euc_n
       self.weights = weights
   def fit(self,X,iter=10):
       self.labels_ = np.array([random.randint(0,self.k-1) for i in range(X.shape[0])])
       self.centers_ = np.zeros((self.k,X.shape[1]))
       for i in range(self.iter):
          for j in range(self.k):
              if len(X[self.labels_ == j]) == 0: continue
              center = np.mean(X[self.labels_ == j],axis=0)
              self.centers_[j,:] = center
          self.labels_ = []
          for point in X:
              c = np.argmin(mixed_to_clusters(self.centers_, point, self.euc_n,self.
                  weights))
              self.labels_.append(int(c))
          self.labels_ = np.array(self.labels_)
```

```
df = pd.read_csv("crx.csv",sep=',',na_values=['?'])
df = df.dropna()
df['A16'] = df['A16'].str.replace('+','1')
df['A16'] = df['A16'].str.replace('-','0')
df['A16'] = df['A16'].astype(int)
df2, _, _ = one_hot_dataframe(df, ['A1','A4','A5','A6','A7','A9','A10','A12','A13'],
   replace=True)
df2 = df2.drop('A16',axis=1)
df2 = np.array(df2)
# veriyi normalize et, ortalama cikar ve standart sapmaya bol
df2 -= np.mean(df2, axis=0)
df2 /= np.std(df2, axis=0)
cf = MixedKMeans(2,iter=10,euc_n=6,weights=[1.,3.])
cf.fit(df2)
labels_true = np.array(df['A16'])
labels_pred = cf.labels_
match = np.sum((labels_true == labels_pred).astype(int))
print float(match)/len(df)
```

#### 0.814701378254

Bu veri icinde iki tane kume vardi, kumeler A16 kolonunda + ya da - olarak isaretli. Tabii kumeleme takip edilmeyen (unsupervised) bir Yapay Ogrenim metotududur, hangi noktanin hangi kumeye ait oldugunu onceden bilmeyiz, ornek veri seti uzerinde kontrol amacli bu isaretlere bakiyoruz. Ustteki sonuca gore yuzde 81 oraninda bir basariyla dogru kumeyi bulabilmisiz.

Parametre olarak gecilen euc\_n degiskeni her veri noktasi icin "ilk kac noktanin numerik" oldugunu belirtiyor. Boylece uzaklik fonksiyonu sadece o kisimda Oklit uzakligi kullaniyor. Peki numerik degerler niye hep basta? Bunun sebebi one\_hot\_dataframe cagrisinin yeni kolonlari yaratirken eskileri silmesi ve eklenen yeni kolonlarin hep en sona konmasi, boylece en bastakiler hep numerik kolon oluyor!

#### Agirliklar

Oklit ve kosinus uzakliklarini birbirine toplarken, birine digerinden daha fazla agirlik vermek mumkun, belki de bir veri seti icin numerik veriler kategorik olanlardan daha onemli, bu durumda agirliklari, mesela ustte 1'e 3 olarak tanimladik, Oklit uzakligina 3 kat daha fazla onem / agirlik vermis oluruz (cunku kategorik verileri 3 kat daha "fazlalastiriyoruz", "uzaklastiriyoruz"). Bu agirliklar tahmin, deneme / yanilma, tecrube ile bulunmali, veri setine gore degisik olacaklardir.

### Normalize Etmek

Ustteki ornekte veriyi 1-in-n kodlamasiyla cevirdikten sonra bir de normalize ettik, yani her kolon bazinda o kolonun ortalamasini o kolondaki tum degerlerden cikarttik ve standart sapmaya bolduk, boylece her kolonu 0 etrafinda ortalayip onun iki tarafina dusebilecek -/+ degerleri kucultuyoruz. Bu veriyi bir tur "sekle sokma" islemidir, ne zaman kullanilacagi tecrubeyle ortaya cikar, mesela ustteki karisik veride bunun isleyebilecegini tahmin ettik.

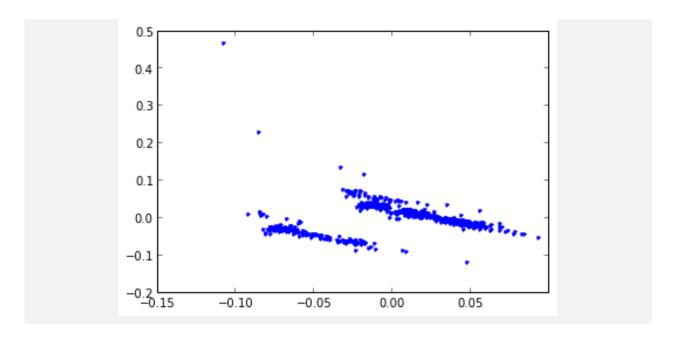
### Kume sayisini bulmak

KMeans'e kume sayisinin onceden verilmis olmasi gerekiyor, ve bu sayiyi, metot takip edilmeyen metot oldugu icin, bastan bilmiyoruz. Bu sayiyi bir sekilde bulmanin yolu olamaz mi?

Eger boyut azaltma teknigi SVD'yi kullanirsak, bu mumkun olabilir. SVD sonrasi elimize azaltilmis bir veri gececek, ve bu veride en basta olan kolonlar en onemli olanlardir, ve bu kolonlari, mesela ilk ikisini alarak ekrana basabiliriz. Avustralya Kredi setinde bunu yaparsak sunu goruruz:

```
import scipy.linalg as lin
u,s,vt=lin.svd(df2) # normalize edilmis veri uzerinde
plt.plot(u[:,0], u[:,1],'.')
```

[<matplotlib.lines.Line2D at 0x46f4e90>]



Iki tane ana blok oldugu acik bir sekilde goruluyor. Demek ki kume sayisi k=2 kullanmak gerekir. Bazi ek notlar

- $[1] \ http://en.wikipedia.org/wiki/Determining\_the\_number\_of\_clusters\_in\_a\_data\_set$
- $[2] \ nbviewer.ipython.org/url/cbcb.umd.edu/{\sim}hcorrada/PML/src/kmeans.ipynb$