Lineer Optimizasyon ve Simplex

Simplex algoritmasi lineer optimizasyon alaninda kullanilan bir algoritma. Simplex, George Dantzig tarafindan icat edildi, ve 2. Dunya Savasi sirasinda Berlin'e Hava Ikmali (Berlin Airlift) adli yardim operasyonunda yogun bir sekilde kullanildi. Elde sınırlı miktarda ucak, kargo kapasitesi vardi ve diger bazi kısıtlamalar (constraints) da goz onune alinarak, durum bir lineer programa verildi ve optimal seferler planlandi.

Problem soyleydi:

24 Haziran 1948'te Sovyetler Birligi Dogu Almanya'dan Berlin'e giden tum kara ve deniz yollarini tikadi. Bu yuzden Berlin'de yasayan 2. milyon insana yiyecek, giyim, vb. esyalari nakil edebilmek icin Amerikali ve Ingiliz ucaklarindan olusan dev bir nakliyat operasyonu planlandi.

Bir Amerikali ucagin kargo kapasitesi 30,000 feet³, Ingiliz ucaginin kargo kapasitesi 20,0000 feet³ idi. Sovyetlerin engellemelerini etkili bir sekilde asabilmek icin muttefik gucler tasidiklari yuku maksimize etmek zorundaydilar. Diger kısıtlamalar soyleydi: En fazla 44 ucak kullanılabilecekti. Daha buyuk Amerikan ucaklarını ucurmak icin 16 kisilik bir ekip gerekiyordu, İngiliz ucakları icin 8 kisi gerekiyordu. Kullanılabilecek elde olan ekipler toplam 512 kisiydi. Amerikan ucaginin her ucusu \$9000, İngiliz ucagin her ucusu \$5000 idi. Ve nihayetinde haftalik masraf toplam olarak \$300,000'i gecemeyecekti.

Bu bir lineer optimizasyon problemidir. Cozmek icin su sekilde belirtmek gerekir:

```
maksimize et 30000x + 20000y, oyle ki
```

```
x+y \le 44

16x+8y \le 512

9000x+5000y \le 300000

sartlari gecerli olsun.
```

Ekteki program lp.py ile bu problemi cozebiliriz.

```
import numpy as np
import lp

A = np.array([[1., 1.],[16., 8.],[9000., 5000.]])
b = np.array([44., 512., 300000.])
c = np.array([30000., 20000.])
optx,zmin,is_bounded,sol,basis = lp.lp(c,A,b)
print zmin
print optx

1080000.0
[ 20. 24.]
```

ekrana gelecek. Yani hesap (cost) adi verilen hedef fonksiyonu kargo buyuklugunun 1080000.0 oldugu noktada maksimize oldu (haftada en fazla bu kadar kargo tasinabilecek), ve bu optimal nokta icin x = 20, y = 24 olmali. Demek ki optimal bir Berlin ikmal operasyonu icin 20 Amerikali, ve 24 Ingiliz ucagi kullanmak gerekiyor.

Bazi ek bilgiler: ustteki problemin belirten kitaplar, makalelerde "44 ucak kullanimindan" bahsediliyor, fakat eldeki ucak mi, oyleyse gunde, haftada, ayda ne kadar havalandirilabileceklerinden bahsedilmiyor. Buyuk bir ihtimalle 44 bir hafta icinde havada olabilecek ucak sayisi, bir nevi ucus koridoru, ya da seyahati.

Dantzig hakkinda da ilginc hikayelerden bir sudur: Doktorasini yaptigi sirada ogrenciyken bir istatistik dersine gec girer. Hoca, tahtaya bazi problemler yazmistir, Dantzig bu problemleri odev problemi olarak not eder. Birkac hafta sonra hocayi evinde bulur, "hocam, bu odev problemleri cok agirmis, gunlerce ugrastim, ama cozdum" diyerek odev cozumlerini verir. Hocasi o problemlerin odev degil, istatistikte simdiye kadar cozulemeyen problemler oldugunu o zaman soyler. :) Dantzig farkinda olmadan birkac hafta icinde aslinda ciddi bir tez arastirmasi yapmistir.

Aslinda bu hikayede psikolojik bir boyut ta var. Dantzig problemi "bir odev olarak verildigi icin cozmesi beklendigini" dusundugu icin mi cozmustur? Belki de. Bu hikaye Manuel Blum'un doktora hakkinda soylediklerini cagristiriyor (bkz doktora yazisi).

Kaynaklar

projects.scipy.org/scipy/attachment/ticket/1252/lp.py