



Escola Superior de Tecnologia e Gestão
Instituto Politécnico da Guarda

LISTAS, PILHAS E FILAS

2011-12-12

2011/2012, A1, S1

PAULO NUNES

AV. DR. FRANCISCO SÁ CARNEIRO, 50 - 6301-559 GUARDA

TELF. 271220161, EXT. 161, GAB:20

GPS: LATITUDE: 40.5416236730513, LONGITUDE: -7.28243350982666

VOIP: pnunes@ipg.pt, MSN: pnunes@ipg.pt, SKYPE: pnunes.ipg.pt

EMAIL: Mailto:pnunes@ipg.pt, WEB: <http://www.ipg.pt/user/~pnunes/>

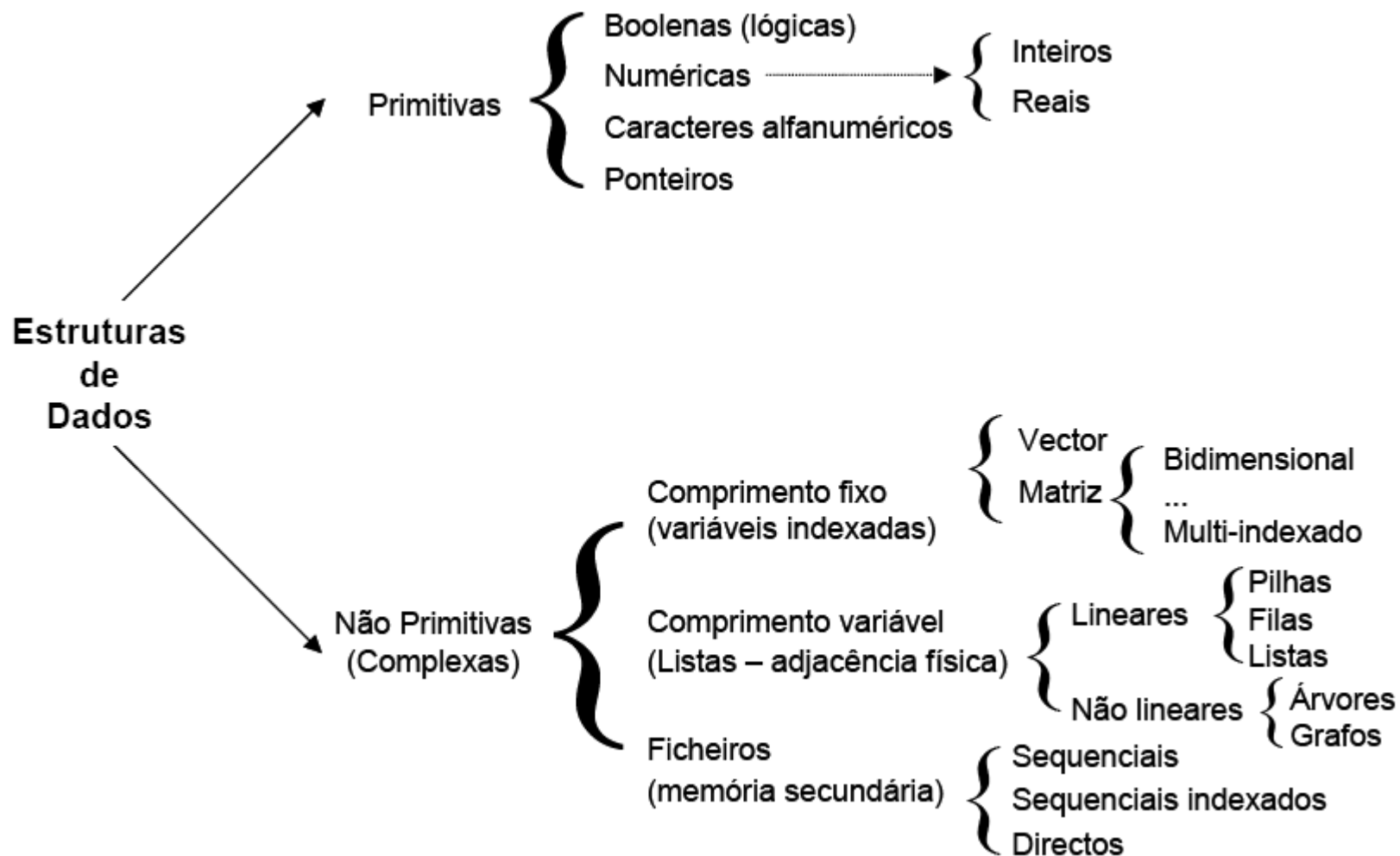




SUMÁRIO

- ❑ Estruturas de dados
 - ❑ Visão geral
- ❑ Vetores
 - ❑ Vantagens
 - ❑ Desvantagens
- ❑ Listas
 - ❑ Definição e exemplos
 - ❑ Aplicações
 - ❑ Operações e Complexidade
 - ❑ Estrutura física

ESTRUTURAS DE DADOS



VETORES

❑ Vantagens

- ❑ Permite a manipulação como um todo:
 - ❑ Gravar, recuperar, copiar.

❑ Desvantagens

- ❑ O tamanho tem de ser conhecido.
- ❑ Inserir de um novo elemento no vetor obriga a movimentar todos os restantes para a direita de uma posição.
- ❑ A eliminação de um elemento no vetor obriga a movimentar todos os restantes para a esquerda de uma posição.

VECTOR – NÍVEL FÍSICO

- Os dados de um vetor estão todos seguidos e a uma distância igual.

Memória Lógica

Notas (Inteiro T6) [5] ($\geq Li0$, $\leq Ls0$)

1					
2					
3					
4					
5					

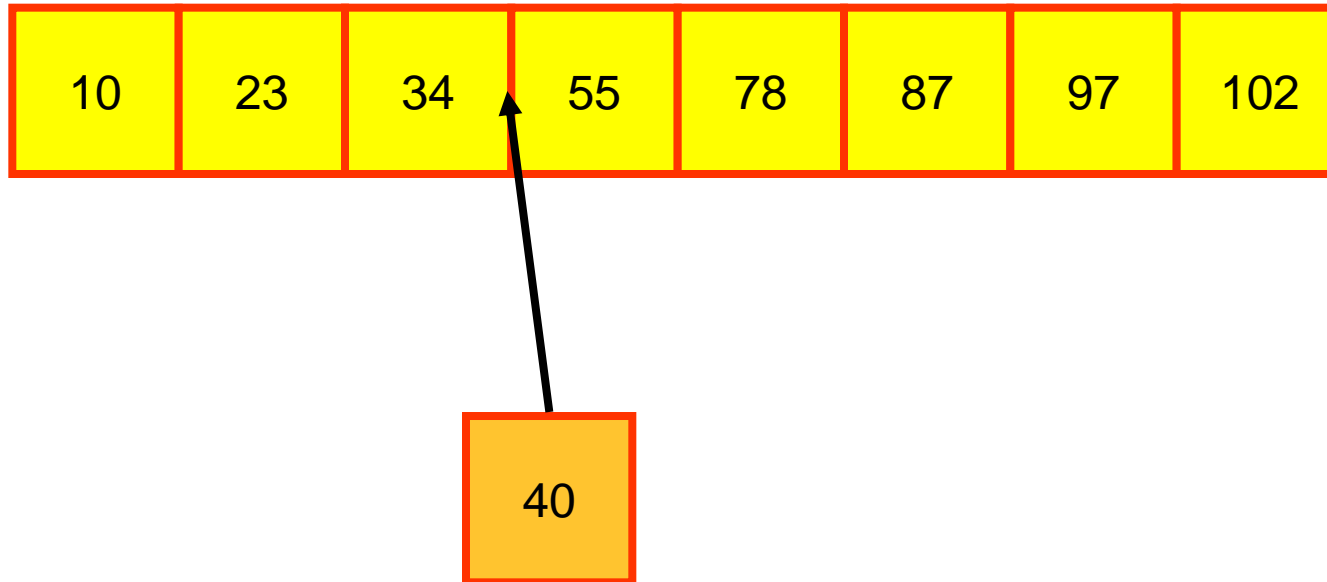
ESPAÇO DE MEMÓRIA FÍSICA VBA/C									
Notas[0]									
[1]									
[2]									
[3]									
[4]									

4 bytes por item.

VECTOR:INSERIR

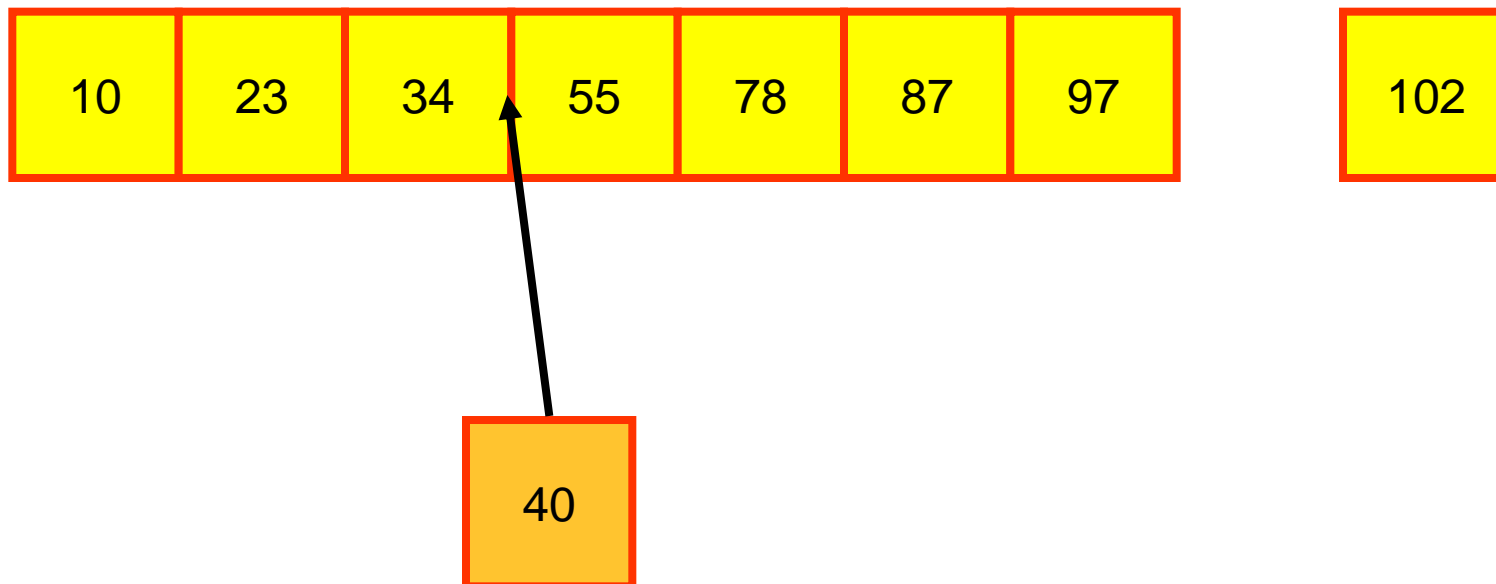


Escola Superior de Tecnologia e Gestão
Instituto Politécnico da Guarda



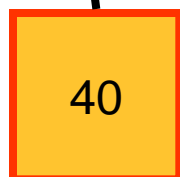
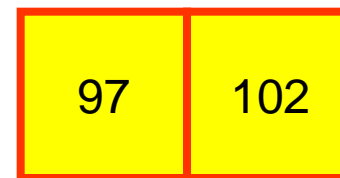
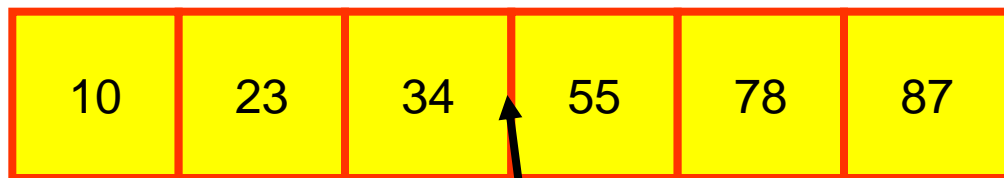


VECTOR:INSERIR



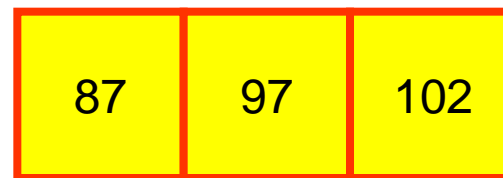
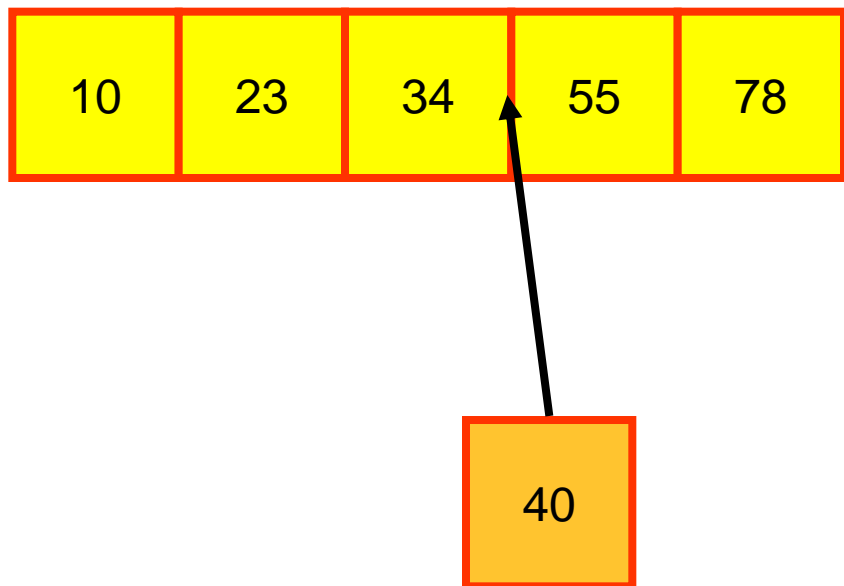


VECTOR:INSERIR



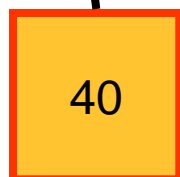
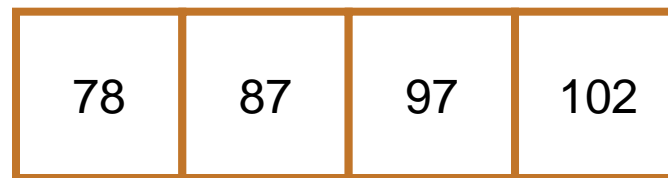
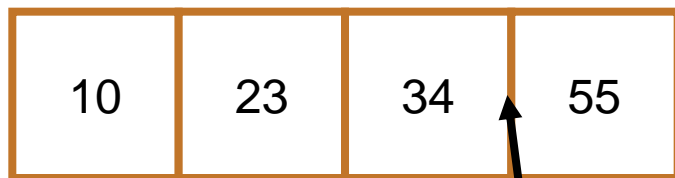


VECTOR:INSERIR





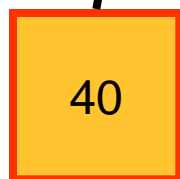
VECTOR:INSERIR



VECTOR:INSERIR

10	23	34
----	----	----

55	78	87	97	102
----	----	----	----	-----





VECTOR:INSERIR

10	23	34	40	55	78	87	97	102
----	----	----	----	----	----	----	----	-----

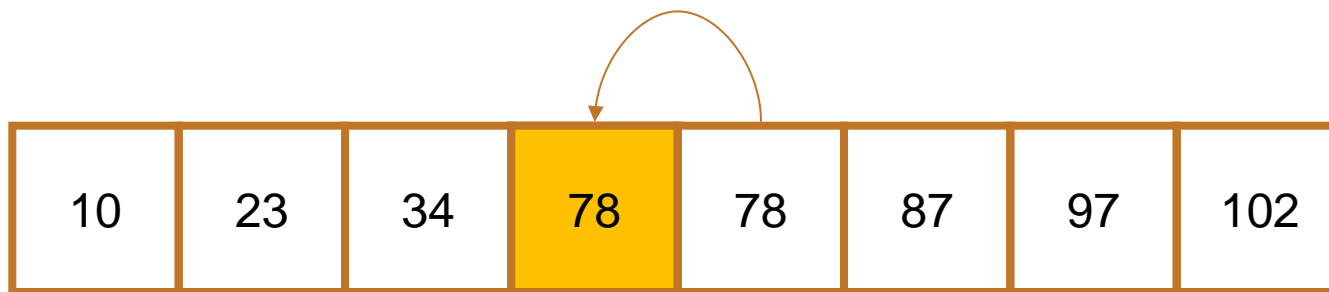


VECTOR:ELIMINAR

10	23	34	55	78	87	97	102
----	----	----	---------------	----	----	----	-----

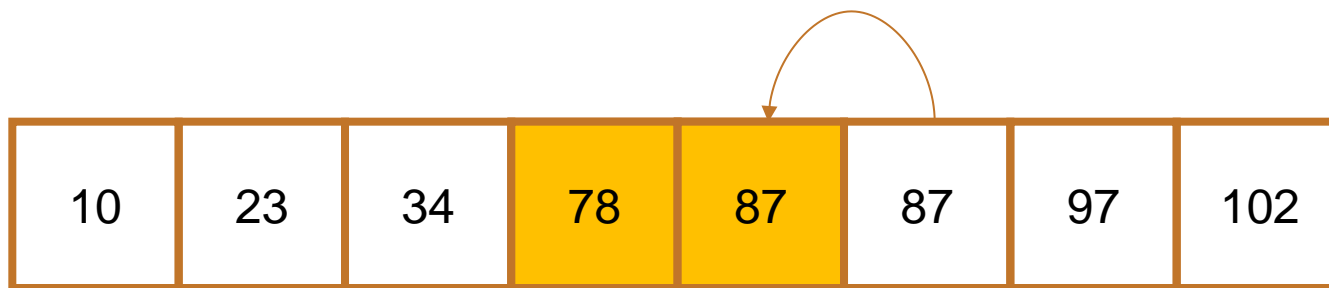


VECTOR:ELIMINAR



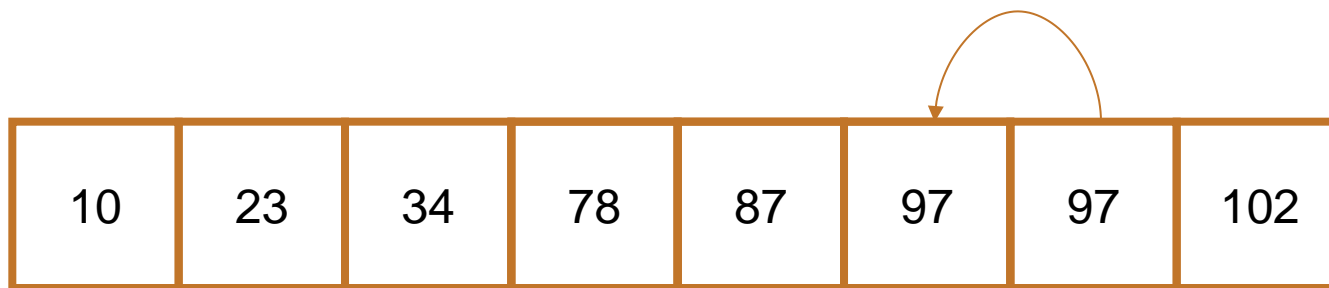


VECTOR:ELIMINAR



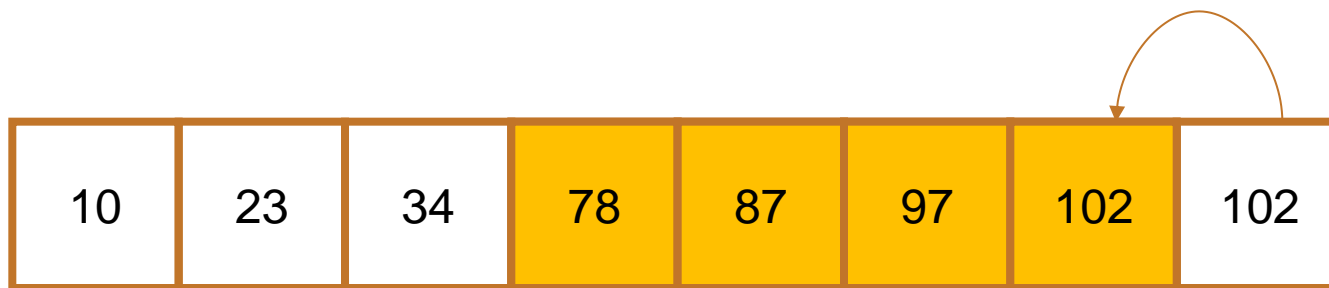


VECTOR:ELIMINAR





VECTOR:ELIMINAR





VECTOR:ELIMINAR

10	23	34	78	87	97	102
----	----	----	----	----	----	-----

LISTA

- ❑ É uma coleção de nós, em que cada nó contém um conjunto de atributos, entre os quais um atributo *proximo*
 - ❑ que contém uma referência para o nó que ocupa a próxima posição na lista.
- ❑ Os restantes atributos contêm informação em função da aplicação.
 - ❑ O acesso à lista é realizado através de uma referência especial denominada de *inicio*
 - ❑ que contém uma referência para o primeiro elemento da lista.



LISTAS: APLICAÇÃO

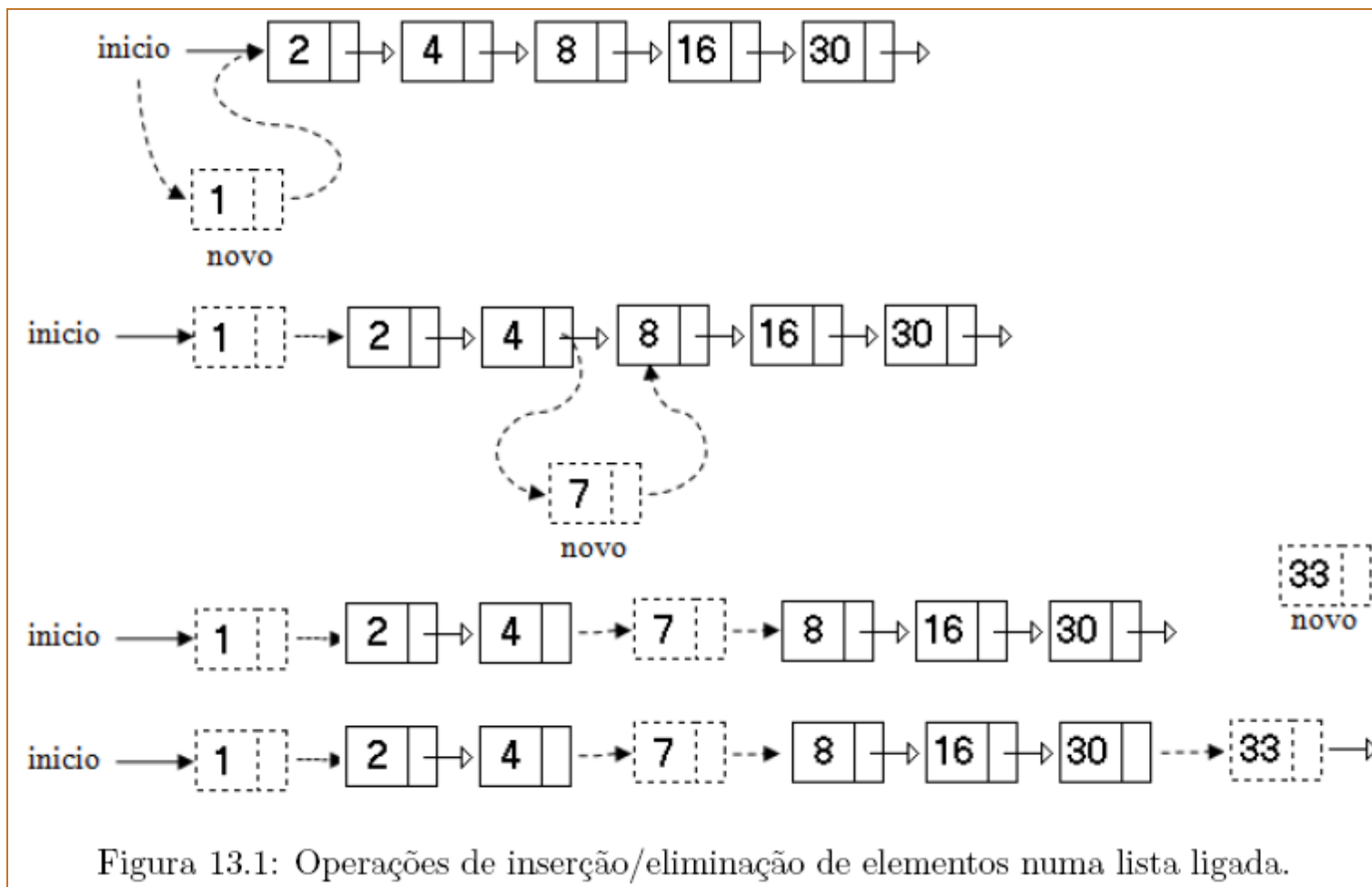
- ❑ As listas ligadas são estruturas de dados fundamentais.
- ❑ Podem funcionar como componentes básicos *building blocks* para implementar outras estruturas de dados tais como:
 - ❑ filas
 - ❑ pilhas
 - ❑ vetores associativos



OPERAÇÕES BÁSICAS

- ❑ As operações básicas que podemos efetuar numa lista são:
 - ❑ inserção
 - ❑ eliminação
 - ❑ consulta de nós.
- ❑ Os nós podem ser inseridos ou eliminados dinamicamente em qualquer posição da lista.

EXEMPLO: INSERÇÃO E ELIMINAÇÃO





INSERÇÃO

- ❑ A inserção de elementos numa lista pode ocorrer em três posições:
 - ❑ no início
 - ❑ no meio
 - ❑ no fim.



ELIMINAÇÃO

- ❑ As operações de eliminação pode ocorrer nas mesmas posições da inserção:
 - ❑ no início
 - ❑ no meio
 - ❑ no fim.
- ❑ Para a remoção de elementos da lista são realizadas as operações inversas às da inserção de elementos.

COMPLEXIDADE DAS OPERAÇÕES

	Média	Pior caso
Espaço	$O(n)$	$O(n)$
Pesquisa	$O(n/2)$	$O(n)$
Inserção	$O(n/2)$	$O(n)$
Eliminação	$O(n/2)$	$O(n)$

Tabela 13.1: Complexidade das operações numa lista.



ESTRUTURA FÍSICA

- ❑ Os nós podem estar em qualquer parte da memória
- ❑ Cada nó tem apenas um endereço para o próximo nó da lista.
 - ❑ Que permite a passagem de um nó para o próximo.



LISTA DE INTEIROS

- ❑ Estrutura: ListaE
 - ❑ Numero (INTEIRO) – 1 byte
 - ❑ Endereco_proximo (INTEIRO) – 1 byte

- ❑ Um endereço é um número que representa a posição inicial de memória de um conjunto de informação.

ESPAÇO FÍSICO

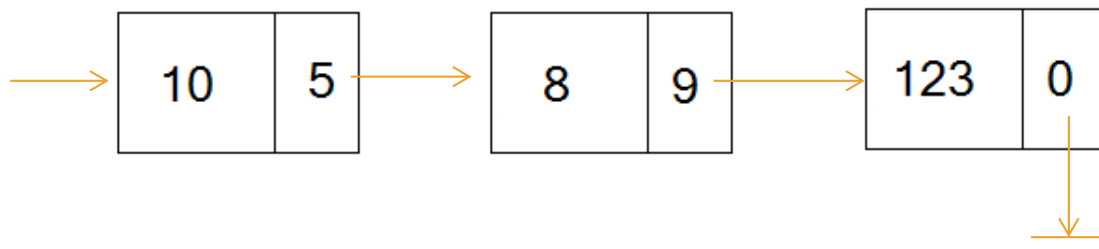
Bytes

ESPAÇO DE MEMÓRIA FÍSICA

M[0]								
[1]								
[2]								
[3]	0	0	0	0	1	0	1	0
[4]	0	0	0	0	0	1	0	1
[5]	0	0	0	0	1	0	0	0
[6]	0	0	0	0	1	0	0	1
[7]								
[8]								
[9]	0	1	1	1	1	0	1	1
[10]	0	0	0	0	0	0	0	0
[11]								
[12]								
[13]								
...								
[1023]								
inicio	0	0	0	0	0	0	1	1

Que elementos estão na memória ?

10, 5, 8, 9, 123, 0

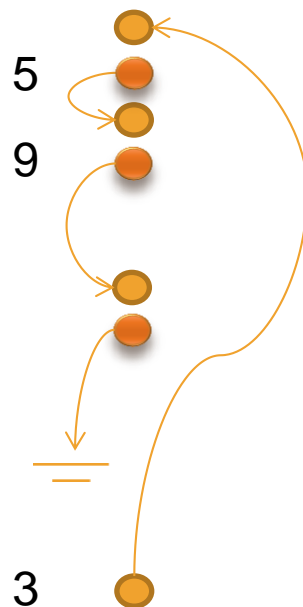


ESPAÇO FÍSICO

Bytes

ESPAÇO DE MEMÓRIA FÍSICA

M[0]								
[1]								
[2]								
[3]	0	0	0	0	1	0	1	0
[4]	0	0	0	0	0	1	0	1
[5]	0	0	0	0	1	0	0	0
[6]	0	0	0	0	1	0	0	1
[7]								
[8]								
[9]	0	1	1	1	1	0	1	1
[10]	0	0	0	0	0	0	0	0
[11]								
[12]								
[13]								
...								
[1023]								
inicio	0	0	0	0	0	0	1	1



Que elementos estão na memória ?

10, 5, 8, 9, 123,0

O endereço **zero** está reservado para o Sistema Operativo.

Este é utilizado para indicar que a lista não tem mais elementos.

INSERIR ELEMENTO

```
InserirInicio(inicio (endereço),  
              numero (Inteiro))
```

Início:

```
    novo = NovoElemento()
```

```
    novo.numero = numero
```

```
    novo.proximo = inicio
```

```
    inicio = novo;
```

Fim.

LISTA VAZIA: E10

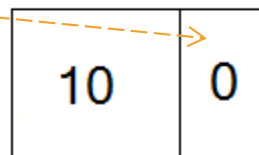
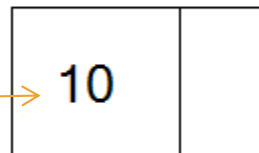
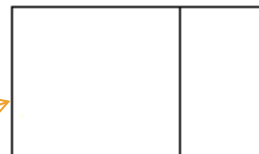
`inicio = 0`

3

`InserirInicio(inicio, 10)`

```
novo = NovoElemento()  
novo.numero = numero  
novo.proximo = inicio  
inicio = novo
```

3

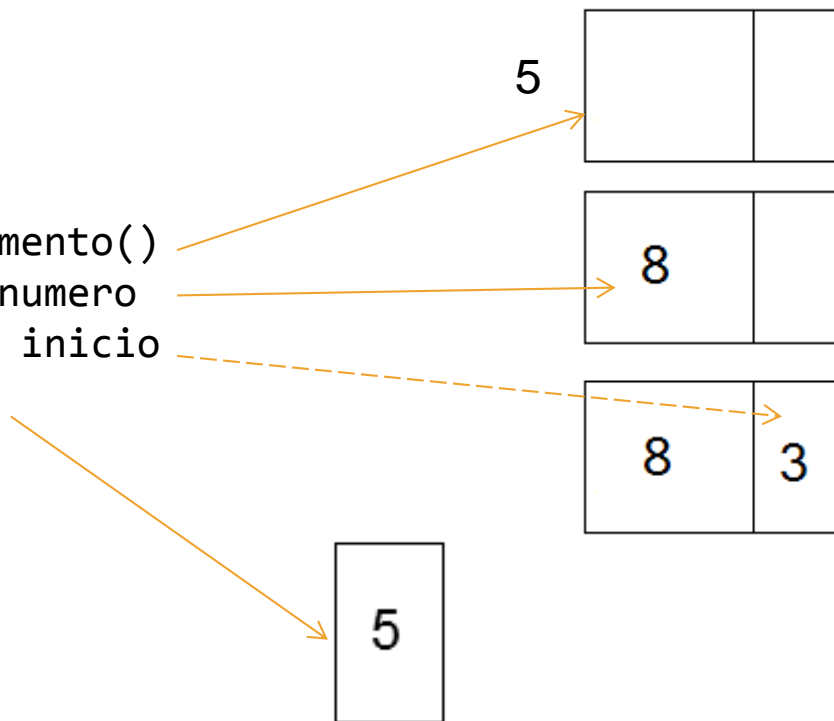


3

LISTA: E8

InserirInicio(**inicio**,8)

```
novo = NovoElemento()  
novo.numero = numero  
novo.proximo = inicio  
inicio = novo
```



ELIMINAR ELEMENTO

```
EliminarInicio(inicio (endereço))
```

Início:

Se (inicio) Então

 aux = inicio

 inicio = inicio.proximo

 EliminaElemento aux

FimSe

Fim.

INSERIR ELEMENTO FIM

InserirFim(**inicio** (endereço), **numero** (Inteiro))

Início:

```
novo = NovoElemento()
novo.numero = numero
novo.proximo = 0
ant = 0
aux = inicio
Enquanto (aux)                                /* ant referencia o último */
    ant = aux
    aux = aux.proximo
FimEnquanto
Se (ant) Então                                /* lista tem pelo menos 1 elemento */
    ant.proximo = novo
Senão                                          /* lista vazia */
    inicio = novo
FimSe
```

Fim.

ELIMINAR ELEMENTO FIM

```
EliminaFim(inicio (endereço))
  Início:
    Se (inicio) Então
      Se (inicio.proximo)
        ap = inicio
        aux = inicio.proximo
        Enquanto (aux.proximo) /* ap referencia o penúltimo */
          ant = aux
          aux = aux.proximo
        FimEnquanto
        aux = ant
      Senão /* só tem um */
        aux = inicio
        inicio = 0
      FimSe
      EliminaElemento aux
    FimSe
  Fim.
```



LISTA: INICIO, FIM

- ❑ Para facilitar as operações de inserção no fim da lista recorre-se a outra referência especial denominada de *fim*
 - ❑ que contém uma referência para o último elemento da lista.

INSERIR ELEMENTO INICIO

```
InserirInicio(inicio (endereço),  
              fim (endereço),  
              numero (Inteiro))
```

Início:

```
    novo = NovoElemento()
```

```
    novo.numero = numero
```

```
    novo.proximo = inicio
```

```
    inicio = novo
```

```
    Se (fim = 0) Então
```

```
        fim = inicio
```

```
    FimSe
```

Fim.

INSERIR ELEMENTO FIM

```
InserirFim(inicio (endereço),  
          fim (endereço),  
          numero (Inteiro))
```

Início:

```
    novo = NovoElemento()  
    novo.numero = numero  
    novo.proximo = 0  
    Se (fim) Então  
        fim.proximo = novo  
        fim = novo  
    Senão  
        inicio = novo  
        fim = novo  
    fimSe
```

Fim.

PESQUISA ELEMENTO

```
ExisteElemento(inicio (endereço),  
               fim (endereço),  
               e (Inteiro))
```

Início:

```
    aux = inicio  
    enc = 0  
    Enquanto (aux)  
        Se (aux.numero = numero) Então  
            enc = 1  
            aux = 0  
        FimSe  
        aux = aux.proximo  
    FimEnquanto  
    RETORNA enc
```

Fim.

FILA

- ❑ Uma fila é uma lista ligada na qual a colocação e retirada de elementos têm lugar em opostos (início e fim).
- ❑ Nas filas temos duas operações básicas, colocar e retirar elementos.
- ❑ As filas seguem o método de FIFO, que significa "first-in-first-out", ou seja o primeiro elemento a ser colocado na fila é o primeiro elemento a ser retirado.



FILA: OPERAÇÕES

- ❑ Colocar elemento na fila
 - ❑ InserirFim()
 - ❑ ColocaElemento
- ❑ Retirar elemento da fila
 - ❑ RetiraInicio()
 - ❑ RetiraElemento



COLOCA ELEMENTO FILA

ColocaElemento(**inicio** (endereço),
 fim (endereço),
 numero (Inteiro))

Início:

 InserirFim(**inicio**,**fim**,**numero**)

Fim.

RETIRA ELEMENTO INÍCIO

```
RetiraElemento(inicio (endereço),  
               fim (endereço),  
               numero (Inteiro))
```

Início:

```
    Se (inicio) Então  
        aux = inicio  
        inicio = inicio.proximo  
    Se (inicio = 0) Então  
        fim = 0  
    FimSe  
    RETORNA aux  
FimSe  
RETORNA 0
```

Fim.



PILHA

- ❑ Uma pilha é uma lista ligada na qual a colocação e retirada de elementos têm lugar na mesma posição (início).
- ❑ Nas pilhas temos duas operações básicas, colocar e retirar elementos.
- ❑ As pilhas seguem o método de LIFO, que significa "last-in-first-out", ou seja o último elemento a ser colocado na pilha é o primeiro elemento a ser retirado.



PILHA: OPERAÇÕES

- ❑ Colocar elemento na pilha
 - ❑ InserirInicio ()
 - ❑ ColocaElemento
- ❑ Retirar elemento da pilha
 - ❑ RetiraInicio()
 - ❑ RetiraElemento

COLOCA ELEMENTO PILHA

```
ColocaElemento(inicio (endereço),  
               fim (endereço),  
               numero (Inteiro))
```

Início:

```
    InserirInicio(inicio, fim, numero)
```

Fim.

RETIRA ELEMENTO INÍCIO

```
RetiraElemento(inicio (endereço),  
               fim (endereço),  
               numero (Inteiro))
```

Início:

```
    Se (inicio) Então  
        aux = inicio  
        inicio = inicio.proximo  
    Se (inicio = 0) Então  
        fim = 0  
    FimSe  
    RETORNA aux  
FimSe  
RETORNA 0
```

Fim.



BIBLIOGRAFIA

- ❑ Knuth, Donald E. (1993). The Art of Computer Programming – VOLUME 3 -Sorting and Searching. Third Edition, Prentice Hall.