ланные

описательные статистики

анализ данны

типология

одновыборочны

доверительный

t-recr

критерий Уилкоксон

биномиальный тест

двухвыоорочны

Leger

M..... V......

Уилкоксон

критерий Мак Нема

ыбор теста

послеслови

Описательная и классическая статистика в R

Г. Мороз

Данные

данные

описательны статистики

разведочный анализ данны

типология

одновыборочи доверительный инт

критерий Уилкоксона биномиальный тест

двухвыоорочн

манн—уитни, Уилкоксон критерий х²

выбор теста

послеслови

количественные

- о непрерывные
- дискретные
- о номинативные / категориальные

Бывает, имеет смысл перевести количественные данные в категориальные, т. е. составить группы, в которые будут попадать те или иные значения. Как обосновать те или иные границы — дело исследователя. Зная границы, легко узнать, сколько наблюдений в каждой из групп:

```
a <- sin(1:100)
b <- c(-1, -0.5, 0, 0.5, 1)
table(cut(a, breaks = b))
(-1,-0.5] (-0.5,0] (0,0.5] (0.5,1]
35 15 16 34
```

table(cut(a, breaks = b), right = F)

aks = b), right = F) # перев

переворачивает границы

создадим вектор

зададим границы

Описательные статистики

описательны статистики

разведочный анализ данны

типология

одновыбо

доверительный ин t-тест

критерий Уилкоксон: биномиальный тест

оиномиальный тест

t-recr

Манн—Уитни,

критерий Хак Немара

выбор теста

послеслови

```
средние
```

- mean(x) # среднее арифметическоеmean(x, trim = 0.05) # среднее усеченное
- mean(x, trim = 0.05)# среднее усеченное
- weighted.mean(x) # среднее арифметическое взвешенное
 1/mean(1/x) # среднее гармоническое
- o prod(x)**(1/length(x)) # среднее геометрическое
 - подробнее о разнице смотрите stackexchange
- o median(x) # медиана
- range(x), min(x), max(x)
- o sd(x) # среднеквадратическое отклонение
- quantile(x, 0.25) # квантильIQR(x) # IQR
 - library("moments")

skewness(x)

о kurtosis(x) презентация доступна: http://goo.gl/kCpxyr # коэффициент асимметрии # коэффициент эксцесса

Описательная статистика

описательные

описательны статистики

анализ данных

типология

доверительный ин

критерий Уилкоксон

биномиальный тест

двухвыборочн

t-recr

Уилкоксон

критерий Мак Her

выбор тест

послеслови

```
v <- c('m', 'f', 'm', 'm', 'f', 'f', 'f', 'f')
df <- data.frame(sex = c('m', 'f', 'm', 'm', 'f', 'f', 'f', 'f'),
hand = c('lf', 'rh', 'rh', 'rh', 'rh', 'lf', 'am', 'rh'))
```

o table(v) # частотное распределение

o table(df) # таблицы сопряженности

o prop.table(table(v)), prop.table(table(df)) # доля

o prop.table(table(v))*100, prop.table(table(df))*100 # проценты

NA в выборке

статистики

Все функции описательных статистик болезненно относятся к наличию значений NA, поэтому они содержат аргумент na.rm, позволяющий игнорировать NA при значении TRUE.

```
x < -c(NA, 4, 2, 3, 2, 9, NA, 9, 4, 5, 2, 4, 7)
mean(x, na.rm = T)
> 4.636364
```

Достаточно легко проверить, есть ли в нашей выборке значения NA при помощи функции is.na():

```
x < -c(NA, 4, 2, 3, 2, 9, NA, 9, 4, 5, 2, 4, 7)
sum(is.na(x))
                                                            # почему сумма?
> 2
```

Кроме того, в R есть функция complete.cases(), которая позволяет брать только те данные, которые NA не содержат:

```
x < -c(NA, 4, 2, 3, 2, 9, NA, 9, 4, 5, 2, 4, 7)
 complete.cases(x)
 > [1] FALSE TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE FALSE TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE
 > [13] TRUE
презентация доступна: http://goo.gl/kCpxyr
```

Как будут проходить наши занятия? Увы...

данные

описательные статистики

разведочный анализ даннь

типологи

одновыборочн

критерий Уилкоксона

двухвыбороч

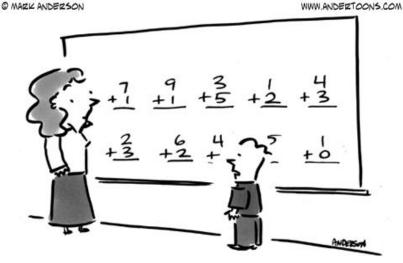
t moon

Манн—Уитн Уилкоксон

критерий χ^2 критерий Мак Не

выбор тест

послеслови



"All I'm saying is we plug these into Excel, let it do its thing, and then we can all play until lunch!"

Как выглядит распределение?

описательные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

доверительный инт. t-тест

критерий Уилкоксон биномиальный тест

двухвыоорочны

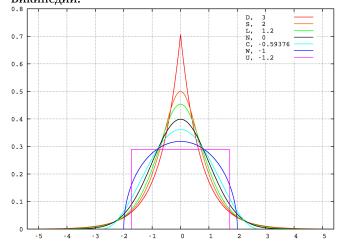
t-recr

критерий х² критерий Мак Немар

выбор теста

послесловие

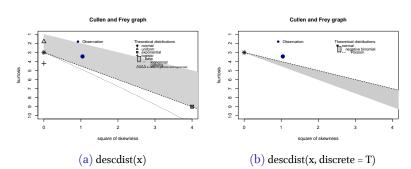
Распределения с разными коэффициентом эксцесса, но одинаковыми стандартным отклонением и средними. Картинка из Википедии:



Как выглядит распределение?

Коэффициенты эксцесса и асимметрии сильно зависят от размера выборки и дают сбои, если выборка не унимодальна. Визуальную оценку типа распределения можно сделать по следующим графикам:

Рис.: library("fitdistrplus")



статистики

Как сравнивать два распределения?



описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

доверительный инт.

критерий Уилкоксона

TIDIZYDI IKADATILI

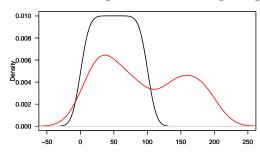
t moon

t-recr

Уилкоксон

критерий Х² критерий Мак Нема

выбор теста



Как сравнивать два распределения?

ланные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типологи

доверительный инт

критерий Уилкоксона

двухвыборочн

....

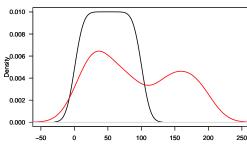
t-recr

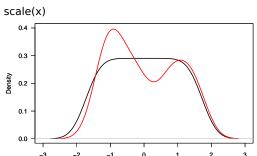
Уилков

критерий Мак Не

выбор теста

послеслови





z-преобразование

презентация доступна: http://goo.gl/kCpxyr

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типологи

одновыборочнь

доверительный

критерий Уилкоксон

биномиальный тест

двухвыоорочны

t-roce

Манн—Уитни Уилкоксон

уилкоксон критерий х²

критерий Мак Немар multiple testing effect

выбор теста

- Данные получить легко.
- Скормить полученное компьютеру тоже легко.

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типологи

одновыборочн

доверительный и

критерий Уилкоксон

двухвыборочні

71.0

Манн—Уитни,

Уилкоксон $\label{eq:continuous}$ критерий χ^2

критерий Мак Немар multiple testing effect

выбор теста

послеслови

- Данные получить легко.
- о Скормить полученное компьютеру тоже легко.



Тяжело помнить, как тот или иной метод работает и какие требования предъявляет к анализируемым данным.

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типологи

доверительный инт

критерий Уилкоксона биномизальный тест

двухвыборочнь

71 7

Манн—Уитни Уилкоксон

критерий χ^2 критерий Мак Немара

выбор теста

- Данные получить легко.
- о Скормить полученное компьютеру тоже легко.
 - **Тяжело** помнить, как тот или иной метод работает и какие требования предъявляет к анализируемым данным.
- ⇒ Следует проводить разведочный анализ данных.

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типологи

доверительный инт

критерий Уилкоксона биномиальный тест

двухвыборочнь

t-recr

уилкоксон критерий χ²

multiple testing effec

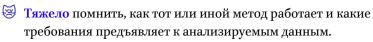
послеслови

- Данные получить легко.
- Скормить полученное компьютеру тоже легко.
- Тяжело помнить, как тот или иной метод работает и какие требования предъявляет к анализируемым данным.
- ⇒ Следует проводить разведочный анализ данных.
 - визуализация
 - формальные статистические тесты

В некоторых работах по статистике можно встретить предостережения относительно некоторых тестов на нормальность и аргументы в пользу графических методов.

• Данные получить легко.

о Скормить полученное компьютеру тоже легко.



- ⇒ Следует проводить разведочный анализ данных.
 - визуализация
 - формальные статистические тесты

В некоторых работах по статистике можно встретить предостережения относительно некоторых тестов на нормальность и аргументы в пользу графических методов.

В работе [Zuur et al. 2010] разработан протокол разведочного анализа данных.

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типологи

одновыюороч доверительный инт

критерий Уилкоксона

оиномиальный тест

t-recr

критерий х² критерий Мак Немар

multiple testing effe

выбор теста

Разведочный анализ данных [Zuur et al. 2010]

описательные

разведочный анализ данных

типология

доверительный инт

критерий Уилкоксона биномиальный тест

двухвыборочн t-тест

Уилкоксон $\mbox{критерий}\,\chi^2$ $\mbox{критерий Мак Нем}$

выбор тест

послеслові

• Outliers boxplot and Cleveland dotplot

Homogeneity conditional boxplot
 Normality histogram or QQ-plot

Zeros in data frequency plot or corrgram

• Collinearity VIF and scatterplots correlation and PCA

 Relationships between variables multi-panel scatterplots, conditional boxplots

• Interactions coplots

• Independence ACF and varlogram, plot versus time/space

данные

статистики

разведочный анализ данны

типология

одновыборочн доверительный инт t-тест

критерий Уилкоксон биномиальный тест

двухвыоорочг t-тест

критерий χ^2 критерий Мак Нема multiple testing effec

выбор теста

послеслові

Statistics are used much like a drunk uses a lamppost: for support, not illumination.

A.E. Housman (commonly attributed to Andrew Lang)

частотная vs. байесовская статистики

A frequentist uses impeccable logic to answer the wrong question, while a Bayesean answers the right question by making assumptions that nobody can fully believe in.

P. G. Hammer

(все так пишут, сам я первоисточника не нашел...)

параметрические vs. непараметрические

одновыборочные vs. двухвыборочные vs. многовыборочные тесты

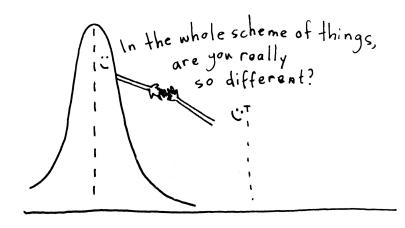
парные vs. непарные тесты

односторонние vs. двусторонние

презентация доступна: http://goo.gl/kCpxyr

Одновыборочные тесты (one-sample tests)

одновыборочные



Задача 1: доверительный интервал

У носителей деревни диалектные формы распределены по-разному, у некоторых — много, у некоторых — мало или вообще отсутствуют. Из индивидуальных интервью с n носителей из середины были взяты по 30 минут и измерялось количество диалектных форм. В среднем в интервью встречается g диалектных черт со стандартным отклонением s. Что мы можем сказать о средней у всех носителей деревни?

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типоло

доверительный инт.

критерий Уилкоксон биномиальный тест

двухвыоорочн

t-тест Манн—Уитни,

критерий х²
критерий Мак Нема

выбор тест

Задача 1: доверительный интервал

У носителей деревни диалектные формы распределены по-разному, у некоторых — много, у некоторых — мало или вообще отсутствуют. Из индивидуальных интервью с n носителей из середины были взяты по 30 минут и измерялось количество диалектных форм. В среднем в интервью встречается д диалектных черт со стандартным отклонением s. Что мы можем сказать о средней у всех носителей деревни?

тип данных: количественный тип теста: одновыборочный, непараметрический, непарный

доверительный инт.

ланные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типоло

одновыоорочн доверительный инт.

доверительный инт. t-тест

критерий Уилкоксона биномиальный тест

двухвыборочнь

t-recr

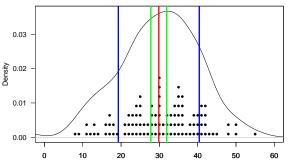
Манн—Уитни, Уилкоксон

критерий Мак Немара multiple testing effect

выбор теста

послеслови

Доверительный интервал



для х > 30

среднее

- mean(x)
- \circ sd(x)
- sd(x)/sqrt(x)
- library("plotrix"); std.error(x)
- \circ mean(x) \pm 1.96*std.error(x)
- mean(x) \pm 2.58*std.error(x)

- # стандартное отклонение
- # стандартная ошибка среднего
- # стандартная ошибка среднего
- # 95% доверительный интервал
- # 99% доверительный интервал

K. Magnusson создал визуализацию доверительных интервалов. презентация доступна: http://goo.gl/kCpxyr

Задача 2: доверительный интервал

Из статьи С. Степановой мы знаем, что носители русского языка в среднем говорят 5.31 слога в секунду со стандартным отклонением 1,93 (мужчины 5.46 слога в секунду со средним отклонением 2.02, женщины 5.23 слога в секунду со средним отклонением 1.84, дети 3.86 слога в секунду со средним отклонением 1.67). Как нам определить, количество информантов n, которых надо опросить в данной деревне, если мы хотим, чтобы 95% доверительный интервал был меньше 1?

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типолог

доверительный инт.

критерий Уилкоксон биномиальный тест

двухвыборочны

t-тест

Уилкоксон $\label{eq:continuous}$ критерий χ^2 критерий Мак Нема

выбор тест

Задача 2: доверительный интервал

Из статьи С. Степановой мы знаем, что носители русского языка в среднем говорят 5.31 слога в секунду со стандартным отклонением 1,93 (мужчины 5.46 слога в секунду со средним отклонением 2.02, женщины 5.23 слога в секунду со средним отклонением 1.84, дети 3.86 слога в секунду со средним отклонением 1.67). Как нам определить, количество информантов n, которых надо опросить в данной деревне, если мы хотим, чтобы 95% доверительный интервал был меньше 1?

$$CI = \left(1.96 \times \frac{sd}{\sqrt{n}}\right) \times 2$$

$$n > \left(\left(\frac{1.96 \times sd}{CI}\right) \times 2\right)^2$$

n > 57.2383

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типолог

одновыоорочн доверительный инт.

критерий Уилкоксон

биномиальный тест

двухвыоорочны

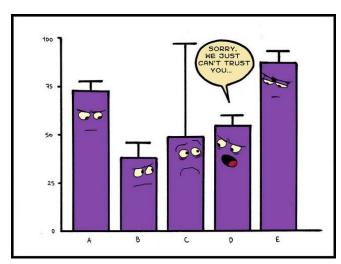
Манн—Уитни, Уилкоксон критерий х²

критерий Мак Немар multiple testing effect

выбор теста

Задача 2: доверительный интервал

Чем больше элементов в выборке, тем меньше доверительный интервал.



данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типологи

одновыборочн

доверительный инт.

критерий Уилкоксона биномиальный тест

двухвыборочі

t-тест

Манн—Уитни Уилкоксон

критерий Мак Немар

выбор теста

Как рисовать доверительные интервалы? R base



описательны

разведочный анализ ланнь

типоло

одновыборочнь

доверительный инт.

критерий Уилкоксон

оиномиальный тест

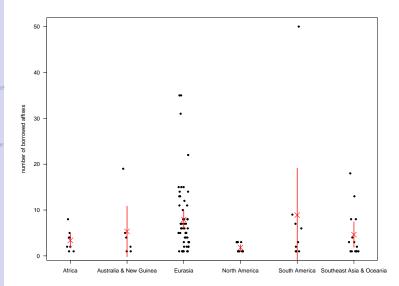
t-recr

Манн—Уитни,

Уилкоксон кпитепий у²

критерий Мак Немар multiple testing effect

выбор теста



Как рисовать доверительные интервалы? R base

```
library("plotrix")
a <- read.csv("http://goo.gl/Vlvc5M")
                                             # качаем базу данных AfBo
result <- cbind.data.frame(
                                                 # создадим дата фрейм
aggregate(number.of.borrowed.affixes ~ Area, a, mean),
                                                            # со средним
aggregate(number.of.borrowed.affixes ~ Area, a, std.error)) # и ст. ошибк.
names(result)[c(2, 4)] <- c("mean", "std.error") # переименуем столбцы
stripchart(a$number.of.borrowed.affixes ~ a$Area,
                                                        # рисуем данные
las = 1, pch = 20, method = "jitter", vertical = T,
vlab = "number of borrowed affixes")
                                                     # переименуем ось
points(resultmean, pch = 4, cex = 2, col = "red")
                                                       # рисуем средние
# нарисуем доверительный интервал
segments(x0 = 1:6, x1 = 1:6,
y0 = result$mean-1.96*result$std.error,
v1 = result\mbox{mean} + 1.96 * result\mbox{std.error}.
lwd = 2, col = "red")
```

презентация доступна: http://goo.gl/kCpxyr

доверительный инт.

Как рисовать доверительные интервалы? ggplot2



разведочный анализ данны

типологи

одновыборочн доверительный инт.

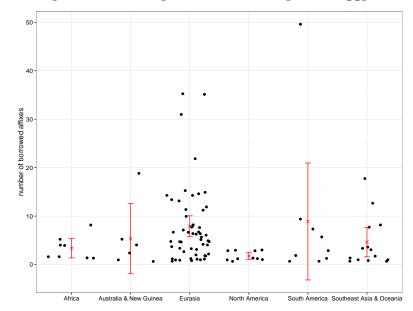
t-тест критерий Уилкоксон: биномиальный тест

двухвыборочные

Манн—Уитни, Уилкоксон критерий χ^2

критерий Мак Немар multiple testing effect

выбор теста



Как рисовать доверительные интервалы? ggplot2

```
library("plotrix")
library("ggplot2")
a <- read.csv("http://goo.gl/Vlvc5M")
                                            # качаем базу данных AfBo
result <- cbind.data.frame(
                                               # создадим дата фрейм
aggregate(number.of.borrowed.affixes ~ Area, a, mean),
                                                          # со средним
aggregate(number.of.borrowed.affixes ~ Area, a, std.error)) # и ст. ошибк.
names(result)[c(2, 4)] <- c("mean", "std.error") # переименуем столбцы
ggplot(a, aes(a$Area, a$number.of.borrowed.affixes))+
geom jitter()+
                                                    # нарисуем данные
xlab() +
ylab("number of borrowed affixes")+
                                                    # переименуем ось
theme bw()
stat summary(fun.y = mean, geom = "point",
                                                     # рисуем средние
size = 2, col = "red", shape = 4)+
stat summary(fun.data = mean cl normal,
geom = "errorbar",
                                    # рисуем доверительный интервал
width = 0.1. col = "red")
```

доверительный инт.

Задача 3: одновыборочный t-тест

Из статьи С. Степановой мы знаем, что носители русского языка в среднем говорят 5.31 слога в секунду со стандартным отклонением 1,93 (мужчины 5.46 слога в секунду со средним отклонением 2.02, женщины 5.23 слога в секунду со средним отклонением 1.84, дети 3.86 слога в секунду со средним отклонением 1.67). Мы опросили 20 носителей деревни N и выяснили, что средняя равна 4.198775, а стандартное отклонение равно 1.976299. Является ли данная разница статистически значимой?

тип данных: количественный тип теста: одновыборочный, требует нормального распределения непарный

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

одновыюорочн доверительный инт. t-тест

критерий Уилкоксон биномиальный тест

биномиальный тест

t-тест

критерий х²
критерий Мак Нема

выбор теста

Формулировка гипотезы

Классические статистические тесты сравнивают два или более набора данных. Чаще всего:

- \circ строится нулевая гипотеза (H_0), о том, что два набора данных могли бы происходить из одной выборки
- \circ строится альтернативная гипотеза (H_1), о том, что два набора данных не могли бы происходить из одной выборки
- \circ устанавливается порог статистической значимости (в лингвистике принят порог 5%)
- о проводится эксперимент
- а дальше предъявляется p-value вероятность случайно получить результаты эксперимента (или отличающиеся еще больше), если мы принимаем за истину нулевую гипотезу

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

доверительный инт. t-тест

критерий Уилкоксона биномиальный тест

двухвыборочны t-тест

Уилкоксон $\label{eq:continuous} критерий <math>\chi^2$ $\label{eq:continuous}$ $\label{eq:continuous$

выбор теста

Формулировка гипотезы

"Whatever the approach to formal inference, formalization of the research question as being concerned with aspects of a specified kind of probability model is clearly of critical importance. It translates a subject-matter question into a formal statistical question and that translation must be reasonably faithful and, as far as is feasible, the consistency of the model with the data must be checked. How this translation from subject-matter problem to statistical model is done is often the most critical part of an analysis. Furthermore, all formal representations of the process of analysis and its justification are at best idealized models of an often complex chain of argument".

[Cox 2006: 197]

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

доверительный инт. **t-тест**критерий Уилкоксов

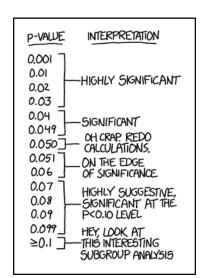
биномиальный тест двухвыборочні

двухвыоорочны t-тест Манн—Уитни.

критерий χ^2 критерий Мак Немар multiple testing effect

выбор теста

Как интерпретировать p-value?



If all else fails, use "significant at a p>0.05 level" and hope no one notices.

Задача 3: одновыборочный t-тест

Из статьи С. Степановой мы знаем, что носители русского языка в среднем говорят 5.31 слога в секунду со стандартным отклонением 1,93 (мужчины 5.46 слога в секунду со средним отклонением 2.02, женщины 5.23 слога в секунду со средним отклонением 1.84, дети 3.86 слога в секунду со средним отклонением 1.67). Мы опросили 20 носителей деревни N и выяснили, что средняя равна 4.198775, а стандартное отклонение равно 1.976299. Является ли данная разница статистически значимой?

```
t.test(a, mu = 5.31) # первое — вектор значений, второе — среднее

One Sample t-test
data: a
t = -2.5146, df = 19, p-value = 0.02108
alternative hypothesis: true mean is not equal to 5.31
95 percent confidence interval:
3.273838 5.123711 # СІ для среднего переменной a sample estimates:
mean of x
4.198775
```

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

одновыоорочн доверительный инт. t-recr

критерий Уилкоксон биномиальный тест

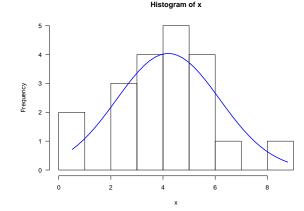
двухвыборочні t-тест

Уилкоксон критерий х² критерий Мак Немара

выбор тес

Задача 4: нормально ли распределение?





```
h \leftarrow hist(x, las = 1)
  xfit <- seq(min(x), max(x), length=40)
  yfit <- dnorm(xfit,mean=mean(x),sd=sd(x))
  yfit <- yfit*diff(h$mids[1:2])*length(x)
lines(xfit, yfit, col="blue lwd=2)
презентация доступна: http://goo.gl/kСрхуг
```

записывает параметры # создает выборку # получает параметры

рисует результат

Задача 4: нормально ли распределение?



описательны статистики

разведочный анализ ланны

типологи

одновыборочні

доверительный инт

критерий Уилкоксона

TOURDI ISONOTI

двухвыооро

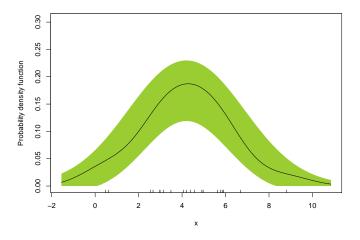
Манн—Уитни

Уилкоксон

критерий Мак Немај

выбор теста

послеслови



library(sm) sm.density(x, model = "Normal col.band="yellowgreen") презентация доступна: http://goo.gl/kCpxyr

Задача 4: нормально ли распределение?



описательны статистики

разведочный

типологи

OTHODI I KODOMINI

доверительный ин

t-тест

критерий Уилкоксона биномиальный тест

двухвыбороч

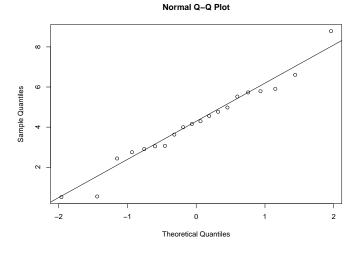
t-recr

Манн—уитни Уилкоксон

критерий Мак Немара

выбор теста

послеслови



qqplot(x) qqline(x)

презентация доступна: http://goo.gl/kCpxyr

Задача 4: нормально ли распределение?

данные

описательные статистики

разведочный анализ данны

типологи

одновыбороч

доверительный инt-тест

критерий Уилкоксон биномиальный тест

двухвыборочн

t-тест

критерий х²
критерий Мак Немар

выбор теста

послесл

Критерий Шапиро-Уилка:

если наблюдений < 60

H₀: данные распределены нормально H₁: данные не распределены нормально

shapiro.test(x)

Shapiro-Wilk normality test

data: x

W = 0.9718, p-value = 0.7923

Одновыборочный критерий Колмогорова-Смирнова:

ks.test(x, "pnorm")

One-sample Kolmogorov-Smirnov test

data: x

D = 0.12647, p-value = 0.0816 alternative hypothesis: two-sided

презентация доступна: http://goo.gl/kCpxyr

> 60

Гомоскедастичность (гомогенность) дисперсии

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типологи

одновыборочн доверительный инт.

критерий Уилкоксона

биномиальный тест

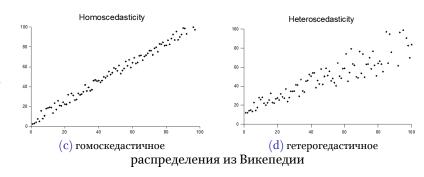
t-recr

Манн—Уитни, Уилкоксон

критерий χ^2 критерий Мак Нема multiple testing effec

выбор теста

послеслови



Гомоскедастичность можно проверить тестом Бартлетта:

bartlett.test(m, n)

Bartlett test of homogeneity of variances

data: m, n

Bartlett's K-squared = 2.0949, df = 1, p-value = 0.1478

Задача 5: сколько нужно наблюдений?

Из статьи С. Степановой мы знаем, что носители русского языка в среднем говорят 5.31 слога в секунду со стандартным отклонением 1,93 (мужчины 5.46 слога в секунду со средним отклонением 2.02, женщины 5.23 слога в секунду со средним отклонением 1.84, дети 3.86 слога в секунду со средним отклонением 1.67). Как нам определить, количество информантов n, которых надо опросить в данной деревне, если мы хотим, чтобы мы могли наблюдать разницу в 1 слог с вероятностью совершить ошибку первого рода α 0.05 и мощностью теста 0.8?

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

одновыборочн доверительный инт. t-тест

критерий Уилкоксон биномиальный тест

двухвыборочны t-тест

Манн—Уитни, Уилкоксон критерий х²

выбор тест:

Задача 5: сколько нужно наблюдений?

Из статьи С. Степановой мы знаем, что носители русского языка в среднем говорят 5.31 слога в секунду со стандартным отклонением 1,93 (мужчины 5.46 слога в секунду со средним отклонением 2.02, женщины 5.23 слога в секунду со средним отклонением 1.84, дети 3.86 слога в секунду со средним отклонением 1.67). Как нам определить, количество информантов n, которых надо опросить в данной деревне, если мы хотим, чтобы мы могли наблюдать разницу в 1 слог с вероятностью совершить ошибку первого рода α 0.05 и мощностью теста 0.8?

```
power.t.test(sig.level = 0.05,
power = 0.8,
delta = 1,
sd = 1.93,
type = "one.sample",
alternative = "one.sided")
One-sample t test power calculation
n = 24.44055
```

α # мощность теста # наблюдаемая разница # стандартное отклонение

презентация доступна: http://goo.gl/kCpxyr

Задача 6: выборка не распределена нормально?

данные

описательнь статистики

разведочный анализ данных

типология

доверительный и

критерий Уилкоксона

биномиальный тест

двухвыборочн

t-тест Манн—Уитни,

критерий χ^2 критерий Мак Нема

выбор теста

послесловие

wilcox.test(x, mu = 5,31)

Wilcoxon rank sum test data: x and 31

W = 0, p-value = 0.04878

alternative hypothesis: true location shift is not equal to 5

тип данных: количественный тип теста: одновыборочный, непараметрический, непарный

Задача 7: биномиальный тест

В частотном словаре [Ляшевская, Шаров 2009], созданном на корпусе объемом 92 млн. словоупотреблений, существительное *кенгуру* имеет абсолютную частотность 0.0000021, а предлог κ — 0.005389 (его алломорф κo в расчет не берется). В некотором тексте, имеющем 61981 слов существительное *кенгуру* встречается 58 раз, а предлог κ — 254. Каковы вероятности получить такие результаты?

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

доверительный инт. t-тест

критерии уилкоксон биномиальный тест

биномиальный тест

t-тест Манн—Уитни,

критерий χ^2 критерий Мак Немар multiple testing effect

выбор теста

Задача 7: биномиальный тест

В частотном словаре [Ляшевская, Шаров 2009], созданном на корпусе объемом 92 млн. словоупотреблений, существительное *кенгуру* имеет абсолютную частотность 0.0000021, а предлог κ о.005389 (его алломорф ко в расчет не берется). В некотором тексте, имеющем 61981 слов существительное кенгуру встречается 58 раз, а предлог κ — 254. Каковы вероятности получить такие результаты?

```
binom.test(x = 58, n = 61981, p = 0.0000021)
                                                 # про кенгуру
binom.test(58, 61981, 0.0000021)
                                                 # про кенгуру
binom.test(254, 61981, 0.005389)
```

тип данных: категориальный тип теста: одновыборочный, непараметрический,

биномиальный тест

непарный

про к

Двухвыборочные тесты (two-sample tests)

данные

описательны

разведочный анализ ланны

типологи

одновыборочн

доверительный и t-тест

критерий Уилкоксон

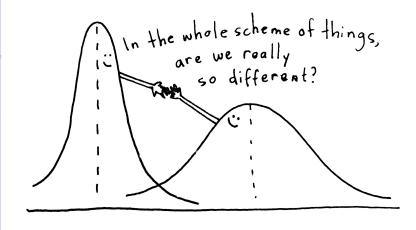
двухвыборочные

двухвыоорочн

Манн—Уитни Уилкоксон

критерий χ^2 критерий Мак Нема

выбор теста



Задача 8: двухвыборочный t-тест

Из статьи С. Степановой мы знаем, что носители русского языка в среднем говорят 5.31 слога в секунду со стандартным отклонением 1,93 (мужчины 5.46 слога в секунду со средним отклонением 2.02, женщины 5.23 слога в секунду со средним отклонением 1.84, дети 3.86 слога в секунду со средним отклонением 1.67). Является ли данная разница между мужчинами и женщинами статиститчески значимой?

тип данных: количественный тип теста: двухвыборочный, требует нормального распределения и гомоскедастичности непарный

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

гипология

доверительный инт. t-тест

биномиальный тест

двухвыборочн

t-тест Манн—Уитни,

критерий χ^2 критерий Мак Немара

выбор теста

послесл

Задача 8: двухвыборочный t-тест

Из статьи С. Степановой мы знаем, что носители русского языка в среднем говорят 5.31 слога в секунду со стандартным отклонением 1,93 (мужчины 5.46 слога в секунду со средним отклонением 2.02, женщины 5.23 слога в секунду со средним отклонением 1.84, дети 3.86 слога в секунду со средним отклонением 1.67). Является ли данная разница между мужчинами и женщинами статиститчески значимой?

t.test(a, b)

первое и второе — векторы значений

СІ для величины эффекта

Welch Two Sample t-test data: a and b

t = 0.38408, df = 37.919, p-value = 0.7031

alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0

95 percent confidence interval:

-0.9984148 1.4659358

sample estimates:

mean of x mean of y

5.465256 5.231496

Задача 9: парный t-тест

Влияет ли ударение на длительность гласных? В группе слов [а] и [i] встречается как под ударением, так и без (10 слов с ударным [а], 10 слов с ударным [i], 10 слов с безударным [а], 10 слов с безударным [i]). 20 носителей читают все слова, а исследовали для каждого носителя посчитали среднюю длинну ударных и безударных [а] и [i]. Есть ли статистически значимая разница между ударными и безударными гласными?

тип данных: количественный тип теста: двухвыборочный, требует нормального распределения и гомоскедастичности парный

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

доверительный инт. t-тест критерий Уилкоксон

биномиальный тест

t-recr

критерий χ^2 критерий Мак Немара

выбор теста

послесл

Задача 9: парный t-тест

Влияет ли ударение на длительность гласных? В группе слов [а] и [i] встречается как под ударением, так и без (10 слов с ударным [а], 10 слов с ударным [i], 10 слов с безударным [а], 10 слов с безударным [i]). 20 носителей читают все слова, а исследовали для каждого носителя посчитали среднюю длинну ударных и безударных [а] и [i]. Есть ли статистически значимая разница между ударными и безударными гласными?

t.test(m, f, paired = T)

Paired t-test data: str and unstr

t = 5.9903, df = 19, p-value = 9.165e-06

alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0

95 percent confidence interval:

18.03107 37.39799 sample estimates:

mean of the differences

27.71453

послеслов

СІ для величины эффекта

Парные тесты

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

доверительный ин

t-тест критерий Уилкоксона

биномиальный тест

двухвыборочны

t-тест

Манн—Уитни, Уилкоксон

критерий Мак Немар

выбор теста

послеслови

Парные тесты применяют, если исследуют:

- наблюдения до/после (измерения скорости речи при первом рассказе и при пересказе)
- наблюдения одного и того же объекта, полученные разными методами (например, кроссвалидация разметки)

Задача 9: выборки не распределена нормально?

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

доверительный инт. t-тест критерий Уилкоксона

биномиальный тест

t-recr

t-тест Манн—Уитни,

Уилкоксон критерий χ^2 критерий Мак Нема

выбор теста

послеслови

wilcox.test(a, b)

критерий Манна—Уитни

Wilcoxon rank sum test

data: a and b

W = 243, p-value = 0.2534 alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0

wilcox.test(c,d, paired = T)

критерий Уилкоксона

Wilcoxon signed rank test

data: c and d

V = 80, p-value = 0.3683

alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0

Если добавить аргумент conf.int = T, то отобразится еще и 95% доверительный интервал, в котором находится величина эффекта.

Критерий неразумно применять, если выборки разного размера с

различным направлением ассимитрии.

тип данных: количественный

тип теста: двухвыборочный,

непараметрический,

приепарный парный http://goo.gl/kCpxyr

Задача 10: χ^2 (с поправкой Йейтса)

Из интервью с носителями одной деревни произвольным образом выбрали по пол часа и посчитали кол-во реализаций диалектных форм vs. недиалектных. В результате получилось что у женщин было 107 диалектных форм vs. 93 недиалектные, а у мужчин — 74 vs. 45.

тип данных: категориальный тип теста: двухвыборочный, непараметрический, непарный

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

доверительный инт

критерий Уилкоксон

лвухвыборочнь

t-recr

Манн—Уитни,

критерий Х² критерий Мак Немар

multiple testing effect

DDIOOP 1

Задача 10: χ^2 (с поправкой Йейтса)

Из интервью с носителями одной деревни произвольным образом выбрали по пол часа и посчитали кол-во реализаций диалектных форм vs. недиалектных. В результате получилось что у женщин было 107 диалектных форм vs. 93 недиалектные, а у мужчин — 74 vs. 45. Значима ли зафиксированная разница?

Сначала следует составить таблицу сопряженности:

table(dialect)

таблица сопряженности

feature sex -d +d f 107 93 m 74 45

А дальше используем тест:

chisq.test(table(dialect))

Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction

data: table(dialect)

X-squared = 1.9525, df = 1, p-value = 0.1623

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

одновыоорочн доверительный инт. t-тест

критерий Уилкоксон: биномиальный тест

двухвыборочн

t-тест Манн—Уитни,

критерий χ²

multiple testing effe

выоорт

послесл

Критерий Фишера, критерий Крамера

n------

описательные статистики

разведочный анализ данны:

типологи

доверительный ин

критерий Уилкоксона

биномиальный тест

t-тест Манн—Уитни,

Манн—Уитни, Уилкоксон критерий у²

критерий Мак Hea multiple testing effe

выбор теста

послеслови

....

Chi-squared approximation may be incorrect

Иногда R может сказать:

Критерий χ^2 плохо использовать:

- если хотя бы в одной из клеток ожидаемое значение меньше 5 chi.t <- chisq.test(a)
 chi.t\$expected
 - → точный тест Фишера (fisher.test())
- если между числами есть большой разрыв¹
 - → проверяем величину эффекта критерием Крамера (cramersV() в пакете lsr)
- ...вообще таблицы сопряженности бывают разные, да и тестов куда больше см. [Lydersen et al. 2009]

¹ "All differences are significant with a large enough sample size" презентация доступна: http://goo.gl/kСрхуг

Задача 11: критерий Мак Немара

Во время диалектологической экспедиции от 20 информантов (10 мужчин, 10 женщин) были записаны списки слов. Получилось, что мужчины произносят велярный фрикативный у в 13 случаях, а велярный стоп g в 43. У женщин получилось другое распределение: 19 у против 37 g. Является ли данная разница между мужчинами и женщинами статистически значимой?

тип данных: категориальный тип теста: двухвыборочный, непараметрический, парный

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

доверительный инт. t-тест

критерий Уилкоксон биномиальный тест

т-тест Мани—Уитии

критерий х² критерий Мак Немара

multiple testing e

выоор 1

послесло

Задача 11: критерий Мак Немара

Во время диалектологической экспедиции от 20 информантов (10 мужчин, 10 женщин) были записаны списки слов. Получилось, что 13 информантов использовали в речи велярный фрикативный у, а 22 — велярный стоп g. Через 5 лет работали с теми же информантами и соотношение немного поменялось: 7 у против 28 g. Является ли получившаяся разница статистически значимой?

table(stopfricg)

критерий Мак Немара

таблица сопряженности

```
feature
time fric stop
before 13 22
after 7 28
```

А дальше используем тест:

mcnemar.test(table(stopfricg))

McNemar's Chi-squared test with continuity correction data: table(stopfricg)
McNemar's chi-squared = 6.7586, df = 1, p-value = 0.00933

Сначала следует составить таблицу сопряженности:

презентация доступна: http://goo.gl/kCpxyr

46/5

ланные

описательны

разведочный анализ ланных

типологи

одновыбороч доверительный инт

критерий Уилкоксона

двухвыоороч

Манн—Уит

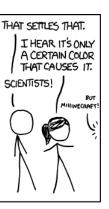
Уилкоксон

критерий Мак Немар multiple testing effect

_







multiple testing effect

WE FOUND NO LINK BETWEEN SALMON JELLY BEANS AND ACNE (P>0.05)



WE FOUND NO LINK BETWEEN RED JELLY BEANS AND ACNE (P>0.05)



WE FOUND NO LINK BETWEEN TURQUOISE JELLY BEANS AND ACNE (P>0.05)



WE FOUND NO LINK BETWEEN MAGENTA JELLY REANS AND ACKE (P>0.05)



WE FOUND A

LINK BETWEEN

GREEN JELLY

BEANS AND ACNE

WE FOUND NO LINK BETWEEN YELLOW JELLY BEANS AND ACNE (P>0.05)



WE FOUND NO LINK BETWEEN GREY JELLY BEANS AND ACNE (P>0.05)





WE FOUND NO

LINK BETWEEN

BEANS AND ACNE

TAN JELLY







WE FOUND NO

LINK BETWEEN

BEANS AND ACNE

CYAN JELLY





WE FOUND NO LINK BETWEEN YELLOW JELLY BEANS AND ACNE (P>0.05)



WE FOUND NO LINK BETWEEN BEIGE JELLY BEANS AND ACNE (P>0.05)



WE, FOUND NO LINK BETWEEN LILAC JELLY BEANS AND ACNE (P > 0.05).



WE, FOUND NO LINK BETWEEN BLACK JELLY BEANS AND ACNE (P>0.05)



WE FOUND NO

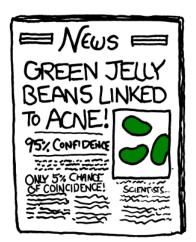
LINK BETWEEN

BEANS AND ACNE

PEACH JELLY

WE FOUND NO INK BETWEEN ORANGE JELLY BEANS AND ACNE (P>0.05)





multiple testing effect

Комикс xkcd Significant. Объяснение.

Это называют: data dredging, data fishing, data snooping, equation fitting, p-hacking...

При проверке каждой статистической гипотезы закладывается возможность ошибки первого рода (т. е. отклонение верной нулевой гипотезы). Чем больше гипотез мы проверяем на одних и тех же данных, тем больше будет вероятность допустить как минимум одну такую ошибку. Вероятность того, что из 21 теста (включая первый тест, без исключения цвета) не будет допущена ошибка первого рода равна

$$P = (1 - \alpha)^m = (1 - 0.05)^{21} = 0.34$$

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

доверительный инт. t-тест критерий Уилкоксон

критерий Уилкоксон биномиальный тест

двухвыоорочны

t-recr

Уилкоксон критерий χ^2 критерий Мак Немар

multiple testing effect

выбор тест

Поправки на множественное сравнение

multiple testing effect

```
p.adjust(x, method = 'bonferroni')
```

p.adjust(x, method = 'holm')

p.adjust(x, method = 'BH')

x < -c(0.04, 0.03, 0.01)

p.adjust(x, method = 'BY')и еще несколько...

вектор p-value

поправка Бонферрони # метод Холма

метод Беньямини-Хохберга

метод Беньямини-Йекутили

Кроме того, можно сразу определить, какие p-value превышают выбранное значение α?

p.adjust(x, method = ...) > 0.05

[1] FALSE TRUE TRUE

Многовыборочные тесты (multiple-sample tests)

данные

описательны статистики

разведочный анализ ланны

типологи

одновыборочн

доверительный инt-тест

критерий Уилкоксон:

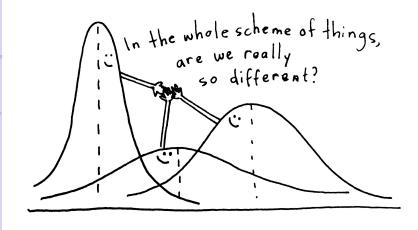
двухвыборочі

двухвыоороч

Манн—Уитг Уилгогоон

Уилкоксон

критерий Мак Немар multiple testing effect



Выбор теста

тип данных и распределение

количество групп

тест

	-	-	-	
	норм.	с заданным значением	1	одновыборочный t-test
		независимые	2	t-test для независимых выборок
		зависимые	2	парный t-test
	не норм.	с заданным значением	1	критерий Уилкоксона
		независимые	2	критерий Манна-Уитни
		зависимые	2	критерий Уилкоксона
	категор.	с заданными частотами	1	биномиальный тест, χ^2
		независимые	2	χ^2 с поправкой Йейтса, Фишер, Крамер
		зависимые	2	критерий Мак-Нимара

Если количество групп превышает 2, то с используют многовыборочные тесты: ANOVA (и всякие варианты ANCOVA, MANOVA, MANCOVA), критерии Краскела-Уоллиса, критерий Фридмана, Q-критерий Кокрена и χ^2 с поправкой на правдоподобие.

данные

описательные статистики

разведочный анализ данны:

типология

доверительный инт. t-тест

критерий Уилкоксон биномиальный тест

двухвыбороч t-тест

Манн—Уитни, Уилкоксон

критерий χ^2 критерий Мак Немара multiple testing effect

выбор теста

Величина эффекта (effect size)

В статье [Sullivan, Feinn 2012] приводится ряд аргументов в пользу того, что следует приводить не только p-value, но и величину эффекта:

- величина эффекта основной результат квантитативного исследования, p-value лишь говорит о том, что эффект с некоторой вероятностью есть
- при работе со значительными выборками статистические тесты всегда будут давать статистическую значимость, даже если величина эффекта незначительна

Существует множество показателей, оценивающих величину эффекта, например при помощи функции cohensD пакета lsr можно посчитать Cohen's d (здесь доступна визуализация):

- маленький эффект (0.2–0.3)
- средний эффект (около 0.5)
- о сильный эффект (>0.8)

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типологи

одновыборочі доверительный инт t-тест

критерий Уилкоксон биномиальный тест

двухвыборочны

Уилкоксон $\label{eq:continuous}$ критерий χ^2 критерий Мак Немар

multiple testing eff

послесловие

презентация доступна: http://goo.gl/kCpxyr

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

одновыборочн доверительный инт. t-тест

критерий Уилкоксон биномиальный тест

биномиальный тест

двухвыооро чиві t-тест

уилкоксон критерий х² критерий Мак Немара

выбор тест

послесловие

p-value очень много ругают

- за то, что его очень часто понимают неправильно
 [Gigerenzer 2004], [Goodman 2008]
- о за то, что само по себе p-value < 0.05 слабый довод [Sterne, Smith 2001], [Nuzzo et al. 2014], [Wasserstein, Lazar 2016]

Q: Why do so many colleges and grad schools teach p = 0.05?

A: Because that's still what the scientific community and journal editors use.

Q: Why do so many people still use p = 0.05?

A: Because that's what they were taught in college or grad school

[Wasserstein, Lazar 2016]

В связи с этим, сейчас можно наблюдать

- о большое обсуждение p-value vs. доверительные интервалы
- о все нарастающую популярность Байесовской статистики

"Есть жизнь" и вне Пирсоновской и Байесовской статистик.

данные

описательные статистики

разведочный анализ данных

типология

одновыборочны

доверительна

критерий Уилкоксона

друкрыооро ппр

Манн—Уитни,

Уилкоксон

критерий Мак Немај

послеслови

Спасибо за внимание

Пишите письма agricolamz@gmail.com

Список литературы

данные

описательны статистики

разведочный анализ данных

гипологи

доверительный инт. t-тест критерий Уилкоксон биномиальный тест

двухвыборочнь t-тест

Манн—Уитни, Уилкоксон критерий х² критерий Мак Heмap multiple testing effect

выбор т

- Cox, David Roxbee (2006). Principles of statistical inference. Cambridge University Press.
- Gigerenzer, Gerd (2004). Mindless statistics. *The Journal of Socio-Economics* 33(5), 587--606.
- Goodman, S. (2008). A dirty dozen: twelve p-value misconceptions. 45(3), 135--140.
- Lydersen, Stian, Morten W Fagerland, Petter Laake (2009). Recommended tests for association in 2 \times 2 tables. *Statistics in medicine 28*(7), 1159–1175.
- Nuzzo, Regina et al. (2014). Statistical errors. Nature 506(7487), 150--152.
- Sterne, J. A. C., G. D. Smith (2001). Sifting the evidence—what's wrong with significance tests? *Physical Therapy* 81(8), 1464–1469.
- Sullivan, G. M., R. Feinn (2012). Using effect size-or why the p value is not enough. *Journal of graduate medical education* 4(3), 279–282.
- Wasserstein, R., L., N. A. Lazar (2016). The asa's statement on p-values: context, process, and purpose. *The American Statistician* 70, ??--??
- Zuur, Alain F, Elena N Ieno,, Chris S Elphick (2010). A protocol for data exploration to avoid common statistical problems. *Methods in Ecology and Evolution* 1(1), 3--14.
- Ляшевская, О. Н., С. А. Шаров (2009). Частотный словарь современного русского языка (на материалах Национального корпуса русского языка). Азбуковник.