# Лабораторная работа №4

Гармонический осцилятор

Саргсян А. Г.

01 марта 2023

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия

Цели и задачи работы \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

# Цель лабораторной работы

Изучить уравнение гармонического осцилятора

#### Задание к лабораторной работе

- 1. Построить решение уравнения гармонического осциллятора без затухания
- 2. Записать уравнение свободных колебаний гармонического осциллятора с затуханием, построить его решение. Построить фазовый портрет гармонических колебаний с затуханием.
- 3. Записать уравнение колебаний гармонического осциллятора, если на систему действует внешняя сила, построить его решение. Построить фазовый портрет колебаний с действием внешней силы.

Процесс выполнения лабораторной работы

#### Теоретический материал

Движение грузика на пружинке, маятника, заряда в электрическом контуре, а также эволюция во времени многих систем в физике, химии, биологии и других науках при определенных предположениях можно описать одним и тем же дифференциальным уравнением, которое в теории колебаний выступает в качестве основной модели. Эта модель называется линейным гармоническим осциллятором. Уравнение свободных колебаний гармонического осциллятора имеет следующий вид:

$$\ddot{x} + 2\gamma\dot{x} + \omega_0^2 = 0$$

#### Теоретический материал

При отсутствии потерь в системе (  $\gamma=0$  ) получаем уравнение консервативного осциллятора энергия колебания которого сохраняется во времени.

$$\ddot{x} + \omega_0^2 x = 0$$

Для однозначной разрешимости уравнения второго порядка необходимо задать два начальных условия вида

$$\begin{cases} x(t_0) = x_0 \\ \dot{x(t_0)} = y_0 \end{cases}$$

### Теоретический материал

Уравнение второго порядка можно представить в виде системы двух уравнений первого порядка:

$$\begin{cases} x = y \\ y = -\omega_0^2 x \end{cases}$$

Начальные условия для системы примут вид:

$$\begin{cases} x(t_0) = x_0 \\ y(t_0) = y_0 \end{cases}$$

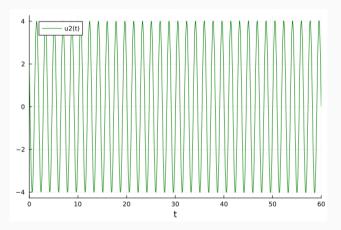
Постройте фазовый портрет гармонического осциллятора и решение уравнения гармонического осциллятора для следующих случаев

- 1. Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы  $\ddot{x}+12x=0$
- 2. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы  $\ddot{x} + 5\dot{x} + 10x = 0$
- 3. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы  $\ddot{x}+7\dot{x}+7x=7\sin3t$

На итнтервале  $t \in [0; 60]$ , шаг 0.05,  $x_0 = 1, y_0 = 2$ 

### Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

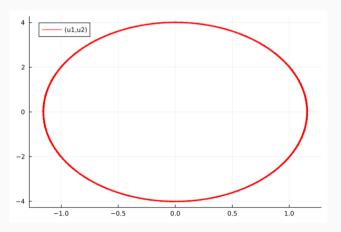




8/14

## Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

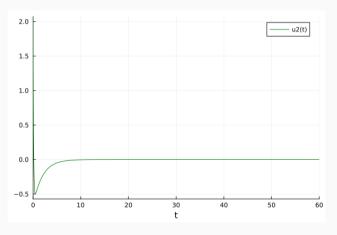




9/14

## Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

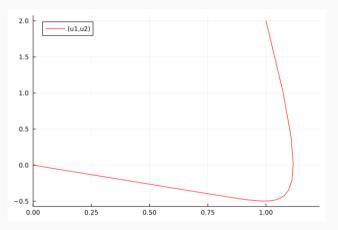




10/14

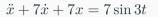
## Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

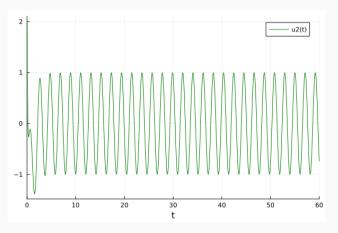




11/14

## Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

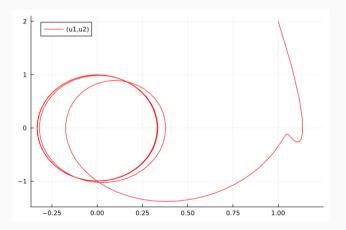




12/14

Случай 3. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

$$\ddot{x} + 7\dot{x} + 7x = 7\sin 3t$$



Выводы по проделанной работе

### Выводы по проделанной работе

В ходе выполнения лабораторной работы были построены решения уравнения гармонического осциллятора и фазовые портреты гармонических колебаний в трех случаях: без затухания, с затуханием и при действии внешней силы.