

计算机组成原理

授课老师: 吴炜滨



- ▶进制转换
- > 数据表示
- ▶ 无符号数
- ▶ 有符号数
- ▶ 数的定点表示和浮点表示



▶进制转换

进制转换

■ 书写

• 十进制: (123)+

• 二进制: 1001B或(1001)_

• 十六进制: 17DBH或(17DB)_{十六}

十进制数	二进制数	十六进制 数	十进制数	二进制数	十六进制 数
0	00000	0	16	10000	10
1	00001	1	17	10001	11
2	00010	2	18	10010	12
3	00011	3	19	10011	13
4	00100	4	20	10100	14
5	00101	5	21	10101	15
6	00110	6	22	10110	16
7	00111	7	23	10111	17
8	01000	8	24	11000	18
9	01001	9	25	11001	19
10	01010	Α	26	11010	1A
11	01011	В	27	11011	1B
12	01100	С	28	11100	1C
13	01101	D	29	11101	1D
14	01110	E	30	11110	1E
15	01111	F	31	11111	1F

进制转换



■ 任意一个数N可用下式表示

- r: 基值; n、m: 正整数, 分别代表整数位和小数位的位数
- d_i 为系数,代表第i位的一个数码,可以是 $0 \sim (r-1)$ 数码中的任意一个
- r^i 为第i位的权数

$$N = (d_{n-1}d_{n-2} \cdots d_1 d_0 \cdot d_{-1}d_{-2} \cdots d_{-m})_r$$

= $d_{n-1}r^{n-1} + d_{n-2}r^{n-2} + \cdots + d_1r^1 + d_0r^0 + d_{-1}r^{-1} + \cdots + d_{-m}r^{-m}$

$$=\sum_{i=-m}^{n-1}d_ir^i$$

进制转换



- 二进制数转为十进制数
 - 按 "权" 展开法

•
$$(11011.1)_{-} = 1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} = (27.5)_{+}$$

- 十进制数转为二进制数
 - 重复相除(乘)法

取数都是从上到下

高位



高位

■ 11.6 转二进制

$$(11.6)_{+} \approx (1011.1001)_{\pm}$$

整数部分除2取余数

$$11 \div 2 = 5 \dots 1$$

$$5 \div 2 = 2 \dots 1$$

$$2 \div 2 = 1 \dots 0$$

$$1 \div 2 = 0 \dots 1$$

小数部分乘2取整数

$$0.6 * 2 = 1.2$$

$$0.2 * 2 = 0.4$$

$$0.4 * 2 = 0.8$$

$$0.8 * 2 = 1.6$$

直到商为0止

1011

直到小数部分为0或满足精度要求的位数止

0.1001 1001...



> 数据表示

数据表示



■ 数据表示

- 定义:能由计算机硬件直接识别和引用的数据类型,如定点数、浮点数等
- 在计算机系统中, 有对这些数据类型进行操作的机器指令和功能部件
 - 这些数据类型及其运算需由硬件实现
 - 数据表示是所有数据类型中最常用、相对比较简单、用硬件实现比较容易的几种

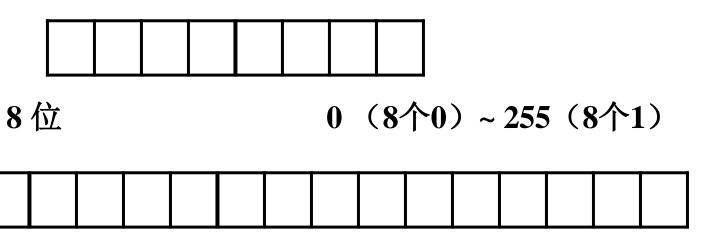


▶ 无符号数

无符号数



- 无符号数: 没有正负号的数
- 在计算机中如何表示和存储?
 - 只有数值部分,将其转变成二进制
 - 如放在寄存器中,寄存器的位数(机器字长)反映了无符号数的表示范围



16位

 $0 (16 \uparrow 0) \sim 65535 (16 \uparrow 1)$



- ▶ 有符号数
 - 机器数与真值
 - 原码表示法
 - 补码表示法
 - 反码表示法
 - 移码表示法



- ▶有符号数
 - 机器数与真值

机器数与真值



- 有符号数: 有正负号的数
- 在计算机中如何表示和存储?
 - 数值部分、符号部分都保存到计算机中
- 机器数:保存在计算机当中的数
- 真值: 带有正负号 ("+" , "-") 的数
- 如何将真值转换为机器数?
 - 符号数字化

机器数与真值



真值

带符号的数

+ 0.1011

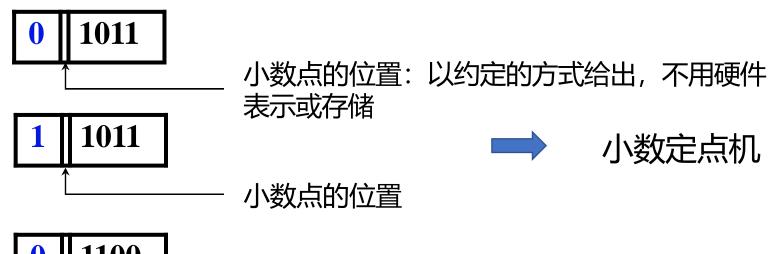
-0.1011

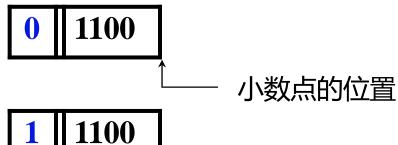
+ 1100

-1100

机器数

符号数字化的数





小数点的位置

整数定点机



- ▶有符号数
 - 原码表示法

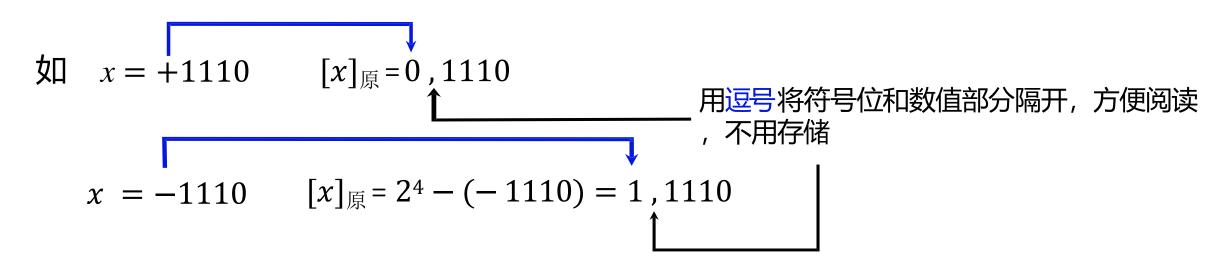
原码定义



■ 整数

$$[x]_{\text{fi}} = \begin{cases} 0, & x & 2^n > x \ge 0 \\ 2^n - x & 0 \ge x > -2^n \end{cases}$$

x 为真值 n 为整数数值位的位数



原码: 带符号的绝对值表示

原码定义



■小数

$$[x]_{\mathbb{R}} = \begin{cases} x & 1 > x \ge 0 \\ 1 - x & 0 \ge x > -1 \end{cases}$$

x 为真值

如
$$x = +0.1101$$
 $[x]_{\mathbb{R}} = 0.1101$ 用小数点将符号位和数值部分隔开,方便阅读,不需存储
$$x = -0.1101 \quad [x]_{\mathbb{R}} = 1 - (-0.1101) = 1.1101$$
 数值部分隔开
$$x = +0.1000000 \quad [x]_{\mathbb{R}} = 0.1000000 \quad [x]_{\mathbb{R}} = 1 - (-0.1000000) = 1.1000000$$

原码表示法



■ 真值变成原码

- 整数: 加一个符号位, 正数加0负数加1, 后面加一个逗号, 数值部分照抄
- 小数:小数点前面的那一位就用于表示数据的符号,正数用0来表示,负数用1来表示,后面加一个小数点,然后把小数点后面数值部分照写
- 原码是保存在计算机的数据
 - 位数有限, 受限于计算机能保存的机器数的长度

举例



■ 已知
$$[x]_{\mathbb{R}} = 1.0011$$
 求 $x - 0.0011$

解: 由定义得

$$x = 1 - [x]_{\mathbb{R}} = 1 - 1.0011 = -0.0011$$

■ 已知
$$[x]_{\mathbb{R}} = 1,1100$$
 求 x — 1100 解: 由定义得

$$x = 2^4 - [x]_{\text{fi}} = 10000 - 1,1100 = -1100$$

■ 已知 $[x]_{\mathbb{R}} = 0.1101$ 求 x

解: 根据定义 : $[x]_{\mathbb{R}} = 0.1101$

$$x = +0.1101$$

 \blacksquare 求 x = 0 的原码

解: 设 x = +0.0000

$$[+0.0000]_{\text{@}} = 0.0000$$

$$x = -0.0000$$
 $[-0.0000]_{\text{fi}} = 1.0000$

同理,对于整数

$$[+0]_{\mathbb{R}} = 0,0000$$

$$[-0]_{\mathbb{R}} = 1,0000$$

∴
$$[+0]_{\mathbb{R}} \neq [-0]_{\mathbb{R}}$$

原码的特点



■简单、直观

• 但是用原码作加法时,会出现如下问题:

要求	数1	数2	实际操作	结果符号
加法	正	正	加口	正
加法	正	负	减	可正可负
加法	负	正	減	可正可负
加法	负	负	加	负

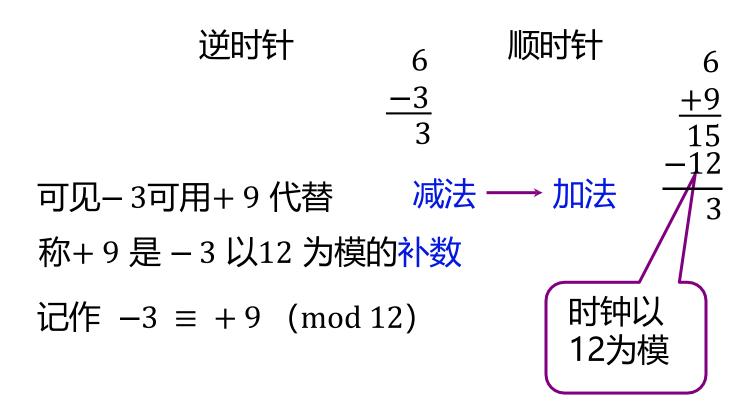
- 能否只作加法?
 - 找到一个与负数等价的正数,来代替这个负数,就可使减 → 加

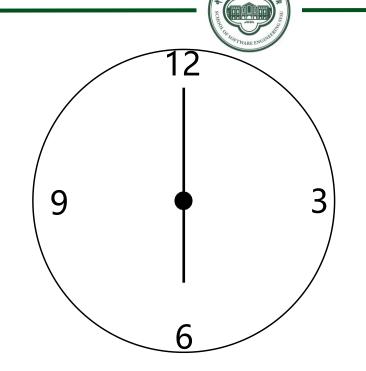


- ▶有符号数
 - 补码表示法

补数

■ 时钟: 六点调整到三点





补数



- $-3 \equiv +9 \pmod{12}$
 - 同理
 - $-4 \equiv +8 \pmod{12}$
 - $\bullet -5 \equiv +7 \pmod{12}$
 - $3 \equiv 15 \equiv 27 \pmod{12}$
 - \mathbb{D} : $3 \equiv 3 + 12 \equiv 3 + 24 \equiv 3 \pmod{12}$

■ 结论

- 一个负数加上 模 即得该负数的补数
- 一个正数和一个负数互为补数时它们绝对值之和即为 模数
- 正数的补数即为其本身

机器中的补数



■ 寄存器: 位数是四位 (模 16)

机器数的补码表示



两个互为补数的数 分别加上模 结果仍互为补数

补码定义



■ 整数

$$[x]_{\nmid h} = \begin{cases} 0, & x \ge 0 \\ 2^{n+1} + x & 0 > x \ge -2^n \pmod{2^{n+1}} \end{cases}$$

x 为真值 n 为整数数值位的位数

如
$$x = +1010$$

$$x = -1011000$$

$$[x]_{\frac{1}{7}} = 2^{7+1} + (-1011000)$$

$$= 100000000$$

$$- 1011000$$

$$1,0101000$$

补码定义



■小数

$$[x]_{\nmid h} = \begin{cases} x & 1 > x \ge 0 \\ \\ 2 + x & 0 > x \ge -1 \pmod{2} \end{cases}$$

x 为真值

如
$$x = +0.1110$$
 $x = -0.1100000$
$$[x]_{\stackrel{?}{\uparrow}} = 0.1110$$

$$[x]_{\stackrel{?}{\uparrow}} = 2 + (-0.1100000)$$

$$= 10.00000000$$

$$- 0.1100000$$

$$1.0100000$$
 和数值部分隔开

求补码的快捷方式



■ 设x = -1010 时

- 当真值为负时
 - 补码可用原码除符号位外,每位取反,末位加 1 求得(求反加1)

求补码的快捷方式



- 当真值为负时
 - 补码可用原码除符号位外,每位取反,末位加1求得(求反加1)
- 当真值为正时
 - 原码 = 补码

■ 已知 $[x]_{ih} = 1,1110$ 求 x

解: 由定义得

$$x = [x]_{\frac{1}{7}} - 2^{4+1}$$

$$= 1,1110 - 100000$$

$$= -0010$$

$$[x]_{\stackrel{?}{\nmid h}} \xrightarrow{?} [x]_{\mathbb{R}}$$
$$[x]_{\mathbb{R}} = 1,0010$$
$$\therefore x = -0010$$

■ 当真值为负时

• 原码可用补码除符号位外,每位取反,末位加1求得(求反加1)

■ 已知
$$[x]_{ih} = 0.0001$$
 求 x

解: 由定义得
$$x = +0.0001$$

■ 已知
$$[x]_{*h} = 1.0001$$
 求 x

解:由定义得

$$x = [x]_{\frac{1}{7}} - 2$$

$$= 1.0001 - 10.0000$$

$$= -0.1111$$

$$[x]_{\stackrel{}{\uparrow}} \rightarrow [x]_{\stackrel{}{f}}$$
$$[x]_{\stackrel{}{f}} = 1.1111$$
$$\therefore x = -0.1111$$

■ 求下列真值的补码

$$[-1]_{\frac{1}{2}} = 2 + x = 10.0000 - 1.0000 = 1.0000$$



- ▶有符号数
 - 反码表示法

反码定义



整数

$$[x]_{\cancel{\boxtimes}} = \begin{cases} 0, & x & 2^n > x \ge 0 \\ (2^{n+1}-1) + x & 0 \ge x > -2^n \pmod{2^{n+1}-1} \end{cases}$$

x 为真值 n 为整数数值位的位数

如
$$x = +1101$$
 $x = -1101$

$$[x]_{\cancel{\boxtimes}} = 0,1101$$

用逗号将符号位

和数值部分隔开

$$x = -1101$$

反码定义



$$[x]_{\overline{\boxtimes}} = \begin{cases} x & 1 > x \ge 0 \\ (2 - 2^{-n}) + x & 0 \ge x > -1 \pmod{2 - 2^{-n}} \end{cases}$$

$$1 > x \ge 0$$

$$0 \ge x > -1 \pmod{2 - 2^{-n}}$$

x 为真值

n 为小数的位数

如
$$x = +0.1101$$

$$[x]_{\boxtimes} = 0.1101$$

$$x = -0.1010$$

$$[x]_{\mathbb{R}} = (2 - 2^{-4}) - 0.1010$$

= 1.1111 - 0.1010

$$= 1.0101$$

用小数点将符号位和 数值部分隔开

反码定义



■ 已知 $[x]_{\mathbb{Z}} = 0.1110$ 求 x

解:由定义得 x = +1110

■ 已知 $[x]_{\mathbb{R}} = 1,1110$ 求x

解:由定义得 $x = [x]_{\overline{\mathbb{Q}}} - (2^{4+1} - 1)$ = 1,1110 - 11111 = -0001

反码定义



■ 求0的反码

解:
$$② x = + 0.0000$$
 $[+0.0000]_{\overline{\mathbb{D}}} = 0.0000$ $x = -0.0000$ $[-0.0000]_{\overline{\mathbb{D}}} = 1.1111$

同理,对于整数

$$[+0]_{\text{1}} = 0,0000$$
 $[-0]_{\text{1}} = 1,1111$

$$\therefore [+0]_{\mathbb{Q}} \neq [-0]_{\mathbb{Q}}$$

三种机器数的小结



- 最高位为符号位,书写上用","(整数)或"."(小数)将数值部分和符号位隔开
- 对于正数,原码=补码 = 反码 (考虑机器字长的限制)
- 对于负数,符号位为 1, 其数值部分
 - 原码:数值部分和真值相同
 - 补码:原码除符号位外每位取反末位加 1
 - 反码:原码除符号位外每位取反

■ 设机器数字长为 8 位(其中 1 位为符号位),对于整数,当其分别代表无符号数、原码、补码和反码时,对应的真值范围各为多少?

二进制代码	无符号数 对应的真值	原码对应 的真值	补码对应 的真值	反码对应 的真值
00000000	0	+0	<u>+</u> 0	+0
00000001	1	+1	+1	+1
0000010	2	+2	+2	+2
:	•	•	•	•
01111111	127	+127	+127	+127
10000000	128	-0	-128	-127
10000001	129	-1	-127	-126
	•	•	•	•
11111101	253	-125	-3	-2
11111110	254	-126	-2	-1
11111111	255	-127	-1	-0

■ 已知 [y]**, 求[-y]**

解: 设
$$[y]_{i} = y_0 \cdot y_1 y_2 \dots y_n$$

(1)
$$[y]_{\frac{1}{N}} = 0. y_1 y_2 \dots y_n$$

$$y = 0. y_1 y_2 \dots y_n$$

$$-y = -0. y_1 y_2 \dots y_n$$

$$[-y]_{\frac{1}{N}} = 1. \overline{y_1} \overline{y_2} \dots \overline{y_n} + 2^{-n}$$

[y]_补连同符号位在内,每位取反,末位加1 即得[-y]_补

(2)
$$[y]_{ih} = 1. y_1 y_2 \dots y_n$$

 $[y]_{\bar{m}} = 1. \overline{y_1} \overline{y_2} \dots \overline{y_n} + 2^{-n}$
 $y = -(0. \overline{y_1} \overline{y_2} \dots \overline{y_n} + 2^{-n})$
 $-y = 0. \overline{y_1} \overline{y_2} \dots \overline{y_n} + 2^{-n}$
 $[-y]_{ih} = 0. \overline{y_1} \overline{y_2} \dots \overline{y_n} + 2^{-n}$

 $[y]_{i}$ 连同符号位在内,每位取反,末位加 1 即得 $[-y]_{i}$

大纲



- ▶有符号数
 - 移码表示法

移码表示法



■ 补码表示很难直接判断其真值大小

如	十进制	二进制	补码
	x = +21	+10101	0,10101 1,01011 大
	x = -21	-10101	1,01011 一大
	x = +31	+11111	0,111111 1,00001 大
	x = -31	-11111	1.00001 🔰 大

$$x + 2^{5}$$

$$+10101 + 1000000 = 1,10101$$
 $-10101 + 1000000 = 0,01011$
 $+11111 + 1000000 = 1,111111$
 $+11111 + 1000000 = 0,00001$
 $+11111 + 1000000 = 0,000001$

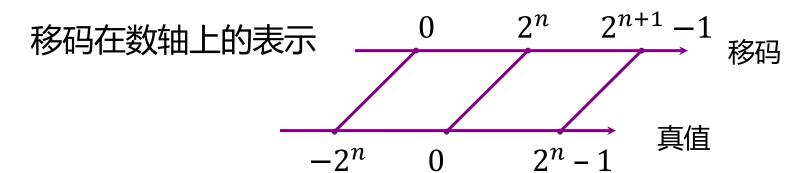
移码



■ 定义

$$[x]_{\mathcal{R}} = 2^n + x (2^n > x \ge -2^n)$$

x 为真值, n 为整数数值位的位数



如
$$x = 10100$$

$$[x]_{8} = 2^{5} + 10100 = 1,10100$$

$$x = -10100$$

$$x = -10100$$

移码



■ 注意

- 真值转换成移码时,不区分对待正数和负数
- 只有整数形式的定义, 没有小数形式的定义
 - 与移码在计算机的数据表示中的作用有关
 - 移码的大小很好判断,通常用来表示浮点数据表示的阶码部分,能方便地判断浮点数的阶码大小
 - 阶码都是整数

移码的特点



 \blacksquare 当 x = 0 , n = 5 时

$$[+0]_{8} = 2^5 + 0 = 1,00000$$

$$[-0]_{8} = 2^5 - 0 = 1,00000$$

 \blacksquare 当 n = 5 时

最小的真值为
$$-2^5 = -100000$$

 $[-100000]_{8} = 2^5 - 100000 = 000000$

■ 可见: 最小真值的移码为全 0

移码和补码的比较



■ 设
$$x = +1100100$$

$$[x]_{3} = 2^7 + 1100100 = 1,1100100$$

 $[x]_{3} = 0,1100100$

$$[x]_{3/8} = 2^7 - 1100100 = 0,0011100$$

 $[x]_{3/8} = 1,0011100$

■ 同一真值的补码与移码只差一个符号位,数值部分完全相同

真值、补码和移码的对照表



机器数数值部分 位数 n=5

真值 x	$[x]_{ eqh}$	[x] _移	[x] _移 对应的 十进制整数
-100000	100000	000000	0
- 11111	100001	000001	1
- 11110	100010	000010	2
	•	•	•
- 00001	111111	011111	31
$\pm 0 0 0 0 0$	$0\ 0\ 0\ 0\ 0$	100000	32
+ 00001	$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1$	100001	33
+ 00010	$0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0$	100010	34
•	•	•	•
+ 11110	011110	111110	62
+ 11111	011111	111111	63

大纲



- ▶ 数的定点表示和浮点表示
 - 定点表示
 - 浮点表示

大纲



- ▶ 数的定点表示和浮点表示
 - 定点表示

定点表示



■ 小数点按约定方式标出,计算机中不表示或存储小数点



定点机

小数定点机

整数定点机

原码 表示范围 补码

$$-(1-2^{-n}) \sim +(1-2^{-n})$$

$$-(2^n-1) \sim +(2^n-1)$$

$$-1 \sim +(1-2^{-n})$$

$$-2^{n} \sim +(2^{n}-1)$$

$$-(1-2^{-n}) \sim +(1-2^{-n})$$
 $-(2^n-1) \sim +(2^n-1)$

$$-(2^n-1) \sim +(2^n-1)$$

有限个 (2^{n+1}) 离 散的数表示无穷个 实数

大纲



- ▶ 数的定点表示和浮点表示
 - 浮点表示

浮点表示



- 为什么在计算机中要引入浮点数表示?
 - 早期计算机因为硬件技术的限制,只有定点表示方式
 - 科学计算过程当中经常会用到浮点数,在定点机中,需要程序员通过设定比例因子来调节 小数点的位置,使其变为纯小数或纯整数后进行运算
 - 增加编程难度

$$101.01 + 0.101$$

$$= (0.101010 + 0.000101) \times 2^3$$
 (缩小)

$$=(0.101111) \times 2^3$$
 (运算)

= 101.111 (还原)

浮点表示



- 为什么在计算机中要引入浮点数表示?
 - 数的表示范围小,为了能表示两个大小相差很大的数据,需要很长的机器字长
 - 例如:太阳的质量是 2×10^{33} 克,一个电子的质量大约为 9×10^{-28} 克,两者相差约 10^{61} 倍,若在定点机中表示: $2^x > 10^{61}$,大概需要 $x \ge 203$ 位
 - 数据存储单元的利用率往往很低

浮点表示



- 浮点数的一般形式: $N = S \times r^j$
 - S: 尾数, j: 阶码, r: 尾数的基值
 - 计算机中: r 取 2、4、8、16 等; S: 小数定点形式表示,绝对值小于等于1,可正可负;
 j: 整数,可正可负
- 当 *r* = 2

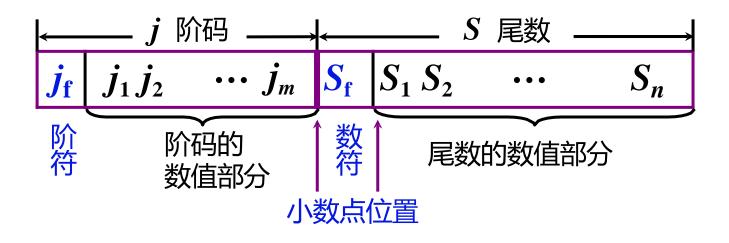
$$N = 11.0101$$
 二进制表示
$$= 0.110101 \times 2^{10}$$
 规格化数
$$= 1.10101 \times 2^{1}$$

$$= 1101.01 \times 2^{-10}$$

$$= 0.00110101 \times 2^{100}$$

浮点数的存储和表示





 $S_{\rm f}$ 代表浮点数的符号

n 其位数反映浮点数的精度

m 其位数反映浮点数的表示范围

<u>阶码</u> 决定小数点的实际位置

浮点数的表示范围



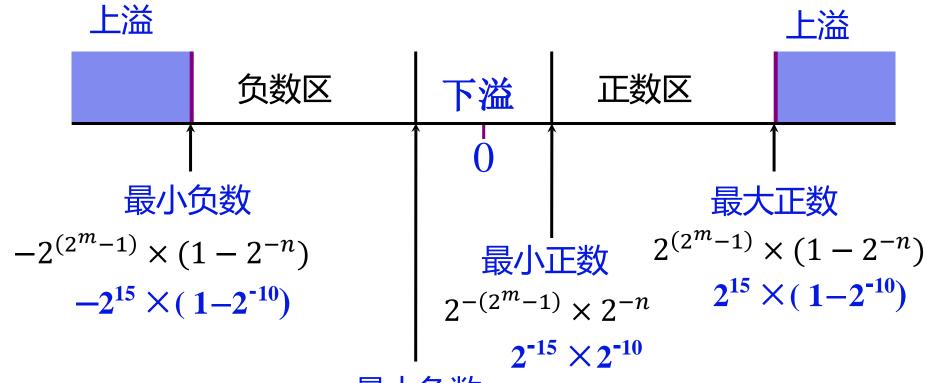
- 不考虑数据的规格化
- 无论是尾数还是阶码,都用原码形式进行表示
- 阶码的数值位取m位, 尾数的数值位取n位

	j 阶码			S 尾数			
$oldsymbol{j_{\mathbf{f}}}$	$m{j_1 j_2}$	$\cdots j_m$	$S_{ m f}$	$S_1 S_2$	• • •	S_n	

j 阶码			S 尾数			
$oldsymbol{j_{ ext{f}}}$	$j_1 j_2$	$\cdots j_m$	$S_{ m f}$	$S_1 S_2$	• • •	S_n

上溢: 浮点数阶码大于最大阶码时, 进行中断溢出处理

下溢: 浮点数阶码小于最小阶码时, 按机器零处理



设
$$m=4$$
 $n=10$

最大负数
$$-2^{-(2^{m}-1)} \times 2^{-n}$$

$$-2^{-15} \times 2^{-10}$$

可表示范围: 负数区+正数区+0 $(2^{m+n+2}$ 个离散的数表示无穷个实数)

机器零

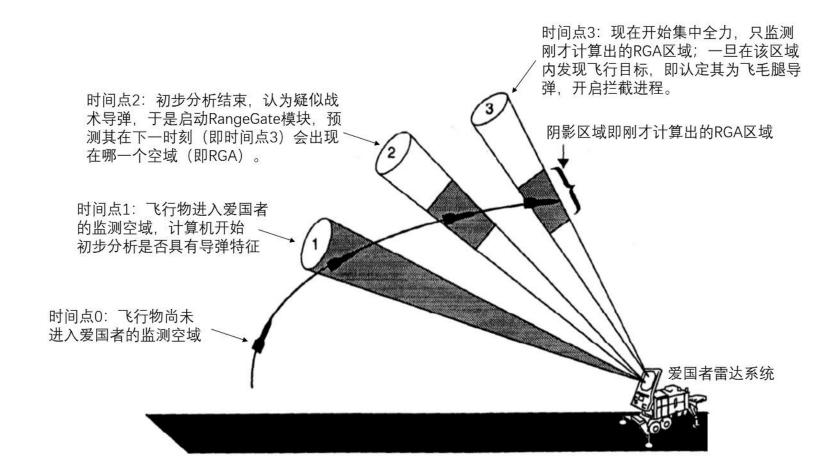


- 当浮点数尾数为0时,不论其阶码为何值按机器零处理
- 当浮点数<u>阶码小于它所表示的最小数</u>时,不论尾数为何值,按机器零处理

浮点数的精度问题



- 海湾战争中,爱国者拦截飞毛腿失败
 - 爱国者系统会计算出下一时刻该导弹最有可能出现在哪一个空域



浮点数的精度问题



- 海湾战争中,爱国者拦截飞毛腿失败
 - 爱国者系统中内置了一个时间计数器, 每隔 0.1 秒就将计数器增加1
 - 0.1 这个十进制数字如果用计算机的二进制来表示,将是一个无限循环小数
 - 而爱国者使用的寄存器只有24位,所以只能截取这个无限循环小数的前23位,也就是
 0.0001100110011001100 (大概是十进制的 0.0999999046)
 - 由于累积的时间误差,使得预测出错,导致了拦截失败
 - 失之毫厘,谬以千里:注意浮点数的精度问题

练习



■ 设机器数字长为 24 位, 欲表示±3万的十进制数, 试问在保证数的最大精度的前提下, 除阶符、数符各取1 位外, 阶码、尾数各取几位?

∴ 如果是定点数, 15 位二进制数可反映 ±3 万之间的十进制数

为满足最大精度,可取 m = 4, n = 18

浮点数的规格化形式



- 浮点数的一般形式: $N = S \times r^j$
 - S: 尾数, j: 阶码, r: 尾数的基值
 - 计算机中: r 取 2、4、8、16 等; S: 小数定点形式表示,绝对值小于等于1,可正可负;
 i: 整数,可正可负
- 为何要进行规格化?
 - 尽可能保证数据的精度: 机器字长有限, 避免存储不必要的0, 使有效的位数尽可能多

$$N = 11.0101$$
 $\checkmark = 0.110101 \times 2^{10}$ 规格化数

$$\checkmark = 0.00110101 \times 2^{100}$$

浮点数的规格化形式



■ 规格化形式是什么?

- r=2,尾数最高位真值为 1
- r = 4, 尾数最高 2 位真值不全为 0
- r = 8, 尾数最高 3 位真值不全为 0

■ 基值的影响

- 基值不同, 浮点数的规格化形式不同
- 基值越大, 在同样浮点数表示形式下, 可表示的浮点数的范围越大, 浮点数的精度降低

浮点数的规格化



■ 如何进行规格化?

• 通过对尾数进行移动,使其变为规格化形式

• r = 2

左规: 尾数左移 1 位, 阶码减 1

右规: 尾数右移 1 位, 阶码加 1

• r = 4

左规: 尾数左移 2 位, 阶码减 1

右规: 尾数右移 2 位, 阶码加 1

• r = 8

左规: 尾数左移 3 位, 阶码减 1

右规: 尾数右移 3 位, 阶码加 1

浮点数的表示范围



- 无论是尾数还是阶码,都用原码形式进行表示
- 阶码的数值位取m位,尾数的数值位取n位
 - 设 m=4, n=10, r=2, 尾数规格化后的浮点数表示范围

	$oldsymbol{j}$ 阶码			S 尾数			
\boldsymbol{j}	f	j_1j_2	$\cdots j_m$	$S_{\mathbf{f}}$	$S_1 S_2$	•••	S_n

■ 设m = 4, n = 10, r = 2, 尾数规格化后的浮点数表示范围

■ 将 $+\frac{19}{128}$ 写成在定点机和浮点机中的三种机器数形式。其中定点数和浮点数尾数数值部分均取10位,数符取1位,浮点数阶码取5位(含1位阶符),尾数规格化

解: 设 $x = \frac{19}{128}$

二进制形式 x = 10011/10000000 = 0.0010011

定点表示 x = 0.0010011

浮点规格化形式 $x = 0.10011 \times 2^{-10}$

定点机中 $[x]_{\mathbb{R}} = [x]_{\mathbb{A}} = [x]_{\mathbb{Q}} = 0.0010011000$

浮点机中 $[x]_{\mathbb{R}} = 1,0010;$ 0.1001100000

 $[x]_{3} = 1,1110;$ 0. 1001100000

 $[x]_{\text{E}} = 1,1101;$ 0. 1001100000

■ 将 - 58 写成在定点机和浮点机中的三种机器数及阶码为移码、尾数为补码的形式。其中定点数和浮点数尾数数值部分均取10位,数符取1位,浮点数阶码取5位(含1位阶符),尾数规格化

解: 设*x* = -58

二进制形式 x = -111010

定点表示 x = -111010

浮点规格化形式 $x = -0.11101 \times 2^{110}$

定点机中

浮点机中

$$[x]_{\text{ff}} = 1,0000111010$$
 $[x]_{\text{ff}} = 0,0110; 1.1110100000$

$$[x]_{\nmid \mid} = 1,1111000110$$
 $[x]_{\nmid \mid} = 0,0110; 1.0001100000$

$$[x]_{\text{1}} = 1,1111000101$$
 $[x]_{\text{1}} = 0,0110; 1.0001011111$

 $[x]_{\text{mbg}, \text{ rest}} = 1,0110; 1.0001100000$



谢谢!