

Рекурсия

- 1) Целочисленный остаток от деления: `rem'`
- 2) Значение целочисленного деления: `quot'`

```
let sign a
  | a > 0 = 1
  | a == 0 = 0
  | otherwise = -1
```

Наибольший общий делитель: `gcd`

Рекурсия

```
sign' a
  | a > 0 = 1
  | a < 0 = (-1)
  | a == 0 = 0

rem' a b =
  let rem'' a b
    | a < b = a
    | otherwise = rem'' (a-b) b
  in
  sign' a * sign' b * rem'' (abs a) (abs b)
```

Рекурсия

```
sign' a
  | a > 0 = 1
  | a < 0 = (-1)
  | a == 0 = 0

rem' a b =
  let rem'' a b
    | a < b = a
    | otherwise = rem'' (a-b) b
    c = a
    d = b
  in
    sign' c * sign' d * rem'' (abs c) (abs d)
```

Рекурсия

```
sign' a
| a > 0 = 1
| a < 0 = (-1)
| a == 0 = 0

rem' a b =
  let
    rem'' a b
      | a < b = a
      | otherwise = rem'' (a-b) b
    c = a
    d = b
  in
    sign' c * sign' d * rem'' (abs c) (abs d)
```

Рекурсия

```
sign' a
| a > 0 = 1
| a < 0 = (-1)
| a == 0 = 0

rem' a b =
  let
    rem'' a b | a < b = a | otherwise = rem'' (a-b) b; c = a;
d = b
in
  sign' c * sign' d * rem'' (abs c) (abs d)
```

Рекурсия

```
quot' a b  
  | a < b = 0  
  | otherwise = 1 + quot' (a-b) b
```

Ограничения по вкусу

Списки

```
isEmpty :: [a] -> Boolean
```

```
isEmpty [] = True
```

```
isEmpty _ = False
```

```
tell :: (Show a) => [a] -> String
```

```
tell [] = "Список пуст"
```

```
tell (x:[]) = "В списке только один элемент: " ++ show x
```

```
tell (x:y:[]) = "Два элемента: " ++ show x ++ " and " ++  
show y
```

```
tell (x:y:_) = "Много. Первые 2: " ++ show x ++ " and " ++  
show y
```

Списки

```
-- scala
-- draw
sum' :: (Num a) => [a] -> a
sum' [] = 0
sum' (x:xs) = x + sum' xs

max' :: (Ord a) => [a] -> a
max' [] = error "У пустого списка нет максимального эл-та!"
max' [x] = x
max' (x:xs) = max x (max' xs)
```

Типы можно не писать, но это дурной тон

Самостоятельно length, с указанием типа

Рекурсия, построение списков

- `replicate' :: (Num i, Ord i) => i -> a -> [a]`
- `take' :: (Num i, Ord i) => i -> [a] -> [a]`
- `reverse' :: [a] -> [a]`
- `repeat' :: a -> [a]`
- `elem' :: (Eq a) => a -> [a] -> Bool`
- `zip' :: [a] -> [b] -> [(a,b)]` – зачем он нужен?
- `append' :: [a] -> [a] -> [a]`

Рекурсия, построение списков

```
replicate' :: (Num i, Ord i) => i -> a -> [a]
```

```
replicate' i _ | i < 1 = []
```

```
replicate' i a = a : (replicate' (i-1) a)
```

Рекурсия, построение списков

```
take' :: (Num i, Ord i) => i -> [a] -> [a]
```

```
take' i list | i < 1 = []
```

```
take' i (x:xs) = x : (take' (i-1) xs)
```

Рекурсия, построение списков

```
repeat' :: a -> [a]
```

```
repeat' a = a : (repeat a)
```

Рекурсия, построение списков

```
elem' :: (Eq a) => a -> [a] -> Bool
```

```
elem' _ [] = False
```

```
elem' a (x:xs)  
  | a == x = True  
  | otherwise = elem' a xs
```

Рекурсия, построение списков

```
zip' :: [a] -> [b] -> [(a,b)]
```

```
zip' [] _ = []
```

```
zip' _ [] = []
```

```
zip' (x:xs) (y:ys) = (x,y) : (zip' xs ys)
```

Рекурсия, построение списков

```
append' :: [a] -> [a] -> [a]
```

```
append' [] list = list
```

```
append' (x:xs) list = x : (append' xs list)
```

Рекурсия

```
> zip [1..] ["Трус", "Балбес", "Бывалый"]  
[(1, "Трус"), (2, "Балбес"), (3, "Бывалый")]
```

```
> zip [1..] ['a'..'z']  
[(1, 'a'), (2, 'b'), (3, 'c'), (4, 'd'), (5, 'e'), (6, 'f'), (7, 'g'),  
(8, 'h'), (9, 'i'), (10, 'j'), (11, 'k'), (12, 'l'), (13, 'm'),  
(14, 'n'), (15, 'o'), (16, 'p'), (17, 'q'), (18, 'r'), (19, 's'),  
(20, 't'), (21, 'u'), (22, 'v'), (23, 'w'), (24, 'x'), (25, 'y'),  
(26, 'z')]
```

```
> ones = 1 : ones
```


Рекурсия (КР)

Функция `delete :: Char -> String -> String`, которая принимает на вход строку и символ и возвращает строку, в которой удалены все вхождения символа. Пример: `delete 'l' "Hello world!"` должно возвращать `"Heo word!"`.

Функция `substitute :: Char -> Char -> String -> String`, которая заменяет в строке указанный символ на заданный. Пример: `substitute 'e' 'i' "eigenvalue"` возвращает `"iiginvalui"`

Святой факториал

$\text{fac } 0 = 1$

$\text{fac } n = n * (\text{fac } (n-1))$

Stack overflow

Хвостовая рекурсия

$\text{fac}' a 0 = a$

$\text{fac}' a n = \text{fac}' (a * n) (n - 1)$

$\text{fac} = \text{fac}' 0$

same as

$\text{fac } n = \text{fac}' 0 n$

Самм

reverse n

fib n

Сами

$$\text{fib}' a b 0 = a$$

$$\text{fib}' a b n = \text{fib}' b (a+b) (n-1)$$

$$\text{fib } n = \text{fib}' 1 1 n$$

Как вариант

```
reverse' list =
```

```
  let
```

```
    reverse" [] acc = acc
```

```
    reverse" (x:xs) acc = reverse" xs (x:acc)
```

```
  in
```

```
    reverse" list []
```

Задание

Write a recursive function which verifies the balancing of parentheses in a string, which we represent as a `List[Char]` not a `String`. For example, the function should return `true` for the following strings:

`(if (zero? x) max (/ 1 x))`

I told him (that it's not (yet) done). (But he wasn't listening)

The function should return `false` for the following strings:

`:-)`

`()))(`

The last example shows that it's not enough to verify that a string contains the same number of opening and closing parentheses.

`balance :: String → Bool`

Задание

```
balance' "" 0 = True
balance' "" _ = False
balance' (x:xs) n
  | n < 0 = False
  | x == '(' = balance' xs (n+1)
  | x == ')' = balance' xs (n-1)
  | otherwise = balance' xs n
balance str = balance' str 0
```


{очу эстетика

```
balance' "" a = a == 0
```

```
balance _ n | n < 0 = False
```

```
balance' (x:xs) n = balance' xs m
```

```
    where m = case x of '(' -> n+1
```

```
                        ')' -> n-1
```

```
                        _ -> n
```

```
balance str = balance' str 0
```

Пред КР

- `reverseAll` — функция, получающая на вход списочную структуру и обращающая все её элементы, а также её саму.
- `firstElem` — функция, возвращающая номер первого вхождения заданного атома в список.

КР!

- `set` — функция, возвращающая список из всех атомов, содержащихся в заданном списке. Каждый атом должен присутствовать в результирующем списке в единственном числе.
- `freq` — функция, возвращающая список пар (символ, частота). Каждая пара определяет атом из заданного списка и частоту его вхождения в этот список.