

Tarea 5 Coloreado de Grafos

Alumno	Fecha
Jiménez Zamudio Vinicio Armando	10/16/2021
Lozano Lozano Alejandro	

Objetivo

Programar el algoritmo de coloreado de vértices para grafos. La implementación descrita en este documento se encuentra en

<https://github.com/aguilavajz/iteso-coloreografos>

Algoritmo y Requerimientos

Entrada

- Grafo G (Vértices y Aristas)
- Número de colores.
- Nombre de colores asignado el orden prioridad

Salida

- Coloreado Posible/Coloreado no posible.
- En caso de ser posible indicar la asignación de vertices con los colores asignados. En caso de que no sea posible indicar el conflicto.
- Presentar salida gráfica opcional.

Funcionamiento

1. Ordenar los vértices de G por grado.
2. Para los nodos de grado igual, obtener su grado de error.

grado de error = Grado + cantidad de nodos adyacentes de grado igual o superior. Se ordenan de acuerdo al grado de error.

3. Se considera el orden de los colores a utilizar, el número de colores y orden se determinan al inicio del programa.
4. Se colorean los nodos considerando el orden de prioridades de color y el acomodo dependiendo el grado de error del algoritmo.
5. Termina el algoritmo cuando todos los vértices son coloreados o cuando falla para colorear algún vértice debido a la falta de colores.

Implementación

Se optó por empezar el algoritmo en python sin ninguna interfaz gráfica, esto para verificar que la implementación y lógica en el código sea correcta.

Una vez que la primera implementación funcionó, se usaron diferentes herramientas y servicios para generar una interfaz gráfica web. A continuación se enlistan los paquetes de SW, servicios y herramientas usadas:

- UI: Oracle APEX 21.1.3
- Backend: PL/SQL
- Paquetes desarrollados con funciones y procedimientos para el coloreo
- Plugin D3 Force Network Chart (3.1.0) de Oracle Apex
- Always Free Tier Oracle Cloud
- Web Server: Nginx
- Oracle Database 19c Enterprise Edition Release 19.0.0.0.0 - Production Version 19.13.0.1.

Código Python

El siguiente código es la parte más importante del algoritmo una vez que los nodos están ordenados.

```
def colorGraph(listOfColoredNodes, listOfColors, listOfNodes):
    for v in listOfNodes:
        for c in listOfColors:
            exists = False

            for n in v.neighbors:
                if c == listOfColoredNodes[n]:
                    exists = True
                    break

            if exists == False:
                listOfColoredNodes[v.value] = c
                break

        if exists == True: return False

    return True
```

Código PL/SQL

El siguiente código es el utilizado en la versión final . De igual manera solo muestra la parte esencial del algoritmo.

```
procedure colorear(
    p_grafo      grafos.id%type,
    p_colores    number,
    p_salida     in out varchar2
) is
    l_exists      boolean;
    l_color_vecino number;
begin
```

```

update nodos
set color = null
where grafo_id = p_grafo;

for c in (SELECT * FROM NODOS
WHERE GRAFO_ID = p_grafo
order by grado desc, grado_error desc, nombre) loop

    apex_debug.log_message(
        c.nombre,
        true,
        1
    );

    for d in (select * from grafo_colores
              where rownum <= p_colores
              order by id) loop

        apex_debug.log_message(
            d.nombre,
            true,
            1
        );

        l_exists := false;

        for e in (select column_value
                  from
table(apex_string.split(obtener_vecinos(p_grafo,c.id),':'))
        loop
            apex_debug.log_message(
                e.column_value,
                true,
                1
            );
            l_color_vecino := obtener_color_nodo(e.column_value);
            apex_debug.log_message(
                obtener_color_name(l_color_vecino),
                true,
                1
            );
            if d.id = l_color_vecino then
                l_exists := true;
                exit;
            end if;

        end loop;

        if not l_exists then
            update nodos
            set color = d.id
            where grafo_id = p_grafo
            and id = c.id;
            exit;
        end if;

    end loop;

    if l_exists then

```

```

        p_salida := 'No se pudo colorear con ' || p_colores || ' colores.
El conflicto esta en el nodo ' || c.nombre;
        exit;
    end if;

end loop;

if not l_exists then
    p_salida := 'Grafo coloreado correctamente.';
end if;

end colorear;

```

Uso de la aplicacion

Estos son los pasos necesarios para hacer uso de la aplicación

1. Ingresa a la siguiente URL: <https://equisoft.ga/ords/f?p=101:LOGIN:9019277304657:::>
2. Usa grafos ya existentes o crea uno dando click en **Agregar grafo** y asígnale un nombre:



Grafos disponibles

2

Prueba Insert

Ver

3

Prueba Insert

Ver

21

MAC

Ver

Total 5

▼

Agregar grafo

Nuevo grafo

Agregar

Una vez creado selecciona tu grafo.

3. Agrega Nodos y Aristas para crear tu grafo.

Nodos

Agregar Nodo

No se han agregado nodos

Aristas

Agregar Arista

No se han agregado aristas

Conforme se vayan agregando nodos, y aristas, estos se irán mostrando en una tabla

ordenados de forma descendente usando como criterio el grado y el error del nodo.

Nodos

Agregar Nodo

Nombre	Grado	Grado de error	Color
ID	6	6	Rojo
NV	5	7	Verde
UT	5	7	Azul
AZ	4	6	Rojo
OR	4	6	Azul
WY	4	6	Verde
CA	3	6	
CO	3	5	
MT	2	4	
NM	2	4	

1 - 10Next ▶

Aristas

Agregar Arista

Nodo 1	Nodo 2
AZ	NM
CA	AZ
CA	NV
CO	NM
ID	NV
ID	UT
ID	WY
MT	ID
MT	WY
NV	AZ

1 - 10Next ▶

Pruebas

El usuario puede hacer pruebas en la siguiente URL: <https://equixoft.ga/ords/f?p=101>

Prueba #1

Grafo Inicial

Grafo

Nodos

Agregar Nodo

Nombre	Grado	Grado de error	Color
F	4	4	
E	3	6	
H	3	6	
I	3	6	
A	3	5	
B	3	5	
D	3	5	
C	2	4	
G	2	4	

1 - 9

Aristas

Agregar Arista

Nodo 1	Nodo 2
A	B
A	C
A	I
B	E
C	B
D	E
D	F
D	G
E	H
F	G

1 - 10Next ▶

Colorear

Colores

Colorear

Reset

Salida con 3 Colores (Coloreado Exitoso)

Grafo

Nodos

Agregar Nudo

Nombre	Grado	Grado de error	Color
F	4	4	Roj
E	3	6	Roj
H	3	6	Verde
I	3	6	Azul
A	3	5	Roj
B	3	5	Verde
D	3	5	Verde
C	2	4	Azul
G	2	4	Azul

1 - 9

Aristas

Agregar Arista

Nodo 1	Nodo 2
A	B
A	C
A	I
B	E
C	B
D	E
D	F
D	G
E	H
F	G

1 - 10 Next

Colorear

* Colores 3

Colorear

Reset

Prioridad	Nombre	Color
1	Roj	
2	Verde	
3	Azul	

Grafo coloreado correctamente.

Salida con 2 Colores (Coloreado No Exitoso. Conflicto en I)

Grafo

Nodos

Agregar Nudo

Nombre	Grado	Grado de error	Color
F	4	4	Roj
E	3	6	Roj
H	3	6	Verde
I	3	6	
A	3	5	
B	3	5	
D	3	5	
C	2	4	
G	2	4	

1 - 9

Aristas

Agregar Arista

Nodo 1	Nodo 2
A	B
A	C
A	I
B	E
C	B
D	E
D	F
D	G
E	H
F	G

1 - 10 Next

Colorear

* Colores 2

Colorear

Reset

Prioridad	Nombre	Color
1	Roj	
2	Verde	

No se pudo colorear con 2 colores. El conflicto esta en el nodo I

Prueba #2

Grafo Inicial

Grafo

Nodos

Agregar Nudo

Nombre	Grado	Grado de error	Color
ID	6	6	
NV	5	7	
UT	5	7	
OR	4	6	
WY	4	6	
AZ	3	6	
CA	3	6	
CO	3	5	
MT	2	4	
WA	2	4	

1 - 10 Next

Aristas

Agregar Arista

Nodo 1	Nodo 2
AZ	NM
CA	AZ
CA	NV
CO	NM
ID	NV
ID	UT
ID	WY
MT	ID
MT	WY
NV	AZ

1 - 10 Next

Colorear

* Colores 2

Colorear

Reset

Salida con 4 Colores (Coloreado Exitoso)

Grafo

Nodos

Agregar Nodo

Nombre	Grado	Grado de error	Color
ID	6	6	Rojo
NV	5	7	Verde
UT	5	7	Azul
AZ	4	6	Rojo
OR	4	6	Azul
WY	4	6	Verde
CA	3	6	Amarillo
CO	3	5	Rojo
MT	2	4	Azul
NM	2	4	Verde

1 - 10 Next ▶

Aristas

Agregar Arista

Nodo 1	Nodo 2
AZ	NM
CA	AZ
CA	NV
CO	NM
ID	NV
ID	UT
ID	WY
MT	ID
MT	WY
NV	AZ

1 - 10 Next ▶

Colorear

* Colores

4

Colorear

Reset

Prioridad	Nombre	Color
1	Rojo	
2	Verde	
3	Azul	
4	Amarillo	

Grafo coloreado correctamente.

Salida con 3 Colores (Coloreado No Existoso. Conflicto en CA)

Grafo

Nodos

Agregar Nodo

Nombre	Grado	Grado de error	Color
ID	6	6	Rojo
NV	5	7	Verde
UT	5	7	Azul
AZ	4	6	Rojo
OR	4	6	Azul
WY	4	6	Verde
CA	3	6	
CO	3	5	
MT	2	4	
NM	2	4	

1 - 10 Next ▶

Aristas

Agregar Arista

Nodo 1	Nodo 2
AZ	NM
CA	AZ
CA	NV
CO	NM
ID	NV
ID	UT
ID	WY
MT	ID
MT	WY
NV	AZ

1 - 10 Next ▶

Colorear

* Colores

3

Colorear

Reset

Prioridad	Nombre	Color
1	Rojo	
2	Verde	
3	Azul	

No se pudo colorear con 3 colores. El conflicto esta en el nodo CA

Prueba #3

Grafo Inicial

Grafo

Nodos

Agregar Nodo

Nombre	Grado	Grado de error	Color
A	3	3	
B	2	4	
C	2	4	
D	1	2	

1 - 4

Aristas

Agregar Arista

Nodo 1	Nodo 2
A	C
A	D
B	A
B	C

1 - 4

Colorear

* Colores

0

Colores must be a number between 1 and 11.

Colorear

Reset

Resultado

Grafo coloreado correctamente.

Salida con 3 Colores (Coloreado Exitoso)

Grafo

Nodos

Agregar Nodo

Nombre	Grado	Grado de error	Color
A	3	3	Rojo
B	2	4	Verde
C	2	4	Azul
D	1	2	Verde

1 - 4

Aristas

Agregar Arista

Nodo 1	Nodo 2
A	C
A	D
B	A
B	C

1 - 4

Colorear

* Colores

3

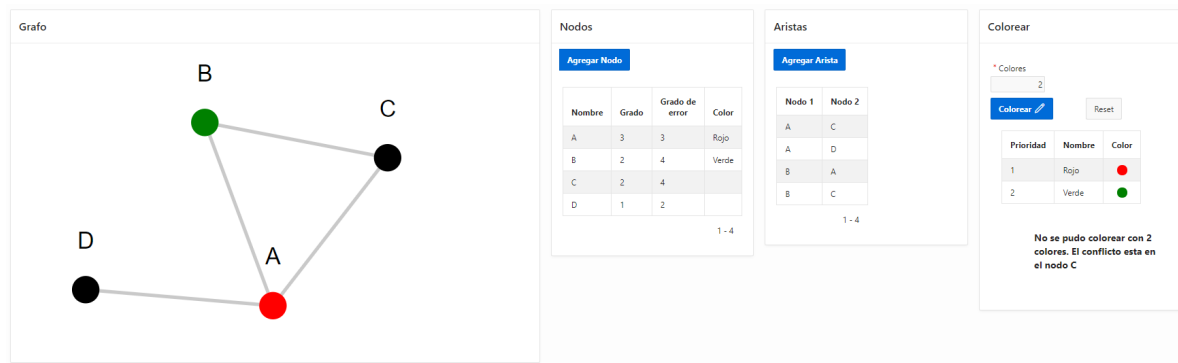
Colorear

Reset

Prioridad	Nombre	Color
1	Rojo	
2	Verde	
3	Azul	

Grafo coloreado correctamente.

Salida con 2 Colores (Coloreado No Exitoso. Conflicto en C)



Conclusiones

Como se demostró, la implementación de este algoritmo es simple y puede ser usado en aplicaciones de escritorio hasta web. Cabe mencionar que el algoritmo es un algoritmo voraz, los cuales se caracterizan por escoger un local óptimo en cada paso con la esperanza de llegar a una solución óptima general. La implementación mostrada en este reporte hace uso de 3 ciclos anidados (nodos, colores y vecinos) por lo que un análisis apriori determinaría una complejidad de $O(n^3)$. Se requiere indagar si es posible reducir dicha complejidad. A pesar de su fácil implementación, investigaciones muestran que dicho algoritmo puede ser útil en aplicaciones como: solución de Sudokus, Planeación de Eventos, Agendar tareas etc.

Hay limitaciones en la aplicación:

- No se pueden agregar nodos con el mismo nombre
- No se puede agregar la arista más de una vez
- El orden/prioridad de los colores está definido con un máximo de 11 colores.

Bibliografía

Algoritmo Voraz https://es.wikipedia.org/wiki/Algoritmo_voraz

Applications of Graph Colouring <https://www.youtube.com/watch?v=y4RAYQjKb5Y&t=9s>

D3 Force Network Chart (3.1.0) <https://github.com/ogobrecht/d3-force-apex-plugin>

APEX: <https://www.oracle.com/database/technologies/appdev/apex.html>

Oracle Cloud: <https://www.oracle.com/cloud/>