

Trabajo Práctico I

Algoritmos y Estructuras de Datos III Primer Cuatrimestre de 2015

Integrante	LU	Correo electrónico
Aldasoro Agustina	86/13	agusaldasoro@gmail.com
Noriega Francisco	XXX/XX	mail
Zimenspitz Ezequiel	155/13	ezeqzim@gmail.com
Zuker Brian	XXX/XX	mail



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2160 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

Tel/Fax: (54 11) 4576-3359 http://www.fcen.uba.ar

Resumen

Habiéndonos sido dado una serie de tres problemáticas a resolver, se plantean sus respectivas soluciones acorde a los requisitos pedidos. Se adjunta una descripción de cada problema y su solución, conjunto a su análisis de correctitud y de complejidad sumado a su experimentación. El lenguaje elegido para llevar a cabo el trabajo es C++.

Índice

1.	Problema 1: ZombieLand	3
	1.1. Descripción de la problemática	3
	1.2. Resolución propuesta y justificación	4
	1.3. Análisis de la complejidad	5
	1.4. Código fuente	6
	1.5. Experimentación	7
2.	Problema 2: Alta Frecuencia	8
	2.1. Descripción de la problemática	8
	2.2. Resolución propuesta y justificación	
	2.3. Análisis de la complejidad	8
	2.4. Código fuente	8
	2.5. Experimentación	8
3.	Problema 3: El señor de los caballos	9
	3.1. Descripción de la problemática	9
	3.2. Resolución propuesta y justificación	10
	3.3. Análisis de la complejidad	
	3.4. Código fuente	
	3.5 Experimentación	10

1. Problema 1: ZombieLand

1.1. Descripción de la problemática

Dado un mapa con *n* ciudades, en cada una de ellas se encuentra una determinada cantidad de Zombies y una determinada cantidad de Soldados (ambas también dadas). El objetivo del problema es exterminar a la invasión zombie, para ello es necesario un enfrentamiento *zombies vs soldados* por cada ciudad. Con el fin de que este enfrentamiento sea positivo, es decir se logre matar a todos los zombies de una ciudad, es necesario que la cantidad de zombies sea, a lo sumo, diez veces más grande que la cantidad de soldados.

Como los soldados se encuentran atrincherados, se puede optar entre llevar a cabo un enfrentamiento o no (ya que no se desea provocar un ataque donde ya se sabe que se va a perder). Los soldados acuartelados no pueden moverse de la ciudad en la que están, pero sí se cuenta con una dotación de soldados extra que se la puede ubicar en cualquiera de las *n* ciudades acorde a lo deseado. La cantidad de soldados extra es ilimitada, mas los recursos para trasladarlos no lo son. El traslado de cada soldado extra a una ciudad tiene un costo específico que varía acorde a la ciudad elegida. Siempre que sea económicamente posible, se puede trasladar una cantidad de soldados indistinta por ciudad.

Debido a que los recursos económicos son finitos, no siempre va a ser posible salvar a las n ciudades. Lo que se desea en este problema es maximizar la cantidad de ciudades salvadas, respetando el presupuesto. Es decir, se deben establecer las cantidades de soldados extras enviados a cada ciudad de modo que la cantidad de ciudades salvadas sea la óptima y gastando un monto por debajo del presupuesto. El algoritmo debe tener una complejidad temporal de O(n.log(n)), siendo n la cantidad de ciudades del país.

Aca se podría poner unos dibujitos de soluciones óptimas como para que quede más lindo

1.2. Resolución propuesta y justificación

Para la resolución del problema decidimos utilizar un algoritmo goloso¿?, el mismo tomará una decisión óptima para cada instante, sin revisar si será la mejor a nivel global.

Como primera instancia, el algoritmo simplemente calcula, para cada ciudad, cuánto sería el costo de salvarla. Para ello, primero se calcula la cantidad de soldados extra necesarios y luego se multiplica por el costo de traslado de cada unidad:

```
soldados_extras_necesarios = redondeo_hacia_arriba((zombies - (soldados_existentes * 10)) /10)
costo_total = costo_unitario * soldados_extras_necesarios
```

Luego de haber obtenido una magnitud con la cual se pueden comparar las ciudades entre sí, se ordenan las ciudades de menor a mayor en base al costo de salvarla para ser recorridas secuencialmente y enviar los ejércitos requeridos hasta que alcance el presupuesto.

Como las ciudades van a estar almacenadas en un vector, en la posicion vec_0 se va a encontrar la ciudad que es más barata de salvar y en la posición vec_{n-1} la más cara. En este vector se van a encontrar todas las ciudades pasadas por parámetro, sin importar que una ciudad ya este salvada al ser ingresada.

Se recorre este vector secuencialmente, de modo que para cada posición $i \in [0,n-1]$ se va a comparar el costo de salvar la ciudad i contra el presupuesto restante en esa instancia (presupuesto_actual). Si es una compra factible, se resta el costo_total del presupuesto_actual y se envian las tropas necesarias a la ciudad i; en caso contrario se le asigna 0 a las tropas extras enviadas a la ciudad i.

Por la forma en que fue construido el vector, cuando se encuentre una ciudad i que el costo de salvarla excede del presupuesto_actual las demás ciudades $j \in [i+1, n-1]$ tampoco podrán ser salvadas. De todos modos, nuestro algoritmo realiza el mismo cálculo para todas las posiciones del vector.

El algortimo resuelve el problema salvando la mayor cantidad de ciudades posibles porque INSERT FORMAL DEMO

1.3. Análisis de la complejidad

La complejidad de nuestra solución es O(n.log(n)), siendo n la cantidad de ciudades del país.

El costo de guardar todas las ciudades pasadas por parámetro en el vector no va??

Algorithm 1: zombieland

for cada ciudad en vector país do

Calcular la cantidad de soldados extra necesarios y el costo de esto.

Almacenar esta información en un vector datos mediante push_back()

Ordena al vector datos mediante sort_heap()

for cada ciudad en vector datos do

Calcular si puede ser salvada.

Indicarle cantidad de soldados extras enviados y cambios en el presupuesto_actual.

El código presenta un **primer ciclo** *for* que calcula el costo de salvar a cada ciudad y las agrega mediante push_back() a un vector. El ciclo recorre linealmente todas las ciudades por lo que tiene complejidad O(n).

El cálculo de salvar a cada ciudad coincide con el descripto en la sección anterior, el cual por ser operaciones aritméticas es O(1). Armar el nuevo struct para insertar dentro del vector *datos* también posee un costo constante O(1). La función push_back() 1 tiene costo O(1) amortizado, lo que implica que cuando no precisa redimensionar el vector cuesta esto, y cuando lo hace, toma tiempo lineal en la cantidad de elementos. Como insertamos durante todo el ciclo tomamos el costo amortizado O(1).

Por lo tanto, la complejidad total del primer ciclo for nos da O(n).

Le sigue **ordenar el vector** con estos datos, para ello usamos **sort_heap()** 2 de la librería de C cuya complejidad es O(n.log(n)).

Finalmente se realiza un **último ciclo** *for* que salva las ciudades que pueda, mientras dure el presupuesto y deja en *0 soldados enviados* a las ciudades que no pueden ser salvadas. Estos cálculos aritméticos y asignaciones son todos de complejidad constante O(1). Este ciclo recorre linealmente todas las ciudades por lo tanto, lo hace con complejidad*O(n)*.

La complejidad de como escribir la salida no me parece relevante... habría que preguntarlo

Como cada paso de los mencionados son secuenciales, las complejidades se suman, obteniendo: O(n) + O(n.log(n)) + O(n) que es igual a O(n.log(n)) por propiedades de O.

¹http://www.cplusplus.com/reference/vector/vector/push_back/

²http://www.cplusplus.com/reference/algorithm/sort_heap/?kw=sort_heap

1.4. Código fuente

```
struct ciudad{
   int zombies;
   int soldados;
   int costo;
};
```

```
struct ciudad2{
   int numCiudad;
   int soldadosNecesarios;
   int costoTotal;
   bool operator< (const ciudad2& otro) const{
      return costoTotal < otro.costoTotal;
   }
};</pre>
```

Poner como leemos y escribimos?? y el main? CREO QUE SI...

```
Algorithm 2: ZombieLand(out: vector<ciudad2>; in: int cantCiudades, int presupuesto, vector<ciudad>& pais; in/out: int& salvadas)
```

```
salvadas = 0;
vector<ciudad2> datos;
for (int i = 0; i < cantCiudades; ++i) do
   ciudad2 actual;
   actual.numCiudad = i;
   double diferencia = (pais[i].zombies - pais[i].soldados * 10);
   if (diferencia > 0) then
      actual.soldadosNecesarios = ceil(diferencia/10);
   actual.soldadosNecesarios = 0;
   actual.costoTotal = actual.soldadosNecesarios * pais[i].costo;
   datos.push_back(actual);
sort_heap(datos.begin(), datos.end());
for (int i = 0; i < cantCiudades; ++i) do
   int dif = presupuesto - datos[i].costoTotal;
   if (dif >= 0) then
      salvadas++;
      presupuesto = dif;
      datos[i].soldadosNecesarios = 0;
return datos;
```

1.5. Experimentación

Experimentos que se pueden hacer:

- -Muchas ciudades con pocos soldados para mandar, pero presupuesto bajo. Hipotesis: realmente es la cantidad optima, sin importar la que elija.
- -Una cantidad muy grande de ciudades y todas salvadas ya al ser ingresadas VS la misma cantidad de ciudades pero ahora hay un presupuesto grande y hay que elegir. Hipotesis: ambas deberian tardar tiempos similares.
- -Mejorar el algortimo para que cuadno encuentra uan ciudad que no puede salvar, ya no recorra mas. Y comparar tiempos del ejemplo anterior. Hipotesis: el tiempo en el primer caso deberia ser notoriamente inferior.
- -Comparar tiempos para ciudades de tamaño 10, 100, 1000, 10000 y 100000 generando aleatoriamente diez de cada una y scar promedio.

Ver bien como generar ciudades aleatorias

2. Problema 2: Alta Frecuencia

2.1. Descripción de la problemática

Se quiere transmitir información secuencialmente mediante un enlace el mayor tiempo posible. Los enlaces tienen asociadas distintas frecuencias, con un costo por minuto y un intervalo de tiempo (sin cortes) en el cual funcionan. Se utilizan durante minutos enteros, y es posible cambiar de una frecuencia a otra instantánemente (del minuto 1 al 4 uso la frecuencia A y del 4 al 6 la B. Los datos del precio y e intervalo de tiempo de cada frecuencia son dados. Se desea optimizar este problema para transmitir todo el tiempo que tenga al menos una frecuencia abierta, pero gastando la menor cantidad de dinero. Se debe contar con una complejidad de O(n.log(n)).

Aca poner ejemplitos de cual es la solucion optima cuando hay varias senales y cuando tenes que camibar de senial porque se prendio una mas barata.

2.2. Resolución propuesta y justificación

El algoritmo que utilizamos pertenece a la familia de Divide & Conquer.

Todas las frecuencias se encuentran almacenadas en un vector. Primero se las ordena en orden creciente respecto del costo, es decir en la primera posición se almacena la màs barata y en la última, la más cara. Se va a proseguir mediante el divide dentro de este vector.

Se prosigue de acuerdo a las características de Divide & Conquer. De modo recursivo, se divide al vector pasado por parámetro por la mitad creando dos nuevos a los cuales se les aplica nuestro algoritmo de merge. El caso base se da cuando el vector tiene un sólo elemento, para lo cual se devuelve el vector tal cual entró.

Nuestro algoritmo de Merge se encarga de elegir entre las frecuencias de dos arreglos pasados como parámetro, de modo que devuelve un sólo vector indicando los intervalos ocupados por las frecuencias elegidas. Dado el enunciado del problema, para elegir que frecuencia utilizar en determinado de tiempo se debe priorizar el precio más barato emitiendo señal siempre que sea posible. Gracias a que en el primer llamado de nuestra

2.3. Análisis de la complejidad

2.4. Código fuente

2.5. Experimentación

3. Problema 3: El señor de los caballos

3.1. Descripción de la problemática

En este problema, se presenta un tablero de ajedrez de tamaño nxn, el cual cuenta con alguna cantidad de caballos ubicados en una posición aleatoria del tablero. Lo que se quiere lograr es cubrir todo el tablero. Un casillero se considera cubierto si hay un caballo en él o bien, si es una posición en la cual algún caballo existente puede moverse con un sólo movimiento. Para lograr este cometido, puede ser necesario agregar nuevas fichas caballo al tablero. No existe un límite en la cantidad de caballos para agregar, pero lo que se busca es dar una solución con la mínima cantidad de caballos posibles.

En la figura 1 se pueden ver todas las casillas que están cubiertas por un sólo caballo.

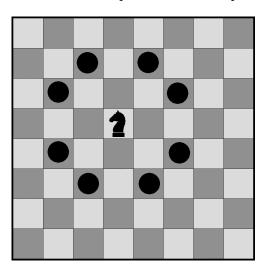


Figura 1: Casillas que cubre un caballo

A continuación se pueden apreciar dos soluciones al problema de cubrir el tablero.

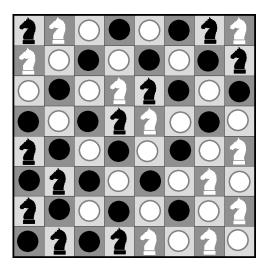


Figura 2: Solución 1

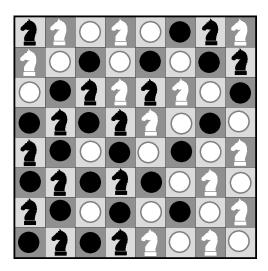


Figura 3: Solución 2

En la solución 1 se necesitaron 20 caballos, en cambio en la dos 25; es decir 5 caballos más. Por lo tanto podemos establecer que la solución 2 no es la óptima y este caso no es lo que buscamos resolver. Por otro lado, la figura 1 es óptima? Después sabremos...

- 3.2. Resolución propuesta y justificación
- 3.3. Análisis de la complejidad
- 3.4. Código fuente
- 3.5. Experimentación