

Practica 8

Agustin Stescovich Curi

1

(Funcion abstraccion) Necesito que todas las ventas registradas en **ventasPorProducto** aparezcan en **ventas**, que por cada producto la suma de los montos de todas sus ventas se equivalente al valor asociado a dicho producto en **totalPorProducto** y que la venta(monto) mas caro de cada producto en **ventasPorProducto** sea el valor asociado a dicho producto en **ultimoPrecio**.

(invariante de representacion) Para cada producto la suma de todas las ventas debe ser equivalente a **totalPorProducto[producto]** y la mayor de ellas debe ser equivalente a **ultimoPrecio[producto]**.

$$\mathbf{tup} = \mathit{tupla}\langle \mathit{producto}, \mathit{fecha}, \mathit{monto} \rangle$$

$$\mathbf{pred} \text{ invRep } (c:\mathbf{comercioImpl}) \{ (\forall p : \mathit{producto}) (\mathit{pertenece}(p, c.\mathit{ventas}) \leftrightarrow (\exists s : \mathit{seq}\langle \mathbf{tup} \rangle) ((\forall t : \mathbf{tup}) (t_1 = p \wedge t \in s \leftrightarrow t \in c.\mathit{ventas}) \wedge \sum_{i=0}^{|s|-1} s[i]_2 = c.\mathit{totalPorProducto}[p] \wedge (\exists m : \mathbf{tup}) (\mathit{esMax}(m, s) \wedge t_2 = \mathit{ultimoPrecio}[p])))) \}$$

$$\mathbf{pred} \text{ pertenece } (p : \mathit{producto}, v : \mathit{seq}\langle \mathbf{tup} \rangle) \{ (\exists t : \mathbf{tup}) (t \in v \wedge t_0 = p) \}$$

$$\mathbf{pred} \text{ esMax } (t : \mathbf{tup}, v : \mathit{seq}\langle \mathbf{tup} \rangle) \{ t \in v \wedge (\forall t' : \mathbf{tup}) (t' \in v \rightarrow t'_2 \leq t_2) \}$$

$$\mathbf{pred} \text{ abs } (c:\mathbf{comercioImpl}, c':\mathbf{com}) \{ (\forall p : \mathit{producto}) (p \in c'.\mathit{vpp} \wedge \mathit{pertenece}(p, c.\mathit{ventas}) \leftrightarrow (\forall t : \langle \mathit{fecha}, \mathit{monto} \rangle) (t \in c'.\mathit{vpp}[p] \leftrightarrow \langle p, t_0, t_1 \rangle \in c.\mathit{ventas} \wedge (\exists t' : \langle \mathit{fecha}, \mathit{monto} \rangle) (t' \in c'.\mathit{vpp}[p] \wedge t'_0 \geq t_0 \wedge t'_1 = c.\mathit{ultimoPrecio}[p])) \wedge \sum_{i=0}^{|c'.\mathit{vpp}[p]|-1} c'.\mathit{vpp}[p][i][1] = c.\mathit{totalPorProducto}[p]) \}$$

2

2.1 Invrep(castellano)

Necesito que para cada alarma(key) en **planta.alarmas**, todos los sensores pertenecientes al conjunto asociado a la alarma sean claves en **planta.sensores** y que la alarma pertenezca al conjunto asociado a cada sensor.

2.2 Invariante de Representacion

$\text{pred invRep } (p:\text{plantaImpl})\{(\forall a : \text{alarma})(a \in p.\text{alarmas} \rightarrow (\forall s : \text{sensor})(s \in p.\text{alarmas}[a] \rightarrow s \in p.\text{sensores} \wedge a \in p.\text{sensores}[s]))\}$

2.3 Funcion Abstraccion

$\text{pred abs } (p:\text{plantaImpl}, p':\text{planta})\{(\forall s : \text{sensor}, a : \text{alarma})(a \in p'.\text{alarmas} \wedge \langle s, a \rangle \in p'.\text{sensores} \leftrightarrow s \in p.\text{alarmas}[a] \wedge a \in p.\text{alarmas}[s])\}$

3

3.1 Invrep(castellano)

Necesito: i) si un estudiante pertenece a **estudiantes** entonces pertenece tambien a **faltas**, **notas** y **notasPorEstudiante** ii) La cantidad de faltas por estudiante debe ser un numero mayor o igual a 0 iii) Si un estudiante pertenece al i-esimo conjunto en **notas** entonces la i-esima posicion en el *array* de la clave de dicho estudiante en **notasPorEstudiante** es mayor a 0. iv) **estudiantes**, **faltas** y **notasPorEstudiante** tienen el mismo tamaño siempre v) El tamaño de **notas** es 10 vi) el tamaño de todos los elementos de **notas** es el mismo que el de **estudiantes**

3.2 Invariante de representacion

$\text{pred invRep } (s:\text{secundarioImpl})\{(\forall e : \text{estudiante})(e \in s.\text{estudiantes} \rightarrow e \in s.\text{faltas} \wedge e \in s.\text{notas} \wedge e \in s.\text{notasPorEstudiante} \wedge s.\text{faltas}[e] \geq 0 \wedge (\forall i : \mathbb{Z})(0 \leq i \leq 10 \wedge e \in s.\text{notas}[i] \leftrightarrow s.\text{notasPorEstudiante}[e][i] > 0)) \wedge s.\text{estudiantes.length} = s.\text{faltas.length} = s.\text{notasPorEstudiante.length} \wedge s.\text{notas.length} = 10 \wedge (\forall j : \mathbb{Z})(0 \leq j \leq 10 \rightarrow s.\text{notas}[j].\text{length} = s.\text{estudiantes.length})\}$

3.3 Funcion abstraccion

$\text{pred abs } (s:\text{secundarioImpl}, s':\text{secundario})\{(\forall e : \text{estudiante})(e \in s'.\text{estudiantes} \leftrightarrow e \in s.\text{estudiantes}) \wedge (\forall e' : \text{estudiantes}, i : \mathbb{Z})(e' \in s'.\text{faltas} \wedge s'.\text{faltas}[e'] = i \leftrightarrow e' \in s.\text{faltas} \wedge s.\text{faltas}[e'] = i) \wedge (\forall e'' : \text{estudiantes}, n : \mathbb{Z})(0 \leq n \leq 10 \wedge e'' \in s'.\text{notas} \wedge n \in s'.\text{notas}[e''] \leftrightarrow e'' \in s.\text{notas}[n] \wedge e'' \in s.\text{notasPorEstudiante} \wedge s.\text{notasPorEstudiante}[e''][n] > 0)\}$

4

HACER

5

5.1 Invariante de representacion

5.2 Funcion abstraccion

5.3 Modulo

```
modulo MIB implementa Matriz infinita de booleanos {  
    var data : vector<vector<boolean>>  
    var inv : vector<vector<boolean>>  
    var vacio : boolean  
  
    proc crear (): MIB {  
        res := new MIB()  
        res.data.vectorVacio()  
        res.inv.vectorVacio()  
        res.vacio := False  
        return res  
    }  
  
    proc agregar (inout m : MIB, in f, c :  $\mathbb{Z}$ , in b : boolean): {  
        act := m.data.longitud()  
        if (act < f) then  
            while (act ≤ f) do  
                fil.vectorVacio()  
                act++  
                m.data.agregarAtras(fil)  
                m.inv.agregarAtras(fil)  
            endwhile  
        endif  
        act := m.data.obtener(f).longitud()  
        if (act < c) then  
            while (act ≤ c) do  
                col=False :=  
                act++  
                m.data.agregarAtras(col)  
                m.inv.agregarAtras(col)  
            endwhile  
        endif  
        modificarPosicion(m.data.obtener(f),c,b)  
        modificarPosicion(m.inv.obtener(f),c,!b)  
    }  
  
    proc ver (in m : MIB, in f, c :  $\mathbb{Z}$ ): boolean {  
        if (m.data.longitud() > f) then  
            return m.vacio  
        elsif (m.data.obtener(f).longitud() > c) then  
            return m.vacio  
        end if  
    }  
}
```

```

    else
        return m.obtener(f).obtener(c)
    endif
}

proc complementar (inout m : MIB): {
    copiaD := new vector<vector<boolean>>
    copiaI := new vector<vector<boolean>>
    copiaVacio := new boolean
    copiaD := m.data
    copiaI := m.inv
    copiaVacio := m.vacio
    m.data := copiaI
    m.inv := copiaD
    m.vacio := copiaVacio
}
}

```

5.4 Complejidades

- $crear \in O(1)$
- $agregar \in O(\max(f, c))$ [f y c son las entradas para la fila y columna]
- $ver \in O(1)$
- $complementar \in O(1)$