

PUNTO 11.

$$T(n) = \begin{cases} \alpha e_1 & n=1 \\ T(n-1) + \alpha e_2 & n > 1 \end{cases}$$

suponiendo que $n > 1$

paso ①

$$T(n-1) + \alpha e_2$$

paso ②

$$[T(n-2) + \alpha e_2] + \alpha e_2$$

$$T(n-2) + 2\alpha e_2$$

paso ③

$$[T(n-3) + 2\alpha e_2] + \alpha e_2 =$$

$$= T(n-3) + 3\alpha e_2$$

paso i

$$= T(n-i) + i \cdot \alpha e_2$$

Caso base

$$n-i = 1$$

$$n = 1 + i$$

$$\boxed{n-1 = i}$$

reemplazo i

$$+ (n - (n-1)) + (n-1) \cdot c_{e2} =$$

$$= T(1) + (n-1) \cdot c_{e2} =$$

$$= \boxed{c_{e1} + n c_{e2} - c_{e2}} = T(n)$$

orden candidato $\rightarrow O(n)$

Primer termino

$$c_{e1} \leq c_1 n$$

orden crecimiento

$$c_e \leq n$$

multiplico ambos por c_{e1}

$$c_{e1} \leq c_{e1} : n$$

vale desigualdad con $c_1 = c_{e1}$, y esto vale para $n \geq 1$

↓
no

segundo termino

$$n c_{e2} \leq c_2 n$$

orden crecimiento

$$n \leq n$$

multiplico ambos por c_{e2}

$$n c_{e2} \leq c_{e2} n$$

vale desigualdad con $c_2 = c_{e2}$, y esto vale para cualquier

n .

tercer termino

$$\alpha e_2 \leq c_3 n$$

orden crecimiento

$$\alpha e \leq n.$$

multiplico ambos lados por αe_2

$$\alpha e_2 \leq \alpha e_2 \cdot n$$

vale desigualdad con $c_3 = \alpha e_2$, y esto vale para $n \gg 1$.

obtencion c y no para todo el $\tau(n)$.

$$\alpha e_1 + n \alpha e_2 - \alpha e_2 \leq c_1 n + c_2 n + c_3 n$$

$$\alpha e_1 + n \alpha e_2 - \alpha e_2 \leq (c_1 + c_2 + c_3) n$$

$$\alpha e_1 + n \alpha e_2 - \alpha e_2 \leq (\alpha e_1 + \alpha e_2 + \alpha e_2) n$$

$$c = \alpha e_1 + \alpha e_2 + \alpha e_2.$$

El n_0 mas restrictivo $n_0 = 1$.

$\tau(n) \leq O(n)$, con $c = \alpha e_1 + \alpha e_2 + \alpha e_2$ para todo $n \gg 1$, no con

$$n_0 = 1$$