# Practica 2

- 1. Desarrolle un algoritmo paralelo que compute una suma de vectores: Ai = Bi + Ci . Para ello, considere lo siguiente:
- Identifique las regiones de código que pueden ejecutarse en paralelo y las que no ¿Existen dependencias?
- Analice cómo distribuir el trabajo entre los hilos. ¿El cómputo es regular? ¿La arquitectura es homogénea?
   Mida el tiempo de ejecución para diferentes valores de N y T={2,4,8}. Analice el rendimiento.
- Cada hilo se va a encargar de realizar la suma de distintas porciones del vector, por lo tanto no existen dependencias entre los distintos hilos que se están ejecutando en paralelo.

Las regiones que no se pueden ejecutar en paralelo son:

- Verificación de los argumentos
- La inicialización de ciertas variables necesarias para la división del vector en varias porciones.
- La inicialización de los vectores (en el caso del código en realidad si se podría hacer, cada hilo podría inicializar su porción de los vectores A y B en 1 pero creo que esa no es la idea del ejercicio)
- La creación de los hilos y la espera a la terminación de los hilos hijos (join)
- La arquitectura es homogénea ya que se tratan de hilos trabajando sobre la misma memoria compartida, pero el cómputo no es regular particularmente en los casos que queda un resto en la división de N (tamaño vectores) / T (cantidad de hilos), en este caso el hilo último hilo (T - 1) tendrá una porción del vector más grande y por lo tanto deberá realizar más sumas.

```
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1 100
Suma de vectores de dimensión 100. Tiempo en segundos 0.000001
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1paralelo 100 2
Suma de vectores de dimensión 100. Tiempo en segundos 0.000245
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1paralelo 100 4
Suma de vectores de dimensión 100. Tiempo en segundos 0.000254
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1paralelo 100 8
Suma de vectores de dimensión 100. Tiempo en segundos 0.000118
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1 1000
Suma de vectores de dimensión 1000. Tiempo en segundos 0.000006
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1paralelo 1000 2
Suma de vectores de dimensión 1000. Tiempo en segundos 0.000240
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Puntol$ ./puntolparalelo 1000 4
Suma de vectores de dimensión 1000. Tiempo en segundos 0.000117
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1paralelo 1000 8
Suma de vectores de dimensión 1000. Tiempo en segundos 0.000131
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1 10000
Suma de vectores de dimensión 10000. Tiempo en segundos 0.000089
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Puntol$ ./puntolparalelo 10000 2
Suma de vectores de dimensión 10000. Tiempo en segundos 0.000357
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1paralelo 10000 4
Suma de vectores de dimensión 10000. Tiempo en segundos 0.000086
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1paralelo 10000 8
Suma de vectores de dimensión 10000. Tiempo en segundos 0.000119
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1 100000
Suma de vectores de dimensión 100000. Tiempo en segundos 0.000703
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1paralelo 100000 2
Suma de vectores de dimensión 100000. Tiempo en segundos 0.000797
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Puntol$ ./puntolparalelo 100000 4
Suma de vectores de dimensión 100000. Tiempo en segundos 0.001020
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1paralelo 100000 8
Suma de vectores de dimensión 100000. Tiempo en segundos 0.001173
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Puntol$ ./puntol 1000000
Suma de vectores de dimensión 1000000. Tiempo en segundos 0.007382
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1paralelo 1000000 2
Suma de vectores de dimensión 1000000. Tiempo en segundos 0.005285
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1paralelo 1000000 4
Suma de vectores de dimensión 1000000. Tiempo en segundos 0.006114
Suma de vectores resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto1$ ./punto1paralelo 1000000 8
Suma de vectores de dimensión 1000000. Tiempo en segundos 0.006905
Suma de vectores resultado correcto
```

## Speedup y Eficiencia

Tp → tiempo desde que empieza a ejecutarse el primer hilo hasta que termina el último Ts → tiempo que tarda en ejecutarse la solución secuencial.

Ts/Tp → Si el resultado es > a 1 es mejor el paralelo

(A ver en teoría el speedup permite independizarnos del tamaño del problema pero no pienso calcularlo así que voy a usar los distintos tiempos de los diversos N)

La eficiencia permite saber qué tan cerca se está del speedup óptimo, que tan bien estamos aprovechando la arquitectura.

E = S/SOptimo

El Speedup óptimo depende de la arquitectura, si es homogénea es la cantidad de procesadores. En mi caso estoy usando una máquina virtual con 2 procesadores, por lo tanto el SOptimo seria 2.

El valor de la eficiencia es un número entre 0 y 1, si es más cercano a 1 indica que la arquitectura se está aprovechando, caso contrario es más cercano a 0.

N = 100

Tiempo en segundos secuencial 0.000001 Tiempo en segundos paralelo 2 0.000245 Tiempo en segundos paralelo 4 0.000254 Tiempo en segundos paralelo 8 0.000118

Comparación respecto a 2 hilos  $\Rightarrow$  0.000001/0.000245 = 0.00408163265 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.00408163265/2 = 0.002 Comparación respecto a 4 hilos  $\Rightarrow$  0.000001/0.000254 = 0.00393700787 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.00393700787/2 = 0.002 Comparación respecto a 8 hilos  $\Rightarrow$  0.000001/0.000118 = 0.00847457627 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.00847457627/2 = 0.004

N = 1000

Tiempo en segundos 0.000006 Tiempo en segundos paralelo 2 0.000240 Tiempo en segundos paralelo 4 0.000117 Tiempo en segundos paralelo 8 0.000131

Comparación respecto a 2 hilos  $\Rightarrow$  0.000006/0.000240 = 0.025 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.025/2 = 0.0125 Comparación respecto a 4 hilos  $\Rightarrow$  0.000006/0.000117 = 0.05128205128 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.05128205128/2 = 0.026 Comparación respecto a 8 hilos  $\Rightarrow$  0.000006/0.000131 = 0.04580152671 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.04580152671/2 = 0.023

N = 10000

Tiempo en segundos 0.000089 Tiempo en segundos paralelo 2 0.000357 Tiempo en segundos paralelo 4 0.000086 Tiempo en segundos paralelo 8 0.000119

Comparación respecto a 2 hilos  $\Rightarrow$  0.000089/0.000357 = 0.24929971988 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.24929971988/2 = 0.125 Comparación respecto a 4 hilos  $\Rightarrow$  0.000089/0.000086 = 1.03488372093 Eficiencia  $\Rightarrow$  1.03488372093/2 = 0.517 Comparación respecto a 8 hilos  $\Rightarrow$  0.000089/0.000119 = 0.04580152671 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.04580152671/2 = 0.023

N = 100000

Tiempo en segundos 0.000703 Tiempo en segundos paralelo 2 0.000797 Tiempo en segundos paralelo 4 0.001020 Tiempo en segundos paralelo 8 0.001173

Comparación respecto a 2 hilos  $\Rightarrow$  0.000703/0.000797 = 0.88205771643 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.88205771643/2 = 0.441 Comparación respecto a 4 hilos  $\Rightarrow$  0.000703/0.001020 = 0.68921568627 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.68921568627/2 = 0.345 Comparación respecto a 8 hilos  $\Rightarrow$  0.000703/0.001173 = 0.59931798806 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.59931798806/2 = 0.3

N = 1000000

Tiempo en segundos 0.007382 Tiempo en segundos paralelo 2 0.005285 Tiempo en segundos paralelo 4 0.006114 Tiempo en segundos paralelo 8 0.006905

Comparación respecto a 2 hilos  $\rightarrow$  0.007382/0.005285 = 1.397 Eficiencia  $\rightarrow$  1.397/2 = 0.6985 Comparación respecto a 4 hilos  $\rightarrow$  0.007382/0.006114 = 1.207 Eficiencia  $\rightarrow$  1.207/2 = 0.6035 Comparación respecto a 8 hilos  $\rightarrow$  0.007382/0.006905 = 1.069 Eficiencia  $\rightarrow$  1.069/2 = 0.5345

Se puede ver como claramente a medida que aumenta N el algoritmo paralelo comienza a ser mejor que el secuencial y el más eficiente comienza a ser el que utiliza 2 hilos.

2. Desarrolle un algoritmo paralelo que compute la multiplicación de matrices cuadradas de NxN. Primero, considere a la versión optimizada del ejercicio 8 de la práctica anterior como algoritmo base. Luego, paralelice la versión que computa por bloques.

Mida el tiempo de ejecución para N={512, 1024, 2048, 4096} y T={2,4,8}. Analice el rendimiento.

Comparación algoritmo secuencial con algoritmos paralelos de 2, 4 y 8 hilos

```
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2 512
Multiplicacion de matrices de 512x512. Tiempo en segundos 0.523177
Multiplicacion de matrices resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2Paralelo 512 2
Multiplicacion de matrices de 512x512. Tiempo en segundos 1.023079
Multiplicacion de matrices resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2Paralelo 512 4
Multiplicacion de matrices de 512x512. Tiempo en segundos 0.927933
Multiplicacion de matrices resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2Paralelo 512 8
Multiplicacion de matrices de 512x512. Tiempo en segundos 2.078978
Multiplicacion de matrices resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2 1024
Multiplicacion de matrices de 1024x1024. Tiempo en segundos 3.794026
Multiplicacion de matrices resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2Paralelo 1024 2
Multiplicacion de matrices de 1024x1024. Tiempo en segundos 7.037551
Multiplicacion de matrices resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2Paralelo 1024 4
Multiplicacion de matrices de 1024x1024. Tiempo en segundos 7.361160
Multiplicacion de matrices resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2Paralelo 1024 8
Multiplicacion de matrices de 1024x1024. Tiempo en segundos 14.474623
Multiplicacion de matrices resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2 2048
Multiplicacion de matrices de 2048x2048. Tiempo en segundos 28.035081
Multiplicacion de matrices resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2Paralelo 2048 2
Multiplicacion de matrices de 2048x2048. Tiempo en segundos 57.394064
Multiplicacion de matrices resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2Paralelo 2048 4
Multiplicacion de matrices de 2048x2048. Tiempo en segundos 57.936163
Multiplicacion de matrices resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2Paralelo 2048 8
Multiplicacion de matrices de 2048x2048. Tiempo en segundos 117.262283
Multiplicacion de matrices resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2 4096
Multiplicacion de matrices de 4096x4096. Tiempo en segundos 224.573556
Multiplicacion de matrices resultado correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto2$ ./punto2Paralelo 4096 4
Multiplicacion de matrices de 4096x4096. Tiempo en segundos 458.781515
Multiplicacion de matrices resultado correcto
```

## Speedup y Eficiencia

N = 512

Tiempo en segundos 0.523177 Tiempo en segundos paralelo 2 1.023079 Tiempo en segundos paralelo 4 0.927933 Tiempo en segundos paralelo 8 2.078978

Comparación respecto a 2 hilos  $\rightarrow$  0.523177/1.023079 = 0.511 Eficiencia  $\rightarrow$  0.511/4 = 0.127 Comparación respecto a 4 hilos  $\rightarrow$  0.523177/0.927933 = 0.563 Eficiencia  $\rightarrow$  0.563/4 = 0.140 Comparación respecto a 8 hilos  $\rightarrow$  0.523177/2.078978 = 0.252 Eficiencia  $\rightarrow$  0.252/4 = 0.063

N = 1024

Tiempo en segundos 3.794026 Tiempo en segundos paralelo 2 7.037551 Tiempo en segundos paralelo 4 7.361160 Tiempo en segundos paralelo 8 14.474623

Comparación respecto a 2 hilos  $\Rightarrow$  3.794026/7.037551 = 0.539 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.539/4 = 0.134 Comparación respecto a 4 hilos  $\Rightarrow$  3.794026/7.361160 =0.515 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.515/4 = 0.128 Comparación respecto a 8 hilos  $\Rightarrow$  3.794026/14.474623 = 0.262 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.262/4 = 0.065

N = 2048

Tiempo en segundos 28.035081 Tiempo en segundos paralelo 2 57.394064 Tiempo en segundos paralelo 4 57.936163 Tiempo en segundos paralelo 8 117.262283

Comparación respecto a 2 hilos  $\Rightarrow$  28.035081/57.394064 = 0.488 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.488/4 = 0.122 Comparación respecto a 4 hilos  $\Rightarrow$  28.035081/57.936163 =0.484 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.488/4 = 0.122 Comparación respecto a 8 hilos  $\Rightarrow$  28.035081/117.262283 =0.239 Eficiencia  $\Rightarrow$  0.239/4 = 0.059

N = 4096

Tiempo en segundos 224.573556 Tiempo en segundos paralelo 4 458.781515

Comparación respecto a 4 hilos  $\rightarrow$  224.573556/458.781515 = 0.49 Eficiencia  $\rightarrow$  0.49/4 = 0.123

Claramente el algoritmo paralelo tarda más en todos los casos, probablemente sea porque el rendimiento de la implementación paralela se ve afectado por la cantidad de procesadores la cual es muy pequeña (4). A medida que hay más hilos el rendimiento cae y esto puede darse por varios factores:

- Limitaciones de hardware: Si hay solo dos procesadores físicos y se está
  ejecutando un código paralelo con más de dos hilos, es probable que el sistema
  operativo tenga que hacer cambios de contexto más frecuentes, lo que podría
  llevar a un rendimiento inferior debido a la competencia por los recursos de la
  CPU.
- 2. **Overhead de paralelización**: Existe un cierto costo asociado con la paralelización de un algoritmo. Esto incluye el tiempo necesario para dividir y distribuir la carga de trabajo entre los hilos, así como el tiempo requerido para combinar los resultados de nuevo en un resultado único al final de la ejecución.
- 3. **Tamaño del problema**: Para problemas pequeños, el costo de la paralelización puede superar los beneficios. Es posible que para tamaños de problema pequeños, el tiempo requerido para dividir y distribuir la carga de trabajo sea significativo en comparación con el tiempo total de ejecución.
- 3. Desarrolle un algoritmo paralelo que cuente la cantidad de veces que un elemento X aparece dentro de un vector de N elementos enteros. Al finalizar, la cantidad de ocurrencias del elemento X debe quedar en una variable llamada ocurrencias. Para la sincronización emplee mutex-locks. Pruebe con diversos tamaños de N y T={2,4,8}. Analice el rendimiento.

```
Elemento 1 encontrado 32768 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 32768. Tiempo en segundos 0.000091
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3Paralelo 32768 2
Elemento 1 encontrado 32768 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 32768. Tiempo en segundos 0.000215
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3Paralelo 32768 4
Elemento 1 encontrado 32768 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 32768. Tiempo en segundos 0.000312
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3Paralelo 32768 8
Elemento 1 encontrado 32768 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 32768. Tiempo en segundos 0.000111
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3 65536
Elemento 1 encontrado 65536 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 65536. Tiempo en segundos 0.000141
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3Paralelo 65536 2
Elemento 1 encontrado 65536 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 65536. Tiempo en segundos 0.000407
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3Paralelo 65536 4
Elemento 1 encontrado 65536 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 65536. Tiempo en segundos 0.000295
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3Paralelo 65536 8
Elemento 1 encontrado 65536 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 65536. Tiempo en segundos 0.000163
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3 131072
Elemento 1 encontrado 131072 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 131072. Tiempo en segundos 0.000405
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3Paralelo 131072 2
Elemento 1 encontrado 131072 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 131072. Tiempo en segundos 0.000464
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3Paralelo 131072 4
Elemento 1 encontrado 131072 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 131072. Tiempo en segundos 0.000372
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3Paralelo 131072 8
Elemento 1 encontrado 131072 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 131072. Tiempo en segundos 0.000236
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3 262144
Elemento 1 encontrado 262144 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 262144. Tiempo en segundos 0.000749
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3Paralelo 262144 2
Elemento 1 encontrado 262144 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 262144. Tiempo en segundos 0.000689
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3Paralelo 262144 4
Elemento 1 encontrado 262144 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 262144. Tiempo en segundos 0.000434
Busqueda correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3$ ./punto3Paralelo 262144 8
Elemento 1 encontrado 262144 veces
Búsqueda de variable 1 en vector de dimensión 262144. Tiempo en segundos 0.000306
Busqueda correcta
```

gusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto3\$ ./punto3 32768

#### Speedup y Eficiencia

N = 32768

Tiempo en segundos paralelo 2 0.000215 Tiempo en segundos paralelo 4 0.000312 Tiempo en segundos paralelo 8 0.000111

Comparación respecto a 2 hilos  $\rightarrow$  0.000091/0.000215 = 0.423 Eficiencia  $\rightarrow$  0.423/4 = 0.105 Comparación respecto a 4 hilos  $\rightarrow$  0.000091/0.000312 =0.292 Eficiencia  $\rightarrow$  0.292/4 = 0.073 Comparación respecto a 8 hilos  $\rightarrow$  0.000091/0.000111 = 0.819 Eficiencia  $\rightarrow$  0.819/4 = 0.204

N = 65536

Tiempo en segundos 0.000141 Tiempo en segundos paralelo 2 0.000407 Tiempo en segundos paralelo 4 0.000295 Tiempo en segundos paralelo 8 0.000163

Comparación respecto a 2 hilos  $\rightarrow$  0.000141/0.000407 = 0.346 Eficiencia  $\rightarrow$  0.346/4 = 0.086 Comparación respecto a 4 hilos  $\rightarrow$  0.000141/0.000295 = 0.478 Eficiencia  $\rightarrow$  0.478/4 = 0.119 Comparación respecto a 8 hilos  $\rightarrow$ 0.000141/0.000163 = 0.865 Eficiencia  $\rightarrow$  0.865/4 = 0.216

N = 131072

Tiempo en segundos 0.000405Tiempo en segundos paralelo  $2\,0.000464$ Tiempo en segundos paralelo  $4\,0.000372$ Tiempo en segundos paralelo  $8\,0.000236$ Comparación respecto a  $2\,\text{hilos} \rightarrow 0.000405/0.000464 = 0.873$ Eficiencia  $\rightarrow 0.873/4 = 0.218$ Comparación respecto a  $4\,\text{hilos} \rightarrow 0.000405/0.000372 = 1.089$ Eficiencia  $\rightarrow 1.089/4 = 0.272$ Comparación respecto a  $8\,\text{hilos} \rightarrow 0.000405/0.000236 = 1.716$ Eficiencia  $\rightarrow 1.716/4 = 0.429$ 

N = 262144

Tiempo en segundos 0.000749 Tiempo en segundos paralelo 2 0.000689 Tiempo en segundos paralelo 4 0.000434 Tiempo en segundos paralelo 8 0.000306

```
Comparación respecto a 2 hilos \rightarrow 0.000749/0.000689 = 1.087

Eficiencia \rightarrow 1.087/4 = 0.271

Comparación respecto a 4 hilos \rightarrow 0.000749/0.000434 =1.726

Eficiencia \rightarrow 1.726/4 = 0.431

Comparación respecto a 8 hilos \rightarrow0.000749/0.000306 = 2.447

Eficiencia \rightarrow2.447/4 = 0.611
```

Se puede ver como claramente cuando aumenta N aumenta el rendimiento a medida que se tienen más hilos y a su vez aumenta el aprovechamiento de la arquitectura.

4. Desarrolle un algoritmo paralelo que calcule el valor promedio, mínimo y máximo de los números almacenados en un vector de tamaño N. Para la sincronización emplee semáforos. Pruebe con diversos tamaños de N y T={2,4,8}. Analice el rendimiento.

```
gusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto4$ ./punto4 32768
Máximo: 32767
Mínimo: 0
Promedio: 16383
Calculo de máximo, mínimo y promedio en vector de dimensión 32768. Tiempo en segundos 0.000258
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto4$ ./punto4Paralelo 32768 2
Máximo: 32767
Mínimo: 0
Promedio: 16383
Calculo de máximo, mínimo y promedio en vector de dimensión 32768. Tiempo en segundos 0.000401
Calculo correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto4$ ./punto4Paralelo 32768 4
Máximo: 32767
Mínimo: 0
Promedio: 16383
Calculo de máximo, mínimo y promedio en vector de dimensión 32768. Tiempo en segundos 0.000333
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto4$ ./punto4Paralelo 32768 8
Máximo: 32767
Calculo correcto
Mínimo: 0
Promedio: 16383
Calculo de máximo, mínimo y promedio en vector de dimensión 32768. Tiempo en segundos 0.000172
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto4$ ./punto4 65536
Máximo: 65535
Mínimo: 0
Promedio: 32767
Calculo de máximo, mínimo y promedio en vector de dimensión 65536. Tiempo en segundos 0.000536
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto4$ ./punto4Paralelo 65536 2
Máximo: 65535
Mínimo: 0
Promedio: 32767
Calculo de máximo, mínimo y promedio en vector de dimensión 65536. Tiempo en segundos 0.000641
Calculo correcto
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto4$ ./punto4Paralelo 65536 4
Máximo: 65535
Promedio: 32767
Calculo de máximo, mínimo y promedio en vector de dimensión 65536. Tiempo en segundos 0.000435
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto4$ ./punto4Paralelo 65536 8
Mínimo: 0
Promedio: 32767
Calculo de máximo, mínimo y promedio en vector de dimensión 65536. Tiempo en segundos 0.000283
Calculo correcto
```

```
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto4$ ./punto4 16777216
Máximo: 16777215
Mínimo: 0
Promedio: 8388607
Calculo de máximo, mínimo y promedio en vector de dimensión 16777216. Tiempo en segundos 0.129269
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto4$ ./punto4Paralelo 16777216 2
Máximo: 16777215
Mínimo: 0
Promedio: -174
Calculo de máximo, mínimo y promedio en vector de dimensión 16777216. Tiempo en segundos 0.082694
Calculo erroneo
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto4$ ./punto4Paralelo 16777216 4
Promedio: 345
Calculo de máximo, mínimo y promedio en vector de dimensión 16777216. Tiempo en segundos 0.065500
Calculo erroneo
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto4$ ./punto4Paralelo 16777216 8
Máximo: 16777215
Promedio: 341
Calculo de máximo, mínimo y promedio en vector de dimensión 16777216. Tiempo en segundos 0.051242
Calculo erroneo
```

# Speedup y Eficiencia

N = 32768

Tiempo en segundos 0.000258 Tiempo en segundos paralelo 2 0.000401 Tiempo en segundos paralelo 4 0.000333 Tiempo en segundos paralelo 8 0.000172

Comparación respecto a 2 hilos  $\rightarrow$  0.000258/0.000401 = 0.643 Eficiencia  $\rightarrow$  0.643/4 = 0.160 Comparación respecto a 4 hilos  $\rightarrow$  0.000258/0.000333 = 0.775 Eficiencia  $\rightarrow$  0.775/4 = 0.193 Comparación respecto a 8 hilos  $\rightarrow$ 0.000258/0.000172 = 1.5 Eficiencia  $\rightarrow$  1.5/4 = 0.375

N= 65536

Tiempo en segundos 0.000536 Tiempo en segundos paralelo 2 0.000641 Tiempo en segundos paralelo 4 0.000435 Tiempo en segundos paralelo 8 0.000283

Comparación respecto a 2 hilos  $\rightarrow$  0.000536/0.000641 = 0.836 Eficiencia  $\rightarrow$  0.836/4 = 0.209 Comparación respecto a 4 hilos  $\rightarrow$  0.000536/0.000435 = 1.232 Eficiencia  $\rightarrow$  1.232/4 = 0.308 Comparación respecto a 8 hilos  $\rightarrow$ 0.000536/0.000283 = 1.893 Eficiencia  $\rightarrow$  1.893/4 = 0.473 N = 16777216

Tiempo en segundos 0.129269 Tiempo en segundos paralelo 2 0.082694 Tiempo en segundos paralelo 4 0.065500 Tiempo en segundos paralelo 8 0.051242

Comparación respecto a 2 hilos  $\rightarrow$  0.129269/0.082694 = 1.563 Eficiencia  $\rightarrow$  1.563/4 = 0.390 Comparación respecto a 4 hilos  $\rightarrow$  0.129269/0.065500 = 1.974 Eficiencia  $\rightarrow$  1.974/4 = 0.493 Comparación respecto a 8 hilos  $\rightarrow$  0.129269/0.051242 =2.523 Eficiencia  $\rightarrow$  2.523/4 = 0.630

Nuevamente cuando aumenta N aumenta el rendimiento a medida que se tienen más hilos y a su vez aumenta el aprovechamiento de la arquitectura.

5. Desarrolle un algoritmo paralelo que obtenga la intersección de dos conjuntos de números enteros. Pruebe con diversos tamaños de N y T={2,4,8} y analice el rendimiento . Tenga en cuenta la siguiente propiedad:

$$A \cap B = A \cap (B_0 \cup B_1 \cup B_2 ... \cup B_n) = (A \cap B_0) \cup (A \cap B_1) \cup (A \cap B_2) ... \cup (A \cap B_n)$$

```
ısnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersec 100
Calculo de intersección en vector de dimensión 100. Tiempo en segundos 0.000018
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersecParalelo 100 2
Calculo de intersección en vector de dimensión 100. Tiempo en segundos 0.000270
Intersección correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersecParalelo 100 4
Calculo de intersección en vector de dimensión 100. Tiempo en segundos 0.000384
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersecParalelo 100 8
Calculo de intersección en vector de dimensión 100. Tiempo en segundos 0.000164
Intersección correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersec 1000
Calculo de intersección en vector de dimensión 1000. Tiempo en segundos 0.001446
Intersección correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersecParalelo 1000 2
Calculo de intersección en vector de dimensión 1000. Tiempo en segundos 0.001302
Intersección correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersecParalelo 1000 4
Calculo de intersección en vector de dimensión 1000. Tiempo en segundos 0.000822
Intersección correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersecParalelo 1000 8
Calculo de intersección en vector de dimensión 1000. Tiempo en segundos 0.000477
Intersección correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersec 10000
Calculo de intersección en vector de dimensión 10000. Tiempo en segundos 0.134324
Intersección correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersecParalelo 10000 2
Calculo de intersección en vector de dimensión 10000. Tiempo en segundos 0.104951
Intersección correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersecParalelo 10000 4
Calculo de intersección en vector de dimensión 10000. Tiempo en segundos 0.061824
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersecParalelo 10000 8
Calculo de intersección en vector de dimensión 10000. Tiempo en segundos 0.044019
Intersección correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersec 100000
Calculo de intersección en vector de dimensión 100000. Tiempo en segundos 12.041573
Intersección correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersecParalelo 100000 2
Calculo de intersección en vector de dimensión 100000. Tiempo en segundos 8.925499
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersecParalelo 100000 4
Calculo de intersección en vector de dimensión 100000. Tiempo en segundos 5.124451
Intersección correcta
agusnfr@agusnfr-VirtualBox:~/Paralelos/Practica 2/Punto5$ ./vectorIntersecParalelo 100000 8
Calculo de intersección en vector de dimensión 100000. Tiempo en segundos 3.480211
Intersección correcta
```

# Speedup y Eficiencia

N = 100

Tiempo en segundos 0.000018 Tiempo en segundos paralelo 2 0.000270 Tiempo en segundos paralelo 4 0.000384 Tiempo en segundos paralelo 8 0.000164

Comparación respecto a 2 hilos  $\rightarrow$  0.000018/0.000270 = 0.067 Eficiencia  $\rightarrow$  0.067/4 = 0.016 Comparación respecto a 4 hilos  $\rightarrow$  0.000018/0.000384 = 0.047 Eficiencia  $\rightarrow$  0.047/4 = 0.011 Comparación respecto a 8 hilos  $\rightarrow$  0.000018/0.000164 = 0.109 Eficiencia  $\rightarrow$  0.109/4 = 0.027 Tiempo en segundos 0.001446 Tiempo en segundos paralelo 2 0.001302 Tiempo en segundos paralelo 4 0.000822 Tiempo en segundos paralelo 8 0.000477

Comparación respecto a 2 hilos  $\rightarrow$  0.001446/0.001302 = 1.111 Eficiencia  $\rightarrow$  1.111/4 = 0.277 Comparación respecto a 4 hilos  $\rightarrow$  0.001446/0.000822 = 1.759 Eficiencia  $\rightarrow$  1.759/4 = 0.439 Comparación respecto a 8 hilos  $\rightarrow$  0.001446/0.000477 = 3.031 Eficiencia  $\rightarrow$  3.031/4 = 0.757

N = 10000

Tiempo en segundos 0.134324 Tiempo en segundos paralelo 2 0.104951 Tiempo en segundos paralelo 4 0.061824 Tiempo en segundos paralelo 8 0.044019

Comparación respecto a 2 hilos  $\rightarrow$  0.134324/0.104951 = 1.28 Eficiencia  $\rightarrow$  1.28/4 = 0.32 Comparación respecto a 4 hilos  $\rightarrow$  0.134324/0.061824 = 2.173 Eficiencia  $\rightarrow$  2.173/4 = 0.543 Comparación respecto a 8 hilos  $\rightarrow$  0.134324/0.044019 = 3.052 Eficiencia  $\rightarrow$  3.052/4 = 0.763

N = 100000

Tiempo en segundos 12.041573 Tiempo en segundos paralelo 2 8.925499 Tiempo en segundos paralelo 4 5.124451 Tiempo en segundos paralelo 8 3.480211

Comparación respecto a 2 hilos  $\rightarrow$  12.041573/8.925499 = 1.349 Eficiencia  $\rightarrow$  1.349/4 = 0.337 Comparación respecto a 4 hilos  $\rightarrow$  12.041573/5.124451 = 2.35 Eficiencia  $\rightarrow$  2.35/4 = 0.587 Comparación respecto a 8 hilos  $\rightarrow$  12.041573/3.480211 = 3.46 Eficiencia  $\rightarrow$  3.46/4 = 0.865

Podemos ver cómo a medida que aumenta N aumenta el rendimiento cuando se tienen más hilos de forma considerable, a sí mismo a medida que N tiende a infinito el tiempo de ejecución crece demasiado.