



DEPARTAMENTO DE ELECTRÓNICA Y AUTOMÁTICA
FACULTAD DE INGENIERÍA – UNIVERSIDAD NACIONAL DE SAN JUAN

Informe de Guía de ejercicios N° 3
“Máquinas Sincrónicas”

Asignatura: Máquinas Eléctricas
Ingeniería Electrónica

Autor:
Avila, Juan Agustin – Registro 26076

1º Semestre
Año 2020

1 Problema 1

Un generador sincrónico trifásico de 4 polos que tiene las bobinas de armadura conectadas en estrella genera una tensión de línea nominal cuando la máquina esta en vacío de $V_L = 380V$. Cuando a este generador se lo carga eléctricamente con una corriente de línea de $I_L = 40A$ y factor de potencia $\cos \phi = 1$, la tensión en bornes disminuye a un valor de $V_L = 355 V$, manteniéndose constante la corriente de excitación ($E' = cte$). **CALCULAR:**

1.1 Dibuje el circuito eléctrico unifilar de un bobinado de armadura.

1.2 Velocidad sincrónica para una frecuencia de 50 Hz.

La relación entre cantidad de polos, frecuencia de salida y velocidad del rotor está dada por la siguiente ecuación:

$$f = \frac{p * n}{120}$$

Siendo f la frecuencia, p el número de polos y n las revoluciones en RPM. Entonces:

$$n = \frac{120 * f}{p} = \frac{120 * 50}{4} = 1500RPM$$

1.3 Valores nominales de tensión de fase tanto en vacío como en carga.

Los valores nominales en fase están relacionados con los valores de línea por $\sqrt{3}$, es decir:

$$V_f = \frac{V_L}{\sqrt{3}}$$

Por lo tanto, en vacío:

$$V_f = \frac{V_L}{\sqrt{3}} = \frac{380V}{\sqrt{3}} = 219.4V$$

Y con carga:

$$V_f = \frac{V_L}{\sqrt{3}} = \frac{355V}{\sqrt{3}} = 205V$$

1.4 Impedancia sincrónica de la máquina, considerando que la resistencia de una bobina de armadura es de $R_a = 0,12 \Omega$.

El calculo de la impedancia se realizo utilizando el siguiente script de Matlab:

```
vlo=380; %tension de linea en vacio
vlc=355; %tension de linea con carga
I=40; %corriente
R=.12; %Resistencia de armadura
E0=vlo/sqrt(3); %modulo de la tension en vacio
vc=vlc/sqrt(3); %tension en carga, es un vector real
vr=R*I; %coseno phi es 1, la tension tambien es
real
delta=acos((vc+vr)/E0)*180/pi %resultado en radianes, convertido a
grados
vxs=sqrt(E0^2-(vc+vr)^2)*1i;%Se resuelve la parte imaginaria por
trigonometria
```

```

Xs=vxs/I                                %Se obtiene Xs
E0=vc+vr+vxs                            %es igual a la sumatoria de todos los
vectores.
modulo=norm(E0)                          %para comprobar el resultado
Zs=R+Xs

```

El resultado es el siguiente:

$\delta = 17.0422$ (en grados)

$X_s = 0.0000 + 1.6075i$

$E_0 = 2.0976e+02 + 6.4299e+01i$

$\text{modulo} = 219.3931$

$Z_s = 0.1200 + 1.6075i$

Por lo tanto, la reactancia sincrónica es igual a $1,607\Omega$, y la impedancia sincronica es $Z_s = 0.1200\Omega + 1.6075i\Omega$.

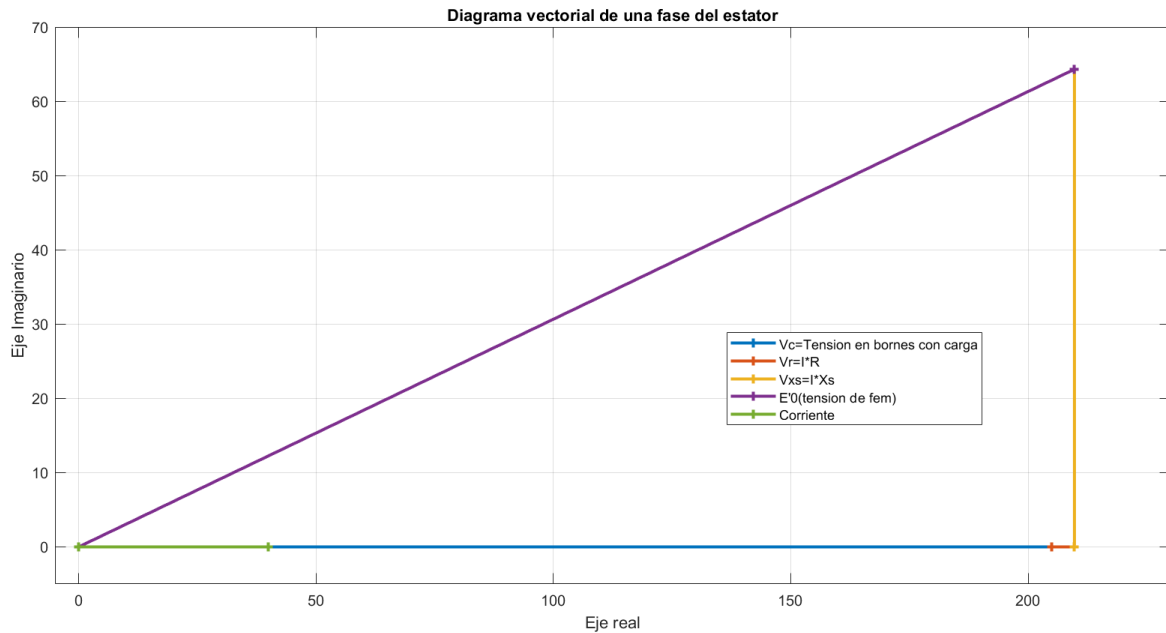
1.5 Realice el diagrama vectorial de una fase del estator.

El diagrama vectorial se realizo con matlab, utilizando el siguiente código:

```

plot(real([0 vc]),imag([0 vc]),'-+', 'LineWidth',2);
hold;grid;
plot(real([vc vc+vr]),imag([vc vc+vr]),'-+', 'LineWidth',2);
plot(real([vc+vr vc+vr+vxs]),imag([vc+vr vc+vr+vxs]),'-+', 'LineWidth',2);
plot(real([0 E0]),imag([0 E0]),'-+', 'LineWidth',2);
plot(real([0 I]),imag([0 I]),'-+', 'LineWidth',2);
legend('Vc=Tension en bornes con carga', 'Vr=I*R', 'Vxs=I*Xs', "E'0(tension de fem)", 'Corriente');
axis([-5 230 -5 70]);
xlabel('Eje real')
ylabel('Eje Imaginario')
title('Diagrama vectorial de una fase del estator')

```



2 Problema 2

Un alternador trifásico sincrónico de 10 polos conectado en estrella tiene los siguientes datos:

- Tensión nominal de línea = 400 V
- Corriente Nominal = 100 A
- Frecuencia nominal = 60 Hz
- Reactancia sincrónica $X_s = 1,03 \, \Omega/\text{fase}$
- Pérdidas en el hierro de la máquina = 850 W
- Pérdidas por rozamiento y ventilación = 1,1 Kw

A través de la excitatriz se regula la corriente de campo para obtener una tensión de vacío de $E_0 = 400 \text{ V}$. **CALCULAR:**

2.1 Tensión en bornes del generador cuando se carga eléctricamente la máquina con corriente nominal y $\cos \varphi = 1$ (dibuje el diagrama vectorial)

Para realizar el cálculo, se utilizó el siguiente código de matlab:

```

cosphi=1; %coseno de phi
Vl=400; %tension nominal de linea
I=100; %corriente nominal
Xs=1.03*1i; %Reactancia sincronica (compleja)
phi=acos(cosphi) %angulo phi expresado en radianes
E0=Vl/sqrt(3); %tension de fase
Iphi=I*exp(phi*1i) %El valor complejo de la tension
Vxs=Iphi*Xs %Caída de tension en Xs
Vc=sqrt((norm(E0)^2)-(norm(Vxs)^2)) %Modulo de Vc
E0=Vc+Vxs; %fem inducida, forma compleja
delta=angle(E0)*180/pi %Angulo delta entre E0 y Vc

```

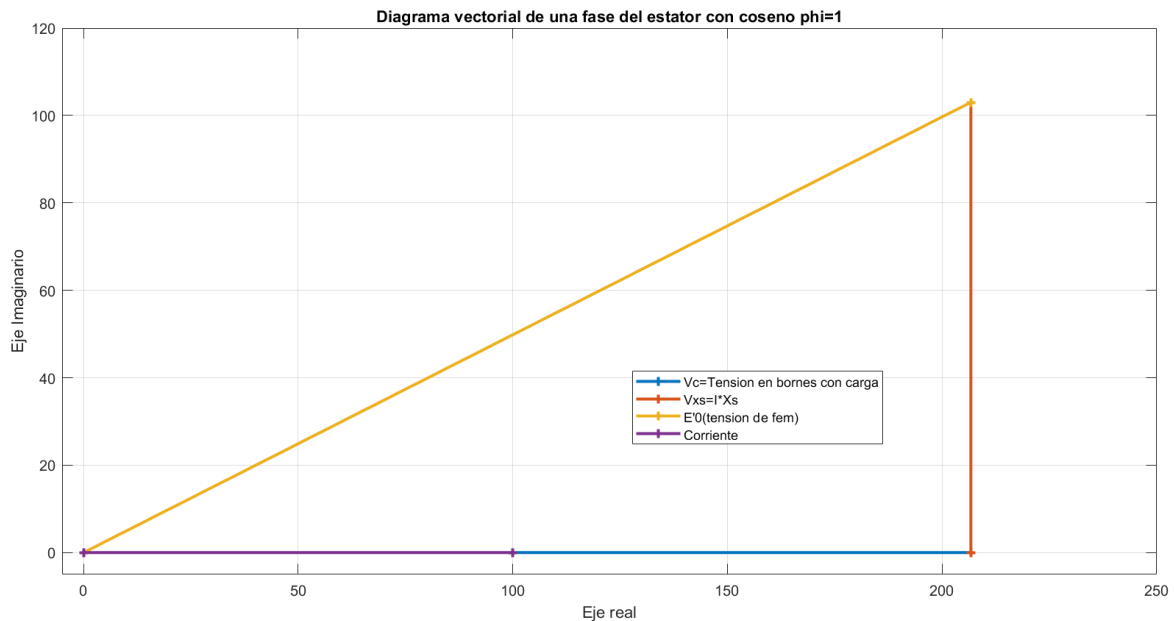
Primero se obtiene La tensión $E'0$ de fase, luego se obtiene el vector de la corriente por el coseno ϕ , y con eso se obtiene el vector de VXs . Para obtener la tensión en los bornes (Vc en el script) se utiliza Pitágoras (en este caso hay un ángulo de 90° entre Vc y VXs).

Finalmente, se obtiene $E'0$ en su forma compleja para poder obtener el ángulo delta.

Los resultados obtenidos son los siguientes:

$$Vc = 206.6987$$

$$\text{delta} = 26.4875$$



2.2 Tensión en bornes del generador cuando se carga eléctricamente la máquina con corriente nominal y $\cos \phi = 0,8$ cap. (dibuje el diagrama vectorial)

Se reutilizo el código utilizado en el punto previo, cambiando el valor de coseno ϕ . Además, para calcular el valor de Vc , no se pudo aplicar Pitágoras ya que no había un ángulo de 90° entre Vc y VXs . Por lo tanto, se expresó $E'0$ en su forma compleja, sabiendo que su parte imaginaria debía ser igual a la parte imaginaria de VXs . Teniendo $E'0$ en su forma compleja, se calculó Vc como la resta entre los vectores $E'0$ y VXs .

```

cosphi=.8;           %coseno de phi
Vl=400;              %tension nominal de linea
I=100;               %corriente nominal
f=60;                %frecuencia
Xs=1.03*1i;          %Reactancia sincronica (compleja)
phi=acos(cosphi)     %angulo phi expresado en radianes
E0=Vl/sqrt(3);        %tension de fase
Iphi=I*exp(phi*1i)   %El valor complejo de la tension
Vxs=Iphi*Xs           %Caída de tension en Xs
E0c=sqrt(E0^2-imag(Vxs)^2)+imag(Vxs)*1i;
%se calcula E0 en forma compleja, sabiendo que su parte imaginaria
%debe ser igual a la parte imaginaria de Vxs
Vc=E0c-Vxs            %Modulo de Vc
%E0c=Vc+Vxs;          %fem inducida expresada en forma compleja
delta=angle(E0c)*180/pi %Angulo delta entre E0 y Vc

```

Los resultados obtenidos son los siguientes:

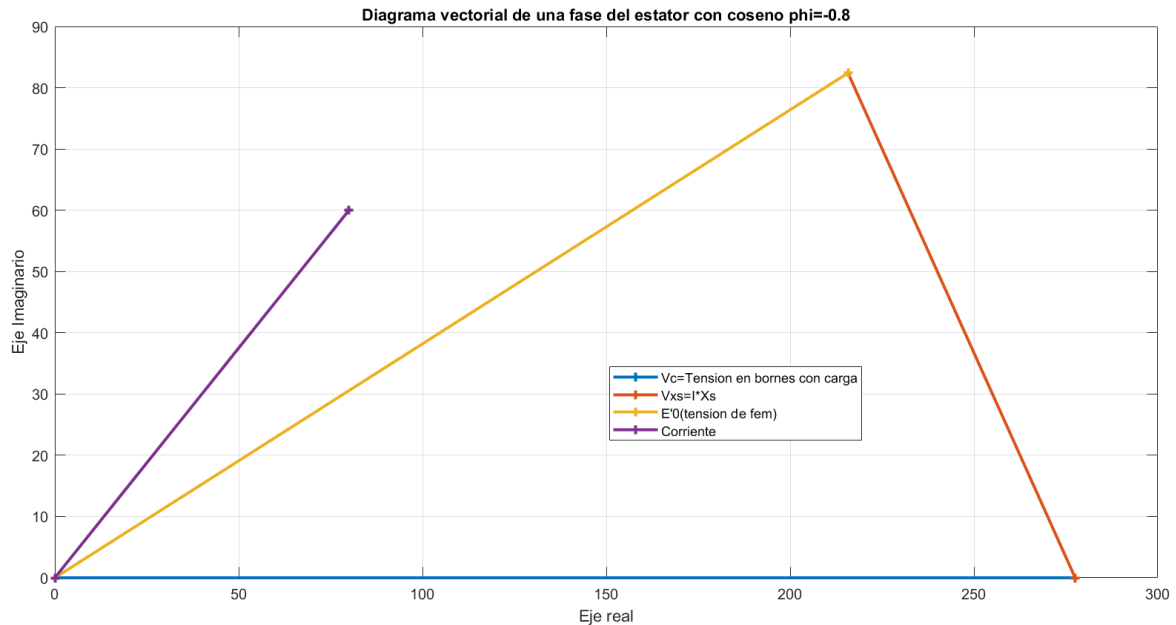
$$\phi = 0.6435 \text{ (en radianes)}$$

$$I_{\phi} = 80.0000 + 60.0000i$$

$$V_{xs} = -61.8000 + 82.4000i \text{ (Tension en } X_s)$$

$$V_c = 277.5396 \text{ (Tension en los bornes)}$$

$$\delta = 20.9040$$



2.3 Tensión en bornes del generador cuando se carga eléctricamente la máquina con corriente nominal y $\cos \phi = 0,8$ ind. (dibuje el diagrama vectorial)

Se repite el código anterior, pero tomando a ϕ como $-\cos(\cos\phi)$, ya que al ser una carga inductiva el ángulo es negativo. Los resultados son los siguientes:

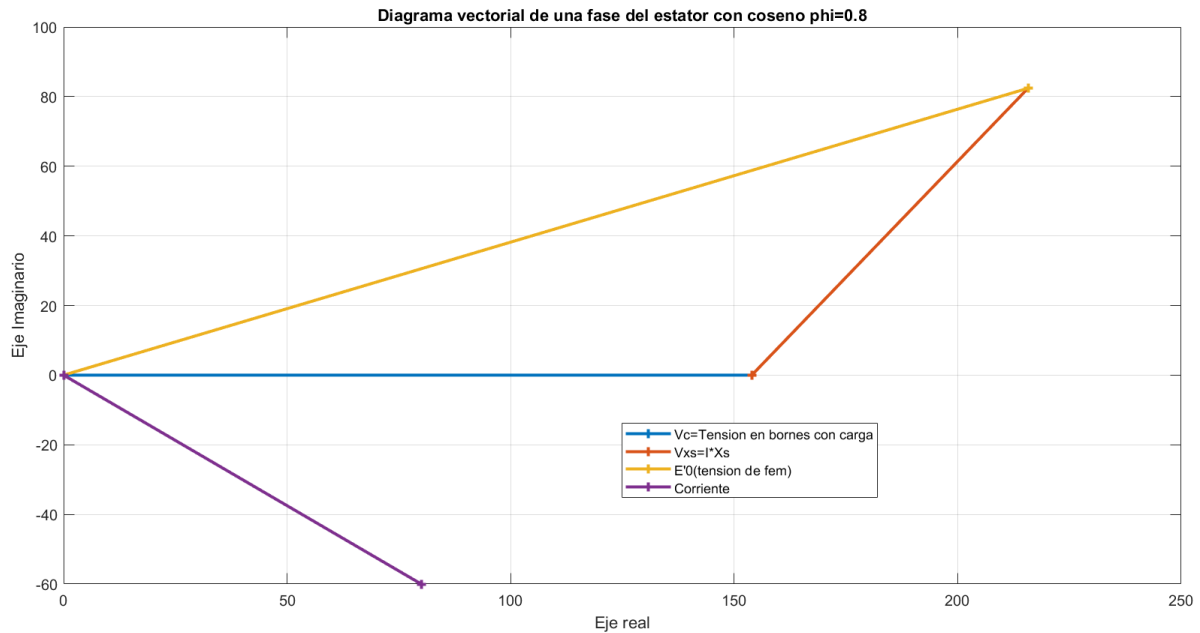
$$\phi = -0.6435$$

$$I_{\phi} = 80.0000 - 60.0000i$$

$$V_{xs} = 61.8000 + 82.4000i \text{ (Tension en } X_s)$$

$$V_c = 153.9396 \text{ (Tension en los bornes)}$$

$$\delta = 20.9040$$



2.4 Calcule el rendimiento del generador considerando despreciable las pérdidas por efecto joule estando el generador con condiciones del punto C.

El rendimiento del generador está dado por la relación entre la potencia mecánica que recibe y la potencia electromagnética

$$P_m = P_p + P_e$$

$$P_p = P_{r+v} + P_{Fe} = 1100W + 850W = 1950W$$

$$P_e = 3 \cdot V \cdot I \cdot \cos \varphi = 3 \cdot 153.94V \cdot 100A \cdot 0.8 = 36946W$$

$$P_m = P_p + P_e = 1950 + 36946W = 38896W$$

$$\text{Rendimiento} = \frac{P_e}{P_m} = \frac{36946W}{38896W} \times 100\% = 94,99\%$$