FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS, INGENIERÍA Y AGRIMENSURA ESCUELA DE CIENCIAS EXACTAS Y NATURALES DEPARTAMENTO DE CIENCIA DE LA COMPUTACIÓN ESTRUCTURAS DE DATOS Y ALGORITMOS II

## Trabajo Práctico 2

Dada el TAD para secuencias que se encuentra definido en el archivo Seq.hs:

- a) Implementar en un módulo ListSeq.hs una instancia para el tipo listas. La implementación debe ser tan eficiente como sea posible (la nota dependerá de la corrección y de la eficiencia de la implementación.) Puede usar el módulo Par para paralelizar operaciones.
- b) Dar la especificación de costos para esta implementación de las funciones filterS, showtS, reduceS y scanS. Justificar.
- c) El tipo Arr de arreglos paralelos está dado en el archivo Arr.hs. Tiene las siguientes operaciones:
  - $length :: Arr \ a \rightarrow Int$  $length \ a$  devuelve el tamaño de el arreglo a.
  - (!) ::  $Arr\ a \to Int \to a$  $a \ ! \ i$  es la proyección i-ésima del arreglo a.
  - $subArray :: Int \rightarrow Int \rightarrow Arr \ a \rightarrow Arr \ a$  $subArray \ i \ n \ a \ extrae \ n$  elementos del arreglo a comenzando por el elemento de la posición i.
  - $tabulate :: (Int \to a) \to Int \to Arr\ a$  $tabulate\ f\ n$  construye un arreglo a de tamaño n tal que  $a \,!\, i \equiv f\ i$  para todo  $0 \leqslant i < n$ .
  - fromList :: [a] → Arr a
     fromList xs construye un arreglo a partir de la lista xs.
  - $flatten :: Arr (Arr \ a) \rightarrow Arr \ a$  $flatten \ a$  aplana un arreglo de arreglos.

Las operaciones tienen la siguiente especificación de costos:

Operación	W	S
length p		
$p \mid i$	O(1)	O(1)
subarray i n a		
$tabulate\ f\ n$	$O\left(\sum_{i=0}^{n} W(f\ i)\right)$	$O\left(\max_{i=0}^{n} S(f\ i)\right)$
fromList xs	O( xs )	O( xs )
flatten a	$O( a ) + \sum_{i=0}^{ a -1} O( a!i )$	$O(\lg  a )$

En un módulo ArrSeq.hs, dar una instancia de secuencias para tipo Arr que cumpla con la especificación de costos dados en clase.

Para evitar conflictos de nombres importar el módulo Arr en forma calificada:

## import qualified Arr as A

Luego se puede acceder a las operaciones como A.length, etc. Para tener acceso a la operación! directamente (sin escribir A.!) importarla de la siguiente manera:

import Arr (!)

d) Justificar la especificación de costos de las operaciones filterS, showtS, reduceS y scanS.

En las dos implementaciones tener especial cuidado con el orden de reducción de reduceS y scanS.

## Entrega

El trabajo se podrá realizar en forma individual o en grupos de dos personas y se deberá entregar, tanto por mail (a tps.edyaII.@gmail.com) como en forma impresa:

- a) Un archivo Haskell con las implementaciones.
- b) Un documento en formato PDF con las especificaciones de costos y sus justificaciones.

Fecha de entrega : 4/6/15

## Costos Esperados de la Implementación con Arreglos

Operación	$\mathbf{W}$	S
emptyS singletonS lengthS nthS takeS s n dropS s n showtS s showlS s	O(1)	O(1)
append s t	O( s  +  t )	
fromList xs	O( xs )	O( xs )
joinS s	$O( s ) + \sum_{i=0}^{ s -1} O( s_i )$	$O(\lg  s )$
$tabulateS \ f \ n$	$O\left(\sum_{i=0}^{n-1} W(f\ i)\right)$	$O\left(\max_{i=0}^{n-1} S(f\ i)\right)$
$mapS\ f\ s$	$O\left(\sum_{i=0}^{ s -1} W(f \ s_i)\right)$	$O\left(\max_{i=0}^{ s -1} S(f \ s_i)\right)$
filterS f s	$O\left(\sum_{i=0}^{ s -1} W(f \ s_i)\right)$	$O\left(\lg s  + \max_{i=0}^{ s -1} S(f \ s_i)\right)$
$reduceS \oplus b \ s$	$O\left( s  + \sum_{(x \oplus y) \in \mathcal{O}_r(\oplus, b, s)} W(x \oplus y)\right)$	$O\left(\lg s \max_{(x\oplus y)\in\mathcal{O}_r(\oplus,b,s)}S(x\oplus y)\right)$
$scanS \oplus b \ s$	$O\left( s  + \sum_{(x \oplus y) \in \mathcal{O}_s(\oplus, b, s)} W(x \oplus y)\right)$	$O\left(\lg s \max_{(x\oplus y)\in\mathcal{O}_s(\oplus,b,s)}S(x\oplus y)\right)$