# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

## Trabajo Práctico de Especificación

#### Grupo 1

Integrante	LU	Correo electrónico
Bálsamo, Facundo	874/10	facundobalsamo@gmail.com
Lasso, Nicolás	892/10	lasso.nico@gmail.com
Rodríguez, Agustín	120/10	agustinrodriguez90@hotmail.com
Tripodi, Guido	843/10	guido.tripodi@hotmail.com

### Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

#### 1. TAD LINKLINKIT

#### TAD LINKLINKIT

géneros lli generadores, categorias, links, categoriaLink, fechaActual, fechaUltimoAcceso, accesosRecientesDia, exporta esReciente?, accesosRecientes, linksOrdenadosPorAccesos, cantLinks BOOL, NAT, CONJUNTO, SECUENCIA, ARBOLCATEGORIAS usa observadores básicos categorias : lli s $\rightarrow$  acat links : lli *s*  $\rightarrow \text{conj(link)}$ categoriaLink :  $lli \times link$  $\rightarrow$  categoria fechaActual : lli  $\rightarrow$  fecha fechaUltimoAcceso  $\rightarrow$  fecha  $\{l\exists links(s)\}$ :  $\text{lli } s \times \text{link } l$ accesosRecientesDia : lli  $s \times \text{link } l \times \text{fecha } f$  $\rightarrow$  nat generadores iniciar → lli : acat ac nuevoLink : lli  $s \times \text{link } l \times \text{categoria } c$  $\longrightarrow$  lli $\{\neg(l\exists links(s)) \land esta?(c, categorias(s))\}$  $\{l \exists links(s) \land f \geq fechaActual(s)\}$ : lli  $s \times \text{link } l \times \text{fecha } f$  $\longrightarrow$  lliacceso otras operaciones esReciente? : lli  $s \times \text{link } l \times \text{fecha } f$  $\longrightarrow$  bool  $\{l\exists links(s)\}$ accesosRecientes : lli  $s \times$  categoria  $c \times$  link l $\rightarrow$  nat  $\{esta?(c, categorias(s)) \land l \exists links(s) \land esSubCategoria(categorias(s), c, categoriaLink(s, l))\}$ links Ordenados Por<br/>Accesdà  $s \times$  categoria c $\longrightarrow \sec u(link)$  $\{esta?(c, categorias(s))\}$  $\operatorname{cantLinks}$ : lli  $s \times$  categoria c $\{esta?(c, categorias(s))\}$  $\rightarrow$  nat : lli  $s \times \text{link } l$ menorReciente  $\longrightarrow$  fecha  $\{l \exists links(s)\}$  $\longrightarrow$  fecha diasRecientes : lli  $s \times \text{link } l$  $\{l\exists links(s)\}$ : lli  $s \times \text{link } l$  $\longrightarrow$  fecha diasRecientesDesde  $\{l\exists links(s)\}$ links Categorias O<br/>Hijos : lli $s \times$ categoriac $\longrightarrow$  conj(link)  $\{esta?(c, categorias(s))\}$ filtrarLinksCategoriaOHijhss  $\times$  categoria  $c \times \text{conj(link)}$   $ls \longrightarrow \text{conj(link)}$  $\{esta?(c, categorias(s)) \land ls \subseteq links(s)\}$ dias Recientes Para Categoli<br/>lias  $\times$  categoria c→ conj(fecha)  $\{esta?(c, categorias(s))\}$  $linkConUltimoAcceso: lli s \times categoria c \times conj(link) ls \longrightarrow link$  $\{esta?(c, categorias(s)) \land \neg \emptyset?(ls) \land ls \subseteq linksCategoriasOHijos(s, c)\}$ sumarAccesosRecientes lli  $s \times \text{link } l \times \text{conj(fecha)} f s$  $\longrightarrow$  nat  $\{l\exists links(s) \land fs \subseteq diasRecientes(s, l)\}$ links Ordenados Por<br/>Accesdi Asux categoria  $c \times \text{conj}(\text{link})$   $ls \longrightarrow \text{secu}(\text{link})$  $\{esta?(c, categorias(s)) \land ls \subseteq linksCategoriasOHijos(s, c)\}$ linkConMasAccesos :  $\text{lli } s \times \text{categoria } c \times \text{conj(link)} \ ls \longrightarrow \text{link}$  $\{esta?(c, categorias(s)) \land ls \subseteq linksCategoriasOHijos(s, c)\}$ β : bool b $\longrightarrow$  nat  $\forall it, it'$ : linklinkIT axiomas  $\forall a$ : arbolDeCategorias  $\forall c$ : categoria  $\forall l$ : link  $\forall f$ : fecha  $\forall cc$ : conj(categoria)

```
categorias(iniciar(ac)) \equiv ac
categorias(nuevoLink(s,l,c)) \equiv categorias(ac)
categorias(acceso(s,l,f)) \equiv categorias(ac)
links(iniciar(ac)) \equiv \emptyset
links(nuevoLink(s,l,c)) \equiv Ag(l,links(s))
links(acceso(s,l,f)) \equiv links(s)
categoriaLink(nuevoLink(s,l,c),l') \equiv if l == l' then c else categoriaLink(s,l') fi
categoriaLink(acceso(s,l,f),l') \equiv categoriaLink(s,l')
fechaActual(iniciar(ac)) \equiv 0
fechaActual(nuevoLink(s,l,c)) \equiv fechaActual(s)
fechaActual(acceso(s,l,f)) \equiv f
fechaUltimoAcceso(nuevoLink(s,l,c),l') \equiv if l==l' then fechaActual(s) else fechaUltimoAcceso(s,l') fi
fechaUltimoAcceso(acceso(s,l,f),l') \equiv fechaUltimoAcceso(s,l')
menorReciente(s,l) \equiv max(fechaUltimoAcceso(s, l) + 1, diasRecientes) - diasRecientes
esReciente?(s,l,f) \equiv menorReciente(s,l) < f \land f < fechaUltimoAcceso(s,l)
accesoRecienteDia(nuevoLink(s,l,c),l',f) \equiv \textbf{if} \ l == l' \ \textbf{then} \ 0 \ \textbf{else} \ accesoRecienteDia(s,l',f) \ \textbf{fi}
accesoRecienteDia(acceso(s,l,f),l',f') \equiv \beta(l==l' \land f==f') + if esReciente?(s,l,f') then accesoRecienteDia(acceso(s,l,f),l',f') = \beta(l==l' \land f==f') + if esReciente?(s,l,f')
                                               Dia(s,l',f') else 0 fi
accesosRecientes(s, c, 1) \equiv sumarAccesosRecientes(s, l, diasRecientesParaCategoria(s, c) \cap diasRecientes(s, l))
linksOrdenadosPorAccesos(s, c) \equiv linksOrdenadosPorAccesosAux(s, c, linksOrdenadosPorAccesos(s, c))
linksOrdenadosPorAccesosAux(s,c,ls) \equiv if \emptyset?(ls) then
                                                 else
                                                    linkConMasAccesos(s, c, ls) • linksOrdernadosPorAccesosAux(s,
                                                    c, ls - linkConMasAccesos(s, c, ls))
                                                 fi
linkConMasAccesos(s, c, ls) \equiv if \#ls==1 then
                                         dameUno(ls)
                                     else
                                         if
                                                           accesosRecientes(s,c,dameUno(ls))
                                                                                                                     accesosRe-
                                         cientes(s,c,linkConMasAccesos(s,c,sinUno(ls))) then
                                             dameUno(ls)
                                             linkConMasAccesos(s,c,sinUno(ls))
                                         fi
cantLinks(s, c) = #linksCategoriaOHijos(s, c)
diasRecientes(s, l) \equiv diasRecientesDesde(s, l, menorReciente(s, l))
diasRecientesDesde(s,\,l,\,f\,\,) \ \equiv \ \textbf{if} \ \ esReciente?(s,\,l,\,f\,\,) \ \ \textbf{then} \ \ Ag(f,\,diasRecientesDesde(s,\,l,\,f+1)) \ \ \textbf{else} \ \ \emptyset \ \ \textbf{fi}
```

```
linksCategoriaOHijos(s, c) \equiv filtrarLinksCategoriaOHijos(s, c, links(s))
filtrarLinksCategoriaOHijos(s, c, ls) \equiv if \emptyset?(ls) then
                                           else
                                                   esSubCategoria(categorias(s),c,categoriaLink(s,dameUno(ls)))
                                               (if
                                               then
                                                   dameUno(ls)
                                               else
                                               \mathbf{fi}) \cup filtrarLinksCategoriaOHijos(s, c, siunUno(ls))
                                           fi
diasRecientesParaCategoria(s, c) \equiv if \emptyset?(linksCategoriaOHijos(s,c)) then
                                        else
                                            diasRecientes(s, linkConUltimoAcceso(s, c,
                                                                                                  linksCategoriaOHi-
                                            jos(s,c)))
sumarAccesosRecientes(s, l, fs) \equiv if \emptyset?(fs) then
                                      else
                                          accesos Recientes Dia(s,\ l,\ dame Uno(f\ ))\ +\ sumar Accesos Recientes(s,\ l,
                                      fi
\beta(b) \equiv if b then 1 else 0 fi
```

#### Fin TAD

#### 1.0.1. Modulo de linkLinkIT

```
generos: lli
usa: bool, nat, conjunto, secuencia, arbolCategorias
se explica con: TAD linkLinkIT
géneros: lli
```

### 1.0.2. Operaciones Básicas

```
categorias (in s: lli) → res: acat

Pre ≡ true

Post ≡ res=obs categorias(s)

Complejidad : O(#categorias(s))

Descripción : Devuelve el arbol de categorias con todas las categorias del sistema

links (in s: lli) → res: conj(link)

Pre ≡ true

Post ≡ res=obs links(s)

Complejidad : O(#links(s))

Descripción : Devuelve todos los links del sistema

categoriaLink (in s: lli, in l: link) → res: categoria

Pre ≡ true

Post ≡ res=obs categoriaLink(s,l)

Complejidad : O(cuanto seria esto? todos los links?)
```

## $fechaActual (in s: lli) \longrightarrow res: fecha$ $\mathrm{Pre} \equiv \mathrm{true}$ $Post \equiv res =_{obs} fechaActual(s)$ Complejidad : O(1)Descripción: Devuelve la fecha actual fechaUltimoAcceso (in s: lli, in l: link) $\longrightarrow$ res: fecha $Pre \equiv l \in links(s)$ $Post \equiv res =_{obs} fechaUltimoAcceso(s,l)$ Complejidad : O(1)Descripción : Devuelve la fecha de ultimo acceso al link accesosRecientesDia (in s: lli, in l: link, in f: fecha) $\longrightarrow$ res: nat $Pre \equiv l \in links(s)$ $Post \equiv res =_{obs} accesosRecientesDia(s,l,f)$ Complejidad : O(#accesosRecientesDia(s,l,f)) Descripción : Devuelve la cantidad de accesos a un link un cierto dia inicar (in ac: acat) $\longrightarrow$ res: lli $\mathrm{Pre} \equiv \mathrm{true}$ $Post \equiv res =_{obs} iniciar(ac)$ Complejidad : O(#categorias(ac))Descripción: crea un sistema dado un arbol ac de categorias nuevoLink (in/out s: lli, in l: link , in c: categoria) $Pre \equiv c \in categorias(s) \land s_0 =_{obs} s$ Post $\equiv$ s=obs nuevoLink(s<sub>0</sub>,l,c) Complejidad : O(|l|+|c|+h)Descripción: Agregar un link al sistema acceso (in/out s: lli, in l: link , in f: fecha) $\mathrm{Pre} \equiv l \in \mathrm{links}(s) \, \wedge \, f \geq \mathrm{fechaActual}(s) \, \wedge \, s_0 =_{\mathrm{obs}} s$ Post $\equiv s =_{obs} acceso(s_0, l, f)$ Complejidad : O(|l|)Descripción: Acceder a un link del sistema esReciente? (in s: lli, in l: link, in f: fecha) $\longrightarrow$ res: bool $Pre \equiv l \in links(s)$ $Post \equiv res =_{obs} esReciente?(s,l,f)$ Complejidad : O(y esto q es??) Descripción: Chequea si el acceso fue reciente

accesosRecientes (in s: lli, in c: categoria in l: link) ---> res: nat

```
Post \equiv res =_{obs} accesosRecientes(s,c,l)
Complejidad : O(1)
Descripción: Devuelve la cantidad de accesos recientes del link ingresado
   linksOrdenadosPorAccesos (in s: lli, in c: categoria) → res: secu(link)
Pre \equiv c \in categorias(s)
Post \equiv res =_{obs} linksOrdenadosPorAccesos(s,c)
Complejidad : O(1)
Descripción: Devuelve la cantidad de accesos recientes del link ingresado
    cantlinks (in s. lli, in c. categoria) \longrightarrow res. nat
Pre \equiv c \in categorias(s)
Post \equiv res =_{obs} cantlinks(s,c)
Complejidad : O(|c|)
Descripción : Devuelve la cantidad de links de la categoria c
    menorReciente (in s: lli, in l: link) \longrightarrow res: fecha
Pre \equiv l \in links(s)
Post \equiv res =_{obs} menorReciente(s,l)
Complejidad: O(no tengo idea)
Descripción: Devuelve la fecha menor mas reciente
    \mathbf{diasRecientes} (in s: lli, in l: link) \longrightarrow res: fecha
\mathrm{Pre} \equiv l \in \mathrm{links}(s)
Post \equiv res =_{obs} diasRecientes(s,l)
Complejidad : O(1)
Descripción : Devuelve la fecha reciente del link
    \mathbf{diasRecientesDesde} (in s. lli, in l. link) \longrightarrow res. fecha
Pre \equiv l \in links(s)
Post \equiv res =_{obs} diasRecientesDesde(s,l)
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la fecha reciente del link
   linksCategoriasOHijos (in s: lli, in c: categoria) → res: conj(link)
Pre \equiv c \in categorias(s)
Post \equiv res =_{obs} linksCategoriasOHijos(s,c)
Complejidad : O(1)
Descripción: Devuelve el conjunto de links de la categoria c y sus hijos
    filtrarLinksCategoriasOHijos (in s: lli, in c: categoria, in ls: conj(link) ) \longrightarrow res: conj(link)
Pre \equiv c \in categorias(s) \land ls \subseteq links(s)
Post \equiv res =_{obs} filtrar Lins Categorias O Hijos(s,c,ls)
```

 $Pre \equiv c \in categorias(s) \land l \in links(s)$ 

Complejidad : O(no tengo idea)

Post  $\equiv \text{res}_{\text{obs}} \beta(b)$ Complejidad : O(1)

Descripción : Devuelve 1 o 0 dependiendo el valor de verdad de b

## diasRecientesParaCategorias (in s: lli, in c: categoria) → res: conj(fecha) $Pre \equiv c \in categorias(s)$ $Post \equiv res =_{obs} diasRecientesParaCategorias(s,c)$ Complejidad: O(es la cantidad de accesos recientes esto??) Descripción : Devuelve el conjunto de fechas recientes de la categoria c linkConUltimoAcceso (in s: lli, in c: categoria, in ls: conj(link) ) $\longrightarrow$ res: link $Pre \equiv c \in categorias(s) \land \emptyset?(ls) \land ls \subseteq linksCategoriasOHijos(s,c)$ Post $\equiv \text{res} =_{\text{obs}} \text{linkConUltimoAcceso(s,c,ls)}$ Complejidad : O(#ls??) Descripción : Devuelve el link que se accedio por ultima vez del conjunto ls sumarAccesosRecientes (in s: lli, in l: link,in fs: conj(fecha) ) $\longrightarrow$ res: nat $\mathrm{Pre} \equiv l \in \mathrm{links}(s) \, \wedge \, \mathrm{fs} \subseteq \mathrm{diasRecientes}(s,l)$ $Post \equiv res =_{obs} sumarAccesosRecientes(s,l,fs)$ Complejidad : O(1?)Descripción : Devuelve la suma de todos los accesos recientes del link l linksOrdenadosPorAccesosAux (in s: lli, in c: categoria,in ls: conj(link) ) $\longrightarrow$ res: secu(link) $Pre \equiv c \in categorias(s) \land ls \subseteq linksCategoriasOHijos(s,c)$ $Post \equiv res =_{obs} linksOrdenadosPorAccesosAux(s,c,ls)$ Complejidad : O(1?)Descripción: Devuelve la secuencia de links ordenados por accesos de mas recientes a menos recientes linkConMasAccesos (in s: lli, in c: categoria, in ls: conj(link) ) $\longrightarrow$ res: link $Pre \equiv c \in categorias(s) \land ls \subseteq linksCategoriasOHijos(s,c)$ $Post \equiv res =_{obs} linksOrdenadosPorAccesosAux(s,c,ls)$ Complejidad : O(1?)Descripción : Devuelve al link con mas accesos $\beta$ (in b. bool) $\longrightarrow$ res. nat $\mathrm{Pre} \equiv \mathrm{true}$

#### 2. TAD ARBOLDECATEGORIAS

#### TAD ARBOLDECATEGORIAS

```
géneros
                 acat
                 generadores, categorias, raÃz, padre, id, altura, está?, esSubCategoria, alturaCategoria, hijos
exporta
usa
                 BOOL, NAT, CONJUNTO
observadores básicos
  categorias : acat ac \longrightarrow \text{conj}(\text{categoria})
  raiz : acat ac \longrightarrow categoria
                                                                                                         \{esta?(h,ac) \land raiz(ac) \neq h \}
  padre : acat ac \times categoria h \longrightarrow categoria
                                                                                                                             \{esta?(c,ac)\}
  id : acat ac \times categoria c \longrightarrow nat
generadores
  nuevo : categoria c \longrightarrow acat
                                                                                                                              \{\neg vacia?(c)\}
  agregar : acat ac \times categoria c \times categoria h \longrightarrow acat
                                                                                        \{esta?(c,ac) \land \neg vacia?(h) \land \neg esta?(h,ac)\}
otras operaciones
  altura : acat ac \longrightarrow nat
  esta? : categoria c \times \text{acat } ac \longrightarrow \text{bool}
  es
Sub<br/>Categoria : acatac \timescategoria c \timescategoria <br/> h \longrightarrow bool
                                                                                                            \{esta?(c,ac) \land esta?(h,ac)\}
  altura
Categoria : acatac \times categoria<br/> c \ \longrightarrow \ \mathrm{nat}
                                                                                                                             \{esta?(c,ac)\}
                                                                                                                              \{esta?(c,ac)\}
  hijos : acat ac \times categoria c \longrightarrow conj(categoria)
                 \forall a: arbolDeCategorias
axiomas
                 \forall c: categoria
                 \forall ca: conj(arbolDeCategoria)
                 \forall cc: conj(categoria)
  categorias(nuevo(c)) \equiv c
  categorias(agregar(ac,c,h)) \equiv Ag(h, categorias(ac))
  raiz(nuevo(c)) \equiv c
  raiz(agregar(ac,c,h)) \equiv raiz(ac)
  padre(agregar(ac,c,h),h') \equiv if h == h' then c else <math>padre(ac,c,h') fi
  id(nuevo(c), c') \equiv 1
  id(agregar(ac,c,h),\ h') \equiv if h==h' then \#categorias(ac)+1 else id(ac,h2) fi
  altura(nuevo(c)) \equiv alturaCategoria(nuevo(c), c)
  \operatorname{altura}(\operatorname{agregar}(\operatorname{ac}, c, h)) \equiv \max(\operatorname{altura}(\operatorname{ac}), \operatorname{altura}(\operatorname{agregar}(\operatorname{ac}, c, h), h))
  alturaCategoria(ac, c) \equiv if c == raiz(ac) then 1 else 1 + alturaCategoria(ac, padre(ac, c)) fi
  esta?(c,ac) \equiv c \exists categorias(ac)
```

```
esSubCategoria(ac,c,h) \ \equiv \ c == \ h \ \lor L \ (h = raiz(ac) \ \land L \ esSubCategoria(ac, \ c, \ padre(ac, \ h))) hijos(nuevo(c1 \ ), \ c2 \ ) \ \equiv \ \emptyset hijos(agregar(ac,c,h), \ c') \ \equiv \ \textbf{if} \ \ h == \ c' \ \ \textbf{then} \ \ \emptyset \ \ \textbf{else} \ \ (\textbf{if} \ \ c == c' \ \ \textbf{then} \ \ h \ \ \textbf{else} \ \ \emptyset \ \ \textbf{fi}) \ \cup \ hijos(ac,c,c') \ \ \textbf{fi} \textbf{Fin TAD}
```

### 2.0.3. Modulo de Arbol de Categorias

**generos**: acat usa: bool, nat, conjunto

 $Post \equiv res =_{obs} nuevo(c)$ 

```
se explica con: TAD ArbolDeCategorias
géneros: acat
2.0.4. Operaciones Básicas
    categorias (in ac. acat) \longrightarrow res. conj(categoria)
\mathrm{Pre} \equiv \mathrm{true}
Post \equiv res{=}_{obs} \ categorias(ac)
Complejidad : O(#categorias(ac))
Descripción : Devuelve el conjunto de categorias de un ac
   \mathbf{raiz} (in ac: acat) \longrightarrow res: categoria
Pre \equiv true
Post \equiv res =_{obs} raiz(ac)
Complejidad : O(1)
Descripción : Devuelve la raiz del arbol ac
    padre (in ac: acat, in h: categoria) ---> res: categoria
Pre \equiv h \in ac \wedge raiz(ac) \neq h
Post \equiv res =_{obs} padre(ac,h)
Complejidad: O(ni idea)
Descripción : Devuelve el padre de una categoria
    id (in ac: acat, in c: categoria) \longrightarrow res:nat
\mathrm{Pre} \equiv h \in \mathrm{ac}
Post \equiv res =_{obs} id(ac,c)
Complejidad : O(|c|)
Descripción : Devuelve el id de una categoria c en el arbol ac
    nuevo (in c: categoria) \longrightarrow res:acat
Pre \equiv \neg vacia?(c)
```

```
Complejidad : O(|c|)
Descripción : Crea un arbol
   agregar (in/out ac: acat,in c: categoria, in h: categoria )
Pre \equiv c \in ac \land \neg vacia?(h) \land ac_0 =_{obs} ac
Post \equiv ac =_{obs} agregar(ac_0,c,h)
Complejidad : O(|c|+|h|)
Descripción: Agrega una categoria hija a una padre
    altura (in ac: acat) \longrightarrow res:nat
\mathrm{Pre} \equiv \mathrm{true}
Post \equiv res =_{obs} altura(ac)
Complejidad : O(|ac|)
Descripción : Devuelve la altura del arbol ac
   esta? (in c: categoria,in ac: acat) ---> res:bool
\mathrm{Pre} \equiv \mathrm{true}
Post \equiv res =_{obs} esta?(c,ac)
Complejidad : O(|ac|)
Descripción : Devuelve si esta o no en el arbol la categoria c
    esSubCategoria (in ac: acat, in c: categoria,in h: categoria) → res:bool
Pre \equiv esta?(c,ac) \land esta?(h,ac)
Post \equiv res =_{obs} esSubCategoria(ac,c,h)
Complejidad : O(no tengo idea)
Descripción : Devuelve si c es descendiente de h
    alturaCategoria (in ac: acat, in c: categoria) → res:nat
Pre \equiv esta?(c,ac)
Post \equiv res =_{obs} alturaCategoria(ac,c)
Complejidad: O(no tengo idea)
Descripción : Devuelve la altura de la categoria c
   hijos (in ac. acat, in c. categoria) \longrightarrow res:conj(categoria)
Pre \equiv esta?(c,ac)
Post \equiv res{=_{obs}} \ hijos(ac,c)
```

#### 3. Renombres

Complejidad : O(|c|)

Descripción : Devuelve el conjunto de categorias hijos de c

TAD CATEGORIA

es String

Fin TAD

TAD LINK

es String

Fin TAD

TAD FECHA

es Nat

Fin TAD