Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Trabajo Práctico de Especificación

Grupo 1

Integrante	LU	Correo electrónico
Bálsamo, Facundo	874/10	facundobalsamo@gmail.com
Lasso, Nicolás	892/10	lasso.nico@gmail.com
Rodríguez, Agustín	120/10	agustinrodriguez90@hotmail.com
Tripodi, Guido	843/10	guido.tripodi@hotmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

1. TAD LINKLINKIT

TAD LINKLINKIT

géneros lli generadores, categorias, links, categoriaLink, fechaActual, fechaUltimoAcceso, accesosRecientesDia, exporta esReciente?, accesosRecientes, linksOrdenadosPorAccesos, cantLinks BOOL, NAT, CONJUNTO, SECUENCIA, ARBOLCATEGORIAS usa observadores básicos categorias : lli s \rightarrow acat links : lli *s* $\rightarrow \text{conj(link)}$ categoriaLink : $lli \times link$ \rightarrow categoria fechaActual : lli \rightarrow fecha fechaUltimoAcceso \rightarrow fecha $\{l \exists links(s)\}$: $\text{lli } s \times \text{link } l$ accesosRecientesDia : lli $s \times \text{link } l \times \text{fecha } f$ \rightarrow nat generadores iniciar → lli : acat ac nuevoLink : lli $s \times \text{link } l \times \text{categoria } c$ \longrightarrow lli $\{\neg(l\exists links(s)) \land esta?(c, categorias(s))\}$ $\{l \exists links(s) \land f \geq fechaActual(s)\}$: lli $s \times \text{link } l \times \text{fecha } f$ \longrightarrow lliacceso otras operaciones esReciente? : lli $s \times \text{link } l \times \text{fecha } f$ \longrightarrow bool $\{l\exists links(s)\}$ accesosRecientes : lli $s \times$ categoria $c \times$ link l \rightarrow nat $\{esta?(c, categorias(s)) \land l \exists links(s) \land esSubCategoria(categorias(s), c, categoriaLink(s, l))\}$ links Ordenados Por
Accesdà $s \times$ categoria c $\longrightarrow \sec u(link)$ $\{esta?(c, categorias(s))\}$ $\operatorname{cantLinks}$: lli $s \times$ categoria c $\{esta?(c, categorias(s))\}$ \rightarrow nat : lli $s \times \text{link } l$ menorReciente \longrightarrow fecha $\{l \exists links(s)\}$ \longrightarrow fecha diasRecientes : lli $s \times \text{link } l$ $\{l\exists links(s)\}$: lli $s \times \text{link } l$ \longrightarrow fecha diasRecientesDesde $\{l\exists links(s)\}$ links Categorias O
Hijos : lli $s \times$ categoriac \longrightarrow conj(link) $\{esta?(c, categorias(s))\}$ filtrarLinksCategoriaOHijhss \times categoria $c \times \text{conj(link)}$ $ls \longrightarrow \text{conj(link)}$ $\{esta?(c, categorias(s)) \land ls \subseteq links(s)\}$ dias Recientes Para Categoli
lias \times categoria c→ conj(fecha) $\{esta?(c, categorias(s))\}$ $linkConUltimoAcceso: lli s \times categoria c \times conj(link) ls \longrightarrow link$ $\{esta?(c, categorias(s)) \land \neg \emptyset?(ls) \land ls \subseteq linksCategoriasOHijos(s, c)\}$ sumarAccesosRecientes lli $s \times \text{link } l \times \text{conj(fecha)} f s$ \longrightarrow nat $\{l\exists links(s) \land fs \subseteq diasRecientes(s, l)\}$ links Ordenados Por
Accesdi Asux categoria $c \times \text{conj}(\text{link})$ $ls \longrightarrow \text{secu}(\text{link})$ $\{esta?(c, categorias(s)) \land ls \subseteq linksCategoriasOHijos(s, c)\}$ linkConMasAccesos : $\text{lli } s \times \text{categoria } c \times \text{conj(link) } ls \longrightarrow \text{link}$ $\{esta?(c, categorias(s)) \land ls \subseteq linksCategoriasOHijos(s, c)\}$ β : bool b \longrightarrow nat $\forall it, it'$: linklinkIT axiomas $\forall a$: arbolDeCategorias $\forall c$: categoria $\forall l$: link $\forall f$: fecha $\forall cc$: conj(categoria)

```
categorias(iniciar(ac)) \equiv ac
categorias(nuevoLink(s,l,c)) \equiv categorias(ac)
categorias(acceso(s,l,f)) \equiv categorias(ac)
links(iniciar(ac)) \equiv \emptyset
links(nuevoLink(s,l,c)) \equiv Ag(l,links(s))
links(acceso(s,l,f)) \equiv links(s)
categoriaLink(nuevoLink(s,l,c),l') \equiv if l == l' then c else categoriaLink(s,l') fi
categoriaLink(acceso(s,l,f),l') \equiv categoriaLink(s,l')
fechaActual(iniciar(ac)) \equiv 0
fechaActual(nuevoLink(s,l,c)) \equiv fechaActual(s)
fechaActual(acceso(s,l,f)) \equiv f
fechaUltimoAcceso(nuevoLink(s,l,c),l') \equiv if l==l' then fechaActual(s) else fechaUltimoAcceso(s,l') fi
fechaUltimoAcceso(acceso(s,l,f),l') \equiv fechaUltimoAcceso(s,l')
menorReciente(s,l) \equiv max(fechaUltimoAcceso(s, l) + 1, diasRecientes) - diasRecientes
esReciente?(s,l,f) \equiv menorReciente(s,l) < f \land f < fechaUltimoAcceso(s,l)
accesoRecienteDia(nuevoLink(s,l,c),l',f) \equiv \textbf{if} \ l == l' \ \textbf{then} \ 0 \ \textbf{else} \ accesoRecienteDia(s,l',f) \ \textbf{fi}
accesoRecienteDia(acceso(s,l,f),l',f') \equiv \beta(l==l' \land f==f') + if esReciente?(s,l,f') then accesoRecienteDia(acceso(s,l,f),l',f') = \beta(l==l' \land f==f') + if esReciente?(s,l,f')
                                               Dia(s,l',f') else 0 fi
accesosRecientes(s, c, 1) \equiv sumarAccesosRecientes(s, l, diasRecientesParaCategoria(s, c) \cap diasRecientes(s, l))
linksOrdenadosPorAccesos(s, c) \equiv linksOrdenadosPorAccesosAux(s, c, linksOrdenadosPorAccesos(s, c))
linksOrdenadosPorAccesosAux(s,c,ls) \equiv if \emptyset?(ls) then
                                                 else
                                                    linkConMasAccesos(s, c, ls) • linksOrdernadosPorAccesosAux(s,
                                                    c, ls - linkConMasAccesos(s, c, ls))
                                                 fi
linkConMasAccesos(s, c, ls) \equiv if \#ls==1 then
                                         dameUno(ls)
                                     else
                                         if
                                                           accesosRecientes(s,c,dameUno(ls))
                                                                                                                     accesosRe-
                                         cientes(s,c,linkConMasAccesos(s,c,sinUno(ls))) then
                                             dameUno(ls)
                                             linkConMasAccesos(s,c,sinUno(ls))
                                         fi
cantLinks(s, c) = #linksCategoriaOHijos(s, c)
diasRecientes(s, l) \equiv diasRecientesDesde(s, l, menorReciente(s, l))
diasRecientesDesde(s,\,l,\,f\,\,) \ \equiv \ \textbf{if} \ \ esReciente?(s,\,l,\,f\,\,) \ \ \textbf{then} \ \ Ag(f,\,diasRecientesDesde(s,\,l,\,f+1)) \ \ \textbf{else} \ \ \emptyset \ \ \textbf{fi}
```

```
linksCategoriaOHijos(s, c) \equiv filtrarLinksCategoriaOHijos(s, c, links(s))
filtrarLinksCategoriaOHijos(s, c, ls) \equiv if \emptyset?(ls) then
                                           else
                                                   esSubCategoria(categorias(s),c,categoriaLink(s,dameUno(ls)))
                                               (if
                                               then
                                                   dameUno(ls)
                                               else
                                               \mathbf{fi}) \cup filtrarLinksCategoriaOHijos(s, c, siunUno(ls))
                                           fi
diasRecientesParaCategoria(s, c) \equiv if \emptyset?(linksCategoriaOHijos(s,c)) then
                                        else
                                            diasRecientes(s, linkConUltimoAcceso(s, c,
                                                                                                  linksCategoriaOHi-
                                            jos(s,c)))
sumarAccesosRecientes(s, l, fs) \equiv if \emptyset?(fs) then
                                      else
                                          accesos Recientes Dia(s,\ l,\ dame Uno(f\ ))\ +\ sumar Accesos Recientes(s,\ l,
                                      fi
\beta(b) \equiv if b then 1 else 0 fi
```

Fin TAD

1.0.1. Modulo de linkLinkIT

```
generos: lli
usa: bool, nat, conjunto, secuencia, arbolCategorias
se explica con: TAD linkLinkIT
géneros: lli
```

1.0.2. Operaciones Básicas

```
categorias (in s: lli) → res: acat

Pre ≡ true

Post ≡ res=obs categorias(s)

Complejidad : O(#categorias(s))

Descripción : Devuelve el arbol de categorias con todas las categorias del sistema

links (in s: lli) → res: conj(link)

Pre ≡ true

Post ≡ res=obs links(s)

Complejidad : O(#links(s))

Descripción : Devuelve todos los links del sistema

categoriaLink (in s: lli, in l: link) → res: categoria

Pre ≡ true

Post ≡ res=obs categoriaLink(s,l)

Complejidad : O(cuanto seria esto? todos los links?)
```

$fechaActual (in s: lli) \longrightarrow res: fecha$ $\mathrm{Pre} \equiv \mathrm{true}$ $Post \equiv res =_{obs} fechaActual(s)$ Complejidad : O(1)Descripción: Devuelve la fecha actual fechaUltimoAcceso (in s: lli, in l: link) \longrightarrow res: fecha $Pre \equiv l \in links(s)$ $Post \equiv res =_{obs} fechaUltimoAcceso(s,l)$ Complejidad : O(1)Descripción : Devuelve la fecha de ultimo acceso al link accesosRecientesDia (in s: lli, in l: link, in f: fecha) \longrightarrow res: nat $Pre \equiv l \in links(s)$ $Post \equiv res =_{obs} accesosRecientesDia(s,l,f)$ Complejidad : O(#accesosRecientesDia(s,l,f))Descripción : Devuelve la cantidad de accesos a un link un cierto dia inicar (in ac: acat) \longrightarrow res: lli $\mathrm{Pre} \equiv \mathrm{true}$ $Post \equiv res =_{obs} iniciar(ac)$ Complejidad : O(#categorias(ac))Descripción: crea un sistema dado un arbol ac de categorias nuevoLink (in/out s: lli, in l: link , in c: categoria) $Pre \equiv c \in categorias(s) \land s_0 =_{obs} s$ Post \equiv s=obs nuevoLink(s₀,l,c) Complejidad : O(|l|+|c|+h)Descripción: Agregar un link al sistema acceso (in/out s: lli, in l: link , in f: fecha) $\mathrm{Pre} \equiv l \in \mathrm{links}(s) \, \wedge \, f \geq \mathrm{fechaActual}(s) \, \wedge \, s_0 =_{\mathrm{obs}} s$ Post $\equiv s =_{obs} acceso(s_0, l, f)$ Complejidad : O(|l|)Descripción: Acceder a un link del sistema esReciente? (in s: lli, in l: link, in f: fecha) \longrightarrow res: bool $Pre \equiv l \in links(s)$ $Post \equiv res =_{obs} esReciente?(s,l,f)$ Complejidad : O(y esto q es??) Descripción: Chequea si el acceso fue reciente

accesosRecientes (in s: lli, in c: categoria in l: link) ---> res: nat

```
Post \equiv res =_{obs} accesosRecientes(s,c,l)
Complejidad : O(1)
Descripción: Devuelve la cantidad de accesos recientes del link ingresado
   linksOrdenadosPorAccesos (in s: lli, in c: categoria) → res: secu(link)
Pre \equiv c \in categorias(s)
Post \equiv res =_{obs} linksOrdenadosPorAccesos(s,c)
Complejidad : O(1)
Descripción: Devuelve la cantidad de accesos recientes del link ingresado
    cantlinks (in s. lli, in c. categoria) \longrightarrow res. nat
Pre \equiv c \in categorias(s)
Post \equiv res =_{obs} cantlinks(s,c)
Complejidad : O(|c|)
Descripción : Devuelve la cantidad de links de la categoria c
    menorReciente (in s: lli, in l: link) \longrightarrow res: fecha
Pre \equiv l \in links(s)
Post \equiv res =_{obs} menorReciente(s,l)
Complejidad: O(no tengo idea)
Descripción: Devuelve la fecha menor mas reciente
    \mathbf{diasRecientes} (in s: lli, in l: link) \longrightarrow res: fecha
\mathrm{Pre} \equiv l \in \mathrm{links}(s)
Post \equiv res =_{obs} diasRecientes(s,l)
Complejidad : O(1)
Descripción : Devuelve la fecha reciente del link
    \mathbf{diasRecientesDesde} (in s. lli, in l. link) \longrightarrow res. fecha
Pre \equiv l \in links(s)
Post \equiv res =_{obs} diasRecientesDesde(s,l)
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve la fecha reciente del link
   linksCategoriasOHijos (in s: lli, in c: categoria) → res: conj(link)
Pre \equiv c \in categorias(s)
Post \equiv res =_{obs} linksCategoriasOHijos(s,c)
Complejidad : O(1)
Descripción: Devuelve el conjunto de links de la categoria c y sus hijos
    filtrarLinksCategoriasOHijos (in s: lli, in c: categoria, in ls: conj(link) ) \longrightarrow res: conj(link)
Pre \equiv c \in categorias(s) \land ls \subseteq links(s)
Post \equiv res =_{obs} filtrar Lins Categorias O Hijos(s,c,ls)
```

 $Pre \equiv c \in categorias(s) \land l \in links(s)$

Complejidad : O(no tengo idea)

Post $\equiv \text{res}_{\text{obs}} \beta(b)$ Complejidad : O(1)

Descripción : Devuelve 1 o 0 dependiendo el valor de verdad de b

diasRecientesParaCategorias (in s: lli, in c: categoria) → res: conj(fecha) $Pre \equiv c \in categorias(s)$ $Post \equiv res =_{obs} diasRecientesParaCategorias(s,c)$ Complejidad: O(es la cantidad de accesos recientes esto??) Descripción : Devuelve el conjunto de fechas recientes de la categoria c linkConUltimoAcceso (in s: lli, in c: categoria, in ls: conj(link)) \longrightarrow res: link $Pre \equiv c \in categorias(s) \land \emptyset?(ls) \land ls \subseteq linksCategoriasOHijos(s,c)$ Post $\equiv \text{res} =_{\text{obs}} \text{linkConUltimoAcceso(s,c,ls)}$ Complejidad : O(#ls??) Descripción : Devuelve el link que se accedio por ultima vez del conjunto ls sumarAccesosRecientes (in s: lli, in l: link,in fs: conj(fecha)) \longrightarrow res: nat $\mathrm{Pre} \equiv l \in \mathrm{links}(s) \, \wedge \, \mathrm{fs} \subseteq \mathrm{diasRecientes}(s,l)$ $Post \equiv res =_{obs} sumarAccesosRecientes(s,l,fs)$ Complejidad : O(1?)Descripción : Devuelve la suma de todos los accesos recientes del link l linksOrdenadosPorAccesosAux (in s: lli, in c: categoria,in ls: conj(link)) \longrightarrow res: secu(link) $Pre \equiv c \in categorias(s) \land ls \subseteq linksCategoriasOHijos(s,c)$ $Post \equiv res =_{obs} linksOrdenadosPorAccesosAux(s,c,ls)$ Complejidad : O(1?)Descripción: Devuelve la secuencia de links ordenados por accesos de mas recientes a menos recientes linkConMasAccesos (in s: lli, in c: categoria, in ls: conj(link)) \longrightarrow res: link $Pre \equiv c \in categorias(s) \land ls \subseteq linksCategoriasOHijos(s,c)$ $Post \equiv res =_{obs} linksOrdenadosPorAccesosAux(s,c,ls)$ Complejidad : O(1?)Descripción : Devuelve al link con mas accesos β (in b. bool) \longrightarrow res. nat $\mathrm{Pre} \equiv \mathrm{true}$

2. TAD ARBOLDECATEGORIAS

TAD ARBOLDECATEGORIAS

```
géneros
                 acat
                 generadores, categorias, raÃz, padre, id, altura, está?, esSubCategoria, alturaCategoria, hijos
exporta
usa
                 BOOL, NAT, CONJUNTO
observadores básicos
  categorias : acat ac \longrightarrow \text{conj}(\text{categoria})
  raiz : acat ac \longrightarrow categoria
                                                                                                         \{esta?(h,ac) \land raiz(ac) \neq h \}
  padre : acat ac \times categoria h \longrightarrow categoria
                                                                                                                             \{esta?(c,ac)\}
  id : acat ac \times categoria c \longrightarrow nat
generadores
  nuevo : categoria c \longrightarrow acat
                                                                                                                              \{\neg vacia?(c)\}
  agregar : acat ac \times categoria c \times categoria h \longrightarrow acat
                                                                                        \{esta?(c,ac) \land \neg vacia?(h) \land \neg esta?(h,ac)\}
otras operaciones
  altura : acat ac \longrightarrow nat
  esta? : categoria c \times \text{acat } ac \longrightarrow \text{bool}
  es
Sub<br/>Categoria : acatac \timescategoria c \timescategoria <br/> h \longrightarrow bool
                                                                                                            \{esta?(c,ac) \land esta?(h,ac)\}
  altura
Categoria : acatac \times categoria<br/> c \ \longrightarrow \ \mathrm{nat}
                                                                                                                             \{esta?(c,ac)\}
                                                                                                                              \{esta?(c,ac)\}
  hijos : acat ac \times categoria c \longrightarrow conj(categoria)
                 \forall a: arbolDeCategorias
axiomas
                 \forall c: categoria
                 \forall ca: conj(arbolDeCategoria)
                 \forall cc: conj(categoria)
  categorias(nuevo(c)) \equiv c
  categorias(agregar(ac,c,h)) \equiv Ag(h, categorias(ac))
  raiz(nuevo(c)) \equiv c
  raiz(agregar(ac,c,h)) \equiv raiz(ac)
  padre(agregar(ac,c,h),h') \equiv if h == h' then c else <math>padre(ac,c,h') fi
  id(nuevo(c), c') \equiv 1
  id(agregar(ac,c,h),\ h') \equiv if h==h' then \#categorias(ac)+1 else id(ac,h2) fi
  altura(nuevo(c)) \equiv alturaCategoria(nuevo(c), c)
  \operatorname{altura}(\operatorname{agregar}(\operatorname{ac}, c, h)) \equiv \max(\operatorname{altura}(\operatorname{ac}), \operatorname{altura}(\operatorname{agregar}(\operatorname{ac}, c, h), h))
  alturaCategoria(ac, c) \equiv if c == raiz(ac) then 1 else 1 + alturaCategoria(ac, padre(ac, c)) fi
  esta?(c,ac) \equiv c \exists categorias(ac)
```

```
esSubCategoria(ac,c,h) \ \equiv \ c == \ h \ \lor L \ (h = raiz(ac) \ \land L \ esSubCategoria(ac, \ c, \ padre(ac, \ h))) hijos(nuevo(c1 \ ), \ c2 \ ) \ \equiv \ \emptyset hijos(agregar(ac,c,h), \ c') \ \equiv \ \textbf{if} \ \ h == \ c' \ \ \textbf{then} \ \ \emptyset \ \ \textbf{else} \ \ (\textbf{if} \ \ c == c' \ \ \textbf{then} \ \ h \ \ \textbf{else} \ \ \emptyset \ \ \textbf{fi}) \ \cup \ hijos(ac,c,c') \ \ \textbf{fi} \textbf{Fin TAD}
```

2.0.3. Modulo de Arbol de Categorias

generos: acat usa: bool, nat, conjunto

 $Post \equiv res =_{obs} nuevo(c)$

```
se explica con: TAD ArbolDeCategorias
géneros: acat
2.0.4. Operaciones Básicas
    categorias (in ac. acat) \longrightarrow res. conj(categoria)
\mathrm{Pre} \equiv \mathrm{true}
Post \equiv res{=}_{obs} \ categorias(ac)
Complejidad : O(#categorias(ac))
Descripción : Devuelve el conjunto de categorias de un ac
   \mathbf{raiz} (in ac: acat) \longrightarrow res: categoria
Pre \equiv true
Post \equiv res =_{obs} raiz(ac)
Complejidad : O(1)
Descripción : Devuelve la raiz del arbol ac
    padre (in ac: acat, in h: categoria) --> res: categoria
Pre \equiv h \in ac \wedge raiz(ac) \neq h
Post \equiv res =_{obs} padre(ac,h)
Complejidad: O(ni idea)
Descripción : Devuelve el padre de una categoria
    id (in ac: acat, in c: categoria) \longrightarrow res:nat
\mathrm{Pre} \equiv h \in \mathrm{ac}
Post \equiv res =_{obs} id(ac,c)
Complejidad : O(|c|)
Descripción : Devuelve el id de una categoria c en el arbol ac
    nuevo (in c: categoria) \longrightarrow res:acat
Pre \equiv \neg vacia?(c)
```

```
Complejidad : O(|c|)
```

Descripción : Crea un arbol

```
agregar (in/out ac: acat,in c: categoria, in h: categoria )
```

 $Pre \equiv c \in ac \land \neg vacia?(h) \land ac_0 =_{obs} ac$

 $Post \equiv ac =_{obs} agregar(ac_0,c,h)$

Complejidad : O(|c|+|h|)

Descripción : Agrega una categoria hija a una padre

altura (in ac: acat) \longrightarrow res:nat

 $\mathrm{Pre} \equiv \mathrm{true}$

 $Post \equiv res =_{obs} altura(ac)$ Complejidad : O(|ac|)

Descripción : Devuelve la altura del arbol ac

esta? (in c: categoria, in ac: acat) \longrightarrow res: bool

 $\mathrm{Pre} \equiv \mathrm{true}$

 $Post \equiv res = _{obs} esta?(c,ac)$

Complejidad: O(|ac|)

Descripción : Devuelve si esta o no en el arbol la categoria c

esSubCategoria (in ac: acat, in c: categoria,in h: categoria) → res:bool

 $Pre \equiv esta?(c,ac) \land esta?(h,ac)$

 $Post \equiv res =_{obs} esSubCategoria(ac,c,h)$

Complejidad: O(no tengo idea)

Descripción : Devuelve si c es descendiente de h

alturaCategoria (in ac: acat, in c: categoria) --> res:nat

 $\mathrm{Pre} \equiv \mathrm{esta?}(\mathrm{c,ac})$

 $Post \equiv res =_{obs} alturaCategoria(ac,c)$

Complejidad : O(no tengo idea)

Descripción : Devuelve la altura de la categoria c

hijos (in ac. acat, in c. categoria) \longrightarrow res:conj(categoria)

 $Pre \equiv esta?(c,ac)$

 $Post \equiv res =_{obs} hijos(ac,c)$

Complejidad : O(|c|)

Descripción : Devuelve el conjunto de categorias hijos de c

2.1. Pautas de Implementación

2.1.1. Estructura de Representación

```
arbol<br/>DeCategorias se representa con acat donde acat es: tupla (<br/> raiz: \ string, \\ cantidad: \ nat, \\ familia: dicc(padre: string, tupla(abuelo: string, hijos: conj(string), id: nat)),)
```

2.1.2. Invariante de Representación

- 1. todos los elementos de 'hijos de una clave 'padre', cada uno de estos hijos tendran como 'abuelo' a ese 'padre' cuando sean clave.
- 2. 'cantidad' sera igual a la cantidad de elementos del conjunto de todas las claves del dicc 'familia'.
- 3. Todos los 'id' de significado de cada clave deberan ser menor o igual a 'cant'.

```
\mathbf{Rep} : \mathrm{acat} \longrightarrow \mathrm{bool}
 \mathrm{Rep}(s) \equiv \mathrm{true} \Longleftrightarrow
```

1. LA CONCHA DE TU MADRE ALL BOYS.

2.1.3. Función de Abstraccion

```
\label{eq:Abs} \begin{split} \textbf{Abs}: & \text{estr } \textbf{e} \rightarrow \text{arbolDeCategorias} \\ \textbf{Abs}(\textbf{e}) =_{\textbf{obs}} \textbf{ac}: & \text{arbolDeCategorias} \mid \\ & \text{categorias}(\textbf{ac}) = \text{claves}(\textbf{e.familia}) \land_L \\ & \text{raiz}(\textbf{ac}) = \textbf{e.raiz} \land_L \\ & (\forall c: \text{categoria}) \text{ esta?}(\textbf{c,ac}) \land \textbf{c} \neq \text{raiz}(\textbf{ac}) \Rightarrow_L \text{ padre}(\textbf{ac,c}) = (\text{obtener}(\textbf{c,e.familia})). \\ \textbf{abuelo} \land_L \end{split}
```

 $(\forall c: \text{categoria}) \text{ esta?}(c,ac) \Rightarrow_L \text{ id}(ac,c) = (\text{obtener}(c,e.familia)).id$

3. Renombres

```
es String
Fin TAD
TAD LINK
es String
Fin TAD
TAD FECHA
es Nat
```

Fin TAD