Algoritmos y Estructura de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Trabajo Práctico Diseño

Grupo 1

Integrante	LU	Correo electrónico
Bálsamo, Facundo	874/10	facundobalsamo@gmail.com
Lasso, Nicolás	763/10	lasso.nico@gmail.com
Rodriguez, Agustín	120/10	agustinrodriguez90@hotmail.com
Tripodi, Guido	843/10	guido.tripodi@hotmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota	
Primera entrega			
Segunda entrega			

Índice

1.	Mód	dulo A	ArbolCategorias	4
	1.1.	Interfa	az	. 4
	1.2.	Repres	sentación	. 6
		1.2.1.	Invariante de Representación	. 6
			1.2.1.1. El Invariante Informalmente	. 6
			1.2.1.2. El Invariante Formalmente	
		1.2.2.	Función de Abstracción	
			1.2.2.1. Funciones auxiliares	
	1.3.	Algori	itmos	
	1.4.		$egin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	
			lor de Categorias	
	1.0.	1.5.1.		
		1.5.2.	Representación	
		1.5.3.	1	
			1.5.3.1. El Invariante Formalmente	
		1.5.4.	Función de Abstracción	
		1.5.5.	8	
		1.5.6.	Analisis de complejidades	
	1.6.	Iterado	lor de Familia	
		1.6.1.	Interfaz	. 15
		1.6.2.	Representación	. 16
		1.6.3.	Invariante de Representación	. 16
			1.6.3.1. El Invariante Formalmente	. 16
		1.6.4.	Algoritmos	
		1.6.5.	9	
	1.7.	Iterado	lor de Hijos	
		1.7.1.	Interfaz	
		1.7.2.	Representación	
		1.7.3.	-	
		1.1.0.	1.7.3.1. El Invariante Formalmente	
		1.7.4.		
		1.7.5.	Algoritmos	
		1.7.6.	Analisis de complejidades	. 19
2.	Mác	dulo Li	$\operatorname{linkLinkIt}$	21
٠.		Interfa		
			az	
	2.2.	2.2.1.		
		2.2.1.	±	
			2.2.1.1. El Invariante Informalmente	
		0.0.0	2.2.1.2. El Invariante Formalmente	
		2.2.2.	Función de Abstracción	
			2.2.2.1. Funciones auxiliares	
	2.3.		itmos	
	2.4.		sis de complejidades	
	2.5.		lor de Links	
		2.5.1.	Interfaz	
		2.5.2.	Representación	. 32
		2.5.3.	Invariante de Representación	. 32

			2.5.3.1. El Invariante Formalmente	32
		2.5.4.	Función de Abstracción	32
		2.5.5.	Algoritmos	32
		2.5.6.	Analisis de complejidades	33
	2.6.	Iterade	or de Punteros a DatosLink	33
		2.6.1.	Interfaz	33
		2.6.2.	Representación	34
		2.6.3.	Invariante de Representación	35
			2.6.3.1. El Invariante Formalmente	35
		2.6.4.	Función de Abstracción	35
		2.6.5.	Algoritmos	35
		2.6.6.	Analisis de complejidades	37
	2.7.	Iterado	or de Accesos	39
		2.7.1.	Representación	39
		2.7.2.	Invariante de Representación	39
			2.7.2.1. El Invariante Formalmente	39
		2.7.3.	Función de Abstracción	39
		2.7.4.	Algoritmos	39
		2.7.5.	Analisis de complejidades	10
3.	Móc	dulo di	dccTrie(clave,significado)	! 1
	3.1.			11
	3.2.	Repres	sentación	11
		3.2.1.	Invariante de Representación	12
			3.2.1.1. El Invariante Informalmente	42
			3.2.1.2. El Invariante Formalmente	12
		3.2.2.	Función de Abstracción	42
			3.2.2.1. Funciones auxiliares	12
	3.3.	Algori	${ m tmos}$	14
	3.4.	Analis	is de complejidades	15

1. Módulo ArbolCategorias

1.1. Interfaz

```
parámetros formales
```

```
géneros acat
  se explica con: ArbolDeCategorias
Operaciones
  CATEGORIASAC(in ac: acat) \rightarrow res: itCategorias
     \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
     \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} categorias(ac) \}
     Complejidad: O(1)
     Aliasing: No se debe modificar nada de lo iterado por res.
  RAIZAC(in ac: acat) \rightarrow res: Categoria
     \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
     \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathbf{obs}} raiz(ac) \}
     Complejidad: O(1)
     Aliasing: El nombre de la categoría raiz se pasa por referencia, no debe ser modificado.
  IDAC(\mathbf{in}\ ac: \mathbf{acat}, \mathbf{in}\ c: \mathbf{Categoria}) \rightarrow \mathit{res}: \mathbf{nat}
     \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
     \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} id(ac, c) \}
     Complejidad: O(|c|)
     Aliasing: No tiene.
  ALTURACATAC(in ac: acat, in c: Categoria) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{esta?(c,ac)\}\
     \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} alturaCategoria(ac, c) \}
     Complejidad: O(|c|)
     Aliasing: No tiene.
  HIJOSAC(in\ ac: acat, in\ c: Categoria) \rightarrow res: itHijos
     \mathbf{Pre} \equiv \{esta?(c,ac)\}\
     \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} hijos(ac, c) \}
      Complejidad: O(|c|)
     Aliasing: No se debe modificar nada de lo iterado por res.
  PADREAC(in ac: acat, in c: Categoria) \rightarrow res: Categoria
     \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
     \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} padre(ac, c) \}
     Complejidad: O(|c|)
      Aliasing: El nombre de la categoría padre se pasa por referencia, no debe ser modificado.
```

```
ALTURAAC(in ac: acat) \rightarrow res: nat
   \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
   \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} altura(ac) \}
   Complejidad: O(1)
   Aliasing: No tiene.
NUEVOAC(in c: Categoria)\rightarrow res: acat
   \mathbf{Pre} \equiv \{\neg vacia?(c)\}\
   \mathbf{Post} \equiv \{ \mathit{res} =_{\mathrm{obs}} \mathit{nuevo}(c) \}
   Complejidad: O(|c|)
   Aliasing: No tiene.
AGREGARAC(in/out ac: acat, in c: categoria, in h: categoria)
   \mathbf{Pre} \equiv \{esta?(c,ac) \land \neg esta?(h,ac) \land \neg vacia?(h) \land ac_0 =_{obs} ac\}
   \mathbf{Post} \equiv \{ac =_{\mathbf{obs}} agregar(ac_0, c, h)\}\
   Complejidad: O(|c|+|h|)
   Aliasing: No hay alias ya que no devuelve nada.
ESTA?(\operatorname{in} c: categoria, \operatorname{in} ac: acat)\rightarrow res: bool
   \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
   \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} esta?(c, ac) \}
   Complejidad: O(|c|)
   Aliasing: No tiene.
ESSUBCATEGORIA (in ac: acat, in c: categoria, in h: categoria) \rightarrow res: bool
   \mathbf{Pre} \equiv \{esta?(c,ac) \land esta?(h,ac)\}
   \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} esSubCategoria(ac, c, h) \}
   Complejidad: O(|h|+|c|+alturaAC(ac))
   Aliasing: No tiene.
```

fin interfaz

1.2. Representación

Arbol de Categorias guarda en su estructura una Lista de datosCat(categorias), que cada uno

guarda todos los datos de una categoria.

Guardamos en un diccTrie(familia) para cada categoria, un puntero a su datosCat correspondiente de la lista categorias para acceder a esos datos en O(longitud de la categoria).

En raiz guardamos un puntero a datos Cat de la categoria raiz del arbol para accedrla en O(1) cantidad es la cantidad de categorias que tiene el arbol y nos permite en O(1) saber cual va a ser el id para una categoría que estemos agregando.

alturaMax es la alutra del arbol de categorias.

1.2.1. Invariante de Representación

1.2.1.1. El Invariante Informalmente

- 1. Para cada clave de 'familia' obtener el significado devolvera un puntero(datosCat) donde 'categoria' es igual a la clave.
- 2. Toda clave de 'familia' debera ser raiz o pertenecer a algun conjunto de punteros de 'hijos' de alguna otra clave.
- 3. Todos los significados de 'familia' apuntan a un nodo de 'categorias' y cada nodo de 'categorias' es significado de alguna clave de 'familia'.
- 4. Todos los elementos de 'hijos' de una clave de 'familia', tendrá como 'padre' a esa clave.
- 5. 'cantidad' sera igual a la longitud de la lista 'categorias'.
- 6. Cuando la clave es igual a 'raiz' su 'altura' e 'id' es 1.
- 7. La 'altura' de cada clave es menor o igual a 'alturaMax' del sistema.
- 8. Existe una clave en la cual 'altura' es igual a 'alturaMax'.
- 9. Los 'hijos' de una clave tienen 'altura' igual a 1 + 'altura de la clave.
- 10. Los 'id' de cada clave deberan ser menor o igual a 'cant'.
- 11. No hay 'id' repetidos en 'familia.

1.2.1.2. El Invariante Formalmente

```
Rep : estrAC \rightarrow boolean
```

 $(\forall ac: \mathtt{estrAC}) \ \mathrm{Rep(ac)} \equiv \mathrm{true} \Longleftrightarrow$

- 1. $(\forall c: \mathtt{Categoria})(def?(c, e.familia)) \Leftrightarrow (*obtener(c, e.familia)).categoria = c \land_\mathtt{L}$
- 2. $(\forall c_1 : \mathtt{Categoria})(def?(c_1, e.familia)) \Leftrightarrow ((c_1 == e.raiz) \lor ((\exists c_2 : \mathtt{Categoria})(def?(c_2, e.familia)) \land_{\mathtt{L}} c_1 \in (*obtener(c_2, e.familia)).hijos)) \land_{\mathtt{L}} c_1 \in (*obtener(c_2, e.familia)).hijos)) \land_{\mathtt{L}} c_2 \in (a.familia)$
- 3. $(\forall c : \texttt{Categoria})(def?(c, e.familia) \Leftrightarrow (((\exists d : \texttt{datosCat})esta?(d, e.categorias) \land d.categoria == c) \land_{\mathtt{L}} d == obtener(c, e.familia))) \land_{\mathtt{L}}$
- 4. $(\forall c_1, c_2 : \mathtt{string})(def?(c_1, e.familia)) \land (def?(c_2, e.familia)) \Rightarrow_L c_2 \in *((obtener(c_1, e.familia))).hijos \Leftrightarrow (*(*(obtener(c_2, e.familia))).padre).categoria = c_1 \land_L$
- 5. $e.cantidad = longitud(e.categorias) \wedge_{L}$

- 6. $(\forall c: \mathtt{categoria})(def?(c, e.familia)) \land c = e.raiz \Rightarrow_L \\ (*(obtener(c, e.familia))).altura = 1 \land (*(obtener(c, e.familia))).id = 1 \land_L$
- 7. $(\forall c: \mathtt{Categoria})(def?(c, e.familia)) \Rightarrow_L (*obtener(c, e.familia)).altura \leq e.alturaMax \land_{\mathsf{L}}$
- 8. $(\exists c : \mathtt{Categoria})(def?(c,e.familia)) \land_{\mathtt{L}} * ((obtener(c,e.familia))).altura = e.alturaMax \land_{\mathtt{L}}$
- 9. $(\forall c_1, c_2 : \mathtt{string})(def?(c_1, e.familia)) \land (def?(c_2, e.familia)) \land_{\mathtt{L}}$ $((\exists d : \mathtt{datosCat})d \in (*(obtener(c_1, e.familia))).hijos \land d.categoria == c_2) \Rightarrow_{\mathtt{L}} (*(obtener(c_2, e.familia))).altura = 1 + (*(obtener(c_1, e.familia))).altura \land_{\mathtt{L}}$
- $10. \ (\forall \, c \colon \mathtt{Categoria}) (def?(c,e.familia)) \Rightarrow_L (*(obtener(c,e.familia))).id \leq e.cant \ \land_\mathtt{L}$
- 11. $(\forall c_1, c_2 : \mathtt{Categoria})(def?(c_1, e.familia)) \land (def?(c_2, e.familia)) \land c_1 \neq c_2 \Rightarrow_L (*(obtener(c_1, e.familia))).id \neq (*(obtener(c_2, e.familia))).id$

1.2.2. Función de Abstracción

Abs: $e: \mathtt{estrAC} \to \mathtt{acat}$ Rep(e) $(\forall e: \mathtt{estrAC}) \ \mathsf{Abs}(e) =_{\mathtt{obs}} \mathtt{ac:} \ \mathtt{acat} \mid$ $1. \ \mathit{categorias}(ac) =_{\mathtt{obs}} \mathit{todasLasCategorias}(e.\mathit{categorias}) \land_{\mathtt{L}}$ $2. \ \mathit{raiz}(ac) =_{\mathtt{obs}} (*e.\mathit{raiz}).\mathit{categoria} \land_{\mathtt{L}}$ $3. \ (\forall c: \mathtt{Categoria}) \mathit{esta?}(c, ac) \land c \neq \mathit{raiz}(ac) \Rightarrow_{\mathtt{L}} \\ \mathit{padre}(ac, c) = (*(*(\mathit{obtener}(c, e.\mathit{familia}))).\mathit{padre}).\mathit{categoria} \land_{\mathtt{L}}$ $4. \ (\forall c: \mathtt{Categoria}) \mathit{esta?}(c, ac) \Rightarrow_{\mathtt{L}} \mathit{id}(ac, c) = (*(\mathit{obtener}(c, e.\mathit{familia}))).\mathit{id}$

1.2.2.1. Funciones auxiliares

```
\begin{array}{l} todasLasCategorias: secu(datosCat) &\longrightarrow conj(categoria) \\ todasLasCategorias(cs) &\equiv \textbf{if} \ vacia?(cs) \ \textbf{then} \\ & \emptyset \\ & \textbf{else} \\ & Ag((prim(cs)).categoria,todasLasCategorias(fin(cs))) \\ & \textbf{fi} \end{array}
```

1.3. Algoritmos

Algoritmo 1 iCategoriasAC 1: function iCategoriasAC(in ac: estrac) $\rightarrow res$: itCategorias 2: res \leftarrow crearItCategorias(ac) //O(1) 3: end function Complejidad: O(1) Algoritmo 2 iRaizAC 1: function iRaiz(in ac: estrac) $\rightarrow res$: Categoria 2: res \leftarrow (*(ac.raiz)).categoria //O(1)

```
Algoritmo 3 iDameCantidad

1: function iDAMECANTIDAD(in ac: estrAC)\rightarrow res: nat
2: res \leftarrow ac.cantidad //O(1)
3: end function

Complejidad: O(1)
```

```
Algoritmo 4 iIdAC

1: function IID(in ac: estrAC, in c: Categoria) \rightarrow res: nat

2: res \leftarrow ((*obtener(c,ac.familia)).id //O(|c|)

3: end function

Complejidad: O(|c|)
```

Algoritmo 5 iAlturaCatAC	
1: function IALTURACATAC(in ac : estrAC, in c : Categoria) $\rightarrow res$: nat	
2: $\operatorname{res} \leftarrow (\operatorname{*obtener}(c, \operatorname{ac.familia})).\operatorname{altura}$	$//\mathrm{O}(\mathbf{c})$
3: end function	
$\hline \textbf{Complejidad:} \ O(c)$	
Algoritmo 6 iHijosAC	
1: $\mathbf{function} \ \mathrm{IHIJOSAC}(\mathbf{in} \ ac \colon \mathtt{estrAC}, \ \mathbf{in} \ c \colon \mathtt{Categoria}) \!\! o \ res \colon \mathtt{itHijos}$	
2: $res \leftarrow crearItHijos(ac,c)$	$//\mathrm{O}(\mathbf{c})$
3: end function	
Complejidad: $O(c)$	
Algoritmo 7 iPadreAC	
1: $ extbf{function}$ IPADREAC($ extbf{in}$ ac : estrAC, $ extbf{in}$ c : Categoria) $ o res$: Categoria	
2: $\operatorname{res} \leftarrow (*(*\operatorname{obtener}(c, \operatorname{ac.familia})).\operatorname{padre}).\operatorname{categoria}$	$//\mathrm{O}(\mathbf{c})$
3: end function	
Complejidad: $O(c)$	
Algoritmo 8 iAlturaAC	
1: function IALTURAAC(in ac : estrAC) $ ightarrow$ res : nat	110(1)
2: $res \leftarrow ac.alturaMax$	$//\mathrm{O}(1)$
3: end function	
Complejidad: $O(1)$	
Algoritmo 9 iNuevoAC	
1: function INUEVOAC(in c : Categoria) $\rightarrow res$: estrAC	//0(1)
2: res.cantidad $\leftarrow 1$	//O(1)
3: datosCat tuplaA	//O(1)
4: $\operatorname{tuplaA} \leftarrow \operatorname{tupla}(c,1,1,\operatorname{vacio}(),\operatorname{Null})$	//O(c)
5: $puntero(datosCat) punt \leftarrow \&tuplaA$	//O(1)
6: res.raiz ← punt	//O(1)
7: res.altura $Max \leftarrow 1$	//O(1)
8: $\operatorname{definir}(c, \operatorname{punt}, \operatorname{res.familia})$	//O(c)
9: agregarAtras(tuplaA, res.categorias)	$//\mathrm{O}(1)$
$ \begin{array}{c} \underline{10:} \ \mathbf{end} \ \mathbf{function} \\ \mathbf{Complejidad:} \ \mathrm{O}(\mathbf{c}) \end{array} $	

```
Algoritmo 10 iAgregarAC
 1: function IAGREGARAC(in/out ac: estrAC, in c: Categoria, in h: Categoria)
 2:
       puntero(datosCat) puntPadre \leftarrow obtener(c,ac.familia)
                                                                                                //O(|c|)
 3:
       if (*puntPadre).altura == ac.alturaMax then
                                                                                                 //O(1)
           ac.alturaMax++
 4:
                                                                                                 //O(1)
       end if
 5:
       datosCat tuplaA \leftarrow (h,ac.cantidad+1,(*puntPadre).altura+1,vacio(),puntPadre)
                                                                                                //\mathrm{O}(|\mathbf{h}|)
 6:
       puntero(datosCat) punt \leftarrow \&tuplaA
                                                                                                 //O(1)
 7:
       Agregar((*puntPadre).hijos,punt)
                                                                                                 //O(1)
 8:
 9:
       definir(h,punt,ac.familia)
                                                                                                //O(|\mathbf{h}|)
       ac.cantidad++
10:
                                                                                                 //O(1)
       agregarAtras(tuplaA,ac.categorias)
11:
                                                                                                 //O(1)
12: end function
Complejidad: O(|c|+|h|)
```

```
Algoritmo 11 iEsta?

1: function iEsta?(in ac: estrAC, in c: Categoria) \rightarrow res: bool

2: res \leftarrow def?(c,ac.familia) //O(|c|)

3: end function

Complejidad: O(|c|)
```

```
Algoritmo 12 iEsSubCategoria
```

```
1: function IEsSubCategoria(in ac: estrAC, in c: Categoria, in h: Categoria) \rightarrow res: bool
 2:
        res \leftarrow false
                                                                                                             //O(1)
 3:
        if h == c then
                                                                                                            //\mathrm{O}(|\mathbf{h}|)
            res \leftarrow true
                                                                                                             //O(1)
 4:
        else
 5:
            if h == raizAC(ac) then
 6:
                                                                                                            //\mathrm{O}(|\mathrm{h}|)
                res \leftarrow false
                                                                                                             //O(1)
 7:
            else
 8:
                                                                                                            //O(|\mathbf{h}|)
                puntero(datosCat) actual \leftarrow (*obtener(h,ac.familia)).padre
 9:
                puntero(datosCat) puntC \leftarrow (*obtener(c,ac.familia))
                                                                                                            //O(|c|)
10:
                while res == false \land actual \neq NULL do
                                                                                               //O(alturaAC(ac))
11:
                    if puntC.Id == actual.Id then
                                                                                                             //O(1)
12:
                                                                                                             //O(1)
13:
                        res \leftarrow true
                    else
14:
                        actual \leftarrow (*actual).padre
                                                                                                             //O(1)
15:
                    end if
16:
                end while
17:
            end if
18:
        end if
19:
20: end function
Complejidad: O(|h| + |c| + alturaAC(ac))
```

1.4. Analisis de complejidades

1. iCategoriasAC

Se devuelve un iterador de la lista **categorias** del arbol de categorias en O(1). El iterador muestra sólo los nombres de las categorías.

Orden Total: O(1)

2. iRaiz

Se devuelve una referencia al nombre de la categoria raiz del arbol de categorias en O(1).

Orden Total: O(1)

3. idameCantidad

Se devuelve en O(1) el natural almacenado en el campo cantidad del arbol de categorias.

Orden Total: O(1)

4. iIdAC

Dada la categoria c, se obtiene en O(|c|) el datosCat de dicha categoría y en O(1) se devuelve el id que tiene el datosCat obtenido.

Orden Total: O(|c|)

5. iAlturaCatAC

Dada la categoria c, se obtiene en O(|c|) el datosCat de dicha categoria y en O(1) se devuelve la altura que tiene el datosCat obtenido.

Orden Total: O(|c|)

6. iHijosAC

Dada la categoria c, se obtiene en O(|c|) el datosCat de dicha categoria y en O(1) se devuelve un iterador al conjunto **hijos** del datosCat obtenido.

Orden Total: O(|c|)

7. iPadreAC

Dada la categoria c, se obtiene en O(|c|) el datosCat de dicha categoria y en O(1) se devuelve por referencia en O(1) el nombre de la categoria del puntero **padre** que tiene el datosCat obtenido.

Orden Total: O(|c|)

8. iAlturaAC

Devuelve en O(1) la **alturaMax** del arbol de categorias.

Orden Total: O(1)

9. iNuevoAC

A res.cantidad le asignamos 1, que tarda O(1). Creamos una nueva variable tuplaA, que es datosCat. Esto tarda O(1).

Creamos la variable punt, que es un puntero a datosCat y le asignamos la referencia de tuplaA. Y esto tarda O(1). A tuplaA le asignamos una nueva tupla datosCat, que en uno de sus componentes es el string c, y copiarse tarda O(|c|). Los demas componentes de la tupla tardan en copiarse O(1).

A res.raiz le asignamos punt, y tarda O(1). A res.alturaMax le asignamos 1, y tarda O(1). A res.familia le asignamos el diccTrie que nos da la operación definir, a la cual le pasamos como clave el string c. Entonces definir tarda O(|c|).

A res.categorias le asignamos la lista que nos da la operación AgregarAtras, que tarda O(1).

Orden Total:
$$O(1)+O(1)+O(1)+O(1)+O(1)+O(1)+O(1)+O(1)=O(|c|)$$

10. iAgregarAC

Obtenemos un puntero de datosCat de la categoria c usando la operacion obtener del diccTrie ac.familia, y lo asginamos a la variable puntPadre. Esto tarda O(|c|).

Comparamos la altura de la tupla que apunta puntPadre con ac. altura Max, y esto tarda O(1). En caso que valga la guarda del if hacemos una suma y una asignación, que cuesta O(1).

Luego creamos y asignamos una tupla de datosCat tuplaA, que se le asigna una tupla con valores que tardan O(1) en copiarse, excepto por la categoria h que es string. Entonces la asignacion y creacion de esa tupla tarda O(|h|).

Creamos la variable punt que es un puntero a datosCat, y le asignamos la referencia de tuplaA. Esto tarda O(1). Agregamos al conjunto de punteros hijos que apunta puntPadre, el puntero punt, que tarda O(1). Definimos la clave h, con el significado punt al diccTrie ac.familia. Esto tarda O(|h|).

Incrementamos ac.cantidad, tardando O(1). Finalmente agregamos atras tuplaA a la lista ac.categorias. Esto tarda O(1)

Orden Total:
$$O(|c|) + O(1) = O(|c| + |h|)$$

11. iEsta?

Para ver si una categoria c esta en nuestro arbolCategorias, vemos si esta definida la clave c en el diccTrie ac.familia. Y esto tarda O(|c|).

Orden Total: O(|c|)

12. iEsSubCategoria

Le asignamos a res un valor booleano igual a false, demorando O(1). Comparamos las dos categorias si son iguales o no. Demorando O(|h|). En caso afirmativo cambiamos el valor de res por true, demorando O(1).

En caso negativo, consultamos si h es igual a raizAC(ac) demorando O(|h|), en caso positivo le asignamos a res el valor false, tardando O(1). En caso negativo: creamos un puntero a datosCat denominado actual al cual le asignamos la tupla obtenida por la operacion obtener del diccTrie pasandole la categoria h y pidiendo padre de la tupla obtenida por esta operacion, esto demora O(|h|). Creamos un puntero a datosCat denominado puntC al cual le asignamos la tupla obtenida por la operacion obtener del diccTrie pasandole la categoria c y pidiendo padre de la tupla obtenida por esta operacion, esto demora O(|c|). Luego, se ingresa a un ciclo con la condicion de que res sea igual a false y actual distinto de NULL. Se compara puntC con actual. En caso afirmativo se asigna a res el valor true, demorando O(1), en caso negativo, se modifica actual asignandole el puntero a padre de la tupla a la que estaba apuntando anteriormente. Luego de realizar alturaAC(ac) iteraciones se sale del ciclo.

Orden Total:

$$O(1)+O(|h|)+O(1)+O(|h|)+O(1)+O(|h|)+O(|c|)+(alturaAC(ac)*(O(1)+O(1)+O(1)))=$$
 $O(|h|+|c|+alturaAC(ac))$

1.5. Iterador de Categorias

1.5.1. Interfaz

parámetros formales

```
géneros itCategorias
se explica con: Iterador Bidireccional
```

Operaciones

```
CREARITCATEGOTIAS(in ac: acat) \rightarrow res: itCategorias
  \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
  Post \equiv \{ res =_{obs} crearIt(ac.categorias) \}
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: No debe modificarse ningún elemento iterado por res.
HAYSIGUIENTE?(\operatorname{in} it: itCategorias)\rightarrow res: bool
  \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} haySiguiente?(it) \}
   Complejidad: O(1)
  Aliasing: No tiene.
SIGUIENTE(in it: itCategorias)\rightarrow res: Categoria
  \mathbf{Pre} \equiv \{haySiguiente?(it)\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \pi_1(siguiente(it)) \}
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: La categoría se pasa por referencia, no debe ser modificada.
AVANZAR(in/out it: itCategorias)
  \mathbf{Pre} \equiv \{it =_{obs} it_0 \land haySiguiente?(it)\}\
  \mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} avanzar(it_0)\}\
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: No tiene.
```

fin interfaz

1.5.2. Representación

itCategorias es un iterador de lista común. Sus complejidades nos alcanzan para iterar una

Lista(datosCat).

1.5.3. Invariante de Representación

1.5.3.1. El Invariante Formalmente

 $Rep : estrITC \rightarrow boolean$

 $(\forall it: \mathtt{estrITC}) \ \mathrm{Rep}(\mathrm{it}) \equiv \mathrm{true}$

1.5.4. Función de Abstracción

Abs: $e: estrITC \rightarrow itBi(\alpha)$

Rep(e)

 $(\forall e: \mathtt{estrITC}) \ \mathrm{Abs}(e) =_{\mathrm{obs}} \mathrm{it} : \mathrm{itBi}(\alpha) \mid$

1. $anteriores(e.iterador) =_{obs} anteriores(it) \land signientes(e.iterador) =_{obs} signientes(it)$

1.5.5. Algoritmos

Algoritmo 13 iCrearItCategorias

- 1: function ICREARITCATEGORIAS(in ac: estrAC) $\rightarrow res: estrITC$
- 2: $\operatorname{res} \leftarrow \operatorname{crearIt}(\operatorname{ac.categorias})$ //O(1)
- 3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 14 iHaySiguiente?

- 1: function IHAYSIGUIENTE?(in e: estrITC) $\rightarrow res$: bool
- 2: $\operatorname{res} \leftarrow \operatorname{haySiguiente}(e)$ //O(1)
- 3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 15 iSiguiente

- 1: function ISIGUIENTE(in e: estrITC) $\rightarrow res$: Categoria
- 2: $\operatorname{res} \leftarrow (\operatorname{siguiente}(e)).\operatorname{categoria}$ //O(1)
- 3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 16 iAvanzar

- 1: function IAVANZAR(in/out e: estrITC)
- 2: avanzar(e) //O(1)
- 3: end function

Complejidad: O(1)

1.5.6. Analisis de complejidades

1. iCrearItCategorias

Crea un itCategorias con la lista del arbol de categorias que se pasa como parametro y se la asigna a res, esto demora O(1).

Orden Total: O(1)

2. iHaySiguiente?

Se llama a HaySiguiente del Iterador de Lista en O(1).

Orden Total: O(1)

3. iSiguiente

Se llama a Siguiente del Iterador de Lista en O(1). Se devuelve una referencia al valor categoria de la tupla DatosCat.

Orden Total: O(1)

4. iAvanzar

Se llama a Avanzar del Iterador de Lista en O(1).

Orden Total: O(1)

1.6. Iterador de Familia

1.6.1. Interfaz

parámetros formales

géneros itFamilia

Operaciones

```
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} obtener(ac, c) \}
  Complejidad: O(|c|)
  Aliasing: Los elementos iterados por res no deben ser modificados.
HAYSIGUIENTE?(in it: itFamilia)\rightarrow res: bool
  \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} (it \neq NULL) \}
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: No tiene.
SIGUIENTECAT(in it: itFamilia)\rightarrow res: Categoria
  \mathbf{Pre} \equiv \{haySiguiente?(it)\}\
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} (*it).catgoria \}
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: la Categoria se pasa por referencia y no debe ser modificado.
SIGUIENTEID(in it: itFamilia)\rightarrow res: int
  \mathbf{Pre} \equiv \{haySiguiente?(it)\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} (*it).id \}
  Complejidad: O(1)
   Aliasing: El ID se pasa por referencia y no debe ser modificado.
```

CREARITFAMILIA(in ac: estrAC,in c: Categoria) $\rightarrow res$: itFamilia

```
AVANZAR(in/out it: itFamilia)

Pre \equiv \{it =_{\text{obs}} it_0 \land haySiguiente?(it)\}

Post \equiv \{it =_{\text{obs}} (*it_0).padre\}

Complejidad: O(1)

Aliasing: No tiene.
```

fin interfaz

1.6.2. Representación

it Familia es un iterador de puntero a datoscat que al hacer siguiente va al puntero datoscat padre. Al manejarse con punteros sus complejidades son O(1).

1.6.3. Invariante de Representación

1.6.3.1. El Invariante Formalmente

Rep : estrITF \rightarrow boolean $(\forall it: estrITF) \text{ Rep}(it) \equiv true$

1.6.4. Algoritmos

3: end function Complejidad: O(1)

Algoritmo 17 iCrearItFamilia 1: function ICREARITFAMILIA(in ac: estrAC,in c: Categoria) $\rightarrow res$: estrITA //O(|c|) $res \leftarrow obtener(ac.familia,c)$ 3: end function Complejidad: O(|c|)Algoritmo 18 iHaySiguiente? 1: function IHAYSIGUIENTE?(in e: estrITF) $\rightarrow res$: bool $res \leftarrow e \neq NULL$ //O(1)3: end function Complejidad: O(1)Algoritmo 19 iSiguienteCat 1: function ISIGUIENTE(in e: estrITF) $\rightarrow res$: Categoria res \leftarrow (*e).categoria //O(1)

Algoritmo 20 iSiguienteId

1: function ISIGUIENTE(in e: estrITF) $\rightarrow res$: int

2: $\operatorname{res} \leftarrow (*e).\operatorname{id}$ //O(1)

3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 21 iAvanzar

1: function IAVANZAR(in/out e: estrITF)

 $e \leftarrow (*e).padre$ //O(1)

3: end function

Complejidad: O(1)

1.6.5. Analisis de complejidades

1. iCrearItFamilia

Crea un itFamilia obteniendo en O(|c|) los datos de esa categoría y asignandoselo a si mismo en O(1).

Orden Total: O(1)

2. iHaySiguiente?

Chequea que el puntero no sea Null.

Orden Total: O(1)

3. iSiguienteCat

Devuelve en O(1) una referencia a la Categoria del puntero que tiene almacenado el iterador.

Orden Total: O(1)

4. iSiguienteId

Devuelve en O(1) el Id del puntero que tiene almacenado el iterador.

Orden Total: O(1)

5. iAvanzar

en O(1) el iterador se guarda el puntero Padre del puntero que tenia guardado.

Orden Total: O(1)

1.7. Iterador de Hijos

1.7.1. Interfaz

parámetros formales

géneros itHijos

se explica con: Iterador Bidireccional

Operaciones

```
CREARITHIJOS(in ac: estrAC, in c: Categoria) \rightarrow res: itHijos
  \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} crearIt((*Obtener(ac, c)).hijos) \}
  Complejidad: O(|c|)
  Aliasing: No se pueden modificar los datosCat del iterador.
HAYSIGUIENTE?(in it: itHijos)\rightarrow res: bool
  \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} haySiguiente?(it) \}
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: No tiene.
SIGUIENTE(in it: itHijos)\rightarrow res: Categoria
  \mathbf{Pre} \equiv \{haySiguiente?(it)\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathbf{obs}} \pi_1(*siguiente(it)) \}
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: res no es modificable.
AVANZAR(in/out it: itHijos)
  \mathbf{Pre} \equiv \{it =_{obs} it_0 \land haySiguiente?(it)\}\
  \mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} avanzar(it_0)\}\
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: No tiene.
```

fin interfaz

1.7.2. Representación

itHijos es un iterador de conjunto. Sus complejidades nos alcanzan para iterar un Conj(puntero(datosCat)).

1.7.3. Invariante de Representación

1.7.3.1. El Invariante Formalmente

```
Rep : estrITh \rightarrow boolean (\forall it: \texttt{estrITH}) \text{ Rep(it)} \equiv \text{true}
```

1.7.4. Función de Abstracción

Abs: e: estrITC \rightarrow itBi(α)

($\forall e$: estrITC) Abs(e) =_{obs} it: itBi(α) |

1. $anteriores(e.iterador) =_{obs} anteriores(it) \land signientes(e.iterador) =_{obs} signientes(it)$

Rep(e)

1.7.5. Algoritmos

Algoritmo 22 iCrearItHijos	
1: function ICREARITHIJOS(in ac : acat,in c : Categoria) $\rightarrow res$: estrITH	
2: $\operatorname{res} \leftarrow \operatorname{crearIt}((*\operatorname{obtener}(\operatorname{ac.familia},c)).\operatorname{hijos})$	$//\mathrm{O}(\mathbf{c})$
3: end function	
Complejidad: $O(1)$	

Algoritmo 23 iHaySiguiente?	
1: function IHAYSIGUIENTE?(in e : estrITH) $\rightarrow res$: bool	
$2: res \leftarrow haySiguiente(e)$	$//\mathrm{O}(1)$
3: end function	
Complejidad: $O(1)$	

Algoritmo 24 iSiguiente	
1: $ extbf{function}$ ISIGUIENTE $(extbf{in}e\colon ext{estrITH}) ightarrow res$: Categoria	
2: $res \leftarrow (*siguiente(e)).categoria$	$//\mathrm{O}(1)$
3: end function	
Complejidad: $O(1)$	

Algoritmo 25 iAvanzar	
1: $function IAVANZAR(in/out e: estrITH)$	
$2: ext{avanzar}(e)$	$//\mathrm{O}(1)$
3: end function	
Complejidad: O(1)	

1.7.6. Analisis de complejidades

1. iCrearItHijos

Crea un it Hijos con el conjunto Hijos del puntero que se obtiene en O(|c|) del diccionario Familia con la categoria pasada por parametro.

Orden Total: O(1)

2. iHaySiguiente?

Se llama a HaySiguiente del Iterador de Conjunto en O(1).

Orden Total: O(1)

3. iSiguiente

Se llama a Siguiente del Iterador de Conjunto en O(1). A eso se le aplica la operacion dameCat que tambíen cuesta O(1) y se devuelve una referencia a la categoria resultante.

Orden Total: O(1)

4. iAvanzar

Se llama a Avanzar del Iterador de Conjunto en O(1).

Orden Total: O(1)

2. Módulo LinkLinkIt

2.1. Interfaz

```
parámetros formales
```

géneros linkLinkIt se explica con: TAD linkLinkIt

Operaciones

```
DAMEACAT(in lli: linkLinkIt)\rightarrow res: acat
  \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
  Post \equiv \{ res =_{obs} lli.arbolCategorias \}
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: res es una referencia a lli.arbolCategorias, no debe modificarse.
FECHAACTUAL(in lli: linkLinkIt) \rightarrow res: Fecha
  \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} fechaActual(lli) \}
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: No tiene
LINKS(\operatorname{in} lli: linkLinkIt)\rightarrow res: \operatorname{itLinks}
  \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ \mathit{res} =_{\mathrm{obs}} \mathit{links}(\mathit{lli}) \}
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: No deben modificarse los elementos iterados por res.
CATEGORIALINK(in lli: linkLinkIt, in l: Link) \rightarrow res: Categoria
  \mathbf{Pre} \equiv \{l \in links(lli)\}\
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} categoriaLink(lli, l) \}
  Complejidad: O(|l|)
  Aliasing: La categoria se devuelve por referencia, no debe modificarse.
FECHAULTIMOACCESO(in lli: linkLinkIt, in l: Link)\rightarrow res: Fecha
  \mathbf{Pre} \equiv \{l \in links(lli)\}\
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} fechaUltimoAcceso(lli, l) \}
  Complejidad: O(|l|)
  Aliasing: No tiene
ACCESOSRECIENTESDIA(in lli: linkLinkIt, in l: Link, in f: Fecha) \rightarrow res: nat
  \mathbf{Pre} \equiv \{l \in links(lli)\}\
  Post \equiv \{ res =_{obs} access Recientes Dia(lli, l, f) \}
  Complejidad: O(|l|)
  Aliasing: No tiene
```

```
INICIARLLI(in ac: acat) \rightarrow res: linkLinkIt
  \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} iniciar(ac) \}
   Complejidad: O(#categorias(ac))
  Aliasing: No tiene.
NUEVOLINKLLI(in/out lli: linkLinkIt, in l: Link, in c: Categoria)
  \mathbf{Pre} \equiv \{c \in categorias(lli) \land l \notin links(lli) \land \neg vacia?(l) \land lli_0 = lli\}
  \mathbf{Post} \equiv \{lli = nuevoLink(lli_0, l, c)\}\
  Complejidad: O(|l|+|c|+altura(lli.arbolCategorias))
  Aliasing: No hay alias ya que no devuelve nada.
ACCEDERLLI(\mathbf{in}/\mathbf{out} lli: linkLinkIt, \mathbf{in} l: Link, \mathbf{in} f: Fecha)
  \mathbf{Pre} \equiv \{l \in links(lli) \land f \geq fechaActual(lli) \land lli_0 = lli\}
  \mathbf{Post} \equiv \{lli = acceso(lli_0, l, f)\}\
  Complejidad: O(|l|)
  Aliasing: No hay alias ya que no devuelve nada.
CANTLINKS(in lli: linkLinkIt, in c: Categoria)\rightarrow res: nat
  \mathbf{Pre} \equiv \{c \in categorias(lli)\}\
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} cantLinks(lli, c) \}
  Complejidad: O(|c|)
  Aliasing: No tiene.
LINKSORDENADOSPORACCESOS(in lli: linkLinkIt, in c: Categoria)\rightarrow res: itPuntLinks
  \mathbf{Pre} \equiv \{c \in categorias(lli)\}\
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} linksOrdenadosPorAccesos(lli, c) \}
   Complejidad: O((longitud(lli.arrayCatLinks[id]))^2 + |c|)
  Aliasing: Se devuelve un iterador a los links relacionados con esa categoría. No debe ser modifi-
cado.
ESRECIENTE? (in lli: linkLinkIt, in l: Link, in f: Fecha)\rightarrow res: bool
  \mathbf{Pre} \equiv \{l \in links(lli)\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} esReciente?(s, l, f) \}
  Complejidad: O(|l|)
  Aliasing: No tiene.
```

fin interfaz

2.2. Representación

```
LinkLinkIt se representa con estrLLI, donde estrLLI es tupla < arbolCategorias: acat, actual: Fecha, linkInfo: diccTrie(Link,puntero(datosLink)), listaLink: Lista(datosLink), arrayCatLinks: arreglo(linksFamilia)>

datosLink es tupla < link: Link, catDLink: Categoria, accesosRecientes: Lista(acceso), cantAaccesosRecientes: nat>

acceso es tupla < dia: Fecha, cantAccesos: nat>
linksFamilia es Lista(puntero(datosLink))
```

Un linkLinkIt guarda en su estructura el arbol de categorias con el que fue creado. La fecha actual, para poder accederla en O(1).

Tiene también una lista de datosLink(listaLink), que guarda un datosLink para cada Link con sus datos: nombre(link), una referencia al nombre de su categoría relacionada(catDLink) para accederla en O(1), la cantidad de accesos recientes(cantAccesosRecientes) y su lista de accesos recientes, es decir sus ultimos tres días(accesosRecientes).

En el diccTrie *linkInfo*, tomando como claves los nombres de los links, guardamos un puntero al datoLink correspondiente de *listaLink*, para poder acceder a esos datos en O(longitud del link).

En el arreglo arrayCatLink se guarda en cada posición, la lista de links relacionados para la categoria cuyo id es esa posicion-1 (Incluye a los links de las categorias hijas.).

2.2.1. Invariante de Representación

2.2.1.1. El Invariante Informalmente

- 1. Para todo 'link' que exista en 'linkInfo' la 'catDLink' de la tupla apuntada en el significado debera existir en 'arbolCategorias'.
- 2. Para todo 'link' que exista en 'linkInfo', todos los dia' de la lista 'accesosRecientes' deberan ser menor o igual a actual, estan ordenados,no hay dias repetidos y la longitud de la lista es menor o igual a 3.
- 3. Para todo 'link' que exista en 'linkInfo' su significado deberá existir en 'listaLinks' y viceversa.
- 4. Para todo 'link' que exista en 'linkInfo' su significado deberá aparecer en 'arrayCatLinks' en la posicion igual al id de 'catDLink' y en las posiciones de los predecesores de esa categoria y en ninguna otra.
- 5. No hay 2 claves que existan en 'linkInfo' y devuelvan el mismo significado.
- 6. No existen 'link' repetidos en las tuplas de 'listaLinks'.

- 7. No hay elementos repetidos en ninguna lista 'linksFamilia'.
- 8. Para todo 'link' que exista en 'linkInfo', 'cantAccesosRecientes' es igual a la suma de 'cantAccesos' de cada elemento de la lista 'accesosRecientes'

2.2.1.2. El Invariante Formalmente

```
Rep : estrLLI \rightarrow boolean
```

 $(\forall lli: \mathtt{estrLLI}) \ \mathrm{Rep}(\mathrm{lli}) \equiv \mathrm{true} \Longleftrightarrow$

- 1. $(\forall l: \texttt{Link})(def?(l, lli.linkInfo)) \Rightarrow_L (*obtener(l, lli.linkInfo)).catDLink \in todasLasCategorias(lli.arbolCategorias.categorias) \land_L$
- 2. $(\forall l: \mathtt{Link})(def?(l, lli.linkInfo)) \Rightarrow_L \\ long((*obtener(l, lli.linkInfo)).accesosRecientes) \leq 3 \land \\ accesoOrdenadoNoRepetido((*obtener(l, lli.linkInfo)).accesosRecientes) \land_L \\ fechasCorrectas(lli.actual, ((*obtener(l, lli.linkInfo)).accesosRecientes)) \land_L$
- 3. $(\forall l : \mathtt{Link})(def?(l, e.linkInfo) \Leftrightarrow (((\exists d : \mathtt{datosLink})esta?(d, e.listaLinks) \land d.link == l) \land_{\mathtt{L}} d == obtener(l, e.linkInfo))) \land_{\mathtt{L}}$
- $\begin{array}{l} 4. \ (\forall \mathit{l} \colon \mathtt{Link})(\mathit{def}?(\mathit{l}, \mathit{lli.link}Info)) \Rightarrow_{\mathit{L}} \\ ((\forall \mathit{c} \colon \mathtt{Categoria})c \in \mathit{todasLasCategorias}(\mathit{lli.arbolCategorias}.\mathit{categorias}) \Rightarrow_{\mathit{L}} \\ (\mathit{esta}?((\mathit{obtener}(\mathit{l}, \mathit{lli.link}Info)), \mathit{arrayCatLinks}[\mathit{idAC}(\mathit{lli.arbolCategorias}, c)]) \Leftrightarrow \\ \mathit{esSubCategoria}(\mathit{lli.arbolCategorias}, c, (*\mathit{obtener}(\mathit{l}, \mathit{lli.link}Info)).\mathit{catDLink}))) \land_{\mathit{L}} \\ \end{aligned}$
- 5. $(\forall l, l': \texttt{Link})l \neq l' \land (def?(l, lli.linkInfo)) \land (def?(l', lli.linkInfo)) \Rightarrow_L (*obtener(l, lli.linkInfo)) \neq (*obtener(l', lli.linkInfo)) \land_L$
- 6. $(\forall i, i': \mathtt{nat})i < long(lli.listaLinks) \land i' < long(lli.listaLinks) \Rightarrow_L lli.listaLinks_i.link = lli.listaLinks_{i'}.link \Leftrightarrow i = i' \land_L$
- 7. $(\forall i : \mathtt{nat})i < tam(lli.arrayCatLinks) \Rightarrow_L sinRepetidos(arrayCatLinks[i]) \land_L$
- 8. $(\forall l: Link)(def?(l, lli.linkInfo)) \Rightarrow_L (*obtener(l, lli.linkInfo)).cantAccesosRecientes == cantidadDeAccesos((*obtener(l, lli.linkInfo)).accesosRecientes)$

2.2.2. Función de Abstracción

Abs: e: estrLLI \rightarrow linkLinkIt

Rep(e)

 $(\forall e: \mathtt{estrLLI}) \ \mathrm{Abs}(e) =_{\mathrm{obs}} \mathrm{lli}: \mathrm{linkLinkIt} \mid$

- 1. $categorias(lli) = categorias(e.arbolCategorias) \land$
- 2. $links(lli) = todosLosLinks(e.listaLinks) \wedge_{L}$
- 3. $(\forall l: \texttt{Link}) def?(l, e.linkInfo) \Rightarrow_L \\ categoriaLink(lli, l) = (*obtener(l, e.linkInfo)) catDLink \land$
- 4. $fechaActual(lli) = e.actual \land$
- 6. $(\forall l: \texttt{Link})(\forall f: \texttt{Fecha})l \in links(lli) \land_{\texttt{L}} esReciente?(e, l, f) \Rightarrow_{L} accessRecientesDia(lli, l, f) = cantidadPorDia(f, (*obtener(l, e.linkInfo)).accessRecientes)$

2.2.2.1. Funciones auxiliares

```
cantidadPorDia : estrLLI \times Fecha \times Lista(acceso) \longrightarrow nat
cantidadPorDia(e,f,ls) \equiv if f = prim(ls).dia then
                                prim(ls).cantAccesos
                             else
                                cantidadPorDia(e,f,fin(ls))
todosLosLinks : secu(datosLink) \longrightarrow conj(Link)
todosLosLinks(s) \equiv if \emptyset?(s) then \emptyset else Ag(prim(s).link,todosLosLinks(fin(s))) fi
sinRepetidos : secu(\alpha) \longrightarrow bool
sinRepetidos(ls) \equiv if vacia?(ls) then
                         true
                      else
                         if esta?(prim(ls),fin(ls)) then false else sinRepetidos(fin(ls)) fi
fechasCorrectas : fecha \times secu(acceso) \longrightarrow bool
sinRepetidos(f,ls) \equiv if vacia?(ls) then
                           true
                        else
                           if prim(ls).dia > f then false else fechasCorrectas(f,fin(ls)) fi
accesoOrdenadoNoRepetido : secu(acceso) \longrightarrow bool
sinRepetidos(ls) \equiv if long(ls) \leq 1 then
                         true
                      else
                         if prim(ls).dia \ge prim(fin(ls)).dia then
                            false
                         else
                            accesoOrdenadoNoRepetido(fin(ls))
                         fi
cantidadDeAccesos : secu(acceso) \longrightarrow nat
cantidadDeAccesos(ls) \equiv if vacia?(ls) then
                                0
                             else
                                prim(ls).cantAccesos + cantidadDeAccesos(fin(ls))
                             fi
```

2.3. Algoritmos

```
Algoritmo 26 idameACat

1: function IDAMEACAT(in lli: estrLLI)\rightarrow res: acat
2: res \leftarrow lli.arbolCategorias //O(1)
3: end function

Complejidad: O(1)
```

```
Algoritmo 27 iFechaActual
   1: function IFECHAACTUAL(in lli: estrLLI)\rightarrow res: Fecha
                     res \leftarrow lli.actual
                                                                                                                                                                                                                                                                      //O(1)
   3: end function
Complejidad: O(1)
Algoritmo 28 iLinks
   1: function ILINKS(in lli: estrLLI)\rightarrow res: itLinks
                     res \leftarrow crearItLinks(lli)
                                                                                                                                                                                                                                                                      //O(1)
   3: end function
Complejidad: O(1)
Algoritmo 29 iCategoriaLink
   1: function ICATEGORIALINK(in lli: estrLLI, in l: Link)\rightarrow res: Categoria
                     res \leftarrow (*obtener(l,lli.linksInfo)).catDLink
                                                                                                                                                                                                                                                                    //\mathrm{O}(|\mathbf{l}|)
   3: end function
Complejidad: O(|I|)
Algoritmo 30 iFechaUltimoAcceso
   1: function IFECHAULTIMOACCESO(in lli: estrLLI, in l: Link)\rightarrow res: Fecha
                     res \leftarrow (ultimo((*obtener(l,lli.linkInfo)).accesosRecientes)).dia
                                                                                                                                                                                                                                                                    //O(|l|)
   3 end function
Complejidad: O(|l|)
Algoritmo 31 iAccesosRecientesDia
   1: function IACCESOSRECIENTESDIA(in lli: linkLinkIt, in l: Link, in f: Fecha)\rightarrow res: nat
                     itAccesos accesos \leftarrow crearItAccesos(lli,l)
   2:
                                                                                                                                                                                                                                                                     //\mathrm{O}(|\mathbf{l}|)
                     while haySiguiente(accesos) do
                                                                                                                                                                                                                           //O(|accesos|) = O(1)
   3:
                              if signification significant significant
   4:
                                                                                                                                                                                                                                                                      //O(1)
                                        res \leftarrow siguiente(accesos).cantAccesos
                                                                                                                                                                                                                                                                       //O(1)
   5:
   6:
                              end if
   7:
                              avanzar(accesos)
                                                                                                                                                                                                                                                                      //O(1)
                     end while
   8:
   9 end function
Complejidad: O(|I|)
```

Algoritmo 32 iIniciarLLI 1: function HNICIARLLI(in ac: acat) $\rightarrow res$: estrLLI 2: $res.actual \leftarrow 1$ //O(1)3: res.arbolCategorias \leftarrow ac //O(1)nat $c \leftarrow 0$ 4: //O(1) $res.arrayCatLinks \leftarrow crearArreglo(dameCantidad(ac))$ 5: //O(dameCantidad(ac)) 6: $res.listaLinks \leftarrow vacia()$ //O(1)7: res.linksInfo \leftarrow vacio() //O(1)8: while c <dameCantidad(res.arbolCategorias) do 9: //O(dameCantidad(res.arbolCategorias))) 10: $linksFamilia llist \leftarrow vacia()$ //O(1)11: $res.arrayCatLinks[c] \leftarrow llist$ //O(1)12: c++//O(1)13: 14: end while 15: end function Complejidad: O(dameCantidad(res.arbolCategorias)) Algoritmo 33 iNuevoLink 1: function INUEVOLINK(in/out lli: estrLLI, in l: Link, in c: Categoria) 2: itFamilia itF \leftarrow crearItFamilia(lli.arbolCategorias,c) //O(|c|)Lista(acceso) acceso $DeNuevoLink \leftarrow vacia()$ 3: //O(1) $datosLink nuevoLink \leftarrow < l, c, accesoDeNuevoLink, 0 >$ 4: //O(|l|)5: $puntero(datosLink) puntLink \leftarrow nuevoLink$ //O(1)definir(l,puntLink,lli.linkInfo) //O(|l|)6: agregarAtras(lli.listaLinks,nuevoLink) //O(1)7: //O(alturaAC(ac)) while haySiguiente(itF) do 8:

//O(1)

//O(1)

agregarAtras(lli.arrayCatLinks[SiguienteId(itF)-1],puntLink)

9:

10:

11:

Avanzar(itF)

Complejidad: O(|c|+|l|+alturaAC(ac))

end while

12: end function

```
Algoritmo 34 iAccederLLI
 1: function IACCEDERLLI(in/out lli: estrLLI, in l: Link, in f: Fecha)
 2:
       if lli.actual \neq f then
                                                                                                  //O(1)
           lli.actual \leftarrow f
 3:
                                                                                                 //O(1)
       end if
 4:
       puntero(datosLink) puntLink \leftarrow obtener(l,lli.linkInfo)
                                                                                                 //O(|l|)
 5:
       if ultimo((*puntLink).accesos).dia == f then
                                                                                                 //O(1)
 6:
           ultimo((*puntLink).accesos).cantAccesos ++
 7:
                                                                                                 //O(1)
       else
 8:
 9:
           agregarAtras((*puntLink).accesos,<f,1>)
                                                                                                 //O(1)
       end if
10:
       if longitud((*puntLink).accesss) == 4 then
11:
                                                                                                 //O(1)
           (*puntLink).cantAccesosRecientes -= prim((*puntLink).accesos).cantAccesos
                                                                                                 //O(1)
12:
           fin((*puntLink).accesos)
                                                                                                 //O(1)
13:
14:
       end if
       (*puntLink).cantAccesosRecientes++
                                                                                                 //O(1)
15:
16: end function
Complejidad: O(|1|)
Algoritmo 35 iCantLinks
 1: function ICANTLINKS(in lli: estrLLI, c: Categoria)\rightarrow res: nat
       res \leftarrow longitud(lli.arrayCatLinks[id(lli.arbolCategorias,c)-1])
                                                                                                //O(|c|)
 3 end function
Complejidad: O(|c|)
Algoritmo 36 iLinksOrdenadosPorAccesos
 1: function ILINKSORDENADOSPORACCESOS(in lli: estrLLI,in c: Categoria)\rightarrow
 2:
                                                                                      res: itPuntLinks
 3:
       nat id \leftarrow id(lli.arbolCategorias,c)
                                                                                                //O(|c|)
       id \leftarrow id-1
                                                                                                  //O(1)
 4:
       Fecha f \leftarrow 1
                                                                                                  //O(1)
 5:
       itPuntLinks\ itParaFecha \leftarrow crearItPuntLins(lli,id,f)
                                                                                                  //O(1)
 6:
       Fecha fecha ← ultFecha(itParaFecha)
                                                                   //O(longitud(lli.arrayCatLinks[id]))
 7:
       Lista(puntero(datosLink)) listaOrdenada \leftarrow vacia()
 8:
       if ¬estaOrdenada?(crearItPuntLins(lli,id,fecha)) then
 9:
                                                                   //O(longitud(lli.arrayCatLinks[id]))
10:
           while ¬vacia?(lli.arrayCatLinks[id]) do
11:
              itPuntLinks itMax ← crearItPuntLins(lli,id,fecha)
                                                                                                  //O(1)
12:
              itMax \leftarrow buscarMax(itMax, fecha)
                                                                   //O(longitud(lli.arrayCatLinks[id]))
13:
              agregarAtras(listaOrdenada, siguiente(itMax))
                                                                                                 //O(1)
14:
              eliminarSiguiente(itMax)
                                                                                                  //O(1)
15:
16:
           lli.arrayCatLinks[id] \leftarrow listaOrdenada
                                                                                                 //O(1)
17:
18:
       end if
19:
       res \leftarrow crearItPuntLins(lli,id,fecha)
                                                                                                 //O(1)
20: end function
Complejidad: O((longitud(lli.arrayCatLinks[id]))^2 + |c|)
```

Algoritmo 37 iEsReciente

- 1: function IESRECIENTE(in lli: estrLLI, in l: Link, in f: Fecha) $\rightarrow res$: bool
- 2: res \leftarrow f > (fechaUltimoAcceso(lli,l)-2) \wedge f < fechaUltimoAcceso(lli,l)

//O(|1)

3: end function

Complejidad: O(|l|)

2.4. Analisis de complejidades

1. iDameACatLLI

Se devuelve por referencia el arbol del sistema pasado como parametro, esto demora O(1).

Orden Total: O(1)

2. iFecha Actual

Devuelve la fecha actual del sistema, esto cuesta O(1).

Orden Total: O(1)

3. iLinksLLI

Devuelve en O(1) un itLinks que itera los nombres de todos los links de nuestro linkLinkIt.

Orden Total: O(1)

4. iCategoriaLink

Dado un link l, se busca en O(|l|) los datos del mismo y, de la tupla obtenida se devuelve por referencia el nombre de la categoria relacionada a ese link en O(1).

Orden Total: O(|l|)

5. iFechaUltimoAcceso

Dado un link l, se busca en O(|l|) los datos del mismo y, de la tupla obtenida se saca el dia del ultimo elemento de la lista de accesos recientes en O(1).

Orden Total: O(|l|)

6. iAccesosRecientesDia

Dado un link y una fecha, se crea en O(|l|) un itAccesos y, se la itera mientras haya siguiente preguntando en O(1) si el dia de siguiente(it) es el mismo que la fecha. En caso de ser cierto, en O(1) se le asigna ese valor al resultado. Iterar la lista os cuesta la longitud de la lista. Pero como a lo sumo tiene 3 elementos, podemos asumir que su complejidad es O(1).

Orden Total: O(|l|)

7. iIniciarLLI

Se le asigna una referencia del arbol de categorias pasado como parametro al arbolCategorias del linkLinkIt en O(1). A actual se le asigna en O(1) un 1, que será la fecha actual del nuevo linkLinkIt. Se crea una lista vacia y un diccTrie vacio, ambos en O(1) y se los asigna a listaLinks y linkInfo respectivamente en O(1). Luego se crea un array cuyo tamaño es la cantidad de categorias de del arbol pasado como parámetro, por lo cual su complejidad es O(cantidad de categorias del arbol) y a cada posicion del array se le asigna una lista vacia que cuesta O(1). Como lo hago para cada posicion, nos cuesta en total O(cantidad de categorias del arbol). En total nos costaria O(2* cantidad de categorias del arbol) = O(cantidad de categorias del arbol). (Sea cant = cantidad de categorias del arbol)

Orden Total: O(cant)

8. inuevoLink

Se crea un puntero a datosCat cat donde se le pasa el puntero obtenido por la operacion obtener del modulo arbolCategorias, esto cuesta O(|c|). Se crea una lista de acceso inicializada vacia, que cuesta O(1).

Se crea una tupla datosLink, a la cual se le pasa una tupla con el link dado, el puntero a datosCat y la lista de acceso, la cual tarda O(|I|). Se crea un puntero a datosLink y se le pasa la tupla datosLink, esto cuesta O(1). Se utiliza la operacion definir del diccTrie en la cual se agrega el link dado al diccionario accesosXLink, lo cual tarda O(|I|).

Se utiliza la operacion agregarAtras que agrega el puntero a datosLink a la lista listaLinks, esto demora O(1). Se ingresa a un ciclo si cat es distinto de la operacion puntRaiz de arbolCategorias, esto tarda O(1). Se utiliza la operacion agregarAtras que agrega el puntero a datosLink a la lista que esta en la posicion (*cat).id del arreglo arrayCatLinks, lo cual tarda O(1).

Se modifica el puntero a datosCat y se guarda cat.padre, lo cual tarda O(1). Una vez que no se cumple la condicion del ciclo se del mismo habiendo tardado O(h). Se utiliza la operacion agregarAtras que agrega el puntero a datosLink a la lista que esta en la posicion (*cat).id del arreglo arrayCatLinks, lo cual tarda O(1).

Aclaracion h es igual a la altura de la categoria c.

Orden Total:
$$O(|c|) + O(1) +$$

9. iAccederLLI

Se pregunta si la fecha actual del sistema es igual a f, esto demora O(1), en caso verdadero se deja actual como esta, en caso negativo se modifica a y se guarda f como fecha actual, esto tarda O(1).

Se crea un puntero a datosLink puntLink que se le pasa un puntero obtenido por medio de la operacion obtener del diccionario accesosXLink dando el link que se quiere ingresar al sistema, esto demora O(|1).

Se pregunta si el dia de la tupla del ultimo elemento de la lista accesosRecientes de la tupla apuntada por el puntero puntLink es igual al f dado, esto cuesta O(1), en caso positivo, se modifica cantAccesos de la misma tupla del elemento sumandole uno, esto demora O(1) en caso negativo se utiliza la operacion agregarAtras y se agrega una tupla acceso con la fecha f y cantAccesos igual a 1 a la lista de accesosRecientes, lo cual demora O(1).

Por ultimo, se consulta por la longitud de la lista accesos Recientes, consultando si la nueva longitud es igual a 4, esto demora O(1), en caso positivo se modificara la lista sacando el primer elemento de la misma. Esto demora O(1).

$$\textbf{Orden Total:} O(1) + O(1)$$

10. iCantLinks

Dada una categoria c, obtener su id en el arbol de categorias nos cuesta O(|c|). Luego accedemos en arrayCatLinks a la posicion correspondiente en O(1). Y en O(1) conseguimos la longitud de la lista que allí encontramos.

Orden Total: O(|c|)

11. iLinksOrdenadosPorAccesos

Dada la categoria c pasada como parametro, obtenemos su id en O(|c|). Luego con coste O(1) creamos un iterador de punteros a datosLink para la lista l alojada en la posicion correspondiende de arrayCatLinks que tiene longitud n. Obtener la ultima fecha de esa lista nos cuesta

O(n) con la funcion ultFecha. Creamos una lista de punteros a datosLink que al finalizar sera la lista ordenada.

Creamos otro iterador a la lista l y llamamos a la funcion esta Ordenada? con un costo de O(n). Si ya esta ordenada, devolvemos un puntero a esa lista en O(1), teniendo un costo total de O(|c|)+2*O(n) = O(|c|+n). Si no lo esta, creamos una lista de punteros a datos Link que al finalizar sera la lista Ordenada y luego se entra en el ciclo.

El ciclo se realiza mientras la lista l no esté vacia. Por lo que vamos a hacer n veces lo siguiente: Generamos un itPunLinks a la lista l en O(1), llamamos a la funcion buscarMax que nos cuesta O(n) y nos deja un iterador apuntando al link con mas accesos recientes para esa categoria. Agregamos ese puntero a la listaOrdenada en O(1) y lo eliminamos de la lista vieja con eliminarSiguiente en O(1).

El ciclo nos cuesta en total $O(n)*(O(n) + 3*O(1))=O(n^2)$

Finalmente, en O(1) le pasamos a la posicion de arrayCatLinks una referencia a la nueva listaOrdenada.

Orden Total: $O(|\mathbf{c}| + n^2)$

12. iEsReciente

Dado un link l y una fecha f, llamamos a la funcion fechaUltimoAcceso para ese link en O(|l|) y vemos que f este en el rango [fechaUltimoAcceso,fechaUltimoAcceso-2].

Orden Total: O(|l|)

2.5. Iterador de Links

2.5.1. Interfaz

parámetros formales

```
géneros itLinks
se explica con: Iterador Bidireccional
```

CREARITLINKS(in l: estrLLI) $\rightarrow res$: itLinks

Operaciones

```
Pre \equiv \{true\}

Post \equiv \{res =_{obs} crearIt(l)\}

Complejidad: O(1)

Aliasing: No se deben modificar los elementos iterados por res.

HAYSIGUIENTE?(in it: itLinks)\rightarrow res: bool

Pre \equiv \{true\}

Post \equiv \{res =_{obs} haySiguiente?(it)\}

Complejidad: O(1)

Aliasing: No tiene.

SIGUIENTE(in it: itLinks)\rightarrow res: Link

Pre \equiv \{haySiguiente?(it)\}

Post \equiv \{res =_{obs} \pi_1(siguiente(it))\}

Complejidad: O(1)

Aliasing: El link se pasa por referencia, no debe ser modificado.
```

```
AVANZAR(in/out it: itLinks)

Pre \equiv \{it =_{\text{obs}} it_0 \land haySiguiente?(it)\}

Post \equiv \{it =_{\text{obs}} avanzar(it_0)\}

Complejidad: O(1)

Aliasing: No tiene.
```

fin interfaz

2.5.2. Representación

it Links se representa con it Lista
(datosLink)

datosLink es tupla < link: Link,

catDLink: Categoria,

 $accesos Recientes \colon \texttt{Lista(acceso)},$

 $cantAaccesosRecientes : \mathtt{nat} \gt$

itLinks es un iterador de lista común. Sus complejidades nos alcanzan para iterar una Lista (datosLink).

2.5.3. Invariante de Representación

2.5.3.1. El Invariante Formalmente

 $\operatorname{Rep}:\operatorname{estrITL} \to \operatorname{boolean}$

 $(\forall it: \mathtt{estrITL}) \ \mathrm{Rep}(\mathrm{it}) \equiv \mathrm{true}$

2.5.4. Función de Abstracción

Abs : e: estrITL \rightarrow itBi(α)

Rep(e)

 $(\forall e: \mathtt{estrITL}) \ \mathrm{Abs}(e) =_{\mathtt{obs}} \mathrm{it} : \mathrm{itBi}(\alpha) \mid$

1. $anteriores(e.iterador) =_{obs} anteriores(it) \land siguientes(e.iterador) =_{obs} siguientes(it)$

2.5.5. Algoritmos

Algoritmo 38 iCrearItLinks

- 1: function ICREARITLINKS(in l: 11i) $\rightarrow res$: estrITL
- 2: $res \leftarrow crearIt(lli.listaLink)$

//O(1)

3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 39 iHaySiguiente?

- 1: function IHAYSIGUIENTE?(in e: estrITL) $\rightarrow res$: bool
- 2: $res \leftarrow haySiguiente(e)$ //O(1)

3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 40 iSiguiente

- 1: function ISIGUIENTE(in e: estrITL) $\rightarrow res$: Link
- 2: $\operatorname{res} \leftarrow (\operatorname{siguiente}(e)).\operatorname{link}$ //O(1)
- 3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 41 iAvanzar

- 1: function IAVANZAR(in/out e: estrITL)
- 2: $\operatorname{avanzar}(e)$ //O(1)
- 3: end function

 $\overline{\text{Complejidad: }O(1)}$

2.5.6. Analisis de complejidades

1. iCrearItLinks

Crea un itLinks con la listaLink del linklinkit que se pasa como parametro y se la asigna a res, esto demora O(1).

Orden Total: O(1)

2. iHaySiguiente?

Se llama a HaySiguiente del Iterador de Lista en O(1).

Orden Total: O(1)

3. iSiguiente

Se llama a Siguiente del Iterador de Lista en O(1). A eso se le aplica la operacion dameLink que tambíen cuesta O(1) y se devuelve una referencia al link resultante.

Orden Total: O(1)

4. iAvanzar

Se llama a Avanzar del Iterador de Lista en O(1).

Orden Total: O(1)

2.6. Iterador de Punteros a DatosLink

2.6.1. Interfaz

parámetros formales

géneros itPuntLinks

se explica con: Iterador Bidireccional

Operaciones

CREARITPUNTLINKS(in lli: estrLLI, in id: nat, in f: Fecha) $\rightarrow res$: itPuntLinks

 $\mathbf{Pre} \equiv \{true\}$

 $\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} crearIt(lli, id, f) \}$

Complejidad: O(1)

Aliasing: No se deben modificar los elementos iterados por res.

```
HAYSIGUIENTE?(in it: itPuntLinks)\rightarrow res: bool
  \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} haySiguiente?(it) \}
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: No tiene.
SIGUIENTELINK(in it: itPuntLinks)\rightarrow res: Link
  \mathbf{Pre} \equiv \{haySiguiente?(it)\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} (*siguiente(it)).link \}
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: El link se pasa por referencia, no debe ser modificado.
SIGUIENTECAT(in it: itPuntLinks)\rightarrow res: Categoria
  \mathbf{Pre} \equiv \{haySiguiente?(it)\}\
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} (*siguiente(it)).catDLink \}
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: La categoria se pasa por referencia, no debe ser modificada.
SIGUIENTECANTACCESOSDELLINK(in it: itPuntLinks)\rightarrow res: nat
  \mathbf{Pre} \equiv \{haySiguiente?(it)\}
  \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} cantAccesosDesde(it) \}
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: No tiene
AVANZAR(in/out it: itPuntLinks)
  \mathbf{Pre} \equiv \{it =_{obs} it_0 \land haySiguiente?(it)\}\
  \mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} avanzar(it_0)\}\
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: No tiene.
ELIMINARSIGUIENTE(in/out it: itPuntLinks)
  \mathbf{Pre} \equiv \{it =_{obs} it_0 \land haySiguiente?(it)\}\
  \mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} eliminarSiguiente(it_0)\}\
  Complejidad: O(1)
  Aliasing: No tiene.
```

fin interfaz

2.6.2. Representación

itPuntLinks es un iterador de lista común. Sus complejidades nos alcanzan para iterar una Lista(puntero(datosLink)).

2.6.3. Invariante de Representación

2.6.3.1. El Invariante Formalmente

 $\mathrm{Rep}: \mathrm{estr} \mathrm{ITPL} \to \mathrm{boolean}$

 $(\forall it: \mathtt{estrITPL}) \ \mathrm{Rep}(\mathrm{it}) \equiv \mathrm{true}$

2.6.4. Función de Abstracción

Abs : e: estrITPL \rightarrow itBi(α)

Rep(e)

 $(\forall e: \mathtt{estrITPL}) \ \mathrm{Abs}(e) =_{\mathrm{obs}} \mathrm{it} : \mathrm{itBi}(\alpha) \mid$

1. $anteriores(e.iterador) =_{obs} anteriores(it) \land siguientes(e.iterador) =_{obs} siguientes(it)$

2.6.5. Algoritmos

Algoritmo 42 iCrearItPuntLinks

- 1: function ICREARITLINKS(in e: estrLLI,in id: nat) $\rightarrow res$: estrITPL
- 2: $res \leftarrow crearIt(e.arrayCatLinks[id])$

//O(1)

3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 43 iHaySiguiente?

- 1: function IHAYSIGUIENTE?(in e: estrITPL) $\rightarrow res$: bool
- 2: $res \leftarrow haySiguiente(e)$

//O(1)

3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 44 iSiguiente

- 1: function ISIGUIENTE(in e: estrITPL) $\rightarrow res$: DatosLink
- 2: $res \leftarrow siguiente(e)$

//O(1)

3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 45 iSiguienteLink

- 1: function ISIGUIENTELINK(in e: estrITPL) $\rightarrow res$: Link
- 2: $res \leftarrow (*siguiente(e)).link$

//O(1)

3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 46 iSiguienteCat

- 1: function ISIGUIENTECAT(in e: estrITPL) $\rightarrow res$: Categoria
- 2: $\operatorname{res} \leftarrow (*\operatorname{siguiente}(e)).\operatorname{catDLink}$

//O(1)

3: end function

Complejidad: O(1)

```
Algoritmo 47 iSiguienteCantidadAccesosDelLink
 1: function ISIGUIENTECANTIDADACCESOSDELLINK(in e: estrITPL)\rightarrow res: int
       res \leftarrow cantAccesosDesde(e.fecha)
                                                                                             //O(1)
 3: end function
Complejidad: O(1)
Algoritmo 48 iAvanzar
 1: function IAVANZAR(in/out e: estrITPL)
       avanzar(e)
                                                                                             //O(1)
 3: end function
Complejidad: O(1)
Algoritmo 49 iEliminarSiguiente
 1: function IELIMINARSIGUIENTE(in/out e: estrITPL)
       eliminarSiguiente(e)
                                                                                             //O(1)
 3: end function
Complejidad: O(1)
Algoritmo 50 iBuscarMax
 1: function IBUSCARMAX(in it: estrITPL, in f: Fecha) \rightarrow res: itPuntLinks
       res \leftarrow copiarIt(it)
 2:
                                                                                             //O(1)
       while haySiguiente(it) do
                                                                       //O(longitud(siguientes(it)))
 3:
          if cantAccesosDesde(it,f) > cantAccesosDesde(res,f) then
 4:
                                                                                             //O(1)
              res \leftarrow it
                                                                                             //O(1)
 5:
          end if
 6:
          avanzar(it)
                                                                                             //O(1)
 7:
       end while
 8:
 9: end function
Complejidad: O(longitud(siguientes(it)))
Algoritmo 51 iUltFecha
 1: function IULTFECHA(in it: estrITPL)\rightarrow res: Fecha
       res \leftarrow (ultimo((*siguiente(it).accesos)).dia
                                                                                             //O(1)
 2:
                                                                       //O(longitud(siguientes(it)))
       while haySiguiente(it) do
 3:
          if (ultimo((*siguiente(it).accesos)).dia >res then
 4:
                                                                                             //O(1)
              res \leftarrow (ultimo((*siguiente(it).accesos)).dia
                                                                                             //O(1)
 5:
          end if
 6:
          avanzar(it)
                                                                                             //O(1)
 7:
       end while
 8:
 9: end function
Complejidad: O(longitud(siguientes(it)))
```

Algoritmo 52 iCantAccesosDesde 1: function ICANTACCESOSDESDE(in it: estrITPL, in f: Fecha) $\rightarrow res$: nat 2: $itAccesos\ itAcc \leftarrow (*siguiente(it)).accesos$ //O(1) $res \leftarrow 0$ //O(1)3: 4: while haySiguiente(itAcc) do //O(1)if (siguiente(itAcc)).dia \leq f \wedge (siguiente(itAcc)).dia \leq f-2 then //O(1)5: $res \leftarrow res + (siguiente(it)).cantA$ //O(1)6: 7: end if avanzar(itAcc) //O(1)8: end while 9: 10: end function Complejidad: O(1)

Algoritmo 53 iEstaOrdenada?

```
1: function IESTAORDENADA?(in it: estrITPL, in f: Fecha) \rightarrow res: bool
 2:
        res \leftarrow true
                                                                                                     //O(1)
        nat aux \leftarrow cantAccesosDesde(it,f)
                                                                                                     //O(1)
 3:
 4:
        avanzar(it)
                                                                                                     //O(1)
        while haySiguiente(it) do
                                                                             //O(longitud(siguientes(it)))
 5:
           if cantAccesosDesde(it,f) >aux then
 6:
                                                                                                     //O(1)
               res \leftarrow false
                                                                                                     //O(1)
 7:
           end if
 8:
           aux \leftarrow cantAccesosDesde(it,f)
                                                                                                     //O(1)
 9:
           avanzar(it)
                                                                                                     //O(1)
10:
11:
        end while
12: end function
Complejidad: O(longitud(siguientes(it)))
```

2.6.6. Analisis de complejidades

1. iCrearItLinks

Crea un itPuntLinks con la lista que se pasa como parametro y se la asigna a res, esto demora O(1).

Orden Total: O(1)

2. iHaySiguiente?

Se llama a HaySiguiente del Iterador de Lista en O(1).

Orden Total: O(1)

3. iSiguiente

Se llama a Siguiente del Iterador de Lista en O(1). Se devuelve una referencia del elemento link de la tupla DatosLink.

Orden Total: O(1)

4. iSiguienteCat

Se llama a Siguiente del Iterador de Lista en O(1). Se devuelve una referencia del elemento catDLink de la tupla DatosLink.

Orden Total: O(1)

5. iSiguienteCantidadAccesosDelLink

Se llama a cantAccesosDesde del Iterador en O(1). Se devuelve el valor entero de la cantidad de accesos del link en la posicion actual del iterador.

Orden Total: O(1)

6. iAvanzar

Se llama a Avanzar del Iterador de Lista en O(1).

Orden Total: O(1)

7. iEliminarSiguiente

Se llama a eliminarSiguiente del Iterador de Lista en O(1).

Orden Total: O(1)

8. iBuscarMax

Dado un itPuntLinks y una fecha, iteramos llamando cada vez a cantAccesosDesde para el iterador y la fecha. Cada vez nos cuesta O(1) y lo hacemos una vez para cada iteracion. En total nos cuesta O(longitud(siguientes(it))).

En O(1) copiamos el iterador a res sólo si la llamada a cantAccesosDesde nos dio mayor a la que resultaba del anterior valor de res.

finalmente avanzar el iterador nos cuesta O(1) tambien.

Orden Total: O(longitud(siguientes(it)))

9. iUltFecha

Dado un itPuntLinks, iteramos pidiendo el día al acceso mas nuevo, para eso generamos un itAccesos a la ultima posicion de la lista de accesos en O(1). Luego pedimos la fecha de ese acceso tambien en O(1).

Y evaluamos en O(1) si es mayor a la fecha que teniamos guardada en el resultado. Cambiandola en caso de ser necesario en O(1).

Como lo hacemos para cada link de la primera lista, nos cuesta O(longitud(siguientes(it)))

Orden Total: O(longitud(siguientes(it)))

10. iCantAccesosDesde

Dado un itPuntLinks y una fecha, obtengo en O(1) un itAccesos para la lista de accesos del siguiente del iterador.

Luego voy iterando itAccesos y si la fecha se encuentra dentro de la fecha pasada y la fecha pasada menos dos, sumo la cantidad de accesos para ese acceso, todo en O(1).

Como la lista de accesos iterada tiene a lo sumo 3 elementos, podemos considerar que iterarla nos lleva tiempo costante, o sea O(1).

Orden Total: O(1)

11. iEstaOrdenada?

Dado un itPuntLinks y una fecha, iteramos llamando cada vez a cantAccesosDesde para el iterador y la fecha. Cada vez nos cuesta O(1) y lo hacemos una vez para cada iteracion. En total nos cuesta O(longitud(siguientes(it))).

Comparamos cantAccesosDesde con la variable aux en O(1) y si aux es menor, cambiamos res a false en O(1)

Actualizaar el aux con cantAccesosDesde y avanzar el iterador nos cuesta O(1) en ambos casos.

Orden Total: O(longitud(siguientes(it)))

2.7. Iterador de Accesos

2.7.1. Representación

itAccesos se representa con itLista(acceso)

acceso es tupla< dia: Fecha,

cantAccesos: nat>

itAccesos es un iterador de lista común. Sus complejidades nos alcanzan para iterar una Lista (acceso).

2.7.2. Invariante de Representación

2.7.2.1. El Invariante Formalmente

 $\text{Rep}: \text{estrITA} \rightarrow \text{boolean}$

 $(\forall it: \mathtt{estrITA}) \ \mathrm{Rep}(\mathrm{it}) \equiv \mathrm{true}$

2.7.3. Función de Abstracción

Abs: e: estrITA \rightarrow itBi(α)

Rep(e)

 $(\forall e: \mathtt{estrITA}) \ \mathrm{Abs}(e) =_{\mathtt{obs}} \mathrm{it} : \mathrm{itBi}(\alpha) \mid$

1. $anteriores(e.iterador) =_{obs} anteriores(it) \land siguientes(e.iterador) =_{obs} siguientes(it)$

2.7.4. Algoritmos

Algoritmo 54 iCrearItAccesos

- 1: function ICREARITACCESOS(in l: Lista(acceso)) $\rightarrow res$: estrITA
- 2: $\operatorname{res} \leftarrow \operatorname{crearIt}(1)$ //O(1)
- 3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 55 iHaySiguiente?

- 1: function IHAYSIGUIENTE?(in e: estrITA) $\rightarrow res$: bool
- 2: res \leftarrow haySiguiente(e) //O(1)
- 3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 56 iSiguiente

- 1: function ISIGUIENTE(in e: estrITA) $\rightarrow res$: Acceso
- 2: $\operatorname{res} \leftarrow \operatorname{siguiente}(e)$ //O(1)

3: end function

Complejidad: O(1)

Algoritmo 57 iAvanzar

- 1: function IAVANZAR(in/out e: estrITA)
- 2: $\operatorname{avanzar}(e)$ //O(1)

3: end function

Complejidad: O(1)

2.7.5. Analisis de complejidades

1. iCrearItAccesos

Crea un itAccesos con la lista que se pasa como parametro y se la asigna a res, esto demora O(1).

Orden Total: O(1)

2. iHaySiguiente?

Se llama a HaySiguiente del Iterador de Lista en O(1).

Orden Total: O(1)

3. iSiguiente

Se llama a Siguiente del Iterador de Lista en O(1). A eso se le aplica la operacion dameCat que tambíen cuesta O(1) y se devuelve una referencia a la categoria resultante.

Orden Total: O(1)

4. iAvanzar

Se llama a Avanzar del Iterador de Lista en O(1).

Orden Total: O(1)

3. Módulo diccTrie(clave, significado)

3.1. Interfaz

parámetros formales

```
géneros diccTrie(\alpha)
usa: bool, puntero, arreglo(\alpha), conj(\alpha)
```

se explica con: Diccionario(string, α)

Operaciones

```
VACIO() \rightarrow res: diccTrie(c,s)
   \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
   \mathbf{Post} \equiv \{ \mathit{res} =_{\mathrm{obs}} \mathit{vacio}() \}
   Complejidad: O(1)
   Aliasing: No tiene
DEFINIR(in c: string, in s: \alpha, in/out d: diccTrie(s))
   \mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0\}
   \mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathbf{obs}} definir(c, s, d_0) \land alias(significado(d, c), s)\}\
   Complejidad: O(|c|)
   Aliasing: Se genera alias con s en el significado de c. Si se modifica s, se modifica el significado
de c.
DEF?(in c: string, in d: diccTrie(s)) \rightarrow res: bool
   \mathbf{Pre} \equiv \{true\}
   \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} def?(c,d) \}
   Complejidad: O(|c|)
   Aliasing: No tiene
OBTENER(in c: string, in d: diccTrie(s)) \rightarrow res: \alpha
   \mathbf{Pre} \equiv \{def?(c,d)\}
   \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} obtener(c, d) \land esAlias(res, significado(d, c)) \}
   Complejidad: O(|c|)
   Aliasing: res es modificable.
```

fin interfaz

3.2. Representación

```
\label{eq:condition} \begin{tabular}{ll} \be
```

La estructura es un puntero a Nodo en la cual cada nodo es una tupla entre un arreglo y un significado para el dicc. Cada posición del arreglo representa una letra y su contenido es un puntero al nodo de la letra siguiente o a Null.

3.2.1. Invariante de Representación

3.2.1.1. El Invariante Informalmente

- 1. No hay repetidos en arreglo de Nodo salvo por Null. Todas las posiciones del arreglo están definidas.
- 2. No se puede volver al Nodo actual siguiendo alguno de los punteros hijo del actual o de alguno de los hijos de estos.
- 3. O bien el Nodo es una hoja, o todos sus punteros hijo no-nulos llevan a hojas siguiendo su recorrido.

3.2.1.2. El Invariante Formalmente

```
\begin{aligned} \operatorname{Rep}: \operatorname{estrDT} &\to \operatorname{boolean} \\ (\forall e \colon \operatorname{estrDT}) &\operatorname{Rep}(e) \equiv \operatorname{true} \Longleftrightarrow \\ 1. & (\forall i,j \colon \operatorname{nat}) \\ 0 \leq i \leq 255 \wedge 0 \leq j \leq 255 \Rightarrow \\ & Definido?((*e).Arreglo,i) \wedge Definido?((*e).Arreglo,j) \wedge \\ & (i=j) \vee \\ & (i \neq j \wedge ((*e).Arreglo[i] = null \wedge (*e).Arreglo[j] = null \vee \\ & (*e).Arreglo[i] \neq (*e).Arreglo[j]) \wedge_{\operatorname{L}} \\ 2. & (\neg \exists \, n \colon \operatorname{nat}) EncAEstrDTEnNMov(e,e,n) \wedge_{\operatorname{L}} \\ 3. & SonTodosNullOLosHijosLoSon(e) \end{aligned}
```

3.2.2. Función de Abstracción

```
Abs: e: \mathtt{estrDT} \to \mathrm{diccT}(c, \alpha) Rep(e)

(\forall e: \mathtt{estrDT}) Abs(e) =<sub>obs</sub> d: \mathrm{diccT}(c, \alpha) |

1. (\forall c: \mathtt{clave}) def?(c, d) =_{obs} estaDefinido?(c, e) \land_{\mathsf{L}}

2. (\forall h: \mathtt{clave}) def?(h, d) \Rightarrow obtener(h, d) =_{obs} ObtenerS(h, *(e))
```

3.2.2.1. Funciones auxiliares

```
\begin{split} \operatorname{EncAEstrDTEnNMov}:\operatorname{estrDT}\times\operatorname{estrDT}\times\operatorname{Nat}&\longrightarrow\operatorname{Bool}\\ \operatorname{EncAEstrDTEnNMov}(\operatorname{buscado},\operatorname{actual},\operatorname{n})&\equiv\operatorname{if}\;(\operatorname{n}=0)\;\operatorname{then}\\ &\operatorname{EstaEnElArregloActual?}(\operatorname{buscado},\operatorname{actual},\operatorname{255})\\ &\operatorname{else}\\ &\operatorname{RecurrenciaConLosHijos}(\operatorname{buscado},\operatorname{actual},\operatorname{n-1,255})\\ &\operatorname{fi} \end{split} \operatorname{EstaEnElArregloActual?}:\operatorname{estrDT}\times\operatorname{estrDT}\times\operatorname{nat}&\longrightarrow\operatorname{Bool}\\ \operatorname{EstaEnElArregloActual?}(\operatorname{buscado},\operatorname{actual},\operatorname{n})&\equiv\operatorname{if}\;(\operatorname{n}=0)\;\operatorname{then}\\ &((*\operatorname{actual}).\operatorname{Arreglo}[\operatorname{o}]=\operatorname{buscado})\\ &\operatorname{else}\\ &((*\operatorname{actual}).\operatorname{Arreglo}[\operatorname{n}]=\operatorname{buscado})\vee(\operatorname{EstaEnElArregloActual?}(\operatorname{buscado},\operatorname{actual},\operatorname{n-1}))\\ &\operatorname{fi} \end{split}
```

```
RecurrenciaConLosHijos: estrDT \times estrDT \times nat \times nat \longrightarrow Bool
RecurrenciaConLosHijos(buscado,actual,n,i) \equiv if (i = 0) then
                                                        EncAEstrDTEnNMov(buscado,(*actual).Arreglo[0],n
                                                    else
                                                        EncAEstrDTEnNMov(buscado,
                                                        (*actual).Arreglo[i],n)
                                                        (RecurrenciaConLosHijos(buscado,actual,n,i-
                                                        1)
                                                    fi
SonTodosNullOLosHijosLoSon : estrDT \longrightarrow Bool
SonTodosNullOLosHijosLoSon(e) ≡ Los256SonNull(e,255) ∨ BuscarHijosNull (e, 255)
Los 256 Son Null : estrDT \times nat \longrightarrow Bool
Los 256 Son Null(e,i) \equiv if (i = 0) then
                            ((*e).Arreglo[0] = null)
                            ((*e).Arreglo[i] = null) \wedge Los256SonNull(e, i-1)
                        fi
BuscarHijosNull : estrDT \times nat \longrightarrow Bool
BuscarHijosNull(e,i) \equiv if (i = 0) then
                             ((*e).Arreglo[0] = null) \vee SonTodosNullOLosHijosLoSon((*e).Arreglo[0])
                          else
                             (((*e).Arreglo[i])
                                                                              SonTodosNullOLosHijosLo-
                                                            null)
                             Son((*e).Arreglo[i])) \wedge BuscarHijosNull(e,i-1)
estaDefinido? : string \times estrDT \longrightarrow bool
estaDefinido?(c,e) \equiv if (e==Null) then false else NodoDef?(c,*(e)) fi
NodoDef?: string \times Nodo \longrightarrow bool
NodoDef?(c,n) \equiv if (vacia?(c)) then
                       true
                    else
                       if (n.arreglo[ord(prim(c))] \neq Null) then
                          NodoDef?(fin(c),*(n.arreglo[ord(prim(c))]))
                       else
                          false
                       fi
                    fi
ObtenerS : string \times Nodo \longrightarrow \alpha
ObtenerS(c,n) \equiv if (vacia?(c)) then
                       *(n.significado)
                    else
                       ObtenerS(fin(c),*(n.arreglo[ord(prim(c))]))
                    fi
```

3.3. Algoritmos

```
Algoritmo 58 iVacio1: function IVACIO\rightarrow res: estrDT2: var n: Puntero(Nodo)//O(1)3: n \leftarrow Null//O(1)4: res \leftarrow n//O(1)5: end functionComplejidad: O(1)
```

```
Algoritmo 59 iDefinir
 1: function IDEFINIR(in c: string, in s: \alpha, in/out e: estrDT)
        if (e = Null) then
 2:
                                                                                                                //O(1)
             var n: Nodo
 3:
                                                                                                                //O(1)
            n \leftarrow iNuevoNodo
 4:
                                                                                                                //O(1)
            e \leftarrow \&(n)
                                                                                                                //O(1)
 5:
        end if
 6:
 7:
        var n_1: Nodo
                                                                                                                //O(1)
        n_1 \leftarrow *(e)
 8:
                                                                                                                //O(1)
        var i: nat
                                                                                                                //O(1)
 9:
        i \leftarrow 0
10:
                                                                                                                //O(1)
        while (i < |c|) do
                                                                                                               //O(|c|)
11:
            if (n_1.arreglo[ord(c[i])] = Null) then
12:
                                                                                                                //O(1)
                 var n_2: Nodo
                                                                                                                //O(1)
13:
                 n_2 \leftarrow iNuevoNodo
14:
                                                                                                                //O(1)
                 n_1.arreglo[ord(c[i])] \leftarrow \&(n_2)
15:
                                                                                                                //O(1)
16:
            n_1 \leftarrow *(n_1.\operatorname{arreglo}[\operatorname{ord}(c[i])])
                                                                                                                //O(1)
17:
            i++
                                                                                                                //O(1)
18:
        end while
19:
20:
        n_1.significado \leftarrow s
                                                                                                                //O(1)
21: end function
Complejidad: O(|c|)
```

```
Algoritmo 60 iNuevoNodo
 1: function INUEVONODO\rightarrow res: Nodo
 2:
        var n: Nodo
                                                                                                       //O(1)
        n.significado \leftarrow Null
 3:
                                                                                                        //O(1)
        for (i: nat\leftarrow0; i<256; i++) do
                                                                                                  //O(256*1)
 4:
           n.arreglo[i] \leftarrow Null
                                                                                                       //O(1)
 5:
        end for
 6:
        res \leftarrow n
                                                                                                       //O(1)
 7:
 8: end function
Complejidad: O(1)
```

```
Algoritmo 61 iDef?
 1: function IDEF?(in c: string, in e: estr)\rightarrow res: bool
 2:
        if (e \neq Null) then
                                                                                                              //O(1)
 3:
            var n: Nodo
                                                                                                              //O(1)
            n \leftarrow *(e)
 4:
                                                                                                              //O(1)
            var i: nat
                                                                                                              //O(1)
 5:
            var i \leftarrow 0
                                                                                                              //O(1)
 6:
 7:
            res \leftarrow true
                                                                                                              //O(1)
            while (i < |c|) do
                                                                                                             //O(|c|)
 8:
                if (n.arreglo[ord(c[i])] \neq Null) then
                                                                                                              //O(1)
 9:
                    n \leftarrow *(n.arreglo[ord(c[i]))]
                                                                                                              //O(1)
10:
11:
                else
                    res \leftarrow false
                                                                                                              //O(1)
12:
                    i \leftarrow long(c)
                                                                                                              //O(1)
13:
                end if
14:
                i++
                                                                                                              //O(1)
15:
            end while
16:
17:
        else
                                                                                                              //O(1)
18:
            res \leftarrow false
        end if
19:
20: end function
Complejidad: O(|c|)
```

```
Algoritmo 62 iObtener
 1: function IOBTENER(in c: string, in e: estr) \rightarrow res: \alpha
                                                                                                           //O(1)
 2:
        var n: Nodo
        n \leftarrow *(e)
 3:
                                                                                                           //O(1)
        var i: nat
                                                                                                           //O(1)
 4:
        var i \leftarrow 0
 5:
                                                                                                           //O(1)
        while (i < |c|) do
                                                                                                          //O(|c|)
 6:
 7:
            n \leftarrow *(n.arreglo[ord(c[i]))]
                                                                                                           //O(1)
                                                                                                           //O(1)
 8:
        end while
 9:
        res \leftarrow n.significado
10:
                                                                                                           //O(1)
11: end function
Complejidad: O(|c|)
```

3.4. Analisis de complejidades

1. iVacio

Se crea la variable p de tipo Puntero a Nodo en O(1), luego se le asigna "Null" en O(1) y finalmente se le asigna a res.

Orden Total: O(1)+O(1)+O(1)=O(1)

2. iDefinir

Se evalua si no nada definido y se crea un nuevo Nodo en caso afirmativo, luego se le asigna el puntero a este Nodo a la estrDT. Esto se logra en O(1). Posteriormente se crean algunas variables y se le asignan valores en O(1) y se hace un loop con la longitud del string en

 $O(|\text{string}|^*O(\text{operaciones dentro del loop}))$. En el loop se hace un if para evaluar si ya esta definida esa letra y en caso negativo se crea un nuevo nodo y se asigna el puntero a ese nodo. Todo esto se hace en O(1). Luego se asigna al nodo el nodo al cual este apunta en la posición de la letra evaluada y se incrementa el contador del loop. Esto se hace en O(1). Finalmente se asigna al ultimo nodo iterado el significado

Orden Total:
$$O(1+1+1+1)+O(1+1+1+1)+O(|string|*(O(1+1+1+1+1)+O(1+1))+O(1) = O(1)+O(|string|)+O(1) = O(|string|)$$

3. iNuevoNodo

Se crea una variable de tipo Nodo y se le asigna "Null" en O(1). Luego se realiza un For iterando entre 0 y 256 y asignandole a cada posicion del Nodo "Null" en O(1) dando un total para el For de O(256). Finalmente se asigna el nodo a res en O(1).

Orden Total:
$$O(1+1)+O(256*(O(1)))+O(1)=O(1)$$

4. iDef?

Se evalua si hay algo definido en O(1). En caso afirmativo se crean variables y se le asignan valor en O(1) y luego se realiza un loop iterando la longitud del string en $O(|\text{string}|^*(\text{operaciones dentro del loop}))$. Dentro del loop se evalua si esta definido el char correspondiente a la iteración en y se le asigna al nodo el nodo apuntado en la posición iterada en O(1), caso contrario se asigna "false" a res en O(1). Finalmente incrementa el iterador en O(1).

Orden Total:
$$O(1)+O(1+1+1+1+1)+O(|string|^*(O(1+1)+O(1))=O(|string|)$$

5. iObtener

Se crean variables y se les asigna valor en O(1). Luego se realiza un loop iterando la longitud del string en $O(|\text{string}|^*O(\text{operaciones dentro del loop}))$. Dentro del loop se asigna al nodo el nodo apuntado en la posición iterada y avanza el iterador en O(1). Finalmente se asigna a res el significado en el ultimo nodo asignado en O(1).

Orden Total:
$$O(1+1+1+1)+O(|string|*O(1+1))+O(1)=O(|string|)$$