

Algoritmos y Estructura de Datos II

Departamento de Computación
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Trabajo Práctico Diseño

Grupo 1

Integrante	LU	Correo electrónico
Bálsamo, Facundo	874/10	facundobalsamo@gmail.com
Lasso, Nicolás	763/10	lasso.nico@gmail.com
Rodriguez, Agustín	120/10	agustinrodriguez90@hotmail.com
Tripodi, Guido	843/10	guido.tripodi@hotmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1. Módulo ArbolCategorias	4
1.1. Interfaz	4
1.2. Representación	5
1.2.1. Invariante de Representación	6
1.2.1.1. El Invariante Informalmente	6
1.2.1.2. El Invariante Formalmente	6
1.2.2. Función de Abstracción	8
1.2.2.1. Funciones auxiliares	8
1.3. Algoritmos	8
1.4. Analisis de complejidades	10
1.5. Iterador de Categorías	13
1.5.1. Representación	13
1.5.2. Invariante de Representación	13
1.5.2.1. El Invariante Formalmente	13
1.5.3. Función de Abstracción	13
1.5.4. Algoritmos	13
1.5.5. Analisis de complejidades	14
1.6. Iterador de Familia	14
1.6.1. Representación	14
1.6.2. Invariante de Representación	14
1.6.2.1. El Invariante Formalmente	14
1.6.3. Función de Abstracción	14
1.6.4. Algoritmos	15
1.6.5. Analisis de complejidades	15
1.7. Iterador de Hijos	16
1.7.1. Representación	16
1.7.2. Invariante de Representación	16
1.7.2.1. El Invariante Formalmente	16
1.7.3. Función de Abstracción	16
1.7.4. Algoritmos	16
1.7.5. Analisis de complejidades	17
2. Módulo LinkLinkIt	18
2.1. Interfaz	18
2.2. Representación	20
2.2.1. Invariante de Representación	20
2.2.1.1. El Invariante Informalmente	20
2.2.1.2. El Invariante Formalmente	21
2.2.2. Función de Abstracción	21
2.2.2.1. Funciones auxiliares	22
2.3. Algoritmos	22
2.4. Analisis de complejidades	26
2.5. Iterador de Links	28
2.5.1. Representación	28
2.5.2. Invariante de Representación	28
2.5.2.1. El Invariante Formalmente	28
2.5.3. Función de Abstracción	28
2.5.4. Algoritmos	29

2.5.5.	Analisis de complejidades	29
2.6.	Iterador de Punteros a DatosLink	30
2.6.1.	Representación	30
2.6.2.	Invariante de Representación	30
2.6.2.1.	El Invariante Formalmente	30
2.6.3.	Función de Abstracción	30
2.6.4.	Algoritmos	30
2.6.5.	Analisis de complejidades	32
2.7.	Iterador de Accesos	34
2.7.1.	Representación	34
2.7.2.	Invariante de Representación	34
2.7.2.1.	El Invariante Formalmente	34
2.7.3.	Función de Abstracción	34
2.7.4.	Algoritmos	34
2.7.5.	Analisis de complejidades	35
3.	Módulo diccTrie(clave,significado)	36
3.1.	Interfaz	36
3.2.	Representación	36
3.2.1.	Invariante de Representación	37
3.2.1.1.	El Invariante Informalmente	37
3.2.1.2.	El Invariante Formalmente	37
3.2.1.3.	Funciones auxiliares	37
3.2.2.	Función de Abstracción	38
3.2.2.1.	Funciones auxiliares	38
3.3.	Algoritmos	39
3.4.	Analisis de complejidades	41

1. Módulo ArbolCategorias

1.1. Interfaz

parámetros formales

géneros `acat`

se explica con: `ArbolDeCategorias`

Operaciones

`CATEGORIASAC(in ac: acat) → res: itCategorias`

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} categorias(ac)\}$

Complejidad: $O(1)$

Aliasing: No se debe modificar nada de lo iterado por `res`.

`RAIZAC(in ac: acat) → res: Categoria`

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} raiz(ac)\}$

Complejidad: $O(1)$

Aliasing: El nombre de la categoría raíz se pasa por referencia, no debe ser modificado.

`IDAC(in ac: acat, in c: Categoria) → res: nat`

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} id(ac, c)\}$

Complejidad: $O(|c|)$

Aliasing: No tiene.

`ALTURACATAC(in ac: acat, in c: Categoria) → res: nat`

Pre $\equiv \{esta?(c, ac)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} alturaCategoria(ac, c)\}$

Complejidad: $O(|c|)$

Aliasing: No tiene.

`HIJOSAC(in ac: acat, in c: Categoria) → res: itHijos`

Pre $\equiv \{esta?(c, ac)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} hijos(ac, c)\}$

Complejidad: $O(|c|)$

Aliasing: No se debe modificar nada de lo iterado por `res`.

`PADREAC(in ac: acat, in c: Categoria) → res: Categoria`

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} padre(ac, c)\}$

Complejidad: $O(|c|)$

Aliasing: El nombre de la categoría padre se pasa por referencia, no debe ser modificado.

ALTURAAC(**in** *ac*: **acat**) → *res*: **nat**

Pre ≡ {*true*}

Post ≡ {*res* =_{obs} *altura(ac)*}

Complejidad: O(1)

Aliasing: No tiene.

NUEVOAC(**in** *c*: **Categoria**) → *res*: **acat**

Pre ≡ {¬*vacia?(c)*}

Post ≡ {*res* =_{obs} *nuevo(c)*}

Complejidad: O(|*c*|)

Aliasing: No tiene.

AGREGARAC(**in/out** *ac*: **acat**, **in** *c*: **categoria**, **in** *h*: **categoria**)

Pre ≡ {*esta?(c, ac)* ∧ ¬*esta?(h, ac)* ∧ ¬*vacia?(h)* ∧ *ac*₀ =_{obs} *ac*}

Post ≡ {*ac* =_{obs} *agregar(ac₀, c, h)*}

Complejidad: O(|*c*| + |*h*|)

Aliasing: No hay alias ya que no devuelve nada.

ESTA?(**in** *c*: **categoria**, **in** *ac*: **acat**) → *res*: **bool**

Pre ≡ {*true*}

Post ≡ {*res* =_{obs} *esta?(c, ac)*}

Complejidad: O(|*c*|)

Aliasing: No tiene.

ESSUBCATEGORIA(**in** *ac*: **acat**, **in** *c*: **categoria**, **in** *h*: **categoria**) → *res*: **bool**

Pre ≡ {*esta?(c, ac)* ∧ *esta?(h, ac)*}

Post ≡ {*res* =_{obs} *esSubCategoria(ac, c, h)*}

Complejidad: O(ver Complejidad y revisar parametros con especificacion)

Aliasing: No tiene.

fin interfaz

1.2. Representación

ArbolCategorias **se representa con** *estrAC*, donde *estrAC* es tupla<
 raiz: puntero(*datosCat*),
 cantidad: **nat**,
 alturaMax: **nat**,
 familia: diccTrie(**Categoria**, puntero(*datosCat*)),
 categorias: Lista(*datosCat*)>

datosCat es tupla<
 categoria: **Categoria**,
 id: **nat**,
 altura: **nat**,
 hijos: Conj(puntero(*datosCat*)),
 padre: puntero(*datosCat*)>

Arbol de Categorias guarda en su estructura una Lista de *datosCat(categorias)*, que cada uno

guarda todos los datos de una categoria.

Guardamos en un `diccTrie(familia)` para cada categoria, un puntero a su `datosCat` correspondiente de la lista `categorias` para acceder a esos datos en $O(\text{longitud de la categoria})$.

En `raiz` guardamos un puntero a `datosCat` de la categoria raiz del arbol para accederla en $O(1)$
`cantidad` es la cantidad de links que tiene el arbol y nos permite en $O(1)$ saber cual va a ser el id para una categoria que estemos agregando.

`alturaMax` es la altura del arbol de categorias.

1.2.1. Invariante de Representación

1.2.1.1. El Invariante Informalmente

1. Para cada clave de '*familia*' obtener el significado devolvera un puntero(`datosCat`) donde '*categoria*' es igual a la clave.
2. Toda clave que de '*familia*' debera ser raiz o pertenecer a algun conjunto de punteros de '*hijos*' de alguna otra clave.
3. Todos los significados de '*familia*' apuntan a un nodo de '*categorias*' y cada nodo de '*categorias*' es significado de alguna clave de '*familia*'.
4. Todos los elementos de '*hijos*' de una clave de '*familia*', tendrá como '*padre*' a esa clave.
5. '*cantidad*' sera igual a la longitud de la lista '*categorias*'.
6. Cuando la clave es igual a '*raiz*' su '*altura*' es 1.
7. La '*altura*' de cada clave es menor o igual a '*alturaMax*' del sistema.
8. Existe una clave en la cual '*altura*' es igual a '*alturaMax*'.
9. Los '*hijos*' de una clave tienen '*altura*' igual a $1 + \text{'altura de la clave'}$.
10. Los '*id*' de cada clave deberan ser menor o igual a '*cant*'.
11. No hay '*id*' repetidos en '*familia*'.

1.2.1.2. El Invariante Formalmente

$\text{Rep} : \text{estrAC} \rightarrow \text{boolean}$

$(\forall ac : \text{estrAC}) \text{Rep}(ac) \equiv \text{true} \iff$

1. $(\forall c : \text{Categoria})(\text{def?}(c, e.familia)) \iff (*\text{obtener}(c, e.familia)).categoria = c \wedge_L$
2. $(\forall c_1 : \text{Categoria})(\text{def?}(c_1, e.familia)) \iff (c_1 == e.raiz) \vee$
 $(\exists c_2 : \text{Categoria})(\text{def?}(c_2, e.familia)) \wedge_L c_1 \in (*\text{obtener}(c_2, e.familia)).hijos) \wedge_L$
3. $(\forall c : \text{Categoria})(\text{def?}(c, e.familia)) \iff$
 $((\exists d : \text{datosCat})\text{esta?}(d, e.categorias) \wedge d.categoria == c) \wedge_L d == \text{obtener}(c, e.familia)))$
 \wedge_L
4. $(\forall c_1, c_2 : \text{string})(\text{def?}(c_1, e.familia)) \wedge (\text{def?}(c_2, e.familia)) \Rightarrow_L$
 $c_2 \in (*(\text{obtener}(c_1, e.familia)).hijos) \iff$
 $(*(\text{obtener}(c_2, e.familia)).padre).categoria = c_1 \wedge_L$
5. $e.cantidad = \text{longitud}(e.categorias) \wedge_L$

6. $(\forall c: \text{categoria})(\text{def?}(c, e.familia)) \wedge c = e.raiz \Rightarrow_L$
 $(*(\text{obtener}(c, e.familia))).altura = 1 \wedge_L$
7. $(\forall c: \text{Categoria})(\text{def?}(c, e.familia)) \Rightarrow_L (*(\text{obtener}(c, e.familia))).altura \leq e.alturaMax$
 \wedge_L
8. $(\exists c: \text{Categoria})(\text{def?}(c, e.familia)) \wedge_L (*(\text{obtener}(c, e.familia))).altura = e.alturaMax$
 \wedge_L
9. $(\forall c_1, c_2: \text{string})(\text{def?}(c_1, e.familia)) \wedge (\text{def?}(c_2, e.familia)) \wedge_L$
 $((\exists d: \text{datosCat})d \in (*(\text{obtener}(c_1, e.familia))).hijos \wedge d.categoria == c_2) \Rightarrow_L$
 $(*(\text{obtener}(c_2, e.familia))).altura = 1 + (*(\text{obtener}(c_1, e.familia))).altura \wedge_L$
10. $(\forall c: \text{Categoria})(\text{def?}(c, e.familia)) \Rightarrow_L (*(\text{obtener}(c, e.familia))).id \leq e.cant \wedge_L$
11. $(\forall c_1, c_2: \text{Categoria})(\text{def?}(c_1, e.familia)) \wedge (\text{def?}(c_2, e.familia)) \wedge c_1 \neq c_2 \Rightarrow_L$
 $(*(\text{obtener}(c_1, e.familia))).id \neq (*(\text{obtener}(c_2, e.familia))).id$

1.2.2. Función de Abstracción

$\text{Abs} : e : \text{estrAC} \rightarrow \text{acat}$

$\text{Rep}(e)$

$(\forall e : \text{estrAC}) \text{ Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{ac} : \text{acat} \mid$

1. $\text{categorias}(\text{ac}) =_{\text{obs}} \text{todasLasCategorias}(e.\text{categorias}) \wedge_L$
2. $\text{raiz}(\text{ac}) =_{\text{obs}} (*e.\text{raiz}).\text{categoria} \wedge_L$
3. $(\forall c : \text{Categoria}) \text{esta?}(c, \text{ac}) \wedge c \neq \text{raiz}(\text{ac}) \Rightarrow_L$
 $\text{padre}(\text{ac}, c) = (*(*(\text{obtener}(c, e.\text{familia}))).\text{padre}).\text{categoria} \wedge_L$
4. $(\forall c : \text{Categoria}) \text{esta?}(c, \text{ac}) \Rightarrow_L \text{id}(\text{ac}, c) = (*(\text{obtener}(c, e.\text{familia}))).\text{id}$

1.2.2.1. Funciones auxiliares

$\text{todasLasCategorias} : \text{secu}(\text{datosCat}) \rightarrow \text{conj}(\text{categoria})$

```
todasLasCategorias(cs)  $\equiv$  if vacia?(cs) then  
     $\emptyset()$   
else  
    Ag((prim(cs)).categoria, todasLasCategorias(fin(cs)))  
fi
```

1.3. Algoritmos

Algoritmo 1 iObtenerAC

```
1: function IOBTENERAC(in ac: estrAC, in c: Categoria)  $\rightarrow$  res: puntero(datosCat)  
2:   res  $\leftarrow$  obtener(c, ac.familia) //O(|c|)  
3: end function  
Complejidad: O(|c|)
```

Algoritmo 2 iCategoriasAC

```
1: function ICATEGORIASAC(in ac: estrAC)  $\rightarrow$  res: itCategorias  
2:   res  $\leftarrow$  crearItCategorias(ac.categorias) //O(1)  
3: end function  
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 3 iRaizAC

```
1: function IRAIZ(in ac: estrAC)  $\rightarrow$  res: Categoria  
2:   res  $\leftarrow$  (*(ac.raiz)).categoria //O(1)  
3: end function  
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 4 iIdAC

```
1: function IID(in ac: estrAC, in c: Categoria)  $\rightarrow$  res: nat  
2:   res  $\leftarrow$  ((*obtener(c, ac.familia)).id) //O(|c|)  
3: end function  
Complejidad: O(|c|)
```

Algoritmo 5 iAlturaCatAC

```
1: function IALTURACATAC(in ac: estrAC, in c: Categoria) → res: nat  
2:   res ← (*obtener(c, ac.familia)).altura //O(|c|)  
3: end function
```

Complejidad: $O(|c|)$

Algoritmo 6 iHijosAC

```
1: function IHIJOSAC(in ac: estrAC, in c: Categoria) → res: itHijos  
2:   res ← crearItHijos((*obtener(c, ac.familia)).hijos) //O(|c|)  
3: end function
```

Complejidad: $O(|c|)$

Algoritmo 7 iPadreAC

```
1: function IPADREAC(in ac: estrAC, in c: Categoria) → res: Categoria  
2:   res ← ((*obtener(c, ac.familia)).padre).categoria //O(|c|)  
3: end function
```

Complejidad: $O(|c|)$

Algoritmo 8 iAlturaAC

```
1: function IALTURAAC(in ac: estrAC) → res: nat  
2:   res ← ac.alturaMax //O(1)  
3: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 9 iNuevoAC

```
1: function INUEVOAC(in c: Categoria) → res: estrAC  
2:   res.cantidad ← 1 //O(1)  
3:   datosCat tuplaA //O(1)  
4:   tuplaA ← tupla(c, 1, 1, vacio(), Null) //O(|c|)  
5:   puntero(datosCat) punt ← &tuplaA //O(1)  
6:   res.raiz ← punt //O(1)  
7:   res.alturaMax ← 1 //O(1)  
8:   definir(c, punt, res.familia) //O(|c|)  
9:   agregarAtras(tuplaA, res.categorias) //O(1)  
10: end function
```

Complejidad: $O(|c|)$

Algoritmo 10 iAgregarAC

```
1: function IAGREGARAC(in/out ac: estrAC, in c: Categoria, in h: Categoria)
2:   puntero(datosCat) puntPadre ← obtener(c, ac.familia) //O(|c|)
3:   if (*puntPadre).altura == ac.alturaMax then //O(1)
4:     ac.alturaMax++ //O(1)
5:   end if
6:   datosCat tuplaA ← (h, ac.cantidad+1, (*puntPadre).altura+1, vacio(), puntPadre) //O(|h|)
7:   puntero(datosCat) punt ← &tuplaA //O(1)
8:   Agregar((*puntPadre).hijos, punt) //O(1)
9:   definir(h, punt, ac.familia) //O(|h|)
10:  ac.cantidad++ //O(1)
11:  agregarAtras(tuplaA, ac.categorias) //O(1)
12: end function
```

Complejidad: $O(|c| + |h|)$

Algoritmo 11 iEsta?

```
1: function IESTA?(in ac: estrAC, in c: Categoria) → res: bool
2:   res ← def?(c, ac.familia) //O(|c|)
3: end function
```

Complejidad: $O(|c|)$

Algoritmo 12 iEsSubCategoria

```
1: function IESSUBCATEGORIA(in ac: estrAC, in c: Categoria, in h: Categoria) → res: bool
2:   res ← false //O(1)
3:   if h == c then //O(|h|)
4:     res ← true //O(1)
5:   else
6:     if h == raizAC(ac) then //O(|h|)
7:       res ← false //O(1)
8:     else
9:       puntero(datosCat) actual ← (*obtener(h, ac.familia)).padre //O(|h|)
10:      puntero(datosCat) puntC ← (*obtener(c, ac.familia)) //O(|c|)
11:      while res == false ∧ actual ≠ NULL do //O(alturaAC(ac))
12:        if puntC.Id == actual.Id then //O(1)
13:          res ← true //O(1)
14:        else
15:          actual ← (*actual).padre //O(1)
16:        end if
17:      end while
18:    end if
19:  end if
20: end function
```

Complejidad: $O(|h| + |c| + \text{alturaAC}(\text{ac}))$

1.4. Analisis de complejidades

1. iObtener

Dado una categoría c , se devuelve un puntero al `datosCat` correspondiente para esa categoría en $O(|c|)$.

Orden Total: $O(|c|)$

2. **iCategoriasAC**

Se devuelve un iterador de la lista **categorias** del árbol de categorías en $O(1)$. El iterador muestra sólo los nombres de las categorías.

Orden Total: $O(1)$

3. **iRaiz**

Se devuelve una referencia al nombre de la categoría raíz del árbol de categorías en $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

4. **iIdAC**

Dada la categoría c , se obtiene en $O(|c|)$ el `datosCat` de dicha categoría y en $O(1)$ se devuelve el id que tiene el `datosCat` obtenido.

Orden Total: $O(|c|)$

5. **iAlturaCatAC**

Dada la categoría c , se obtiene en $O(|c|)$ el `datosCat` de dicha categoría y en $O(1)$ se devuelve la altura que tiene el `datosCat` obtenido.

Orden Total: $O(|c|)$

6. **iHijosAC**

Dada la categoría c , se obtiene en $O(|c|)$ el `datosCat` de dicha categoría y en $O(1)$ se devuelve un iterador al conjunto **hijos** del `datosCat` obtenido.

Orden Total: $O(|c|)$

7. **iPadreAC**

Dada la categoría c , se obtiene en $O(|c|)$ el `datosCat` de dicha categoría y en $O(1)$ se devuelve por referencia en $O(1)$ el nombre de la categoría del puntero **padre** que tiene el `datosCat` obtenido.

Orden Total: $O(|c|)$

8. **iAlturaAC**

Devuelve en $O(1)$ la **alturaMax** del árbol de categorías.

Orden Total: $O(1)$

9. **iNuevoAC**

A `res.cantidad` le asignamos 1, que tarda $O(1)$. Creamos una nueva variable `tuplaA`, que es `datosCat`. Esto tarda $O(1)$.

Creamos la variable `punt`, que es un puntero a `datosCat` y le asignamos la referencia de `tuplaA`. Y esto tarda $O(1)$. A `tuplaA` le asignamos una nueva tupla `datosCat`, que en uno de sus componentes es el string c , y copiarse tarda $O(|c|)$. Los demás componentes de la tupla tardan en copiarse $O(1)$.

A res.raiz le asignamos punt, y tarda $O(1)$. A res.alturaMax le asignamos 1, y tarda $O(1)$. A res.familia le asignamos el diccTrie que nos da la operacion definir, a la cual le pasamos como clave el string c. Entonces definir tarda $O(|c|)$.

A res.categorias le asignamos la lista que nos da la operacion AgregarAtras, que tarda $O(1)$.

Orden Total: $O(1)+O(1)+O(1)+O(|c|)+O(1)+O(1)+O(|c|)+O(1) = O(|c|)$

10. iAgregarAC

Obtenemos un puntero de datosCat de la categoria c usando la operacion obtener del diccTrie ac.familia, y lo asignamos a la variable puntPadre. Esto tarda $O(|c|)$.

Comparamos la altura de la tupla que apunta puntPadre con ac.alturaMax, y esto tarda $O(1)$. En caso que valga la guarda del if hacemos una suma y una asignacion, que cuesta $O(1)$.

Luego creamos y asignamos una tupla de datosCat tuplaA, que se le asigna una tupla con valores que tardan $O(1)$ en copiarse, excepto por la categoria h que es string. Entonces la asignacion y creacion de esa tupla tarda $O(|h|)$.

Creamos la variable punt que es un puntero a datosCat, y le asignamos la referencia de tuplaA. Esto tarda $O(1)$. Agregamos al conjunto de punteros hijos que apunta puntPadre, el puntero punt, que tarda $O(1)$. Definimos la clave h, con el significado punt al diccTrie ac.familia. Esto tarda $O(|h|)$.

Incrementamos ac.cantidad, tardando $O(1)$. Finalmente agregamos atras tuplaA a la lista ac.categorias. Esto tarda $O(1)$

Orden Total: $O(|c|)+O(1)+O(1)+O(|h|)+O(1)+O(1)+O(|h|)+O(1)+O(1) = O(|c| + |h|)$

11. iEsta?

Para ver si una categoria c esta en nuestro arbolCategorias, vemos si esta definida la clave c en el diccTrie ac.familia. Y esto tarda $O(|c|)$.

Orden Total: $O(|c|)$

12. iEsSubCategoria

Le asignamos a res un valor booleano igual a false, demorando $O(1)$. Comparamos las dos categorias si son iguales o no. Demorando $O(|h|)$. En caso afirmativo cambiamos el valor de res por true, demorando $O(1)$.

En caso negativo, consultamos si h es igual a raizAC(ac) demorando $O(|h|)$, en caso positivo le asignamos a res el valor false, tardando $O(1)$. En caso negativo: creamos un puntero a datosCat denominado actual al cual le asignamos la tupla obtenida por la operacion obtener del diccTrie pasandole la categoria h y pidiendo padre de la tupla obtenida por esta operacion, esto demora $O(|h|)$. Creamos un puntero a datosCat denominado puntC al cual le asignamos la tupla obtenida por la operacion obtener del diccTrie pasandole la categoria c y pidiendo padre de la tupla obtenida por esta operacion, esto demora $O(|c|)$. Luego, se ingresa a un ciclo con la condicion de que res sea igual a false y actual distinto de NULL. Se compara puntC con actual. En caso afirmativo se asigna a res el valor true, demorando $O(1)$, en caso negativo, se modifica actual asignandole el puntero a padre de la tupla a la que estaba apuntando anteriormente. Luego de realizar alturaAC(ac) iteraciones se sale del ciclo.

Orden Total:

$O(1)+O(|h|)+O(1)+O(|h|)+O(1)+O(|h|)+O(|c|)+(alturaAC(ac)*(O(1)+O(1)+O(1))) = O(|h|+|c|+alturaAC(ac))$

1.5. Iterador de Categorías

1.5.1. Representación

itCategorías se representa con itLista(datosCat)

itCategorías es un iterador de lista común. Sus complejidades nos alcanzan para iterar una Lista(datosCat).

1.5.2. Invariante de Representación

1.5.2.1. El Invariante Formalmente

$\text{Rep} : \text{estrITC} \rightarrow \text{boolean}$

$(\forall it: \text{estrITC}) \text{Rep}(it) \equiv \text{true}$

1.5.3. Función de Abstracción

$\text{Abs} : e: \text{estrITC} \rightarrow \text{itBi}(\alpha)$

$\text{Rep}(e)$

$(\forall e: \text{estrITC}) \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} it: \text{itBi}(\alpha) \mid$

1. $\text{anteriores}(e.\text{iterador}) =_{\text{obs}} \text{anteriores}(it) \wedge$
 $\text{siguientes}(e.\text{iterador}) =_{\text{obs}} \text{siguientes}(it)$

1.5.4. Algoritmos

Algoritmo 13 iCrearItCategorías

```
1: function ICREARITCATEGORIAS(in l: Lista(datosCat)) → res: estrITC
2:   res ← crearIt(l) //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 14 iHaySiguiente?

```
1: function IHAYSIGUIENTE?(in e: estrITC) → res: bool
2:   res ← haySiguiente(e) //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 15 iSiguiente

```
1: function ISIGUIENTE(in e: estrITC) → res: Categoria
2:   res ← (siguiente(e)).categoria //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 16 iAvanzar

```
1: function IAVANZAR(in/out  $e$ : estrITC)  
2:   avanzar( $e$ ) //O(1)  
3: end function
```

Complejidad: $O(1)$

1.5.5. Analisis de complejidades

1. iCrearItCategorias

Crea un `itCategorias` con la lista que se pasa como parametro y se la asigna a `res`, esto demora $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

2. iHaySiguiente?

Se llama a `HaySiguiente` del Iterador de Lista en $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

3. iSiguiente

Se llama a `Siguiente` del Iterador de Lista en $O(1)$. A eso se le aplica la operacion `dameCat` que también cuesta $O(1)$ y se devuelve una referencia a la categoria resultante.

Orden Total: $O(1)$

4. iAvanzar

Se llama a `Avanzar` del Iterador de Lista en $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

1.6. Iterador de Familia

1.6.1. Representación

`itFamilia` se representa con puntero(`DatosCat`)

`itFamilia` es un iterador de puntero a `datoscat` que al hacer siguiente va al puntero `datoscat` padre. Al manejarse con punteros sus complejidades son $O(1)$.

1.6.2. Invariante de Representación

1.6.2.1. El Invariante Formalmente

$\text{Rep} : \text{estrITA} \rightarrow \text{boolean}$

$(\forall it : \text{estrITA}) \text{Rep}(it) \equiv \text{true}$

1.6.3. Función de Abstracción

$\text{Abs} : e : \text{estrITA} \rightarrow \text{itBi}(\alpha)$ $\text{Rep}(e)$

$(\forall e : \text{estrITA}) \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} it : \text{itBi}(\alpha) \mid$

1. $\text{anteriores}(e.\text{iterador}) =_{\text{obs}} \text{anteriores}(it) \wedge$
 $\text{siguientes}(e.\text{iterador}) =_{\text{obs}} \text{siguientes}(it)$

1.6.4. Algoritmos

Algoritmo 17 iCrearItFamilia

```
1: function ICREARITFAMILIA(in  $l$ : puntero(DatosCat))  $\rightarrow$   $res$ : estrITA
2:    $res \leftarrow \text{crearIt}(l)$  //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 18 iHaySiguiente?

```
1: function IHAYSIGUIENTE?(in  $e$ : estrITA)  $\rightarrow$   $res$ : bool
2:    $res \leftarrow \text{haySiguiente}(e)$  //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 19 iSiguienteCat

```
1: function ISIGUIENTE(in  $e$ : estrITA)  $\rightarrow$   $res$ : Categoria
2:    $res \leftarrow \text{dameCat}(*\text{siguiente}(e))$  //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 20 iSiguienteId

```
1: function ISIGUIENTE(in  $e$ : estrITA)  $\rightarrow$   $res$ : int
2:    $res \leftarrow \text{dameId}(*\text{siguiente}(e))$  //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 21 iAvanzar

```
1: function IAVANZAR(in/out  $e$ : estrITA)
2:   avanzar( $e$ ) //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

1.6.5. Analisis de complejidades

1. iCrearItFamilia

Crea un itFamilia con el puntero a datoscat que se pasa como parametro y se la asigna a res, esto demora O(1).

Orden Total: O(1)

2. iHaySiguiente?

Chequea que el puntero no sea Null.

Orden Total: O(1)

3. iSiguienteCat

Se llama a Siguiente del Iterador de Lista en $O(1)$. A eso se le aplica la operacion dameCat que también cuesta $O(1)$ y se devuelve una referencia a la categoria resultante.

Orden Total: $O(1)$

4. iSiguienteId

Se llama a Siguiente del Iterador de Lista en $O(1)$. A eso se le aplica la operacion dameCat que también cuesta $O(1)$ y se devuelve una referencia a la Id resultante.

Orden Total: $O(1)$

5. iAvanzar

Se llama a Avanzar del Iterador de Lista en $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

1.7. Iterador de Hijos

1.7.1. Representación

itHijos se representa con itConj(puntero(datosCat))

itHijos es un iterador de conjunto. Sus complejidades nos alcanzan para iterar un Conj(puntero(datosCat)).

1.7.2. Invariante de Representación

1.7.2.1. El Invariante Formalmente

$\text{Rep} : \text{estrITH} \rightarrow \text{boolean}$

$(\forall it: \text{estrITH}) \text{Rep}(it) \equiv \text{true}$

1.7.3. Función de Abstracción

$\text{Abs} : e: \text{estrITC} \rightarrow \text{itBi}(\alpha)$

$\text{Rep}(e)$

$(\forall e: \text{estrITC}) \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} it: \text{itBi}(\alpha) \mid$

1. $\text{anteriores}(e.\text{iterador}) =_{\text{obs}} \text{anteriores}(it) \wedge$
 $\text{siguientes}(e.\text{iterador}) =_{\text{obs}} \text{siguientes}(it)$

1.7.4. Algoritmos

Algoritmo 22 iCrearItHijos

```

1: function ICREARITHIJOS(in  $l: \text{Conj}(\text{puntero}(\text{datosCat}))$ )  $\rightarrow res: \text{estrITH}$ 
2:    $res \leftarrow \text{crearIt}(l)$  //O(1)
3: end function
Complejidad:  $O(1)$ 

```

Algoritmo 23 iHaySiguiente?

```
1: function IHAYSIGUIENTE?(in  $e$ : estrITH)  $\rightarrow$   $res$ : bool  
2:    $res \leftarrow \text{haySiguiente}(e)$  //O(1)  
3: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 24 iSiguiente

```
1: function ISIGUIENTE(in  $e$ : estrITH)  $\rightarrow$   $res$ : Categoria  
2:    $res \leftarrow (*\text{siguiente}(e)).\text{categoria}$  //O(1)  
3: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 25 iAvanzar

```
1: function IAVANZAR(in/out  $e$ : estrITH)  
2:    $\text{avanzar}(e)$  //O(1)  
3: end function
```

Complejidad: $O(1)$

1.7.5. Analisis de complejidades

1. iCrearItHijos

Crea un itHijos con el conjunto que se pasa como parametro y se la asigna a res, esto demora $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

2. iHaySiguiente?

Se llama a HaySiguiente del Iterador de Conjunto en $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

3. iSiguiente

Se llama a Siguiente del Iterador de Conjunto en $O(1)$. A eso se le aplica la operacion dameCat que también cuesta $O(1)$ y se devuelve una referencia a la categoria resultante.

Orden Total: $O(1)$

4. iAvanzar

Se llama a Avanzar del Iterador de Conjunto en $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

2. Módulo LinkLinkIt

2.1. Interfaz

parámetros formales

géneros **linkLinkIt**

se explica con: TAD **linkLinkIt**

Operaciones

DAMEACATLLI(in *lli*: **linkLinkIt**) → *res*: **acat**

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} lli.arbolCategorias\}$

Complejidad: $O(1)$

Aliasing: *res* es una referencia a *lli.arbolCategorias*, no debe modificarse.

FECHAACTUAL(in *lli*: **linkLinkIt**) → *res*: **Fecha**

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} fechaActual(lli)\}$

Complejidad: $O(1)$

Aliasing: No tiene

LINKSLLI(in *lli*: **linkLinkIt**) → *res*: **itLinks**

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} links(lli)\}$

Complejidad: $O(1)$

Aliasing: No deben modificarse los elementos iterados por *res*.

CATEGORIALINK(in *lli*: **linkLinkIt**, in *l*: **Link**) → *res*: **Categoria**

Pre $\equiv \{l \in links(lli)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} categoriaLink(lli, l)\}$

Complejidad: $O(|l|)$

Aliasing: La categoria se devuelve por referencia, no debe modificarse.

FECHAULTIMOACCESO(in *lli*: **linkLinkIt**, in *l*: **Link**) → *res*: **Fecha**

Pre $\equiv \{l \in links(lli)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} fechaUltimoAcceso(lli, l)\}$

Complejidad: $O(|l|)$

Aliasing: No tiene

ACCESOSRECIENTESDIA(in *lli*: **linkLinkIt**, in *l*: **Link**, in *f*: **Fecha**) → *res*: **nat**

Pre $\equiv \{l \in links(lli)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} accesosRecientesDia(lli, l, f)\}$

Complejidad: $O(|l|)$

Aliasing: No tiene

INICIARLLI(**in** *ac*: *acat*) → *res*: **linkLinkIt**

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{iniciar}(ac)\}$

Complejidad: $O(\# \text{categorias}(ac))$

Aliasing: No tiene.

NUEVOLINKLLI(**in/out** *lli*: **linkLinkIt**, **in** *l*: **Link**, **in** *c*: **Categoria**)

Pre $\equiv \{c \in \text{categorias}(lli) \wedge l \notin \text{links}(lli) \wedge \neg \text{vacía?}(l) \wedge lli_0 = lli\}$

Post $\equiv \{lli = \text{nuevoLink}(lli_0, l, c)\}$

Complejidad: $O(|l| + |c| + \text{altura}(lli.\text{arbolCategorias}))$

Aliasing: No hay alias ya que no devuelve nada.

ACCEDERLLI(**in/out** *lli*: **linkLinkIt**, **in** *l*: **Link**, **in** *f*: **Fecha**)

Pre $\equiv \{l \in \text{links}(lli) \wedge f \geq \text{fechaActual}(lli) \wedge lli_0 = lli\}$

Post $\equiv \{lli = \text{acceso}(lli_0, l, f)\}$

Complejidad: $O(|l|)$

Aliasing: No hay alias ya que no devuelve nada.

CANTLINKS(**in** *lli*: **linkLinkIt**, **in** *c*: **Categoria**) → *res*: **nat**

Pre $\equiv \{c \in \text{categorias}(lli)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{cantLinks}(lli, c)\}$

Complejidad: $O(|c|)$

Aliasing: No tiene.

LINKSORDENADOSPORACCESOS(**in** *lli*: **linkLinkIt**, **in** *c*: **Categoria**) → *res*: **itLinks**

Pre $\equiv \{c \in \text{categorias}(lli)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{linksOrdenadosPorAccesos}(lli, c)\}$

Complejidad: $O((\text{longitud}(lli.\text{arrayCatLinks}[id]))^2 + |c|)$

Aliasing: Se devuelve un iterador a los links relacionados con esa categoría. No debe ser modificado.

ESRECIENTE?(**in** *lli*: **linkLinkIt**, **in** *l*: **Link**, **in** *f*: **Fecha**) → *res*: **bool**

Pre $\equiv \{l \in \text{links}(lli)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{esReciente?}(s, l, f)\}$

Complejidad: $O(|l|)$

Aliasing: No tiene.

fin interfaz

2.2. Representación

```
LinkLinkIt se representa con estrLLI, donde estrLLI es tupla<
    arbolCategorias: acat,
    actual: Fecha,
    linkInfo: diccTrie(Link, puntero(datosLink)),
    listaLink: Lista(datosLink),
    arrayCatLinks: arreglo-dimen(linksFamilia)>

datosLink es tupla<
    link: Link,
    catDLink: Categoria,
    accesosRecientes: Lista(acceso),
    cantAccesosRecientes: nat>

acceso es tupla<
    dia: Fecha,
    cantAccesos: nat>

linksFamilia es Lista(puntero(datosLink))
```

Un linkLinkIt guarda en su estructura el arbol de categorias con el que fue creado. La fecha actual, para poder accederla en $O(1)$.

Tiene también una lista de datosLink(*listaLink*), que guarda un datosLink para cada Link con sus datos: nombre(*link*), una referencia al nombre de su categoría relacionada(*catDLink*) para accederla en $O(1)$, la cantidad de accesos recientes(*cantAccesosRecientes*) y su lista de accesos recientes, es decir sus ultimos tres días(*accesosRecientes*).

En el diccTrie *linkInfo*, tomando como claves los nombres de los links, guardamos un puntero al datoLink correspondiente de *listaLink*, para poder acceder a esos datos en $O(\text{longitud del link})$.

arrayCatLink guarda en cada posición, la lista de links relacionados para la categoria cuyo id es esa posicion+1 (Incluye a los links de las categorias hijas.).

2.2.1. Invariante de Representación

2.2.1.1. El Invariante Informalmente

1. Para todo '*link*' que exista en '*linkInfo*' la '*catDLink*' de la tupla apuntada en el significado debiera existir en '*arbolCategorias*'.
2. Para todo '*link*' que exista en '*linkInfo*', todos los '*dia*' de la lista '*accesosRecientes*' deberan ser menor o igual a *actual*, estan ordenados, no hay dias repetidos y la longitud de la lista es menor o igual a 3.
3. Para todo '*link*' que exista en '*linkInfo*' su significado deberá existir en '*listaLinks*' y viceversa.
4. Para todo '*link*' que exista en '*linkInfo*' su significado deberá aparecer en '*arrayCatLinks*' en la posicion igual al id de '*catDLink*' y en las posiciones de los predecesores de esa categoria y en ninguna otra.
5. No hay 2 claves que existan en '*linkInfo*' y devuelvan el mismo significado.
6. No existen '*link*' repetidos en las tuplas de '*listaLinks*'.

7. No hay elementos repetidos en ninguna lista *'linksFamilia'*.
8. Para todo *'link'* que exista en *'linkInfo'*, *'cantAccesosRecientes'* es igual a la suma de *'cantAccesos'* de cada elemento de la lista *'accesosRecientes'*

2.2.1.2. El Invariante Formalmente

Rep : estrLLI \rightarrow boolean

$(\forall lli: \text{estrLLI}) \text{Rep}(lli) \equiv \text{true} \iff$

1. $(\forall l: \text{Link})(\text{def?}(l, lli.\text{linkInfo})) \Rightarrow_L$
 $(\text{*obtener}(l, lli.\text{linkInfo})).\text{catDLink} \in \text{todasLasCategorias}(lli.\text{arbolCategorias}.\text{categorias})$
 \wedge_L
2. $(\forall l: \text{Link})(\text{def?}(l, lli.\text{linkInfo})) \Rightarrow_L$
 $\text{long}(\text{*obtener}(l, lli.\text{linkInfo})).\text{accesosRecientes} \leq 3 \wedge$
 $\text{accesoOrdenadoNoRepetido}(\text{*obtener}(l, lli.\text{linkInfo})).\text{accesosRecientes} \wedge_L$
 $\text{fechasCorrectas}(lli.\text{actual}, (\text{*obtener}(l, lli.\text{linkInfo})).\text{accesosRecientes}) \wedge_L$
3. $(\forall l: \text{Link})(\text{def?}(l, e.\text{linkInfo}) \Leftrightarrow$
 $((\exists d: \text{datosLink})\text{esta?}(d, e.\text{listaLinks}) \wedge d.\text{link} == l) \wedge_L d == \text{obtener}(l, e.\text{linkInfo}))$
 \wedge_L
4. $(\forall l: \text{Link})(\text{def?}(l, lli.\text{linkInfo})) \Rightarrow_L$
 $(\forall c: \text{Categoria})c \in \text{todasLasCategorias}(lli.\text{arbolCategorias}.\text{categorias}) \Rightarrow_L$
 $(\text{esta?}(\text{obtener}(l, lli.\text{linkInfo}), \text{arrayCatLinks}[\text{id}(c, lli.\text{arbolCategorias})]) \Leftrightarrow$
 $\text{esSubCategoria}(lli.\text{arbolCategorias}, c, (\text{*obtener}(l, lli.\text{linkInfo})).\text{categoria})) \wedge_L$
5. $(\forall l, l': \text{Link})l \neq l' \wedge (\text{def?}(l, lli.\text{linkInfo})) \wedge (\text{def?}(l', lli.\text{linkInfo})) \Rightarrow_L$
 $(\text{*obtener}(l, lli.\text{linkInfo})) \neq (\text{*obtener}(l', lli.\text{linkInfo})) \wedge_L$
6. $(\forall i, i': \text{nat})i < \text{long}(lli.\text{listaLinks}) \wedge i' < \text{long}(lli.\text{listaLinks}) \Rightarrow_L$
 $lli.\text{listaLinks}_i.\text{link} = lli.\text{listaLinks}_{i'}.\text{link} \Leftrightarrow i = i' \wedge_L$
7. $(\forall i: \text{nat})i < \text{tam}(lli.\text{arrayCatLinks}) \Rightarrow_L \text{sinRepetidos}(\text{arrayCatLinks}[i]) \wedge_L$
8. $(\forall l: \text{Link})(\text{def?}(l, lli.\text{linkInfo})) \Rightarrow_L$
 $(\text{*obtener}(l, lli.\text{linkInfo})).\text{cantAccesosRecientes} ==$
 $\text{cantidadDeAccesos}(\text{*obtener}(l, lli.\text{linkInfo})).\text{accesosRecientes}$

2.2.2. Función de Abstracción

Abs : $e: \text{estrLLI} \rightarrow \text{linkLinkIt}$

Rep(e)

$(\forall e: \text{estrLLI}) \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} lli: \text{linkLinkIt} \mid$

1. $\text{categorias}(lli) = \text{categorias}(e.\text{arbolCategorias}) \wedge$
2. $\text{links}(lli) = \text{todosLosLinks}(e.\text{listaLinks}) \wedge_L$
3. $(\forall l: \text{Link})\text{def?}(l, e.\text{linkInfo}) \Rightarrow_L$
 $\text{categoriaLink}(lli, l) = (\text{*obtener}(l, e.\text{linkInfo})).\text{catDLink} \wedge$
4. $\text{fechaActual}(lli) = e.\text{actual} \wedge$
5. $(\forall l: \text{Link})l \in \text{links}(e) \Rightarrow_L$
 $\text{fechaUltimoAcceso}(lli, l) = (\text{ultimo}((\text{*obtener}(l, e.\text{linkInfo})).\text{accesosRecientes})).\text{dia}$
 \wedge
6. $(\forall l: \text{Link})(\forall f: \text{Fecha})l \in \text{links}(lli) \wedge_L \text{esReciente?}(e, l, f) \Rightarrow_L$
 $\text{accesosRecientesDia}(lli, l, f) =$
 $\text{cantidadPorDia}(f, (\text{*obtener}(l, e.\text{linkInfo})).\text{accesosRecientes})$

2.2.2.1. Funciones auxiliares

```

cantidadPorDia : estrLLI  $\times$  Fecha  $\times$  Lista(acceso)  $\longrightarrow$  nat
cantidadPorDia(e,f,ls)  $\equiv$  if f==prim(ls).dia then
    prim(ls).cantAccesos
else
    cantidadPorDia(e,f,fin(ls))
fi

todosLosLinks : secu(datosLink)  $\longrightarrow$  conj(Link)
todosLosLinks(s)  $\equiv$  if  $\emptyset?(s)$  then  $\emptyset$  else Ag(prim(s).link,todosLosLinks(fin(s))) fi

sinRepetidos : secu( $\alpha$ )  $\longrightarrow$  bool
sinRepetidos(ls)  $\equiv$  if vacia?(ls) then
    true
else
    if esta?(prim(ls),fin(ls)) then false else sinRepetidos(fin(ls)) fi
fi

fechasCorrectas : fecha  $\times$  secu(acceso)  $\longrightarrow$  bool
sinRepetidos(f,ls)  $\equiv$  if vacia?(ls) then
    true
else
    if prim(ls).dia > f then false else fechasCorrectas(f,fin(ls)) fi
fi

accesoOrdenadoNoRepetido : secu(acceso)  $\longrightarrow$  bool
sinRepetidos(ls)  $\equiv$  if long(ls)  $\leq$  1 then
    true
else
    if prim(ls).dia  $\geq$  prim(fin(ls)).dia then
        false
    else
        accesoOrdenadoNoRepetido(fin(ls))
    fi
fi

cantidadDeAccesos : secu(acceso)  $\longrightarrow$  nat
cantidadDeAccesos(ls)  $\equiv$  if vacia?(ls) then
    0
else
    prim(ls).cantAccesos + cantidadDeAccesos(fin(ls))
fi

```

2.3. Algoritmos

Algoritmo 26 idameACatLLI

```

1: function IDAMEACATLLI(in lli: estrLLI)  $\rightarrow$  res: acat
2:   res  $\leftarrow$  lli.arbolCategorias
3: end function

```

Complejidad: O(1)

//O(1)

Algoritmo 27 icategoriasLLI

```
1: function ICATEGORIASLLI(in lli: estrLLI) → res: itCategorias
2:   res ← categoriasAC(lli.arbolCategorias) //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 28 iFechaActual

```
1: function IFECHAACTUAL(in lli: estrLLI) → res: Fecha
2:   res ← lli.actual //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 29 iLinksLLI

```
1: function ILINKSLLI(in lli: estrLLI) → res: itLinks
2:   res ← crearItLinks(lli.listaLinks) //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 30 iCategoriaLink

```
1: function ICATEGORIALINK(in lli: estrLLI, in l: Link) → res: Categoria
2:   res ← (*obtener(l, lli.linksInfo)).catDLink //O(|l|)
3: end function
Complejidad: O(|l|)
```

Algoritmo 31 iFechaUltimoAcceso

```
1: function IFECHAULTIMOACCESO(in lli: estrLLI, in l: Link) → res: Fecha
2:   res ← (ultimo((*obtener(l, lli.linkInfo)).accesosRecientes)).dia //O(|l|)
3: end function
Complejidad: O(|l|)
```

Algoritmo 32 iAccesosRecientesDia

```
1: function IACCESOSRECIENTESDIA(in lli: linkLinkIt, in l: Link, in f: Fecha) → res: nat
2:   itAccesos accesos ← crearItAccesos((*obtener(l, lli.linkInfo)).accesosRecientes) //O(|l|)
3:   while haySiguiente(accesos) do //O(|accesos|) = O(1)
4:     if siguiente(accesos).dia == f then //O(1)
5:       res ← siguiente(accesos).cantAccesos //O(1)
6:     end if
7:     avanzar(accesos) //O(1)
8:   end while
9: end function
Complejidad: O(|l|)
```

Algoritmo 33 iIniciarLLI

```
1: function iINICIARLLI(in ac: acat) → res: estrLLI
2:   res.actual ← 1 //O(1)
3:   res.arbolCategorias ← ac //O(1)
4:   nat c ← 0 //O(1)
5:   res.arrayCatLinks ← crearArreglo(longitud(siguietes(categoriasAC(ac))))
6:   //O(longitud(siguietes(categoriasAC(ac))))
7:   res.listaLinks ← vacia() //O(1)
8:   res.linksInfo ← vacio() //O(1)
9:   while c < dameCantidad(res.arbolCategorias) do
10:    //O(dameCantidad(res.arbolCategorias))
11:    linksFamilia llist ← vacia() //O(1)
12:    res.arrayCatLinks[c] ← llist //O(1)
13:    c++ //O(1)
14:  end while
15: end function
```

Complejidad: O(dameCantidad(res.arbolCategorias))

Algoritmo 34 iNuevoLink

```
1: function iNUEVOLINK(in/out lli: estrLLI, in l: Link, in c: Categoria)
2:   itFamilia itF ← crearItFamilia(obtener(c, lli.arbolCategorias)) //O(|c|)
3:   Lista(acceso) accesoDeNuevoLink ← vacia() //O(1)
4:   datosLink nuevoLink ← <l, c, accesoDeNuevoLink, 0> //O(|l|)
5:   puntero(datosLink) puntLink ← nuevoLink //O(1)
6:   definir(l, puntLink, lli.linkInfo) //O(|l|)
7:   agregarAtras(lli.listaLinks, nuevoLink) //O(1)
8:   while haySiguiente(itF) do //O(alturaAC(ac))
9:     agregarAtras(lli.arrayCatLinks[SiguienteId(itF)-1], puntLink) //O(1)
10:    Avanzar(itF) //O(1)
11:  end while
12: end function
```

Complejidad: O(|c| + |l| + alturaAC(ac))

Algoritmo 35 iAccederLLI

```
1: function IACCEDERLLI(in lli: estrLLI, in l: Link, in f: Fecha)
2:   if lli.actual  $\neq$  f then //O(1)
3:     lli.actual  $\leftarrow$  f //O(1)
4:   end if
5:   puntero(datosLink) puntLink  $\leftarrow$  obtener(l,lli.linkInfo) //O(|l|)
6:   if ultimo((*puntLink).accesos).dia == f then //O(1)
7:     ultimo((*puntLink).accesos).cantAccesos ++ //O(1)
8:   else
9:     agregarAtras((*puntLink).accesos,<f,1>) //O(1)
10:  end if
11:  if longitud((*puntLink).accesos) == 4 then //O(1)
12:    (*puntLink).cantAccesosRecientes -= prim((*puntLink).accesos).cantAccesos //O(1)
13:    fin((*puntLink).accesos) //O(1)
14:  end if
15:  (*puntLink).cantAccesosRecientes++ //O(1)
16: end function
Complejidad: O(|l|)
```

Algoritmo 36 iCantLinks

```
1: function ICANTLINKS(in lli: estrLLI, c: Categoria)  $\rightarrow$  res: nat
2:   puntero(datosCat) cat  $\leftarrow$  obtener(c,lli.arbolCategorias) //O(|c|)
3:   res  $\leftarrow$  longitud(lli.arrayCatLinks[(*cat).id-1]) //O(1)
4: end function
Complejidad: O(|c|)
```

Algoritmo 37 iLinksOrdenadosPorAccesos

```
1: function ILINKSORDENADOSPORACCESOS(in lli: estrLLI, in c: Categoria)  $\rightarrow$ 
2:   res: itPuntLinks
3:   nat id  $\leftarrow$  id(lli.arbolCategorias,c) //O(|c|)
4:   id  $\leftarrow$  id-1 //O(1)
5:   itLinks itParaFecha  $\leftarrow$  crearItPuntLins(lli.arrayCatLinks[id]) //O(1)
6:   Fecha fecha  $\leftarrow$  ultFecha(itParaFecha) //O(longitud(lli.arrayCatLinks[id]))
7:   Lista(puntero(datosLink)) listaOrdenada  $\leftarrow$  vacia() //O(1)
8:   if  $\neg$ estaOrdenada?(crearItPuntLins(lli.arrayCatLinks[id]),fecha) then
9:     //O(longitud(lli.arrayCatLinks[id]))
10:    while  $\neg$ vacia?(lli.arrayCatLinks[id]) do
11:      itLinks itMax  $\leftarrow$  crearItPuntLins(lli.arrayCatLinks[id]) //O(1)
12:      itMax  $\leftarrow$  buscarMax(itMax,fecha) //O(longitud(lli.arrayCatLinks[id]))
13:      agregarAtras(listaOrdenada,siguiente(itMax)) //O(1)
14:      eliminarSiguiente(itMax) //O(1)
15:    end while
16:    lli.arrayCatLinks[id]  $\leftarrow$  listaOrdenada //O(1)
17:  end if
18:  res  $\leftarrow$  crearItPuntLins(lli.arrayCatLinks[id]) //O(1)
19: end function
Complejidad: O((longitud(lli.arrayCatLinks[id]))2 + |c|)
```

Algoritmo 38 iEsReciente

```
1: function IESRECIENTE(in lli: estrLLI, in l: Link, in f: Fecha) → res: bool
2:   res ←  $f \geq (\text{fechaUltimoAcceso}(\text{lli}, l) - 2) \wedge f \leq \text{fechaUltimoAcceso}(s, l)$  //  $O(|l|)$ 
3: end function
Complejidad:  $O(|l|)$ 
```

2.4. Analisis de complejidades

1. iDameACatLLI

Se devuelve por referencia el arbol del sistema pasado como parametro, esto demora $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

2. iCategoriasLLI

Se devuelve un itCategorias que itera los nombres de las categorias del arbol de categorias de nuestro linkLinkIt. Devolver el iterador cuesta $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

3. iFechaActual

Devuelve la fecha actual del sistema, esto cuesta $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

4. iLinksLLI

Devuelve en $O(1)$ un itLinks que itera los nombres de todos los links de nuestro linkLinkIt.

Orden Total: $O(1)$

5. iCategoriaLink

Dado un link l , se busca en $O(|l|)$ los datos del mismo y, de la tupla obtenida se devuelve por referencia el nombre de la categoria relacionada a ese link en $O(1)$.

Orden Total: $O(|l|)$

6. iFechaUltimoAcceso

Dado un link l , se busca en $O(|l|)$ los datos del mismo y, de la tupla obtenida se saca el dia del ultimo elemento de la lista de accesos recientes en $O(1)$.

Orden Total: $O(|l|)$

7. iAccesosRecientesDia

Dado un link y una fecha, se busca en $O(|l|)$ los datos del link. Se crea un itAccesos a su lista de accesos recientes en $O(1)$ y, se la itera mientras haya siguiente preguntando en $O(1)$ si el dia de siguiente(it) es el mismo que la fecha. En caso de ser cierto, en $O(1)$ se le asigna ese valor al resultado. Iterar la lista os cuesta la longitud de la lista. Pero como a lo sumo tiene 3 elementos, podemos asumir que su complejidad es $O(1)$.

Orden Total: $O(|l|)$

8. iIniciarLLI

Se le asigna una referencia del arbol de categorias pasado como parametro al arbolCategorias del linkLinkIt en $O(1)$. A actual se le asigna en $O(1)$ un 1, que será la fecha actual del nuevo linkLinkIt. Se crea una lista vacia y un diccTrie vacio, ambos en $O(1)$ y se los asigna a listaLinks

y linkInfo respectivamente en $O(1)$. Luego se crea un array cuyo tamaño es la cantidad de categorías de del arbol pasado como parámetro, por lo cual su complejidad es $O(\text{cantidad de categorías del arbol})$ y a cada posición del array se le asigna una lista vacía que cuesta $O(1)$. Como lo hago para cada posición, nos cuesta en total $O(\text{cantidad de categorías del arbol})$. En total nos costaría $O(2 * \text{cantidad de categorías del arbol}) = O(\text{cantidad de categorías del arbol})$. (Sea cant = cantidad de categorías del arbol)

Orden Total: $O(\text{cant})$

9. **inuevoLink**

Se crea un puntero a datosCat cat donde se le pasa el puntero obtenido por la operación obtener del módulo arbolCategorías, esto cuesta $O(|c|)$. Se crea una lista de acceso inicializada vacía, que cuesta $O(1)$.

Se crea una tupla datosLink, a la cual se le pasa una tupla con el link dado, el puntero a datosCat y la lista de acceso, la cual tarda $O(|l|)$. Se crea un puntero a datosLink y se le pasa la tupla datosLink, esto cuesta $O(1)$. Se utiliza la operación definir del diccTrie en la cual se agrega el link dado al diccionario accesosXLink, lo cual tarda $O(|l|)$.

Se utiliza la operación agregarAtras que agrega el puntero a datosLink a la lista listaLinks, esto demora $O(1)$. Se ingresa a un ciclo si cat es distinto de la operación puntRaiz de arbolCategorías, esto tarda $O(1)$. Se utiliza la operación agregarAtras que agrega el puntero a datosLink a la lista que está en la posición $(*cat).id$ del arreglo arrayCatLinks, lo cual tarda $O(1)$.

Se modifica el puntero a datosCat y se guarda cat.padre, lo cual tarda $O(1)$. Una vez que no se cumple la condición del ciclo se del mismo habiendo tardado $O(h)$. Se utiliza la operación agregarAtras que agrega el puntero a datosLink a la lista que está en la posición $(*cat).id$ del arreglo arrayCatLinks, lo cual tarda $O(1)$.

Aclaración h es igual a la altura de la categoría c .

Orden Total: $O(|c|) + O(1) + O(|l|) + O(1) + O(1) + O(1) + O(h * (O(1) + O(1))) + O(1) = O(|l| + |c| + h)$

10. **iAccederLLI**

Se pregunta si la fecha actual del sistema es igual a f , esto demora $O(1)$, en caso verdadero se deja actual como está, en caso negativo se modifica a y se guarda f como fecha actual, esto tarda $O(1)$.

Se crea un puntero a datosLink puntLink que se le pasa un puntero obtenido por medio de la operación obtener del diccionario accesosXLink dando el link que se quiere ingresar al sistema, esto demora $O(|l|)$.

Se pregunta si el día de la tupla del último elemento de la lista accesosRecientes de la tupla apuntada por el puntero puntLink es igual al f dado, esto cuesta $O(1)$, en caso positivo, se modifica cantAccesos de la misma tupla del elemento sumándole uno, esto demora $O(1)$ en caso negativo se utiliza la operación agregarAtras y se agrega una tupla acceso con la fecha f y cantAccesos igual a 1 a la lista de accesosRecientes, lo cual demora $O(1)$.

Por último, se consulta por la longitud de la lista accesosRecientes, consultando si la nueva longitud es igual a 4, esto demora $O(1)$, en caso positivo se modificara la lista sacando el primer elemento de la misma. Esto demora $O(1)$.

Orden Total: $O(1) + O(1) + O(1) + O(|l|) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1) = O(|l|)$

11. **iCantLinks**

Dada una categoría c , obtener sus datos en el árbol de categorías nos cuesta $O(|c|)$. Luego conseguimos el id en $O(1)$ y accedemos en arrayCatLinks a la posición correspondiente en $O(1)$. Y en $O(1)$ conseguimos la longitud de la lista que allí encontramos.

Orden Total: $O(|c|)$

12. iLinksOrdenadosPorAccesos

Dada la categoria c pasada como parametro, obtenemos su id en $O(|c|)$. Luego con coste $O(1)$ creamos un iterador de punteros a datosLink para la lista l alojada en la posicion correspondiente de arrayCatLinks que tiene longitud n . Obtener la ultima fecha de esa lista nos cuesta $O(n)$ con la funcion ultFecha. Creamos una lista de punteros a datosLink que al finalizar sera la lista ordenada.

Creamos otro iterador a la lista l y llamamos a la funcion estaOrdenada? con un costo de $O(n)$. Si ya esta ordenada, devolvemos un puntero a esa lista en $O(1)$, teniendo un costo total de $O(|c|) + 2 * O(n) = O(|c| + n)$. Si no lo esta, creamos una lista de punteros a datosLink que al finalizar sera la listaOrdenada y luego se entra en el ciclo.

El ciclo se realiza mientras la lista l no esté vacia. Por lo que vamos a hacer n veces lo siguiente: Generamos un itPunLinks a la lista l en $O(1)$, llamamos a la funcion buscarMax que nos cuesta $O(n)$ y nos deja un iterador apuntando al link con mas accesos recientes para esa categoria. Agregamos ese puntero a la listaOrdenada en $O(1)$ y lo eliminamos de la lista vieja con eliminarSiguiende en $O(1)$.

El ciclo nos cuesta en total $O(n) * (O(n) + 3 * O(1)) = O(n^2)$

Finalmente, en $O(1)$ le pasamos a la posicion de arrayCatLinks una referencia a la nueva listaOrdenada.

Orden Total: $O(|c| + n^2)$

13. iEsReciente

Dado un link l y una fecha f , llamamos a la funcion fechaUltimoAcceso para ese link en $O(|l|)$ y vemos que f este en el rango $[fechaUltimoAcceso, fechaUltimoAcceso - 2]$.

Orden Total: $O(|l|)$

2.5. Iterador de Links

2.5.1. Representación

itLinks se representa con itLista(datosLink)

itLinks es un iterador de lista común. Sus complejidades nos alcanzan para iterar una Lista(datosLink).

2.5.2. Invariante de Representación

2.5.2.1. El Invariante Formalmente

$\text{Rep} : \text{estrITL} \rightarrow \text{boolean}$

$(\forall it : \text{estrITL}) \text{Rep}(it) \equiv \text{true}$

2.5.3. Función de Abstracción

$\text{Abs} : e : \text{estrITL} \rightarrow \text{itBi}(\alpha)$

$\text{Rep}(e)$

$(\forall e : \text{estrITL}) \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} it : \text{itBi}(\alpha) \mid$

1. $\text{anteriores}(e.\text{iterador}) =_{\text{obs}} \text{anteriores}(it) \wedge$
 $\text{siguientes}(e.\text{iterador}) =_{\text{obs}} \text{siguientes}(it)$

2.5.4. Algoritmos

Algoritmo 39 iCrearItLinks

```
1: function ICLEARITLINKS(in  $l$ : Lista(datosLink))  $\rightarrow$   $res$ : estrITL
2:    $res \leftarrow \text{crearIt}(l)$  //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 40 iHaySiguiente?

```
1: function IHAYSIGUIENTE?(in  $e$ : estrITL)  $\rightarrow$   $res$ : bool
2:    $res \leftarrow \text{haySiguiente}(e)$  //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 41 iSiguiente

```
1: function ISIGUIENTE(in  $e$ : estrITL)  $\rightarrow$   $res$ : Link
2:    $res \leftarrow (\text{siguiente}(e)).\text{link}$  //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

Algoritmo 42 iAvanzar

```
1: function IAVANZAR(in/out  $e$ : estrITL)
2:    $\text{avanzar}(e)$  //O(1)
3: end function
Complejidad: O(1)
```

2.5.5. Analisis de complejidades

1. iCrearItLinks

Crea un itLinks con la lista que se pasa como parametro y se la asigna a res, esto demora O(1).

Orden Total: O(1)

2. iHaySiguiente?

Se llama a HaySiguiente del Iterador de Lista en O(1).

Orden Total: O(1)

3. iSiguiente

Se llama a Siguiente del Iterador de Lista en O(1). A eso se le aplica la operacion dameLink que también cuesta O(1) y se devuelve una referencia al link resultante.

Orden Total: O(1)

4. iAvanzar

Se llama a Avanzar del Iterador de Lista en O(1).

Orden Total: O(1)

2.6. Iterador de Punteros a DatosLink

2.6.1. Representación

itPuntLinks se representa con itLista(puntero(datosLink))

itPuntLinks es un iterador de lista común. Sus complejidades nos alcanzan para iterar una Lista(puntero(datosLink)).

2.6.2. Invariante de Representación

2.6.2.1. El Invariante Formalmente

$\text{Rep} : \text{estrITPL} \rightarrow \text{boolean}$

$(\forall it : \text{estrITPL}) \text{Rep}(it) \equiv \text{true}$

2.6.3. Función de Abstracción

$\text{Abs} : e : \text{estrITPL} \rightarrow \text{itBi}(\alpha)$

$\text{Rep}(e)$

$(\forall e : \text{estrITPL}) \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} it : \text{itBi}(\alpha) \mid$

1. $\text{anteriores}(e.\text{iterador}) =_{\text{obs}} \text{anteriores}(it) \wedge$
 $\text{siguientes}(e.\text{iterador}) =_{\text{obs}} \text{siguientes}(it)$

2.6.4. Algoritmos

Algoritmo 43 iCrearItPuntLinks

```
1: function ICREARITLINKS(in  $l : \text{Lista}(\text{puntero}(\text{datosLink}))$ )  $\rightarrow res : \text{estrITPL}$ 
2:    $res \leftarrow \text{crearIt}(l)$  //O(1)
3: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 44 iHaySiguiente?

```
1: function IHAYSIGUIENTE?(in  $e : \text{estrITPL}$ )  $\rightarrow res : \text{bool}$ 
2:    $res \leftarrow \text{haySiguiente}(e)$  //O(1)
3: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 45 iSiguiente

```
1: function ISIGUIENTE(in  $e : \text{estrITPL}$ )  $\rightarrow res : \text{DatosLink}$ 
2:    $res \leftarrow \text{siguiente}(e)$  //O(1)
3: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 46 iSiguienteLink

```
1: function ISIGUIENTELINK(in  $e$ : estrITPL)  $\rightarrow$   $res$ : Link
2:    $res \leftarrow (*siguiente(e)).link$  //O(1)
3: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 47 iSiguienteCat

```
1: function ISIGUIENTECAT(in  $e$ : estrITPL)  $\rightarrow$   $res$ : Categoria
2:    $res \leftarrow (*siguiente(e)).catDLink$  //O(1)
3: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 48 iSiguienteCantidadAccesosDelLink

```
1: function ISIGUIENTECANTIDADACCESOSDELLINK(in  $e$ : estrITPL)  $\rightarrow$   $res$ : int
2:    $res \leftarrow cantAccesosDesde(e.fecha)$  //O(1)
3: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 49 iAvanzar

```
1: function IAVANZAR(in/out  $e$ : estrITPL)
2:   avanzar( $e$ ) //O(1)
3: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 50 iEliminarSiguiente

```
1: function IELIMINARSIGUIENTE(in/out  $e$ : estrITPL)
2:   eliminarSiguiente( $e$ ) //O(1)
3: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 51 iBuscarMax

```
1: function IBUSCARMAX(in  $it$ : estrITPL, in  $f$ : Fecha)  $\rightarrow$   $res$ : itPuntLinks
2:    $res \leftarrow copiarIt(it)$  //O(1)
3:   while haySiguiente( $it$ ) do //O(longitud(siguientes(it)))
4:     if  $cantAccesosDesde(it,f) > cantAccesosDesde(res,f)$  then //O(1)
5:        $res \leftarrow it$  //O(1)
6:     end if
7:     avanzar( $it$ ) //O(1)
8:   end while
9: end function
```

Complejidad: $O(longitud(siguientes(it)))$

Algoritmo 52 iUltFecha

```
1: function IULTFECHA(in it: estrITPL) → res: Fecha
2:   res ← (ultimo((*siguiente(it)).accesos)).dia //O(1)
3:   while haySiguiente(it) do //O(longitud(siguientes(it)))
4:     if (ultimo((*siguiente(it)).accesos)).dia > res then //O(1)
5:       res ← (ultimo((*siguiente(it)).accesos)).dia //O(1)
6:     end if
7:     avanzar(it) //O(1)
8:   end while
9: end function
```

Complejidad: $O(\text{longitud}(\text{siguientes}(\textit{it})))$

Algoritmo 53 iCantAccesosDesde

```
1: function ICANTACCESOSDESDE(in it: estrITPL, in f: Fecha) → res: nat
2:   itAccesos itAcc ← (*siguiente(it)).accesos //O(1)
3:   res ← 0 //O(1)
4:   while haySiguiente(itAcc) do //O(1)
5:     if (siguiente(itAcc)).dia ≤ f ∧ (siguiente(itAcc)).dia ≤ f-2 then //O(1)
6:       res ← res + (siguiente(it)).cantA //O(1)
7:     end if
8:     avanzar(itAcc) //O(1)
9:   end while
10: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 54 iEstaOrdenada?

```
1: function IESTAORDENADA?(in it: estrITPL, in f: Fecha) → res: bool
2:   res ← true //O(1)
3:   nat aux ← cantAccesosDesde(it, f) //O(1)
4:   avanzar(it) //O(1)
5:   while haySiguiente(it) do //O(longitud(siguientes(it)))
6:     if cantAccesosDesde(it, f) > aux then //O(1)
7:       res ← false //O(1)
8:     end if
9:     aux ← cantAccesosDesde(it, f) //O(1)
10:    avanzar(it) //O(1)
11:  end while
12: end function
```

Complejidad: $O(\text{longitud}(\text{siguientes}(\textit{it})))$

2.6.5. Analisis de complejidades

1. iCrearItLinks

Crea un *itPuntLinks* con la lista que se pasa como parametro y se la asigna a *res*, esto demora $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

2. iHaySiguiente?

Se llama a HaySiguiente del Iterador de Lista en $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

3. iSiguiente

Se llama a Siguiente del Iterador de Lista en $O(1)$. A eso se le aplica la operacion dameLink que también cuesta $O(1)$ y se devuelve una referencia al link resultante.

Orden Total: $O(1)$

4. iAvanzar

Se llama a Avanzar del Iterador de Lista en $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

5. iEliminarSiguiente

Se llama a eliminarSiguiente del Iterador de Lista en $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

6. iBuscarMax

Dado un itPuntLinks y una fecha, iteramos llamando cada vez a cantAccesosDesde para el iterador y la fecha. Cada vez nos cuesta $O(1)$ y lo hacemos una vez para cada iteracion. En total nos cuesta $O(\text{longitud}(\text{siguientes}(\text{it})))$.

En $O(1)$ copiamos el iterador a res sólo si la llamada a cantAccesosDesde nos dio mayor a la que resultaba del anterior valor de res.

finalmente avanzar el iterador nos cuesta $O(1)$ tambien.

Orden Total: $O(\text{longitud}(\text{siguientes}(\text{it})))$

7. iUltFecha

Dado un itPuntLinks, iteramos pidiendo el día al acceso mas nuevo, para eso generamos un itAccesos a la ultima posicion de la lista de accesos en $O(1)$. Luego pedimos la fecha de ese acceso tambien en $O(1)$.

Y evaluamos en $O(1)$ si es mayor a la fecha que teniamos guardada en el resultado. Cambiandola en caso de ser necesario en $O(1)$.

Como lo hacemos para cada link de la primera lista, nos cuesta $O(\text{longitud}(\text{siguientes}(\text{it})))$

Orden Total: $O(\text{longitud}(\text{siguientes}(\text{it})))$

8. iCantAccesosDesde

Dado un itPuntLinks y una fecha, obtengo en $O(1)$ un itAccesos para la lista de accesos del siguiente del iterador.

Luego voy iterando itAccesos y si la fecha es menor o igual a la pasada, sumo la cantidad de accesos para ese acceso, todo en $O(1)$.

Como la lista de accesos iterada tiene a lo sumo 3 elementos, podemos considerar que iterarla nos lleva tiempo constante, o sea $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

9. ¡EstaOrdenada?

Dado un `itPuntLinks` y una fecha, iteramos llamando cada vez a `cantAccesosDesde` para el iterador y la fecha. Cada vez nos cuesta $O(1)$ y lo hacemos una vez para cada iteracion. En total nos cuesta $O(\text{longitud}(\text{siguientes}(it)))$.

Comparamos `cantAccesosDesde` con la variable `aux` en $O(1)$ y si `aux` es mayor, cambiamos `res` a `false` en $O(1)$

Actualizar el `aux` con `cantAccesosDesde` y avanzar el iterador nos cuesta $O(1)$ en ambos casos.

Orden Total: $O(\text{longitud}(\text{siguientes}(it)))$

2.7. Iterador de Accesos

2.7.1. Representación

`itAccesos` se representa con `itLista(acceso)`

`itAccesos` es un iterador de lista común. Sus complejidades nos alcanzan para iterar una `Lista(acceso)`.

2.7.2. Invariante de Representación

2.7.2.1. El Invariante Formalmente

$\text{Rep} : \text{estrITA} \rightarrow \text{boolean}$

$(\forall it: \text{estrITA}) \text{Rep}(it) \equiv \text{true}$

2.7.3. Función de Abstracción

$\text{Abs} : e: \text{estrITA} \rightarrow \text{itBi}(\alpha)$

$\text{Rep}(e)$

$(\forall e: \text{estrITA}) \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} it: \text{itBi}(\alpha) \mid$

1. $\text{anteriores}(e.\text{iterador}) =_{\text{obs}} \text{anteriores}(it) \wedge$
 $\text{siguientes}(e.\text{iterador}) =_{\text{obs}} \text{siguientes}(it)$

2.7.4. Algoritmos

Algoritmo 55 `iCrearItAccesos`

```
1: function ICLEARITACCESOS(in l: Lista(acceso))  $\rightarrow$  res: estrITA
2:   res  $\leftarrow$  crearIt(l)
3: end function
```

//O(1)

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 56 `iHaySiguiente?`

```
1: function IHAYSIGUIENTE?(in e: estrITA)  $\rightarrow$  res: bool
2:   res  $\leftarrow$  haySiguiente(e)
3: end function
```

//O(1)

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 57 iSiguiente

1: **function** ISIGUIENTE(**in** e : **estrITA**) \rightarrow res : **Acceso**

2: $res \leftarrow \text{siguiente}(e)$ //O(1)

3: **end function**

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 58 iAvanzar

1: **function** IAVANZAR(**in/out** e : **estrITA**)

2: $\text{avanzar}(e)$ //O(1)

3: **end function**

Complejidad: $O(1)$

2.7.5. Análisis de complejidades

1. iCrearItAccesos

Crea un `itAccesos` con la lista que se pasa como parametro y se la asigna a `res`, esto demora $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

2. iHaySiguiente?

Se llama a `HaySiguiente` del Iterador de Lista en $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

3. iSiguiente

Se llama a `Siguiente` del Iterador de Lista en $O(1)$. A eso se le aplica la operacion `dameCat` que también cuesta $O(1)$ y se devuelve una referencia a la categoria resultante.

Orden Total: $O(1)$

4. iAvanzar

Se llama a `Avanzar` del Iterador de Lista en $O(1)$.

Orden Total: $O(1)$

3. Módulo `diccTrie(clave, significado)`

3.1. Interfaz

parámetros formales

géneros `diccTrie(α)`

usa: `bool`, `puntero`, `arreglo(α)`, `conj(α)`

se explica con: `Diccionario(string, α)`

Operaciones

`VACIO()` $\rightarrow res$: `diccTrie(c, s)`

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} vacio()\}$

Complejidad: $O(1)$

Aliasing: No tiene

`DEFINIR(in c: string, in s: significado, in/out d: diccTrie(s))`

Pre $\equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\}$

Post $\equiv \{d =_{\text{obs}} definir(c, s, d_0) \wedge alias(significado(d, c), s)\}$

Complejidad: $O(|c|)$

Aliasing: Se genera alias con s en el significado de c. Si se modifica s, se modifica el significado de c.

`DEF?(in c: string, in d: diccTrie(s)) $\rightarrow res$: bool`

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} def?(c, d)\}$

Complejidad: $O(|c|)$

Aliasing: No tiene

`OBTENER(in c: string, in d: diccTrie(s)) $\rightarrow res$: significado`

Pre $\equiv \{def?(c, d)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} obtener(c, d) \wedge esAlias(res, significado(d, c))\}$

Complejidad: $O(|c|)$

Aliasing: res es modificable.

fin interfaz

3.2. Representación

`DiccTrie(α)` se representa con `estrDT`, donde `estrDT` es `Puntero(Nodo)`

`Nodo` es `tupla< arreglo: arreglo(Puntero(Nodo))[256], significado: Puntero(α)>`

La estructura es un puntero a `Nodo` en la cual cada nodo es una tupla entre un arreglo y un significado para el dicc. Cada posición del arreglo representa una letra y su contenido es un puntero al nodo de la letra siguiente o a `Null`.

3.2.1. Invariante de Representación

3.2.1.1. El Invariante Informalmente

1. No hay repetidos en arreglo de Nodo salvo por Null. Todas las posiciones del arreglo están definidas.
2. No se puede volver al Nodo actual siguiendo alguno de los punteros hijo del actual o de alguno de los hijos de estos.
3. O bien el Nodo es una hoja, o todos sus punteros hijo no-nulos llevan a hojas siguiendo su recorrido.

3.2.1.2. El Invariante Formalmente

$\text{Rep} : \text{estrDT} \rightarrow \text{boolean}$

$(\forall e : \text{estrDT}) \text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff$

1. $(\forall i, j : \text{nat}) 0 \leq i \leq 255 \wedge 0 \leq j \leq 255 \Rightarrow$
 $\text{Definido?}((e).Arreglo, i) \wedge \text{Definido?}((e).Arreglo, j) \wedge$
 $(i = j) \vee$
 $(i \neq j \wedge ((e).Arreglo[i] = \text{null} \wedge (e).Arreglo[j] = \text{null} \vee$
 $(e).Arreglo[i] \neq (e).Arreglo[j])) \wedge_L$
2. $(\neg \exists n : \text{nat}) \text{EncAEstrDTEnNMov}(e, e, n) \wedge_L$
3. $\text{SonTodosNullOLosHijosLoSon}(e)$

3.2.1.3. Funciones auxiliares

$\text{EncAEstrDTEnNMov} : \text{estrDT} \times \text{estrDT} \times \text{Nat} \longrightarrow \text{Bool}$

$\text{EncAEstrDTEnNMov}(\text{buscado}, \text{actual}, n) \equiv \text{if } (n = 0) \text{ then}$
 $\quad \text{EstaEnElArregloActual?}(\text{buscado}, \text{actual}, 255)$
 else
 $\quad \text{RecurrenciaConLosHijos}(\text{buscado}, \text{actual}, n-1, 255)$
 fi

$\text{EstaEnElArregloActual?} : \text{estrDT} \times \text{estrDT} \times \text{nat} \longrightarrow \text{Bool}$

$\text{EstaEnElArregloActual?}(\text{buscado}, \text{actual}, n) \equiv \text{if } (n=0) \text{ then}$
 $\quad ((\text{*actual}).Arreglo[0] = \text{buscado})$
 else
 $\quad ((\text{*actual}).Arreglo[n] = \text{buscado}) \vee (\text{EstaEnElArregloActual?}(\text{buscado}, \text{actual}, n-1))$
 fi

$\text{RecurrenciaConLosHijos} : \text{estrDT} \times \text{estrDT} \times \text{nat} \times \text{nat} \longrightarrow \text{Bool}$

$\text{RecurrenciaConLosHijos}(\text{buscado}, \text{actual}, n, i) \equiv \text{if } (i = 0) \text{ then}$
 $\text{EncAEstrDTEnNMov}(\text{buscado}, (*\text{actual}).\text{Arreglo}[0], n)$
 else
 $\text{EncAEstrDTEnNMov}(\text{buscado},$
 $(*\text{actual}).\text{Arreglo}[i], n) \vee$
 $(\text{RecurrenciaConLosHijos}(\text{buscado}, \text{actual}, n, i-1))$
 fi

$\text{SonTodosNullOLosHijosLoSon} : \text{estrDT} \longrightarrow \text{Bool}$
 $\text{SonTodosNullOLosHijosLoSon}(e) \equiv \text{Los256SonNull}(e, 255) \vee \text{BuscarHijosNull}(e, 255)$

$\text{Los256SonNull} : \text{estrDT} \times \text{nat} \longrightarrow \text{Bool}$
 $\text{Los256SonNull}(e, i) \equiv \text{if } (i = 0) \text{ then}$
 $((*e).\text{Arreglo}[0] = \text{null})$
 else
 $((*e).\text{Arreglo}[i] = \text{null}) \wedge \text{Los256SonNull}(e, i-1)$
 fi

$\text{BuscarHijosNull} : \text{estrDT} \times \text{nat} \longrightarrow \text{Bool}$
 $\text{BuscarHijosNull}(e, i) \equiv \text{if } (i = 0) \text{ then}$
 $((*e).\text{Arreglo}[0] = \text{null}) \vee \text{SonTodosNullOLosHijosLoSon}((*e).\text{Arreglo}[0])$
 else
 $(((*e).\text{Arreglo}[i] = \text{null}) \vee \text{SonTodosNullOLosHijosLoSon}((*e).\text{Arreglo}[i])) \wedge \text{BuscarHijosNull}(e, i-1)$
 fi

3.2.2. Función de Abstracción

$\text{Abs} : e : \text{estrDT} \rightarrow \text{diccT}(c, \alpha) \quad \text{Rep}(e)$

$(\forall e : \text{estrDT}) \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} d : \text{diccT}(c, \alpha) \mid$

1. $(\forall c : \text{clave}) \text{def?}(c, d) =_{\text{obs}} \text{estaDefinido?}(c, e) \wedge_L$
2. $(\forall c : \text{clave}) \text{def?}(c, d) \Rightarrow \text{obtener}(c, d) =_{\text{obs}} \text{ObtenerS}(c, *(e))$

3.2.2.1. Funciones auxiliares

$\text{estaDefinido?} : \text{string} \times \text{estrDT} \longrightarrow \text{bool}$
 $\text{estaDefinido?}(c, e) \equiv \text{if } (e == \text{Null}) \text{ then false else } \text{NodoDef?}(c, *(e)) \text{ fi}$

$\text{NodoDef?} : \text{string} \times \text{Nodo} \longrightarrow \text{bool}$
 $\text{NodoDef?}(c, n) \equiv \text{if } (\text{vacía?}(c)) \text{ then}$
 true
 else
 if $(n.\text{arreglo}[\text{numero}(\text{prim}(c))] \neq \text{Null})$ **then**
 $\text{NodoDef?}(\text{fin}(c), *(n.\text{arreglo}[\text{numero}(\text{prim}(c))]))$
 else
 false
 fi

numero : char \rightarrow nat
numero(char) \equiv char - a

ObtenerS : string \times Nodo \rightarrow α
ObtenerS(c,n) \equiv **if** (vacia?(c)) **then**
 *(n.significado)
 else
 ObtenerS(fin(c),*(n.arreglo[numero(prim(c))]))
 fi

3.3. Algoritmos

Algoritmo 59 iVacio

```

1: function IVACIO  $\rightarrow$  res: estrDT
2:   var n: Puntero(Nodo)                                     //O(1)
3:   n  $\leftarrow$  Null                                         //O(1)
4:   res  $\leftarrow$  n                                           //O(1)
5: end function
Complejidad: O(1)

```

Algoritmo 60 iDefinir

```

1: function IDEFINIR(in c: string, in s:  $\alpha$ , in/out e: estrDT)
2:   if (e = Null) then                                       //O(1)
3:     var n: Nodo                                           //O(1)
4:     n  $\leftarrow$  iNuevoNodo                                 //O(1)
5:     e  $\leftarrow$  &(n)                                       //O(1)
6:   end if
7:   var n1: Nodo                                           //O(1)
8:   n1  $\leftarrow$  *(e)                                       //O(1)
9:   var i: nat                                              //O(1)
10:  i  $\leftarrow$  0                                           //O(1)
11:  while (i < |c|) do                                       //O(|c|)
12:    if (n1.arreglo[iNumero(c[i])] = Null) then           //O(1)
13:      var n2: Nodo                                       //O(1)
14:      n2  $\leftarrow$  iNuevoNodo                               //O(1)
15:      n1.arreglo[iNumero(c[i])]  $\leftarrow$  &(n2)         //O(1)
16:    end if
17:    n1  $\leftarrow$  *(n1.arreglo[iNumero(c[i])])             //O(1)
18:    i++                                                  //O(1)
19:  end while
20:  n1.significado  $\leftarrow$  s                               //O(1)
21: end function
Complejidad: O(|c|)

```

Algoritmo 61 iNuevoNodo

```
1: function INUEVONODO  $\rightarrow res: \text{Nodo}$ 
2:   var  $n: \text{Nodo}$  //O(1)
3:    $n.\text{significado} \leftarrow \text{Null}$  //O(1)
4:   for ( $i: \text{nat} \leftarrow 0; i < 256; i++$ ) do //O(256*1)
5:      $n.\text{arreglo}[i] \leftarrow \text{Null}$  //O(1)
6:   end for
7:    $res \leftarrow n$  //O(1)
8: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Algoritmo 62 iNumero

```
1: function INUMERO( $c_1: \text{char}$ )  $\rightarrow res: \text{nat}$ 
2:   var  $c_2: \text{char}$  //O(1)
3:    $c_2 \leftarrow a$  //O(1)
4:    $res \leftarrow (c_1 - c_2)$  //O(1)
5: end function
```

Complejidad: $O(1)$

Nota: Se le resta el char “a” para que al tomar la representación ASCII de los char evaluen como “a=0”, “b=1”, “c=2”, etc.

Algoritmo 63 iDef?

```
1: function IDEF?(in  $c: \text{string}$ , in  $e: \text{estr}$ )  $\rightarrow res: \text{bool}$ 
2:   if ( $e \neq \text{Null}$ ) then //O(1)
3:     var  $n: \text{Nodo}$  //O(1)
4:      $n \leftarrow *(e)$  //O(1)
5:     var  $i: \text{nat}$  //O(1)
6:     var  $i \leftarrow 0$  //O(1)
7:      $res \leftarrow \text{true}$  //O(1)
8:     while ( $i < |c|$ ) do //O(|c|)
9:       if ( $n.\text{arreglo}[\text{numero}(c[i])] \neq \text{Null}$ ) then //O(1)
10:         $n \leftarrow *(n.\text{arreglo}[\text{numero}(c[i])])$  //O(1)
11:      else
12:         $res \leftarrow \text{false}$  //O(1)
13:         $i \leftarrow \text{long}(c)$  //O(1)
14:      end if
15:       $i++$  //O(1)
16:    end while
17:   else
18:      $res \leftarrow \text{false}$  //O(1)
19:   end if
20: end function
```

Complejidad: $O(|c|)$

Algoritmo 64 iObtener

```
1: function IOBTENER(in  $c$ : string, in  $e$ : estr)  $\rightarrow res: \alpha$ 
2:   var  $n$ : Nodo //O(1)
3:    $n \leftarrow *(e)$  //O(1)
4:   var  $i$ : nat //O(1)
5:   var  $i \leftarrow 0$  //O(1)
6:   while ( $i < |c|$ ) do //O(|c|)
7:      $n \leftarrow *(n.arreglo[numero(c[i])])$  //O(1)
8:      $i++$  //O(1)
9:   end while
10:   $res \leftarrow n.significado$  //O(1)
11: end function
```

Complejidad: $O(|c|)$

3.4. Analisis de complejidades

1. iVacio

Se crea la variable p de tipo Puntero a Nodo en $O(1)$, luego se le asigna "Null" en $O(1)$ y finalmente se le asigna a res .

Orden Total: $O(1)+O(1)+O(1)=O(1)$

2. iDefinir

Se evalua si no nada definido y se crea un nuevo Nodo en caso afirmativo, luego se le asigna el puntero a este Nodo a la $estrDT$. Esto se logra en $O(1)$. Posteriormente se crean algunas variables y se le asignan valores en $O(1)$ y se hace un loop con la longitud del string en $O(|string|*O(\text{operaciones dentro del loop}))$. En el loop se hace un if para evaluar si ya esta definida esa letra y en caso negativo se crea un nuevo nodo y se asigna el puntero a ese nodo. Todo esto se hace en $O(1)$. Luego se asigna al nodo el nodo al cual este apunta en la posición de la letra evaluada y se incrementa el contador del loop. Esto se hace en $O(1)$. Finalmente se asigna al ultimo nodo iterado el significado

Orden Total: $O(1+1+1+1)+O(1+1+1+1)+O(|string|*(O(1+1+1+1+)+O(1+1)))+O(1) = O(1)+O(|string|)+O(1) = O(|string|)$

3. iNuevoNodo

Se crea una variable de tipo Nodo y se le asigna "Null" en $O(1)$. Luego se realiza un For iterando entre 0 y 256 y asignandole a cada posicion del Nodo "Null" en $O(1)$ dando un total para el For de $O(256)$. Finalmente se asigna el nodo a res en $O(1)$.

Orden Total: $O(1+1)+O(256*(O(1)))+O(1)=O(1)$

4. iNumero

Se crea una variable $char$ y se le asigna un valor en $O(1)$. Luego se asigna a res la resta de 2 chars en $O(1)$. Como res es un nat se asigna el número que representan dichos $char$.

Orden Total: $O(1)+O(1)+O(1)=O(1)$

5. iDef?

Se evalua si hay algo definido en $O(1)$. En caso afirmativo se crean variables y se le asignan valor en $O(1)$ y luego se realiza un loop iterando la longitud del string en $O(|string|*(\text{operaciones dentro del loop}))$. Dentro del loop se evalua si esta definido el $char$ correspondiente a la iteración

en y se le asigna al nodo el nodo apuntado en la posición iterada en $O(1)$, caso contrario se asigna “false” a res en $O(1)$. Finalmente incrementa el iterador en $O(1)$.

Orden Total: $O(1)+O(1+1+1+1+1)+O(|\text{string}|*(O(1+1)+O(1)))=O(|\text{string}|)$

6. iObtener

Se crean variables y se les asigna valor en $O(1)$. Luego se realiza un loop iterando la longitud del string en $O(|\text{string}|*O(\text{operaciones dentro del loop}))$. Dentro del loop se asigna al nodo el nodo apuntado en la posición iterada y avanza el iterador en $O(1)$. Finalmente se asigna a res el significado en el ultimo nodo asignado en $O(1)$.

Orden Total: $O(1+1+1+1)+O(|\text{string}|*O(1+1))+O(1)=O(|\text{string}|)$